Árvores-B: Remoção

Cristina D. Aguiar

Situações (Casos)

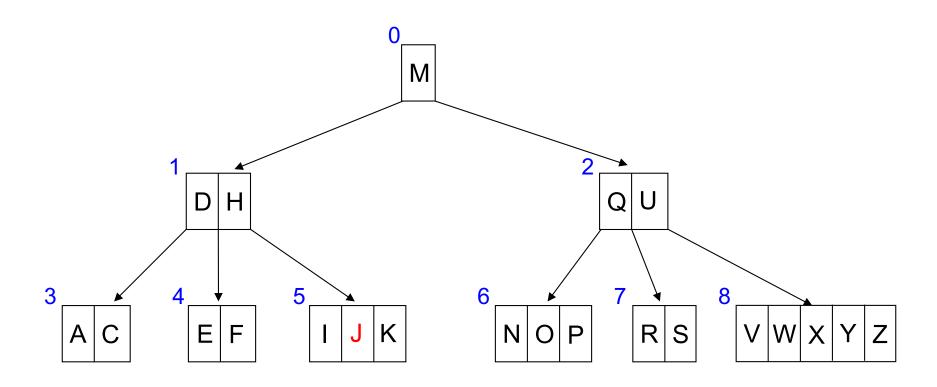
- Remoção de uma chave em um nó folha, sem causar underflow
- 2. Remoção de uma chave em um nó não folha
- 3. Remoção de uma chave em um nó, causando underflow
- 4. Remoção de uma chave em um nó, causando underflow e a redistribuição não pode ser aplicada
- 5. Underflow no nó pai causado pela remoção de uma chave em um nó filho
- 6. Diminuição da altura da árvore

- Remoção de uma chave em um nó folha, sem causar underflow
 - situação mais simples possível
- Solução
 - eliminar a chave da página
 - rearranjar as chaves remanescentes dentro da página para fechar o espaço liberado

Remoção: Caso 1 (1/2)

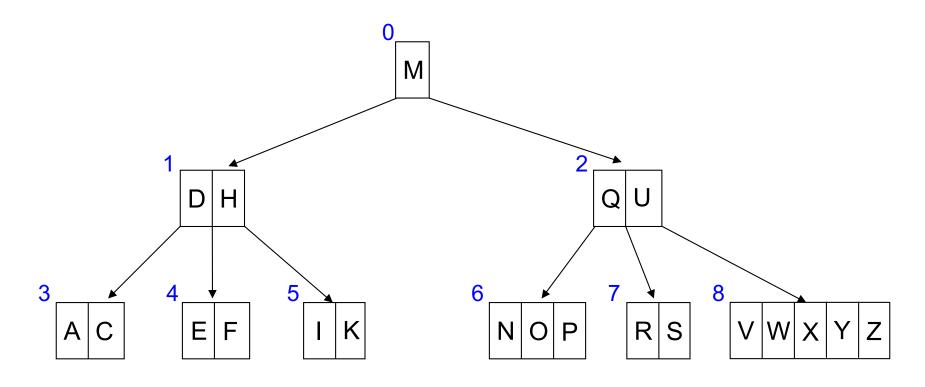
Remoção de J

• árvore-B de ordem 6



Remoção: Caso 1 (2/2)

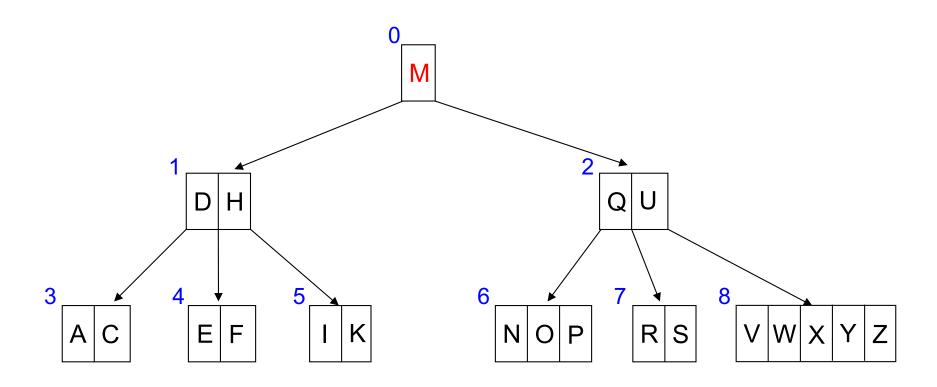
- Remoção de J
 - página 5 garante a taxa de ocupação



