

# Control Estadístico de Procesos

*Gustavo Ahumada*

## Distribución hipergeométrica

La distribución hipergeométrica no requiere independencia y se basa en el muestreo que se realiza **sin reemplazo**. Las aplicaciones de la distribución hipergeométrica se encuentran en muchas áreas, con gran uso en muestreo de aceptación y garantía de calidad. Obviamente, para muchos de estos campos de muestreo se realiza a expensas del artículo de que se prueba. Es decir, el artículo se destruye y por ello no se puede reemplazar en la muestra.

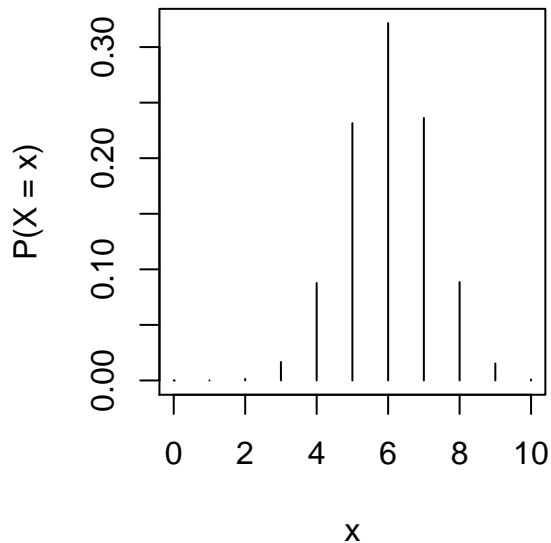
En general, nos interesa la probabilidad de seleccionar  $x$  éxitos de los  $k$  artículos considerados como éxito y  $n - k$  fracasos de los  $N - k$  artículos que se consideran fracasos cuando se selecciona una muestra aleatoria de tamaño  $n$  de  $N$  artículos. Esto se conoce como **experimento hipergeométrico**.

**Definición.** La dist. de probabilidad de la variable aleatoria hipergeométrica  $X$ , el número de éxitos en una muestra aleatoria de tamaño  $n$  que se selecciona de  $N$  artículos de los que  $k$  son **éxito** y  $N - K$  **fracaso**, es

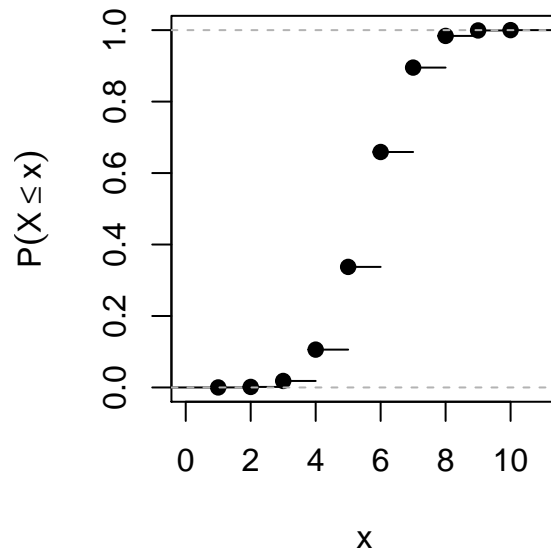
$$h(x; N, n, k) = \frac{\binom{k}{x} \binom{N-k}{n-x}}{\binom{N}{n}} \quad x = 0, 1, 2, \dots, n.$$

```
opar <- par(no.readonly = TRUE)
par(mfrow = c(1, 2), pty = "s")
x <- 0:10
m <- 15
n <- 10 # N = m+n
k <- 10
px <- dhyper(x, m, n, k) # ?dhyper para mas información de esta distribución
plot(x, px, type = "h", xlab = "x", ylab = "P(X = x)",
     main = "PDF de X-Hyper(15, 10, 10)")
xs <- rep(x, round(dhyper(x, m, n, k)*100000, 0))
plot(ecdf(xs), main = "CDF de X-Hyper(15, 10, 10)",
     ylab = expression(P(X<=x)), xlab = "x" )
```

PDF de  $X \sim \text{Hyper}(15, 10, 10)$



CDF de  $X \sim \text{Hyper}(15, 10, 10)$



`par(opar)`

## Distribuciones de probabilidad univariadas continuas

Si los posibles resultados de una solo experimento se encuentran en un rango de valores, una distribución univariada será necesaria para modelar los resultados.

