Algèbre relationnelle

Table des matières

I - Cours	3
1. Opérateurs fondamentaux : projection, restriction et jointure	
2. Opérateurs complémentaires	910131516
II - Exercices	18
1. Exercice : Faire du Cinéma	18
2. Exercice : Le retour des écoliers	19
3. Quiz : Algèbre relationnelle	20
Index	23

Cours



Le modèle relationnel, et en particulier l'algèbre relationnel qui lui est associée, est aussi le fondement théorique du langage standard SQL, qui est utilisé pour manipuler les données stockées dans une BD.

1. Opérateurs fondamentaux : projection, restriction et jointure

Objectifs

Connaître et savoir utiliser les opérateurs relationnels de projection, restriction, produit et jointure.

1.1. Introduction

La représentation d'information sous forme relationnelle est intéressante car les fondements mathématiques du relationnel, outre qu'ils permettent une modélisation logique simple et puissante, fournissent également un ensemble de concepts pour manipuler formellement l'information ainsi modélisée.

Ainsi une algèbre relationnelle, sous forme d'un ensemble d'opérations formelles, permet d'exprimer des questions, ou requêtes, posées à une représentation relationnelle, sous forme d'expressions algébriques.

L'algèbre relationnelle est principalement composée par les cinq opérateurs de base et les trois opérateurs additionnels suivants :

• Opérateurs de base

- Union
- o Différence
- o Projection
- Restriction
- o Produit cartésien

Opérateurs additionels

- o Intersection
- o Jointure
- o Division

Algèbre relationnelle et SQL



Les questions formulées en algèbre relationnelle sont la base des questions formulées en SQL pour interroger une base de données relationnelle.

1.2. Exercice: Employés et départements

[30 minutes]

Soit les deux relations EMP et DEPT ci-après.

```
1 EMP (#ENO, ENOM, PROF, SAL, COMM, DNO=>DEPT(DNO))
2 DEPT (#DNO, DNOM, DIR=>EMP(ENO), VILLE)
```

- ENO: numéro d'employé, clé
- ENOM: nom de l'employé
- PROF: profession (directeur n'est pas une profession)
- SAL: salaire
- COMM: commission (un employé peut ne pas avoir de commission)
- DNO : numéro de département auquel appartient l'employé
- DNO: numéro de département, clé
- DNOM: nom du département
- DIR : numéro d'employé du directeur du département
- VILLE : lieu du département (ville)

Écrire en algèbre relationnelle les requêtes permettant d'obtenir les informations suivantes.

Ouestion 1

Lister les employés ayant des revenus supérieurs à 10.000 euros.

Question 2

Trouver le nom et la profession de l'employé numéro 10.

Question 3

Lister les noms des employés qui travaillent à Paris.

Ouestion 4

Trouver le nom du directeur du département Commercial.

Ouestion 5

Trouver les professions des directeurs des départements.

Question 6

Trouver le nom des directeurs de département ayant comme profession *Ingénieur*.

1.3. Projection

Projection



Définition

La projection est une opération unaire (c'est à dire portant sur une seule relation). La projection de R1 sur une partie de ses attributs {A1, A2, ...} produit une relation R2 dont le schéma est restreint aux attributs mentionnés en opérande, comportant les mêmes tuples que R1, et dont les doublons sont éliminés.



S Syntaxe

R = Projection (R1, a1, a2, ...)



Soit la relation suivante: Personne (nom, prénom, age)

Personne

nom	prénom	age
Dupont	Pierre	20
Durand	Jean	30

Soit l'opération: R = Projection (Personne, nom, age)

On obtient alors la relation R composée des tuples suivants :

R

nom	age
Dupont	20
Durand	30

La projection élimine les doublons



Après suppression d'une partie des attributs du schéma, la relation peut comporter des doublons. Étant donné que l'on ne pourrait plus identifier ces doublons les uns par rapport aux autres, la seule solution sensée est donc de considérer que deux doublons sont équivalents, et donc de n'en garder qu'un seul dans la relation résultante.

