Análise de Algoritmos - Algoritmos Diversos

Gustavo de Souza Silva Guilherme de Souza Silva Arthur Xavier Schumaiquer Souto

Faculdade de Computação Universidade Federal de Uberlândia

2 de agosto de $2017\,$

Lista de Figuras

2.1	Busca Largura - Grafo Esparso	35
2.2	Busca em Largura - Grafo Denso	36
2.3	Busca Profundidade - Grafo Esparso	37
2.4	Busca Profundidade - Grafo Denso	38
2.5	Ordenação Topologica - Grafo Esparso	39
2.6	Ordenação Topologica - Grafo Denso	40
3.1	Huffman - Vetor Aleatório	42
$\frac{3.1}{3.2}$	Seleção de Atividade Interativo - Vetor crescente	43
$\frac{3.2}{3.3}$	Seleciona Recursivo de Atividade - Vetor Aleatório	44
3.4	Seleciona Recursivo de Atividade - Vetor crescente	45
$3.4 \\ 3.5$	Seleciona Recursivo de Atividade - Vetor crescente P10	46
3.6	Seleciona Recursivo de Atividade - Vetor crescente l'10	$40 \\ 47$
3.7	Seleciona Recursivo de Atividade - Vetor crescente P30	48
3.8	Seleciona Recursivo de Atividade - Vetor crescente I 50	49
3.9	Seleciona Recursivo de Atividade - Vetor crescente I 40	50
3.10	Seleciona Recursivo de Atividade - Vetor decrescente :	50
		51
	Seleciona Recursivo de Atividade - Vetor decrescente P 20	52
	Seleciona Recursivo de Atividade - Vetor decrescente P30	54
	Seleciona Recursivo de Atividade - Vetor decrescente P 40	$54 \\ 55$
	Seleciona Recursivo de Atividade - Vetor decrescente P 50	56
		57
5.10	Mocima Fracionaria - Vetor ordenado	91
4.1	Corte Haste Bottom Up - Vetor Aleatório	59
4.2	Corte Haste Memoizada - Vetor Aleatório	61
4.3	Corte Haste Memoizada - Vetor Crescente P10	62
4.4	Corte Haste Memoizada - Vetor Crescente P20	63
4.5	Corte Haste Memoizada - Vetor Crescente P30	64
4.6	Corte Haste Memoizada - Vetor Crescente P40	65
4.7	Corte Haste Memoizada - Vetor Crescente P50	66
4.8	Corte Haste Memoizada - Vetor Decrescente	67
4.9	Corte Haste Memoizada - Vetor Decrescente P10	68
4.10	Corte Haste Memoizada - Vetor Decrescente P20	69
4.11	Corte Haste Memoizada - Vetor Decrescente P30	70
4.12	Corte Haste Memoizada - Vetor Decrescente P40	71
4.13		72
	SCM - Vetor caracteres	73
4.15	Parentização Bottom Up - Vetor Aleatório	74
4 16	Parentização Bottom Up - Vetor Crescente	75

4.17	Parentização Bottom Up - Vetor Crescente P10
4.18	Parentização Bottom Up - Vetor Crescente P20
4.19	Parentização Bottom Up - Vetor Crescente P30
4.20	Parentização Bottom Up - Vetor Crescente P40
4.21	Parentização Bottom Up - Vetor Crescente P50
4.22	Parentização Bottom Up - Vetor Decrescente
4.23	Parentização Bottom Up - Vetor Decrescente P10
4.24	Parentização Bottom Up - Vetor Decrescente P20
4.25	Parentização Bottom Up - Vetor Decrescente P30
4.26	Parentização Bottom Up - Vetor Decrescente P40
4.27	Parentização Bottom Up - Vetor Decrescente P50
5.1	Min - Vetor Aleatório
5.2	Min - Vetor Crescente
5.3	Min - Vetor Crescente P10
5.4	Min - Vetor Crescente P20
5.5	Min - Vetor Crescente P30
5.6	Min - Vetor Crescente P40
5.7	Min - Vetor Crescente P50
5.8	Min - Vetor Decrescente
5.9	Min - Vetor Decrescente P10
5.10	Min - Vetor Decrescente P20
5.11	Min - Vetor Decrescente P30
5.12	Min - Vetor Decrescente P40
5.13	Min - Vetor Decrescente P50
5.14	MinMax - Vetor Aleatório
5.15	MinMax - Vetor Crescente
5.16	MinMax - Vetor Crescente P10
5.17	MinMax - Vetor Crescente P20
5.18	MinMax - Vetor Crescente P30
5.19	MinMax - Vetor Crescente P40
5.20	MinMax - Vetor Crescente P50
5.21	MinMax - Vetor Decrescente
5.22	MinMax - Vetor Decrescente P10
5.23	MinMax - Vetor Decrescente P20
5.24	MinMax - Vetor Decrescente P30
5.25	MinMax - Vetor Decrescente P40
	MinMax - Vetor Decrescente P50
5.27	Seleciona Aleatorizado - Vetor Aleatório

Lista de Tabelas

2.1 2.2 2.3 2.4 2.5 2.6	Busca Largura com grafo Esparso34Busca em Largura Grafo Denso35Busca Profundidade com Grafo Esparso36Busca Profundidade em um Grafo Denso37Ordenação Topologica com Grafo Esparso38Ordenação Topologica com Grafo Denso39
3.1 3.2 3.3	Huffman com vetor aleatório
3.4 3.5	Seleciona Recursivo de Atividade com vetor crescente
3.6 3.7 3.8	Seleciona Recursivo de Atividade com vetor crescente P20
3.9 3.10	Seleciona Recursivo de Atividade com vetor crescente P50
	Seleciona Recursivo de Atividade com vetor decrescente P10
	Seleciona Recursivo de Atividade com vetor decrescente P40
4.1 4.2	Corte Haste Bottom Up com vetor aleatório
4.3	Corte Haste Memoizada com vetor aleatório
4.4 4.5	Corte Haste Memoizada com Vetor Crescente P10
4.6	Corte Haste Memoizada com Vetor Crescente P30
4.7 4.8	Corte Haste Memoizada com Vetor Crescente P40
4.9	Corte Haste Memoizada com Vetor Decrescente
4.10 4.11	Corte Haste Memoizada com Vetor Decrescente P10
4.12	Corte Haste Memoizada com Vetor Decrescente P30
4.13	Corte Haste Memoizada com Vetor Decrescente P40

4.15	SCM com vetor de caracteres	72
4.16	SCM Recursivo com vetor de caracteres	73
4.17	Parentização Bottom Up com vetor aleatório	74
4.18	Parentização Bottom Up com vetor Crescente	75
4.19	Parentização Bottom Up com vetor Crescente P10	75
4.20	Parentização Bottom Up com vetor Crescente P20	76
4.21	Parentização Bottom Up com vetor Crescente P30	77
4.22	Parentização Bottom Up com vetor Crescente P40	78
4.23	Parentização Bottom Up com vetor Crescente P50	79
	Parentização Bottom Up com vetor Decrescente	80
	Parentização Bottom Up com vetor Decrescente P10	81
	Parentização Bottom Up com vetor Decrescente P20	82
4.27	Parentização Bottom Up com vetor Decrescente P30	83
4.28	Parentização Bottom Up com vetor Decrescente P40	84
	Parentização Bottom Up com vetor Decrescente P50	85
4.30	Parentização Recursiva	87
5.1	Min com vetor aleatório	88
5.2	Min com vetor Crescente	89
5.3	Min com vetor Crescente P10	90
5.4	Min com vetor Crescente P20	91
5.5	Min com vetor Crescente P30	92
5.6	Min com vetor Crescente P40	93
5.7	Min com vetor Crescente P50	94
5.8	Min com vetor Decrescente	95
5.9	Min com vetor Decrescente P10	96
5.10	Min com vetor Decrescente P20	97
5.11	Min com vetor Decrescente P30	98
5.12	Min com vetor Decrescente P40	99
5.13	Min com vetor Decrescente P50	100
5.14	MinMax com vetor aleatório	101
5.15	MinMax com vetor Crescente	102
5.16	MinMax com vetor Crescente P10	103
5.17	MinMax com vetor Crescente P20	104
5.18	MinMax com vetor Crescente P30	105
5.19	MinMax com vetor Crescente P40	106
5.20	MinMax com vetor Crescente P50	107
5.21	MinMax com vetor Decrescente	108
5.22	MinMax com vetor Decrescente P10	109
5.23	MinMax com vetor Decrescente P20	110
5.24	MinMax com vetor Decrescente P30	111
	MinMax com vetor Decrescente P40	112
	MinMax com vetor Decrescente P50	113
	Seleciona Aleatorizado com vetor aleatório	114

Lista de Listagens

1.1	Arquivo dos gulosos e Programação Dinâmica	10
1.2	Estatística de Ordem	14
1.3	Arquivo de Huffman	19
1.4	Arquivo referente ao grafo	24
1.5	Geração dos grafos	26
1.6	Métodos de busca	28
1.7	Automatização dos experimentos	31

Sumário

Li	sta d	le Figuras	2
\mathbf{Li}	sta d	e Tabelas	4
1	Intr	rodução	10
	1.1	Codificação	10
		1.1.1 Comandos	32
	1.2	Máquina de teste	33
2	Gra	$_{ m fo}$	34
	2.1	Busca Largura	34
	2.2	Busca Largura - Grafo Esparso	34
		2.2.1 Gráfico Busca Largura - Grafo Esparso	35
	2.3	Busca Largura - Grafo Denso	35
		2.3.1 Busca em Largura - Grafo Denso	36
	2.4	Busca Profundidade	36
	2.5	Busca Profundidade - Grafo Esparso	36
		2.5.1 Busca Profundidade - Grafo Esparso	37
	2.6	Busca Profundidade - Grafo Denso	37
		2.6.1 Busca Profundidade - Grafo Denso	38
	2.7	Ordenação Topologica	38
	2.8	Ordenação Topologica - Grafo Esparso	38
		2.8.1 Ordenação Topologica - Grafo Esparso	39
	2.9	Ordenação Topologica - Grafo Denso	39
		2.9.1 Ordenação Topologica - Grafo Denso	40
3	Gul	050	41
•	3.1	Huffman	41
	0.1	3.1.1 Vetor aleatorio	41
	3.2	Seleção de Atividade Interativo	42
	0.2	3.2.1 Vetor crescente	42
	3.3	Seletor Recursivo de Atividade	43
	3.3	3.3.1 Vetor Aleatório	43
		3.3.2 Vetor Crescente	44
		3.3.3 Vetor Crescente P10	45
		3.3.4 Vetor Crescente P20	46
		3.3.5 Vetor Crescente P30	47
		3.3.6 Vetor Crescente P40	48
		3.3.7 Vetor Crescente P50	49
		3.3.8 Vetor Decrescente	50

	3.3.9 Vetor Decrescente P10
	3.3.10 Vetor Decrescente P20
	3.3.11 Vetor Decrescente P30
	3.3.12 Vetor Decrescente P40
	3.3.13 Vetor Decrescente P50
3.4	Mochila Fracionaria
	3.4.1 Vetor ordenado
4 Pr	ogramação Dinâmica 58
4.1	Corte Haste
4.2	Corte Haste Bottom Up
	4.2.1 Vetor aleatorio
4.3	Corte Haste Comum
4.4	(
4.5	Corte Haste Memoizada
	4.5.1 Vetor aleatorio
	4.5.2 Vetor Crescente P10
	4.5.3 Vetor Crescente P20
	4.5.4 Vetor Crescente P30
	4.5.5 Vetor Crescente P40
	4.5.6 Vetor Crescente P50
	4.5.7 Vetor Decrescente
	4.5.8 Vetor Decrescente P10
	4.5.9 Vetor Decrescente P20
	4.5.10 Vetor Decrescente P30
	4.5.11 Vetor Decrescente P40
	4.5.12 Vetor Decrescente P50
4.6	SCM
	4.6.1 Vetor caracteres
4.7	SCM Recursivo
	4.7.1 Vetor caracteres
4.8	Parentização Bottom Up
	4.8.1 Vetor aleatorio
	4.8.2 Vetor Crescente
	4.8.3 Vetor Crescente P10
	4.8.4 Vetor Crescente P20
	4.8.5 Vetor Crescente P30
	4.8.6 Vetor Crescente P40
	4.8.7 Vetor Crescente P50
	4.8.8 Vetor Decrescente
	4.8.9 Vetor Decrescente P10
	4.8.10 Vetor Decrescente P20
	4.8.11 Vetor Decrescente P30
	4.8.12 Vetor Decrescente P40
	4.8.13 Vetor Decrescente P50
4.9	3
	4.9.1 Vetor

5	Esta	atística	s de Ordem	88
	5.1	Min .		. 88
		5.1.1	Vetor aleatorio	. 88
		5.1.2	Vetor Crescente	. 89
		5.1.3	Vetor Crescente P10	. 90
		5.1.4	Vetor Crescente P 20	. 91
		5.1.5	Vetor Crescente P30	. 92
		5.1.6	Vetor Crescente P40	. 93
		5.1.7	Vetor Crescente P50	. 94
		5.1.8	Vetor Decrescente	. 95
		5.1.9	Vetor Decrescente P10	. 96
		5.1.10	Vetor Decrescente P20	. 97
		5.1.11	Vetor Decrescente P30	. 98
		5.1.12	Vetor Decrescente P40	. 99
		5.1.13	Vetor Decrescente P50	. 100
	5.2	MinMa	ax	. 101
		5.2.1	Vetor aleatorio	. 101
		5.2.2	Vetor Crescente	. 102
		5.2.3	Vetor Crescente P10	. 103
		5.2.4	Vetor Crescente P 20	. 104
		5.2.5	Vetor Crescente P30	. 105
		5.2.6	Vetor Crescente P40	. 106
		5.2.7	Vetor Crescente P 50	. 107
		5.2.8	Vetor Decrescente	. 108
		5.2.9	Vetor Decrescente P10	. 109
		5.2.10	Vetor Decrescente P20	. 110
		5.2.11	Vetor Decrescente P30	. 111
		5.2.12	Vetor Decrescente P40	. 112
		5.2.13	Vetor Decrescente P50	. 113
	5.3	Selecio	ona Aleatorizado	. 114
		5.3.1	Vetor aleatorio	. 114
6	Ref	erência	ag .	116

Capítulo 1

Introdução

Este relatório tem como objetivo fazer a análise de diversos algoritmos já conhecidos de Busca, Gulosos, dinâmicos de de estatística de ordem. O intuito deste trabalho é comprovar que as provas matemáticas realmente acontecem em um ambiente real de execução.

1.1 Codificação

Arquivo dos gulosos e Programação Dinâmica

Listagem 1.1: Arquivo dos gulosos e Programação Dinâmica

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3 #include "vetor.h"
4 #include <math.h>
5 #include<limits.h>
6 #include "final.h"
8 int min(int A[],int n) {
    int min = A[0];
    for (int i = 1; i < n; i++)</pre>
10
11
      if(min > A[i])
12
13
         min = A[i];
    return min;
15
16 }
18 int * min_max(int A[], int n) {
    int min = A[0];
19
    int max = A[0];
20
    int *resultado = (int*) malloc(2*sizeof(int));
^{21}
22
    for (i=1; i<n; i++) {</pre>
23
      if (min > A[i])
24
        min = A[i];
^{25}
      if (max < A[i])
26
        max = A[i];
27
    }
```

```
resultado[0] = min;
    resultado[1] = max;
30
    return resultado;
31
32 }
int getMax(int first, int second)
35 {
      return first > second ? first : second;
36
37 }
38
39 int corte_haste(int *p,int n) {
    int i;
    if (n <= 0)
41
      return 0;
42
    int q = INT_MIN;
43
    for (i=0;i<n;i++)</pre>
44
       {
45
         q = getMax(q,p[i] + corte_haste(p,n-i-1));
46
47
    return q;
48
49 }
50
51 int corte_haste_memorizado(int *p, int n) {
    int r[n+1];
    for (int i=0; i<n; i++)</pre>
53
      r[i] = INT_MIN;
54
    int i;
55
    return corte_haste_memorizado_aux(p,n,r);
56
57 }
58
59 int corte_haste_memorizado_aux(int *p,int n, int r[]){
    int q,i;
60
    if(r[n] > 0)
61
      return r[n];
62
63
    if (n== 0)
      q=0;
64
    else {
65
      q = INT_MIN;
66
67
      for(i = 0; i<n; i++)
68
         q = getMax(q,p[i] + corte_haste_memorizado_aux(p,n-i-1,r));
69
    r[n] = q;
70
71
    return q;
72 }
73
74
75 int corte_haste_bottom_up(int *p, int n) {
    int val[n+1];
76
     val[0] = 0;
77
^{78}
     int i, j;
     for (i = 1; i<=n; i++)</pre>
80
81
          int max_val = INT_MIN;
82
          for (j = 0; j < i; j++)
83
                 \max_{val} = \operatorname{getMax}(\max_{val}, p[j] + \operatorname{val}[i-j-1]);
84
          val[i] = max_val;
85
      }
```

