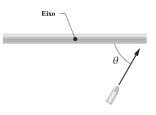
## 5<sup>a</sup> Lista de Exercícios - Física 1

## Cap. 10 - Rotações e Momento Angular

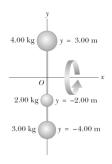
- 1. A posição angular de uma porta batente é descrita pela expressão  $\theta = 500 + 10 t + 2,00t^2$  rad. Determine a posição, velocidade e aceleração angulares da porta em (a) t = 0 e (b) t = 3,00 s.
- 2. Um motor elétrico faz girar uma roda a 100 revoluções por minuto. Após ser desligado, a desaceleração da roda é de 2,00 rad/s². (a) Quanto tempo a roda leva para parar de girar? (b) Quantos radianos a roda gira até parar?
- 3. Um carro acelera uniformemente partindo do repouso e atinge uma velocidade de 22,0 m/s em 9,00 s. Se o diâmetro de um pneu é de 58,0 cm, encontre (a) o número de revoluções realizadas pelo pneu durante o deslocamento, assumindo que não houve derrapagens. (b) Qual é a velocidade angular final do pneu, em radianos por segundo?
- 4. Na imagem ao lado, um bastão homogêneo de comprimento 0,500 m e massa 4,00 kg pode girar livremente no plano da página em torno de um eixo fixo. O bastão está em repouso quando um projétil de 3,00 g, viajando no plano da página, o atinge em uma de suas extremidades, com  $\theta = 60,0^{\circ}$ . Se o projétil se aloja no bastão após o impacto, e o bastão



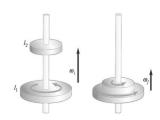
- começa a girar com velocidade angular de 10,0 rad/s, qual era a velocidade do projétil antes da colisão?
- 5. O vetor posição de uma partícula de massa 3,00 kg é dada pela função do tempo  $\vec{r}(t) = 4,0\,t^2\,\hat{i} + (2,0\,t+6,0\,t^2)\,\hat{j}$  em um plano xy, com  $\vec{r}$  dado em metros e t em segundos. Em relação à origem, (a) determine o momento angular da partícula como função do tempo, e (b) encontre o torque ao qual a partícula está submetida.
- 6. Uma partícula de 1,8 kg se move em um círculo de 3,4 m de raio. Olhando de cima o plano de sua órbita, a partícula está, inicialmente, se movendo no sentido horário. Chamando de positivo o sentido horário, o momento angular

da partícula em relação ao centro do círculo varia com o tempo de acordo com L(t) = (10 - 4, 0t) N.m.s. (a) Determine a magnitude e a orientação do torque que atua sobre a partícula. (b) Determine a velocidade angular da partícula em função do tempo.

- 7. Os pneus de um carro de massa 1500 kg possuem um diâmetro igual a 0,600 m. Os coeficientes de atrito entre o asfalto e os pneus são  $\mu_e = 0,800$  e  $\mu_c = 0,600$ . Assumindo que o peso do veículo é igualmente distribuído nas quatro rodas, calcule o torque máximo que o motor pode realizar no eixo sem que o carro derrape. Suponha o carro inicialmente em repouso.
- 8. Um torque constante de 25,0 N.m é aplicado a um objeto inicialmente em repouso, cujo momento de inércia é de 0,130 kg.m². Utilizando princípios de energia, encontre a velocidade angular deste objeto após ter realizado 15,0 revoluções. Despreze o atrito.
- 9. Três partículas estão conectadas através de hastes rígidas, de massa desprezível, alinhadas ao longo do eixo y, como na figura. Se o sistema gira ao redor do eixo x, com velocidade angular de 2,00 rad/s, encontre (a) o momento de inércia em torno do eixo x e a energia cinética de rotação  $(I\omega^2/2)$ , e (b) as velocidades lineares de cada partícula e as energias cinéticas  $(mv^2/2)$  de cada uma.



