



### INSTRUÇÕES:

- 1- Equipes devem ser formadas com até 3 integrantes, cada equipe preferencialmente cada uma com 1 aluno de Engenharia de Computação.
- 2- Para cada equipe, será sorteado um problema de cada tópico, totalizando 4 problemas. Desses, no mínimo um problema deverá ter sua solução apresentada em sala de aula, na data estabelecida (**18 ou 20/11/2025**). As equipes serão as mesmas da 1ª. Em caso de mudança, informar via e-mail ou plataforma.
- 3- As demais respostas devem ser encaminhadas junto com o respectivo código também pela plataforma, após a apresentação e no prazo estipulado, em formato de um relatório explicativo. **No relatório escrito, deverá ter um pequeno texto descrevendo o que cada membro da equipe fez na atividade.**
- 4- As soluções implementadas devem prever, sempre que possível, a possibilidade de novas entradas de dados, para resolução de outros problemas de mesma natureza ou domínio. Além das funcionalidades dos métodos implementados, serão analisados critérios como: facilidade na entrada dos dados pelo usuário, clareza na apresentação das soluções e a opção para realizar novos cálculos ou sair do programa.
- 5- A participação de todos os integrantes no dia das apresentações É **OBRIGATÓRIA**, sob pena de não ser considerada a sua nota.

### TÓPICO 01 – SISTEMAS DE EQUAÇÕES LINEARES – MÉTODOS DIRETOS

- 1 – Uma companhia de eletrônica produz transistores, resistores e chips de computador. Cada transistor usa quatro unidades de cobre, uma unidade de zinco e duas unidades de vidro. Cada resistor usa três, três e uma unidades de cada material, respectivamente, e cada chip de computador usa duas, uma e três unidades desses materiais, respectivamente. Colocando essa informação em uma tabela, tem-se:

Componente	Cobre	Zinco	Vidro
Transistor	4	1	2
Resistor	3	3	1
Chip de computador	2	1	3

O fornecimento desses materiais varia de semana para semana. Assim, a companhia precisa determinar uma meta de produção diferente para cada semana. Por exemplo, em uma semana a quantidade total de materiais disponíveis era: 960 unidades de cobre, 510 unidades de zinco e 610 unidades de vidro. **Determine o sistema de equações que modela essa meta de produção e desenvolva um programa para determinar o número de transistores, resistores e chips de computador fabricados nessa semana.** O programa deve permitir a entrada de outros valores para problemas semelhantes.

- 2 - Um engenheiro supervisiona a produção de três tipos de componentes elétricos. Três tipos de material — metal, plástico e borracha — são necessários para a produção. As quantidades necessárias para a produção de cada componente são:

Componente	Metal, g/ por componente	Plástico, g/ por componente	Borracha, g/ por componente
1	15	0,30	1,0
2	17	0,40	1,2
3	19	0,55	1,5

Se um total de 3,89; 0,095 e 0,282 kg de metal, plástico e borracha, respectivamente, estiver disponível a cada dia, quantos componentes poderão ser produzidos por dia? **a - Apresente o problema acima na forma de um sistema de equações lineares.**

**b - Desenvolva um programa que seja capaz de resolver problemas semelhantes usando métodos diretos.**

**c - Encontre a solução do sistema linear com os dados do problema.**

3 - Um engenheiro envolvido em uma construção precisa de 4.800, 5.800 e 5.700 m<sup>3</sup> de areia, cascalho fino e cascalho grosso, respectivamente, para terminar a construção. Existem três minas de onde esses materiais podem ser obtidos. A composição dessas minas é:

	Areia %	Cascalho fino %	Cascalho grosso %
Mina 1	55	30	15
Mina 2	25	45	30
Mina 3	25	20	55

