### Universidade Federal do Rio de Janeiro



### IM/DCC & NCE



# Tratamento da Imagem Transformações (cont.)

Antonio G. Thomé thome@nce.ufrj.br
Sala – AEP/1033

### Tratamento de Imagens - Sumário Detalhado

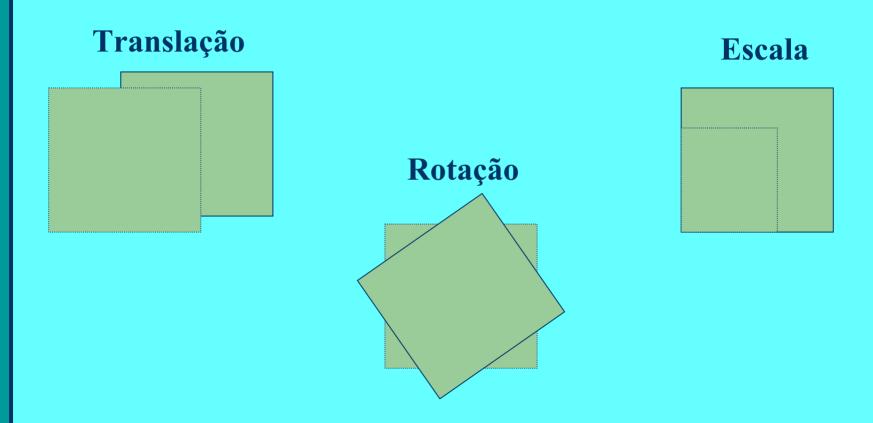
- Objetivos
- Alguns Conceitos Básicos
  - ✓ Transformações Lineares
  - ✓ Convolução e Correlação de Funções
  - ✓ Transformada de Fourier
  - ✓ Transformada Bidimensional de Fourier
- Transformadas em Imagens
  - ✓ Transformadas Geométricas
  - ✓ Transformadas Radiométricas
  - ✓ Transformadas Morfológicas
  - ✓ Outras Transformadas

## Transformações Geométricas

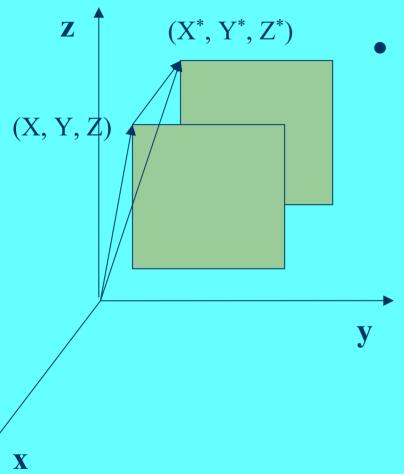
### Transformações Geométricas

- Transformações geométricas são operações que <u>redefinem a relação espacial dos pontos</u> de uma imagem.
  - ✓ Importância:
    - Eliminação de distorções sistemáticas
  - ✓ Requisitos
    - Conhecimento das distorções existentes
    - Escolha do modelo matemático adequado

### **Exemplos de Transformações Geométricas**



### Translação



A idéia é transladar um ponto de coordenadas (X, Y, Z) para uma nova posição, usando-se o deslocamento  $(X_0, Y_0, Z_0)$ .

• A translação é facilmente realizada através do uso das equações:

$$X^* = X + X_0$$
$$Y^* = Y + Y_0$$
$$Z^* = Z + Z_0$$

• X\*, Y\*, Z\* são as coordenadas do novo ponto.

### Translação na Forma Matricial

• As equações podem ser expressas em forma matricial

$$\begin{bmatrix} X^* \\ Y^* \\ Z^* \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & X_0 \\ 0 & 1 & 0 & Y_0 \\ 0 & 0 & 1 & Z_0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \\ 1 \end{bmatrix}$$

• O uso de matrizes quadradas simplifica consideravelmente a representação do processo. Sendo assim pode-se escrever:

$$\begin{bmatrix} X^* \\ Y^* \\ Z^* \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & X_0 \\ 0 & 1 & 0 & Y_0 \\ 0 & 0 & 1 & Z_0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \\ 1 \end{bmatrix}$$

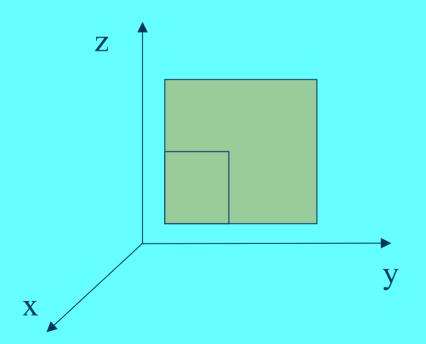
As matrizes acima são equivalentes.

• Então, a matriz de transformação é dada por:

$$T = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & X_0 \\ 0 & 1 & 0 & Y_0 \\ 0 & 0 & 1 & Z_0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

### Transformação de Escala de um Ponto Isolado

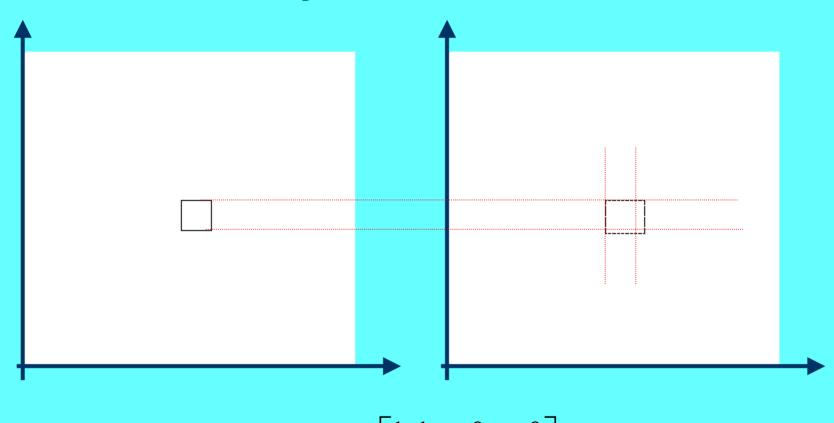
• A transformação de escala pelos fatores  $S_x$ ,  $S_y$ , e  $S_z$  ao longo dos eixos X, Y, e Z é dado pela matriz de transformação:



$$S = \begin{bmatrix} S_x & 0 & 0 & 0 \\ 0 & S_y & 0 & 0 \\ 0 & 0 & S_z & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$P^* = S.P$$

### Transformação de Escala de um Ponto Isolado



$$P^* = \begin{bmatrix} 1.1 & 0 & 0 \\ 0 & 1.3 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
.  $P$ 

