

# PERTEMUAN 6

## STRUKTUR REKURSIF

# STRUKTUR REKURSIF

**Rekursif** adalah suatu proses yang bisa memanggil dirinya sendiri.

Contoh konsep penggunaan Rekursif

**Masalah** : Memotong Roti tawar tipis-tipis sampai habis

**Algoritma** :

1. Jika roti sudah habis atau potongannya sudah paling tipis maka pemotongan roti selesai.
2. Jika roti masih bisa dipotong, potong tipis dari tepi roti tersebut, lalu lakukan prosedur 1 dan 2 untuk sisa potongannya.

# Contoh Fungsi Rekursif

- a. Fungsi pangkat
- b. Faktorial
- c. Fibonancy
- d. Menara Hanoi

## Fungsi Pangkat

Menghitung 10 pangkat n dengan menggunakan konsep rekursif.

Secara Notasi pemrograman dapat ditulis :

$$10^0 = 1 \quad \dots\dots\dots(1)$$

$$10^n = 10 * 10^{n-1} \quad \dots\dots\dots(2)$$

Contoh :

$$10^3 = 10 * 10^2$$

$$10^2 = 10 * 10^1$$

$$10^1 = 10 * 10^0$$

$$10^0 = 1$$

# Faktorial

$$0! = 1$$

$$N! = N \times (N-1)! \quad \text{Untuk } N > 0$$

Scr notasi pemrograman dapat ditulis sebagai :

$$\text{FAKT}(0) = 1 \quad \dots\dots\dots (1)$$

$$\text{FAKT}(N) = N * \text{FAKT}(N-1) \dots\dots\dots (2)$$

Contoh :

$$\text{FAKT}(5) = 5 * \text{FAKT}(4)$$

$$\text{FAKT}(4) = 4 * \text{FAKT}(3)$$

$$\text{FAKT}(3) = 3 * \text{FAKT}(2)$$

$$\text{FAKT}(2) = 2 * \text{FAKT}(1)$$

$$\text{FAKT}(1) = 1 * \text{FAKT}(0)$$

**Nilai Awal**

## Misal :

hitung  $5!$ , maka dapat dilakukan secara rekursif dgn cara :

$$5! = 5 * 4!$$

Scr rekursif nilai dr  $4!$  Dpt dihitung kembali dgn  $4 * 3!$ ,

$$\text{shg } 5! \text{ Menjadi : } 5! = 5 * 4 * 3!$$

Scr rekursif nilai dr  $3!$  Dpt dihitung kembali dgn  $3 * 2!$ , shg  $5!$  Menjadi :  $5! = 5 * 4 * 3 * 2!$

Scr rekursif nilai dr  $2!$  Dpt dihitung kembali dgn  $2 * 1$ , shg  $5!$  Menjadi :  $5! = 5 * 4 * 3 * 2 * 1 = 120$ .

# Program Faktorial

#Listing Program Faktorial

```
a = input('masukkan bilangan bulat: ')
```

```
def faktorial(x):
```

```
    if x==1:
```

```
        return 1
```

```
    elif x==0:
```

```
        return 1
```

```
    else:
```

```
        return (x * faktorial(x-1))
```

```
bil = int(a)
```

```
print('faktorial %s' %bil, 'adalah %s' %  
faktorial(bil))
```

**Hasil Running:**

masukkan bilangan bulat: 5  
faktorial 5 adalah 120

masukkan bilangan bulat: 6  
faktorial 6 adalah 720

masukkan bilangan bulat: 7  
faktorial 7 adalah 5040

# Fibonancy

Deret Fibonancy : 0,1,1,2,3,5,8,13,.....

Secara notasi pemrograman dapat ditulis sebagai :

Fibo (1) = 0      & Fibo (2) = 1      ..... (1)

Fibo (N) = Fibo (N-1) + Fibo (N-2) ..... (2)

Contoh :

Fibo(5) = Fibo(4) + Fibo(3)

Fibo(4) = Fibo(3) + Fibo(2)

Fibo(3) = Fibo(2) + Fibo(1)

└──────────┘

Nilai Awal



# Program Deret Fibonancy

```
#Program Deret Fibonancy
fibonacci = int(input("Masukkan jumlah Deretnya: "))

#fibonacci1, fibonacci2
n1, n2 = 0, 1
count = 0
#cek fibonaccinya
if fibonacci <= 0:
    print("Silakan Masukkan bilangan Positif")
elif fibonacci ==1:
    print("Deret Urut Fibonacci ",fibonacci,":")
    print(n1)
else:
    print("Deret urut Fibonacci :)")
    while count < fibonacci:
        print(n1)
        nth = n1 + n2
        #update values
        n1 = n2
        n2 = nth
        count +=1
```

## Hasil Running:

Masukkan jumlah Deretnya: 8

Deret urut Fibonacci :