```
return val[n];
88
89 }
90
91 int parentizacao_recursiva(int p[], int i, int j)
92
       if(i == j)
93
            return 0;
94
95
       int k;
96
       int min = INT_MAX;
       int count;
97
98
       for (k = i; k < j; k++)
99
100
            count = parentizacao_recursiva(p, i, k) +
101
                     parentizacao_recursiva(p, k+1, j) +
102
                     p[i-1]*p[k]*p[j];
103
104
            if (count < min)</pre>
105
106
                 min = count;
107
108
       return min;
109
110 }
int parentizacao_bottomup(int p[], int n)
113 {
       int m[n][n];
114
       int i, j, k, L, q;
116
117
118
        for (i=1; i<n; i++)</pre>
119
            m[i][i] = 0;
120
121
       for (L=2; L<n; L++)</pre>
122
123
            for (i=1; i<n-L+1; i++)</pre>
124
125
126
                 j = i+L-1;
127
                 m[i][j] = INT\_MAX;
                 for (k=i; k<=j-1; k++)
128
129
                     q = m[i][k] + m[k+1][j] + p[i-1]*p[k]*p[j];
130
                     if (q < m[i][j])
131
                          m[i][j] = q;
132
                 }
133
134
135
       return m[1][n-1];
136
137 }
138 int scm_recursiva( char *X, char *Y, int m, int n )
139
      if (m == 0 | | n == 0)
140
        return 0;
141
      if (X[m-1] == Y[n-1])
142
        return 1 + scm_recursiva(X, Y, m-1, n-1);
143
144
         return getMax(scm_recursiva(X, Y, m, n-1), scm_recursiva(X, Y, m-1, n
            ));
```

```
146 }
147
148 int scm( char *X, char *Y, int m, int n )
149 {
      int L[m+1][n+1];
150
      int i, j;
151
152
      for (i=0; i<=m; i++)</pre>
153
154
        for (j=0; j<=n; j++)
155
156
          if (i == 0 || j == 0)
157
            L[i][j] = 0;
158
159
          else if (X[i-1] == Y[j-1])
160
             L[i][j] = L[i-1][j-1] + 1;
1\,6\,1
162
          else
163
164
             L[i][j] = getMax(L[i-1][j], L[i][j-1]);
165
166
167
      return L[m][n];
168
169 }
170
171 void seletorgulosoativades(int s[], int f[], int n) //Iterativo
172 {
       int i, j;
173
174
       i = 0;
       //A primeira é selecionada
175
       for (j = 1; j < n; j++)
176
177
       {
         if (s[j] >= f[i])
178
179
              //selecionou a atividade j
              i = j;
181
          }
182
       }
183
185 int SeletorRecursivoAtividades(int s[],int f[],int k,int n) //Recursivo
186 {
187 int m = k + 1;
188 while (m <= n && s[m] < f[k]) // Encontre a primeira atividade em Sk a
      terminar
   m = m + 1;
189
190 if (m <= n)
     return SeletorRecursivoAtividades(s, f, m, n);
192 else
     return 0;
193
194 }
195
196 void mochila(int quantidades[], int valores[],int n) {
     int P = 50;
197
     int N = n;
198
     float valores_unitarios[N];
199
     int itensId[N];
200
     float porcentagemAdicionada[N];
201
     int peso = 0;
202
     float valorMochila = 0;
```

```
int i;
204
     for(i = 0; i < N; i++) {</pre>
205
       itensId[i] = i;
206
       porcentagemAdicionada[i] = 0.0;
207
       valores_unitarios[i] = valores[i] / quantidades[i];
208
209
     // ordenar por valor unitario
210
211
     int key, keyId, j;
212
       for (i = 1; i < N; i++) {</pre>
           key = valores_unitarios[i];
213
           keyId = itensId[i];
214
            j = i-1;
215
216
           while (j >= 0 && valores_unitarios[j] > key) {
217
                valores_unitarios[j+1] = valores_unitarios[j];
218
                itensId[j+1] = itensId[j];
                j = j-1;
220
221
            }
222
         valores_unitarios[j+1] = key;
           itensId[j+1] = keyId;
223
       }
224
225
     i = N-1;
226
227
     peso = 0;
     valorMochila = 0;
228
     int cabe;
229
     float porcentagem;
230
     while(peso <= P && i >= 0){
231
232
       if(peso + quantidades[itensId[i]] > P){
         cabe = P - peso;
233
         porcentagem = (float) cabe / (float) quantidades[itensId[i]];
234
         //printf("Porcentagem : %lf\n", porcentagem);
235
         porcentagemAdicionada[itensId[i]] = porcentagem;
236
         peso += cabe;
237
         valorMochila += valores[itensId[i]] * cabe;
238
         //printf("Adicionado item %d com quantidade %d\n", itensId[i], cabe)
239
       }
240
241
       else{
242
         porcentagemAdicionada[itensId[i]] = 1;
         peso += quantidades[itensId[i]];
243
         valorMochila += valores[itensId[i]];
244
         //printf("Adicionado item %d com quantidade %d\n", itensId[i],
             quantidades[itensId[i]]);
       }
246
247
       i--;
248
249 }
```

Arquivos com algoritmos de estatística de ordem

Listagem 1.2: Estatística de Orden

```
1 #include <stdlib.h>
2 #include <stdio.h>
3 #include<string.h>
4 #include<time.h>
5 #include <stdint.h>
6 #include<math.h>
```

```
7 #include <sys/types.h>
8 #include <sys/stat.h>
9 #include <unistd.h>
10 #include "vetor.h"
11 #include "ordena.h"
13 #define BILHAO 100000000L
14
15 #define CRONOMETRA(funcao, vetor, p, r, max) {
     clock_gettime(CLOCK_PROCESS_CPUTIME_ID, &inicio);
16
     funcao(vetor,p,r,max);
17
     clock_gettime(CLOCK_PROCESS_CPUTIME_ID, &fim);
18
     tempo_de_cpu_aux = BILHAO * (fim.tv_sec - inicio.tv_sec)
19
                      fim.tv_nsec - inicio.tv_nsec;
20
     }
21
22
23
24 int partition(int a[], int p, int r) {
25
      int x = a[r];
      int i = p-1;
26
      int aux;
27
      for(int j = p; j < r; j++) {</pre>
28
           if(a[j] <= x){
29
30
               i++;
               aux = a[i];
31
        a[i] = a[j];
32
33
        a[j] = aux;
34
           }
35
      }
      aux = a[i+1];
36
      a[i+1] = a[r];
37
      a[r] = aux;
38
      return i+1;
39
40 }
41
42
43 int particao_aleatoria(int a[], int p, int r){
      int i = rand() % r + 1;
44
^{45}
       int aux = a[i];
^{46}
       a[i] = a[r];
       a[r] = aux;
47
      return partition(a, p, r);
48
49 }
50
51 int particao_mediana(int a[], int p, int r){
      int i = rand() % r + 1;
52
       int aux = a[i];
53
       a[i] = a[r];
54
55
       a[r] = aux;
56
      return partition(a, p, r);
58
59
60 int selecao_aleatoria(int a[], int p, int r, int i)
61 {
      if (p==r)
62
          return a[p];
63
      int q = particao_aleatoria(a,p,r);
      int k = q-p+1;
```

```
if(i == k)
66
            return a[q];
67
       else if(i < k)</pre>
68
            return selecao_aleatoria(a, p, q-1, i);
69
       else return selecao_aleatoria(a, q+1, r, i-k);
71 }
72
73 int main() {
74 int r = 0;
75 int * v = NULL;
76 struct timespec inicio, fim;
77 uint64_t tempo_de_cpu = 0.0;
78 uint64_t tempo_de_cpu_aux = 0;
79 srand(time(NULL));
80 int tamanho = 0;
81 int count = 0;
     char nome_do_arquivo[128];
82
83
     char **arquivos;
     int k=0, h = 0;
84
     arquivos = (char**) malloc(200*sizeof(char*));
85
     for (int i=0; i<200; i++) {</pre>
86
       arquivos[i] = (char*)malloc(128*sizeof(char));
87
88
90 for(int i=0;i<11;i++) {</pre>
       sprintf(nome_do_arquivo, "vetores/vIntAleatorio_%d.dat", (int)pow(2,i
91
           +4%15));
       strcpy(arquivos[k], nome_do_arquivo);
92
93
       k++;
94
     for (int i=0; i<11; i++) {</pre>
95
       sprintf(nome_do_arquivo, "vetores/vIntCrescente_%d.dat", (int)pow(2,i
96
           +4%15));
       strcpy(arquivos[k], nome_do_arquivo);
97
       k++;
98
99
100
     for (int i=0; i<11; i++) {</pre>
101
       sprintf(nome_do_arquivo, "vetores/vIntCrescente_%d_P10.dat", (int)pow(2,
102
           i+4%15));
       strcpy(arquivos[k], nome_do_arquivo);
103
       k++;
104
105
     for (int i=0; i<11; i++) {</pre>
106
       sprintf(nome_do_arquivo, "vetores/vIntCrescente_%d_P20.dat", (int) pow(2,
107
           i+4%15));
       strcpy(arquivos[k], nome_do_arquivo);
108
       k++;
109
110
     }
     for (int i=0; i<11; i++) {</pre>
1\,1\,1
112
       sprintf(nome_do_arquivo, "vetores/vIntCrescente_%d_P30.dat", (int)pow(2,
           i+4%15));
       strcpy(arquivos[k], nome_do_arquivo);
113
114
       k++;
115
     for (int i=0; i<11; i++) {</pre>
116
       sprintf(nome_do_arquivo, "vetores/vIntCrescente_%d_P40.dat", (int)pow(2,
117
           i+4%15));
       strcpy(arquivos[k], nome_do_arquivo);
```

```
k++;
119
120
     for (int i=0; i<11; i++) {</pre>
121
       sprintf(nome_do_arquivo, "vetores/vIntCrescente_%d_P50.dat", (int)pow(2,
122
           i+4%15));
       strcpy(arquivos[k], nome_do_arquivo);
123
124
       k++;
125
126
     for (int i=0; i<11; i++) {</pre>
       sprintf(nome_do_arquivo, "vetores/vIntDecrescente_%d.dat", (int)pow(2,i
127
           +4%15));
128
       strcpy(arquivos[k], nome_do_arquivo);
129
130
     for (int i=0;i<11;i++) {</pre>
131
       sprintf(nome_do_arquivo, "vetores/vIntDecrescente_%d_P10.dat", (int)pow
132
            (2, i+4%15));
       strcpy(arquivos[k], nome_do_arquivo);
133
134
       k++;
135
     for (int i=0; i<11; i++) {</pre>
136
       sprintf(nome_do_arquivo, "vetores/vIntDecrescente_%d_P20.dat", (int) pow
137
            (2, i+4%15));
138
       strcpy(arquivos[k], nome_do_arquivo);
       k++;
139
     }
140
141
     for (int i=0; i<11; i++) {</pre>
142
          sprintf(nome_do_arquivo, "vetores/vIntDecrescente_%d_P30.dat", (int)
143
              pow(2,i+4%15));
       strcpy(arquivos[k], nome_do_arquivo);
144
       k++;
145
146
     for (int i=0; i<11; i++) {</pre>
147
       sprintf(nome_do_arquivo, "vetores/vIntDecrescente_%d_P40.dat", (int)pow
148
            (2, i+4%15));
       strcpy(arquivos[k], nome_do_arquivo);
149
       k++;
150
151
152
     for (int i=0; i<11; i++) {</pre>
       sprintf(nome_do_arquivo, "vetores/vIntDecrescente_%d_P50.dat", (int) pow
153
            (2, i+4%15));
       strcpy(arquivos[k], nome_do_arquivo);
154
155
       k++;
     }
156
157
158 for(int n = 0; n <= k; n++)
159 {
160 if(h > 10) {
1\,6\,1
            h = 0;
162
163 tempo_de_cpu = 0.0;
164
165
166 for(int j = 0; j<3; j++){
     v = leia_vetor_int(arquivos[n],&r);
167
     tamanho = (int) pow (2, h+4%15);
168
     int A[tamanho];
169
      for(int i =0; i<tamanho; i++)</pre>
170
```

```
A[i] = rand() %20000;
171
     CRONOMETRA(selecao_aleatoria, A,0,tamanho-1,rand()%tamanho + 1);
172
     tempo_de_cpu += tempo_de_cpu_aux;
173
174
     }
     if (count < 11)
175
       printf("Tempo do vetor aleatorio tamanho %d: %llu\n", tamanho, (long
176
          long unsigned int)tempo_de_cpu/(uint64_t) 3);
177
                else if(count < 22){</pre>
178
           printf("Tempo do vetor Crescente tamanho %d: %llu\n",tamanho,(long
                long unsigned int)tempo_de_cpu/(uint64_t) 3);
179
       else if(count < 33){</pre>
180
           printf("Tempo do vetor Crescente P10 tamanho %d: %llu\n", tamanho, (
181
               long long unsigned int)tempo_de_cpu/(uint64_t) 3);
182
       else if(count < 44) {</pre>
           printf("Tempo do vetor Crescente P20 tamanho %d: %llu\n", tamanho, (
184
               long long unsigned int)tempo_de_cpu/(uint64_t) 3);
185
       else if( count < 55) {</pre>
186
           printf("Tempo do vetor Crescente P30 tamanho %d: %llu\n",tamanho,(
187
               long long unsigned int)tempo_de_cpu/(uint64_t) 3);
188
       else if(count < 66){</pre>
           printf("Tempo do vetor Crescente P40 tamanho %d: %llu\n", tamanho, (
190
               long long unsigned int)tempo_de_cpu/(uint64_t) 3);
191
       else if(count < 77) {</pre>
192
           printf("Tempo do vetor Crescente P50 tamanho %d: %llu\n",tamanho,(
193
               long long unsigned int)tempo_de_cpu/(uint64_t) 3);
194
       else if (count < 88) {
           printf("Tempo do vetor Decrescente tamanho %d: %llu\n",tamanho,(
196
               long long unsigned int)tempo_de_cpu/(uint64_t) 3);
197
       else if(count < 99){</pre>
198
           printf("Tempo do vetor Decrescente P10 tamanho %d: %llu\n",tamanho
199
               , (long long unsigned int)tempo_de_cpu/(uint64_t) 3);
200
201
       else if (count < 110) {
           printf("Tempo do vetor Decrescente P20 tamanho %d: %llu\n",tamanho
202
               , (long long unsigned int)tempo_de_cpu/(uint64_t) 3);
203
       else if (count < 121) {
204
           printf("Tempo do vetor Decrescente P30 tamanho %d: %llu\n",tamanho
205
               , (long long unsigned int)tempo_de_cpu/(uint64_t) 3);
206
       else if(count < 132) {
207
           printf("Tempo do vetor Decrescente P40 tamanho %d: %llu\n",tamanho
208
               , (long long unsigned int)tempo_de_cpu/(uint64_t) 3);
209
       }
210
           printf("Tempo do vetor Decrescente P50 tamanho %d: %llu\n",tamanho
211
               , (long long unsigned int) tempo_de_cpu/(uint64_t) 3);
        }
212
     h++;
213
     count++;
214
215 }
216 free (v);
```

```
217
218 }
```

Arquivo contendo o algoritmo de huffman

Listagem 1.3: Arquivo de Huffman

```
2 #include <stdio.h>
3 #include <stdlib.h>
4 #include <string.h>
5 #include <unistd.h>
6 #include <time.h>
7 #include <float.h>
8 #include <math.h>
9 #include <sys/types.h>
10 #include <sys/stat.h>
11 #include <stdint.h>
12
13 #include "final.h"
14
15 #define BILHAO 100000000L
16
17 #define CRONOMETRA(funcao, palavras, palavra2, n1, n2) {
     clock_gettime(CLOCK_PROCESS_CPUTIME_ID, &inicio);
18
19
     funcao(palavras, palavra2, n1, n2);
     clock gettime (CLOCK PROCESS CPUTIME ID, &fim);
20
     tempo_de_cpu_aux = BILHAO * (fim.tv_sec - inicio.tv_sec) +
21
                     fim.tv_nsec - inicio.tv_nsec;
22
23
24 #define MAX_TREE_HT 17000
25
26 char* gera_string ( int tamanho) {
    char *validchars = "abcdefghijklmnopqrstuvwxyz";
27
    char *novastr;
28
    register int i;
29
    int str_len;
30
    // inicia o contador aleatório
31
    srand ( time(NULL ));
32
    // novo tamanho
33
    str_len = tamanho;
34
    //str_len = (rand() % MAX_STR_SIZE );
    // checa tamanho
36
    //str_len += ( str_len < MIN_STR_SIZE ) ? MIN_STR_SIZE : 0;</pre>
37
    // aloca memoria
38
    novastr = ( char * ) malloc ( (str_len + 1) * sizeof(char));
39
    if (!novastr){
40
      printf("[*] Erro ao alocar memoria.\n");
41
      exit ( EXIT_FAILURE );
42
43
    // gera string aleatória
44
    for ( i = 0; i < str_len; i++ ) {</pre>
^{45}
      novastr[i] = validchars[ rand() % strlen(validchars) ];
46
47
      novastr[i + 1] = 0x0;
48
    // imprive informações
49
    //printf ( "[*] Tamanho: %d\n", str_len );
```