### Transformação de Escala de uma Imagem

- O redimensionamento de imagens em níveis de cinza difere da operação de mudança de escala para pontos isolados.
- Nesta operação o novo valor de cinza do pixel transformado será o resultado de um cálculo sobre vários pixels da imagem original (vizinhança) Reamostragem (resampling).
- São três os principais métodos de interpolação utilizados para a reamostragem dos pixels para a produção de uma nova imagem a partir da imagem original.
  - ✓ Vizinho mais próximo (Nearest Neighbor) ou Ordem Zero
  - ✓ Bilinear
  - ✓ Bicúbica

### Interpolação do Vizinho mais Próximo

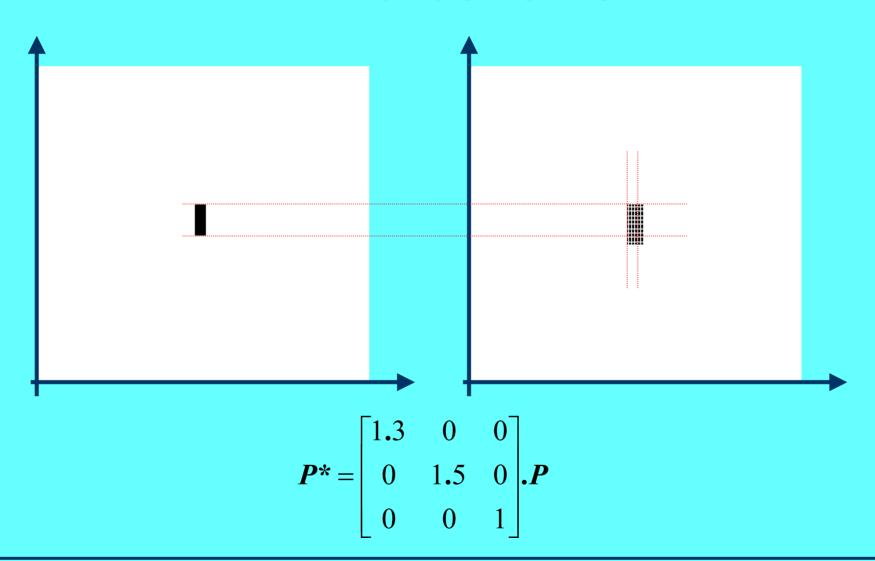
- O valor do nível de cinza a ser atribuído ao pixel na imagem destino, (i',j'), terá o mesmo valor do nível de cinza (contraste) do pixel mais próximo da posição na imagem original, (i,j).
- Se a imagem original tem dimensões w e h a imagem destino tem w' e h', então um ponto na imagem destino será dado pelas expressões a seguir:

$$i' = i * w'/w$$
 $j' = j * h'/h$ 

### Interpolação do Vizinho mais Próximo ...

- É um processo rápido, de fácil implementação, não alterando os valores originais de cinza (contraste).
- Podem ocorrer descontinuidades geométricas (lacunas de ordem de 1/2 "pixel" na imagem corrigida); A imagem poderá ficar, nos limites de áreas contínuas, ou nos lineamentos com aspecto "em escadinha".
- É o método recomendado quando a imagem resultante será usada para estudos radiométricos, classificação automática, enfim, processamentos onde a radiometria da imagem deve estar minimamente afetada ou alterada.

#### Vizinho mais Próximo



# Exemplo de Reamostragem (Redução) Usando Interpolação do Vizinho mais Próximo





256x256

### Interpolação Bilinear

- O valor do nível de cinza a ser atribuído ao pixel na imagem destino é determinado a partir do valor dos 4 pixels vizinhos na imagem original.
- Requer maior número de cálculos para determinar o valor de cada pixel de imagem corrigida.
- Altera o valor original dos níveis de cinza (contraste).

### Exemplo de Reamostragem (Redução) Usando Interpolação Bilinear





256x256

### Interpolação Bicúbica

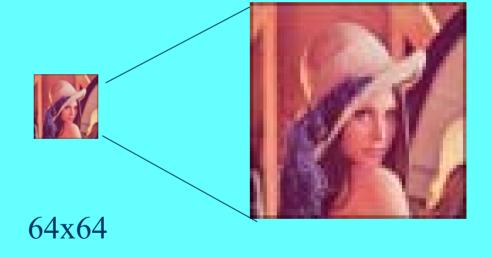
- O nível de cinza a ser atribuído ao pixel na imagem destino é determinado a partir de cálculos realizados numa matriz de 16 pixels na sua vizinhança.
- A qualidade da imagem resultante é nitidamente superior as duas opções anteriores pois os lineamentos e as beiras dos objetos ficam conservados, porém um pouco suavizados.

### Interpolação Bicúbica

- Requer maior tempo de computação e provoca a degradação da qualidade radiométrica dos dados.
- O cálculo do novo valor digital do pixel corrigido é feito por média ponderada não linear.
- É recomendado para produtos que se destinam a interpretação visual, ou ampliação em produtos fotográficos.

# Exemplo de Reamostragem (Redução) Usando Interpolação Bicúbica





256x256

### Exemplos de Interpolação – Comparação

Original 256x256





Vizinho mais Próximo

Bilinear





Bicúbica

64x64

### Rotação

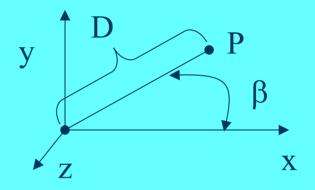
• Deve-se convencionar o sistema de eixos



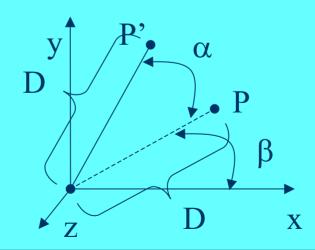
### Equações para Rotação em torno de z

• Supondo que a distância do ponto P à origem seja D, tem-se:

$$x = D \cos (\beta)$$
  
 $y = D \sin (\beta)$ 



$$x' = D \cos (\alpha + \beta)$$
  
 $y' = D \sin (\alpha + \beta)$ 



### Forma Matricial da Rotação em torno do Eixo Z

• Da trigonometria, tem-se:

$$cos(\alpha + \beta) = cos(\alpha) cos(\beta) - sen(\alpha) sen(\beta)$$
$$sen(\alpha + \beta) = sen(\alpha) cos(\beta) + sen(\beta) cos(\alpha)$$

• O que resulta em:

$$x' = x \cos(\alpha) - y \sin(\alpha)$$
  
 $y' = x \sin(\alpha) + y \cos(\alpha)$ 

Na forma Matricial

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos(\alpha) & -sen(\alpha) \\ sen(\alpha) & \cos(\alpha) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$

## Transformações Radiométricas

## Transformações Radiométricas

- São técnicas que modificam a distribuição dos níveis de cinza de uma imagem preservando os contornos.
- Independem da localização dos pixels na imagem e podem ser representadas por uma operação que transforma um valor do nível de cinza (de um pixel) em um outro nível de cinza diferente.