**Quantos metros cúbicos devem ser minerados de cada mina para atender as necessidades do engenheiro?**

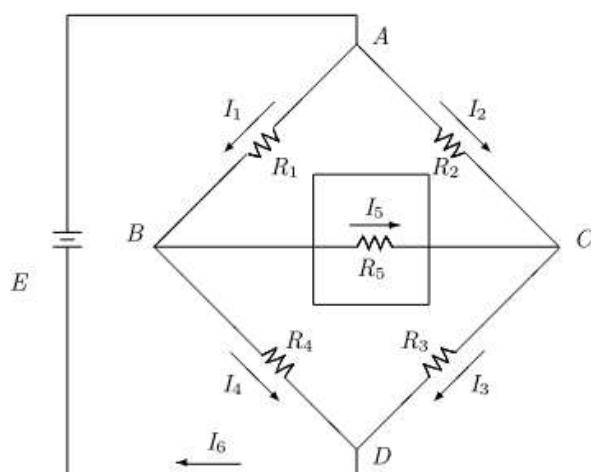
**a - Apresente o problema acima na forma de um sistema de equações lineares.**

**b - Desenvolva um programa que seja capaz de resolver problemas semelhantes usando métodos diretos.**

**c - Encontre a solução do sistema linear com os dados do problema.**

## TÓPICO 02 - SISTEMAS DE EQUAÇÕES LINEARES – MÉTODOS ITERATIVOS

1 – O circuito mostrado a seguir é frequentemente usado em medidas elétricas e é conhecido com uma "Ponte de Wheatstone", conforme ilustrado na figura abaixo.

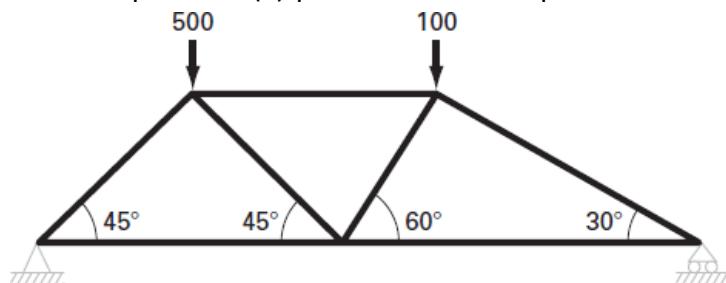


As equações que estabelecem o sistema são obtidas a partir da lei de Kirchoff.

Usando o **método iterativo de Gauss-Siedel** para resolução de sistemas lineares, determinar as correntes no problema proposto quando: E=30 Volts, R1=20 Ohms e R2=R3= R4=R5=120 Ohms.

2 – Numa treliça estaticamente determinada, com juntas articuladas, como mostra a figura abaixo, a soma de todas as forças horizontais ou verticais, em cada junta é igual a zero, pois o sistema está em repouso. Essas somas formam as equações de um sistema linear esparsa (vários termos iguais a zero). Esse tipo de estrutura pode ser descrito por um sistema de equações lineares acopladas.

A tensão obtida em cada componente ( $F$ ) pode ser obtida a partir da resolução de um sistema de



equações lineares.

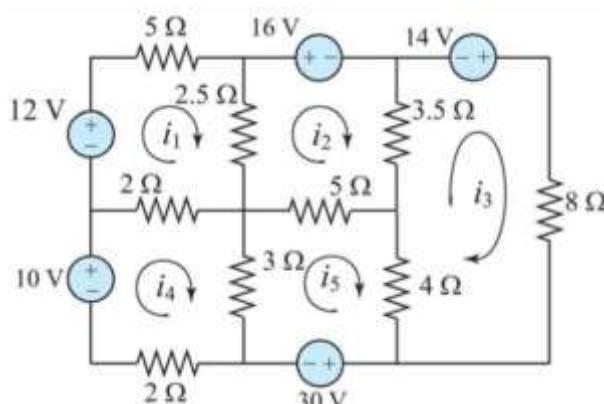
Perceba que as equações são obtidas fazendo-se a soma de todas as forças horizontais ou verticais em cada junta igual a zero. Além disso a matriz dos coeficientes é bastante esparsa, e assim é mais apropriado resolvê-la usando um método iterativo.