```
//printf ( "[*] String : %s\n", novastr );
    return novastr;
52
53
54 }
56
57 // A Huffman tree node
58 struct MinHeapNode
       char data; // One of the input characters
60
       unsigned freq; // Frequency of the character
61
       struct MinHeapNode *left, *right; // Left and right child of this node
63 };
64
65 // A Min Heap:
                  Collection of min heap (or Hufmman tree) nodes
66 struct MinHeap
67 {
       unsigned size;
                         // Current size of min heap
68
       unsigned capacity;
                           // capacity of min heap
       struct MinHeapNode **array; // Attay of minheap node pointers
71 };
73 // A utility function allocate a new min heap node with given character
74 // and frequency of the character
75 struct MinHeapNode* newNode(char data, unsigned freq)
76 {
       struct MinHeapNode* temp =
77
             (struct MinHeapNode*) malloc(sizeof(struct MinHeapNode));
79
       temp->left = temp->right = NULL;
       temp->data = data;
80
       temp->freq = freq;
81
       return temp;
83 }
84
85 // A utility function to create a min heap of given capacity
86 struct MinHeap* createMinHeap(unsigned capacity)
87 {
       struct MinHeap* minHeap =
88
            (struct MinHeap*) malloc(sizeof(struct MinHeap));
90
       minHeap->size = 0; // current size is 0
      minHeap->capacity = capacity;
91
      minHeap->array =
92
        (struct MinHeapNode**) malloc(minHeap->capacity * sizeof(struct
           MinHeapNode*));
       return minHeap;
94
95 }
97 // A utility function to swap two min heap nodes
98 void swapMinHeapNode(struct MinHeapNode** a, struct MinHeapNode** b)
99 {
100
       struct MinHeapNode* t = *a;
       *a = *b;
101
       *b = t;
102
103 }
105 // The standard minHeapify function.
106 void minHeapify(struct MinHeap* minHeap, int idx)
107 {
       int smallest = idx;
```

```
int left = 2 * idx + 1;
109
       int right = 2 * idx + 2;
110
111
       if (left < minHeap->size &&
112
           minHeap->array[left]->freq < minHeap->array[smallest]->freq)
113
         smallest = left;
114
115
116
       if (right < minHeap->size &&
117
           minHeap->array[right]->freq < minHeap->array[smallest]->freq)
         smallest = right;
118
119
       if (smallest != idx)
120
121
           swapMinHeapNode(&minHeap->array[smallest], &minHeap->array[idx]);
122
           minHeapify(minHeap, smallest);
123
124
125 }
126
127 // A utility function to check if size of heap is 1 or not
int isSizeOne(struct MinHeap* minHeap)
129 {
       return (minHeap->size == 1);
130
131 }
132
133 // A standard function to extract minimum value node from heap
134 struct MinHeapNode* extractMin(struct MinHeap* minHeap)
       struct MinHeapNode* temp = minHeap->array[0];
136
137
       minHeap->array[0] = minHeap->array[minHeap->size - 1];
       --minHeap->size;
138
       minHeapify(minHeap, 0);
139
       return temp;
140
141 }
142
143 // A utility function to insert a new node to Min Heap
144 void insertMinHeap(struct MinHeap* minHeap, struct MinHeapNode*
      minHeapNode)
145 {
146
       ++minHeap->size;
147
       int i = minHeap->size - 1;
       while (i && minHeapNode->freq < minHeap->array[(i - 1)/2]->freq)
148
149
           minHeap \rightarrow array[i] = minHeap \rightarrow array[(i - 1)/2];
150
           i = (i - 1)/2;
151
152
       minHeap->array[i] = minHeapNode;
153
154 }
156 // A standard funvtion to build min heap
157 void buildMinHeap(struct MinHeap* minHeap)
158 {
       int n = minHeap->size - 1;
159
       int i;
160
       for (i = (n - 1) / 2; i >= 0; --i)
161
           minHeapify(minHeap, i);
162
163 }
164
165 // A utility function to print an array of size n
166 void printArr(int arr[], int n)
```

```
167 {
       int i;
168
       for (i = 0; i < n; ++i)</pre>
169
           printf("%d", arr[i]);
170
       printf("\n");
171
172 }
174 // Utility function to check if this node is leaf
175 int isLeaf(struct MinHeapNode* root)
       return !(root->left) && !(root->right);
177
178 }
180 // Creates a min heap of capacity equal to size and inserts all character
      of
181 // data[] in min heap. Initially size of min heap is equal to capacity
182 struct MinHeap* createAndBuildMinHeap(char data[], int freq[], int size)
183 {
184
       struct MinHeap* minHeap = createMinHeap(size);
       for (int i = 0; i < size; ++i)</pre>
185
           minHeap->array[i] = newNode(data[i], freq[i]);
186
       minHeap->size = size;
187
       buildMinHeap(minHeap);
188
189
       return minHeap;
190 }
191
192 // The main function that builds Huffman tree
193 struct MinHeapNode* buildHuffmanTree(char data[], int freq[], int size)
194 {
195
       struct MinHeapNode *left, *right, *top;
196
       // Step 1: Create a min heap of capacity equal to size. Initially,
          there are
       // modes equal to size.
198
       struct MinHeap* minHeap = createAndBuildMinHeap(data, freq, size);
199
200
       // Iterate while size of heap doesn't become 1
201
       while (!isSizeOne(minHeap))
202
203
204
           // Step 2: Extract the two minimum freq items from min heap
           left = extractMin(minHeap);
205
           right = extractMin(minHeap);
206
207
           // Step 3: Create a new internal node with frequency equal to the
208
           // sum of the two nodes frequencies. Make the two extracted node
209
           // left and right children of this new node. Add this node to the
               min heap
           // '$' is a special value for internal nodes, not used
211
           top = newNode('$', left->freq + right->freq);
212
213
           top->left = left;
           top->right = right;
214
           insertMinHeap(minHeap, top);
215
216
217
       // Step 4: The remaining node is the root node and the tree is
218
          complete.
       return extractMin(minHeap);
219
220 }
```

```
222 // Prints huffman codes from the root of Huffman Tree. It uses arr[] to
223 // store codes
224 void printCodes(struct MinHeapNode* root, int arr[], int top)
       // Assign 0 to left edge and recur
226
       if (root->left)
227
228
229
           arr[top] = 0;
           printCodes(root->left, arr, top + 1);
230
231
       }
232
       // Assign 1 to right edge and recur
233
       if (root->right)
234
       {
235
           arr[top] = 1;
236
           printCodes(root->right, arr, top + 1);
237
238
239
       // If this is a leaf node, then it contains one of the input
240
       // characters, print the character and its code from arr[]
241
       if (isLeaf(root))
242
243
       {
           printf("%c: ", root->data);
244
           printArr(arr, top);
245
       }
246
247 }
249 // The main function that builds a Huffman Tree and print codes by
      traversing
250 // the built Huffman Tree
void HuffmanCodes(char data[], int freq[], int size)
252 {
      // Construct Huffman Tree
253
      struct MinHeapNode* root = buildHuffmanTree(data, freq, size);
254
255
      // Print Huffman codes using the Huffman tree built above
256
      int arr[MAX_TREE_HT], top = 0;
257
258
      //printCodes(root, arr, top);
259 }
260
261
262 int* getFrequencias(char* novastr,int* freq,int tamanho) {
     char *validchars = "abcdefghijklmnopgrstuvwxyz";
263
     for (int i=0; i<26; i++) {</pre>
264
         freq[i] = 0;
265
         for(int j=0; j<tamanho; j++) {</pre>
266
              if(novastr[j] == validchars[i]) {
267
                  freq[i]+=1;
268
269
270
         }
271
       return freq;
272
273 }
275 int main() {
       uint64_t tempo_de_cpu_aux = 0;
276
       struct timespec inicio, fim;
277
       uint64_t tempo_de_cpu = 0.0;
```

```
char *caracteres = "abcdefghijklmnopgrstuvwxyz";
       char* teste[11];
280
       int tamanho[11];
281
       int j=11;
282
       int** freq = (int**)malloc(11*sizeof(int*));
283
       for (int i=0; i<26; i++) {</pre>
284
            freq[i] = (int*)calloc(26, sizeof(int));
285
286
287
       for (int i=0; i<11; i++) {</pre>
            tamanho[i] = (int)pow(2.0,i+4.0);
288
            teste[i] = gera_string(tamanho[i]);
289
            freq[i] = getFrequencias(teste[i],freq[i],tamanho[i]);
290
       }
291
            for (int i=0; i<11; i++) {</pre>
292
                for (int j=0; j<3; j++) {</pre>
293
                     //CRONOMETRA(HuffmanCodes, teste[i],freq[i],tamanho[i]);
                     //CRONOMETRA(scm_recursiva,teste[i],teste[2],tamanho[i],
295
                         tamanho[2]);
296
                     tempo_de_cpu += tempo_de_cpu_aux;
                     //printf("Tempo antes da divisao: %ld\n",tempo_de_cpu);
297
                     //HuffmanCodes(teste[i],freq[i],tamanho[i]);
298
                }
299
                //printf("Tempo antes da divisao: %ld\n",tempo_de_cpu);
300
                printf("Tamanho %d ", tamanho[i]);
                printf("Tempo %ld\n", tempo_de_cpu/3);
302
                tempo_de_cpu = 0;
303
304
                tempo_de_cpu_aux = 0;
305
306
            }
       //for(int i=0;i<11;i++) {
307
              for(int j=0; j<26; j++) {
308
       //
       11
                  printf("Letra %c, freq: %d\n", caracteres[j], freq[i][j]);
       11
              }
310
       //}
311
312 }
```

O arquivo vetor.c mantém todas as funções a respeito do vetor, como geração, preenchimento, etc.

Listagem 1.4: Arquivo referente ao grafo

```
1 #include "grafo.h"
3 //Node **node;
5 //FILE *fp;
7 /*int main()
8 {
      int nv;
9
10
       //fp= fopen("./grafos/grafoDenso_NV1024","r");
11
       //fscanf(fp, "%d", &nv);
12
       //initial(nv);
1.3
14
       //CriaListAdj();
       //PrintAdjList(nv);
15
16
      return 0;
17
18 } */
```

```
19
20
21
22 Node** initial(int nv)
       return (Node **) malloc(nv * sizeof(Node *));
24
25 }
26
28
29 //CREATE ADJACENCY LIST -
30 Node** CriaListAdj(Node **node, char *arq)
       FILE *fp = NULL;
32
       int nv;
33
       fp = fopen(arq, "r");
34
       if(fscanf(fp, "%d", &nv))
35
           printf("ok!");
36
37
      node = initial(nv);
       int v1, v2;
38
      Node *ptr;
39
       while(fscanf(fp, "%d %d", &v1, &v2)!=EOF) {
40
           ptr = (Node *)malloc(sizeof(Node));
41
42
           ptr->vertex = v2;
           //Se o vertice não foi mapeado ainda
43
           if (node[v1] == NULL) {
44
                node[v1] = (Node *) malloc(sizeof(Node));
^{45}
                node[v1] \rightarrow vertex = v1;
46
47
                node[v1]->next = NULL;
48
           Node *next = node[v1];
49
           while (next->next!=NULL)
50
                next = next->next;
51
52
           next->next = ptr;
54
       //PrintAdjList(node, nv);
55
       fclose(fp);
56
57
      return node;
58 }
59
60 int getTamanho(char *arq) {
      FILE *fp = NULL;
       int nv;
62
      fp = fopen(arq, "r");
63
      if(fscanf(fp, "%d", &nv));
64
       return nv;
66 }
67
68 void clearList(Node **node, int tam) {
       for (int i=1;i<=tam;i++) {</pre>
           Node* aux = node[i];
70
           Node* tmp;
71
           while (aux!=NULL) {
72
                tmp = aux -> next;
73
                free (aux);
74
                aux = tmp;
75
           free (node [i]);
77
```

```
}
       free (node);
79
80 }
81
82 //PRINT LIST
83 void PrintAdjList(Node** node, int nv)
84 {
85
       int i;
86
      Node *ptr;
87
      for (i=1; i<=nv; i++) {</pre>
88
           ptr = node[i]->next;
89
           printf("
                        node[%2d] ",i);
90
           while(ptr != NULL) {
91
                printf(" -->%2d", ptr->vertex);
92
                ptr=ptr->next;
93
           }
94
           printf("\n");
95
96
       }
97
      printf("\n");
98 }
```

Este arquivo serve para gerar os vetores e salva-los em arquivos.

Listagem 1.5: Geração dos grafos

```
1 #include <stdlib.h>
2 #include <stdio.h>
3 #include <string.h>
4 #include <math.h>
5 #include <sys/types.h>
6 #include <sys/stat.h>
7 #include <unistd.h>
9 #include "grafo.h"
11 #define POT2(n) (1 << (n))</pre>
12
13
14
15
16
17 void gera_e_salva_graf(int n, Tipo t){
18 // int * v = NULL;
    char nome_do_arquivo[64];
19
    char sufixo[10];
20
21
    switch (t) {
22
      case ESPARSO:
23
        sprintf(nome_do_arquivo, "grafoEsparso_NV%d", n);
24
25
        break;
      case DENSO:
26
        sprintf(nome_do_arquivo, "grafoDenso_NV%d", n);
27
        break;
^{28}
      default: break; //CONFIRME(false,
^{29}
                          //"gera_e_salva_graf: Ordenação desconhecida");
30
31
    escreve_grafo(n,t,nome_do_arquivo);
^{32}
33 }
```

```
35 void escreve_grafo(int n, Tipo t, char* arg) {
       int i, j;
36
       FILE* fd = NULL;
37
       fd = fopen(arq, "w");
39
40
       fprintf(fd, "%d\n", n);
41
42
       switch(t){
           case ESPARSO:
43
                for (i=1; i<n; i++) {</pre>
44
                    fprintf(fd, "%d %d\n", i, i+1);
45
46
                fprintf(fd, "%d", n);
47
                break;
48
           case DENSO:
^{49}
                for (i=1; i<n; i++) {</pre>
50
                     for (j=1; j<=n; j++) {</pre>
51
52
                         if(i!=j){
                              fprintf(fd,"%d %d\n",i, j);
53
54
                     }
55
                }
56
                fprintf(fd, "%d", n);
                break;
58
           default:
59
                break;
60
61
62 }
63
64
65 int main(int argc, char *argv[]){
    int n = 0;
66
    int p = 0;
67
68
    char diretorio[256];
69
    struct stat st = {0};
70
71
72
73
    if (argc == 2)
      strcpy(diretorio, argv[1]);
74
    else
75
      strcpy(diretorio, "./grafos");
76
77
    if (stat(diretorio, &st) == -1) { // se o diretorio n\u00e3o existir,
78
      mkdir(diretorio, 0700);
                                           // crie um
79
80
81
    CONFIRME(chdir(diretorio) == 0, "Erro ao mudar de diretório");
82
83
84
    for(int i = 128; i<=1024;i=(i*2)){</pre>
      gera_e_salva_graf(i, ESPARSO);
85
      gera_e_salva_graf(i, DENSO);
86
87
88
89
    //CONFIRME(chdir("..") == 0, "Erro ao mudar de diretório");
90
91
    exit(0);
```

Este arquivo contém os algoritmos de ordenação pedidos.

Listagem 1.6: Métodos de busca

```
#include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3 #include "grafo.h"
4 #include "opgrafo.h"
5 #include <math.h>
7 void VisitaEmProfundidade(Node** G, int u, int* cor,int *r,int tempo) {
    cor[u] = 1; // 1: CINZA
    tempo = tempo + 1;
    //d[u] = tempo;
10
11
    Node* aux = G[u]->next;
    while(aux != NULL) {
12
      if(cor[aux->vertex] == 2){
13
         r[aux->vertex] = u;
         VisitaEmProfundidade(G,aux->vertex,cor,r,tempo);
15
      }
16
      aux = aux->next;
17
18
    }
    cor[u] = 0;
19
    tempo = tempo+1;
20
      //f[u] = tempo;
21
22 }
23
24
25 void BuscaEmProfundidade(Node **G, int u) {
^{26}
    int cor[u];
    int r[u];
27
    int tempo;
28
29
    int i;
30
    for(i = 1; i<=u ; i++)</pre>
31
      cor[i] = 2;
                    // 2: Branco
32
33
    tempo = 0;
34
    for (int i=1;i<=u;i++) {</pre>
35
      if(cor[i] == 2){
36
37
         VisitaEmProfundidade(G,i,cor, r,tempo);
38
    }
39
    /*for(int i=1;i<=u;i++){
40
         printf("%d, ",cor[i]);
41
    } */
42
43 }
44
45 void BuscaEmLargura (Node** G , int tam) {
      Node* fila[1024];
46
      int front = 0;
47
      int rear = -1;
48
      int itemCount = 0;
49
50
      int source = 1;
51
    int cor[tam], r[tam];
52
    //Fila* Q = (Fila*)malloc(sizeof(Fila));
```

```
Node *aux;
54
     Node *tmp;
55
     for (int i=1; i <= tam; i++) {</pre>
56
       if(i!=source) {
57
         cor[i] = 2;
58
         //d[i] = infinito
59
       }
60
61
     }
62
     cor[source] = 1;
     //d[source] = 0;
63
     r[source] = source;
64
     InsereNaFila(fila,G[source],&itemCount,&rear);
65
     while (isEmpty (itemCount) != 1) {
66
       aux = RemoveDaFila(fila,&itemCount,&front);
67
       tmp = aux;
68
       while (tmp!=NULL) {
         if(cor[tmp->vertex] == 2){
70
71
            cor[tmp->vertex] = 1;
72
            //d[tmp->vertex] = d[aux->vertex] + 1
           r[tmp->vertex] = aux->vertex;
73
           InsereNaFila(fila,G[tmp->vertex],&itemCount,&rear);
74
         }
75
         tmp = tmp->next;
76
77
       cor[aux->vertex] = 0;
78
79
80 }
82 Node* topoDaFila(Node**fila, int front) {
       return fila[front];
83
84 }
86 int isFull(int itemCount) {
       if(itemCount == 1024)
87
            return 1;
       else
89
            return 0;
90
91 }
93 int isEmpty(int itemCount) {
       if(itemCount == 0)
94
            return 1;
95
       else
            return 0;
97
98 }
99
100 void InsereNaFila(Node** fila, Node* no, int* itemCount, int* rear) {
       if(!isFull(*itemCount)) {
101
            if(*rear == 1024-1){
102
103
                *rear = -1;
104
            }
            fila[++(*rear)] = no;
105
            (*itemCount)++;
106
107
       //printf("Elemento inserido %d \n", no->vertex);
108
109 }
110
111 Node* RemoveDaFila(Node** fila,int *itemCount,int *front) {
      Node* data = fila[(*front)++];
```