- Remoção de uma chave em um nó não folha
- Solução
 - sempre remover chaves somente nas folhas
- Passos
 - trocar a chave a ser removida com a sua chave sucessora imediata (que está em um nó folha)
 - remover a chave diretamente do nó folha

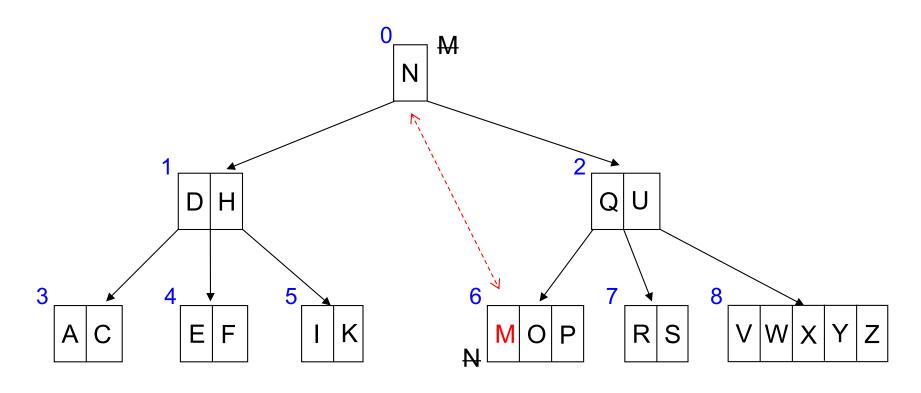
Remoção: Caso 2 (1/3)

Remoção de M



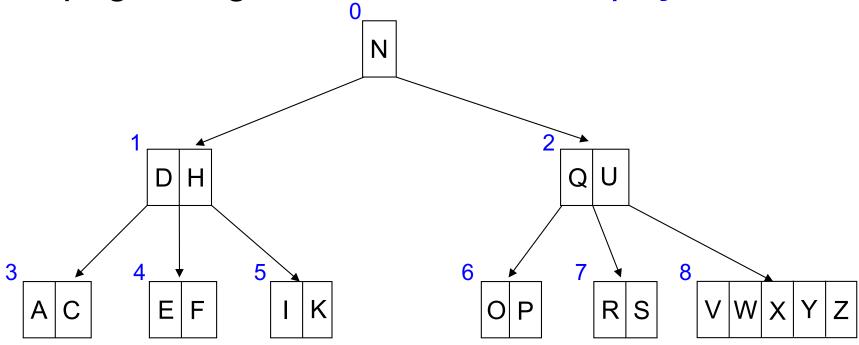
Remoção: Caso 2 (2/3)

- Remoção de M
 - troca-se M com N



Remoção: Caso 2 (3/3)

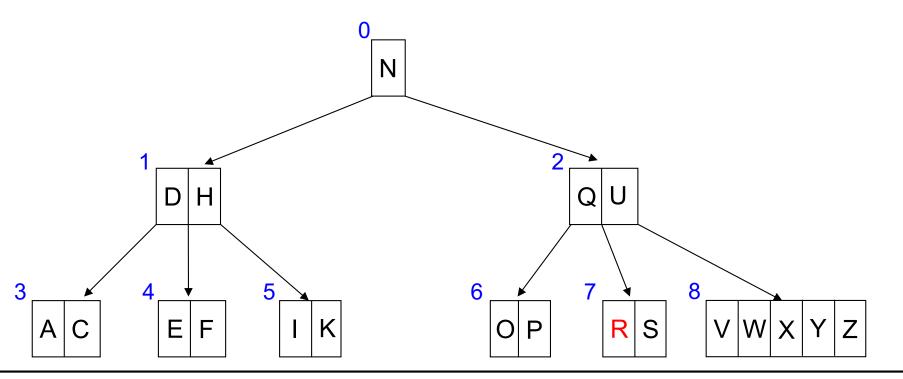
- Remoção de M
 - elimina-se M
 - página 6 garante a taxa de ocupação



