

1. Defina três propriedades QuickCheck para testar a implementação de árvore de busca. É necessário definir um gerador.

Exemplos ([Propriedades de árvores binárias](#))

- Uma árvore binária com  $N$  nós internos tem, no máximo,  $N+1$  folhas
  - O número **máximo** de nós de uma árvore binária de altura  $h$  é  $2^{h+1} - 1$
2. Defina cinco propriedades QuickCheck para para o tipo `Set` que devem refletir as propriedades matemáticas de conjunto (`Set` - Wikipedia) ([Set - Wikipedia](#))
  3. Defina uma propriedade QuickCheck para as funções de busca em grafos
  4. Dado o seguinte tipo de expressões

```
data Expr a = Var a | Val Int | Add (Expr a) (Expr a)
             deriving (Show)
```

que contém variáveis de algum tipo `a`, mostre que como estabelecer que este tipo é instância das classes `Functor`, `Applicative` e `Monad`. Com um exemplo, explique o que o operador `>>=` para este tipo faz

5. Algumas vezes é mais simples definir instâncias de `Functor` e `Applicative` em termos da instância de mônada, com base no fato de que a ordem das declarações não importa em Haskell. Complete as declarações abaixo usando a notação `do`.

```
instance Functor ST where
  — fmap :: (a -> b) -> ST a -> ST b
  fmap g st = do ...
```

```
instance Applicative ST where
  — pure :: a -> ST a
  pure x = S (\s -> (x,s))
```

```
— (<*>) :: ST (a -> b) -> ST a -> ST b
stf <*> stx = do ...
```

```
instance Monad ST where
  — (>>=) :: ST a -> (a -> ST b) -> ST b
  st >>= f = S (\s ->
    let (x,s') = app st s in app (f x) s')
```