```
113
      if((*front) == 1024) {
114
          (*front) = 0;
115
116
      (*itemCount) --;
      return data;
118
119 }
120
122 void VisitaEmProfundidadeTop(Node** G, int u, int* cor, int *r, int tempo,
      int *d, int *f,Node **fila, int* rear, int *itemCount) {
     cor[u] = 1; // 1: CINZA
123
     tempo = tempo + 1;
124
     d[u] = tempo;
125
     Node* aux = G[u]->next;
126
     while(aux != NULL) {
127
       if(cor[aux->vertex] == 2){
128
129
         r[aux->vertex] = u;
130
         VisitaEmProfundidadeTop(G,aux->vertex,cor,r,tempo,d,f,fila,rear,
             itemCount);
       }
131
       aux = aux->next;
132
     }
133
     cor[u] = 0;
134
     tempo = tempo+1;
135
       f[u] = tempo;
136
       //printf("Aresta %d tempo %d",u,f[u]);
137
       InsereNaFila(fila,G[u],itemCount,rear);
138
139 }
140
1\,4\,1
142 void OrdenaTopologico(Node **G, int u) {
       Node* fila[1025];
143
       int front = 0;
144
       int rear = -1;
145
       int itemCount = 0;
146
     int cor[u];
147
     int r[u];
148
     int d[u];
150
     int f[u];
     int tempo;
151
     int i;
152
153
     for(i = 1; i<=u ; i++)</pre>
154
       cor[i] = 2; // 2: Branco
155
     tempo = 0;
156
     for (int i=1; i<=u; i++) {</pre>
157
       if(cor[i] == 2){
158
         VisitaEmProfundidadeTop(G,i,cor, r,tempo,d,f, fila, &rear,&itemCount
159
             );
160
       }
161
     //for(int i=(u-1);i>0;i--){
162
            printf("%d, ",fila[i]->vertex);
     //
163
     //}
164
165 }
```

O arquivo ensaios.c serve para automatizar e calcular os tempos de cada método de

ordenação.

Listagem 1.7: Automatização dos experimentos

```
1 #include <stdlib.h>
2 #include <stdio.h>
3 #include <string.h>
4 #include <stdint.h>
5 #include <time.h>
6 #include <float.h>
7 #include <math.h>
8 #include <sys/types.h>
9 #include <sys/stat.h>
10 #include <unistd.h>
12 #include "grafo.h"
13 #include "opgrafo.h"
14
15 #define BILHAO 100000000L
17 #define CRONOMETRA(funcao, grafo, n) {
     clock_gettime(CLOCK_PROCESS_CPUTIME_ID, &inicio);
1.8
     funcao(grafo,n);
19
20
     clock_gettime(CLOCK_PROCESS_CPUTIME_ID, &fim);
     tempo_de_cpu_aux = BILHAO * (fim.tv_sec - inicio.tv_sec) +
21
                      fim.tv_nsec - inicio.tv_nsec;
22
23
     }
25 int main(int argc, char *argv[]) {
      Node **grafo = NULL;
26
      int n = 0;
27
28
      uint64_t tempo_de_cpu_aux = 0;
      int tamanho = 0, count = 0;
29
      //clock_t inicio, fim;
30
      struct timespec inicio, fim;
31
      uint64_t tempo_de_cpu = 0.0;
32
      char msg[256];
33
      char nome_do_arquivo[128];
34
      char **arquivos;
35
      int k=0, h = 0;
36
      arquivos = (char**) malloc(200*sizeof(char*));
37
38
      for (int i=0;i<100;i++) {</pre>
           arquivos[i] = (char*)malloc(128*sizeof(char));
40
      for(int i=128;i<=1024;i=i*2){</pre>
41
           sprintf(nome_do_arquivo, "grafos/grafoEsparso_NV%d",i);
42
           strcpy(arquivos[k], nome_do_arquivo);
43
           k++;
44
45
      for (int i=128; i<=1024; i=i*2) {</pre>
46
           sprintf(nome_do_arquivo, "grafos/grafoDenso_NV%d",i);
47
           strcpy(arquivos[k], nome_do_arquivo);
48
           k++;
49
50
    //strcpy(nome_do_arquivo, "vetores/vIntCrescente_131072.dat");
51
    // Leia o vetor a partir do arquivo
52
    //v = leia_vetor_int(nome_do_arquivo, &n);
53
      for (int i=0; i < k; i++) {</pre>
           tempo_de_cpu = 0.0;
55
           for (int j=0; j<1; j++) {</pre>
56
```

```
tamanho = getTamanho(arquivos[i]);
57
               grafo = CriaListAdj(grafo, arquivos[i]);
58
           //inicio = clock();
59
           //ordena_por_bolha(v,n);
60
          //insertion(v,tamanho);
61
          //fim = clock();
62
        CRONOMETRA(OrdenaTopologico, grafo,tamanho);
63
           //tempo_de_cpu += ((double) (fim - inicio)) / CLOCKS_PER_SEC;
        tempo_de_cpu += tempo_de_cpu_aux;
65
66
           //PrintAdjList(grafo,tamanho);
67
           //clearList(grafo, tamanho);
68
          printf("Tamanho %d ", tamanho);
69
          printf("Tempo %ld\n",tempo_de_cpu);
70
71
    //imprime_vetor_int(v,16384);
72
      exit(0);
73
74 }
```

1.1.1 Comandos

Os seguintes passos devem ser seguidos para criação dos grafos que serão utilizados no experimento:

1 - Compilar o arquivo Grafo.c;

```
> gcc -03 -c grafo.c
> gcc -03 -c opgrafo.c
```

2 - Compilar o programa que gera os grafos e os coloca no diretório determinado;

```
> gcc -03 grafi.o gera_grafo.c -o gera_grafo.exe
```

3 - Para usá-lo digite

```
> ./gera_grafos.exe
```

Os passos a seguir são para execução do experimento

1 - Verifique a existência do diretório contendo os grafos, e então digite o seguinte comando:

```
> gcc -03 -c opgrafo.c
```

2 - Agora é necessário compilar o arquivo de ensaio e tudo que será utilizado

```
> gcc -03 grafo.o opgrafo.o ensaiosgrafo.c -o ensaiosgrafo.exe -lm
```

3 - Para executar digite:

```
> ./ensaiosgrafo.exe
```

1.2 Máquina de teste

Todos os testes foram realizados na mesma máquina com as seguintes configurações, e usando apenas um núcleo:

AMD FX-8350 4.0GHZ 16GB Memória DDR3-1600 HDD 2TB 7200RPM

Placa de video Nvidia GTX1050Ti Sistema Operacional: Ubuntu 16.04

Capítulo 2

Grafo

A teoria dos grafos é um ramo da matemática que estuda as relações entre os objetos de um determinado conjunto. Para tal são empregadas estruturas chamadas de grafos, G(V,E), onde V é um conjunto não vazio de objetos denominados vértices e E é um subconjunto de pares não ordenados de V, chamados arestas. Neste trabalho, foi-se definido como grafo esparso um grafo que tem apenas uma aresta entre cada par de vértice (1 2,2 3,3 4,...n-1 n) e um granfo denso foi definido como um grafo completo, ou seja, cada vértice tem aresta com todos os outros vértices.

2.1 Busca Largura

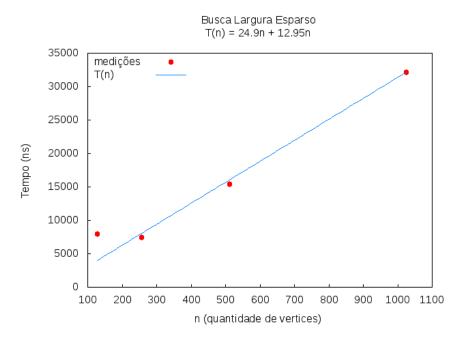
É um algoritmo de busca em grafos utilizado para realizar uma busca ou travessia num grafo e estrutura de dados do tipo árvore. Você começa pelo vértice raiz e explora todos os vértices vizinhos. Então, para cada um desses vértices mais próximos, exploramos os seus vértices vizinhos inexplorados e assim por diante, até que ele encontre o alvo da busca.

2.2 Busca Largura - Grafo Esparso

Tabela 2.1: Busca Largura com grafo Esparso

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
128	7943
256	7472
512	15414
1024	32102

2.2.1 Gráfico Busca Largura - Grafo Esparso



 ${\bf Figura~2.1:}~Busca~Largura~-~Grafo~Esparso$

2.3 Busca Largura - Grafo Denso

Tabela 2.2: Busca em Largura Grafo Denso

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
128	67546
256	318565
512	1216634
1024	4527417

2.3.1 Busca em Largura - Grafo Denso

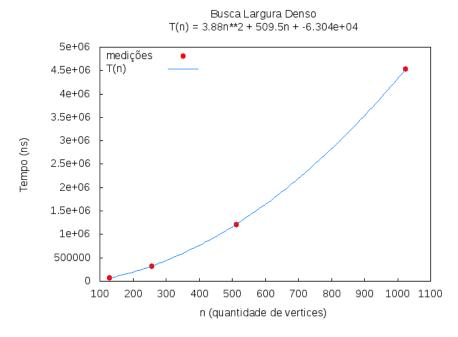


Figura 2.2: Busca em Largura - Grafo Denso

2.4 Busca Profundidade

É um algoritmo usado para realizar uma busca ou travessia numa árvore, estrutura de árvore ou grafo. O algoritmo começa num nó raiz (selecionando algum nó como sendo o raiz, no caso de um grafo) e explora tanto quanto possível cada um dos seus ramos, antes de retroceder(backtracking).

2.5 Busca Profundidade - Grafo Esparso

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
128	6619
256	7975
512	21265
1024	36223

Tabela 2.3: Busca Profundidade com Grafo Esparso

2.5.1 Busca Profundidade - Grafo Esparso

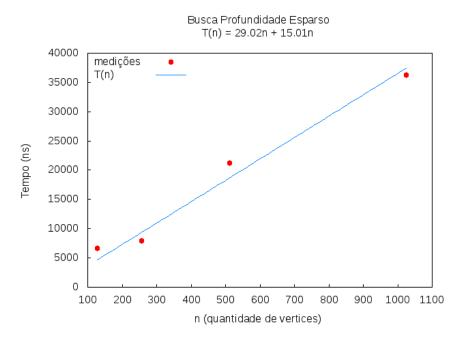


Figura 2.3: Busca Profundidade - Grafo Esparso

2.6 Busca Profundidade - Grafo Denso

Tabela 2.4: Busca Profundidade em um Grafo Denso

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
128	72161
256	330916
512	1380078
1024	4735134

2.6.1 Busca Profundidade - Grafo Denso

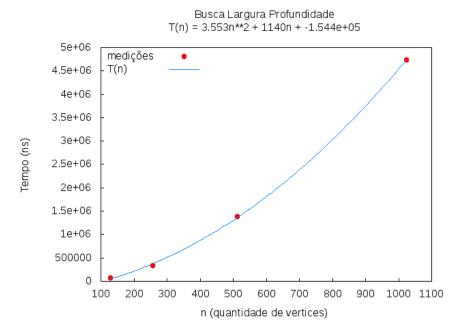


Figura 2.4: Busca Profundidade - Grafo Denso

2.7 Ordenação Topologica

É uma ordem linear de seus nós em que cada nó vem antes de todos nós para os quais este tenha arestas de saída. Cada DAG tem uma ou mais ordenações topológicas.

2.8 Ordenação Topologica - Grafo Esparso

Tabela 2.5:	Ordenação	Topologica	com	Grafo	Esparso

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
128	13549
256	15347
512	30745
1024	57293

2.8.1 Ordenação Topologica - Grafo Esparso

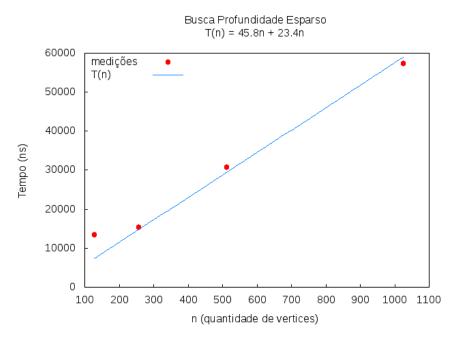


Figura 2.5: Ordenação Topologica - Grafo Esparso

2.9 Ordenação Topologica - Grafo Denso

Tabela 2.6: Ordenação Topologica com Grafo Denso

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
128	93864
256	349061
512	1344655
1024	4865168

2.9.1 Ordenação Topologica - Grafo Denso

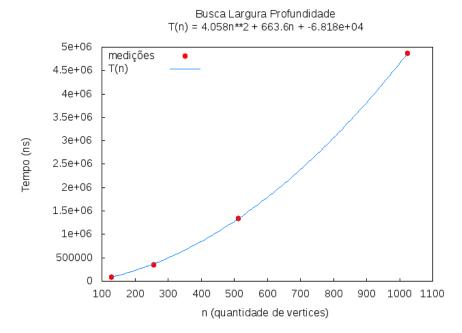


Figura 2.6: Ordenação Topologica - Grafo Denso

Capítulo 3

Guloso

Algoritmo guloso ou míope é técnica de projeto de algoritmos que tenta resolver o problema fazendo a escolha localmente ótima em cada fase com a esperança de encontrar um ótimo global.

3.1 Huffman

A codificação de Huffman é um método de compressão que usa as probabilidades de ocorrência dos símbolos no conjunto de dados a ser comprimido para determinar códigos de tamanho variável para cada símbolo.

3.1.1 Vetor aleatorio

Tabela gerada utilizando Huffman com vetor de string aleatorias com frequencias em tempo O(nlogn) de tamanho n, sendo $n = (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos aleatóriamente.

Tabela 3.1: Huffman com vetor aleatório

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	4599
32	8150
64	22736
128	42886
256	95255
512	170503
1024	438873
2048	1031620
4096	2592036
8192	5381493
16384	10506005

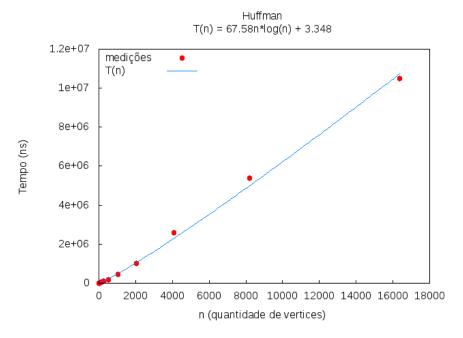


Figura 3.1: Huffman - Vetor Aleatório

3.2 Seleção de Atividade Interativo

É um problema onde dado um conjunto S de atividades, encontrar o maior subconjunto de S com atividades mutuamente compatíveis.

3.2.1 Vetor crescente

8192

16384

Tabela gerada utilizando Seleção de Atividade Interativo com vetor de tamanho n, sendo $n = (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos crescente.

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	615
32	680
64	769
128	802
256	764
512	836
1024	1058
2048	1294
4096	1685

2594

4578

Tabela 3.2: Seleção de Atividade Interativo com vetor crescente

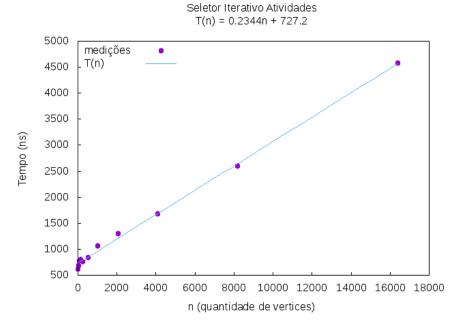


Figura 3.2: Seleção de Atividade Interativo - Vetor crescente

3.3 Seletor Recursivo de Atividade

É um problema onde dado um conjunto S de atividades, encontrar o maior subconjunto de S com atividades mutuamente compatíveis.

3.3.1 Vetor Aleatório

Tabela gerada utilizando Seleção de Atividade Interativo com vetor de tamanho n, sendo $n = (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos aleatório.

Tabela 3.3: Seleciona Recursivo de Atividade com vetor aleatório

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	848
32	859
64	1226
128	2086
256	3352
512	4632
1024	10637
2048	24606
4096	40615
8192	88004
16384	135617

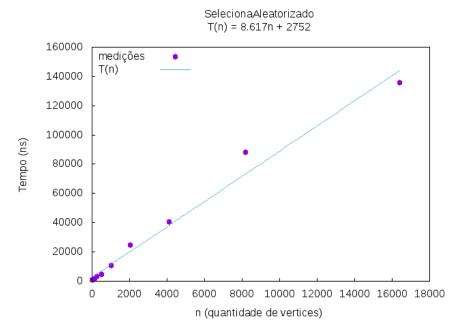


Figura 3.3: Seleciona Recursivo de Atividade - Vetor Aleatório

3.3.2 Vetor Crescente

Tabela gerada utilizando Seleciona Recursivo de Atividade com vetores de tamanho n, sendo $n = (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos Crescente.

Tabela 3.4: Seleciona Recursivo de Atividade com vetor crescente

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	563
32	677
64	1184
128	2093
256	3518
512	6070
1024	9960
2048	24854
4096	39433
8192	79908
16384	245208

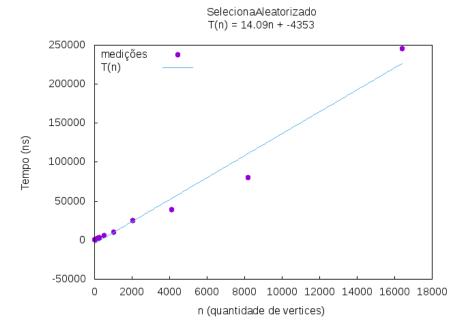


Figura 3.4: Seleciona Recursivo de Atividade - Vetor crescente

3.3.3 Vetor Crescente P10

Tabela gerada utilizando Seleciona Recursivo de Atividade com vetores de tamanho n, sendo $n = (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos Crescente P10.

Tabela 3.5: Seleciona Recursivo de Atividade com vetor crescente P10

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	672
32	843
64	1091
128	2310
256	3383
512	6038
1024	19242
2048	34439
4096	46022
8192	95304
16384	176781

P10/SelecionaAleatorizado.png P10/SelecionaAleatorizado.png

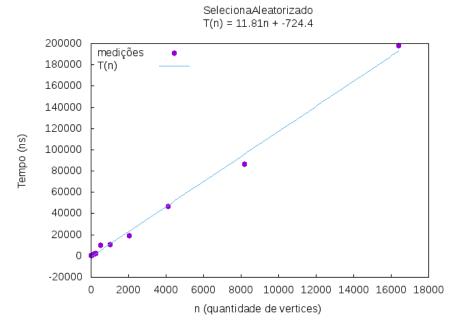


Figura 3.5: Seleciona Recursivo de Atividade - Vetor crescente P10

3.3.4 Vetor Crescente P20

Tabela gerada utilizando Seleciona Recursivo de Atividade com vetores de tamanho n, sendo $n = (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos Crescente P20.

Tabela 3.6: Seleciona Recursivo de Atividade com vetor crescente P20

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	613
32	780
64	1259
128	1836
256	2640
512	9910
1024	11045
2048	19416
4096	46564
8192	86621
16384	198014

P20/SelecionaAleatorizado.png P20/SelecionaAleatorizado.png

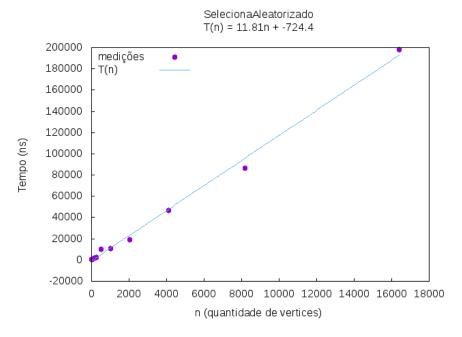


Figura 3.6: Seleciona Recursivo de Atividade - Vetor crescente P20

3.3.5 Vetor Crescente P30

Tabela gerada utilizando Seleciona Recursivo de Atividade com vetores de tamanho n, sendo $n = (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos Crescente P30.

Tabela 3.7: Seleciona Recursivo de Atividade com vetor crescente P30

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	651
32	698
64	1008
128	2052
256	3051
512	6192
1024	10526
2048	17150
4096	45699
8192	76166
16384	155111

P30/SelecionaAleatorizado.png P30/SelecionaAleatorizado.png

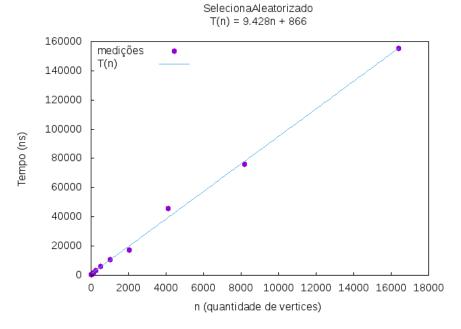


Figura 3.7: Seleciona Recursivo de Atividade - Vetor crescente P30

3.3.6 Vetor Crescente P40

Tabela gerada utilizando Seleciona Recursivo de Atividade com vetores de tamanho n, sendo $n = (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos Crescente P40.

Tabela 3.8: Seleciona Recursivo de Atividade com vetor crescente P40

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	743
32	666
64	989
128	1508
256	2883
512	5360
1024	11656
2048	20539
4096	41529
8192	100858
16384	222297

P40/SelecionaAleatorizado.png P40/SelecionaAleatorizado.png

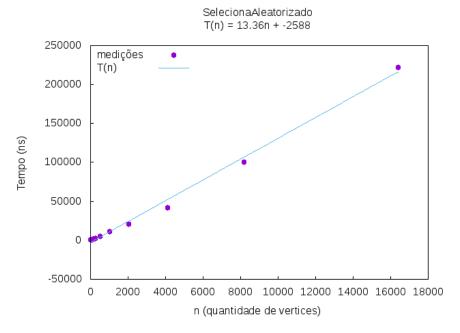


Figura 3.8: Seleciona Recursivo de Atividade - Vetor crescente P40

3.3.7 Vetor Crescente P50

Tabela gerada utilizando Seleciona Recursivo de Atividade com vetores de tamanho n, sendo $n = (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos Crescente P50.

Tabela 3.9: Seleciona Recursivo de Atividade com vetor crescente P50

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	620
32	827
64	1258
128	1600
256	3615
512	4546
1024	10992
2048	24860
4096	60197
8192	98321
16384	249566

P50/SelecionaAleatorizado.png P50/SelecionaAleatorizado.png

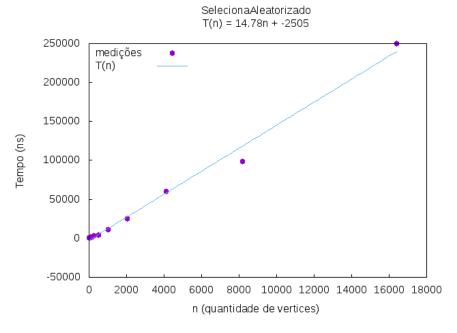


Figura 3.9: Seleciona Recursivo de Atividade - Vetor crescente P50

3.3.8 Vetor Decrescente

Tabela gerada utilizando Seleciona Recursivo de Atividade com vetores de tamanho n, sendo $n = (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos Decrescente.

Tabela 3.10: Seleciona Recursivo de Atividade com vetor decrescente

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	822
32	1130
64	1610
128	2075
256	2774
512	6371
1024	12455
2048	20537
4096	39481
8192	90849
16384	216330

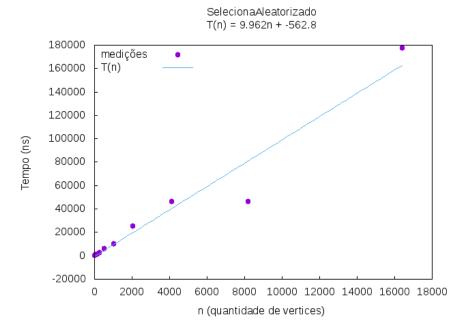


Figura 3.10: Seleciona Recursivo de Atividade- Vetor decrescente

3.3.9 Vetor Decrescente P10

Tabela gerada utilizando Seleciona Recursivo de Atividade com vetores de tamanho n, sendo $n = (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos Decrescente P10.

Tabela 3.11: Seleciona Recursivo de Atividade com vetor decrescente P10

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	692
32	875
64	968
128	1772
256	2865
512	6142
1024	10526
2048	25677
4096	46430
8192	46738
16384	177393

P10/SelecionaAleatorizado.png P10/SelecionaAleatorizado.png

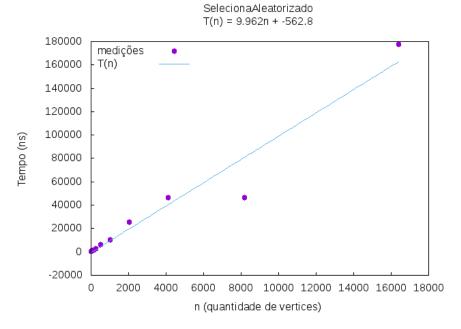


Figura 3.11: Seleciona Recursivo de Atividade - Vetor decrescente P10

3.3.10 Vetor Decrescente P20

Tabela gerada utilizando Seleciona Recursivo de Atividade com vetores de tamanho n, sendo $n = (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos Decrescente P20.

Tabela 3.12: Seleciona Recursivo de Atividade com vetor decrescente P20