- Remoção de uma chave em um nó, causando underflow
- Solução: Redistribuição
 - procurar uma página irmã (i.e., que possui o mesmo pai) adjacente que contenha mais chaves do que o mínimo
 - se encontrou
 - redistribuir as chaves entre as páginas
 - reacomodar a chave separadora, modificando o conteúdo do nó pai

Remoção: Caso 3 (1/3)

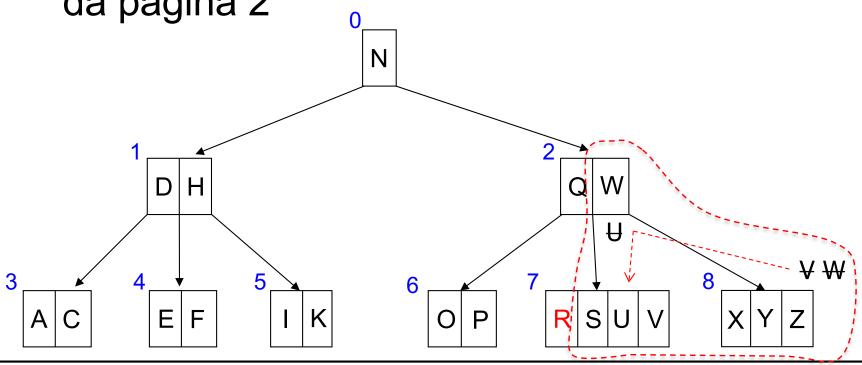
Remoção de R



Remoção: Caso 3 (2/3)

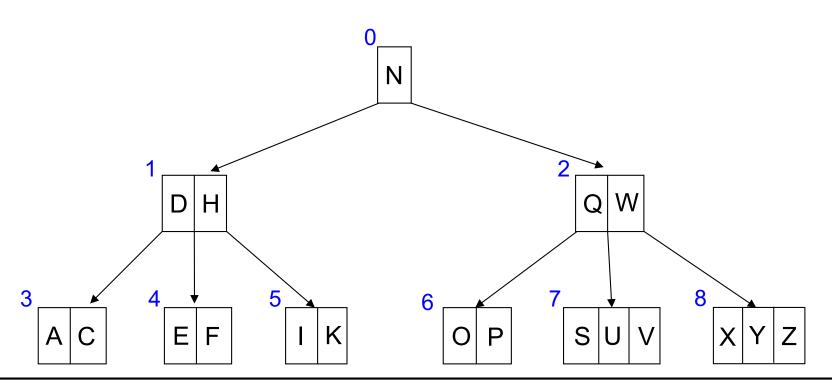
Remoção de R

para evitar underflow na página 7, redistribuise as chaves entre as páginas 7 e 8 por meio da página 2



Remoção: Caso 3 (3/3)

- Remoção de R
 - páginas 7 e 8 garantem a taxa de ocupação



- Remoção de uma chave em um nó, causando underflow e a redistribuição não pode ser aplicada
- Solução: Concatenação
 - combinar para formar uma nova página
 - o conteúdo do nó que sofreu underflow
 - o conteúdo de um nó irmão adjacente
 - a chave separadora no nó pai
 - tratar o underflow no nó pai, caso necessário

