Análise de Algoritmos - Ordenação

Gustavo de Souza Silva Guilherme de Souza Silva Arthur Xavier Schumaiquer Souto

Faculdade de Computação Universidade Federal de Uberlândia

1 de agosto de 2017

Lista de Figuras

2.1 2.2 2.3 2.4 2.5 2.6	Busca Largura - Grafo Esparso24Busca em Largura - Grafo Denso25Busca Profundidade - Grafo Esparso26Busca Profundidade - Grafo Denso27Ordenação Topologica - Grafo Esparso28Ordenação Topologica - Grafo Denso29
3.1 3.2 3.3	Huffman - Vetor Aleatório 31 Seleção de Atividade Interativo - Vetor crescente 32 Seleção de Atividade Bottom Up - Vetor crescente 33
4.1 4.2 4.3	Corte Haste Bottom Up - Vetor Aleatório35Corte Haste Bottom Up - Vetor Crescente36Corte Haste Bottom Up - Vetor Crescente P1037
4.4 4.5	Corte Haste Bottom Up - Vetor Crescente P20
4.6	Corte Haste Bottom Up - Vetor Crescente P40
4.7	Corte Haste Bottom Up - Vetor Crescente P50
4.8 4.9	Corte Haste Bottom Up - Vetor Decrescente
4.10	Corte Haste Bottom Up - Vetor Decrescente P20
	Corte Haste Bottom Up - Vetor Decrescente P30
	Corte Haste Bottom Up - Vetor Decrescente P40
	Corte Haste Bottom Up - Vetor Decrescente P50
	Corte Haste Comum
	Corte Haste Memoizada - Vetor Aleatório
	Corte Haste Memoizada - Vetor Crescente
	Corte Haste Memoizada - Vetor Crescente P10
4.18	Corte Haste Memoizada - Vetor Crescente P20
	Corte Haste Memoizada - Vetor Crescente P30
4.20	Corte Haste Memoizada - Vetor Crescente P40
4.21	Corte Haste Memoizada - Vetor Crescente P50
4.22	Corte Haste Memoizada - Vetor Decrescente
4.23	Corte Haste Memoizada - Vetor Decrescente P10
4.24	Corte Haste Memoizada - Vetor Decrescente P20
4.25	Corte Haste Memoizada - Vetor Decrescente P30
4.26	Corte Haste Memoizada - Vetor Decrescente P40
4.27	Corte Haste Memoizada - Vetor Decrescente P50
	Parentização Bottom Up - Vetor Aleatório
4 29	Parentização Bottom Up - Vetor Crescente 63

4.30	Parentização Bottom Up - Vetor Crescente P10
4.31	Parentização Bottom Up - Vetor Crescente P20
4.32	Parentização Bottom Up - Vetor Crescente P30
1.33	Parentização Bottom Up - Vetor Crescente P40
.34	Parentização Bottom Up - Vetor Crescente P50
1.35	Parentização Bottom Up - Vetor Decrescente
.36	Parentização Bottom Up - Vetor Decrescente P10
.37	Parentização Bottom Up - Vetor Decrescente P20
1.38	Parentização Bottom Up - Vetor Decrescente P30
.39	Parentização Bottom Up - Vetor Decrescente P40
.40	Parentização Bottom Up - Vetor Decrescente P50
.41	Parentização Recursiva
5.1	Min - Vetor Aleatório
.2	Min - Vetor Crescente
5.3	Min - Vetor Crescente P10
.4	Min - Vetor Crescente P20
.5	Min - Vetor Crescente P30
.6	Min - Vetor Crescente P40
.7	Min - Vetor Crescente P50
.8	Min - Vetor Decrescente
.9	Min - Vetor Decrescente P10
.10	Min - Vetor Decrescente P20
.11	Min - Vetor Decrescente P30
.12	Min - Vetor Decrescente P40
5.13	Min - Vetor Decrescente P50
5.14	MinMax - Vetor Aleatório
	MinMax - Vetor Crescente
5.16	MinMax - Vetor Crescente P10
5.17	MinMax - Vetor Crescente P20
5.18	MinMax - Vetor Crescente P30
5.19	MinMax - Vetor Crescente P40
5.20	MinMax - Vetor Crescente P50
5.21	MinMax - Vetor Decrescente
5.22	MinMax - Vetor Decrescente P10
5.23	MinMax - Vetor Decrescente P20
	MinMax - Vetor Decrescente P30
5 25	MinMax - Vetor Decrescente P40
,0	

Lista de Tabelas

2.1		23
2.2		24
2.3		25
2.4		26
2.5		27
2.6	Ordenação Topologica com Grafo Denso	28
3.1	Huffman com vetor aleatório	30
3.2		31
3.3		$31 \\ 32$
0.0	Seleção de Atividade Dottom op com vetor crescente	IJΔ
4.1	Corte Haste Bottom Up com vetor aleatório	35
4.2	Corte Haste Bottom Up com Vetor Crescente	36
4.3	Corte Haste Bottom Up com Vetor Crescente P10	37
4.4	Corte Haste Bottom Up com Vetor Crescente P20	38
4.5	Corte Haste Bottom Up com Vetor Crescente P30	39
4.6		40
4.7	Corte Haste Bottom Up com Vetor Crescente P50	41
4.8		42
4.9	_	43
4.10	Corte Haste Bottom Up com Vetor Decrescente P20	44
4.11		45
4.12	Corte Haste Bottom Up com Vetor Decrescente P40	46
		47
4.14	Corte Haste Bottom Up com vetor aleatório	48
4.15	Corte Haste Memoizada com vetor aleatório	49
		50
4.17	Corte Haste Memoizada com Vetor Crescente P10	51
4.18	Corte Haste Memoizada com Vetor Crescente P20	52
4.19	Corte Haste Memoizada com Vetor Crescente P30	53
4.20	Corte Haste Memoizada com Vetor Crescente P40	54
4.21	Corte Haste Memoizada com Vetor Crescente P50	55
4.22	Corte Haste Memoizada com Vetor Decrescente	56
4.23	Corte Haste Memoizada com Vetor Decrescente P10	57
4.24	Corte Haste Memoizada com Vetor Decrescente P20	58
4.25	Corte Haste Memoizada com Vetor Decrescente P30	59
4.26	Corte Haste Memoizada com Vetor Decrescente P40	60
4.27	Corte Haste Memoizada com Vetor Decrescente P50	61
4.28	Parentização Bottom Up com vetor aleatório	62
4.29	Parentização Bottom Up com vetor Crescente	62

4.30	Parentização Bottom Up com vetor Crescente P10	33
4.31	Parentização Bottom Up com vetor Crescente P20	34
4.32	Parentização Bottom Up com vetor Crescente P30	35
4.33	Parentização Bottom Up com vetor Crescente P40	66
4.34	Parentização Bottom Up com vetor Crescente P50	37
4.35	Parentização Bottom Up com vetor Decrescente	38
4.36	Parentização Bottom Up com vetor Decrescente P10	39
4.37	Parentização Bottom Up com vetor Decrescente P20	70
4.38	Parentização Bottom Up com vetor Decrescente P30	71
4.39	Parentização Bottom Up com vetor Decrescente P40	72
		73
4.41	Parentização Recursiva	74
5.1		76
5.2		77
5.3		78
5.4		79
5.5		30
5.6		31
5.7	Min com vetor Crescente P50	32
5.8		33
5.9		34
5.10	Min com vetor Decrescente P20	35
5.11	Min com vetor Decrescente P30	36
5.12	Min com vetor Decrescente P40	37
5.13	Min com vetor Decrescente P50	38
5.14	MinMax com vetor aleatório	39
5.15	MinMax com vetor Crescente	90
5.16	MinMax com vetor Crescente P10	91
5.17	MinMax com vetor Crescente P20	92
5.18	MinMax com vetor Crescente P30	93
5.19	MinMax com vetor Crescente P40	94
5.20	MinMax com vetor Crescente P50	95
5.21	MinMax com vetor Decrescente	96
5.22	MinMax com vetor Decrescente P10	97
5.23	MinMax com vetor Decrescente P20	98
5.24	MinMax com vetor Decrescente P30	99
		00
5.26	MinMax com vetor Decrescente P50)1

Lista de Listagens

1.1	Arquivo referente ao vetor	6
1.2	Geração dos vetores	11
1.3	Métodos de ordenação	13
1.4	Automatização dos experimentos	18

Sumário

Li	sta d	le Figuras	2
Li	sta d	le Tabelas	3
1	Intr	rodução	6
	1.1	Codificação	6
		1.1.1 Comandos	21
	1.2	Máquina de teste	22
2	Gra	afo	23
	2.1	Busca Largura	23
	2.2	Busca Largura - Grafo Esparso	23
		2.2.1 Gráfico Busca Largura - Grafo Esparso	24
	2.3	Busca Largura - Grafo Denso	24
		2.3.1 Busca em Largura - Grafo Denso	25
	2.4	Busca Profundidade	25
	2.5	Busca Profundidade - Grafo Esparso	25
		2.5.1 Busca Profundidade - Grafo Esparso	26
	2.6	Busca Profundidade - Grafo Denso	26
		2.6.1 Busca Profundidade - Grafo Denso	27
	2.7	Ordenação Topologica	27
	2.8	Ordenação Topologica - Grafo Esparso	27
		2.8.1 Ordenação Topologica - Grafo Esparso	28
	2.9	Ordenação Topologica - Grafo Denso	28
		2.9.1 Ordenação Topologica - Grafo Denso	29
3	Gul	oso	30
	3.1	Huffman	30
	0.1	3.1.1 Vetor aleatorio	30
	3.2	Seleção de Atividade Interativo	31
	0.2	3.2.1 Vetor crescente	31
	3.3	Seleção de Atividade Bottom Up	$\frac{31}{32}$
	0.0	3.3.1 Vetor crescente	32
4	Des		34
4	4.1	ogramação Dinâmica	34 34
	$\frac{4.1}{4.2}$	Corte Haste	
	4.2	Corte Haste Bottom Up	34
		4.2.1 Vetor aleatorio	34
		4.2.2 Vetor Crescente	35
		4.2.5 Vetor Crescente r 10	36

		4.2.4	Vetor	Crescente P20															٠		. 3	7
		4.2.5	Vetor	Crescente P30																	. 38	8
		4.2.6	Vetor	Crescente P40																	_	9
		4.2.7	Vetor	Crescente P50																	. 40	0
		4.2.8	Vetor	Decrescente .																	. 4	1
		4.2.9		Decrescente P																		2
		4.2.10		Decrescente P																		
		4.2.11		Decrescente P																		
		4.2.12		Decrescente P																		
		4.2.13	Vetor	Decrescente P	50 .																. 40	6
	4.3			Comum																		
	4.4			Memoizada .																		
		4.4.1		aleatorio																		
		4.4.2		Crescente																		
		4.4.3		Crescente P10																		
		4.4.4		Crescente P20																		
		4.4.5		Crescente P30																		
		4.4.6		Crescente P40																		
		4.4.7		Crescente P50																		
		4.4.8		Decrescente .																		
		4.4.9		Decrescente P																		
		4.4.10		Decrescente P																		
		4.4.11		Decrescente P																		
		4.4.12		Decrescente P																		
				Decrescente P																		
	4.5			Bottom Up .																		
	1.0	4.5.1	_	aleatorio																		
		4.5.2		Crescente																		
		4.5.2		Crescente P10																		
		4.5.4		Crescente P20																		
		4.5.5		Crescente P30																		
		4.5.6		Crescente P40																		
		4.5.7		Crescente P50																		
		4.5.8		Decrescente .																		
		4.5.9		Decrescente P																	_	
		4.5.10		Decrescente P																		
		4.5.11		Decrescente P										•		•	•		•	•		
		4.5.12		Decrescente P																		
				Decrescente P																		
	4.6			Recursiva																		
	1.0	1 arcm	nzação	recuisiva		• •	• •	•	•	• •	• •	• •	• •	•	• •	•	•	• •	•	•		1
5	Esta	atística	as de C	\mathbf{Ordem}																	7	6
	5.1	Min																			. 70	6
		5.1.1	Vetor	aleatorio															٠		. 70	6
		5.1.2	Vetor	Crescente										•							. 7	7
		5.1.3	Vetor	Crescente P10										•							. 78	8
		5.1.4	Vetor	Crescente P20																	. 79	9
		5.1.5	Vetor	Crescente P30																	. 80	0
		5.1.6	Vetor	Crescente P40				•						•							. 8	1

		5.1.7	Vetor Crescente P50	2
		5.1.8	Vetor Decrescente	3
		5.1.9	Vetor Decrescente P10	4
		5.1.10	Vetor Decrescente P20	5
		5.1.11	Vetor Decrescente P30	6
		5.1.12	Vetor Decrescente P40	7
		5.1.13	Vetor Decrescente P50	8
	5.2	MinMa	ax	9
		5.2.1	Vetor aleatorio	9
		5.2.2	Vetor Crescente	0
		5.2.3	Vetor Crescente P10	1
		5.2.4	Vetor Crescente P 20	2
		5.2.5	Vetor Crescente P30	3
		5.2.6	Vetor Crescente P40	4
		5.2.7	Vetor Crescente P 50	5
		5.2.8	Vetor Decrescente	6
		5.2.9	Vetor Decrescente P10	7
		5.2.10	Vetor Decrescente P20	8
		5.2.11	Vetor Decrescente P30	9
		5.2.12	Vetor Decrescente P40	0
		5.2.13	Vetor Decrescente P50	1
6	Refe	erência	10	3

Capítulo 1

Introdução

Este relatório tem como objetivo fazer a análise de diversos algoritmos já conhecidos de ordenação. O intuito deste trabalho é comprovar que as provas matemáticas realmente acontecem em um ambiente real de execução.

1.1 Codificação

O arquivo vetor.c mantém todas as funções a respeito do vetor, como geração, preenchimento, etc.

