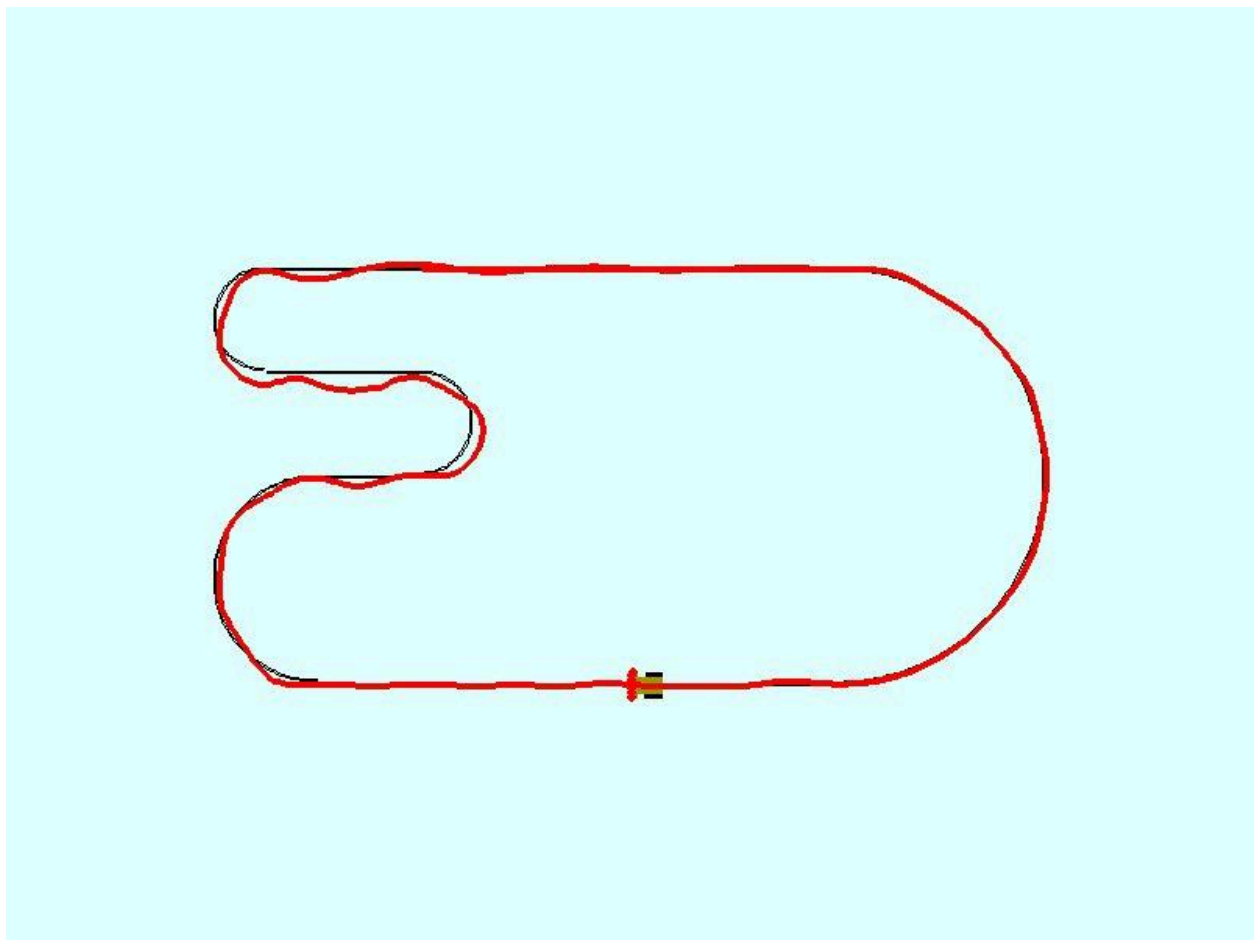


## Laboratório 4 – Otimização com Métodos Baseados em População

### 1. Introdução

Nesse laboratório, seu objetivo é implementar uma otimização dos parâmetros do controlador de um robô seguidor de linha usando *Particle Swarm Optimization* (PSO). A Figura 1 mostra a trajetória do robô após otimização com PSO. Note que a trajetória obtida por você pode ser diferente, pois sua execução da otimização pode convergir para outro máximo local.



**Figura 1:** trajetória do robô seguidor de linha após otimização com PSO.

### 2. Descrição do Problema

O problema a ser resolvido é a otimização do controlador de um robô seguidor de linha. O controlador mantém velocidade linear constante, enquanto utiliza um controlador PID para escolher a velocidade angular:

$$\omega = K_p e + K_i \int e dt + K_d \dot{e}$$

em que  $\omega$  é a velocidade angular comandada e  $e$  é o erro de seguimento da linha. Além disso,  $K_p$ ,  $K_i$  e  $K_d$  são os ganhos proporcional, integrativo e derivativo, respectivamente. Os parâmetros sujeitos a otimização são a velocidade linear e os 3 ganhos do controlador, logo são 4 parâmetros.