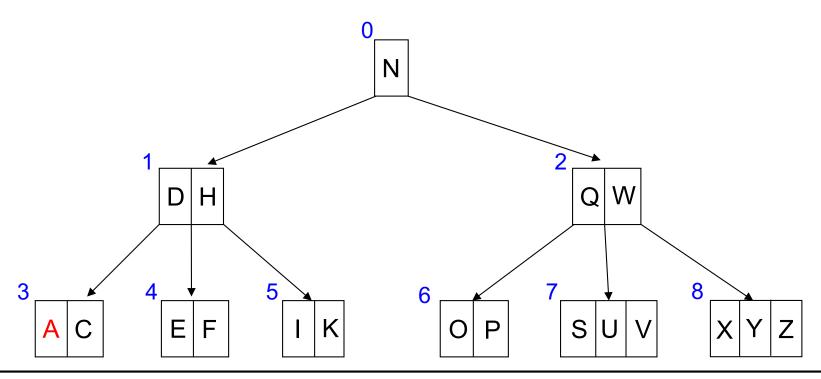
Concatenação

- Processo inverso do split
- Características
 - reverte a promoção de uma chave
 - pode causar underflow no nó pai
 - ⇒ concatenação pode ser propagada em direção ao nó raiz

ocorre a redução no número total de nós da árvore

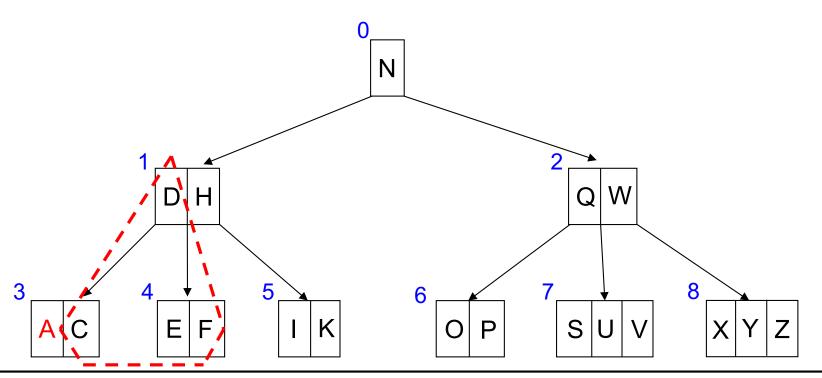
Remoção: Caso 4 (1/3)

Remoção de A



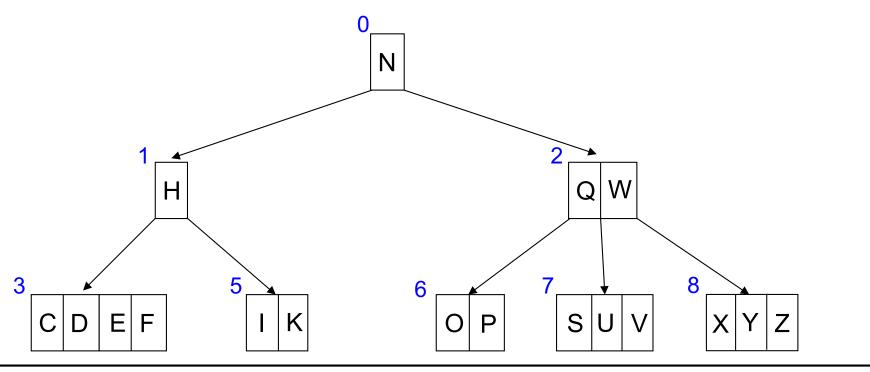
Remoção: Caso 4 (2/3)

- Remoção de A
 - concatena-se as páginas 3 e 4 por meio da página 1



Remoção: Caso 4 (3/3)

