# INSTITUTO FEDERAL DO ESPÍRITO SANTO PROGRAMA DE PÓS-GRADUAÇÃO EM COMPUTAÇÃO APLICADA – PPCOMP

GUSTAVO AMORA BASÍLIO

ALGORITMOS DE BUSCA

# GUSTAVO AMORA BASÍLIO

# ALGORITMOS DE BUSCA

Trabalho apresentado ao Programa de Pós-Graduação em Computação Aplicada – PPCOMP do Instituto Federal do Espírito Santo, como requisito para aprovação da Disciplina de Inteligência Artificial ministrada pelo Prof. Dr. Sérgio Nery.

# SUMÁRIO

1	FUNDAMENTAÇÃO TEÓRICA	<b>2</b>
1.1	BUSCA EM LARGURA (BFS)	2
1.2	BUSCA EM PROFUNDIDADE (DFS)	2
1.3	CUSTO UNIFORME (UCS)	2
1.4	A-ESTRELA $(A^*)$	2
1.5	COMPARATIVO DAS COMPLEXIDADES	2
2	EXPERIMENTOS	4
2.1	ESPECIFICAÇÕES	4
2.2	Q1	4
2.3	Q2	5
3	RESULTADOS	6
3.1	Q1	6
3.2	Q2	7
	REFERÊNCIAS	8

# 1 FUNDAMENTAÇÃO TEÓRICA

#### 1.1 BUSCA EM LARGURA (BFS)

Segundo Russell e Norvig (2009) a Busca em Largura, do inglês *Breadth-first search* é um modelo de busca simples em grafos que inicia a expansão no nó raíz. A partir dele todos os seus sucessores são expandidos primeiramente e depois os sucessores destes nós, em uma estrutura de fila. Assim, o algoritmo somente avança para o próximo nível depois de todo o nível atual ser expandido, não levando em consideração o custo das arestas. Importante destacar que é um modelo de busca completo e por isso a sua complexidade é exponencial.

## 1.2 BUSCA EM PROFUNDIDADE (DFS)

Russell e Norvig (2009) definem a Busca em Profundidade (DFS - Breadth-first search) como um modelo de busca em grafos que inicia a expansão no nó raíz. A partir dele apenas um sucessor é escolhido para ser expandido inicialmente e continua a expansão de acordo com esta lógica, em uma estrutura de pilha. Assim, o modelo DFS segue até o nó no nível mais profundo até o ponto em que o último nó não tem mais vizinhos a serem expandidos. Caso encontre esse cenário, o algoritmo retorna aos nós anteriores até encontrar o primeiro que tenha vizinhos a serem explorador e retorna a lógica de profundidade.

#### 1.3 CUSTO UNIFORME (UCS)

Ainda de acordo com Russell e Norvig (2009), a Busca de custo uniforme (UCS - *Uniform cost search*) a busca em largura tem uma lógica semelhante a do algoritmo BFS, contudo, em vez de seguir a expansão por nós mais rasos, o UCS expande o nó n com o custo do caminho g(n) mais baixo. Para isso, é utilizado uma estrutura de fila com prioridade.

#### 1.4 A-ESTRELA (A\*)

O algoritmo A-estrela (A\* - A-star) é um algoritmo de busca informada. (RUSSELL; NORVIG, 2009). Sua implementação é baseada no algoritmo UCS porém além de expandir o nó apenas com menor custo do caminho g(n), a expansão leva em consideração uma heurística h(n). Assim, a fila de prioridade é definida pelo menor f(n) = g(n) + h(n).

## 1.5 COMPARATIVO DAS COMPLEXIDADES

Algorítimo	Complexidade Tempo	Complexidade Espaço
BFS	$O(b^d)$	$O(b^d)$
DFS	$O(b^m)$	O(bm)
UCS	$O(b^{(1+[c/e])}$	$O(b^{(1)} + [c/e])$
A*	$O((n + m) \log n)$	O(n)

(RUSSELL; NORVIG, 2009)

#### 2 EXPERIMENTOS

# 2.1 ESPECIFICAÇÕES

Os códigos da Q1 e Q2 foram executados em uma máquina com as seguintes especificações:

# Configuração

SO Windows 10 Pro 64bits

CPU AMD Ryzen 5 5600G, 3901 Mhz, 6 núcleos, 12 Processadores lógicos

GPU AMD Vega 7, 2GB

RAM 16 GB

ARMAZENAMENTO SSD 512 GB

#### 2.2 Q1

Para a Q1 o código foi executado com a rede desligada e nenhum outro aplicativo local aberto além do editor (VSCode) e interpretador.

No problema proposto foi gerado um labirinto de  $300 \times 300$  com metade de seus caminhos bloqueados aleatoriamente. A seed utiliza foi = 42. As métricas medidas foram:

1 .tempo de execução; 2. número de nós expandidos; 3. custo do caminho e 4. tamanho do caminho.

