

Projeto de algoritmos baseados em florestas de posets para o problema de otimização U-curve

Aluno: Gustavo Estrela de Matos

Orientador: Marcelo da Silva Reis

14 de Dezembro de 2016

Resumo

Design of poset forest-based algorithms for the U-curve optimization problem

Student: Gustavo Estrela de Matos

Supervisor: Marcelo da Silva Reis

14 de Dezembro de 2016

Abstract

Conteúdo

1	Introdução	4
1.1	O problema U-Curve	4
1.2	O algoritmo Poset-Forest Search	5
2	Objetivos	5
3	Plano de trabalho	6
3.1	Cronograma	6
3.2	Descrição de atividades	6
4	Materiais e métodos	8
5	Forma de análise e divulgação de resultados	8
6	Forma de Análise e de Divulgação dos Resultados	8
	Referências	9

1 Introdução

1.1 O problema U-Curve

O problema de seleção de característica consiste em, dado um conjunto S de características, escolher um subconjunto de características que seja ótimo. A solução desse problema tem aplicações na construção de modelos para aprendizado de máquina e reconhecimento de padrões, que dependem da escolha de um subconjunto de características que seja o mais relevante possível (ótimo), de acordo com alguma métrica. Formalmente, podemos definir o problema de seleção de características como um problema de busca, no qual procuramos um subconjunto $X \in \mathcal{P}(S)$ que minimiza uma função de custo $c : \mathcal{P}(S) \rightarrow \mathbb{R}_+$.

O espaço de busca do problema de seleção de características pode ser visto como um reticulado booleano $(\mathcal{P}(S), \subseteq)$, onde cada nó é um conjunto de características, também chamado de classificador. É comum nesse problema que as cadeias do reticulado descrevam "curvas em u" quando avaliadas pela função de custo c . Esse comportamento pode ser intuitivamente explicado se considerarmos que um classificador melhora ao adicionarmos novas características até um ponto em que o grande número de características causa grandes erros de estimação, piorando o classificador.

O problema U-Curve é um caso particular do problema de seleção de características em que todas as cadeias do espaço de busca descrevem "curvas em u" quando avaliadas pela função de custo. Existem algoritmos ótimos para solução do problema U-Curve, como o Poset-Forest Search (PFS) e U-Curve Search (UCS) [1]. Além disso, em outra oportunidade de iniciação científica, estudamos o uso de diagramas de decisão binários ordenados e reduzidos (ROBDDs) como uma estrutura de dados eficiente para o controle do espaço de busca [2].

O uso de ROBDDs aliado a mudanças à dinâmica do UCS nos levaram a criação do algoritmo UCSR. Esse novo algoritmo trouxe melhoras no tempo de execução, pois permite consultas rápidas ao espaço de busca, o que era mais custoso no algoritmo UCS. Porém, as melhorias obtidas foram limitadas, uma vez que manter a estrutura de ROBDD, em alguns

casos, demandava grande processamento e uso de memória. Portanto, torna-se necessário a criação de novos algoritmos para resolver o problema, o que nos leva ao estudo do algoritmo Poset-Fores Search (PFS) [1].

1.2 O algoritmo Poset-Forest Search

O algoritmo PFS é um algoritmo ótimo do tipo *branch-and-bound*. Esse algoritmo define duas florestas que são subgrafos do reticulado booleano que define o espaço de busca. Essas florestas são compostas por árvores que são definidas por uma enumeração arbitrária dos elementos do conjunto de característica. A ideia principal do algoritmo é, partindo de um raiz, percorrer um caminho dentro de uma árvore, fazendo podas no espaço de busca quando possível.

Uma versão preliminar desse algoritmo já foi implementada [1] e mostrou resultados promissores, principalmente quando analisado o número de nós do reticulado que são visitados. Apesar disso, o algoritmo ainda pode ser estudado e apresenta características que podem ser exploradas para melhorar seu desempenho. Para isso, podemos estudar o uso de ROBDDs para representar raízes das árvores na floresta que representa o espaço de busca; paralelizar o percorrimento das árvores; e estudar modificações na dinâmica do algoritmo, que podem se ajustar melhor as novas estruturas de dados, e também aproveitar a estrutura do reticulado booleano.