### **Operações Radiométricas**

- Tem basicamente duas aplicações para transformações radiométricas:
  - ✓ Realce de Contraste Procura enfatizar alguma característica de interesse da imagem.
  - ✓ Restauração Visa corrigir alguma distorção sofrida pela imagem.
- Quando uma imagem sofreu uma distorção que diminui seu contraste, uma transformação que realce as bordas dos objetos das imagens pode, de fato, a restaurar.

### **Operações Radiométricas**

• Embora muitas das técnicas de restauração e realce sejam as mesmas (por exemplo, filtragem), os objetivos e enfoques divergem num e noutro caso. O procedimento geral da restauração é a modelagem do processo de distorção para tentar invertê-lo. No realce esta preocupação não existe, pois nele as técnicas utilizadas são na maioria heurísticas, não havendo compromisso com a imagem original.

#### Realce de Contraste

- A técnica de realce de contraste tem por objetivo melhorar a qualidade das imagens.
- É normalmente utilizada como uma etapa de pré-processamento para sistemas de reconhecimento de padrões.
- O contraste entre dois objetos pode ser definido como a razão entre os seus níveis de cinza médios.
- A manipulação do contraste consiste numa transformação radiométrica em cada "pixel", com o objetivo de aumentar a discriminação visual entre os objetos presentes na imagem.
- Realiza-se a operação ponto a ponto, independentemente da vizinhança.
- Esta transferência radiométrica é realizada com ajuda de histogramas, que são manipulados para obter o realce desejado.

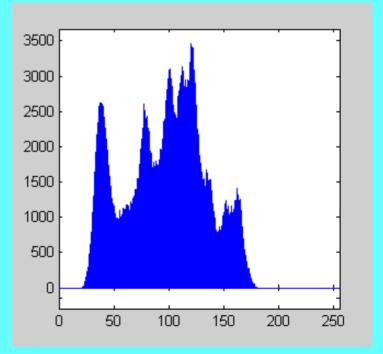
### Histograma

- É uma das formas mais comuns de se representar a distribuição dos níveis de cinza (NC) de uma imagem,
- O histograma fornece a informação de quantos pixels na imagem possuem um determinado NC, definido entre 0 (preto) e 255 (branco), para uma imagem quantificada em 8 bits.
- Os valores resultantes do histograma são representados por um gráfico de barras que fornece, para cada nível de cinza o número (ou o percentual) de pixels correspondentes na imagem.
- Outra característica é que o histograma não apresenta nenhuma informação espacial da imagem, e sim uma função a partir da qual pode ser inferida a **função de probabilidade** dos níveis de cinza da imagem. Normalmente, tem-se no eixo X a distribuição dos NCs e no eixo Y a freqüência em que ocorrem.

### Exemplo de Histograma

• Os valores resultantes do histograma são representados por um gráfico de barras que fornece, para cada nível de cinza o número (ou o percentual) de pixels correspondentes na imagem.



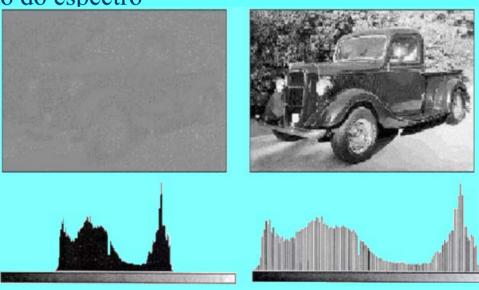


### Forma do Histograma

- A forma do histograma fornece informações importantes como a intensidade média e espalhamento dos valores de NC, sendo este último a medida de contraste da imagem.
- Quanto maior o espalhamento ao longo do eixo dos NCs, maior o contraste da imagem.

• Uma imagem terá baixo contraste quando o NC está concentrado em uma

pequena região do espectro



### Contraste de uma Imagem

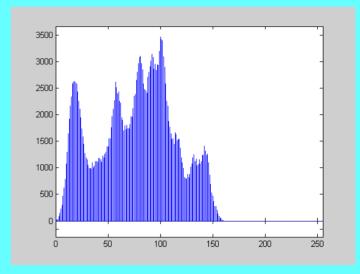
• Assim podemos definir contraste como sendo o intervalo de níveis de cinza assumidos pelos pontos da imagem

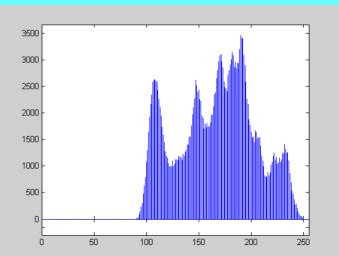
Menor Contraste **Major Contraste** 

### Contraste de uma Imagem





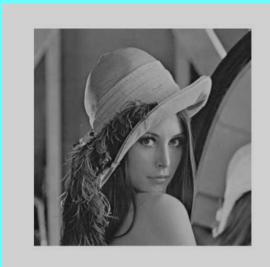


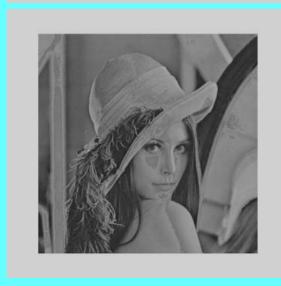


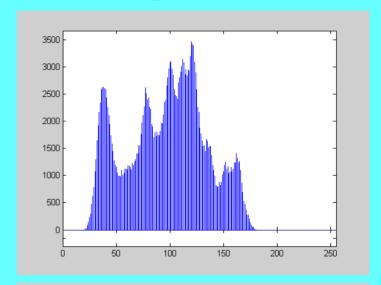
Escura

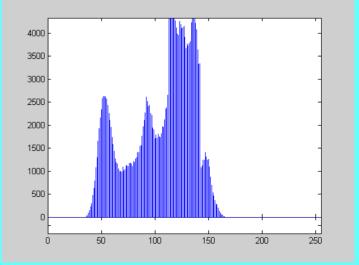
Clara

### Contraste de uma Imagem









### Técnicas de Modificação do Histograma

- Técnicas de modificação de uma imagem através da manipulação do histograma são utilizadas com o objetivo de melhorar o contraste original.
- Algumas técnicas de modificação de histograma são:
  - Binarização
  - Transformação
  - Expansão
  - Compressão
  - Equalização