Syntaxes alternatives



🚣 Complément

$$R = \pi$$
 (R1, a1, a2, ...)
 $R = \pi$ _{a1,a2,...} (R1)

1.4. Restriction

Restriction



Définition

La restriction est une opération unaire (c'est à dire portant sur une seule relation). La restriction de R1, étant donnée une condition C, produit une relation R2 de même schéma que R1 et dont les tuples sont les tuples de R1 vérifiant la condition C.



Syntaxe

R = Restriction (R1, condition)



Exemple

Soit la relation suivante: Personne (nom, prénom, age)

Personne

nom	prénom	age
Dupont	Pierre	20
Durand	Jean	30

Soit l'opération suivante: R = Restriction (Personne, age>25)

On obtient alors la relation R composée de l'unique tuple restant suivant :

nom	prénom	age
Durand	Jean	30

Syntaxes alternatives



 $R = \sigma$ (R1, condition)

 $R = \sigma_{\text{condition}}(R1)$

Sélection



On utilise parfois sélection comme synonyme de restriction, mais il vaut mieux ne pas utiliser ce terme qui prend un sens différent en SQL.

1.5. Produit

Produit cartésien



Définition

Le produit cartésien est une opération binaire (c'est à dire portant sur deux relations). Le produit de R1 par R2 (équivalent au produit de R2 par R1) produit une relation R3 ayant pour schéma la juxtaposition de ceux des relations R1 et R2 et pour tuples l'ensemble des combinaisons possibles entre les tuples de R1 et ceux de R2.

Synonymes: Produit



Syntaxe

R = Produit (R1, R2)



Soit les deux relations suivantes : Personne (nom, prénom, age) et Voiture (type, marque)

Personne

nom	prénom	age
Dupont	Pierre	20
Durand	Jean	30

Voiture

type	marque
Tesla	Model X
Citroën	2 CV

Soit l'opération suivante:R = Produit (Homme, Voiture)

On obtient alors la relation R composée des tuples suivants :

R

nom	prénom	age	type	marque
Dupont	Pierre	20	Tesla	Model X
Dupont	Pierre	20	Citroën	2 CV
Durand	Jean	30	Tesla	Model X
Durand	Jean	30	Citroën	2 CV



Le produit cartésien est rarement utilisé seul, mais il est à la base de la jointure.



- Le nombre de tuples résultant du produit de R1 par R2 est égal au nombre de tuples de R1 fois le nombre de tuples de R2.
- Le nombre de colonne du produit de R1 par R2 est égal au nombre de colonne de R1 **plus** le nombre de colonnes de R2.

Syntaxes alternatives



🖵 Complément

R = X (R1, R2) $R = R1 \times R2$

1.6. Jointure

Jointure



Définition

La jointure est une opération binaire (c'est à dire portant sur deux relations). La jointure de R1 et R2, étant donné une condition C portant sur des attributs de R1 et de R2, de même domaine, produit une relation R3 ayant pour schéma la juxtaposition de ceux des relations R1 et R2 et pour tuples l'ensemble de ceux obtenus par concaténation des tuples de R1 et de R2, et qui vérifient la condition C.



S Syntaxe

R = Jointure (R1, R2, condition)



Soit les deux relations suivantes : Personne (nom, prénom, age) et Voiture (type, marque, propriétaire)

Personne

nom	prénom	age
Dupont	Pierre	20
Durand	Jean	30

Voiture

type	marque	propriétaire
Tesla	Model X	Dupont
Citroën	2 CV	Durand
Citroën	3 CV	Dupont

Soit l'opération suivante : R = Jointure (Personne, Voiture, Personne.Nom=Voiture.Propriétaire)

On obtient alors la relation R composée des tuples suivants :

R

nom	prénom	age	type	marque	propriétaire
Dupont	Pierre	20	Tesla	Model X	Dupont
Dupont	Pierre	20	Citroën	3 CV	Dupont
Durand	Jean	30	Citroën	2 CV	Durand



Fondamental

La jointure est l'opération qui permet de rassembler les informations séparées entre plusieurs tables et référencées par des clés étrangères.

Opération additionnelle



Remarque

La jointure n'est pas une opération de base, elle peut être réécrite en combinant le produit et la restriction.