10. Um cilindro de massa  $m_1$  e raio  $R_1$  gira em torno de um eixo vertical sem atrito com velocidade angular  $\omega_i$ . Um segundo cilindro, de massa  $m_2$  e raio  $R_2$ , inicialmente em repouso, é deixado cair sobre o primeiro. Devido ao atrito mútuo, ambos logo adquirem a mesma velocidade angular  $\omega_f$ . (a) Calcule  $\omega_f$ . (b) Mostre que a energia cinética de rotação do sistema diminui com esta interação e calcule a razão entre as energias cinéticas inicial e final.

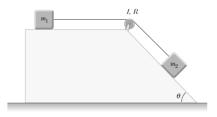


## Cap. 11 - Dinâmica de Corpos Rígidos

1. Um disco sólido e um aro uniforme são colocados lado a lado no topo de um plano inclinado de altura h. Se ambos são soltos em repouso e descem com rolamento puro, determine as velocidades em que cada um chega no

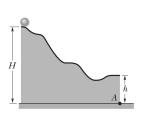
final do plano. Qual dos dois chega primeiro?

- 2. Um cilindro de massa 10,0 kg rola sem derrapar sobre uma superfície horizontal. No instante em que o centro de massa possui velocidade igual a 10,0 m/s, determine (a) a energia cinética de translação do centro de massa, (b) a energia de rotação ao redor do centro de massa, e (c) a energia total.
- 3. Um bloco de massa  $m_1 = 2,00$  kg e um bloco de massa  $m_2 = 6,00$  kg estão conectados por uma corda de massa desprezível que passa por uma roldana em forma de disco de raio 0,250 m e massa 10,0 kg. Os blocos se deslocam pela superfície mostrada na figura, com  $\theta = 30^{\circ}$ . O coeficiente de atrito cinético de ambos os blo-



cos é 0,360. (a) Desenhe o diagrama de forças para os blocos e a roldana. Determine (b) a aceleração dos dois blocos e (c) as tensões na corda em cada lado da roldana.

- 4. Uma massa de 5,00 kg está presa a uma corda de massa desprezível enrolada em um carretel de raio 0,250 m e massa 3,00 kg. O carretel é um disco sólido, livre para girar em torno de um eixo horizontal que atravessa seu centro. A massa é deixada cair de uma altura de 6,00 m acima do solo. (a) Determine a tensão na corda, a aceleração da massa, e a velocidade em que a massa atinge o solo. (b) Encontre a velocidade calculada no ítem a utilizando o princípio de conservação de energia.
- 5. Use o teorema dos eixos paralelos para determinar os momentos de inércia de (a) um cilindro sólido girando em torno de um eixo paralelo ao seu centro de simetria e localizado na sua extremidade, e (b) uma esfera sólida em girando torno de um eixo tangente à sua superfície.
- 6. Uma esfera sólida parte do repouso em uma altura H=6,0 m, e rola a pista ilustrada ao lado até o ponto de altura h=2,0 m indicado. Qual é a distância horizontal, medida a partir do ponto A, que a bola atinge ao atingir o solo?



7. Uma bola de boliche, com 11 cm de raio e 7,2 kg de massa, rola sem des-

lizar a 2,0 m/s na pista de rolamento horizontal. Ela continua a rolar, sem deslizar, ao subir uma rampa até uma altura h, quando atinge momentaneamente o repouso, e desce de volta. Considerando a bola como uma esfera perfeita, determine h.

- 8. Uma régua de um metro é mantida verticalmente com uma das extremidades apoiada no solo e depois liberada. Determine a velocidade da outra extremidade pouco antes de tocar o solo, supondo que a extremidade de apoio não escorrega.
- 9. Uma roda de vagão de 1,00 m de diâmetro consiste em um aro fino de 8,00 kg de massa e de 6 raios, cada um com 1,20 kg de massa. Determine o momento de inércia da roda de vagão em relação a seu eixo.
- 10. Calcule o momento de inércia de um cubo homogêneo de massa M e aresta a, em relação a um eixo que passa pelo centro de duas faces opostas.