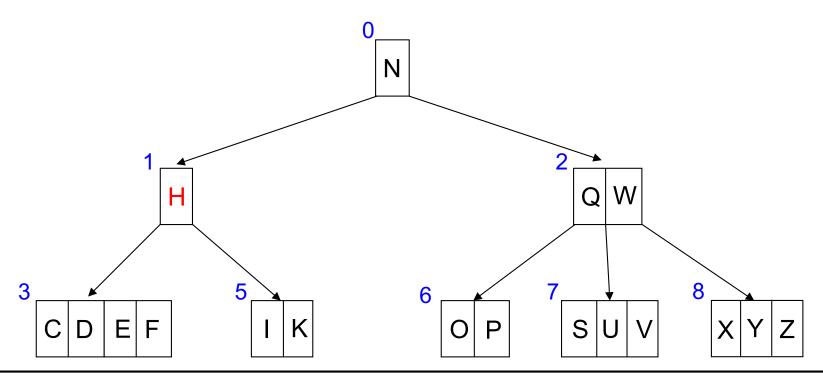
- Remoção de A
 - gera-se underflow na página 1, o qual precisa ser tratado



- Underflow no nó pai causado pela remoção de uma chave em um nó filho
- Solução
 - utilizar redistribuição ou concatenação,
 dependendo da quantidade de chaves que a página irmã adjacente contém

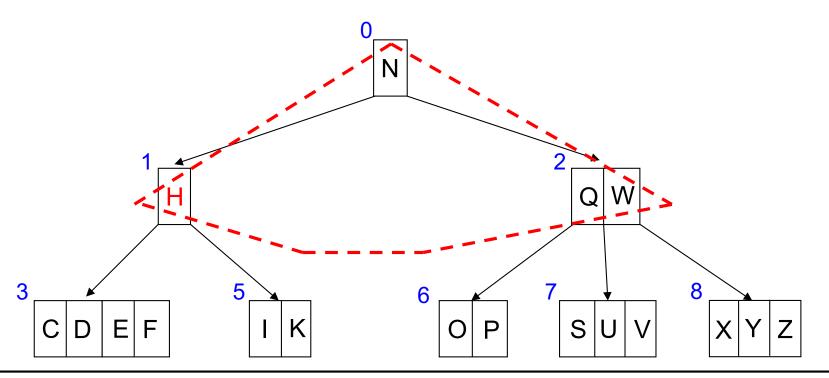
Remoção: Caso 5 (1/3)

Propagação do underflow



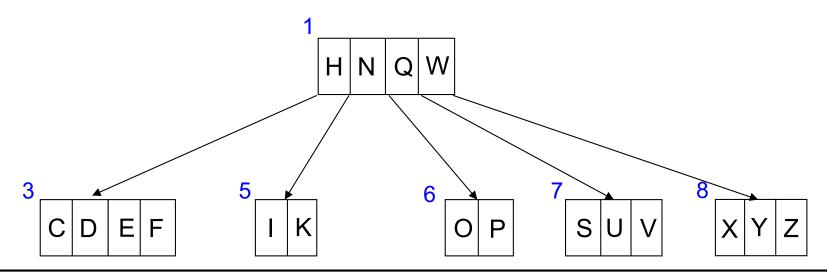
Remoção: Caso 5 (2/3)

- Propagação do underflow
 - concatena-se as páginas 1 e 2 por meio da página 0



Remoção: Caso 5 (3/3)

• Propagação do underflow



- Diminuição da altura da árvore
- Característica
 - o nó raiz possui uma única chave
 - a chave é absorvida pela concatenação de seus nós filhos
- Solução
 - eliminar a raiz antiga
 - tornar no nó resultante da concatenação dos nós filhos a nova raiz da árvore

Algoritmo

- se a chave a ser removida não estiver em um nó folha, troque-a com sua sucessora imediata, que está em um nó folha
- 2. remova a chave
- 3. após a remoção, se o nó satisfaz o número mínimo de chaves, nenhuma ação adicional é requerida

Algoritmo

- 4. após a remoção, caso ocorra *underflow*, verifique o número de chaves nos nós irmãos adjacentes à esquerda e à direita
 - a. se algum nó irmão adjacente possui mais do que o número mínimo de chaves, aplique a redistribuição
 - b. se nenhum nó irmão adjacente possui mais do que o número mínimo de chaves, aplique a concatenação

Algoritmo

- 5. se ocorreu concatenação, repita os passos 3 a 5 para o nó pai
- 6. se a última chave da raiz for removida, a altura da árvore é diminuída