

# Universidad Santo Tomás, Facultad de Ingeniería

Control Estadístico de Calidad: Primera prueba parcial

*Profesor: Gustavo Ahumada*

*15 May, 2020*

**Exigencia:** 70%. **Puntaje total:** 80 puntos. **Tiempo de duración:** 36 horas

**Instrucciones:** (1) Las respuestas finales deben ser legibles y escritas con lápiz pasta; (2) debe scanear sus respuestas y generar un archivo en PDF, el cual debe ser enviado únicamente al correo electrónico gahumada2@santotomas.cl; (3) la fecha de entrega es el día 17 de mayo a las 12:00 PM.

## Distribuciones de probabilidad

**1. Distribución Binomial.** Considerar el problema de calcular la probabilidad de obtener 6 o mas caras en 10 lanzamiento de una moneda ponderada (no balanceada), donde la probabilidad de obtener una cara en cualquier intento es de 0.33.

**2. Distribución normal.** Mucho de los accesorios para teléfonos celulares hoy en día permiten a los consumidores cambiar del altavoz y el micrófono a una fuente externa. Una empresa manufacturera de teléfonos celulares quiere incluir un altavoz y un micrófono para operar con manos libres. Una nueva empresa ha patentado un componente que permite que la planicidad de resistencia para el micrófono y el altavoz sea más baja que nunca. El teléfono celular de la compañía requiere que la planicidad de resistencia sea menor a 0.7 ohmios ( $\Omega$ ). Si se sabe que el 50% de los componentes de la nueva compañía tiene una proporción de 0.5 ohmios o menos, 10% tiene una proporción de 0.628 ohmios y la distribución de estas proporciones sigue una distribución normal, entonces:

1. Encontrar la media y la desviación estándar para la distribución de la proporción de ohmio de los componentes.
2. Si un componente es seleccionado de manera aleatoria, ¿cual es la probabilidad que su planicidad de resistencia sea menor a 0.7 ohmios?
3. Si 20 componentes son seleccionados de manera aleatoria, ¿cual es la probabilidad que al menos 19 compnentes tengan una planicidad de resistencia menor a 0.7 ohmios?

**3. Distribución hipergeométrica.** Se selecciona al azar un comité de siete personas entre tres sociólogos, tres antropólogos y 2 economistas. Encuentre la distribución de probabilidad para el número de economistas en el comité.

## Distribuciones muestrales

**4.** La distribución de alturas de cierta raza de perros terrier tiene una altura media de 72 centímetros y una desviación estándar de 10 centímetros, mientras que la distribución de alturas de cierta raza de poodles tiene una altura de media 28 centímetros con una desviación estándar de 5 centímetros. Suponga que las medias muestrales se pueden medir con cualquier grado de precisión, encuentre la probabilidad de que la media muestral para una muestra aleatoria de altura de 64 terriers exceda la media para una muestra aleatoria de alturas de 100 poodles por cuando mucho 44.2 centímetros.

**5.** Encontrar la probabilidad de que una muestra aleatoria de 25 observaciones, de una población normal con varianza  $\sigma^2 = 6$ , tenga una varianza  $s^2$

1. mayor que 9.1.
2. entre 3.463 y 10.745.

Suponga que las varianzas muestrales son mediciones continuas.

## Intervalos de confianza

6. Una muestra aleatoria de tamaño  $n_1 = 25$  que se toma de una población normal con una desviación estándar  $\sigma_1 = 5$  tiene una media  $\bar{x}_1 = 80$ . Una segunda muestra aleatoria de tamaño  $n_2 = 36$ , que se toma de una población normal diferente con una desviación estándar  $\sigma_2 = 3$  tiene una media  $\bar{x}_2 = 75$ . Encontrar un intervalo de confianza de 95% para  $\mu_1 - \mu_2$ .

## Prueba de hipótesis

7. La estatura promedio de mujeres en el grupo de primer año de cierta universidad es de 162.5 centímetros con una desviación estándar de 6.9 centímetros con una desviación ¿Hay alguna razón para creer que hay un cambio de estatura si una muestra aleatoria de 50 mujeres en el grupo actual de primer año tiene una altura promedio de 165.2 centímetros? utilice un valor  $P$  para su conclusión.

8. Una compañía de venta de calefacciones afirma que un quinto de las casas en cierta ciudad se calientan con petróleo. ¿Tenemos razón en duda de esta afirmación si, en una muestra aleatoria de 1000 casas en esta ciudad, se encuentra que 136 se calientan con petróleo? Utilice un nivel de significancia de 0.01.