

一、题目说明

题目, 85. Maximal Rectangle, 计算只包含1的最大矩阵的面积。难度是Hard!

二、我的解答

看到这个题目, 我首先想到的是dp, 用 $dp[i][j]$ 表示第i行第j列元素向右下角计算的最大面积。后来发现从 $dp[i+1][j]$ 、 $dp[i][j+1]$ 和 $dp[i+1][j+1]$ 计算 $dp[i][j]$ 几乎没有任何规律可循。

然后, 我就想用 $down_dp[i][j]$ 和 $right_dp[i][j]$ 两个dp, 但遗憾的是还是没成功。

后面看了大神的写法, 其实 $down_dp[i][j]$ 然后“向右找同一行”计算即可。代码如下:

```
class Solution{
public:
    int maximalRectangle(vector<vector<char>>& matrix){
        if(matrix.empty()) return 0;
        int m = matrix.size();
        int n = matrix[0].size();

        vector<vector<int>> down_dp(m,vector<int>(n,0));
        int result = 0;
        //最后一行
        for(int j=n-1;j>=0;j--){
            if(matrix[m-1][j]=='0'){
                down_dp[m-1][j] = 0;
            }else if(j==n-1){
                down_dp[m-1][j] = 1;
                result = max(1,result);
            }else{
                down_dp[m-1][j] = 1;
                result = max(1,result);
                int tmp = 1;
                for(int t=j+1;t<n;t++){
                    if(down_dp[m-1][t]>0){
                        tmp++;
                        result = max(tmp,result);
                    }else{
                        break;
                    }
                }
            }
        }

        //最后一列
        for(int i=m-1;i>=0;i--){
            if(matrix[i][n-1]=='0'){
                down_dp[i][n-1] = 0;
            }else if(i==m-1){
                down_dp[i][n-1] = 1;
                result = max(1,result);
            }else{
                down_dp[i][n-1] = down_dp[i+1][n-1] + 1;
                result = max(down_dp[i][n-1],result);
            }
        }
    }
}
```

```

        for(int j=n-1;j>=0;j--){//列
            for(int i=m-2;i>=0;i--){
                if(matrix[i][j]=='0'){
                    down_dp[i][j] = 0;
                }else if(matrix[i][j]=='1'){
                    down_dp[i][j] = down_dp[i+1][j] + 1;
                    result = max(down_dp[i][j],result);
                    int temp = 1,curMin=down_dp[i][j],curMax = down_dp[i]
[j];

                    //向右找同一行
                    for(int t=j+1;t<n;t++){
                        if(down_dp[i][t]>0){
                            temp++;
                            curMin = min(curMin,down_dp[i][t]);
                            curMax = temp * curMin;
                            result = max(curMax,result);
                        }else{
                            break;
                        }
                    }
                }
            }
        }

        return result;
    }
};

```

性能如下:

Runtime: 28 ms, faster than 45.92% of C++ online submissions for Maximal Rectangle.
 Memory Usage: 11.1 MB, less than 61.11% of C++ online submissions for Maximal Rectangle.

三、优化措施

上面代码，先计算最后一行，最后一列，然后向上计算。其实完全可以合并起来的。

```

class Solution{
public:
    int maximalRectangle(vector<vector<char>>& matrix){
        if(matrix.empty()) return 0;
        int m = matrix.size();
        int n = matrix[0].size();

        vector<vector<int>> down_dp(m,vector<int>(n,0));
        int result = 0;

        for(int j=n-1;j>=0;j--){//列
            for(int i=m-1;i>=0;i--){

```

```

        if(matrix[i][j]=='0'){
            down_dp[i][j] = 0;
        }else if(matrix[i][j]=='1'){
            if(i<m-1){
                down_dp[i][j] = down_dp[i+1][j] + 1;
            } else{
                down_dp[i][j] = 1;
            }

            result = max(down_dp[i][j],result);
            int temp = 1,curMin=down_dp[i][j],curMax = down_dp[i]
[j];

            //向右找同一行
            for(int t=j+1;t<n;t++){
                if(down_dp[i][t]>0){
                    temp++;
                    curMin = min(curMin,down_dp[i][t]);
                    curMax = temp * curMin;
                    result = max(curMax,result);
                }else{
                    break;
                }
            }
        }
    }

    return result;
}

};

```