Équi-jointure



Une équi-jointure est une jointure dont la condition est un test d'égalité.

Syntaxes alternatives



 $R = \bowtie (R1, R2, condition)$ $R = R1 \bowtie (condition) R2$

1.7. Exercice

Quelles sont les expressions relationnelles équivalentes à :

- 1 Projection (Jointure (R1, R2, R1.A1=R2.A1), R1.A1, R2.A2)
- ☐ Jointure (Projection(R1, A1), Projection(R2, A2), R1.A1=R2.A1)
- ☐ Projection (Jointure (R2, R1, R2.A1=R1.A1), R1.A1, R2.A2)
- ☐ Projection (Restriction (Produit(R1, R2), R1.A1=R2.A1), R1.A1, R2.A2)
- ☐ Produit (R1, R2, R1.A1=R2.A1, R1.A1, R2.A2)

2. Opérateurs complémentaires

Objectifs

Maîtriser l'algèbre relationnelle.

2.1. Jointure naturelle

Jointure naturelle



Définition

La jointure naturelle entre R1 et R2 est une jointure pour laquelle la condition est l'égalité entre les attributs de même nom de R1 et de R2. Il est donc inutile de spécifier la condition dans une jointure naturelle, elle reste toujours implicite.



S Syntaxe

R = JointureNaturelle (R1, R2)



Exemple

Soit deux relations R1 (A, B, C) et R2 (A, D), l'opération Jointure (R1, R2, R1.A=R2.A) est équivalente à l'opération Jointure Naturelle (R1, R2).



Remarque

Pour appliquer une jointure naturelle, il faut que les deux relations opérandes aient au moins un attribut ayant le même nom en commun.

Syntaxes alternatives



Complément

 $R = \bowtie (R1, R2)$

 $R = R1 \bowtie R2$

2.2. Jointure externe

Introduction

La jointure est une opération qui entraîne la perte de certains tuples : ceux qui appartiennent à une des deux relations opérandes et qui n'ont pas de correspondance dans l'autre relation. Il est nécessaire dans certains cas de pallier cette lacune, et l'on introduit pour cela la notion de jointure externe.

Jointure externe



Définition

La jointure externe entre R1 et R2 est une jointure qui produit une relation R3 à laquelle on ajoute les tuples de R1 et de R2 exclus par la jointure, en complétant avec des valeurs nulles pour les attributs de l'autre relation.

Jointure externe gauche



Définition

La jointure externe gauche entre R1 et R2 est une jointure externe pour laquelle on ajoute seulement les tuples de R1 (c'est à dire la relation de gauche) ayant été exclus.

Synonymes: Jointure gauche

Jointure externe droite



Définition

La jointure externe droite entre R1 et R2 est une jointure externe pour laquelle on ajoute seulement les tuples de R2 (c'est à dire la relation de droite) ayant été exclus.

Bien entendu une jointure externe droite peut être réécrite par une jointure externe gauche (et réciproquement) en substituant les relations opérandes R1 et R2.

Synonymes: Jointure droite



Syntaxe

R = JointureExterne (R1, R2, condition)

R = JointureExterneGauche (R1, R2, condition)

R = JointureExterneDroite (R1, R2, condition)



Exemple

Soit les deux relations suivantes : Personne (nom, prénom, age) et Voiture (type, marque, propriétaire)

Personne

nom	prénom	age
Dupont	Pierre	20
Durand	Jean	30
Martin	Georges	40

Voiture

type	marque	propriétaire
Tesla	Model X	Dupont
Citroën	2 CV	Durand
Citroën	3 CV	NULL

Soit l'opération suivante : R = JointureExterne (Homme, Voiture, Homme.Nom=Voiture.Propriétaire)

On obtient alors la relation R composée des tuples suivants :

R

nom	prénom	age	type	marque	propriétaire
Dupont	Pierre	20	Tesla	Model X	Dupont
Durand	Jean	30	Citroën	2 CV	Durand
Martin	Georges	40	NULL	NULL	NULL
NULL	NULL	NULL	Citroën	3 CV	NULL

Une jointure externe gauche n'aurait renvoyé que les trois premiers tuples et une jointure externe droite n'aurait renvoyé que les deux premiers et le dernier tuple.