0

1

1

2

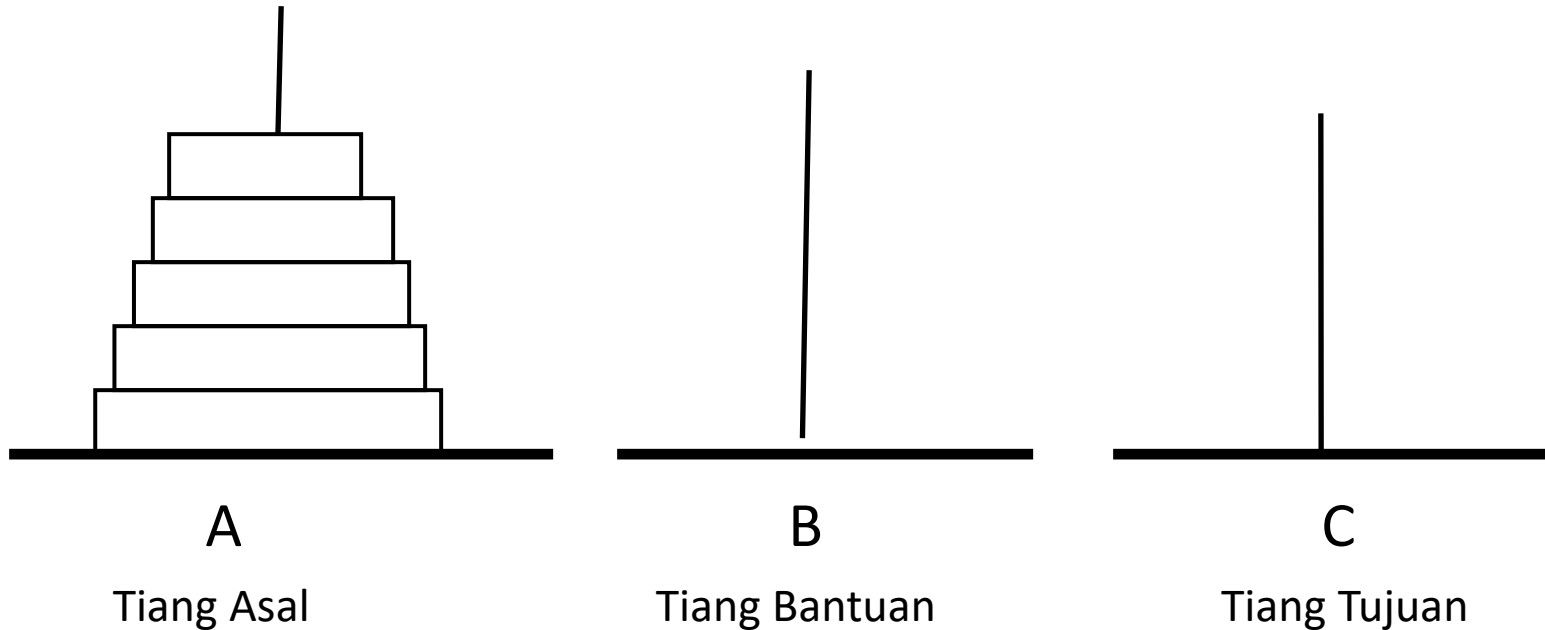
3

5

8

13

# Konsep Menara Hanoi



- ❖ Jika  $n=1$ , maka langsung pindahkan saja piringan dr tiang A ke tiang C & selesai.
- ❖ Pindahkan  $n-1$  piringan yg paling atas dr tiang A ke tiang B.
- ❖ Pindahkan piringan ke  $n$  (piringan terakhir) dr tiang A ketiang C
- ❖ Pindahkan  $n-1$  piringan dari tiang B ke tiang C.

Langkah pemindahan tsb diatas dpt diubah dengan notasi sbb:

***Menara (n,asal,bantu,tujuan)***

- Utk jml piringan  $n > 1$  dpt dibagi menjadi 3 notasi penyelesaian
- Menara ( $n-1$ , Asal, Tujuan, Bantu);
- Menara ( $n$ , Asal, Bantu, Tujuan); atau Asal  $\rightarrow$  Tujuan;
- Menara ( $n-1$ , Bantu, Asal, Tujuan);

# Langkah Pemindahan Piringan

MENARA(1,A,C,B) ..... A  
 → B  
 MENARA(2,A,B,C) A → C ..... A  
 → C  
 MENARA(1,B,A,C) .....B  
 → C  
 MENARA(3,A,C,B) A→B ..... A  
 → B  
 MENARA(1,C,B,A) .....C → A  
 MENARA(2,C,A,B)C → B ..... C → B  
 MENARA(1,A,C,B) ..... A  
 → B  
 MENARA .....A → C  
 (4,A,B,C) A→C  
 MENARA(1,B,A,C) ..... B → C  
 MENARA(2,B,C,A) B → A .....B →  
 A  
 MENARA(1,C,B,A) ..... C → A  
 MENARA(3,B,A,C) B →C ..... B → C  
 MENARA(1,A,C,B) ..... A →  
 B  
 MENARA(2,A,B,C) A → C ..... A →  
 C  
 MENARA(1,B,A,C) ..... B → C

# Lanjutan

Ilustrasi diatas menghasilkan 15 langkah penyelesaian dari permasalahan konsep menara Hanoi dgn jumlah piringan sebanyak 4 buah18

Untuk Video konsep menara hanoi dapat dilihat pada:  
<https://www.mathsisfun.com/games/towerofhanoi.html>

**Rumus Langkah Pemindahan :**

$$2^N - 1$$

**N = Jumlah Piringan**

# Latihan Individu

1. Gambarlah menara Hanoi dengan 4 piringan, lalu buat algoritma pemindahan piringan-piringan tersebut ke menara tujuan
2. Buat algoritma untuk mencetak deret angka 1,3,5,.... s/d 100 angka dengan menggunakan prosedur rekursif
3. Buat algoritma untuk mencetak nama anda sebanyak 100 kali dengan prosedur rekursif