Listagem 1.1: Arquivo referente ao vetor

```
1 #include <stdlib.h>
2 #include <stdio.h>
4 #include "vetor.h"
  #define MAX(x,y) ( \
      { \_auto_type \_x = (x); \_auto_type \_y = (y); \
        \underline{x} > \underline{y} ? \underline{x} : \underline{y}; )
10 #define TROCA(v, i, j, temp) (
      \{ (temp) = v[(i)];
11
        v[(i)] = v[(j)];
        v[(j)] = (temp);
13
14
16 typedef enum ordem {ALEATORIO, CRESCENTE, DECRESCENTE} Ordem;
17 typedef enum modificador {TOTALMENTE, PARCIALMENTE} Modificador;
18 typedef int Percentual;
19 */
^{20}
21 double rand_double (double min, double max)
22 { // Retorna números em ponto flutuante aleatórios uniformemente
    // distribuídos no intervalo fechado [min,max].
      return min + (rand() / (RAND_MAX / (max-min)));
25 }
27 int rand_int(int min, int max) {
```

```
// Retorna números inteiros aleatórios uniformemente distribuídos
    // no intervalo fechado [min,max].
29
    // Para maiores informações:
30
    // https://stackoverflow.com/questions/2509679/how-to-generate-a-random-
31
       number-from-within-a-range
    unsigned long num_baldes = (unsigned long) max-min+1;
32
    if (num_baldes<1) {</pre>
33
      fprintf(stderr, "Intervalo invalido\n");
34
35
      exit(-1);
36
    unsigned long num_rand = (unsigned long) RAND_MAX+1;
37
    unsigned long tam_balde = num_rand / num_baldes;
38
    unsigned long defeito = num_rand % num_baldes;
39
    long x;
40
    do
41
      x = random();
42
    while (num_rand - defeito <= (unsigned long)x);</pre>
43
    return x / tam_balde + min;
44
45 }
46
47
48 static void inline preenche_vetor_int(int * v, int n, int k, int q, int r,
      int incr) {
    int i, j;
        i=0;
50
        while (i < n) {
5.1
          for(j=i; j < i+q; j++)</pre>
52
            v[j] = k;
53
54
          i = i + q;
55
          if (r > 0) {
56
            v[j] = k;
57
            i = i + 1;
58
            r = r - 1;
59
          }
          k = k + incr;
61
62
63 }
65
66 int * gera_vetor_int(int n, Modificador c, Ordem o, Percentual p,
                        int minimo, int maximo) {
67
    int i, j; // indices
    int a = maximo - minimo + 1; // amplitude do intervalo
69
    int q = n / a; // número mínimo de valores repetidos
70
    int r = n % a; // r elementos terão o número (q+1) valores repetidos
71
    int k;
                     // valor do elemento atualmente sob consideração
72
                     // vetor[0..n-1] a ser preenchido
    int * v;
73
74
    CONFIRME(n >= 1, "O número de elementos deve ser estritamente positivo.\
75
    CONFIRME (maximo >= minimo, "O valor máximo deve ser maior que o mínimo.\
76
       n");
    CONFIRME(0 <= p && p <= 100, "O percentual deve estar entre [0,100]\n");
77
78
    v = (int *) calloc(n, sizeof(int)); // aloca um vetor com n inteiros
79
    CONFIRME(v != NULL, "calloc falhou\n");
80
81
    switch (0) {
```

```
case CRESCENTE:
83
         preenche_vetor_int(v, n, minimo, q, r, 1);
84
         break;
85
       case DECRESCENTE:
86
         preenche_vetor_int(v, n, maximo, q, r, -1);
87
         break;
88
       case ALEATORIO:
89
90
         for(i=0; i<n; i++) v[i] = rand_int(minimo, maximo);</pre>
91
       default: CONFIRME(false, "Ordem Inválida\n");
92
93
     }
94
     switch (c) {
95
     case PARCIALMENTE:
96
       q = (p * n) / 200;
97
       for (i=0; i<q; i++)
98
         TROCA (v, i, n-i-1, k);
99
100
       break;
1\,0\,1
     case TOTALMENTE: break;
     default: CONFIRME(false, "Modificador do vetor desconhecido");
102
103
104
     return v;
105
106 }
107
108
109 static void inline preenche_vetor_double (double * v, int n, double inicial
110
                                                double delta, double sinal)
111 {
     int i;
112
     for (i=0; i<n; i++)</pre>
       v[i] = inicial + sinal*i*delta;
114
115 }
116
117
118 double * gera_vetor_double(int n, Modificador c, Ordem o, Percentual p,
                                double minimo, double maximo) {
119
     int i; // indice
120
121
     double a = maximo - minimo;
                                     // amplitude do intervalo
122
     double delta;
                         // vetor[0..n-1] a ser preenchido
     double * v;
123
124
     double temp;
125
     int q;
126
     CONFIRME(n >= 1, "O número de elementos deve ser estritamente positivo.\
127
     CONFIRME (maximo >= minimo, "O valor máximo deve ser maior que o mínimo.\
128
        n");
     CONFIRME(0 <= p \& p <= 100, "O percentual deve estar entre [0,100]\n");
129
130
     delta = a / MAX(n-1.0, 1.0); // incremento nos elementos do vetor
131
     v = (double *) calloc(n, sizeof(double)); // aloca um vetor com n
132
        doubles
     CONFIRME(v != NULL, "callocfalhou\n");
133
134
     switch (0) {
135
       case CRESCENTE:
136
         preenche_vetor_double(v, n, minimo, delta, 1);
```

```
break;
138
       case DECRESCENTE:
139
         preenche_vetor_double(v, n, maximo, delta, -1);
140
         break;
141
       case ALEATORIO:
142
         for(i=0; i<n; i++) v[i] = rand_double(minimo, maximo);</pre>
143
         break;
144
       default: CONFIRME(false, "Ordem Inválida\n");
145
146
147
     switch (c) {
148
     case PARCIALMENTE:
149
      q = (p * n) / 200;
150
       for (i=0; i<q; i++)</pre>
151
         TROCA(v,i,n-i-1,temp);
152
       break;
153
     case TOTALMENTE: break;
154
     default: CONFIRME(false, "Modificador do vetor desconhecido");
155
156
157
     return v;
158
159 }
160
161 void escreva_vetor_int(int * v, int n, char * arq) {
162
     int i;
     FILE* fd = NULL;
163
164
     fd = fopen(arq, "w");
165
     CONFIRME(fd!= NULL, "escreva_vetor_int: fopen falhou\n");
166
167
     // Na primeira linha está o número de elementos
168
     fprintf(fd, "%d\n", n);
169
     for (i=0; i<n; i++)</pre>
170
       fprintf(fd, "%d\n", v[i]);
171
172
     fclose(fd);
173 }
174
175 void escreva_vetor_double(double * v, int n, char * arq) {
176
     int i;
177
     FILE* fd = NULL;
178
     fd = fopen(arq, "w");
179
     CONFIRME(fd!= NULL, "escreva_vetor_double: fopen falhou\n");
180
181
     // Na primeira linha está o número de elementos
182
     fprintf(fd, "%d\n", n);
183
     for (i=0; i<n; i++)</pre>
       fprintf(fd, "%f\n", v[i]);
185
     fclose(fd);
186
187 }
188
int * leia_vetor_int(char * arq, int * n) {
     int i;
190
     FILE* fd = NULL;
191
     int * v;
192
193
     fd = fopen(arq, "r");
194
     CONFIRME(fd!= NULL, "leia_vetor_int: fopen falhou\n");
195
196
```

```
// Leia o número de elementos do vetor
     CONFIRME (fscanf (fd, "%d\n", n) == 1,
198
               "leia_vetor_int: erro ao ler o número de elementos do vetor\n")
199
200
     v = (int *) calloc(*n, sizeof(int)); // aloca um vetor com n inteiros
201
     CONFIRME(v != NULL, "leia_vetor_int: calloc falhou\n");
202
203
204
     while (fscanf (fd, "%d\n", &v[i]) == 1) i++;
205
     fclose(fd);
206
207
     return v;
208
209 }
210
211 double * leia_vetor_double(char * arq, int * n) {
     int i;
212
     FILE* fd = NULL;
213
214
     double * v;
215
     fd = fopen(arq, "r");
216
     CONFIRME(fd!= NULL, "leia_vetor_int: fopen falhou\n");
217
218
     // Leia o número de elementos do vetor
219
220
     CONFIRME (fscanf (fd, "%d\n", n) == 1,
               "leia_vetor_double: erro ao ler o número de elementos do vetor\
221
                  n");
222
223
    // Aloca um vetor com n doubles
224
    v = (double *) calloc(*n, sizeof(double));
225
     CONFIRME(v != NULL, "leia_vetor_int: calloc falhou\n");
227
     i=0:
228
     while (fscanf (fd, "%lf\n", &v[i]) == 1) i++;
229
230
     fclose(fd);
231
232
     return ∀;
233 }
235 bool esta_ordenado_int(Ordem o, int * v, int n) {
     int i;
236
237
     CONFIRME (n > 0,
238
               "estaOrdenado int: o número de elementos deve ser maior que
239
                  zero.\n");
     if (n == 1) return true;
240
     switch (0) {
241
       case CRESCENTE:
242
243
         for (i=0; i<n; i++)</pre>
244
           if (v[i-1] > v[i])
             return false;
245
         break:
246
       case DECRESCENTE:
247
         for (i=0; i<n; i++)</pre>
248
           if (v[i-1] < v[i])
249
              return false;
250
         break;
251
       default: CONFIRME(false, "estaOrdenado_int: Ordem Inválida\n");
```

```
return true;
254
255 }
256
257
258 bool esta_ordenado_double(Ordem o, double * v, int n) {
     int i;
259
260
261
     CONFIRME (n > 0,
               "estaOrdenado_double: o número de elementos deve ser maior que
262
                   zero.\n");
     if (n == 1) return true;
263
     switch (0) {
264
       case CRESCENTE:
265
          for (i=1; i<n; i++)</pre>
266
            if (v[i-1] > v[i]) {
267
              printf("valor V[%d] = %lf eh maior que V[%d] = %lf", i-1, v[i-1], i
268
                  ,v[i]);
269
              return false;
            }
         break;
271
       case DECRESCENTE:
272
          for (i=1; i<n; i++)</pre>
273
            if (v[i-1] < v[i]) {
274
              printf("valor V[%d] = %lf eh menor que V[%d] = %lf",i-1,v[i-1],i
275
                  ,v[i]);
              return false;
276
277
               }
278
         break;
       default: CONFIRME(false, "estaOrdenado_double: Ordem Inválida\n");
279
280
     return true;
^{281}
282 }
283
284 void imprime_vetor_int(int * v, int n) {
     int i;
285
286
     for (i=0; i < n; i++)</pre>
287
       printf("v[%d] = %d\n", i, v[i]);
^{289}
     printf("\n");
290 }
291
292 void imprime_vetor_double(double * v, int n) {
     int i;
293
294
     for (i=0; i < n; i++)</pre>
295
       printf("v[%d] = %lf\n", i, v[i]);
     printf("\n");
297
298 }
```

Este arquivo serve para gerar os vetores e salva-los em arquivos.

Listagem 1.2: Geração dos vetores

```
1 #include <stdlib.h>
2 #include <stdio.h>
3 #include <string.h>
4 #include <math.h>
5 #include <sys/types.h>
```

```
6 #include <sys/stat.h>
7 #include <unistd.h>
9 #include "vetor.h"
11 #define POT2(n) (1 << (n))
12
13
14 void gera_e_salva_vet(int n, Modificador m, Ordem o, Percentual p) {
    int * v = NULL;
15
    char nome_do_arquivo[64];
16
    char sufixo[10];
17
18
    switch (0){
19
      case ALEATORIO:
20
        sprintf(nome_do_arquivo, "vIntAleatorio_%d", n);
21
        break;
22
      case CRESCENTE:
23
24
        sprintf(nome_do_arquivo, "vIntCrescente_%d", n);
        break;
25
      case DECRESCENTE:
26
        sprintf(nome_do_arquivo, "vIntDecrescente_%d", n);
27
        break;
28
      default: CONFIRME (false,
29
                          "gera e salva vet: Ordenação desconhecida");
30
    }
31
32
    if (p > 0)
33
      sprintf(sufixo, "_P%2d.dat", p);
34
    else
35
      strcpy(sufixo, ".dat");
36
37
    v = gera_vetor_int(n, m, o, p, 1, n);
38
    strcat(nome_do_arquivo, sufixo);
39
    escreva_vetor_int(v, n, nome_do_arquivo);
40
    free(v);
41
42 }
43
45 int main(int argc, char *argv[]) {
    int n = 0;
46
    int p = 0;
47
    char diretorio[256];
48
49
    struct stat st = {0};
50
51
52
    if (argc == 2)
53
      strcpy(diretorio, argv[1]);
54
55
    else
56
      strcpy(diretorio, "./vetores");
57
    if (stat(diretorio, &st) == -1) { // se o diretorio não existir,
58
      mkdir(diretorio, 0700);
                                        // crie um
59
60
61
    CONFIRME(chdir(diretorio) == 0, "Erro ao mudar de diretório");
62
63
    for (n = POT2(4); n <= POT2(14); n <<= 1) {</pre>
```

```
gera_e_salva_vet(n, TOTALMENTE, ALEATORIO,
65
      gera_e_salva_vet(n, TOTALMENTE, CRESCENTE,
                                                        0);
66
      gera_e_salva_vet(n, TOTALMENTE, DECRESCENTE, 0);
67
68
      for (p=10; p \le 50; p += 10) {
69
        gera_e_salva_vet(n, PARCIALMENTE, CRESCENTE,
70
        gera_e_salva_vet(n, PARCIALMENTE, DECRESCENTE, p);
71
72
73
      printf("Vetores para n = %d \text{ gerados.} \ n", n);
74
75
    CONFIRME (chdir("..") == 0, "Erro ao mudar de diretório");
76
77
    exit(0);
78
79 }
```

Este arquivo contém os algoritmos de ordenação pedidos.

Listagem 1.3: Métodos de ordenação

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3 #include "vetor.h"
4 #include <math.h>
5 void intercala(int * v,int p, int q, int r);
6 static void inline troca(int *A, int i, int j) {
    int temp;
    temp = A[i];
    A[i] = A[j];
    A[j] = temp;
10
11 }
13 void ordena_por_bolha(int *A, int n) {
    int i,j;
14
15
    if (n<2) return;</pre>
16
17
    for (i=0; i<n; i++)</pre>
18
      for(j=0; j<n-1; j++)
19
        if (A[\dot{j}] > A[\dot{j}+1])
20
           troca(A, j, j+1);
21
22 }
23
25 void ordena_por_shell(int *A, int n) {
    // Sequência de lacunas de Marcin Ciura
26
    // Ref: https://en.wikipedia.org/wiki/Shellsort
27
    int lacunas[] = {701, 301, 132, 57, 23, 10, 4, 1};
28
    int *lacuna;
29
    int i, j, temp;
30
31
    for(lacuna=lacunas; *lacuna > 0; lacuna++) {
32
      for(i=*lacuna; i < n; i++){</pre>
33
         // adicione A[i] aos elementos que foram ordenados
34
         // guarde A[i] em temp e crie um espaço na posição i
35
        temp = A[i];
36
        // Desloque os elementos previamente ordenados até
37
         // que a posição correta para A[i] seja encontrada
38
        for(j=i; j >= *lacuna \&\& A[j - *lacuna] > temp; j -= *lacuna){
```

```
A[j] = A[j - *lacuna];
40
41
         // Coloque temp (o A[i] original) em sua posição correta
42
         A[j] = temp;
43
    }
45
46 }
47
48
49 void ordena_intercala(int * v,int p,int r)
50 {
       int q;
51
       if (p < r) {
52
           q = (p + r) / 2; // retorna o chão dessa operação
53
           ordena_intercala (v, p, q);
54
           ordena_intercala(v, q + 1, r);
           intercala(v, p, q, r);
56
       }
57
58 }
60
61 void intercala(int *V, int p, int q, int r) {
    int inicio1 = p ;
62
    int inicio2 = q+1;
    int aux = 0;
64
    int B[r-p+1];
65
66
    while(inicio1<=q && inicio2<=r) {</pre>
67
       if(V[inicio2] >= V[inicio1]){
68
         B[aux] = V[inicio1];
69
         inicio1++;
70
71
       }else{
         B[aux] = V[inicio2];
72
         inicio2++;
73
74
       }
       aux++;
75
    }
76
77
78
    while(inicio1<=q) {</pre>
79
      B[aux] = V[inicio1];
       aux++;
80
    inicio1++;
81
82
    }
83
    while(inicio2<=r) {</pre>
84
       B[aux] = V[inicio2];
85
86
       aux++;
    inicio2++;
87
88
    }
89
    for (aux=p; aux<=r; aux++)</pre>
91
      V[aux] = B[aux-p];
92 }
93
95 void insertion(int *v, int tam)
96 {
97
       int chave,i,j;
       for (j=1; j<tam; j++)</pre>
```