### Distribución uniforme continua

Una distribuciones continuas más simple en la estadística es la **distribución uniforme continua**. Esta distribución se caracteriza por una función de densidad que es “plana”, y por lo tanto la probabilidad es uniforme en un intervalo cerrado, digamos  $[a, b]$ .

**Definición.** La función de densidad de la variable aleatoria uniforme continua  $X$  en el intervalo  $[a, b]$  es

$$f(x; a, b) = \frac{1}{b - a}, \quad a \leq x \leq b$$

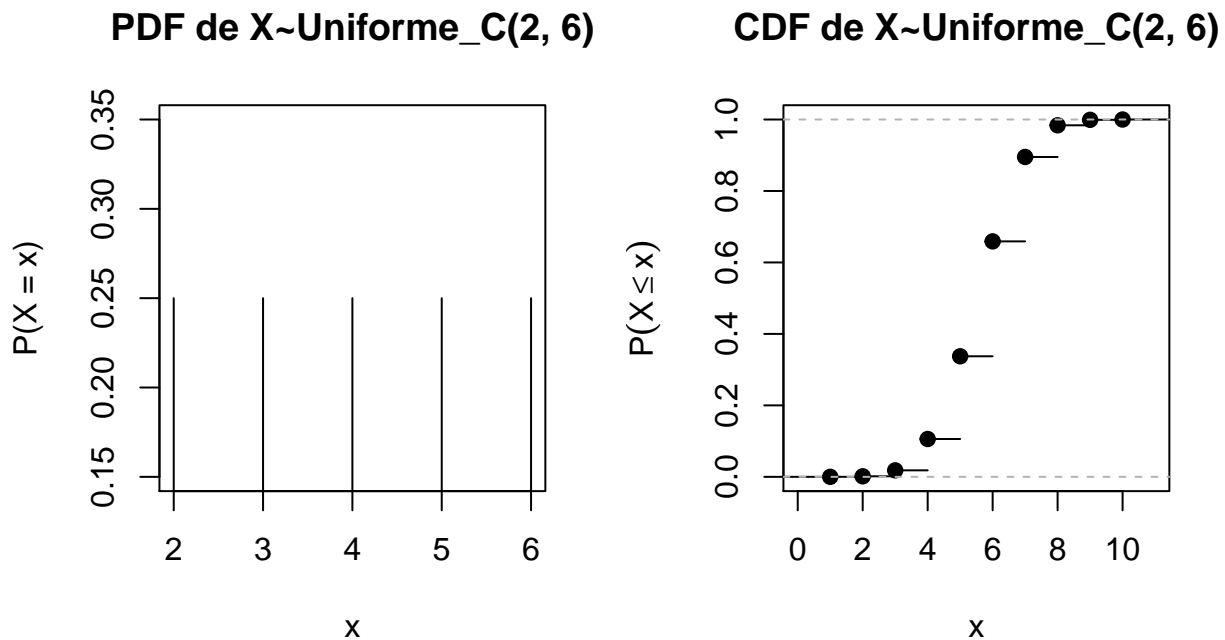
**Teorema.** La media y la varianza de la distribución uniforme son

$$\mu = \frac{a + b}{2} \quad y \quad \sigma^2 = \frac{(b - a)^2}{12}$$

```

opar <- par(no.readonly = TRUE)
par(mfrow = c(1, 2), pty = "s")
x <- 2:6
px <- dunif(x, min = 2, max = 6)
plot(x, px, type = "h", xlab = "x", ylab = "P(X = x)",
     main = "PDF de X~Uniforme_C(2, 6)")
#xs <- rep(2:6, round(dunif(x, min = 2, max = 6)*100000, 0,))
plot(ecdf(xs), main = "CDF de X~Uniforme_C(2, 6)",
     ylab = expression(P(X<=x)), xlab = "x")

