

AGDA

LINGUAGEM COM TIPOS DEPENDENTES

- Extensão da teoria dos tipos (Intuicionista) de Martin-Löf.
 - Um programa e do tipo T sempre vai terminar com um resultado do tipo T
 - Garantia de que não tem Runtime Error.
 - Todo programa escrito termina (a não ser que seja especificado pelo programador).
- Consegue representar proposições lógicas usando tipos (Curry-Howard).
- Por ser fortemente tipada (isto é, toda variável tem um tipo específico) e ter tipos dependentes, Agda consegue provar teoremas matemáticos e rodar tais provas como algoritmos.

TIPOS DEPENDENTES?

- São introduzidos ao ter famílias de tipos indexadas por objetos de outro tipo.
 - Por exemplo: definir ' $Vec\ n$ ' um **vetor** de tamanho n . Temos uma família de tipos indexada por objetos em Nat (tipo parametrizado pelos números naturais).
- $(a : A) \rightarrow (B\ a)$
 - B é uma família de tipos indexada por elementos do tipo A
- Matriz $n \times n$ – função identidade que pega um número natural n e produz a identidade da matriz $n \times n$.
 - $(n : Nat) \rightarrow (Mat\ n\ n)$
- Multiplicação de Matriz – verificar se o tamanho é correto
 - $\forall \{i\ j\ k\} \rightarrow (Mat\ i\ j) \rightarrow (Mat\ j\ k) \rightarrow (Mat\ i\ k)$

PROVAS MATEMÁTICAS

- Agda serve para provar teoremas matemáticos, baseado no paradigma de proposições como tipos, escritos de forma funcional.
- `module Example where`
- `open import Data.Nat`
- `open import Relation.Binary.PropositionalEquality`
- `prf : $\forall n m \rightarrow (n + m) + n \equiv m + (n + n)$`
- `prf n m = ?`