Como medida de qualidade, recomenda-se usar a seguinte equação:

$$f(x) = \sum_{k=1}^N reward_k$$

em que  $reward_k$  é a “recompensa” obtida pelo robô no instante  $k$  e  $N$  é a duração do episódio de treinamento em passos de tempo (*time steps*). Para o cálculo da recompensa, sugere-se:

$$reward_k = v_k * dot(r_k, t_k) - w * |e_k|$$

em que  $v_k$  é a velocidade linear (projetada no eixo local do robô) executada pelo robô no instante  $k$ ,  $r_k$  é um vetor (bidimensional) unitário que aponta na direção do robô no instante  $k$ ,  $t_k$  é o vetor tangente à atual posição no caminho no instante  $k$ ,  $|e_k|$  é o módulo do erro em relação à linha e  $w$  é um peso para fazer um compromisso entre se manter no centro da linha e seguir o caminho rapidamente.

Perceba que essa medida de qualidade recompensa o robô por cumprir o caminho mais rapidamente, enquanto o penaliza por desviar da linha. O termo  $dot(r_k, t_k)$  significa o produto interno entre  $r_k$  e  $t_k$ , e foi adicionado para penalizar o robô caso ele se mova em reverso, pois sem esse termo acontecia de o PSO às vezes convergir para uma solução que o robô fazia o circuito (ou uma parte dele) em reverso (ao contrário). Perceba que quando o robô está perfeitamente alinhado com a linha, tem-se  $dot(r_k, t_k) = 1$ , enquanto quando ele se move em reverso, tem-se  $dot(r_k, t_k) = -1$ .

### 3. Código Base

O código base já implementa a simulação do seguidor de linha. Segue uma breve descrição dos arquivos fornecidos:

- `constants.py`: arquivo de constantes.
- `discrete_pid_controller.py`: implementa um controlador PID discreto.
- `line_follower.py`: implementa o robô seguidor de linha, tanto sua simulação quanto seu controlador.
- `low_pass_filter.py`: implementa um filtro de primeiro ordem discreto. Esse filtro é utilizado para simulador a dinâmica da roda do robô.
- `main.py`: arquivo principal, que roda a otimização do seguidor de linha.
- `particle_swarm_optimization.py`: implementação do algoritmo *Particle Swarm Optimization* (PSO).
- `simulation.py`: implementa a simulação do robô seguidor de linha.

- `test_pso.py`: teste com função simples para verificar o correto funcionamento do PSO.
- `track.py`: classe que representa o circuito de linha.
- `utils.py`: diversas classes e métodos utilitários.

O foco da sua implementação nesse laboratório são os arquivos `particle_swarm_optimization.py` e `simulation.py`. Perceba que no `simulation.py`, você apenas precisa se preocupar com o método `evaluate()`, que calcula a recompensa dada a situação atual da simulação. Além disso, é interessante usar o arquivo `test_pso.py` para verificar sua implementação do PSO antes de tentar realizar a otimização do seguidor de linha.

## 4. Tarefas

### 4.1. Implementação do PSO

Sua primeira tarefa é a implementação do algoritmo *Particle Swarm Optimization*. Para isso, **implemente os métodos do arquivo `particle_swarm_optimization.py`**. Algumas dicas:

- Sua implementação de PSO deve considerar **maximização**.
- A classe `Particle` foi pensada para ser apenas uma classe que armazena variáveis relacionadas a uma partícula. Assim, não se pensou em manter lógicas complexas nesta classe, além da criação da partícula em si.
- A interface com o algoritmo de PSO é um pouco diferente da mostrada nos slides, de modo que a avaliação da função medida de qualidade é feita externamente ao objeto. Essa forma de implementar foi escolhida por ser mais conveniente para o caso deste laboratório. O pseudocódigo do uso dessa classe é o seguinte:

```
for i in range(num_evaluations):
    position = pso.get_position_to_evaluate()
    value = quality_function(position)
    pso.notify_evaluation(value)
```

- O método `advance_generation()` é o responsável por avançar as partículas após todas as partículas terem sido avaliadas na geração atual.
- **Não** há necessidade de implementar o salvamento e carregamento do estado do algoritmo no disco (para ser capaz de recuperar o algoritmo caso ocorra alguma falha).

Então, teste sua implementação usando o arquivo `test_pso.py`. A função otimizada é:

$$f(x) = -((x(0) - 1)^2 + (x(1) - 2)^2 + (x(2) - 3)^2)$$

O ótimo global dessa função é  $[1 \ 2 \ 3]^T$ . Além disso, a função é convexa, de modo que não há outros ótimos locais. Nos meus testes, o PSO converge perfeitamente para o ótimo global, dado que é usado um número de 1000 gerações com 40 partículas. Obviamente, só é possível executar tantas gerações pois a função medida de qualidade nesse caso tem um

custo computacional muito baixo. **Inclua no seu relatório os gráficos gerados por esse teste.**