Syntaxes alternatives



R = +M+ (R1, R2, condition) (jointure externe)

 $R = + \bowtie$ (R1, R2, condition) (jointure externe gauche)

R = M + (R1, R2, condition) (jointure externe droite)

R = R1 + M + (condition) R2

 $R = R1 + \bowtie (condition) R2$

 $R = R1 \bowtie + (condition) R2$

2.3. Opérateurs ensemblistes



Les opérateurs ensemblistes sont des relations binaires (c'est à dire entre deux relations) portant sur des relations **de même schéma**.

Union



L'union de deux relations R1 et R2 de même schéma produit une relation R3 de même schéma constituée de l'ensemble des tuples appartenant à R1 et/ou à R2.

Différence



La différence entre deux relations R1 et R2 de même schéma produit une relation R3 de même schéma constituée de l'ensemble des tuples de R1 n'appartenant pas à R2. Notons que la différence entre R1 et R2 n'est pas égale à la différence entre R2 et R1.

Intersection



Définition

L'intersection de deux relations R1 et R2 de même schéma produit une relation R3 de même schéma constituée de l'ensemble des tuples appartenant à la fois à R1 et à R2. Notons que l'intersection n'est pas une opération de base, car elle est équivalent à deux opérations de différence successives.



Syntaxe

R = Union (R1, R2)

R = Différence (R1, R2)

R = Intersection (R1, R2)



Attention

Les opérateurs ensemblistes éliminent les doublons.



Exemple

Soit les deux relations suivantes : Homme (nom, prénom, age) et Femme (nom, prénom, age)

Homme

nom	prénom	age
Dupont	Pierre	20
Durand	Jean	30

Femme

nom	prénom	age
Martin	Isabelle	24
Blanc	Hélène	25

Soit l'opération suivante: R = Union (Homme, Femme)

On obtient alors la relation R composée des tuples suivants :

R

nom	prénom	age
Dupont	Pierre	20
Durand	Jean	30
Martin	Isabelle	24
Blanc	Hélène	25

La différence entre Homme et Femme (respectivement entre Femme et Homme) renvoie la relation Homme (respectivement Femme), car aucun tuple n'est commun aux deux relations. L'intersection entre Homme est Femme est vide, pour la même raison.

Union externe



Complément

Il est possible de définir une opération d'union externe, qui permet de réaliser l'union de deux relations de schéma différent, en ramenant les relations aux mêmes schémas, et en les complétant avec des valeurs nulles.

Syntaxes alternatives



Complément

R = R1 U R2

 $R = R1 \cap R1$

R = R1 - R2

2.4. Division

Division



Définition

La division est une opération binaire (c'est à dire portant sur deux relations).

La division de R_D par R_d a pour résultat R_O tel que R_O comporte le plus grand ensemble possible de tuples qui concaténés à ceux de R_d donnent toujours un tuple de R_D.



Fondamental

 $R_O = R_D \div R_d$ si et seulement si :

- $R_d X R_O \subseteq dans R_D$
- $\nexists R_{O'}$ tel que $R_O \subset R_{O'}$ et $R_d \times R_{O'} \subseteq dans R_D$



S Syntaxe

 $R_O = Division (R_D, R_d)$



Attention

ullet Tous les attributs de R_d sont des attributs de R_D (c'est à dire de même nom et de même domaine), sinon $\forall R$, $R_d \ X \ R$ donnera des tuples dont au moins un attribut n'appartient pas au schéma de R_D.

- R_D a au moins un attribut de plus que R_d , sinon $\forall R$, R_d X R donnera des tuples qui ont au moins un attributs de plus que R_D .
- R_Q comporte les attributs appartenant à R_D mais n'appartenant pas à R_d

Comparaison avec la division entière



- R_D est le dividende
- R_d est le diviseur
- R_Q est le quotien (tel que R_Q x R_d donne le plus grand entier inférieur à R_D)
- Il y a une sorte de reste R_r qui contient les tuples de R_D qui ne sont pas retrouvés par l'opération R_d X R_Q.