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	963
32	1130
64	1209
128	1862
256	2040
512	6190
1024	14474
2048	28032
4096	58891
8192	85015
16384	191226

P20/SelecionaAleatorizado.png P20/SelecionaAleatorizado.png

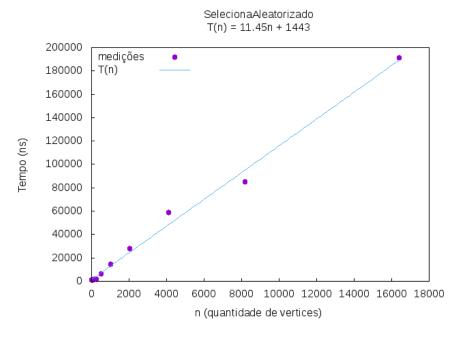


Figura 3.12: Seleciona Recursivo de Atividade - Vetor decrescente P20

3.3.11 Vetor Decrescente P30

Tabela gerada utilizando Seleciona Recursivo de Atividade com vetores de tamanho n, sendo $n = (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos Decrescente P30.

Tabela 3.13: Seleciona Recursivo de Atividade com vetor decrescente P30

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	691
32	791
64	1031
128	1907
256	3053
512	9593
1024	8715
2048	11899
4096	46642
8192	64121
16384	139003

P30/SelecionaAleatorizado.png P30/SelecionaAleatorizado.png

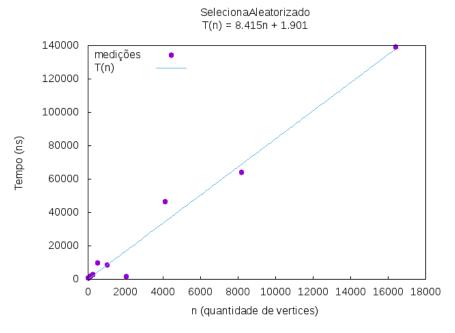


Figura 3.13: Seleciona Recursivo de Atividade - Vetor decrescente P30

3.3.12 Vetor Decrescente P40

Tabela gerada utilizando Seleciona Recursivo de Atividade com vetores de tamanho n, sendo $n = (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos Decrescente P40.

Tabela 3.14: Seleciona Recursivo de Atividade com vetor decrescente P40

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	818
32	712
64	1058
128	1643
256	2060
512	4179
1024	13014
2048	22027
4096	62149
8192	101864
16384	151244

P40/SelecionaAleatorizado.png P40/SelecionaAleatorizado.png

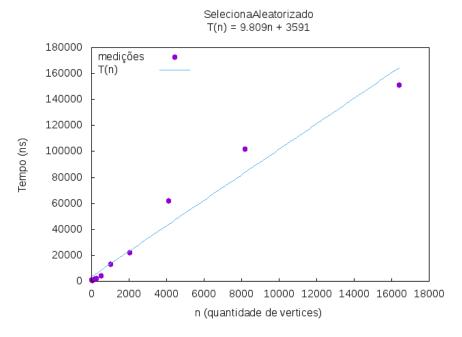


Figura 3.14: Seleciona Recursivo de Atividade - Vetor decrescente P40

3.3.13 Vetor Decrescente P50

Tabela gerada utilizando Seleciona Recursivo de Atividade com vetores de tamanho n, sendo $n = (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos Decrescente P50.

Tabela 3.15: Seleciona Recursivo de Atividade com vetor decrescente P50

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	593
32	692
64	1028
128	2107
256	3328
512	5288
1024	13776
2048	26749
4096	37678
8192	112482
16384	260308

P50/SelecionaAleatorizado.png P50/SelecionaAleatorizado.png

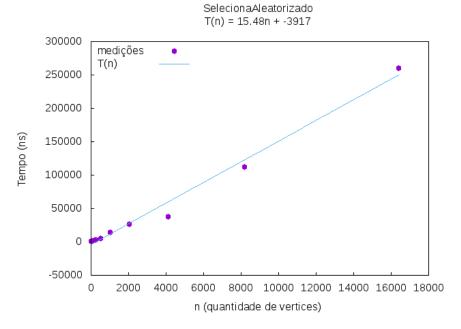


Figura 3.15: Seleciona Recursivo de Atividade - Vetor decrescente P50

3.4 Mochila Fracionaria

Esse problema também é chamado problema da mochila 0/1 pois para cada item deve ser levado ou deixado e pode-se pegar uma parte fracionária de um item ou pegar um mesmo item mais que uma vez.

3.4.1 Vetor ordenado

Tabela gerada utilizando Mochila Fracionaria com Vetor ordenado de tamanho n, sendo $n = (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos ordenada.

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	608
32	699
64	759
128	770
256	796
512	830
1024	949
2048	1190
4096	1565
8192	2253
16384	4106

Tabela 3.16: Mochila Fracionaria com vetor ordenado

$Fracionada/Mochila Fracionada.png\ Fracionada/Mochila Fracionada.png$

Mochila Fracionada T(n) = 0.204n + 713.24500 medições T(n) 4000 3500 3000 Tempo (ns) 2500 2000 1500 1000 500 2000 4000 6000 8000 10000 12000 14000 16000 18000 n (quantidade de vertices)

Figura 3.16: Mochila Fracionaria - Vetor ordenado

Capítulo 4

Programação Dinâmica

Programação dinâmica é um método para a construção de algoritmos para a resolução de problemas computacionais, em especial os de otimização combinatória. Ela é aplicável a problemas nos quais a solução ótima pode ser computada a partir da solução ótima previamente calculada e memorizada.

4.1 Corte Haste

O problema consiste em dada uma haste de npolegadas de comprimento, e uma tabela de preços pi, para i= 1,2,...,n, determinar qual a receita máxima que se pode obter cortando a haste e vendendo os seus pedaços, considerando que os comprimentos são sempre números inteiros de polegadas.

4.2 Corte Haste Bottom Up

É uma aproximação do problema de Corte de Haste utilizando a arvore de Bottom Up.

4.2.1 Vetor aleatorio

Tabela gerada utilizando Corte Haste Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos aleatóriamente.

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	599
32	913
64	1798
128	4618
256	14530
512	51214
1024	193794
2048	761470
4096	2965012
8192	12774326
16384	48066532

Tabela 4.1: Corte Haste Bottom Up com vetor aleatório

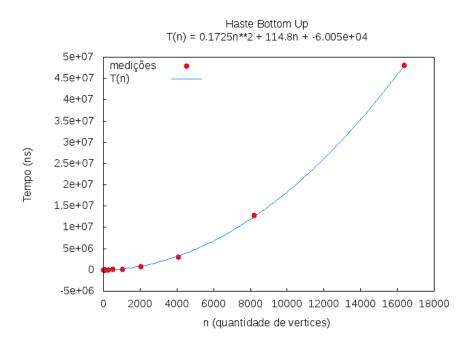


Figura 4.1: Corte Haste Bottom Up - Vetor Aleatório

4.3 Corte Haste Comum

Refere ao problema já mencionado anteriormente.

4.4 (

Vetor Comum) Não foi possível tirar conclusões devido a estouro de memória (algoritmo consume muito espaço).

Tabela 4.2: Corte Haste Bottom Up com vetor aleatório

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	535410
16	538372
16	539477
16	529753
16	541344
16	538372
16	539477
16	529753
16	541344

4.5 Corte Haste Memoizada

É uma aproximação do algoritmo utilizando a arvore Top DowN.

4.5.1 Vetor aleatorio

Tabela gerada utilizando Corte Haste Memoizada com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos aleatóriamente.

Tabela 4.3: Corte Haste Memoizada com vetor aleatório

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	1285
32	323
64	325
128	296
256	334
512	376
1024	545
2048	1325
4096	2331
8192	3844
16384	15475

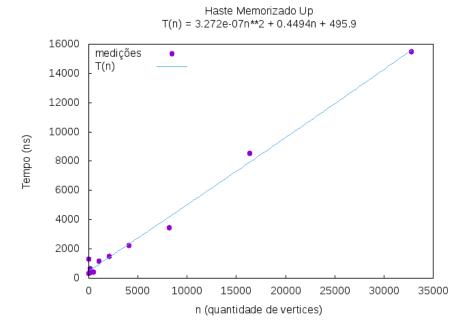


Figura 4.2: Corte Haste Memoizada - Vetor Aleatório

4.5.2 Vetor Crescente P10

Tabela gerada utilizando Corte Haste Memoizada com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma crescente P10.

Tabela 4.4: Corte Haste Memoizada com Vetor Crescente P10

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	1398
32	3456
64	6795
128	12053
256	24546
512	48256
1024	90413
2048	180521
4096	360512
8192	808256
16384	6200211

P10/HasteMemo.png P10/HasteMemo.png

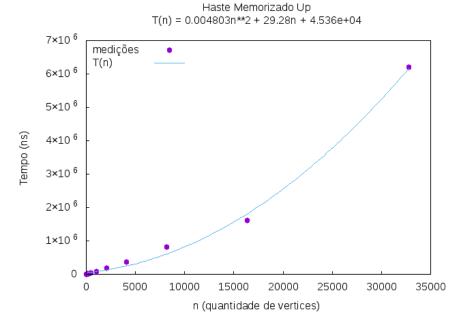


Figura 4.3: Corte Haste Memoizada - Vetor Crescente P10

4.5.3 Vetor Crescente P20

Tabela gerada utilizando Corte Haste Memoizada com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma crescente P20.

Tabela 4.5: Corte Haste Memoizada com Vetor Crescente P20

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	360
32	338
64	388
128	472
256	393
512	525
1024	619
2048	1236
4096	1041
8192	1519
16384	3379

P20/HasteMemo.png P20/HasteMemo.png

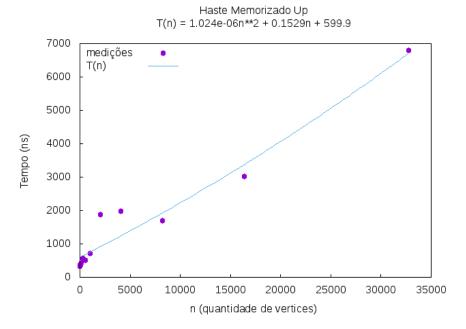


Figura 4.4: Corte Haste Memoizada - Vetor Crescente P20

4.5.4 Vetor Crescente P30

Tabela gerada utilizando Corte Haste Memoizada com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma crescente P30.

Tabela 4.6: Corte Haste Memoizada com Vetor Crescente P30

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	373
32	369
64	396
128	386
256	618
512	667
1024	1786
2048	2808
4096	3943
8192	6857
16384	16596

P30/HasteMemo.png P30/HasteMemo.png

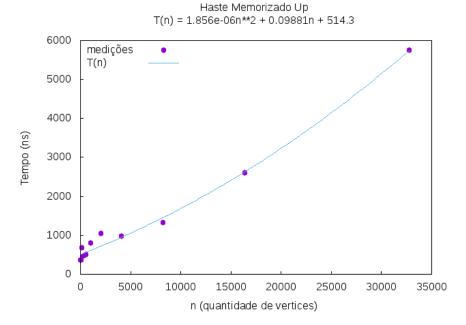


Figura 4.5: Corte Haste Memoizada - Vetor Crescente P30

4.5.5 Vetor Crescente P40

Tabela gerada utilizando Corte Haste Memoizada com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma crescente P40.

Tabela 4.7: Corte Haste Memoizada com Vetor Crescente P40

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	485
32	480
64	563
128	836
256	707
512	710
1024	483
2048	680
4096	1127
8192	1849
16384	3551

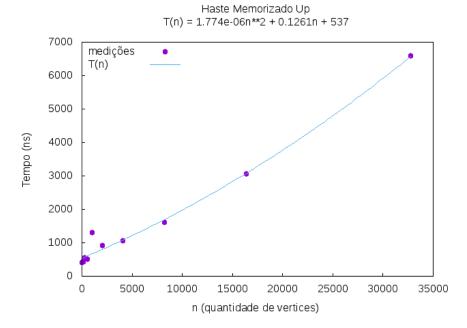


Figura 4.6: Corte Haste Memoizada - Vetor Crescente P40

4.5.6 Vetor Crescente P50

Tabela gerada utilizando Corte Haste Memoizada com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma crescente P 50.

Tabela 4.8: Corte Haste Memoizada com Vetor Crescente P50

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	473
32	401
64	801
128	995
256	821
512	405
1024	681
2048	720
4096	1075
8192	1818
16384	3658

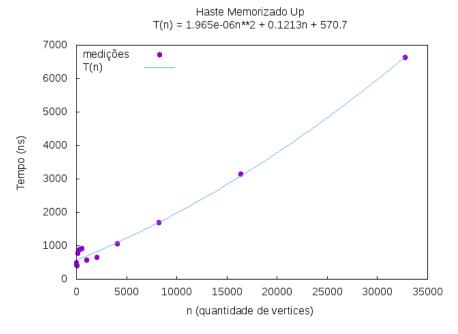


Figura 4.7: Corte Haste Memoizada - Vetor Crescente P50

4.5.7 Vetor Decrescente

Tabela gerada utilizando Corte Haste Memoizada com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma decrescente.

Tabela 4.9: Corte Haste Memoizada com Vetor Decrescente

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	1598
32	3256
64	5795
128	12196
256	24649
512	48146
1024	91564
2048	183545
4096	335949
8192	815698
16384	6198565

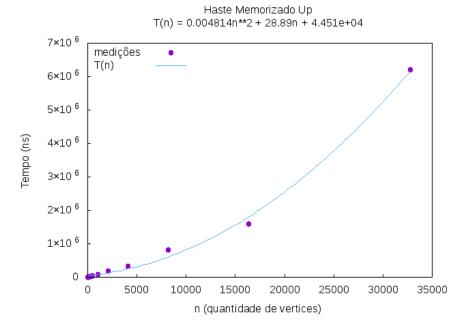


Figura 4.8: Corte Haste Memoizada - Vetor Decrescente

4.5.8 Vetor Decrescente P10

Tabela gerada utilizando Corte Haste Memoizada com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma decrescente P10.

Tabela 4.10: Corte Haste Memoizada com Vetor Decrescente P10

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	1398
32	2956
64	5465
128	13196
256	25697
512	50154
1024	93484
2048	183654
4096	315169
8192	835495
16384	1588859

P10/HasteMemo.png P10/HasteMemo.png

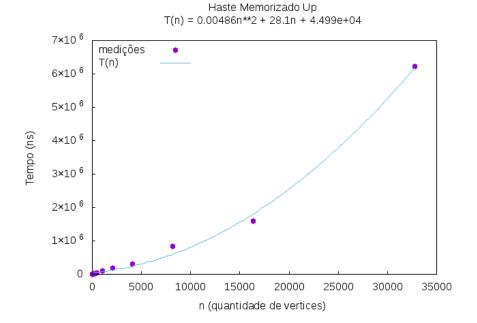


Figura 4.9: Corte Haste Memoizada - Vetor Decrescente P10

4.5.9 Vetor Decrescente P20

Tabela gerada utilizando Corte Haste Memoizada com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma decrescente P20.

Tabela 4.11: Corte Haste Memoizada com Vetor Decrescente P20

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	726
32	2229
64	633
128	633
256	1107
512	736
1024	1011
2048	1372
4096	2078
8192	3247
16384	6265

P20/HasteMemo.png P20/HasteMemo.png

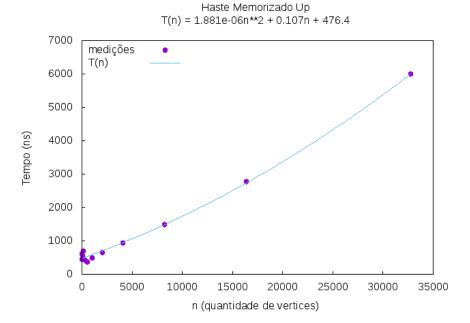


Figura 4.10: Corte Haste Memoizada - Vetor Decrescente P20

4.5.10 Vetor Decrescente P30

Tabela gerada utilizando Corte Haste Memoizada com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma decrescente P30.

TD 1 1 4 1 0	α , τ	T , :	11 :	1	T 7 1	D ,	DOO
Tabela 4 12:	Corte b	taste i	Memorzao	la com	Vetor	<i>Decrescente</i>	P3H

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	701
32	337
64	350
128	367
256	365
512	631
1024	493
2048	803
4096	1145
8192	2082
16384	4729

P30/HasteMemo.png P30/HasteMemo.png

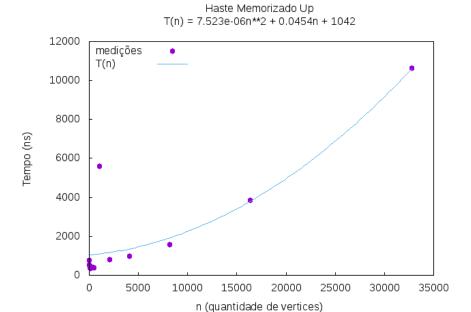


Figura 4.11: Corte Haste Memoizada - Vetor Decrescente P30

4.5.11 Vetor Decrescente P40

Tabela gerada utilizando Corte Haste Memoizada com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma decrescente P40.

Tabela 4.13: Corte Haste Memoizada com Vetor Decrescente P40

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	357
32	362
64	364
128	372
256	392
512	427
1024	545
2048	604
4096	1085
8192	13662
16384	16253

P40/HasteMemo.png P40/HasteMemo.png

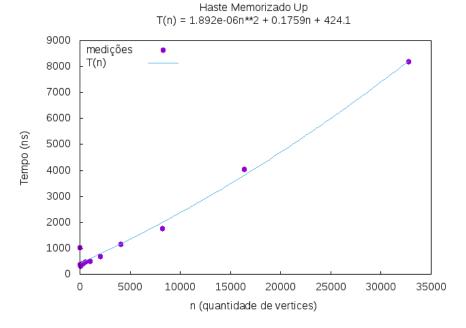


Figura 4.12: Corte Haste Memoizada - Vetor Decrescente P40

4.5.12 Vetor Decrescente P50

Tabela gerada utilizando Corte Haste Memoizada com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma decrescente P50.

Tabela 4.14: Corte Haste Memoizada com Vetor Decrescente P50

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	372
32	650
64	1251
128	2654
256	5659
512	11256
1024	20265
2048	35654
4096	71565
8192	156984
16384	305465

P50/HasteMemo.png P50/HasteMemo.png

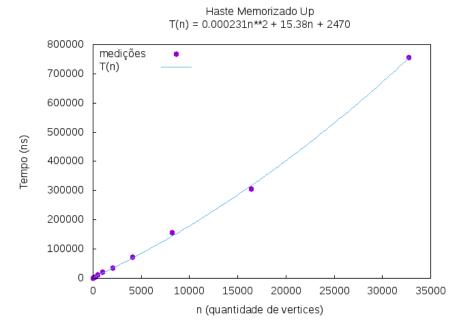


Figura 4.13: Corte Haste Memoizada - Vetor Decrescente P50

4.6 SCM