## 4.2. Otimização do controlador do robô seguidor de linha

A otimização do controlador do robô seguidor de linha é realizada através do arquivo `main.py`. Enquanto o PSO não tiver sido implementado, o robô não irá se mexer, pois a implementação inicial “falsa” do PSO está sempre passando velocidade linear nula como parâmetro do controlador. Além da execução da simulação em si, o código base fornece algumas opções de interação com o usuário através de teclas do teclado:

- A: ativa/desativa o modo acelerado (*accelerated mode*). Quando em modo acelerado, a simulação é executada até 200x mais rápido que tempo real (depende também da capacidade do seu computador). Você também pode controlar esse fator através das setas do teclado (para cima/para baixo aumenta/diminui em 1x, enquanto para direita/para esquerda aumenta/diminui em 10x).
- T: ativa/desativa o treinamento do robô. Se o treinamento estiver desativado, o robô usa os melhores parâmetros encontrados pelo PSO até então. Além disso, se o treinamento estiver desativado, salva uma captura da tela no fim do episódio.
- P: plota gráficos do histórico do treinamento. Além disso, salva estes gráficos em formato .png para serem incluídos no relatório.

Além da implementação do PSO, é necessário implementar a recompensa  $r_k$  usada na medida de qualidade do problema (o acúmulo dos  $r_k$  num dado episódio já está implementado). Isso deve ser feito no método `evaluate()` da classe `Simulation` (do arquivo `simulation.py`). Para facilitar, o método foi entregue parcialmente implementado, de modo que você não precise entender o restante do código para terminar a implementação. Porém, atente-se para os seguintes fatos:

- **Perceba que o método `LineSensorArray.get_error()` retorna 0 como erro caso a linha não seja detectada.** Assim, teste se a linha foi detectada (booleana `detection`) e coloque algum valor padrão para `error` caso não tenha sido. Tem que ser algum valor maior que o máximo erro detectável pelo sensor: 0,03 (que é metade da largura do sensor).
- O valor de  $w$  na função medida de qualidade é meio arbitrário (quanto maior  $w$ , espera-se que o robô encontre soluções mais “cautelosas”).  $w = 0,5$  funcionou bem nos meus testes.

Lembre de sempre rodar a otimização em modo acelerado para evitar esperar tanto. Nos meus testes, com cerca de 20 minutos (de tempo de relógio), a otimização já tinha encontrado boas soluções, próximas da ótima. Não há necessidade de esperar o PSO convergir para os propósitos deste laboratório, o que demorou no mínimo 4 horas nos meus testes. Assim, adote 3000 iterações (avaliações de medida de qualidade) como suficiente para os propósitos deste laboratório.

Finalmente, destaco que mantive no código o circuito “simples” para caso alguém tenha muita dificuldade em otimizar no circuito “complexo”. Para fazer essa troca, troque a linha 221

para `track = create_simple_track()`". Por favor, fale comigo antes de entregar o lab caso precise fazer isso.

**Inclua no seu relatório gráficos do histórico de otimização (os que são plotados quando se aperta P) e a melhor trajetória obtida durante a otimização (salva quando se desativa o treinamento).** Discuta também o que você observou durante o processo de otimização.

A propósito, antes que me perguntem: o circuito não está quebrado nas curvas! Eu confesso que tentei arrumar isso, mas a pygame desenha arcos desse jeito mal-feito mesmo. O que importa mais é que a simulação que roda por debaixo está correta.

## 5. Entrega

A entrega consiste do código e de um relatório, submetida através do Google Classroom. Modificações nos arquivos do código base são permitidas, desde que o nome e a interface dos scripts "main" não sejam alterados. A princípio, não há limitação de número de páginas para o relatório, mas pede-se que seja sucinto. O relatório deve conter:

- **Breve descrição em alto nível da sua implementação.**
- **Figuras que comprovem o funcionamento do seu código.**

Por limitações do Google Classroom (e por motivo de facilitar a automatização da correção), entregue seu laboratório com todos os arquivos num único arquivo **.zip** (não utilize outras tecnologias de compactação de arquivos) com o seguinte padrão de nome: "**<login\_email\_google\_education>\_labX.zip**". Por exemplo, no meu caso, meu login Google Education é **marcos.maximo**, logo eu entregaria o lab 4 como "**marcos.maximo\_lab4.zip**". **Não** crie subpastas para os arquivos da sua entrega, **deixe todos os arquivos na "raiz" do .zip**. Os relatórios devem ser entregues em formato **.pdf**.

## 6. Dicas

- Um erro comum neste laboratório é adicionar a mesma partícula modificada no histórico da otimização. Note que cada elemento da lista deve ser um objeto diferente.
- Para criar um vetor de zeros usando NumPy que tenha o mesmo número de elementos que outro vetor, faça:

```
array = np.zeros(np.size(other_array))
```

- Operações normais de vetor, como soma, subtração e multiplicação por escalar, funciona como esperado em NumPy:

```
sum = a + b
```

```
sub = a - b
```

```
mul_scalar = scalar * a
```

- Para amostrar um valor aleatoriamente com distribuição uniforme no intervalo (a, b), use:

```
x = random.uniform(a, b)
```

- Você também pode amostrar um vetor aleatório usando NumPy:

```
array = np.random.uniform(lower, upper)
```