Soit les deux relations suivantes : (R_D) Pratique (personne, age, métier) et (R_d) Métier (métier)

 (R_D) Pratique

personne	age	métier
Dupont	20	Ingénieur
Dupont	20	Professeur
Durand	30	Professeur
Martin	40	Ingénieur
Martin	40	Professeur

(R_d) Métier

métier
Ingénieur
Professeur

Soit l'opération suivante: R_O = Division (Pratique, Métier)

On obtient alors la relation R_O composée des tuples suivants :

(R_O) Résultat

personne	age
Dupont	20
Martin	40

On peut considérer que le tuple (Durand, 30, Professeur) est ici une sorte de reste, il n'est pas retrouvé par l'opération $R_d \times R_O$.

Réponse aux questions : Pour tous les ...



La division permet de répondre aux questions du type : "Donnez toutes les personnes qui pratiquent tous les métiers de la relation métier".

Opération additionnelle



La division n'est pas une opération de base, elle peut être réécrite en combinant le produit, la restriction et la différence.

Syntaxes alternatives



$$R_Q = \div (R_D, R_d)$$

 $R_O = R_D \div R_d$

2.5. Renommage

Division



Le renommage est une opération qui permet de redéfinir les noms des attributs d'une relation R.



Syntaxe

$$R = Renommage (R1, a1, a2, ...)$$



Exemple

Soit la relation suivante: Personne (nom, prénom, age)

Personne

nom	prénom	age
Dupont	Pierre	20
Durand	Jean	30

Soit l'opération suivante: R = Renommage (Personne, a, b, c))

On obtient alors la relation R composée des tuples suivants :

R

а	b	С
Dupont	Pierre	20
Durand	Jean	30

Syntaxes alternatives



```
R = \rho (R1, a1, a2...)

R = \rho_{a1, a2, ...}(R1)
```

2.6. Proposition de notations

Introduction

Il existe plusieurs syntaxes pour écrire des opérations d'algèbre relationnelle, certaines inspirées de l'algèbre classiques, d'autres reposant sur des notations graphiques. Nous proposons une notation fonctionnelle qui a le mérite d'être facile à écrire et d'être lisible.



```
1 R = Union (R1, R2)
2 R = Différence (R1, R2)
3 R = Intersection (R1, R2)
4 R = Projection (R1, a1, a2, ...)
5 R = Restriction (R1, condition)
6 R = Produit (R1, R2)
7 R = Jointure (R1, R2, condition)
8 R = JointureNaturelle (R1, R2)
9 R = JointureExterne (R1, R2, condition)
10 R = JointureGauche (R1, R2, condition)
11 R = JointureDroite (R1, R2, condition)
12 R = Division (R1, R2)
13 R = Renommage (R, a1, a2, ...)
```

Notation décomposée



```
1R' = Restriction(R1, A1=1 AND A2=2)
2R = Projection (R', A3)
```

2.7. Exercice

Soit les deux relations R1 et R2 suivantes, définies en extension :

R1

Α	В
1	А
2	В
3	С

R2

Α	
1	
2	

Combien de tuples renvoie l'opération relationnelle suivante?

1 R3 = JointureNaturelle (Intersection (Projection(R1,A), R2), R2)

2.8. Exercice : Opérateurs de base et additionnels

Réécrivez les opérateurs additionnels suivants, à partir d'opérateurs de base :

Question 1

Réécrivez Intersection à partir de Différence

Question 2

Réécrivez Jointure à partir de Produit et Restriction

Exercices



1. Exercice: Faire du Cinéma

[30 minutes]

On considère les deux relations suivantes :

```
1 FILMS (titre:string, pays:string, année:integer(4), réalisateur:string, durée:integer(3))
2 ACTEURS (titre:string, acteur:string)
```

La relation **FILMS** donne pour chaque film, identifié par son titre, le pays, l'année de sortie, réalisateur et la durée

La relation **ACTEURS** donne pour chaque film l'ensemble des principaux acteurs.

À l'aide de l'algèbre relationnelle, exprimer les requêtes ci-après.