```
99
            chave = v[j];
100
            i = j - 1;
101
            while (i >= 0 && v[i] > chave)
102
103
                 v[i+1] = v[i];
104
                 i = i-1;
105
106
            }
107
     v[i+1] = chave;
108
      }
109 }
110
111 void heap(int *a, int n) {
        int i = n / 2, pai, filho, t;
112
        for (;;) {
113
            if (i > 0) {
1\,1\,4
                 i--;
115
                 t = a[i];
116
117
            } else {
                n--;
118
                 if (n == 0) return;
119
                 t = a[n];
120
                 a[n] = a[0];
121
122
            }
123
            pai = i;
            filho = i * 2 + 1;
124
            while (filho < n) {</pre>
125
                 if ((filho + 1 < n) && (a[filho + 1] > a[filho]))
126
127
                     filho++;
                 if (a[filho] > t) {
128
                     a[pai] = a[filho];
129
                     pai = filho;
130
                     filho = pai * 2 + 1;
131
                 } else {
132
133
                     break;
134
            }
135
            a[pai] = t;
136
137
138 }
139
140 void quick(int *vetor, int inicio, int fim) {
141
       int pivo, aux, i, j, meio;
142
143
        i = inicio;
144
        j = fim;
145
146
       meio = (int) ((i + j) / 2);
147
148
       pivo = vetor[meio];
149
       do{
150
            while (vetor[i] < pivo) i = i + 1;</pre>
151
            while (vetor[j] > pivo) j = j - 1;
152
153
            if(i <= j){
154
                aux = vetor[i];
155
156
                 vetor[i] = vetor[j];
                 vetor[j] = aux;
157
```

```
i = i + 1;
158
                 j = j - 1;
159
            }
160
        } while (j > i);
161
162
        if(inicio < j) quick(vetor, inicio, j);</pre>
163
        if(i < fim) quick(vetor, i, fim);</pre>
164
165 }
166
167 void coutingsort(int *A, int tamanho) {
        int k = 10;
168
        int aux;
169
        int *C = (int*)calloc(k+1, sizeof(int));
170
        int *B = (int*)malloc(tamanho*sizeof(int));
171
172
        for(int j = 0; j<tamanho; j++) {</pre>
173
            C[A[j]]++;
174
175
        }
        for (int i=1;i<=k;i++) {</pre>
176
            C[i] = C[i] + C[i-1];
177
178
        for (int j=0; j<tamanho; j++) {</pre>
179
            B[C[A[j]]-1] = A[j];
180
            C[A[j]]--;
182
        for (int i=0; i < tamanho; i++) {</pre>
183
184
            A[i] = B[i];
        }
185
186 }
187
188 int pegaMax(int *arr, int n) //pegar o maior valor no array;
189
        int mx = arr[0];
190
        for (int i = 1; i < n; i++)</pre>
191
192
            if (arr[i] > mx)
                 mx = arr[i];
193
        return mx;
194
195 }
197 void couting_radix(int *A, int tamanho, int exp){ //couting adaptado para
       ir de digito a digito
       int k = tamanho;
198
        int aux;
199
        int *C = (int*)calloc(k+1, sizeof(int));
200
        int *B = (int*)malloc(tamanho*sizeof(int));
201
202
        for(int j = 0; j<tamanho; j++) {</pre>
            C[(A[j]/exp)%10]++;
204
205
        for (int i=1;i<=k;i++) {</pre>
206
207
            C[i] = C[i] + C[i-1];
208
        for (int j=tamanho-1; j>=0; j--) {
209
            B[C[(A[j]/exp)%10]-1] = A[j];
210
            C[(A[j]/exp)%10]--;
211
212
        for(int i=0;i<tamanho;i++) {</pre>
213
            A[i] = B[i];
214
        }
```

```
216 }
217
218 void radixsort(int *arr, int n)
219 {
       // Encontrar o nro máximo nos valores
       int m = pegaMax(arr, n);
221
       //For do radix ir digito a digito
222
       for (int exp = 1; m/exp > 0; exp *= 10)
223
224
            couting_radix(arr, n, exp);
225 }
226
227 void insertiondouble (double *v, int tam)
228 {
229
       int i, j;
       double chave;
230
        for (j=1; j<tam; j++)</pre>
231
232
            chave = v[j];
233
234
            i = j - 1;
            while (i >= 0 && v[i] > chave)
235
236
                 v[i+1] = v[i];
237
                 i = i-1;
238
239
240
     v[i+1] = chave;
241
       }
242 }
244 void bucketsort (double *A, int tamanho) {
       bucket *C = (bucket*)malloc(10*sizeof(bucket));
245
246
       int j,i;
        for(int i=0;i<10;i++) { //Inicialização dos topos dos baldes</pre>
^{247}
            C[i].topo = 0.0;
248
            C[i].balde = (double*)malloc((int)(tamanho)*sizeof(double));
249
250
       for(i = 0;i<tamanho;i++){ //Verifica em que balde o elem deve ficar</pre>
251
            j = 10-1;
252
            while(1){
253
254
                 if(j<0){
255
                     break;
256
                 if(A[i]>=j*10){
257
258
                      C[j].balde[C[j].topo] = A[i];
259
                      (C[j].topo)++;
                     break;
260
                 }
261
                 j--;
262
            }
263
264
        for (i=0; i<10; i++) { //ordena os baldes</pre>
265
266
            if(C[i].topo) {
                 insertiondouble(C[i].balde,C[i].topo);
267
            }
268
        }
269
        i=0;
270
       for(j=0;j<10;j++){ //coloca os elementos dos baldes de volta no vetor</pre>
271
            for (int k=0; k<C[j].topo; k++) {</pre>
272
                 A[i]=C[j].balde[k];
273
                 i++;
274
```

```
275      }
276    }
277      for(i=0;i<10;i++) {
278           free(C[i].balde);
279      }
280      free(C);</pre>
```

O arquivo ensaios.c serve para automatizar e calcular os tempos de cada método de ordenação.

Listagem 1.4: Automatização dos experimentos

```
1 #include <stdlib.h>
2 #include <stdio.h>
3 #include <string.h>
4 #include <stdint.h>
5 #include <time.h>
6 #include <float.h>
7 #include <math.h>
8 #include <sys/types.h>
9 #include <sys/stat.h>
10 #include <unistd.h>
11
12 #include "vetor.h"
13 #include "ordena.h"
14
15 #define BILHAO 100000000L
17 #define CRONOMETRA(funcao, vetor, n) {
     clock_gettime(CLOCK_PROCESS_CPUTIME_ID, &inicio);
1.8
     funcao (vetor, 0, n-1);
19
20
     clock_gettime(CLOCK_PROCESS_CPUTIME_ID, &fim);
     tempo_de_cpu_aux = BILHAO * (fim.tv_sec - inicio.tv_sec) +
21
                      fim.tv_nsec - inicio.tv_nsec;
22
23
24
25 int main(int argc, char *argv[]) {
    int * v = NULL;
26
    int n = 0;
27
    uint64_t tempo_de_cpu_aux = 0;
28
    int tamanho = 0, count = 0;
29
30
    //clock_t inicio, fim;
    struct timespec inicio, fim;
31
    uint64_t tempo_de_cpu = 0.0;
32
    char msg[256];
33
    char nome_do_arquivo[128];
34
    char **arquivos;
    int k=0, h = 0;
36
    arquivos = (char**) malloc(200*sizeof(char*));
37
    for (int i=0; i<200; i++) {</pre>
38
      arquivos[i] = (char*)malloc(128*sizeof(char));
39
40
41
    for (int i=0; i<11; i++) {</pre>
42
43
      sprintf(nome_do_arquivo, "vetores/vIntAleatorio_%d.dat", (int)pow(2,i
          +4%15));
      strcpy(arquivos[k], nome_do_arquivo);
44
45
      k++;
```

```
46
    for (int i=0; i<11; i++) {</pre>
47
       sprintf(nome_do_arquivo, "vetores/vIntCrescente_%d.dat", (int)pow(2,i
48
           +4%15));
       strcpy(arquivos[k], nome_do_arquivo);
       k++;
50
51
52
53
    for (int i=0; i<11; i++) {</pre>
       sprintf(nome_do_arquivo, "vetores/vIntCrescente_%d_P10.dat", (int) pow(2,
54
           i+4%15));
       strcpy(arquivos[k], nome_do_arquivo);
55
56
57
    for (int i=0; i<11; i++) {</pre>
58
       sprintf(nome_do_arquivo, "vetores/vIntCrescente_%d_P20.dat", (int)pow(2,
           i+4%15));
       strcpy(arquivos[k], nome_do_arquivo);
60
61
      k++;
62
    for (int i=0; i<11; i++) {</pre>
63
       sprintf(nome_do_arquivo, "vetores/vIntCrescente_%d_P30.dat", (int)pow(2,
64
           i+4%15));
       strcpy(arquivos[k], nome_do_arquivo);
66
67
    for (int i=0; i<11; i++) {</pre>
68
       sprintf(nome_do_arquivo, "vetores/vIntCrescente_%d_P40.dat", (int)pow(2,
69
           i+4%15));
       strcpy(arquivos[k], nome_do_arquivo);
70
71
      k++;
72
    for (int i=0; i<11; i++) {</pre>
73
       sprintf(nome_do_arquivo, "vetores/vIntCrescente_%d_P50.dat", (int)pow(2,
74
           i+4%15));
       strcpy(arquivos[k], nome_do_arquivo);
75
      k++:
76
77
78
    for (int i=0; i<11; i++) {</pre>
79
       sprintf(nome_do_arquivo, "vetores/vIntDecrescente_%d.dat", (int)pow(2,i
          +4%15));
       strcpy(arquivos[k], nome_do_arquivo);
80
      k++;
81
82
    for (int i=0; i<11; i++) {</pre>
83
       sprintf(nome_do_arquivo, "vetores/vIntDecrescente_%d_P10.dat", (int)pow
84
           (2, i+4%15));
       strcpy(arquivos[k], nome_do_arquivo);
85
      k++;
86
87
88
    for (int i=0; i<11; i++) {</pre>
       sprintf(nome_do_arquivo, "vetores/vIntDecrescente_%d_P20.dat", (int)pow
89
           (2, i+4%15));
       strcpy(arquivos[k], nome_do_arquivo);
90
       k++;
91
    }
92
93
    for (int i=0; i<11; i++) {</pre>
94
         sprintf(nome_do_arquivo, "vetores/vIntDecrescente_%d_P30.dat", (int)
```

```
pow(2, i+4%15));
       strcpy(arquivos[k], nome_do_arquivo);
96
       k++;
97
98
     }
     for (int i=0; i<11; i++) {</pre>
99
       sprintf(nome_do_arquivo, "vetores/vIntDecrescente_%d_P40.dat", (int)pow
100
           (2, i+4%15));
101
       strcpy(arquivos[k], nome_do_arquivo);
102
       k++;
103
     for (int i=0; i<11; i++) {</pre>
104
       sprintf(nome_do_arquivo, "vetores/vIntDecrescente_%d_P50.dat", (int)pow
105
           (2, i+4%15));
       strcpy(arquivos[k], nome_do_arquivo);
106
       k++:
107
     }
108
       printf("%d\n",k);
109
     //strcpy(nome_do_arquivo, "vetores/vIntCrescente_131072.dat");
110
111
     // Leia o vetor a partir do arquivo
     //v = leia_vetor_int(nome_do_arquivo, &n);
112
     printf("%s\n", arquivos[11]);
113
     for (int i=0; i < k; i++) {</pre>
114
       tempo_de_cpu = 0.0;
115
       if(h > 10){
116
           h = 0;
117
118
       for (int j=0; j<3; j++) {</pre>
119
           v = leia_vetor_int(arquivos[i],&n);
121
           tamanho = (int) pow (2, h+4%15);
           /*inicio = clock();
122
            //ordena_por_bolha(v,n);
123
           insertion(v,tamanho);
           fim = clock();*/
125
     CRONOMETRA(ordena_intercala, v,tamanho);
126
            //tempo_de_cpu += ((double) (fim - inicio)) / CLOCKS_PER_SEC;
127
     tempo_de_cpu += tempo_de_cpu_aux;
128
129
       if (esta_ordenado_int(CRESCENTE, v, n) && count < 11) {</pre>
130
131
           printf("Tempo do vetor aleatorio tamanho %d: %llu\n",tamanho,(long
                long unsigned int)tempo_de_cpu/(uint64_t) 3);
132
       else if(esta_ordenado_int(CRESCENTE, v, n) && count < 22){</pre>
133
           printf("Tempo do vetor Crescente tamanho %d: %llu\n",tamanho,(long
134
                long unsigned int)tempo_de_cpu/(uint64_t) 3);
135
       else if(esta_ordenado_int(CRESCENTE, v, n) && count < 33) {</pre>
136
           printf("Tempo do vetor Crescente P10 tamanho %d: %llu\n",tamanho,(
               long long unsigned int)tempo_de_cpu/(uint64_t) 3);
138
139
       else if(esta_ordenado_int(CRESCENTE, v, n) && count < 44) {</pre>
140
           printf("Tempo do vetor Crescente P20 tamanho %d: %llu\n",tamanho,(
               long long unsigned int)tempo_de_cpu/(uint64_t) 3);
141
       else if(esta_ordenado_int(CRESCENTE, v, n) && count < 55) {</pre>
142
           printf("Tempo do vetor Crescente P30 tamanho %d: %llu\n", tamanho, (
143
               long long unsigned int)tempo_de_cpu/(uint64_t) 3);
144
       else if(esta_ordenado_int(CRESCENTE, v, n) && count < 66) {</pre>
145
           printf("Tempo do vetor Crescente P40 tamanho %d: %llu\n",tamanho,(
146
```