Suponha que A[1..n] é uma sequência de números naturais. Uma subsequência de A[1..n] é o que sobra depois que um conjunto arbitrário de termos é apagado. (Não confunda subsequência com segmento: um segmento de A[1..n] é o que sobra depois que apagamos um número arbitrário de termos no início de A e um número arbitrário de termos no fim de A).

4.6.1 Vetor caracteres

Tabela gerada utilizando SCM com vetores de tamanho n, sendo $n = (2^k)$, de k = 4..14.

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	7047
32	12406
64	23325
128	53892
256	111991
512	181464
1024	356165
2048	708123
4096	1434151
8192	3129872
16384	6078938

Tabela 4.15: SCM com vetor de caracteres

Nanosegundos/SMCNanosegundos.png Nanosegundos/SMCNanosegundos.png

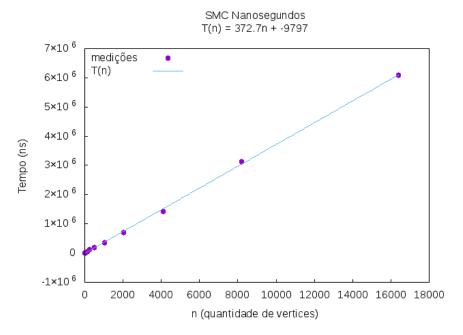


Figura 4.14: SCM - Vetor caracteres

4.7 SCM Recursivo

Problema já comentado anteriormente.

4.7.1 Vetor caracteres

Tabela gerada utilizando SCM Recursivo com vetores de tamanho n, sendo $n = (2^k)$, de k = 4..14. Não foi possível retirar conclusões, pois estoura a pilha.

Tabela 4.16: SCM Recursivo com vetor de caracteres

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
10	1235274
20	1273575975
30	1080524745749

4.8 Parentização Bottom Up

A forma com a qual a parentizamos uma cadeia de matrizes afeta dramaticamente o custo de calcular o produto. Problema resolvido com uma arvore Bottom Up.

4.8.1 Vetor aleatorio

Tabela gerada utilizando Parentização Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos aleatóriamente.

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	3216
32	19174
64	118943
128	866385
256	6978135
512	69493017

Tabela 4.17: Parentização Bottom Up com vetor aleatório

BottomUp/Aleatorio/ParentizacaoBottomUp.png BottomUp/Aleatorio/ParentizacaoBottomUp.png

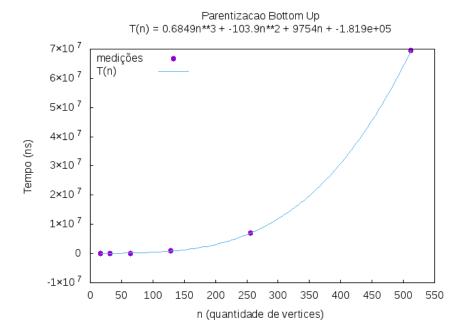


Figura 4.15: Parentização Bottom Up - Vetor Aleatório

4.8.2 Vetor Crescente

Tabela gerada utilizando Parentização Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Crescente.

Tabela 4.18: Parentização Bottom	Up com vetor Crescente
----------------------------------	------------------------

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	2552
32	13783
64	93670
128	746015
256	6597644
512	67582370

 $Bottom Up/Crescente/Parentizacao Bottom Up.png \\ Bottom Up/Crescente/Parentizacao Bottom Up.png$

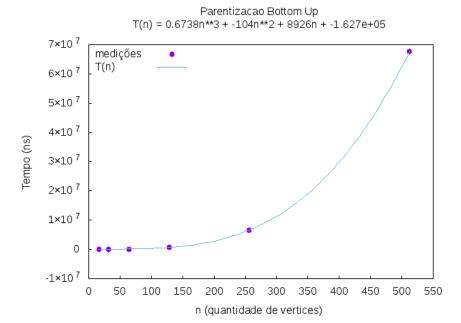


Figura 4.16: Parentização Bottom Up - Vetor Crescente

4.8.3 Vetor Crescente P10

Tabela gerada utilizando Parentização Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n $= (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos Crescente P10.

Tabela 4.19: Parentização Bottom Up com vetor Crescente P10

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	2467
32	13724
64	92732
128	743649
256	6495094
512	67519336

${\bf BottomUp/Crescente} \ \, {\bf P10/ParentizacaoBottomUp.png} \ \, {\bf BottomUp/Crescente} \\ {\bf P10/ParentizacaoBottomUp.png} \ \,$

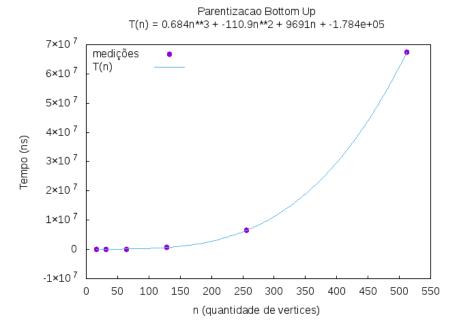


Figura 4.17: Parentização Bottom Up - Vetor Crescente P10

4.8.4 Vetor Crescente P20

Tabela gerada utilizando Parentização Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Crescente P20.

Tabela 4.20: Parentização Bottom Up com vetor Crescente P20

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	2413
32	14015
64	97281
128	723129
256	6471911
512	67329970

$Bottom Up/Crescente\ P20/ParentizacaoBottom Up.png\ Bottom Up/Crescente\ P20/ParentizacaoBottom Up.png$

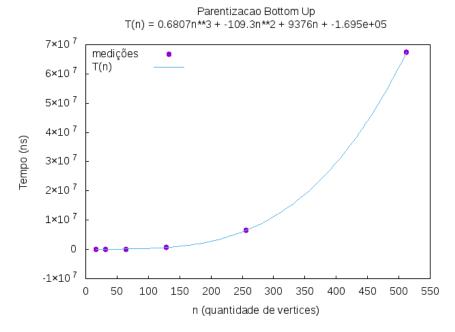


Figura 4.18: Parentização Bottom Up - Vetor Crescente P20

4.8.5 Vetor Crescente P30

Tabela gerada utilizando Parentização Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Crescente P30.

Tabela 4.21: Parentização Bottom Up com vetor Crescente P30

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	2446
32	14459
64	96241
128	731624
256	6419155
512	67127224

$Bottom Up/Crescente \ P30/ParentizacaoBottom Up.png \ Bottom Up/Crescente \ P30/ParentizacaoBottom Up.png$

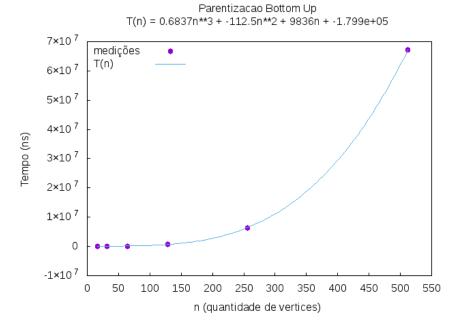


Figura 4.19: Parentização~Bottom~Up - Vetor~Crescente~P30

4.8.6 Vetor Crescente P40

Tabela gerada utilizando Parentização Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n $= (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos Crescente P40.

Tabela 4.22: Parentização Bottom Up com vetor Crescente P40

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	2475
32	14317
64	99423
128	738641
256	6484759
512	67394010

$Bottom Up/Crescente\ P40/ParentizacaoBottom Up.png\ Bottom Up/Crescente\ P40/ParentizacaoBottom Up.png$

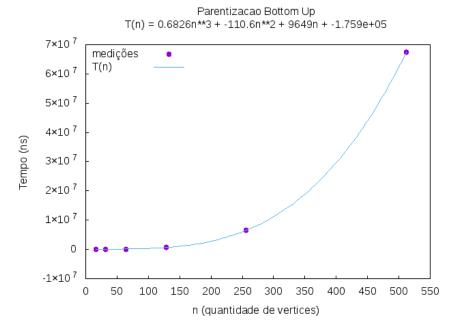


Figura 4.20: Parentização Bottom Up - Vetor Crescente P40

4.8.7 Vetor Crescente P50

Tabela gerada utilizando Parentização Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Crescente P50.

Tabela 4.23: Parentização Bottom Up com vetor Crescente P50

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	3150
32	13708
64	93130
128	727210
256	6487127
512	67246806

$Bottom Up/Crescente \ P50/ParentizacaoBottom Up.png \ Bottom Up/Crescente \ P50/ParentizacaoBottom Up.png$

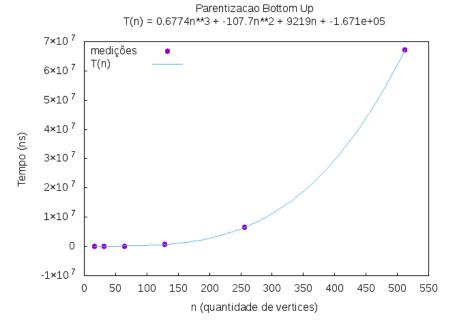


Figura 4.21: Parentização Bottom Up - Vetor Crescente P50

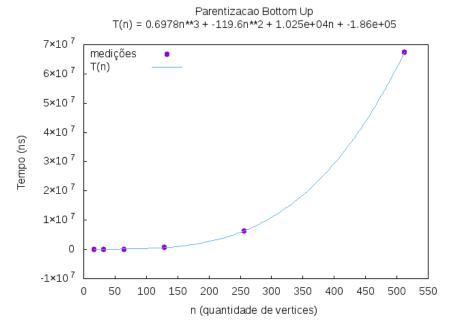
4.8.8 Vetor Decrescente

Tabela gerada utilizando Parentização Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Decrescente.

Tabela 4.24: Parentização Bottom Up com vetor Decrescente

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	2230
32	11873
64	94244
128	690616
256	6290244
512	67357198

BottomUp/Decrescente/ParentizacaoBottomUp.png BottomUp/Decrescente/ParentizacaoBottomUp.png



 ${\bf Figura~4.22:~} {\it Parentizaç\~{a}o~Bottom~Up~-~Vetor~Decrescente}$

4.8.9 Vetor Decrescente P10

Tabela gerada utilizando Parentização Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Decrescente P10.

Tabela 4.25: Parentização Bottom Up com vetor Decrescente P10

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	3662
32	13509
64	104326
128	723638
256	6348032
512	66932636

$Bottom Up/Decrescente\ P10/ParentizacaoBottom Up.png\ Bottom Up/Decrescente\ P10/ParentizacaoBottom Up.png$

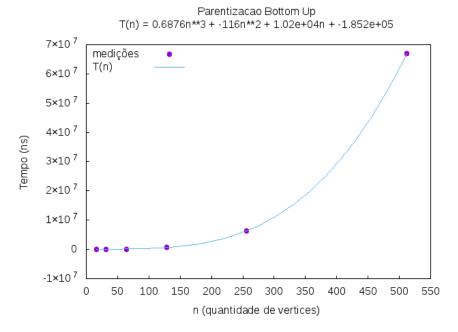


Figura 4.23: Parentização Bottom Up - Vetor Decrescente P10

4.8.10 Vetor Decrescente P20

Tabela gerada utilizando Parentização Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n $= (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos Decrescente P20.

Tabela 4.26: Parentização Bottom Up com vetor Decrescente P20

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	2325
32	14062
64	96127
128	731992
256	6474800
512	67105053

$Bottom Up/Decrescente\ P20/ParentizacaoBottom Up.png\ Bottom Up/Decrescente\ P20/ParentizacaoBottom Up.png$

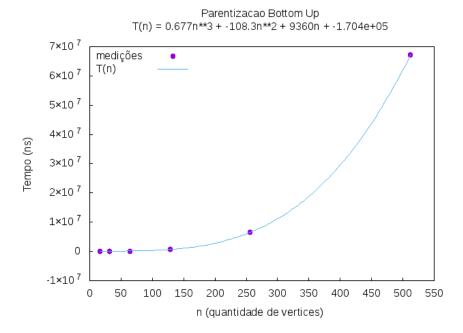


Figura 4.24: Parentização Bottom Up - Vetor Decrescente P20

4.8.11 Vetor Decrescente P30

Tabela gerada utilizando Parentização Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Decrescente P30.

Tabela 4.27: Pare	intizacao	Bottom	$U n \ com$	vetor	Decrescente	P30
-------------------	-----------	--------	-------------	-------	-------------	-----

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	2644
32	14619
64	99600
128	771261
256	6508011
512	67406718

$Bottom Up/Decrescente\ P30/ParentizacaoBottom Up.png\ Bottom Up/Decrescente\ P30/ParentizacaoBottom Up.png$

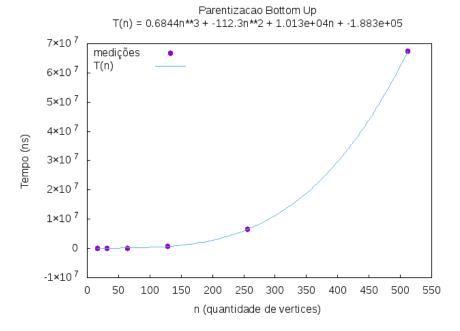


Figura 4.25: Parentização Bottom Up - Vetor Decrescente P30

4.8.12 Vetor Decrescente P40

Tabela gerada utilizando Parentização Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Decrescente P40.

Tabela 4.28: Parentização Bottom Up com vetor Decrescente P40

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	2898
32	15696
64	108110
128	760201
256	6613108
512	67337227

$Bottom Up/Decrescente\ P40/ParentizacaoBottom Up.png\ Bottom Up/Decrescente\ P40/ParentizacaoBottom Up.png$

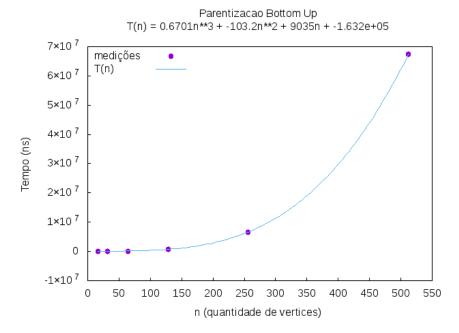


Figura 4.26: Parentização Bottom Up - Vetor Decrescente P40

4.8.13 Vetor Decrescente P50

Tabela gerada utilizando Parentização Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Decrescente P50.

Tabela 4.29: Parentização Bottom Up) com vetor Decrescente i	$P \partial U$
-------------------------------------	---------------------------	----------------

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	2961
32	16579
64	105587
128	771134
256	6553364
512	67677413

 $Bottom Up/Decrescente \ P50/ParentizacaoBottom Up.png \ Bottom Up/Decrescente \ P50/ParentizacaoBottom Up.png$

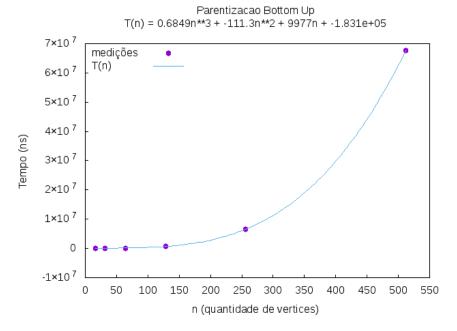


Figura 4.27: Parentização Bottom Up - Vetor Decrescente P50

4.9 Parentização Recursiva

Problema já comentado anteriormente.

4.9.1 Vetor

Tabela gerada utilizando Parentização Recursiva com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4, pois após isso há um estouro de memória, logo não é possível extrair um gráfico.

Tabela 4.30: Parentização Recursiva

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	103633175
16	103633175
16	103633175
16	103633175
16	103633175
16	103633175
16	103633175
16	103633175
16	103633175
16	103633175
16	103633175
16	103633175
16	103633175

Capítulo 5

Estatísticas de Ordem

A iesima estatística de ordem de um conjunto com n elementos é o iesimo menor elemento desse conjunto.

5.1 Min

Mínimo é a primeira estatística de ordem, com i = 1.

5.1.1 Vetor aleatorio

Tabela gerada utilizando Min com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos aleatóriamente.

Tabela 5.1: Min com vetor aleatório

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	520
32	300
64	326
128	358
256	387
512	458
1024	1017
2048	1227
4096	3554
8192	10154
16384	6307

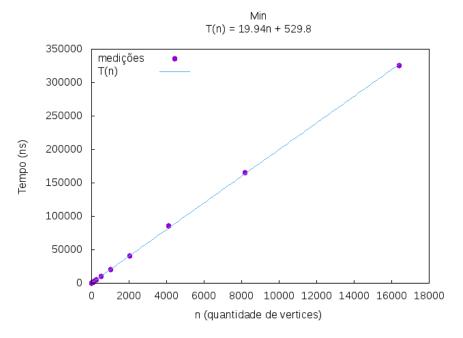


Figura 5.1: Min - Vetor Aleatório

5.1.2 Vetor Crescente

Tabela gerada utilizando Min com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Crescente.

Número de Elementos Tempo de execução em nanosegundos

Tabela 5.2: Min com vetor Crescente

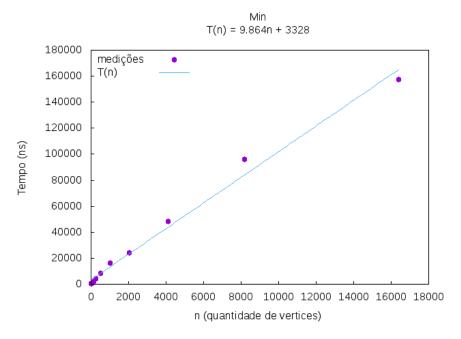


Figura 5.2: Min - Vetor Crescente

5.1.3 Vetor Crescente P10

Tabela gerada utilizando Min com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Crescente P10.

Número de Elementos Tempo de execução em nanosegundos

Tabela 5.3: Min com vetor Crescente P10

P10/Min.png P10/Min.png

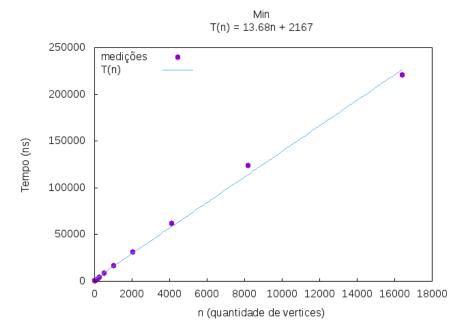


Figura 5.3: Min - Vetor Crescente P10

5.1.4 Vetor Crescente P20

Tabela gerada utilizando Min com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Crescente P 20.

Tabela 5.4: Min com vetor Crescente P20

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	805
32	500
64	766
128	486
256	427
512	497
1024	745
2048	1113
4096	3154
8192	2949
16384	5554

$P20/Min.png\ P20/Min.png$

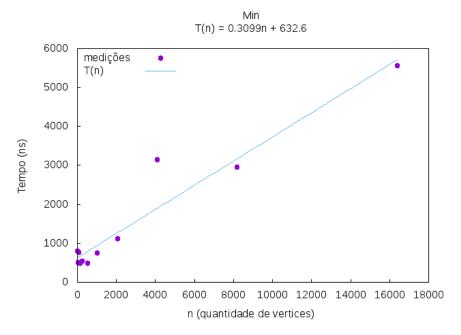


Figura 5.4: Min - Vetor Crescente P20

5.1.5 Vetor Crescente P30

Tabela gerada utilizando Min com vetores de tamanho n, sendo $n=(2^k)$, de k=4..14 e inseridos Crescente P30.

Tabela 5.5: Min com vetor Crescente P30

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	304
32	274
64	297
128	466
256	390
512	463
1024	587
2048	891
4096	1554
8192	3553
16384	7562

P30/Min.png P30/Min.png

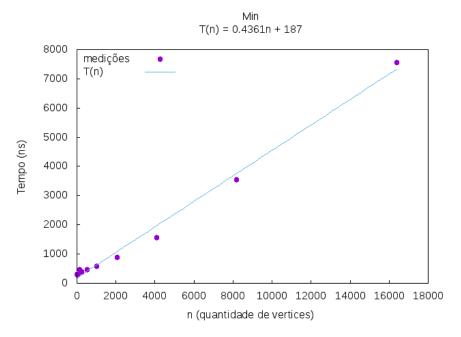


Figura 5.5: Min - Vetor Crescente P30

5.1.6 Vetor Crescente P40

Tabela gerada utilizando Min com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Crescente P40.

Tabela 5.6: Min com vetor Crescente P40

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	332
32	330
64	302
128	350
256	426
512	466
1024	1714
2048	2170
4096	4381
8192	12724
16384	6773

P40/Min.png P40/Min.png

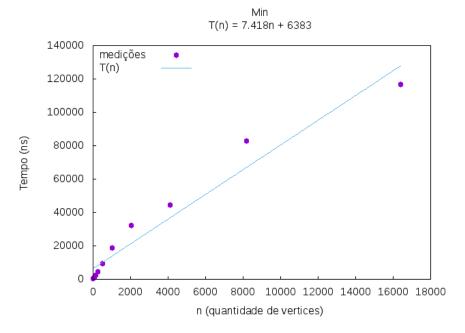


Figura 5.6: Min - Vetor Crescente P40

5.1.7 Vetor Crescente P50

Tabela gerada utilizando Min com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Crescente P50.

Tabela 5.7: Min com vetor Crescente P50

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	312
32	276
64	289
128	372
256	365
512	543
1024	922
2048	922
4096	1538
8192	2925
16384	6012

P50/Min.png P50/Min.png

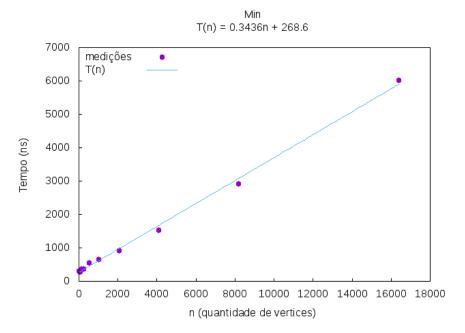


Figura 5.7: Min - Vetor Crescente P50

5.1.8 Vetor Decrescente

Tabela gerada utilizando Min com vetores de tamanho n
, sendo n $=(2^k),$ de k=4..14e inseridos Decrescente.

Tabela 5.8: Min com vetor Decrescente
ero de Elementos | Tempo de execução em

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	305
32	278
64	274
128	340
256	368
512	472
1024	869
2048	1008
4096	2077
8192	3849
16384	11560

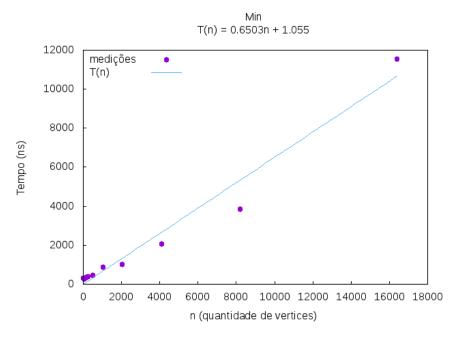


Figura 5.8: Min - Vetor Decrescente

5.1.9 Vetor Decrescente P10

Tabela gerada utilizando Min com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Decrescente P10.

Número de Elementos Tempo de execução em nanosegundos

Tabela 5.9: Min com vetor Decrescente P10

P10/Min.png P10/Min.png

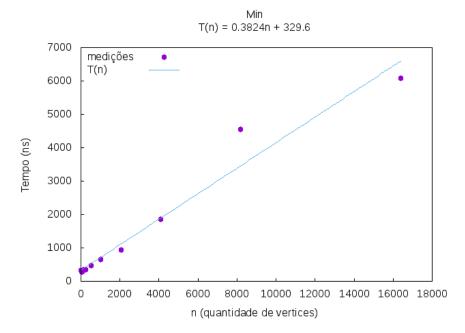


Figura 5.9: Min - Vetor Decrescente P10

5.1.10 Vetor Decrescente P20

Tabela gerada utilizando Min com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Decrescente P20.

Tabela 5.10: Min com vetor Decrescente P20

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	331
32	267
64	318
128	361
256	403
512	485
1024	713
2048	892
4096	1790
8192	2965
16384	6367

P20/Min.png P20/Min.png

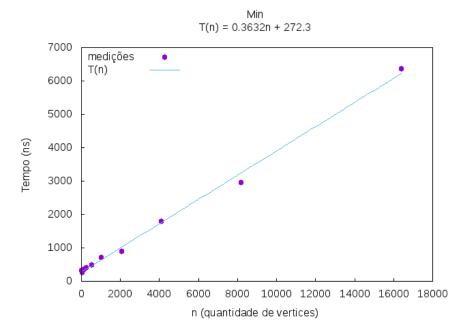


Figura 5.10: Min - Vetor Decrescente P20

5.1.11 Vetor Decrescente P30

Tabela gerada utilizando Min com vetores de tamanho n, sendo $n=(2^k)$, de k=4..14 e inseridos Decrescente P30.

Tabela 5.11: Min com vetor Decrescente P30

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	335
32	300
64	370
128	364
256	433
512	503
1024	678
2048	1236
4096	2175
8192	9572
16384	13543

P30/Min.png P30/Min.png

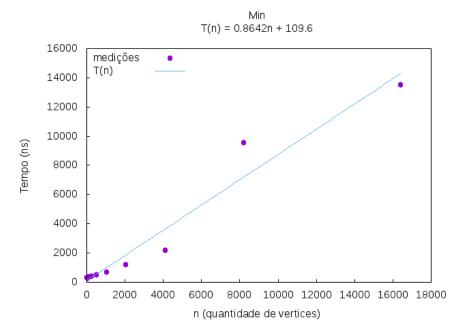


Figura 5.11: Min - Vetor Decrescente P30

5.1.12 Vetor Decrescente P40

Tabela gerada utilizando Min com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Decrescente P40.

Tabela 5.12: Min com vetor Decrescente P40

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	323
32	279
64	358
128	342
256	363
512	469
1024	659
2048	899
4096	1831
8192	2947
16384	5499

P40/Min.png P40/Min.png

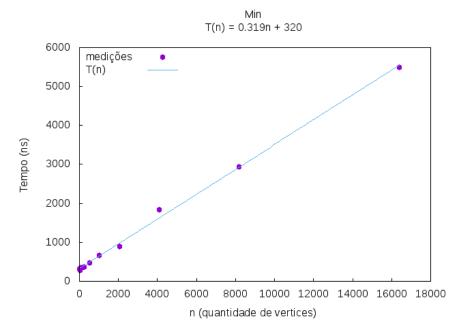


Figura 5.12: Min - Vetor Decrescente P40

5.1.13 Vetor Decrescente P50

Tabela gerada utilizando Min com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Decrescente P 50.

Tabela 5.13: Min com vetor Decrescente P50

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	341
32	300
64	320
128	361
256	422
512	460
1024	637
2048	1070
4096	1853
8192	2951
16384	7247

P50/Min.png P50/Min.png

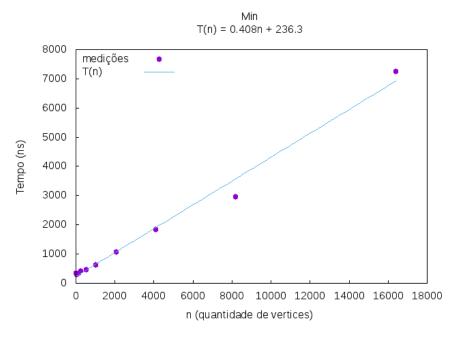


Figura 5.13: Min - Vetor Decrescente P50

5.2 MinMax

Mínimo é a primeira estatística de ordem, com i=1. Máximo é a n ésima estatística de ordem, com i=n.

5.2.1 Vetor aleatorio

Tabela gerada utilizando Min
Max com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos aleatóriamente.

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	834
32	444
64	460
128	455
256	545
512	685
1024	974
2048	1322
4096	2133
8192	3744
16384	8385

Tabela 5.14: MinMax com vetor aleatório

Max/Aleatorio/MinMax.png Max/Aleatorio/MinMax.png

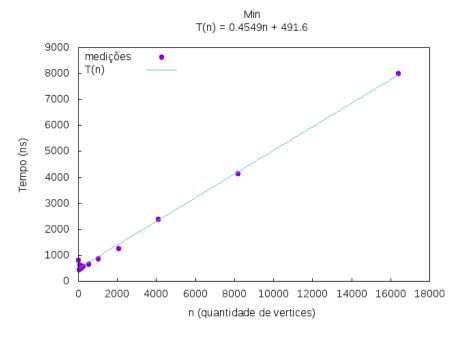


Figura 5.14: MinMax - Vetor Aleatório

5.2.2 Vetor Crescente

Tabela gerada utilizando Min
Max com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Crescente.

Número de Elementos Tempo de execução em nanosegundos

Tabela 5.15: MinMax com vetor Crescente

Max/Crescente/MinMax.png Max/Crescente/MinMax.png

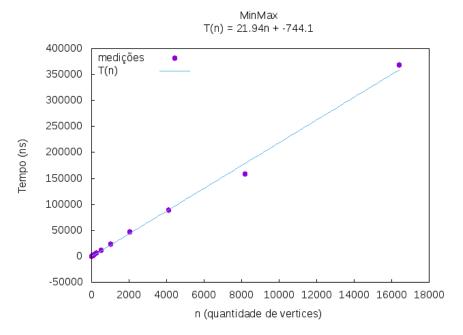


Figura 5.15: MinMax - Vetor Crescente

5.2.3 Vetor Crescente P10

Tabela gerada utilizando MinMax com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Crescente P10.

Número de Elementos Tempo de execução em nanosegundos

Tabela 5.16: MinMax com vetor Crescente P10

${ m Max/Crescente~P10/MinMax.png~Max/Crescente~P10/MinMax.png}$

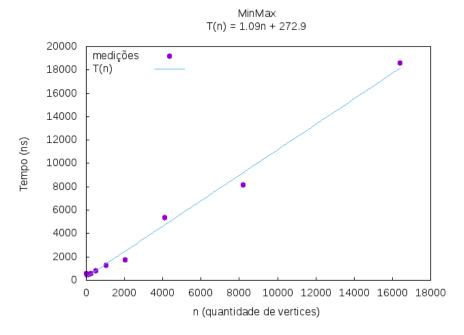


Figura 5.16: MinMax - Vetor Crescente P10

5.2.4 Vetor Crescente P20

Tabela gerada utilizando MinMax com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Crescente P20.

Tabela 5.17: MinMax com vetor Crescente P20

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	454
32	465
64	461
128	472
256	525
512	650
1024	1049
2048	1335
4096	2398
8192	3837
16384	7720

Max/Crescente P20/MinMax.png Max/Crescente P20/MinMax.png

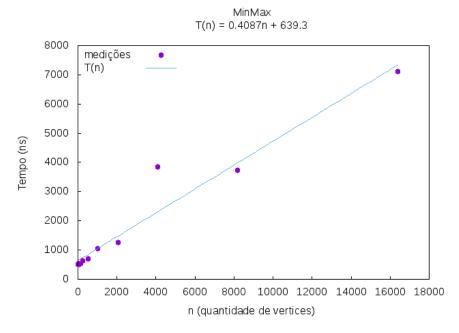


Figura 5.17: MinMax - Vetor Crescente P20

5.2.5 Vetor Crescente P30

Tabela gerada utilizando MinMax com vetores de tamanho n, sendo $n=(2^k)$, de k=4..14 e inseridos Crescente P30.

Número de Elementos Tempo de execução em nanosegundos

Tabela 5.18: MinMax com vetor Crescente P30

 ${
m Max/Crescente~P30/MinMax.png~Max/Crescente~P30/MinMax.png}$

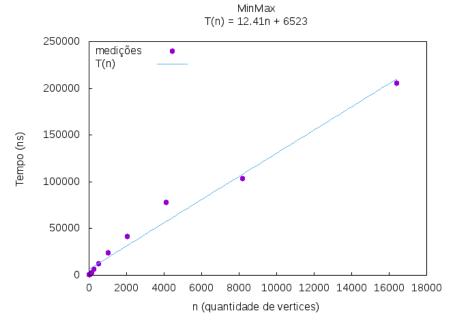


Figura 5.18: MinMax - Vetor Crescente P30

5.2.6 Vetor Crescente P40

Tabela gerada utilizando Min
Max com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Crescente P40.

Tabela 5.19: MinMax com vetor Crescente P40

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	1292
32	483
64	573
128	807
256	562
512	1705
1024	2362
2048	3904
4096	5994
8192	4047
16384	7145

Max/Crescente P40/MinMax.png Max/Crescente P40/MinMax.png

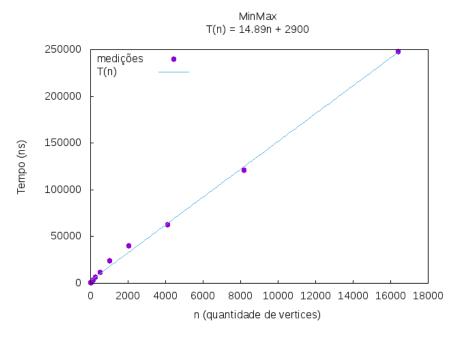


Figura 5.19: MinMax - Vetor Crescente P40

Vetor Crescente P50 5.2.7

Tabela gerada utilizando Min
Max com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Crescente P50.

Tabela 5.20: MinMax com vetor Crescente P50

Número de Elementos | Tempo de execução em nanosegundos

16 460 32 463 64 464 128 496 256 948 512 688 1024 854 2048 1308 4096 2643 8192 5058 16384 7017	I (dillete de Elemente)	Tombe as successed and managed and as
64 464 128 496 256 948 512 688 1024 854 2048 1308 4096 2643 8192 5058	16	460
128 496 256 948 512 688 1024 854 2048 1308 4096 2643 8192 5058	32	463
256 948 512 688 1024 854 2048 1308 4096 2643 8192 5058	64	464
512 688 1024 854 2048 1308 4096 2643 8192 5058	128	496
1024 854 2048 1308 4096 2643 8192 5058	256	948
2048 1308 4096 2643 8192 5058	512	688
4096 2643 8192 5058	1024	854
8192 5058	2048	1308
	4096	2643
16384 7017	8192	5058
	16384	7017

 ${
m Max/Crescente~P50/MinMax.png~Max/Crescente~P50/MinMax.png}$

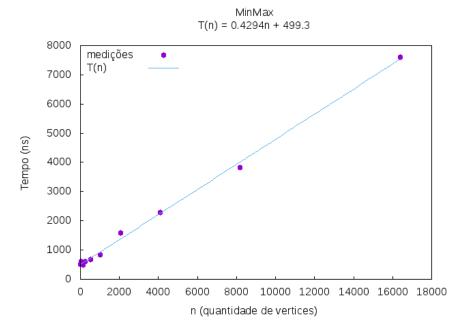


Figura 5.20: MinMax - Vetor Crescente P50

5.2.8 Vetor Decrescente

Tabela gerada utilizando Min
Max com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Decrescente.

Tabela 5.21: MinMax com vetor Decrescente

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	440
32	394
64	488
128	444
256	511
512	659
1024	1000
2048	1525
4096	2986
8192	6276
16384	15652

Max/Decrescente/MinMax.png Max/Decrescente/MinMax.png

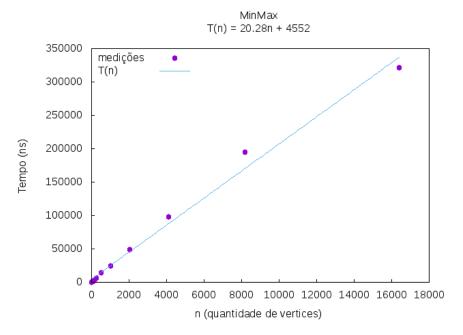


Figura 5.21: MinMax - Vetor Decrescente

Vetor Decrescente P10 5.2.9

Tabela gerada utilizando MinMax com vetores de tamanho n, sendo $n=(2^k)$, de k=4..14 e inseridos Decrescente P10.

Tabela 5.22: MinMax com vetor Decrescente P10

Número do Flomentos | Tempo de evecução em nanosegundos

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	448
32	428
64	445
128	599
256	488
512	656
1024	876
2048	1299
4096	2130
8192	3922
16384	8388

Max/Decrescente P10/MinMax.png Max/Decrescente P10/MinMax.png

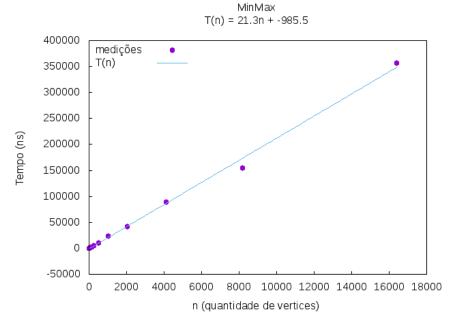


Figura 5.22: MinMax - Vetor Decrescente P10

5.2.10 Vetor Decrescente P20

Tabela gerada utilizando MinMax com vetores de tamanho n, sendo $n=(2^k)$, de k=4..14 e inseridos Decrescente P20.

Número de Elementos Tempo de execução em nanosegundos

Tabela 5.23: MinMax com vetor Decrescente P20

 ${\it Max/Decrescente~P20/MinMax.png~Max/Decrescente~P20/MinMax.png}$

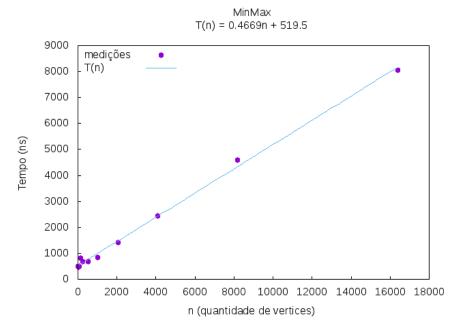


Figura 5.23: MinMax - Vetor Decrescente P20

5.2.11 Vetor Decrescente P30

Tabela gerada utilizando Min
Max com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Decrescente P30.

Tabela 5.24: MinMax com vetor Decrescente P30

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	481
32	429
64	480
128	480
256	534
512	723
1024	1062
2048	2273
4096	6007
8192	13578
16384	7634

Max/Decrescente P30/MinMax.png Max/Decrescente P30/MinMax.png

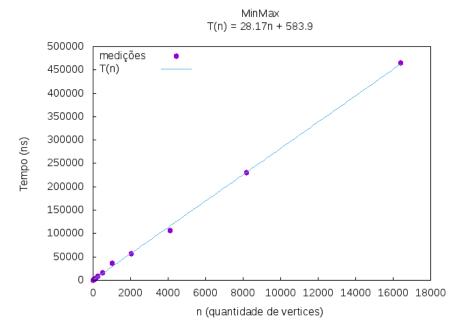


Figura 5.24: MinMax - Vetor Decrescente P30

5.2.12 Vetor Decrescente P40

Tabela gerada utilizando MinMax com vetores de tamanho n, sendo $n=(2^k)$, de k=4..14 e inseridos Decrescente P40.

Número de Elementos Tempo de execução em nanosegundos

Tabela 5.25: MinMax com vetor Decrescente P40

 $Max/Decrescente\ P40/MinMax.png\ Max/Decrescente\ P40/MinMax.png$

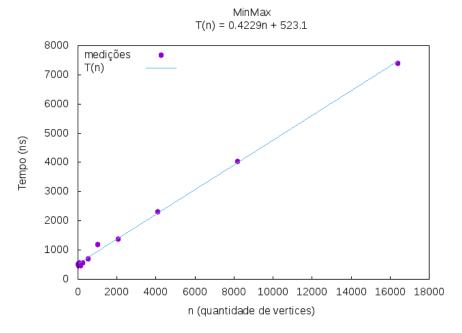


Figura 5.25: MinMax - Vetor Decrescente P40

5.2.13 Vetor Decrescente P50

Tabela gerada utilizando Min
Max com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Decrescente P
50.

Tabela 5.26: MinMax com vetor Decrescente P50

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	415
32	494
64	408
128	453
256	507
512	672
1024	806
2048	1413
4096	2813
8192	4791
16384	25421

Max/Decrescente P50/MinMax.png Max/Decrescente P50/MinMax.png

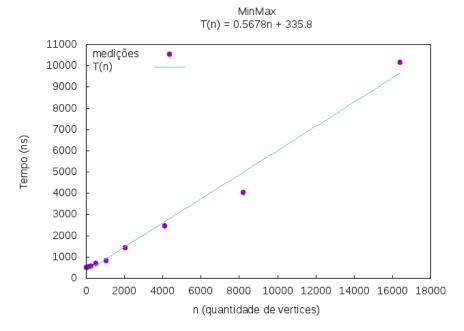


Figura 5.26: MinMax - Vetor Decrescente P50

5.3 Seleciona Aleatorizado

Algoritmo inspirado no Quicksort que resolve o problema da seleção.

5.3.1 Vetor aleatorio

8192

16384

Tabela gerada utilizando Seleciona Aleatorizado com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos aleatóriamente.

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	631
32	664
64	732
128	764
256	968
512	1068
1024	1332
2048	2044
4096	3555

6672

12553

Tabela 5.27: Seleciona Aleatorizado com vetor aleatório

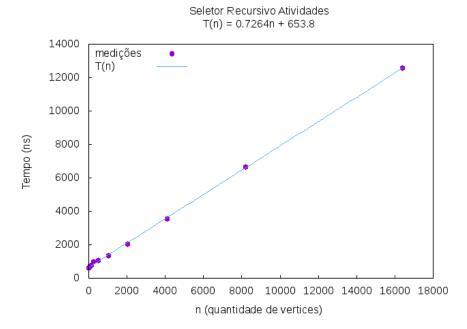


Figura 5.27: Seleciona Aleatorizado - Vetor Aleatório

Capítulo 6

Referências

Busca em Largura
Busca em Profundidade
Huffman
Min
Min Max
Mochila Fracionada
Ordenação Tolológica
Slides Professor
Introduction to algorithms 3rd Edition, Cormen, Thomas H,2009