A - Apresente o sistema linear obtido com os dados da treliça acima.

B - Desenvolva um programa que seja capaz de resolver esse e problemas semelhantes, usando o **Método de Gauss-Siedel**.

V - Encontre a solução do sistema linear com os dados do problema com precisão 0,0001.

3 – Considere o circuito elétrico da figura abaixo.



A - Apresente o sistema linear obtido com os dados do circuito acima, a partir da Lei de Kirchoff.

B - Desenvolva um programa que seja capaz de resolver esse e problemas semelhantes, usando o **Método de Gauss-Siedel**.

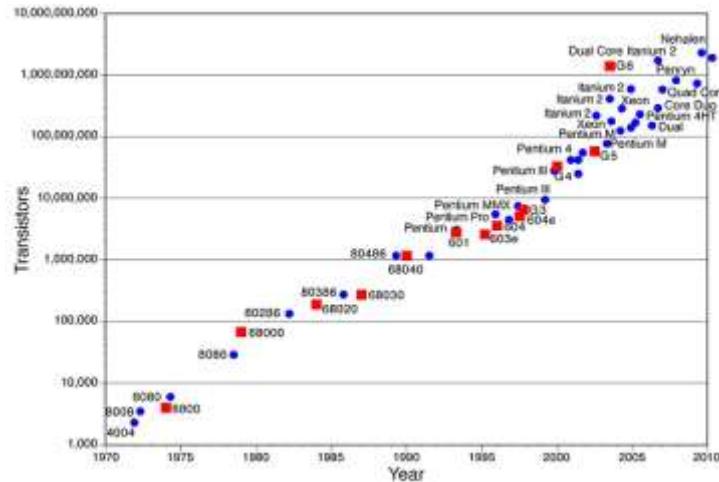
C - Usando o programa desenvolvido, encontre o valor das correntes. Use como aproximação inicial, o quociente do termo independente pelo elemento da diagonal principal em cada linha ( $b_i/a_{ii}$ ), com precisão 0,0001.

### TÓPICO 03 – INTERPOLAÇÃO POLINOMIAL/MÍNIMOS QUADRADOS

1 - Em 1965, Gordon Moore, um dos fundadores da Intel, propôs uma regra para a crescente miniaturização dos chips que ficou conhecida como a "Lei de Moore". Em sua "profecia", Moore afirmava que o número de transistores dos chips teriam o número duplicado a cada 18 meses.

A tabela a seguir relaciona alguns chips com o seu respectivo ano de lançamento. O gráfico ilustra essa evolução.

Chip	Ano	Número de transistores
4004	1971	2 250
8008	1972	3 300
8080	1974	6 000
8086	1978	29 000
80286	1982	134 000
80386	1986	275 000
80486	1989	1 200 000
Pentium	1993	3 100 000
Pentium II	1997	7 500 000
Pentium III	1999	9 500 000
Pentium 4	2000	42 000 000



De posse destes dados, proponha uma função que estabeleça uma previsão para o número de transistores em chips lançados em 2010 e 2020. (Dica: procure uma função  $N=f(a)$ , onde  $N$  é o número de transistores e  $a$  é o ano).

**Antes de tudo, transforme o eixo do número de transistores para  $\log_{10}(N)$**

2 – Considere os dados sobre a queda de voltagem  $V$  através de um resistor para diversos valores diferentes da corrente  $i$ , obtidos em um ensaio de laboratório:

$i$	0,25	0,75	1,25	1,5	2,0
$V$	-0,45	-0,60	0,70	1,88	6,0

Use interpolação polinomial, usando as **formas de Lagrange e Newton**, de segundo a quarto graus para fazer uma estimativa da queda de voltagem para  $i = 1,15$ .