```
long long unsigned int)tempo_de_cpu/(uint64_t) 3);
147
       else if(esta_ordenado_int(CRESCENTE, v, n) && count < 77) {</pre>
148
           printf("Tempo do vetor Crescente P50 tamanho %d: %llu\n",tamanho,(
149
               long long unsigned int)tempo_de_cpu/(uint64_t) 3);
150
       else if(esta_ordenado_int(CRESCENTE, v, n) && count < 88) {</pre>
151
152
           printf("Tempo do vetor Decrescente tamanho %d: %llu\n",tamanho,(
               long long unsigned int)tempo_de_cpu/(uint64_t) 3);
153
       else if(esta_ordenado_int(CRESCENTE, v, n) && count < 99) {</pre>
154
           printf("Tempo do vetor Decrescente P10 tamanho %d: %llu\n",tamanho
155
               , (long long unsigned int) tempo_de_cpu/(uint64_t) 3);
156
       else if(esta_ordenado_int(CRESCENTE, v, n) && count < 110) {</pre>
157
           printf("Tempo do vetor Decrescente P20 tamanho %d: %llu\n", tamanho
158
               , (long long unsigned int)tempo_de_cpu/(uint64_t) 3);
159
       else if(esta_ordenado_int(CRESCENTE, v, n) && count < 121) {</pre>
160
           printf("Tempo do vetor Decrescente P30 tamanho %d: %llu\n",tamanho
161
               , (long long unsigned int)tempo_de_cpu/(uint64_t) 3);
162
       else if(esta_ordenado_int(CRESCENTE, v, n) && count < 132) {</pre>
163
164
           printf("Tempo do vetor Decrescente P40 tamanho %d: %llu\n",tamanho
               , (long long unsigned int)tempo_de_cpu/(uint64_t) 3);
165
       else if(esta_ordenado_int(CRESCENTE, v, n) && count < 143) {</pre>
166
           printf("Tempo do vetor Decrescente P50 tamanho %d: %llu\n",tamanho
167
               , (long long unsigned int)tempo_de_cpu/(uint64_t) 3);
       }
168
       else{
169
           printf("Erro em ordenção do vetor %d, arquivo %s\n",i,arquivos[i])
170
       }
171
       h++;
172
       count++;
173
174
     //imprime_vetor_int(v,16384);
175
     free(v);
177
     exit(0);
178 }
```

1.1.1 Comandos

Os seguintes passos devem ser seguidos para criação dos vetores que serão utilizados no experimento:

1 - Compilar o arquivo vetor.c;

```
> gcc -03 -c vetor.c
```

2 - Compilar o programa que gera os vetores e os coloca no diretório determinado;

```
> gcc -03 vetor.o gera_vets.c -o gera_vets.exe
```

> ./gera_vets.exe

Os passos a seguir são para execução do experimento

1 - Verifique a existência do diretório contendo os vetores, e então digite o seguinte comando:

```
> gcc -03 -c ordena.c
```

2 - Agora é necessário compilar o arquivo de ensaio e tudo que será utilizado

```
> gcc -03 vetor.o ordena.o ensaios.c -o ensaios.exe -lm
```

3 - Para executar digite:

> ./ensaios.exe

1.2 Máquina de teste

Todos os testes foram realizados na mesma máquina com as seguintes configurações, e usando apenas um núcleo:

AMD FX-8350 4.0GHZ

16GB Memória DDR3-1600

HDD 2TB 7200RPM

Placa de video Nvidia GTX1050 Ti

Sistema Operacional: Ubuntu 16.04

Capítulo 2

Grafo

balbalbal

2.1 Busca Largura

É um algoritmo de busca em grafos utilizado para realizar uma busca ou travessia num grafo e estrutura de dados do tipo árvore. Você começa pelo vértice raiz e explora todos os vértices vizinhos. Então, para cada um desses vértices mais próximos, exploramos os seus vértices vizinhos inexplorados e assim por diante, até que ele encontre o alvo da busca.

2.2 Busca Largura - Grafo Esparso

Tabela gerada utilizando Busca em largura com grafo esparso de tamanho n, sendo = (2^k) , k = 4...14.

Tabela 2.1: Busca Largura com grafo Esparso

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
128	7943
256	7472
512	15414
1024	32102

2.2.1 Gráfico Busca Largura - Grafo Esparso

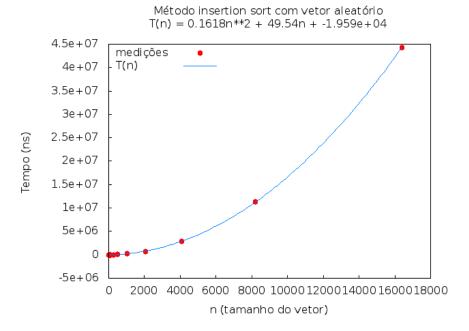


Figura 2.1: Busca Largura - Grafo Esparso

2.3 Busca Largura - Grafo Denso

Tabela gerada utilizando Busca em Largura num grafo Denso com
n, sendo = (2^k) , k = 4...14.

Tabela 2.2: Busca em Largura Grafo Denso

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
128	67546
256	318565
512	1216634
1024	4527417

2.3.1 Busca em Largura - Grafo Denso

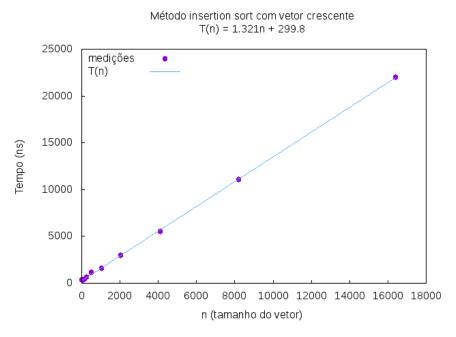


Figura 2.2: Busca em Largura - Grafo Denso

2.4 Busca Profundidade

É um algoritmo usado para realizar uma busca ou travessia numa árvore, estrutura de árvore ou grafo. O algoritmo começa num nó raiz (selecionando algum nó como sendo o raiz, no caso de um grafo) e explora tanto quanto possível cada um dos seus ramos, antes de retroceder(backtracking).

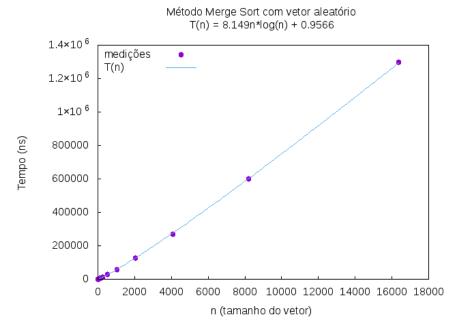
2.5 Busca Profundidade - Grafo Esparso

Tabela gerada utilizando Busca Profundidade com um Grafo Esparso, sendo $n=(2^k)$, de k=4..14.

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
128	6619
256	7975
512	21265
1024	36223

Tabela 2.3: Busca Profundidade com Grafo Esparso

2.5.1 Busca Profundidade - Grafo Esparso



 ${\bf Figura~2.3:}~Busca~Profundidade~-~Grafo~Esparso$

2.6 Busca Profundidade - Grafo Denso

Tabela gerada utilizando Busca em Profundidade com um Grafo Denso, sendo $\mathbf{n}=(2^k),$ de $\mathbf{k}=4..14.$

Tabela 2.4: Busca Profundidade em um Grafo Denso

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
128	72161
256	330916
512	1380078
1024	4735134

2.6.1 Busca Profundidade - Grafo Denso

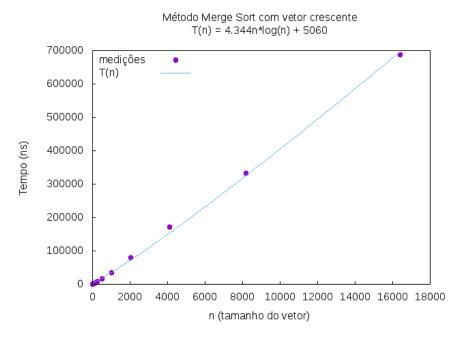


Figura 2.4: Busca Profundidade - Grafo Denso

2.7 Ordenação Topologica

blabalblalbalb

2.8 Ordenação Topologica - Grafo Esparso

Tabela gerada utilizando Ordenação Topologica com um Grafo Esparso, sendo n $=(2^k),$ de k=4..14.

Tabela 2.5: Ordenação Topologica com Grafo Esparso

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
128	13549
256	15347
512	30745
1024	57293

2.8.1 Ordenação Topologica - Grafo Esparso

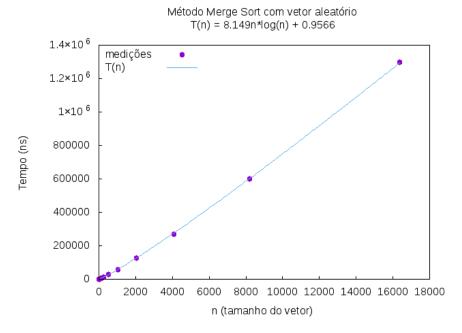


Figura 2.5: Ordenação Topologica - Grafo Esparso

2.9 Ordenação Topologica - Grafo Denso

Tabela gerada utilizando Ordenação Topologica com um Grafo Denso, sendo $\mathbf{n}=(2^k),$ de $\mathbf{k}=4..14.$

Tabela 2.6: Ordenação Topologica com Grafo Denso

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
128	93864
256	349061
512	1344655
1024	4865168

2.9.1 Ordenação Topologica - Grafo Denso

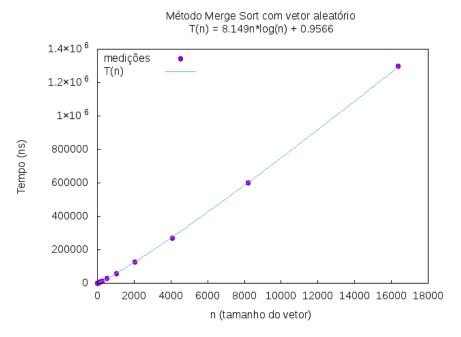


Figura 2.6: Ordenação Topologica - Grafo Denso

Capítulo 3

Guloso

blablabla

3.1 Huffman

blabalbal Vetor de string aleatorias com frequencias aleatorias Tempo (Onlgn)

3.1.1 Vetor aleatorio

Tabela gerada utilizando Huffman com vetor de string aleatorias com frequencias em tempo O(nlogn) de tamanho n, sendo $n = (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos aleatóriamente.

Tabela 3.1: Huffman com vetor aleatório

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	4599
32	8150
64	22736
128	42886
256	95255
512	170503
1024	438873
2048	1031620
4096	2592036
8192	5381493
16384	10506005

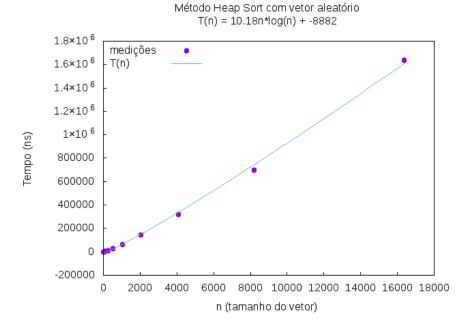


Figura 3.1: Huffman - Vetor Aleatório

3.2 Seleção de Atividade Interativo

blabalbal

3.2.1 Vetor crescente

Tabela gerada utilizando Seleção de Atividade Interativo com vetor de tamanho n, sendo $n=(2^k)$, de k=4..14 e inseridos crescente.

Tabela 3.2: Seleção de Atividade Interativo com vetor crescente

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	615
32	680
64	769
128	802
256	764
512	836
1024	1058
2048	1294
4096	1685
8192	2594
16384	4578

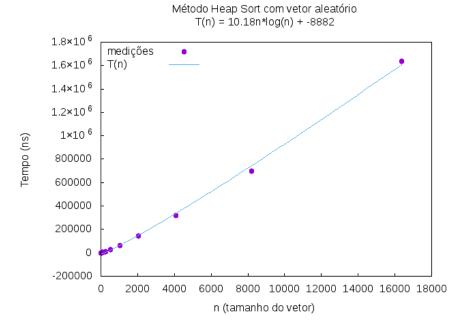


Figura 3.2: Seleção de Atividade Interativo - Vetor crescente

3.3 Seleção de Atividade Bottom Up

blabalbal

3.3.1 Vetor crescente

Tabela gerada utilizando Seleção de Atividade Bottom Up com vetor de tamanho n, sendo $n = (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos crescente.

Tabela 3.3: Seleção de Atividade Bottom Up com vetor crescente

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	615
32	680
64	769
128	802
256	764
512	836
1024	1058
2048	1294
4096	1685
8192	2594
16384	4578

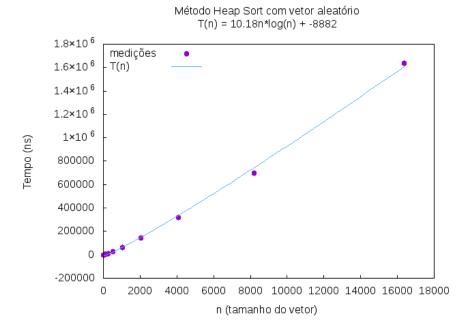


Figura 3.3: Seleção de Atividade Bottom Up - Vetor crescente

Capítulo 4

Programação Dinâmica

Programação dinamica blablabla

4.1 Corte Haste

Falar sobre corte de hastes comum +dados falar o que deu errado. Será resolvido utilizando programação dinâmica.

4.2 Corte Haste Bottom Up

falar um pouco sobre bottomup (n muito).

4.2.1 Vetor aleatorio

Tabela gerada utilizando Corte Haste Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos aleatóriamente.

Tabela 4.1: Corte Haste Bottom Up com vetor aleatório

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	599
32	913
64	1798
128	4618
256	14530
512	51214
1024	193794
2048	761470
4096	2965012
8192	12774326
16384	48066532

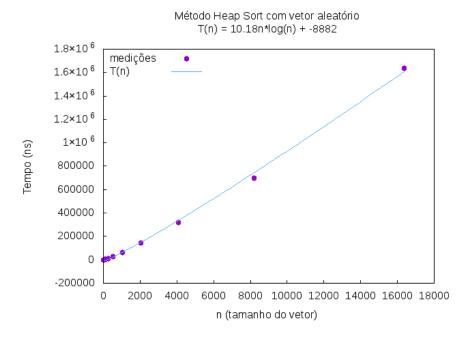


Figura 4.1: Corte Haste Bottom Up - Vetor Aleatório

4.2.2 Vetor Crescente

Tabela gerada utilizando Corte Haste Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma crescente.

Tabela 4.2: Corte Haste Bottom Up com Vetor Crescen	Tabela 4.2:	Corte Haste	Bottom Un	com Vetor	Crescente
---	-------------	-------------	-----------	-----------	-----------

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	599
32	913
64	1798
128	4618
256	14530
512	51214
1024	193794
2048	761470
4096	2965012
8192	12774326
16384	48066532

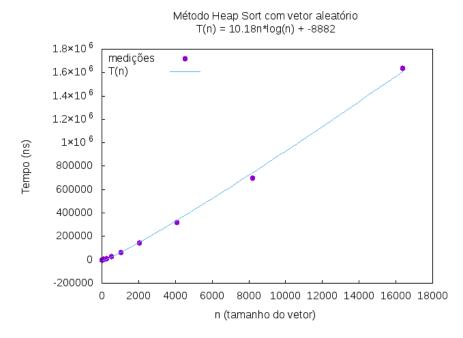


Figura 4.2: Corte Haste Bottom Up - Vetor Crescente

4.2.3 Vetor Crescente P10

Tabela gerada utilizando Corte Haste Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma crescente P10.

Tabela 4.3: Corte Haste Bottom Up com Vetor Crescente P10	Tabela 4.3:	Corte Haste	Bottom U	$n \ com$	Vetor	Crescente	P10
--	-------------	-------------	----------	-----------	-------	-----------	-----

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	599
32	913
64	1798
128	4618
256	14530
512	51214
1024	193794
2048	761470
4096	2965012
8192	12774326
16384	48066532

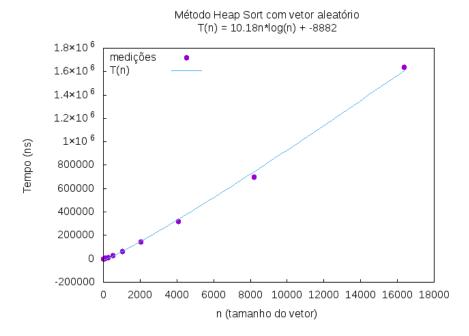


Figura 4.3: Corte Haste Bottom Up - Vetor Crescente P10

4.2.4 Vetor Crescente P20

Tabela gerada utilizando Corte Haste Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma crescente P20.

Tabela 4.4:	Corte Haste	Bottom	$Un\ com$	Vetor	Crescente	P20
Tabela T.T.	COLUC II WOLL	Doubling	Op Com	10001	0100001660	1 20

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	599
32	913
64	1798
128	4618
256	14530
512	51214
1024	193794
2048	761470
4096	2965012
8192	12774326
16384	48066532

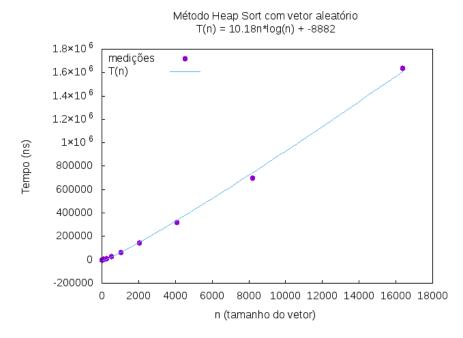


Figura 4.4: Corte Haste Bottom Up - Vetor Crescente P20

4.2.5 Vetor Crescente P30

Tabela gerada utilizando Corte Haste Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma crescente P30.

Tabela 4.5:	Corte H	laste Boti	tom Un	$com\ V$	etor Cr	rescente l	P30
Tabula T.U.		uuuuu	will Op	COTTE	CIOI CI		

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	599
32	913
64	1798
128	4618
256	14530
512	51214
1024	193794
2048	761470
4096	2965012
8192	12774326
16384	48066532

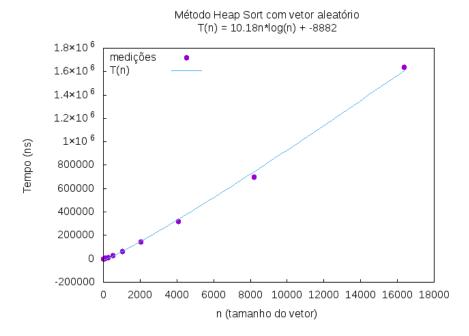


Figura 4.5: Corte Haste Bottom Up - Vetor Crescente P30

4.2.6 Vetor Crescente P40

Tabela gerada utilizando Corte Haste Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma crescente P40.

Tabela 4.6: Corte Haste Bottom Up com Vetor Crescente F	Tabela 4.6:	Corte Haste	Bottom Un	com Vetor	Crescente	P40
--	-------------	-------------	-----------	-----------	-----------	-----

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	599
32	913
64	1798
128	4618
256	14530
512	51214
1024	193794
2048	761470
4096	2965012
8192	12774326
16384	48066532

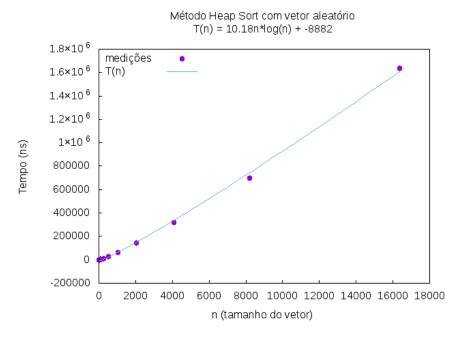


Figura 4.6: Corte Haste Bottom Up - Vetor Crescente P40

4.2.7 Vetor Crescente P50

Tabela gerada utilizando Corte Haste Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma crescente P50.

Tabela 4.7: Corte Haste Bottom Up com Vetor Crescente P50

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	599
32	913
64	1798
128	4618
256	14530
512	51214
1024	193794
2048	761470
4096	2965012
8192	12774326
16384	48066532

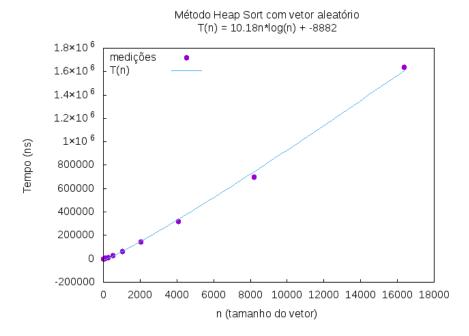


Figura 4.7: Corte Haste Bottom Up - Vetor Crescente P50

4.2.8 Vetor Decrescente

Tabela gerada utilizando Corte Haste Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma decrescente.

Tabela 4.8: Con	rte Haste	Bottom	Un	com	Vetor	Decrescente
-----------------	-----------	--------	----	-----	-------	-------------

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	599
32	913
64	1798
128	4618
256	14530
512	51214
1024	193794
2048	761470
4096	2965012
8192	12774326
16384	48066532

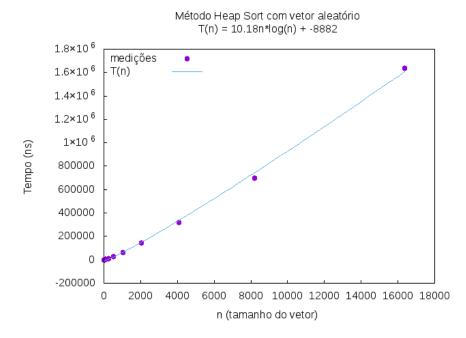


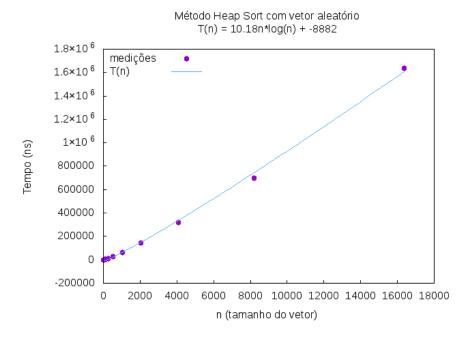
Figura 4.8: Corte Haste Bottom Up - Vetor Decrescente

4.2.9 Vetor Decrescente P10

Tabela gerada utilizando Corte Haste Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma decrescente P10.

Tabela 4.9: Corte Haste Bottom Up com Vetor Decrescente I
--

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	599
32	913
64	1798
128	4618
256	14530
512	51214
1024	193794
2048	761470
4096	2965012
8192	12774326
16384	48066532



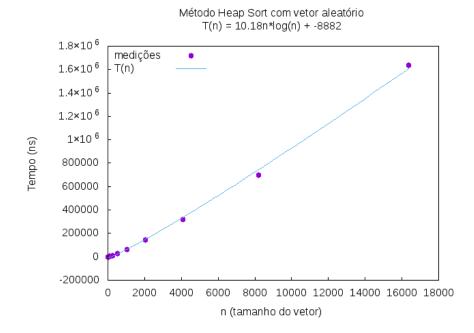
 ${\bf Figura~4.9:}~{\it Corte~Haste~Bottom~Up~-~Vetor~Decrescente~P10}$

4.2.10 Vetor Decrescente P20

Tabela gerada utilizando Corte Haste Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma decrescente P20.

Tabela 4.10: Co	orte Haste	Bottom	$Up\ com$	Vetor	Decrescente	P20
------------------------	------------	--------	-----------	-------	-------------	-----

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	599
32	913
64	1798
128	4618
256	14530
512	51214
1024	193794
2048	761470
4096	2965012
8192	12774326
16384	48066532



 ${\bf Figura~4.10:~Corte~Haste~Bottom~Up~-~Vetor~Decrescente~P20}$

4.2.11 Vetor Decrescente P30

Tabela gerada utilizando Corte Haste Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma decrescente P30.

Tabela 4.11: Corte Haste Bottom Up com Vetor Decr	rescente P30
--	--------------

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	599
32	913
64	1798
128	4618
256	14530
512	51214
1024	193794
2048	761470
4096	2965012
8192	12774326
16384	48066532

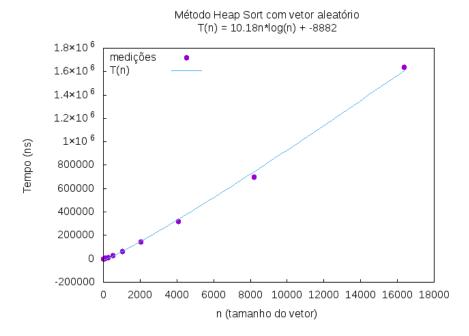


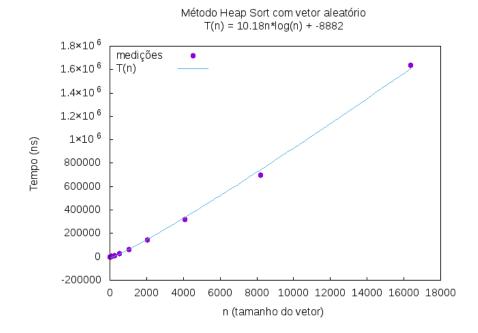
Figura 4.11: Corte Haste Bottom Up - Vetor Decrescente P30

4.2.12 Vetor Decrescente P40

Tabela gerada utilizando Corte Haste Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma decrescente P40.

Tabela 4.12: Corte Haste Botton	$n\ Up\ com\ Vetor\ Decrescente\ P4$	40
---------------------------------	--------------------------------------	----

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	599
32	913
64	1798
128	4618
256	14530
512	51214
1024	193794
2048	761470
4096	2965012
8192	12774326
16384	48066532



 ${\bf Figura~4.12:~Corte~Haste~Bottom~Up~-~Vetor~Decrescente~P40}$

4.2.13 Vetor Decrescente P50

Tabela gerada utilizando Corte Haste Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma decrescente P50.

Tabela 4.13: Corte Haste Bottom Up com Vetor Decrescente P50	Tabela 4.13:	Corte H	Jaste Bottom	$Un\ com$	Vetor	Decrescente	P50
---	--------------	---------	--------------	-----------	-------	-------------	-----

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	599
32	913
64	1798
128	4618
256	14530
512	51214
1024	193794
2048	761470
4096	2965012
8192	12774326
16384	48066532

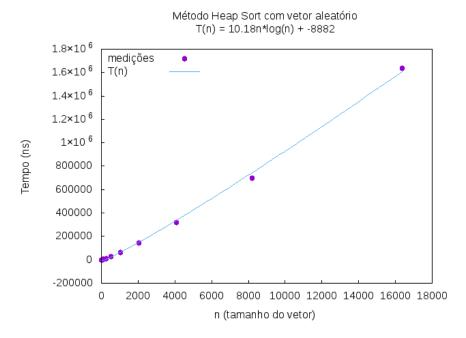


Figura 4.13: Corte Haste Bottom Up - Vetor Decrescente P50

4.3 Corte Haste Comum

blablabal

Tabela gerada utilizando Corte Haste Comum com vetores de tamanho n, sendo $n = (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos aleatóriamente, crescente, crescente P10, crescente P20, crescente P30, decrescente, decrescente P10, decrescente P20, decrescente P30.

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	535410
16	538372
16	539477
16	529753
16	541344
16	538372
16	539477
16	529753
16	541344

Tabela 4.14: Corte Haste Bottom Up com vetor aleatório

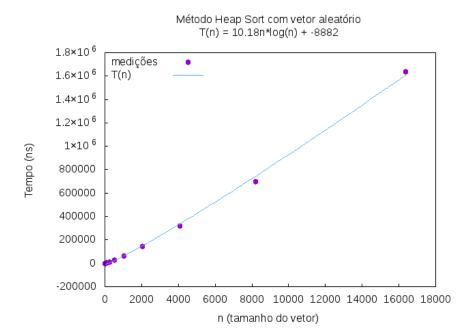


Figura 4.14: Corte Haste Comum

4.4 Corte Haste Memoizada

blablbablabla

4.4.1 Vetor aleatorio

Tabela gerada utilizando Corte Haste Memoizada com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos aleatóriamente.

Tabela 4.15: Corte Haste Memoizada com vetor aleatório

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	357
32	362
64	364
128	372
256	392
512	427
1024	545
2048	604
4096	1085
8192	13662
16384	6253

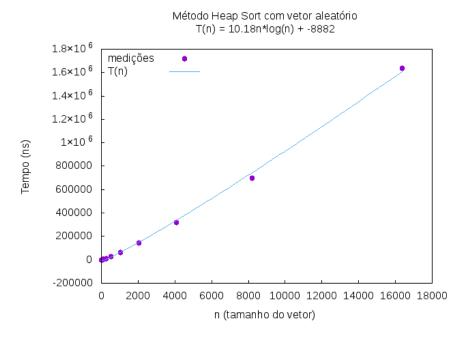


Figura 4.15: Corte Haste Memoizada - Vetor Aleatório

4.4.2 Vetor Crescente

Tabela gerada utilizando Corte Haste Memoizada com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma crescente.

Tabela 4.16:	Corte	Hacto	Memoizada	com Vetor	Crosconto
Tabeta 4.10:	\cup_{i} OT LP.	$\pi aste$	-Wremorzada	com velor	C-Tescenie

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	357
32	362
64	364
128	372
256	392
512	427
1024	545
2048	604
4096	1085
8192	13662
16384	6253

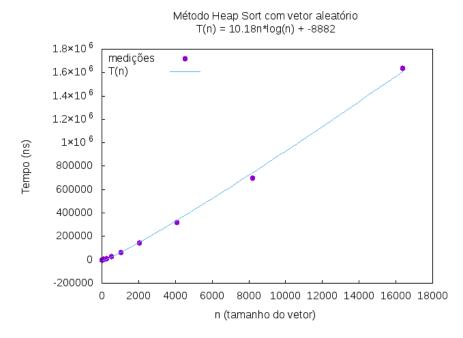


Figura 4.16: Corte Haste Memoizada - Vetor Crescente

4.4.3 Vetor Crescente P10

Tabela gerada utilizando Corte Haste Memoizada com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma crescente P10.

Tabela 4.17: Corte Haste Memoizada com Vetor Crescente P10

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	357
32	362
64	364
128	372
256	392
512	427
1024	545
2048	604
4096	1085
8192	13662
16384	6253

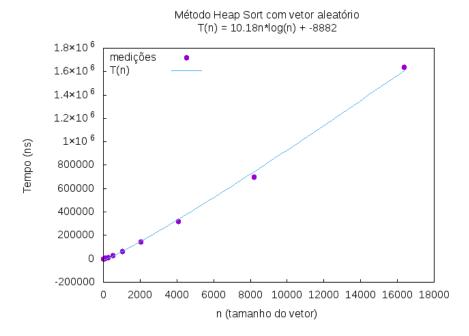


Figura 4.17: Corte Haste Memoizada - Vetor Crescente P10

4.4.4 Vetor Crescente P20

Tabela gerada utilizando Corte Haste Memoizada com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma crescente P20.

Tabela 4.18:	Corte	Hacto	Memoizada	com Vetor	Crosconto	D 0 0
Tabeia 4.10:	COTTE	HUSLE	- METHOTZUUU	COTH VELOT	CIPSCETILE	FZH

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	357
32	362
64	364
128	372
256	392
512	427
1024	545
2048	604
4096	1085
8192	13662
16384	6253

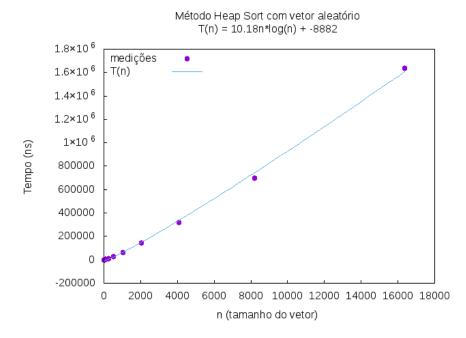


Figura 4.18: Corte Haste Memoizada - Vetor Crescente P20

4.4.5 Vetor Crescente P30

Tabela gerada utilizando Corte Haste Memoizada com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma crescente P30.

Tabela 4.19: Corte Haste Memoizada com Vetor Crescente P30

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	357
32	362
64	364
128	372
256	392
512	427
1024	545
2048	604
4096	1085
8192	13662
16384	6253

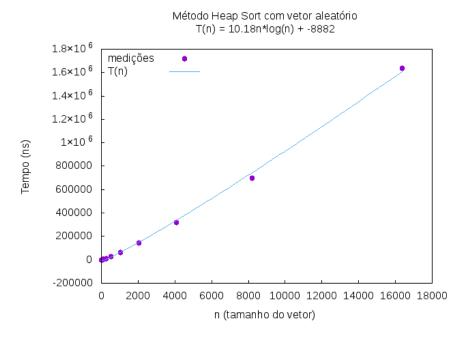


Figura 4.19: Corte Haste Memoizada - Vetor Crescente P30

4.4.6 Vetor Crescente P40

Tabela gerada utilizando Corte Haste Memoizada com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma crescente P40.

Tabela 4.20: Corte Haste Memoizada com Vetor Crescente P4	Tabela 4.20:	Corte Haste	Memoizada	com Vetor	Crescente	P40
--	--------------	-------------	-----------	-----------	-----------	-----

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	357
32	362
64	364
128	372
256	392
512	427
1024	545
2048	604
4096	1085
8192	13662
16384	6253

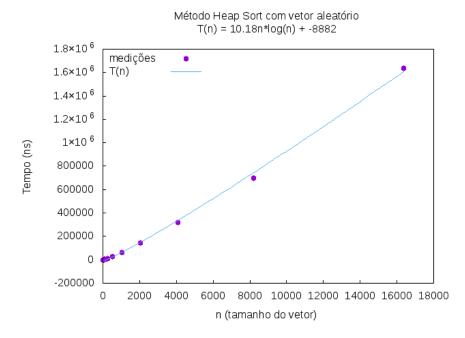


Figura 4.20: Corte Haste Memoizada - Vetor Crescente P40

4.4.7 Vetor Crescente P50

Tabela gerada utilizando Corte Haste Memoizada com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma crescente P50.

Tabela 4.21:	Corte H	acto M	Iomoizada	com	Vetor	Crosconto	P50
Tabeia 4.21:	COTIE H	U.S.LP. IVI	remozzaaa	-com	VPLOT	$\cup_{TPSCPTLLP}$	$\Gamma i i i i$

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	357
32	362
64	364
128	372
256	392
512	427
1024	545
2048	604
4096	1085
8192	13662
16384	6253

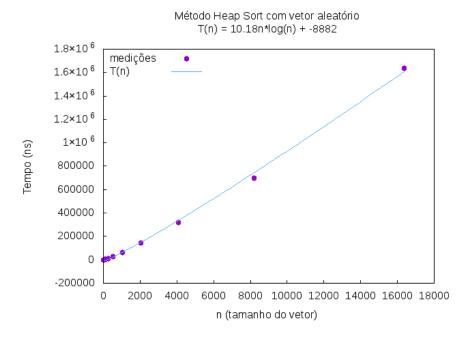


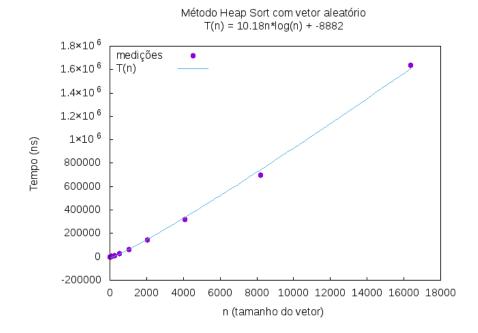
Figura 4.21: Corte Haste Memoizada - Vetor Crescente P50

4.4.8 Vetor Decrescente

Tabela gerada utilizando Corte Haste Memoizada com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma decrescente.

Tabela 4.22:	Corte	Haste	Memoizado	com Vetor	Decrescente
Tabela 4.44.	COLLE	Huste	- WESTHOUZUUU	s come velor	DECLESCELLE

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	357
32	362
64	364
128	372
256	392
512	427
1024	545
2048	604
4096	1085
8192	13662
16384	6253



 ${\bf Figura~4.22:~Corte~Haste~Memoizada~-~Vetor~Decrescente}$

4.4.9 Vetor Decrescente P10

Tabela gerada utilizando Corte Haste Memoizada com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma decrescente P10.

Tabela 4.23: Corte Haste Memoizada com Vetor Decrescente P10

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	357
32	362
64	364
128	372
256	392
512	427
1024	545
2048	604
4096	1085
8192	13662
16384	6253

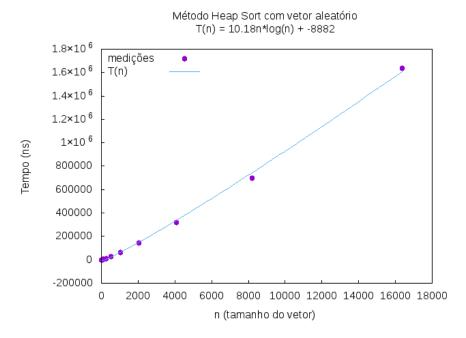


Figura 4.23: Corte Haste Memoizada - Vetor Decrescente P10

4.4.10 Vetor Decrescente P20

Tabela gerada utilizando Corte Haste Memoizada com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma decrescente P20.

Tabela 4.24:	Corte	Hacto	Memoizada	com Vetor	Decrescente	DOO
Tabeia 4.24:	$\cup_{i} ottle_i$	$\pi aste$	- Wiemorzaaa	-com velor	Пестеясение	PZII

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	357
32	362
64	364
128	372
256	392
512	427
1024	545
2048	604
4096	1085
8192	13662
16384	6253

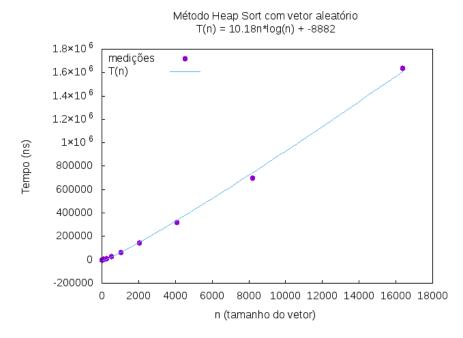


Figura 4.24: Corte Haste Memoizada - Vetor Decrescente P20

4.4.11 Vetor Decrescente P30

Tabela gerada utilizando Corte Haste Memoizada com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma decrescente P30.

Tabela 4.25: Corte Haste Memoizada com Vetor Decrescente P30

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	357
32	362
64	364
128	372
256	392
512	427
1024	545
2048	604
4096	1085
8192	13662
16384	6253

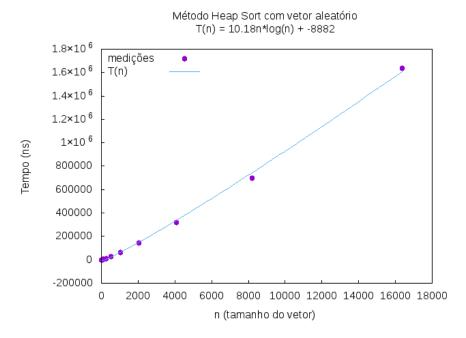


Figura 4.25: Corte Haste Memoizada - Vetor Decrescente P30

4.4.12 Vetor Decrescente P40

Tabela gerada utilizando Corte Haste Memoizada com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma decrescente P40.

Tabela 4.26:	Corte	Haste	Memoizada	com Vet	or Decrescer	te PlO
Tabula T. 20.	OOIU	110000	michiolizada	COME FOR	$o_1 \rightarrow o_1 \cup o_2 \cup o_4$	00C I 4C

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	357
32	362
64	364
128	372
256	392
512	427
1024	545
2048	604
4096	1085
8192	13662
16384	6253

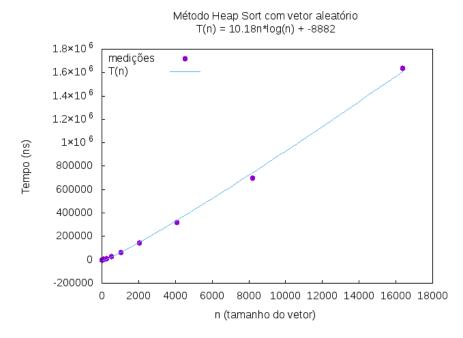


Figura 4.26: Corte Haste Memoizada - Vetor Decrescente P40

4.4.13 Vetor Decrescente P50

Tabela gerada utilizando Corte Haste Memoizada com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos de forma decrescente P50.

16

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	357
32	362
64	364

Tabela 4.27: Corte Haste Memoizada com Vetor Decrescente P50

33.
362
364
372
392
427
545
604
1085
13662
6253

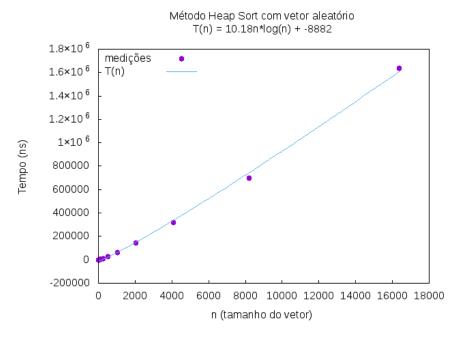


Figura 4.27: Corte Haste Memoizada - Vetor Decrescente P50

4.5 Parentização Bottom Up

bLABLABALBALBAL

4.5.1 Vetor aleatorio

Tabela gerada utilizando Parentização Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n $= (2^k)$, de k = 4...14 e inseridos aleatóriamente.

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	8230
32	19874
64	138865
128	1119535
256	7674247
512	70240583
1024	1582607779

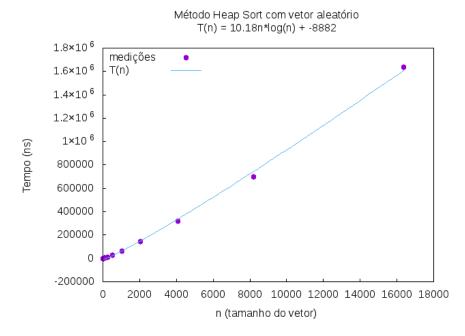


Figura 4.28: Parentização Bottom Up - Vetor Aleatório

4.5.2 Vetor Crescente

Tabela gerada utilizando Parentização Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Crescente.

Tabela 4.29: Parentização Bottom Up com vetor Crescente

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	8230
32	19874
64	138865
128	1119535
256	7674247
512	70240583
1024	1582607779

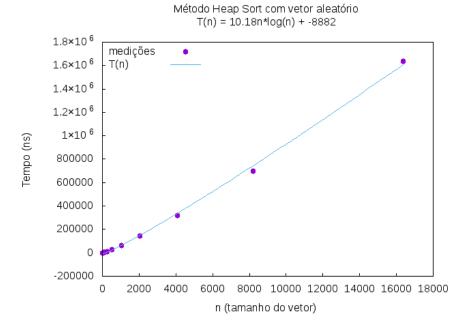


Figura 4.29: Parentização Bottom Up - Vetor Crescente

4.5.3 Vetor Crescente P10

Tabela gerada utilizando Parentização Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n $= (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos Crescente P10.

Tabela 4.30: Parentização Bottom Up com vetor Crescente P10

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	8230
32	19874
64	138865
128	1119535
256	7674247
512	70240583
1024	1582607779

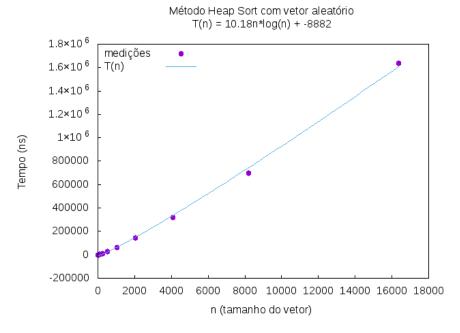


Figura 4.30: Parentização Bottom Up - Vetor Crescente P10

4.5.4 Vetor Crescente P20

Tabela gerada utilizando Parentização Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n $= (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos Crescente P20.

Tabela 4.31: Parentização Bottom Up com vetor Crescente P20

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	8230
32	19874
64	138865
128	1119535
256	7674247
512	70240583
1024	1582607779

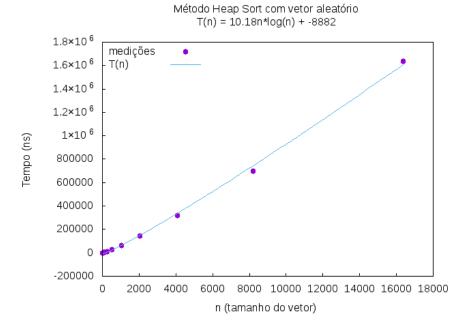


Figura 4.31: Parentização Bottom Up - Vetor Crescente P20

4.5.5 Vetor Crescente P30

Tabela gerada utilizando Parentização Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n $= (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos Crescente P30.

Tabela 4.32: Parentização Bottom Up com vetor Crescente P30

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	8230
32	19874
64	138865
128	1119535
256	7674247
512	70240583
1024	1582607779

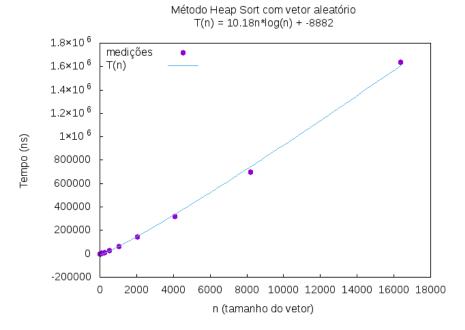


Figura 4.32: Parentização Bottom Up - Vetor Crescente P30

4.5.6 Vetor Crescente P40

Tabela gerada utilizando Parentização Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n $= (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos Crescente P40.

Tabela 4.33: Parentização Bottom Up com vetor Crescente P40

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	8230
32	19874
64	138865
128	1119535
256	7674247
512	70240583
1024	1582607779

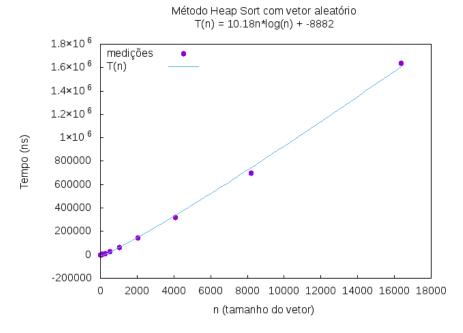


Figura 4.33: Parentização Bottom Up - Vetor Crescente P40

4.5.7 Vetor Crescente P50

Tabela gerada utilizando Parentização Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n $= (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos Crescente P50.

Tabela 4.34: Parentização Bottom Up com vetor Crescente P50

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	8230
32	19874
64	138865
128	1119535
256	7674247
512	70240583
1024	1582607779

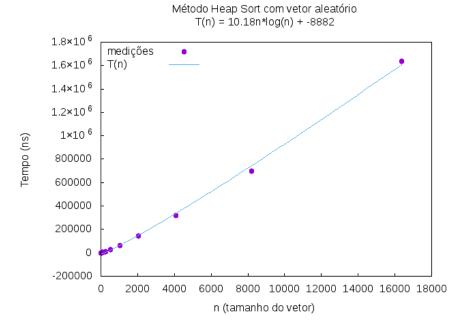


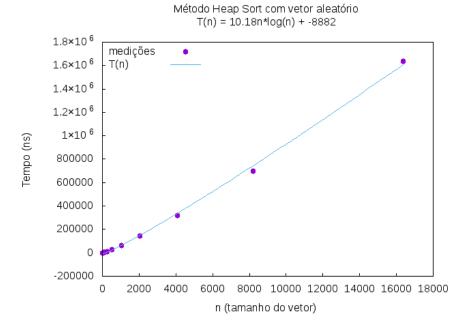
Figura 4.34: Parentização Bottom Up - Vetor Crescente P50

4.5.8 Vetor Decrescente

Tabela gerada utilizando Parentização Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n $= (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos Decrescente.

Tabela 4.35: Parentização Bottom Up com vetor Decrescente

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	8230
32	19874
64	138865
128	1119535
256	7674247
512	70240583
1024	1582607779



 ${\bf Figura~4.35:~} {\it Parentizaç\~ao~Bottom~Up~-~Vetor~Decrescente}$

4.5.9 Vetor Decrescente P10

Tabela gerada utilizando Parentização Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n $= (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos Decrescente P10.

Tabela 4.36: Parentização Bottom Up com vetor Decrescente P10

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	8230
32	19874
64	138865
128	1119535
256	7674247
512	70240583
1024	1582607779

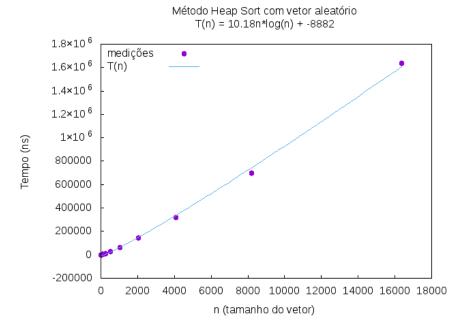


Figura 4.36: Parentização Bottom Up - Vetor Decrescente P10

4.5.10 Vetor Decrescente P20

Tabela gerada utilizando Parentização Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n $= (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos Decrescente P20.

Tabela 4.37: Parentização Bottom Up com vetor Decrescente P20

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	8230
32	19874
64	138865
128	1119535
256	7674247
512	70240583
1024	1582607779

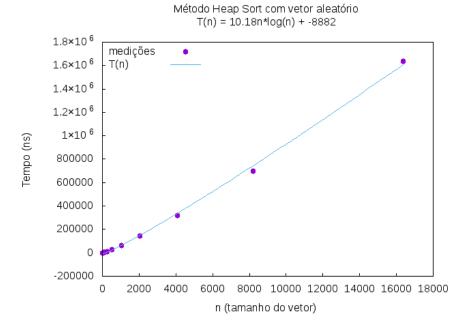


Figura 4.37: Parentização Bottom Up - Vetor Decrescente P20

4.5.11 Vetor Decrescente P30

Tabela gerada utilizando Parentização Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n $= (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos Decrescente P30.

Tabela 4.38: Parentização Bottom Up com vetor Decrescente P30

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	8230
32	19874
64	138865
128	1119535
256	7674247
512	70240583
1024	1582607779

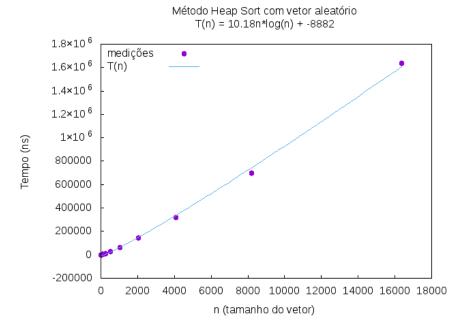


Figura 4.38: Parentização Bottom Up - Vetor Decrescente P30

4.5.12 Vetor Decrescente P40

Tabela gerada utilizando Parentização Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n $= (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos Decrescente P40.

Tabela 4.39: Parentização Bottom Up com vetor Decrescente P40

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	8230
32	19874
64	138865
128	1119535
256	7674247
512	70240583
1024	1582607779

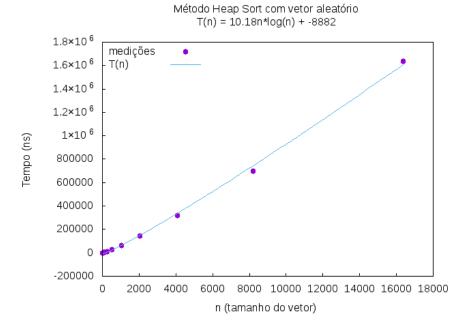


Figura 4.39: Parentização Bottom Up - Vetor Decrescente P40

4.5.13 Vetor Decrescente P50

Tabela gerada utilizando Parentização Bottom Up com vetores de tamanho n, sendo n $= (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos Decrescente P50.

Tabela 4.40: Parentização Bottom Up com vetor Decrescente P50

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	8230
32	19874
64	138865
128	1119535
256	7674247
512	70240583
1024	1582607779

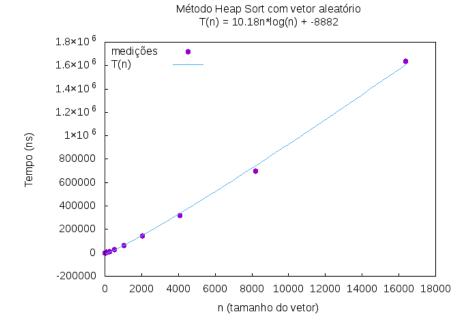


Figura 4.40: Parentização Bottom Up - Vetor Decrescente P50

4.6 Parentização Recursiva

bLABLABALBALBAL

Tabela gerada utilizando Parentização Recursiva com vetores de tamanho n, sendo n $= (2^k)$, de k = 4..14 e inseridos aleatóriamente, crescente, crescente P10, crescente P20, crescente P30, crescente P40, crescente P50, decrescente, decrescente P10, decrescente P20, decrescente P30, decrescente P40, decrescente P50.

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	103633175
16	103633175
16	103633175
16	103633175
16	103633175
16	103633175
16	103633175
16	103633175
16	103633175
16	103633175
16	103633175
16	103633175
16	103633175

Tabela 4.41: Parentização Recursiva

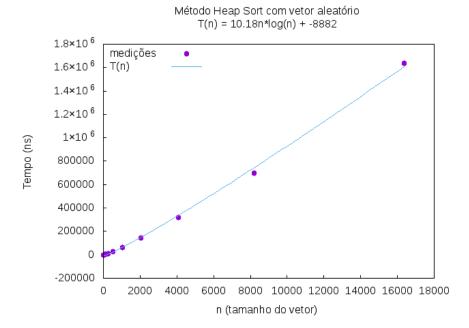


Figura 4.41: Parentização Recursiva

Capítulo 5

Estatísticas de Ordem

Programação dinamica blablabla

5.1 Min

falar um pouco sobre

5.1.1 Vetor aleatorio

Tabela gerada utilizando Min com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos aleatóriamente.

Tabela 5.1: Min com vetor aleatório

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	373
32	379
64	417
128	399
256	427
512	477
1024	707
2048	922
4096	1540
8192	3131
16384	7067

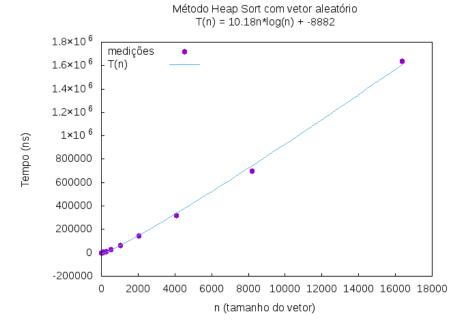


Figura 5.1: Min - Vetor Aleatório

5.1.2 Vetor Crescente

Tabela gerada utilizando Min com vetores de tamanho
n, sendo n $=(2^k),$ de k=4..14e inseridos Crescente.

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	373
32	379
64	417
128	399
256	427
512	477
1024	707
2048	922
4096	1540
8192	3131
16384	7067

Tabela 5.2: Min com vetor Crescente

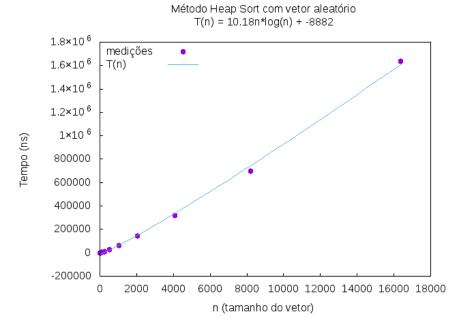


Figura 5.2: Min - Vetor Crescente

5.1.3 Vetor Crescente P10

Tabela gerada utilizando Min com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Crescente P10.