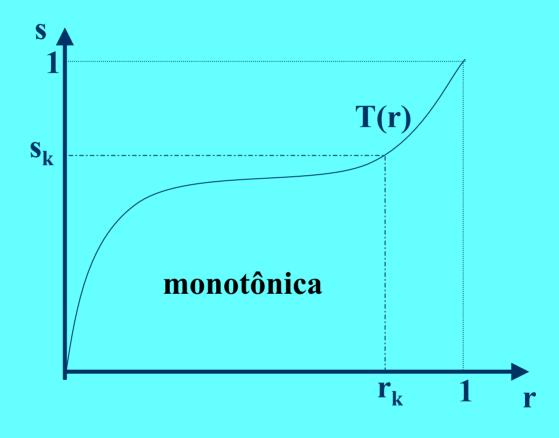
### Binarização

• Separação da imagem em duas regiões



Aplica-se um corte (threshold) na imagem

## Transformação - Exemplo



$$s_k = T(r_k)$$

### Expansão de Histograma

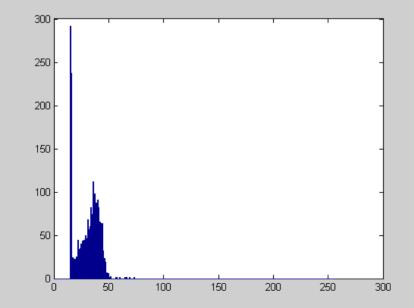
- Consiste em espalhar os níveis de cinza de uma imagem.
- A maioria das imagens são registradas com uma resolução radiométrica de 8 bits, que podem produzir 256 valores ou níveis de cinza.
   Normalmente, as imagens contêm, em cada banda, uma pequena faixa desses valores e, além disso, a presença de bruma atmosférica e a geometria de iluminação da cena podem atenuar as próprias características da imagem.
- O sistema visual do homem só consegue discriminar cerca de 30 tons de cinza, quando estão bastante espalhados em relação ao intervalo de 0 a 255. Por isso, o tratamento das imagens pelo método do aumento do contraste é uma técnica necessária para extrair informações não identificadas a princípio pelo intérprete. O contraste de uma imagem é uma medida do espalhamento dos níveis de cinza que nela ocorrem.
- O processo inverso da expansão é conhecido como compressão.

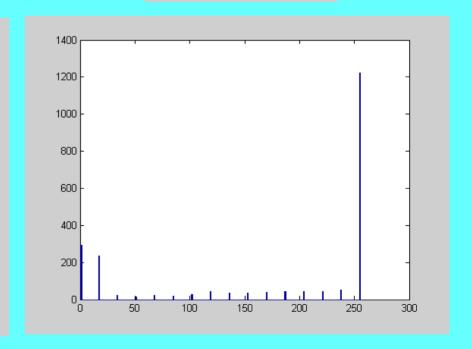
$$s = \frac{r - r_{\min}}{r_{\max} - r_{\min}} \times (L - 1)$$

# Expansão do Histograma



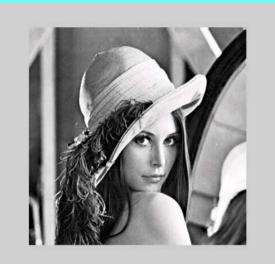


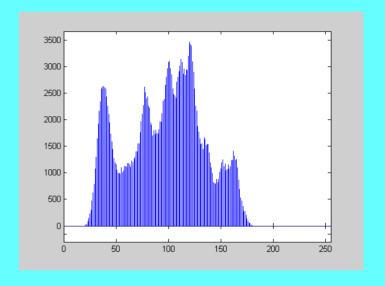


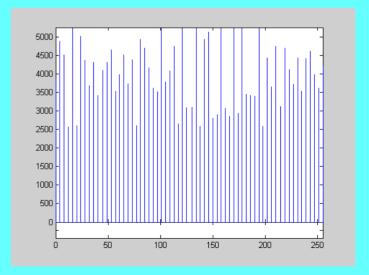


## Expansão do Histograma



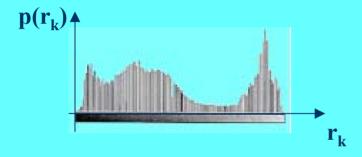






### Equalização do Histograma

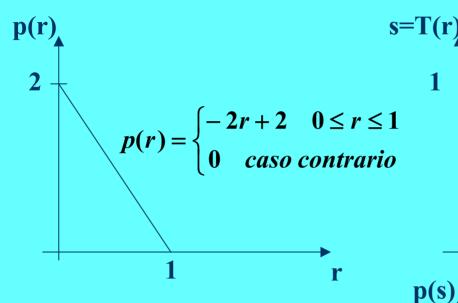
Histograma visto como uma função de densidade  $-p(r_k)$ 

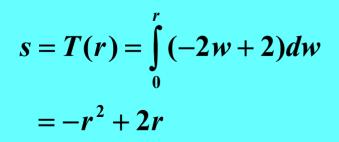


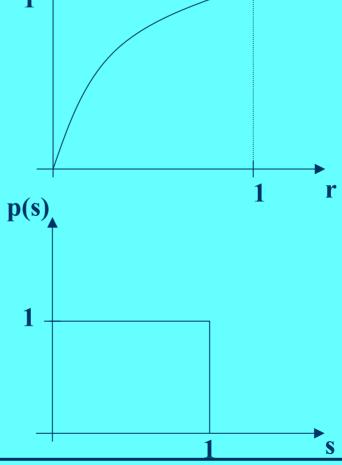
T(rk) - visto como uma função de distribuição