**Obs: Escolha seus pontos base para obter a melhor acurácia; ou seja, os pontos-base devem ser centrados em torno e tão próximo possível do valor desconhecido a ser obtido.**

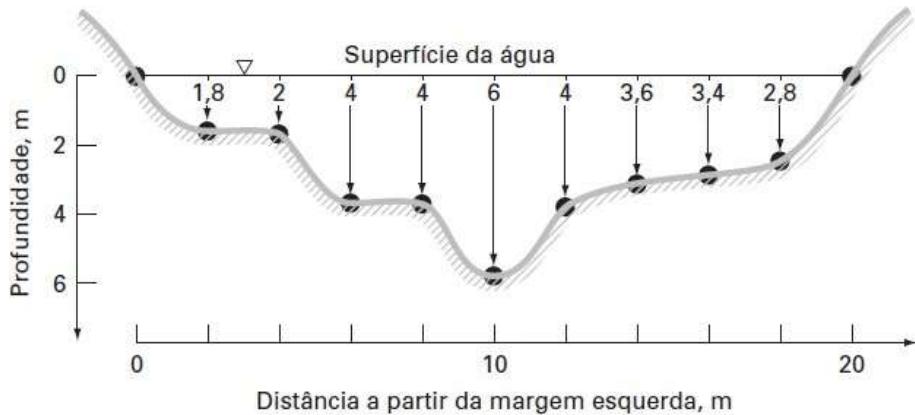
3 – Use regressão por mínimos quadrados para ajustar por uma **reta, uma parábola e uma exponencial** aos os seguintes dados:

x	0	1,5	2,6	4,2	6	8,2	10	11,4
F(x)	18	13	11	9	6	4	2	1

Apresentar também, para cada ajuste, o erro quadrático cometido =  $\sum [F(x_i) - G(x_i)]^2$ .

## TÓPICO 04 – INTEGRAÇÃO NUMÉRICA

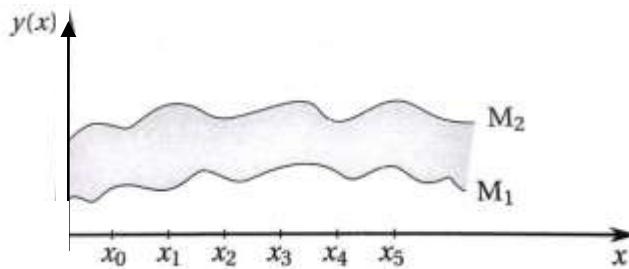
1 - A determinação da área da seção reta de rios e lagos é importante em projetos de prevenção de enchentes (para o cálculo de vazão da água) e nos projetos de reservatórios (para o cálculo do volume total de água). A menos que dispositivos tipo sonar sejam usados na obtenção do perfil do fundo de rios/lagos, o engenheiro deve trabalhar com valores da profundidade, obtidos em pontos discretos da superfície. Um exemplo típico de seção reta de um rio é mostrado na Figura a seguir:



Faça uma aplicação que calcule, por integração numérica (usando as **Regras do Trapézio e de Simpson Repetidas**), a área da seção reta da Figura acima, considerando os pontos igualmente espaçados.

2 – Considere as margens de um rio e tome como referência de medida uma linha reta, conforme a figura abaixo. Foram medidas distâncias, em metros, entre essa linha e as duas margens, em alguns pontos, a partir do ponto tomado como origem. Tais dados foram registrados na tabela a seguir:

$x_i$	0	10	20	30	40
$M_1(x_i)$	50,8	86,2	136	72,8	51
$M_2(x_i)$	113,6	144,5	185	171,2	95,3



Usando ambas as regras de integração repetidas, determine o valor aproximado da área da superfície do rio no intervalo [0,40].

3 – Usando ambas as regras de integração repetidas, determine o valor aproximado da área da seção do trecho mais largo de um navio, conforme dados da figura ao lado:

