

## Teste, 31 de Maio de 2022

1. Implemente a função `int nesimo(int a[], int N, int i)` que dado um array de tamanho  $N > 0$  e um inteiro  $0 < i \leq N$  devolve o  $i$ -ésimo menor elemento do array. Por exemplo, se  $i == 1$  a função deve retornar o menor elemento do array.
2. Implemente a função `LInt removeMaiores(LInt l, int x)` que remove **de uma lista ordenada** `l` todos os elementos maiores que `x`, devolvendo a lista resultante. Considere a definição usual do tipo `LInt`.

```
typedef struct LInt_nodo {
    int valor;
    struct LInt_nodo *prox;
} *LInt;
```

3. Implemente a função `LInt caminho(ABin a, int x)` que, dada uma **árvore binária de procura** `a` e um valor `x`, devolve uma lista com todos os valores desde a raiz até `x` (inclusivé). Se `x` não existir na árvore, deve devolver `NULL`. Considere a definição usual do tipo `ABin` (o tipo `LInt` foi dado na questão anterior).

```
typedef struct ABin_nodo {
    int valor;
    struct ABin_nodo *esq, *dir;
} *ABin;
```

4. Implemente a função `void inc(char s[])` que, dada uma string `s` com um número em decimal, incrementa esse número numa unidade. Assuma que a string tem espaço suficiente para armazenar o número resultante. Por exemplo, se a string for "123" deverá ser modificada para "124". Se for "199" deverá ser modificada para "200".
5. Implemente a função `int sacos(int p[], int N, int C)` que, dado um array com os pesos de  $N$  produtos que se pretende comprar num supermercado, e a capacidade  $C$  dos sacos desse supermercado, determine o número mínimo de sacos necessários para transportar todos os produtos. Por exemplo, se os pesos dos produtos forem  $\{3, 6, 2, 1, 5, 7, 2, 4, 1\}$  e  $C == 10$ , então bastam 4 sacos. Se os pesos forem  $\{3, 3, 3, 3, 5, 5, 11\}$  e  $C == 11$ , então bastam 3 sacos. Em geral, para descobrir este mínimo teria que testar todas as possíveis maneiras de ensacar os produtos. Se não conseguir implementar essa estratégia ótima, implemente outra que devolva uma aproximação razoável.

# Exame, 21 de Junho de 2022

1. Implemente **de forma eficiente** uma função `int pesquisa (int a[], int N, int x)` que, dado um **array ordenado** de tamanho  $N > 0$ , devolve um índice onde se encontra o valor  $x$ . Caso  $x$  não exista no array a função deverá devolver  $-1$
2. Implemente uma função `void roda (LInt *l)` que move o último elemento da lista para a cabeça da mesma (sem alocar nova memória). Considere a definição usual do tipo `LInt`.

```
typedef struct LInt_nodo {
    int valor;
    struct LInt_nodo *prox;
} *LInt;
```

3. Implemente uma função `int apaga (ABin a, int n)` que apaga  $n$  nodos de uma árvore binária. O critério para escolha de quais os nodos a apagar é livre. Se a árvore tiver menos do que  $n$  nodos então a deve apagar todos. A função deve devolver o número de nós efetivamente apagados. Considere a definição usual do tipo `ABin`.

```
typedef struct ABin_nodo {
    int valor;
    struct ABin_nodo *esq, *dir;
} *ABin;
```

4. Implemente uma função `void checksum (char s[])` que, dada uma string  $s$  com um identificador só com dígitos, acrescenta-lhe um dígito de controle no final calculado de acordo com o método de Luhn. Neste método, o dígito de controle a incluir deve fazer com que a soma de todos os dígitos (incluindo o próprio dígito de controle) seja um múltiplo de 10. No entanto, no caso dos dígitos **em posições pares** (a começar do final) o que deve ser somado são os dígitos do número correspondente ao seu dobro. Por exemplo, dado o identificador "9871", a soma em questão corresponde a  $9+1+6+7+2 = 25$  (note como o dígito 1 e 8 foram substituídos, respectivamente, por 2 e 1+6). Como a soma é 25, o dígito de controle a acrescentar deve ser 5, pelo que a string no final deverá ser "98715".
5. Implemente uma função `int escolhe (int N, int valor[], int peso[], int C, int quant[])` cujo objetivo é determinar a quantidade de produtos que um vendedor ambulante deve transportar. O vendedor tem à sua disposição uma quantidade ilimitada de  $N$  produtos diferentes, cujos valores e pesos estão guardados nos arrays `valor` e `peso`, respectivamente, mas só tem capacidade para

transportar  $C$  kg. A função deve tentar maximizar o valor total dos produtos a transportar, valor este que deve ser devolvido, e colocar no array quant a respectiva quantidade de cada produto. Por exemplo, se tivermos 3 produtos com valores  $[20, 150, 30]$  e pesos  $[2, 10, 3]$  e capacidade para 14 kg, então uma escolha ideal de quantidades seria  $[2, 1, 0]$ , correspondente ao valor total de 190. Mesmo que não consiga implementar uma estratégia de escolha óptima, implemente outra que ache razoável. O critério mais importante é o peso total não ultrapassar a capacidade de transporte  $C$ .