2 Objetivos

Neste trabalho, propomos atingir os seguintes objetivos:

1. Utilização dos ROBDDs, implementados na iniciação científica anterior, para representar as listas de raízes da floresta que representa o espaço de busca no algoritmo PFS.

2. Desenho de uma versão paralelizada do PFS, com maior escalabilidade. Para este fim, paralelizaremos o percorrimento das árvores nas florestas que representam o espaço de busca, com o programa principal gerenciando a escolha das raízes (i.e., início de um percorrimento), guardando o mínimo corrente e centralizando a atualização das podas.
3. Desenvolvimento de uma versão do PFS que funcione como algoritmo de aproximação para o problema U-curve, utilizando como critério de aproximação da solução ótima o teorema da navalha de Ockham:

Dado um espaço de hipóteses H (i.e., espaço de busca), o número mínimo de amostras necessário para se obter uma solução que erra no máximo ϵ com $1 - \delta$ de probabilidade é expresso por:

$$m(\delta, \epsilon) = \frac{1}{\epsilon} \log\left(\frac{|H|}{\delta}\right). \quad (1)$$

4. Implementação e testes dos algoritmos propostos, para isso empregando o arcabouço featsel.

3 Plano de trabalho

3.1 Cronograma

Tabela listando atividades de janeiro a dezembro de 2017.

3.2 Descrição de atividades

- **Atividade 1.** Estudo do algoritmo PFS.
- **Atividade 2.** Implementação de uma variação do PFS que usa ROBDDs como estrutura de dados para representar início de caminhos.
- **Atividade 3.** Estudo da biblioteca OpenMP, para paralelização do PFS.

Tabela 1: cronograma de atividades previstas neste projeto de Iniciação Científica. As descrições das atividades listadas seguem na seção a seguir.

Atividade/mês	Jan.17	Fev.17	Mar.17	Abr.17	Mai.17	Jun.17
Atividade 1	x	-	-	-	-	
Atividade 2	x	x	-	-	-	
Atividade 3	-	x	x	-	-	-
Atividade 4	-	-	x	x	x	-
Atividade 5	-	-	-	-	x	x
Primeiro Relatório	-	-	-	-	x	x
Atividade/mês	Jul.17	Ago.17	Set.17	Out.17	Nov.17	Dez.17
Atividade 6	x	x	-	-	-	-
Atividade 7	-	x	x	x	-	-
Atividade 8	-	-	-	x	x	-
Atividade 9	-	-	-	-	x	x
Segundo Relatório	-	-	-	-	x	x

- **Atividade 4.** Implementação de uma versão paralela do algoritmo PFS com o uso de ROBDDs como estrutura de dados.
- **Atividade 5.** Testes da primeira versão do PFS paralelo com instâncias artificiais.
- **Atividade 6.** Estudo do teorema da navalha de Ockham.
- **Atividade 7.** Implementação de uma variação do PFS paralelo que se comporte como um algoritmo de aproximação.
- **Atividade 8.** Testes com instâncias artificiais do algoritmo de aproximação.
- **Atividade 9.** Estudo comparativo entre os algoritmos produzidos, incluindo testes com instâncias reais.

4 Materiais e métodos

5 Forma de análise e divulgação de resultados

- Arcabouço featsel, já contando com os acréscimos de classes de ROBDDs;
- Biblioteca OpenMP.

6 Forma de Análise e de Divulgação dos Resultados

- Benchmarking contra outros algoritmos de seleção de características;
- Elaboração de paper para ser enviado para publicação ao final da IC proposta.

Referências

- [1] Reis, Marcelo S. "Minimization of decomposable in U-shaped curves functions defined on poset chains—algorithms and applications." PhD thesis, Institute of Mathematics and Statistics, University of São Paulo, Brazil, (2012).

[2]