$$s = T(r) = \int_{0}^{r} p_{r}(w)dw \quad 0 \le r \le 1$$

## Equalização do Histograma - Exemplo







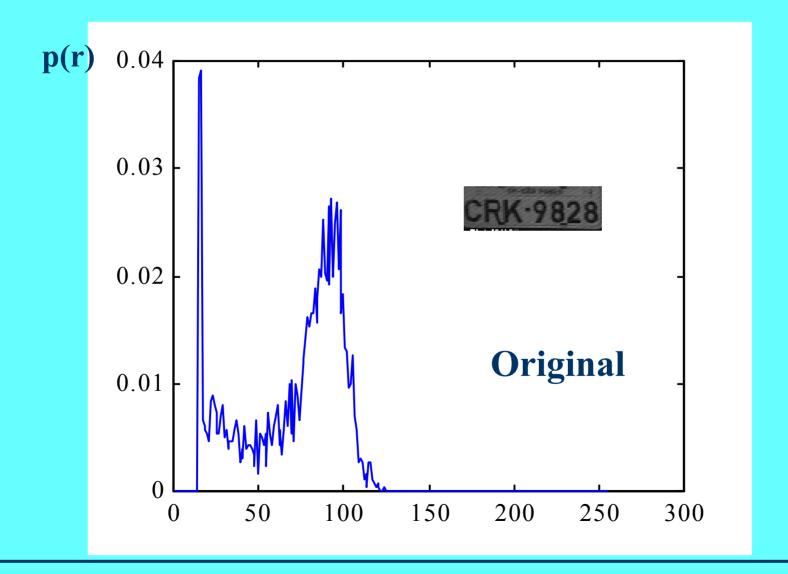
## Equalização do Histograma - Discreto

$$p(r_k) = \frac{n_k}{n}$$
  $0 \le r_k \le 1, k = 0,..., L-1$ 

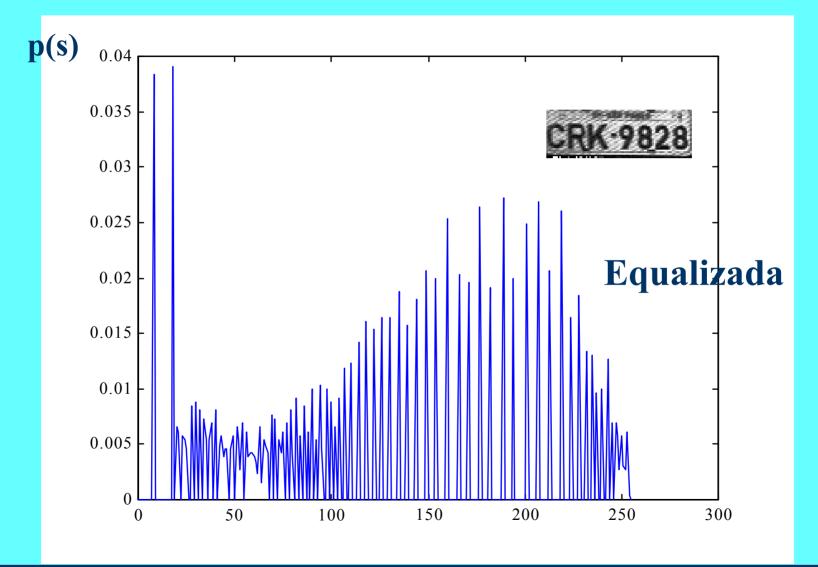
$$S_k = T(r_k) = \sum_{j=0}^k \frac{n_j}{n} = \sum_{j=0}^k p(r_j)$$

(\*) esta aproximação do modelo contínuo não leva p(s) necessariamente a uma condição uniforme.

# Equalização do Histograma Modo Discreto - Exemplo



## Equalização do Histograma Modo Discreto - Exemplo



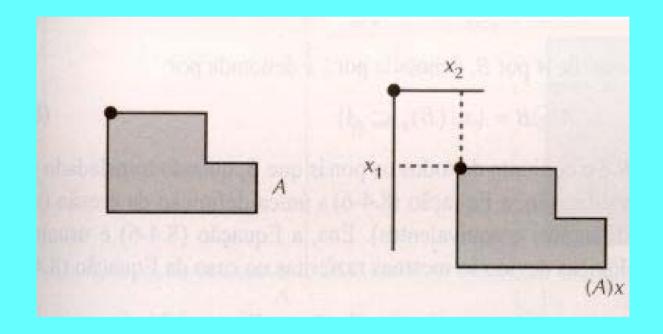
Transformações Morfológicas

## Transformações Morfológicas

- São transformações que resultam na alteração da forma da imagem
- As operações morfológicas básicas mais utilizadas são:
  - ✓ Dilatação
  - ✓ Erosão
- As operações morfológicas aplicam um operador sobre a imagem original conhecido como elemento estruturante. O resultado é uma imagem com o mesmo tamanho da imagem original
- Estas operações, por si só, causam distorções nas áreas dos objetos.
- A combinação dos operadores morfológicos gera resultados interessantes.

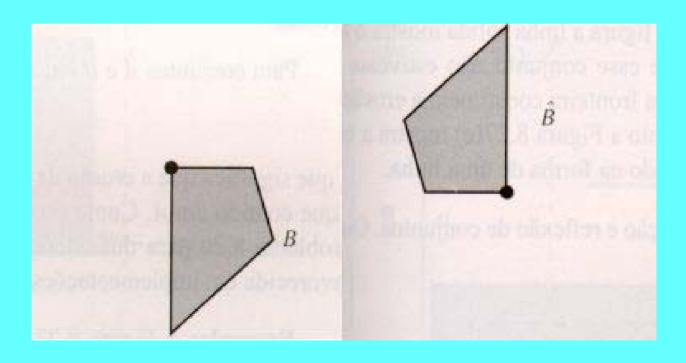
- A linguagem da morfologia matemática é a *teoria de conjuntos*.
- Imagens binárias podem ser representadas como um conjunto  $\mathbb{Z}^2$ , no qual cada elemento é um vetor bidimensional contendo as coordenadas de cada pixel preto.
- Sejam A e B conjuntos de  $Z^2$  com componentes  $a=(a_1, a_2)$  e  $b=(b_1, b_2)$ , respectivamente.
- Operações:
  - ✓ Translação
  - ✓ Reflexão
  - ✓ Complemento
  - ✓ Diferença

• Translação de A por  $x=(x_1, x_2)$ , denota-se por  $(A)_x$  $(A)_x = \{c \mid c = a+x\}$ 