```



```
par(opar)
```

### Distribución Normal (Gaussiana)

La distribución continua de probabilidad más importante en todo el campo de la estadística es la **distribución normal**. Este es debido al hecho que muchas poblaciones numericas tiene distribuciones que pueden ser aproximadas con una distribución normal. Ejemplo de las distribuciones que siguen una aproximación normal incluyen las características físicas como el peso y la estatura de una especie particular.

**Definición.** La función de densidad de la variable aleatoria normal  $X$ , con media  $\mu$  y varianza  $\sigma^2$ , es

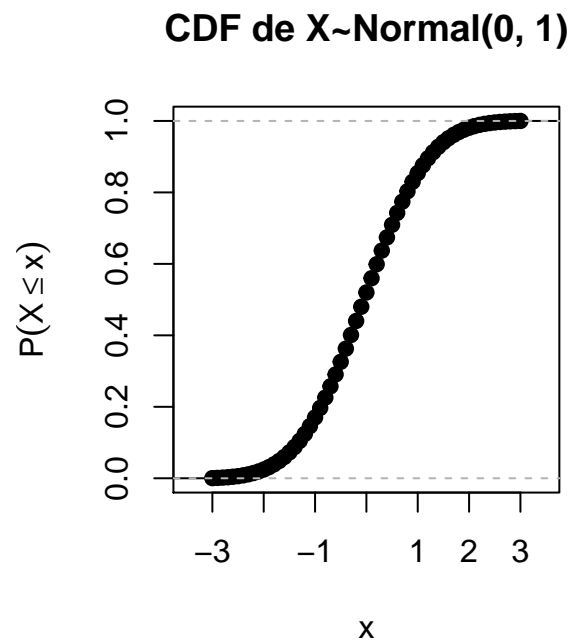
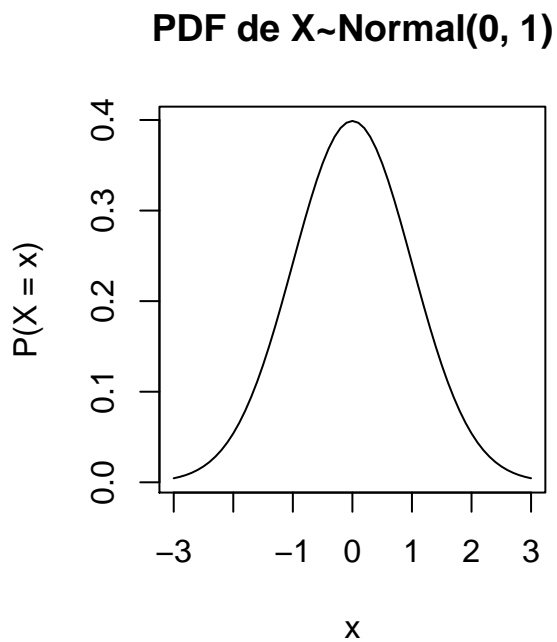
$$n(x; \mu, \sigma^2) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-(1/2)[(x-\mu)/\sigma]^2} \quad -\infty < x < \infty$$

donde  $\pi = 3.14159\dots$  y  $e = 2.71828\dots$

```

opar <- par(no.readonly = TRUE)
par(mfrow = c(1, 2), pty = "s")
x <- seq(-3, +3, by=.1)
px <- dnorm(x, mean = 0, sd = 1)
plot(x, px, type = "l", xlab = "x", ylab = "P(X = x)",
     main = "PDF de X~Normal(0, 1)")
xs <- rep(x, round(dnorm(x, mean = 0, sd = 1)*100000))
plot(ecdf(xs), main = "CDF de X~Normal(0, 1)",
     ylab = expression(P(X<=x)), xlab = "x")

```



```

par(opar)

```