Question 1

Lister les films français (titre, année, réalisateur).

Question 2

Donnez les années de sortie des films dans lesquels l'acteur Jean GABIN a joué.

Question 3

Trouver les acteurs qui ont tourné avec François Truffaut comme réalisateur.

Ouestion 4

Lister les films dans lesquels le réalisateur est aussi acteur.

Question 5

Trouver tous les acteurs qui ont été partenaires de l'actrice Catherine Deneuve.

Question 6

Lister les réalisateurs n'ayant joué comme acteurs que dans des films qu'ils ne réalisaient pas euxmêmes.

Question 7

Lister les réalisateurs ayant joué comme acteurs dans des films qu'ils ne réalisaient pas eux-mêmes.

Ouestion 8

Donnez les acteurs qui jouent dans tous les films de François TRUFFAUT.

2. Exercice : Le retour des écoliers

[45 minutes]

Soit le schéma relationnel suivant :

```
1 IMMEUBLE (#ADI, NBETAGES, DATEC, PROP)
2 APPIM (#ADI, #NAPR, OCCUP, TYPE, SUPER, ETAGE)
3 PERSONNE (#NOM, AGE, PROF, ADR, NAPR)
4 ÉCOLE (#NOMEC, ADEC, DIR)
5 CLASSE (#NOMEC, #NCL, MAITRE)
6 ENFANT (#NOMP, #PRENOM, AN, NOMEC, NCL)
```

Avec la signification suivante:

• Relation IMMEUBLE

ADI : adresse d'immeuble, clé ; on fait l'hypothèse pour simplifier, que l'adresse identifie de manière unique un immeuble

NBETAGES: nombre d'étages d'un immeuble

DATEC : date de construction (année)

PROP: nom du propriétaire de l'immeuble qui est une personne

• Relation APPIM (Appartement)

ADI: adresse d'immeuble

NAPR: numéro d'appartement

OCCUP : occupant de l'appartement (nom de la personne ayant signé le contrat de location, éventuellement aucun)

TYPE: type de l'appartement (Studio, F2, ...)

SUPER: superficie de l'appartement

ETAGE: étage où se situe l'appartement

• Relation PERSONNE

NOM : nom de personne, clé ; on fait l'hypothèse pour simplifier, que ce nom est unique sur l'ensemble des personnes que l'on considère dans la base

AGE: âge de la personne

PROF: profession de la personne

ADR: adresse de la résidence d'une personne, il s'agit d'un immeuble

NAPR: numéro d'appartement

• Relation ÉCOLE

NOMEC : nom d'une école, clé ADEC : adresse d'une école DIR : nom du directeur

• Relation CLASSE

NOMEC: nom d'une école

NCL: nom de la classe, e.g., CP1, CE2, CE3, etc...

MAITRE: nom de l'instituteur

Relation ENFANT

NOMP: nom de la personne responsable de l'enfant, clé e.g., père, mère etc...

PRENOM: prénom de l'enfant

AN : année de naissance NOMEC : nom d'une école

NCL: nom de la classe

La relation IMMEUBLE décrit un ensemble d'immeubles. Chaque immeuble a un propriétaire. La relation APPIM décrit pour chaque immeuble l'ensemble des appartements qui le compose (il y a au mimimum un appartement par immeuble). Chaque appartement peut héberger plusieurs personnes mais il y en a une qui est responsable (par exemple la personne qui a signé le contrat de location) et qui est désignée par l'attribut OCCUP. Si l'appartement est inoccupé, il prend la valeur NULL. La relation PERSONNE décrit un ensemble de personnes. ADR et NAPR représentent l'adresse où réside une personne. Une personne peut avoir plusieurs enfants décrits par la relation ENFANT. Pour simplifier, on ne considère que les enfants allant à l'école primaire. Les écoles et les classes sont décrites dans les relations ÉCOLE et CLASSE, chaque école est composée au minimum d'une classe et chaque classe est au moins fréquentée par un enfant.

Question 1

Donner l'adresse des immeubles ayant plus de 10 étages et construits avant 1970.