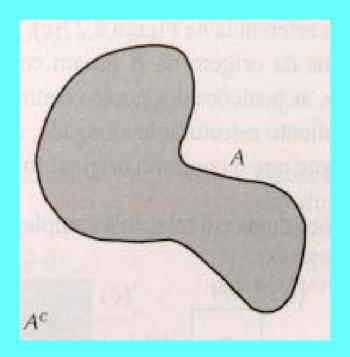
• Reflexão de A, denota-se por Â

$$\hat{A} = \{x \mid x = -a, \text{ para } a \in A\}$$



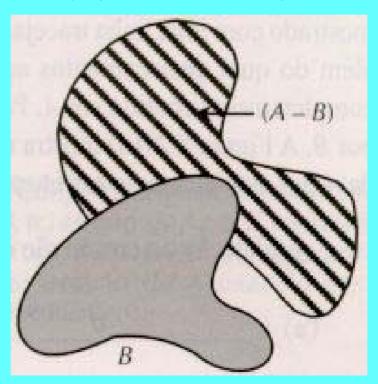
• Complemento de A, denota-se por A<sup>C</sup>

$$\hat{\mathbf{A}} = \{ x \mid x \notin \mathbf{A} \}$$



• Diferença entre A e B, denota-se por A - B

A - B = 
$$\{x \mid x \in A, x \notin B\} = A \cap B^{C}$$



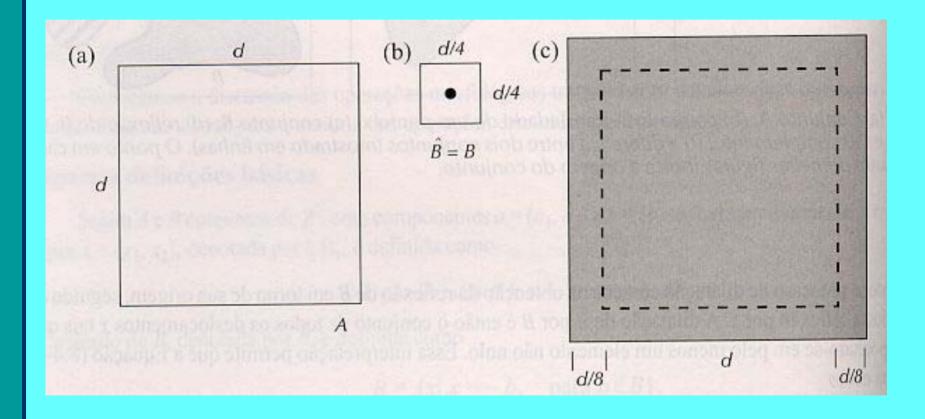
## Dilatação

• A dilatação de A por O é definida da seguinte forma:

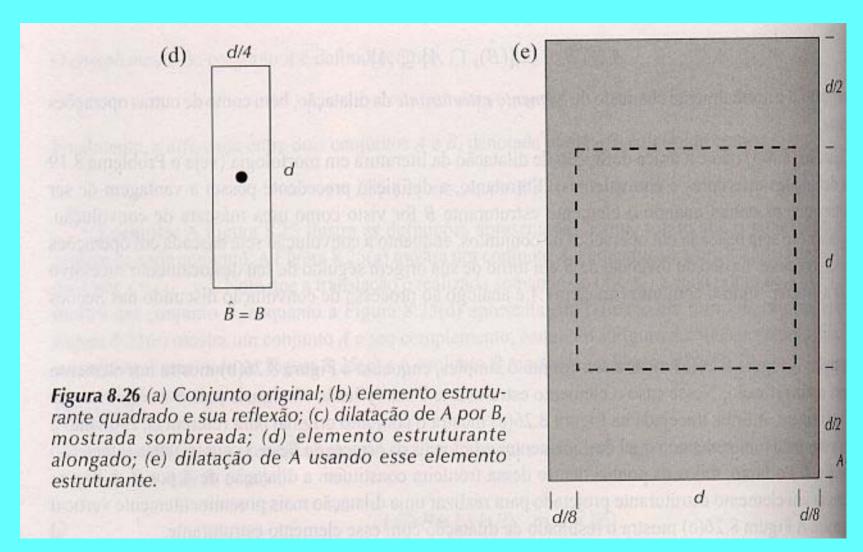
$$A \oplus O = \{x \mid (\hat{O})_x \cap A \neq \emptyset\}$$

- Na dilatação são aplicados elementos estruturantes (no caso acima, o conjunto O) na imagem original. Ou seja, a dilatação é uma união de deslocamentos, definido por um elemento estruturante.
- Buracos finos ou pequenos serão eliminados, unindo os objetos – ou seja, a imagem original é "engordada"
- Objetos terão suas áreas aumentadas.
- Numa imagem binária, para cada pixel preto, se o número de vizinhos brancos for maior do que um valor limiar, N, o pixel é invertido

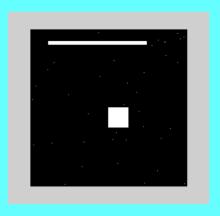
## Exemplo de Dilatação



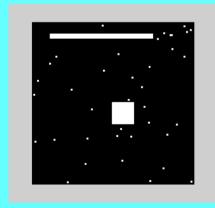
## Exemplo de Dilatação

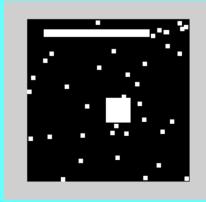


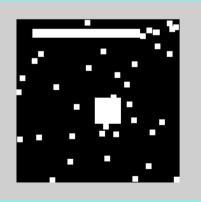
## Exemplo de Dilatação



Original







Elemento Estruturante:

Matriz de 1s 3x3

Matriz de 1s 5x5

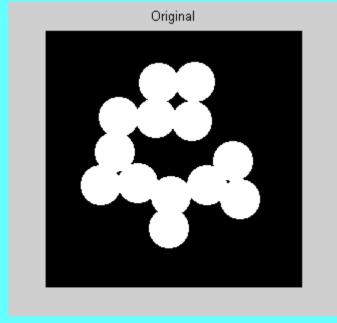
Matriz de 1s 7x7

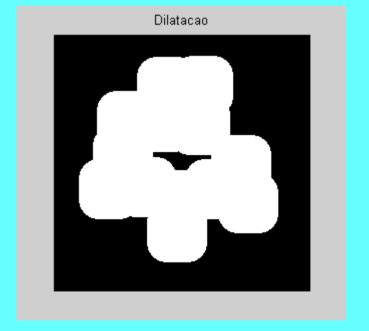
Matriz de 1s 9x9

## Outros Exemplos de Dilatação









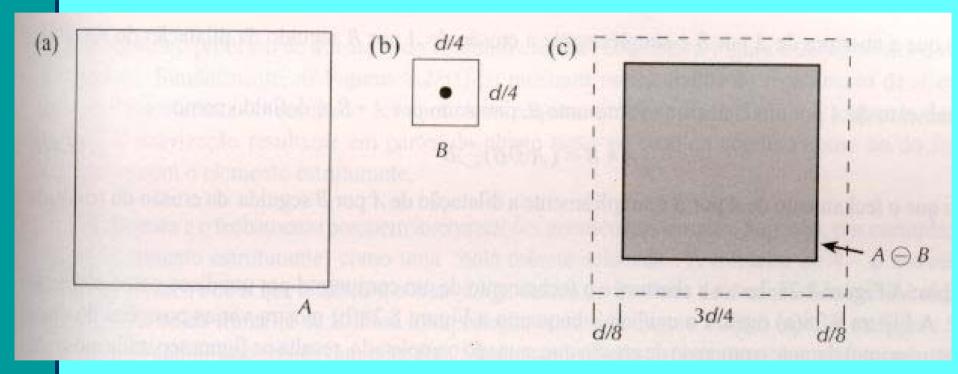
#### **Erosão**

• A Erosão de A por B é definida da seguinte forma:

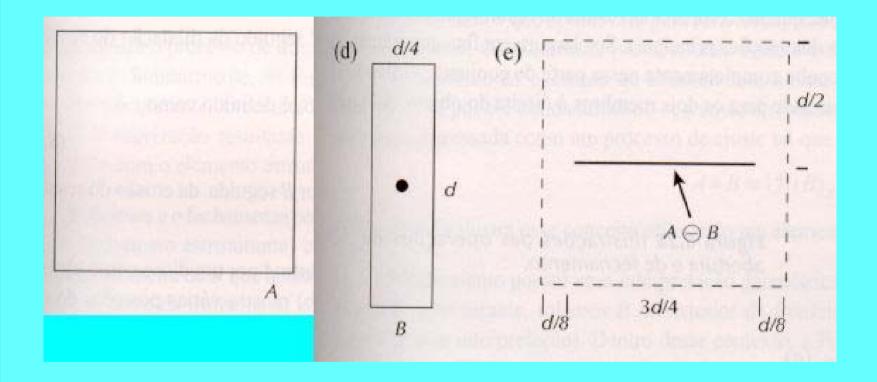
$$A \odot O = \{x \mid (B)_x \subseteq A\}$$

- A erosão basicamente "encolhe uma" imagem e pode ser vista como uma transformação morfológica que combina dois conjuntos usando vetores de subtração. Ela é expressa como a interseção.
- Para cada pixel branco, se o número de vizinhos brancos for menor do que um valor limiar, N, o pixel é invertido
- Objetos finos ou pequenos tendem a ser eliminados
- Objetos maiores terão suas áreas reduzidas.

## Exemplo de Erosão

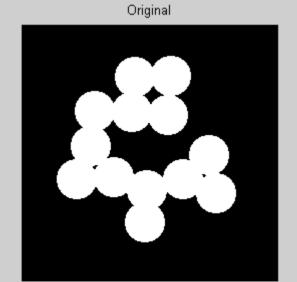


## Exemplo de Erosão

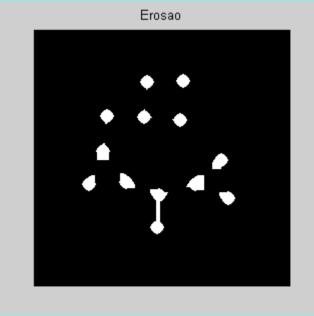


## Exemplo de Erosão







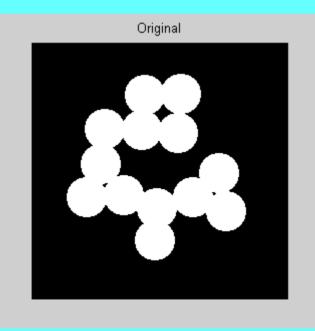


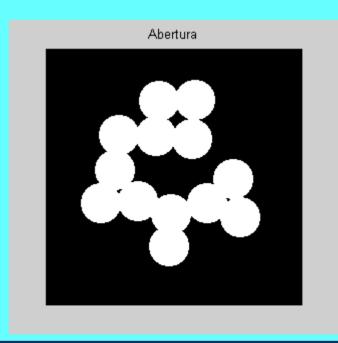
## Combinando Operações Morfológicas

- A combinação de erosão e dilatação constitui numa nova operação
- Abertura
  - ✓ Erosão seguida de dilatação
- Fechamento
  - ✓ Dilatação Seguida de Erosão
- Se o número de ciclos é grande quando comparado com o diâmetro dos objetos, ocorrerão distorções de forma

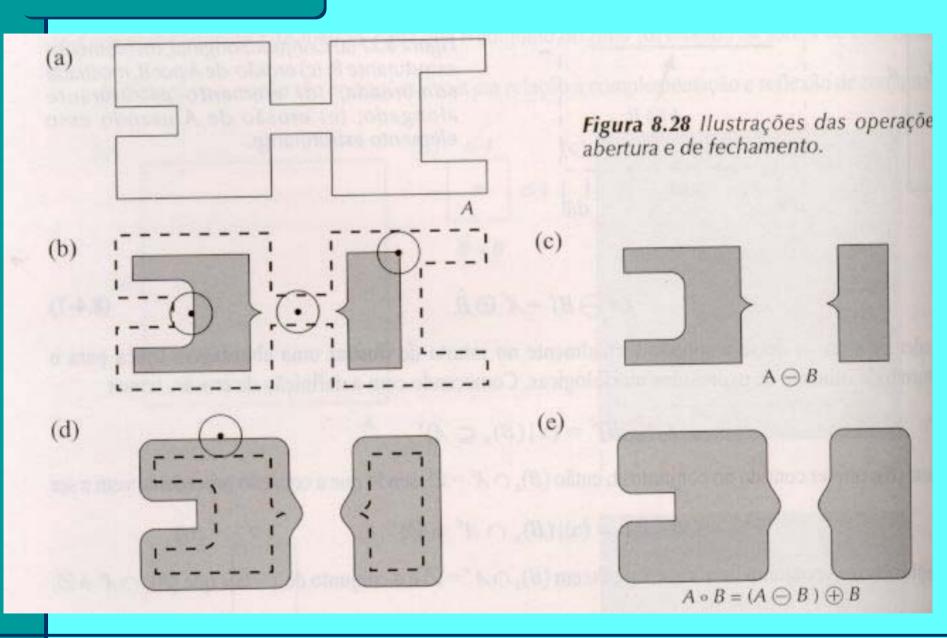
#### **Abertura**

- N ciclos de erosão seguidos de N ciclos de dilatação
- Separa objetos que inicialmente só estariam ligados por poucos pixels (pequenas conexões entre objetos)
- Objetos muito pequenos desaparecem
- Objetos maiores não são afetados