Para as métricas é esperado, de acordo com a teoria estudada e considerando que os custos dos caminhos são todos iguais a 1, que:

- I) BFS: 1. tenha o maior tempo de execução; 2. expanda todos os nós possíveis; 3. tenha um menor custo do caminho pois todos tem o mesmo peso (se fossem diferentes os pesos essa não era a expectativa); 4. encontre o caminho ótimo.
- II) DFS: 1. tenha um tempo de execução mais rápido que o BFS; 2. expanda menos nós que o BFS; 3. tenha um maior custo do caminho que o BFS; 4. não encontre o caminho ótimo.
- III) UCS: como os pesos são iguais, se espera que se comporte igual ao BFS em todas as métricas.
- IV) A\*: 1. tenha o menor tempo de execução dentre todos os algoritmos; 2. expanda menos nós dentre todos os algoritmos; 3. tenha um custo do caminho igual ao BFS e UCS; 4. encontre o caminho ótimo.

# 2.3 Q2

Para a Q2, o script foi executado em ambiente virtual no google collab.

Para o problema proposto foram executados 3 algoritmos de busca: BFS, UCS e A\*, cada um deles retornando o custo do caminho e o número de nós expandidos até o destino . A expectativa, de acordo com a teoria estudada é que:

- I) BFS retorne o caminho mais raso porém não o mais barato. Todos os nós sendo expandidos.
- II) UCS retorne o caminho mais barato e com menos nós expandidos que o BFS.
- III)  $A^*$  retorne o caminho mais barato e com menos nós expandidos que o BFS e o UCS.

#### 3 RESULTADOS

3.1 Q1

Algorítimo	Tempo de execução (s)	Nós expandidos	Custo	Passos
BFS	241.958	54623	474	356
DFS	0.071	995	960	769
UCS	0.378	54623	476	356
$A^*$	0.004	648	489	375

Sobre a consistência dos resultados com a expectativas, temos que:

# I) De acordo com o esperado:

Esperado que os algoritmos BFS e UCS se comportassem de forma bem próxima. Era esperado que eles encontrassem o caminho ótimo, ou seja, em comparação aos demais fosse o menor valor. Também que encontrassem o menor custo, dado que os pesos entre caminhos são todos iguais a 1. Ainda, era esperado que eles retornassem o maior número de nós expandidos e os maiores tempos de execução, como de fato aconteceu.

Esperado que o Algoritmo DFS resultasse em menor tempo de execução e menor número de nós expandidos do que as mesmas métricas da dupla BFS - UCS. Ainda, era esperado que dentre todos os algorítimos, o DFS retornasse o maior custo e o maior caminho, como foi comprovado pelos resultados.

Era esperado que a busca A\* retornasse o menor número de nós expandidos e o menor tempo de execução dentre todos os algorítimos, o que foi confirmado pelos resultados.

#### I) Não esperado:

Dado que h(n) executada no código é admissível para o problema, era esperado que o algoritmo A\* encontrasse o caminho ótimo assim como o BFS e UCS. Porém, não foi esse o resultado. Apesar de próximo do ótimo, o valor não foi igual. Uma hipótese para isso ter acontecido é que a configuração do labirinto fez com que a heurística, em algum momento, levasse a expansão de um caminho um pouco diferente do ótimo. Isso não acontece com o BFS nem com o UCS pois ambos, no problema dado, expandiram os nós sistematicamente.

Outro ponto que não foi como o esperado foi o tempo de execução do UCS ser bem menor que o do BFS. Era esperado que ambos tivessem o comportamente bem similar ou igual nas métricas, o que de fato aconteceu exceto pelo tempo de execução. Essa diferença por ser por alguns motivos, como por exemplo: 1. utilização de fila de prioridade heapq no UCS e deque no BFS. A estrutura heapq pode ter melhor desempenho. 2. utilização da

função 'esta contido' no BFS executada em cada nó, enquanto no UCS não a utilizamos e sim uma comparação com a variável 'custo caminho'.

3.2 Q2

Algorítimo	Caminho	Custo	Nós expandidos
BFS	Arad, Sibiu, Fagaras, Bucharest	450	20
UCS	Arad, Sibiu, Rimnicu Vilcea, Pitesti, Bucharest	418	13
$A^*$	Arad, Sibiu, Rimnicu Vilcea, Pitesti, Bucharest	418	9

Os resultados foram consistentes com a teoria. Como esperado, tanto os algorítimos UCS e  $A^*$  encontraram o caminho ótimo considerando o menor custo. Também, os resultados mostram que em nenhum dos dois algorítimos a expansão dos nós foi sistemática, ou seja, não foi necessário expandir todos os nós do mundo do problema para encontrar a otimalidade. Ainda, o número de nós expandidos no UCS  $> A^*$ . Esse resultado era esperado pois, ao considerar também o valor da heurística h(n) além do custo g(n)em uma fila de prioridades estamos dando mais informações para não expandir nós desnecessários.

# REFERÊNCIAS

RUSSELL, Stuart J.; NORVIG, Peter.  $Artificial\ Intelligence:\ a\ modern\ approach.$  3. ed. [S.l.]: Pearson, 2009.