Question 2

Donner les noms des personnes qui habitent dans un immeuble dont ils sont propriétaires.

Question 3

Donner les noms des personnes qui ne sont pas propriétaires.

Question 4

Donner les adresses des immeubles possédés par des informaticiens dont l'âge est inférieur à 40 ans .

Question 5

Donner la liste des occupants (nom, âge, profession) des immeubles possédés par DUPONT.

Question 6

Donner le nom et la profession des propriétaires d'immeubles dans lesquels il y a des appartements vides.

Ouestion 7

Donner les noms des maîtres qui habitent dans le même immeuble (à la même adresse) qu'au moins un de leurs élèves (on suppose que les enfants vivent sous le même toit que leur parents).

Question 8

Donner l'adresse de l'immeuble, la date de construction, le type d'appartement et l'étage où habitent chacun des maîtres des enfants de DUPONT.

3. Quiz : Algèbre relationnelle

Exercice 1

Quelles sont les opérations relationnelles, qui appliquées sur les relations instanciées ci-dessous, renvoient un ensemble non nul de tuples ?

Num	Nom	Famille
1	Ours	Mammifère
2	Truite	Poisson
3	Homme	Mammifère
4	Martin-pêcheur	Oiseau

Animal

Num	Nom
1	Forêt
2	Montagne
3	Ciel
4	Rivière
5	Mer

Environnement

Animal	Environnement
1	1
1	2
1	4
2	4
4	3

Habiter

Mangeur	Mangé	Fréquence
1	2	Souvent
1	3	Rarement
1	4	Rarement
4	2	Souvent
3	1	Rarement
3	2	Souvent

Manger

- ☐ Restriction(Projection (Animal, Nom, Famille), Famille='Mammifère')
- ☐ Restriction(Jointure(Jointure (Animal, Habiter, Animal.Num=Habiter.Animal), Environnement, Environnement.Num=Habiter.Environnement), Animal.Num='3')
- ☐ Restriction(JointureExterneGauche(Animal, Habiter, Animal.Num=Habiter.Animal), Animal.Nom='Homme')
- ☐ Jointure(Animal, Manger, Animal.Num=Manger.Mangeur AND Animal.Num=Manger.Mangé)

Exercice 2

Soit le schéma relationnel:

1 R1(X, Y) 2 R2(X, Y)

Quelles sont les opérations relationnelles équivalentes à l'opération :

1 Projection(JointureNaturelle(R1,R2), R1.X)

	JointureNaturelle(Projection(R1, X), Projection(R2, X))
	Projection(Selection (Produit(R1, R2), R1.X=R2.X AND R1.Y=R2.Y), R1.X)
	Projection(Union(R1, R2), R1.X)
	Projection(JointureExterne (R1, R2, R1.X=R2.X AND R1.Y=R2.Y), R1.X)
$\qquad \qquad \square$	Projection (Jointure (P1 P2 P1 Y-P2 Y AND P1 Y-P2 V) P1 Y)

Exercice 3

Soit la relation instanciée suivante :

А	В	С
1	1	0
1	0	1
0	1	1

Relation R1

Quelles relations sont retournées par l'opération relationnelle suivante :

1 R2 = JointureNaturelle(R1, R1)

		•			
1		1	1 0)
1	1	()	1	
C	0		1		1
		R2	?a		
1 1 (0		
1	l	0 1		1	
C)	1		1	
1	l	1 0		0	
1		()	1	
C)	1	l	1	
		R2	2 <i>b</i>		
1	1	1	1	1	
()	(0 0		0
R2c					
1	1	0	1	1	0
1	0	1	1	0	1
0	1	1	0	1	1

R2d

R2b
R2c
R2d
Une relation vide (aucun tuple)

☐ R2a

Index



Algèbre 3, 3, 4, 5, 6, 7, 9, 9, 10, 13, 15, 16	11,
Cartésien	6
Différence	11
Division	13
Externe	10
Intersection	11
Jointure7, 9	, 10
Manipulation	3
Naturelle	9
Produit	6
Projection	4
Relationnel3, 3, 9	, 16
Renommage	15
Restriction	5
Union	11