## Teste, 20 de Maio de 2023

1. Implemente a função `int perfeito(int x)` que testa se um número inteiro é perfeito, isto é, se é igual à soma dos seus divisores próprios. Por exemplo, 28 é um número perfeito, uma vez que os seus divisores próprios são 1, 2, 4, 7 e 14 ( $1+2+4+7+14==28$ ).
2. Implemente a função `void ordena(Ponto pos[], int N)` que dado um array com N pontos ordena esses pontos por ordem crescente da distância à origem. Por exemplo se o array for  $\{\{3,3\}, \{2,1\}, \{-1,0\}\}$  depois de ordenado deverá ficar com o conteúdo  $\{\{-1,0\}, \{2,1\}, \{3,3\}\}$ . O tipo `Ponto` é definido da seguinte forma (note que as coordenadas dos pontos são números inteiros).

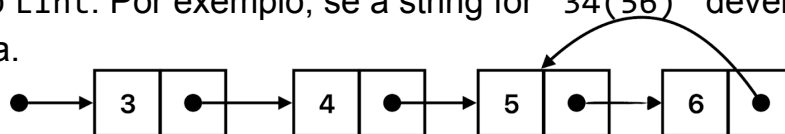
```
typedef struct {  
    int x,y;  
} Ponto;
```

3. Apresente uma definição da função `int depth(ABin a, int x)` que devolve o **menor nível** a que um elemento x se encontra na árvore (ou -1 se x não se encontra na árvore). Considere a definição usual do tipo `ABin`. Considere ainda que a raiz se encontra no nível 0.

```
typedef struct abin_nodo {  
    int valor;  
    struct abin_nodo *esq, *dir;  
} *ABin;
```

4. Implemente a função `int wordle(char secreta[], char tentativa[])` que dada uma palavra secreta que se pretende descobrir e uma tentativa com o mesmo tamanho devolve o número de caracteres na palavra tentativa em que o utilizador já acertou. Ambas as palavras só contêm letras minúsculas. A função deve também modificar a tentativa substituindo todas as letras que não tem correspondente na palavra secreta por um '\*' e convertendo para maiúscula as letras que estão na posição certa. Por exemplo se a palavra secreta for "laranja" e a tentativa for "cerejas" a função deve devolver 1 e alterar a tentativa para "\*\*\*R\*ja\*" (apenas o 'r' está na posição certa e os caracteres 'j' e 'a' aparecem no segredo noutras posições). Se a tentativa for "bananas" a função deve devolver 3 e alterar a tentativa para "\*A\*ANa\*".
5. Implemente a função `LInt periodica(char s[])` que dada uma string com uma sequência infinita periódica de dígitos constrói uma lista (circular) com esses dígitos.

Assuma que a parte da sequência que se repete indefinidamente está representada entre parênteses e aparece sempre no final da string. Assuma também a definição usual do tipo LInt. Por exemplo, se a string for "34(56)" deverá ser construída a seguinte lista.



```
typedef struct lint_nodo {  
    int valor;  
    struct lint_nodo *prox;  
} *LInt;
```

## Exame, 13 de Junho de 2023

1. Implemente a função `int isFib(int x)` que testa se um número `x` pertence à sequência de Fibonacci (0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144, ...).
2. Implemente a função `int moda(Aluno turma[], int N)` que, dado um array com a informação de `N` alunos, calcula a nota final mais frequente. Se houver mais do que uma nota final com a frequência máxima, devolva uma delas. Se a nota final mais frequente for “Reprovado” então deve devolver 0. O teste vale 80% da nota final e os mini-testes 20%.

```
typedef struct {  
    float teste, minis;  
} Aluno;
```

3. Apresente uma definição **iterativa** da função `int take(int n, LInt *l)` que, dado um inteiro `n` e uma lista ligada de inteiros `l`, apaga de `l` todos os nodos para além do `n`-ésimo (libertando o respectivo espaço). Se a lista tiver `n` ou menos nodos, a função não altera a lista. A função deve devolver o número de nodos apagados.

```
typedef struct lint_nodo {  
    int valor;  
    struct lint_nodo *prox;  
} *LInt;
```

4. Apresente uma definição da função `int verifica(char frase[], int k)` que testa se todas as palavras que ocorrem numa frase têm pelo menos `k` caracteres.
5. Implemente a função `ABin reconstroi(char s[])` que dada uma string com uma string com uma travessia pré-order de uma árvore de dígitos, onde os apontadores nulos aparecem marcados com um '\*', reconstrói a árvore original. Por exemplo, se a string for "34\*\*52\*\*5\*6\*\*" deverá ser devolvida a seguinte árvore.

```
typedef struct abin_nodo {  
    int valor;  
    struct abin_nodo *esq, *dir;  
} *ABin;
```