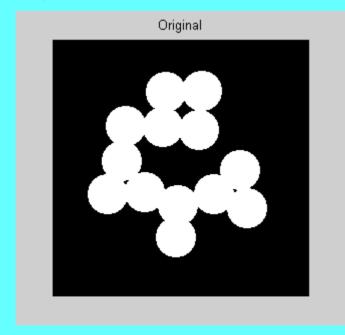


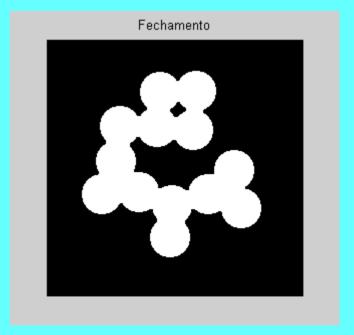
### **Abertura**



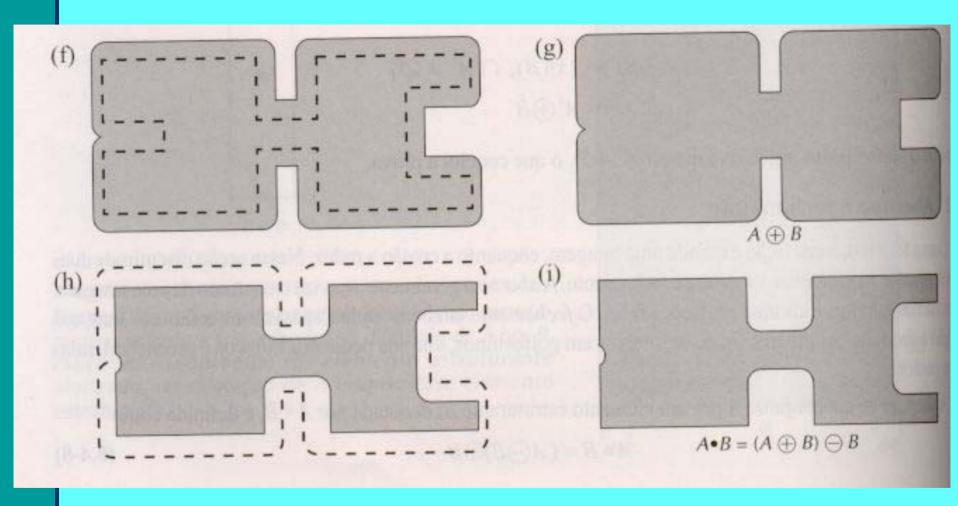
#### **Fechamento**

- N ciclos de Dilatação seguidos de N ciclos de Erosão
- Buracos pequenos ou separações entre objetos são eliminados
- Objetos maiores não são afetados





## **Fechamento**



## Aplicações dos Operadores Morfológicos

- Remoção de pequenas regiões
- Remoção de buracos em regiões
- Suavização da forma dos contornos
- Esqueletização

## Inconvenientes dos Operadores Morfológicos

### Erosão

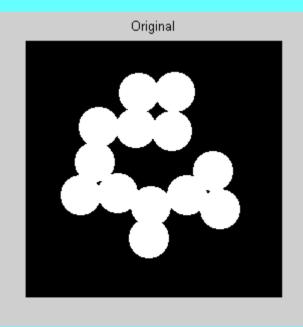
- ✓ Divisão de uma região em duas
- ✓ Eliminação de pequenas regiões (que pode não ser ruído)
- Dilatação
  - ✓ Junção de duas regiões numa só
  - ✓ Enchimento de pequenas concavidades (ruído?)

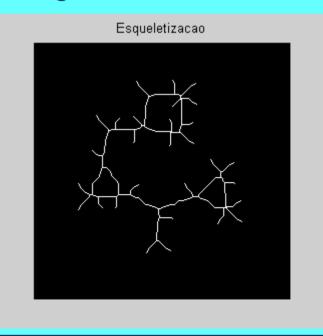
## Variantes de Erosão e Dilatação

- Os algoritmos a seguir apresentam um uso prático da morfologia matemática no processamento de imagem
  - ✓ Skeletonization Esqueletização
  - ✓ Thickening Espessamento
  - ✓ Thinning Afinamento
  - ✓ Pruning Poda
  - ✓ Shrinking Compressão da Imagem

### Esqueletização

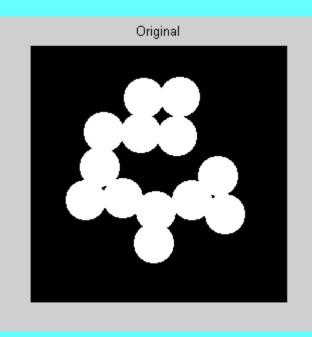
- Operação de determinação do esqueleto
- Definição do esqueleto
  - ✓ Objeto filiforme (1 pixel de largura)
  - ✓ Que passa pelo *meio* do objeto
  - ✓ E que preserva a topologia do objeto original

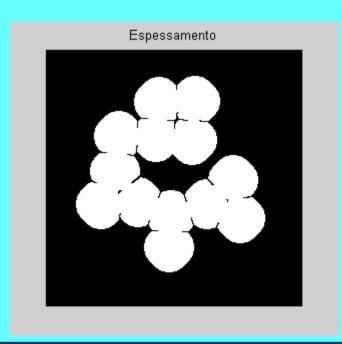




## **Espessamento/Engordamento**

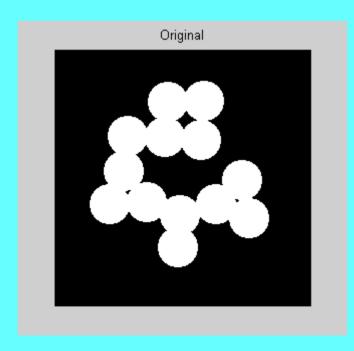
- Adiciona pontos às componentes da imagem sem que a sua topologia seja alterada.
  - ✓ Pixels são adicionados ao exterior dos objetos, sem conectar objetos previamente não conectados.

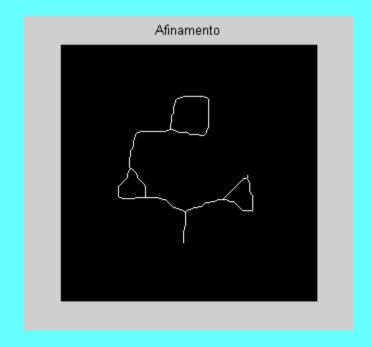




#### **Afinamento**

- Remove pixels até que o objeto fique minimamente conectado
- Se o objetos não tiver furos, ficará reduzido a um traço





## Compressão

- Comprime objeto até chegar a um ponto
- Objetos com buracos, se transformarão em um anel