Número de Elementos Tempo de execução em nanosegundos

Tabela 5.3: Min com vetor Crescente P10

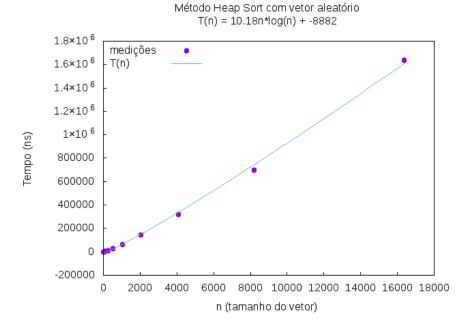


Figura 5.3: Min - Vetor Crescente P10

5.1.4 Vetor Crescente P20

Tabela gerada utilizando Min com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Crescente P 20.

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	373
32	379
64	417
128	399
256	427
512	477
1024	707
2048	922
4096	1540
8192	3131
16384	7067

Tabela 5.4: Min com vetor Crescente P20

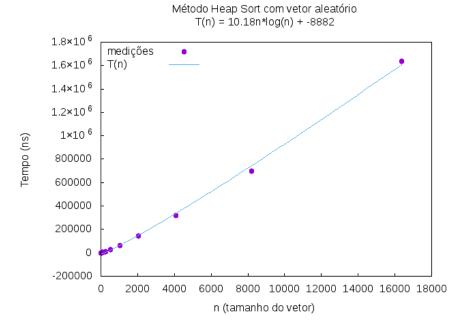


Figura 5.4: Min - Vetor Crescente P20

5.1.5 Vetor Crescente P30

Tabela gerada utilizando Min com vetores de tamanho n, sendo $n=(2^k)$, de k=4..14 e inseridos Crescente P30.

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	373
32	379
64	417
128	399
256	427
512	477
1024	707
2048	922
4096	1540
8192	3131
16384	7067

Tabela 5.5: Min com vetor Crescente P30

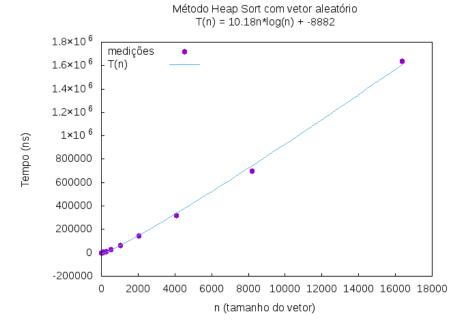


Figura 5.5: Min - Vetor Crescente P30

5.1.6 Vetor Crescente P40

Tabela gerada utilizando Min com vetores de tamanho n, sendo $n=(2^k)$, de k=4..14 e inseridos Crescente P40.

Número de Elementos Tempo de execução em nanosegundos

Tabela 5.6: Min com vetor Crescente P40

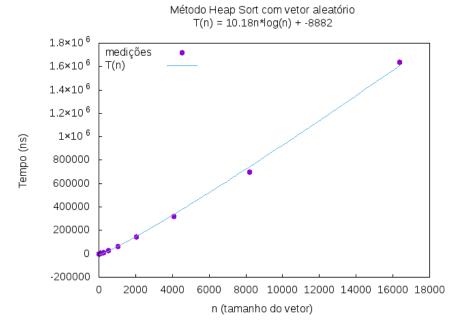


Figura 5.6: Min - Vetor Crescente P40

5.1.7 Vetor Crescente P50

Tabela gerada utilizando Min com vetores de tamanho n, sendo $n=(2^k)$, de k=4..14 e inseridos Crescente P50.

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	373
32	379
64	417
128	399
256	427
512	477
1024	707
2048	922
4096	1540
8192	3131
16384	7067

Tabela 5.7: Min com vetor Crescente P50

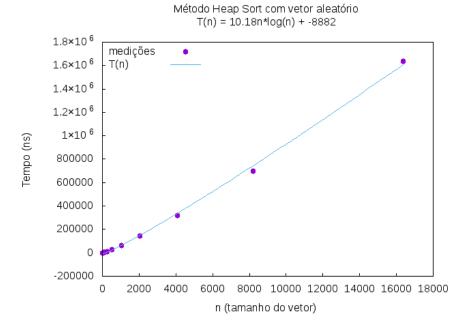


Figura 5.7: Min - Vetor Crescente P50

5.1.8 Vetor Decrescente

16384

Tabela gerada utilizando Min com vetores de tamanho n
, sendo n $=(2^k),$ de k=4..14e inseridos Decrescente.

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	373
32	379
64	417
128	399
256	427
512	477
1024	707
2048	922
4096	1540
8192	3131

Tabela 5.8: Min com vetor Decrescente

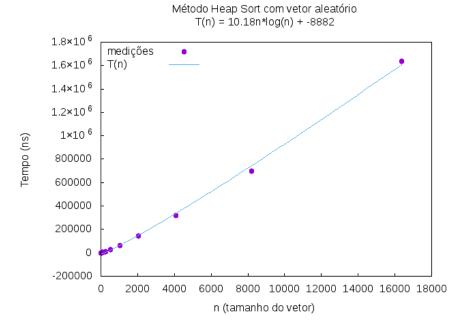


Figura 5.8: Min - Vetor Decrescente

5.1.9 Vetor Decrescente P10

Tabela gerada utilizando Min com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Decrescente P10.

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	373
32	379
64	417
128	399
256	427
512	477
1024	707
2048	922
4096	1540
8192	3131
16384	7067

Tabela 5.9: Min com vetor Decrescente P10

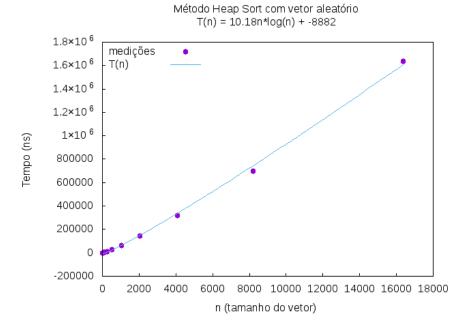


Figura 5.9: Min - Vetor Decrescente P10

5.1.10 Vetor Decrescente P20

16384

Tabela gerada utilizando Min com vetores de tamanho n, sendo $n=(2^k)$, de k=4..14 e inseridos Decrescente P20.

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	373
32	379
64	417
128	399
256	427
512	477
1024	707
2048	922
4096	1540
8192	3131

Tabela 5.10: Min com vetor Decrescente P20

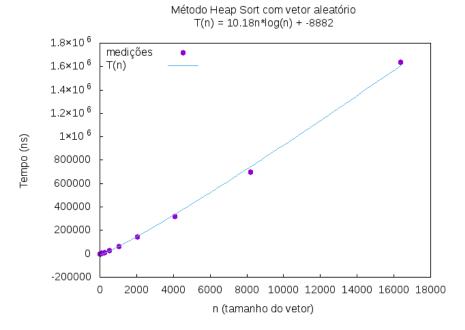


Figura 5.10: Min - Vetor Decrescente P20

5.1.11 Vetor Decrescente P30

Tabela gerada utilizando Min com vetores de tamanho n, sendo $n=(2^k)$, de k=4..14 e inseridos Decrescente P30.

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	373
32	379
64	417
128	399
256	427
512	477
1024	707
2048	922
4096	1540
8192	3131
16384	7067

Tabela 5.11: Min com vetor Decrescente P30

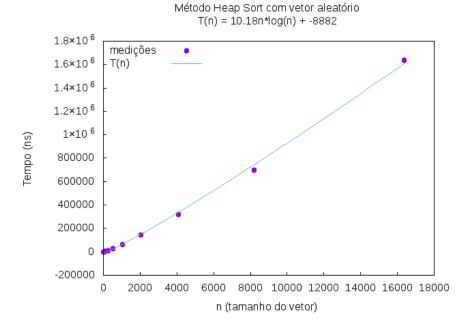


Figura 5.11: Min - Vetor Decrescente P30

5.1.12 Vetor Decrescente P40

16384

Tabela gerada utilizando Min com vetores de tamanho n, sendo $n=(2^k)$, de k=4..14 e inseridos Decrescente P40.

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	373
32	379
64	417
128	399
256	427
512	477
1024	707
2048	922
4096	1540
8192	3131

Tabela 5.12: Min com vetor Decrescente P40

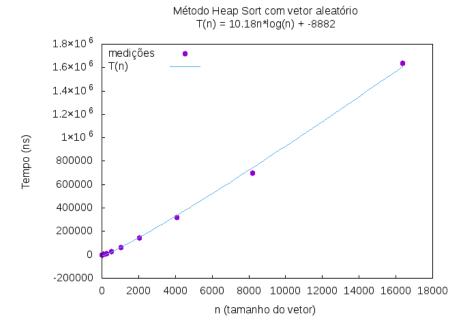


Figura 5.12: Min - Vetor Decrescente P40

5.1.13 Vetor Decrescente P50

16384

Tabela gerada utilizando Min com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Decrescente P 50.

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	373
32	379
64	417
128	399
256	427
512	477
1024	707
2048	922
4096	1540
8192	3131

Tabela 5.13: Min com vetor Decrescente P50

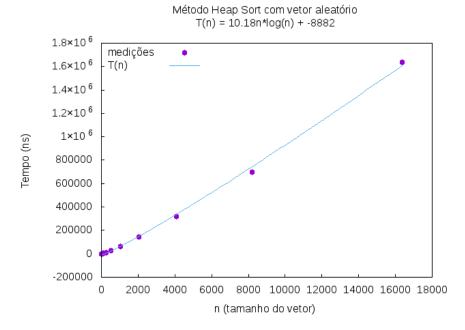


Figura 5.13: Min - Vetor Decrescente P50

5.2 MinMax

falar um pouco sobre

5.2.1 Vetor aleatorio

Tabela gerada utilizando MinMax com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos aleatóriamente.

Número de Elementos Tempo de execução em nanosegundos

Tabela 5.14: MinMax com vetor aleatório

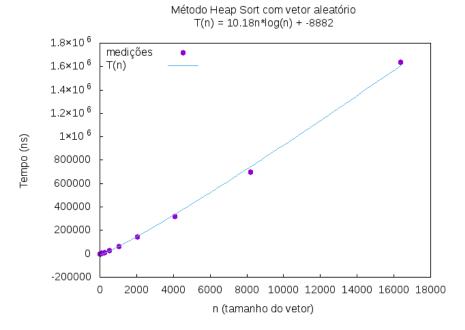


Figura 5.14: MinMax - Vetor Aleatório

5.2.2 Vetor Crescente

Tabela gerada utilizando Min
Max com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos C
rescente.

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	628
32	634
64	686
128	492
256	1042
512	806
1024	1087
2048	1250
4096	2139
8192	3898
16384	9144

Tabela 5.15: MinMax com vetor Crescente

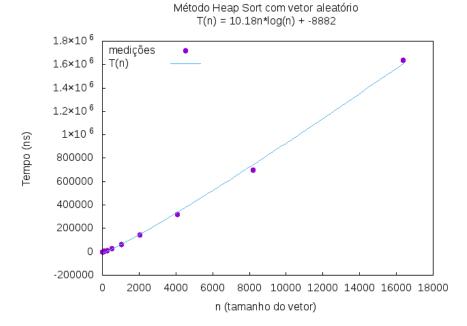


Figura 5.15: MinMax - Vetor Crescente

5.2.3 Vetor Crescente P10

8192

16384

Tabela gerada utilizando Min
Max com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Crescente P
10.

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	628
32	634
64	686
128	492
256	1042
512	806
1024	1087
2048	1250
4096	2139

3898

Tabela 5.16: MinMax com vetor Crescente P10

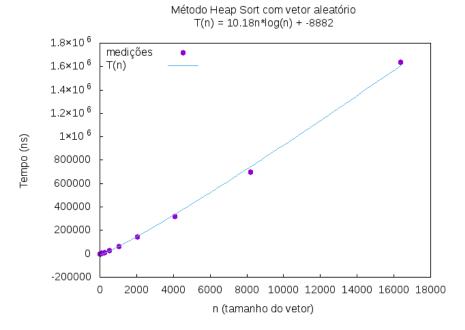


Figura 5.16: MinMax - Vetor Crescente P10

5.2.4 Vetor Crescente P20

Tabela gerada utilizando MinMax com vetores de tamanho n, sendo $n=(2^k)$, de k=4..14 e inseridos Crescente P20.

Número de Elementos Tempo de execução em nanosegundos

Tabela 5.17: MinMax com vetor Crescente P20

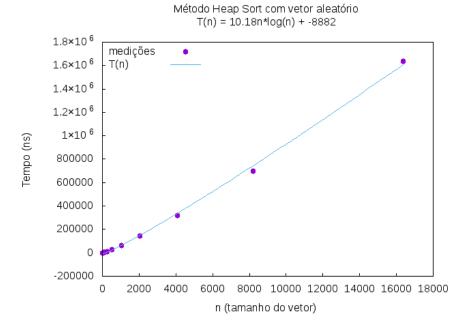


Figura 5.17: MinMax - Vetor Crescente P20

5.2.5 Vetor Crescente P30

4096

8192

16384

Tabela gerada utilizando Min
Max com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Crescente P
30.

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	628
32	634
64	686
128	492
256	1042
512	806
1024	1087
2048	1250

2139

3898

Tabela 5.18: MinMax com vetor Crescente P30

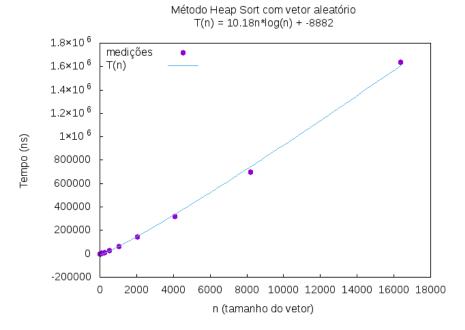


Figura 5.18: MinMax - Vetor Crescente P30

5.2.6 Vetor Crescente P40

16384

Tabela gerada utilizando Min
Max com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Crescente P40.

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	628
32	634
64	686
128	492
256	1042
512	806
1024	1087
2048	1250
4096	2139
8192	3898

Tabela 5.19: MinMax com vetor Crescente P40

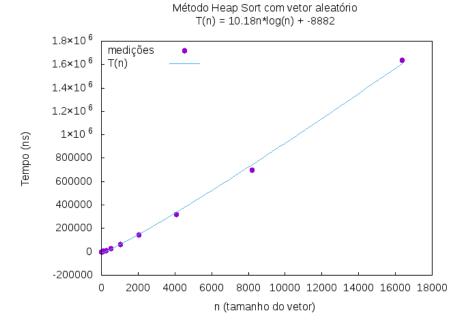


Figura 5.19: MinMax - Vetor Crescente P40

5.2.7 Vetor Crescente P50

4096

8192

16384

Tabela gerada utilizando Min
Max com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Crescente P
50.

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	628
32	634
64	686
128	492
256	1042
512	806
1024	1087
2048	1250

2139

3898

Tabela 5.20: MinMax com vetor Crescente P50

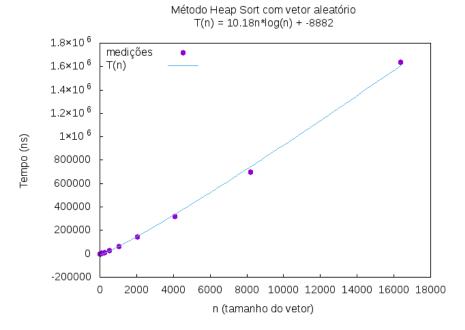


Figura 5.20: MinMax - Vetor Crescente P50

5.2.8 Vetor Decrescente

Tabela gerada utilizando Min
Max com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Decrescente.

Número de Elementos Tempo de execução em nanosegundos

Tabela 5.21: MinMax com vetor Decrescente

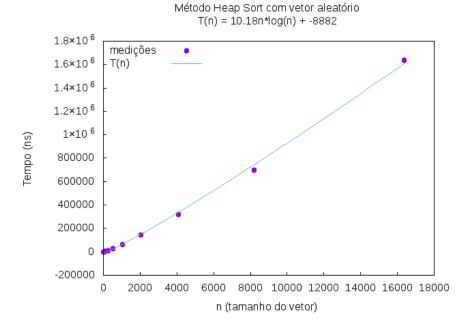


Figura 5.21: MinMax - Vetor Decrescente

5.2.9 Vetor Decrescente P10

Tabela gerada utilizando MinMax com vetores de tamanho n, sendo $n = (2^k)$, de k =4..14 e inseridos Decrescente P10.

Tabela 5.22: MinMax com vetor Decrescente P10

Número de Elementos Tempo de execução em nanosegundos

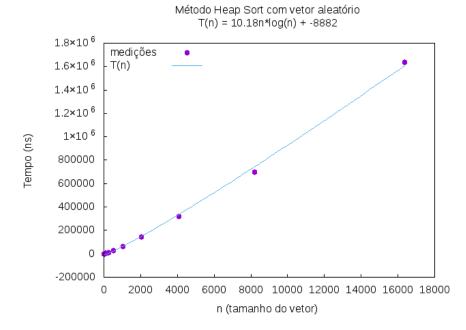


Figura 5.22: MinMax - Vetor Decrescente P10

5.2.10 Vetor Decrescente P20

Tabela gerada utilizando MinMax com vetores de tamanho n, sendo $n=(2^k)$, de k=4..14 e inseridos Decrescente P20.

Número de Elementos Tempo de execução em nanosegundos

Tabela 5.23: MinMax com vetor Decrescente P20

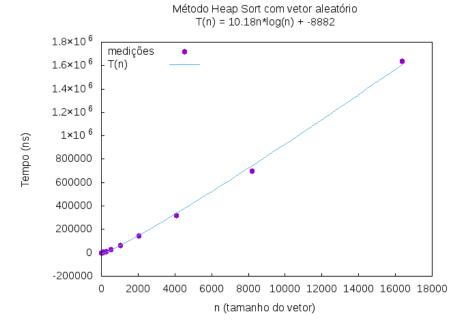


Figura 5.23: MinMax - Vetor Decrescente P20

5.2.11 Vetor Decrescente P30

4096

8192

16384

Tabela gerada utilizando Min
Max com vetores de tamanho n, sendo n = (2^k) , de k = 4..14 e inseridos Decrescente P
30.

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	628
32	634
64	686
128	492
256	1042
512	806
1024	1087
2048	1250

2139

3898

Tabela 5.24: MinMax com vetor Decrescente P30

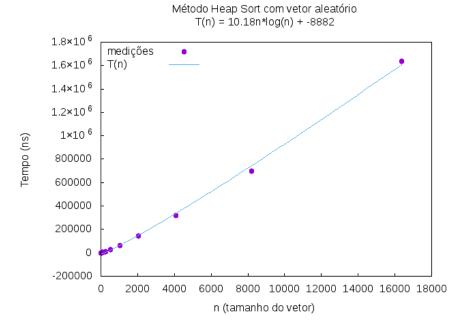


Figura 5.24: MinMax - Vetor Decrescente P30

5.2.12 Vetor Decrescente P40

Tabela gerada utilizando MinMax com vetores de tamanho n, sendo $n=(2^k)$, de k=4..14 e inseridos Decrescente P40.

Número de Elementos Tempo de execução em nanosegundos

Tabela 5.25: MinMax com vetor Decrescente P40

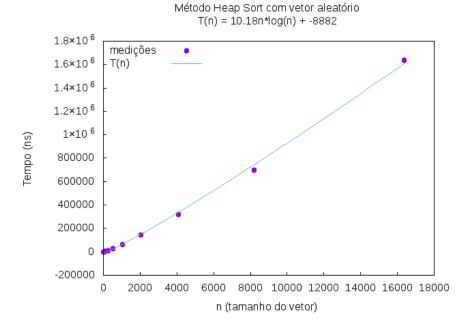


Figura 5.25: MinMax - $Vetor\ Decrescente\ P40$

5.2.13 Vetor Decrescente P50

Tabela gerada utilizando Min Max com vetores de tamanho
n, sendo n $=(2^k),$ de k=4..14e inseridos Decrescente P
50.

Tabela 5.26: MinMax com vetor Decrescente P50

Número de Elementos	Tempo de execução em nanosegundos
16	628
32	634
64	686
128	492
256	1042
512	806
1024	1087
2048	1250
4096	2139
8192	3898
16384	9144

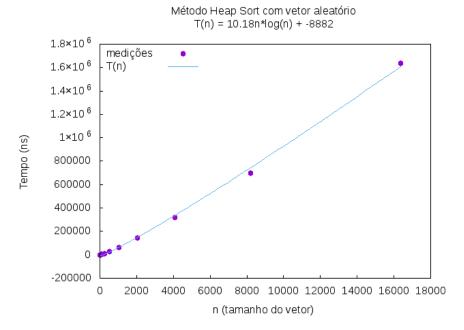


Figura 5.26: MinMax - Vetor Decrescente P50

Capítulo 6

Referências

Insertion Sort
Merge Sort
Heap Sort
Quick Sort
Counting Sort
Radix Sort
Bucket Sort
Introduction to algorithms 3rd Edition, Cormen, Thomas H,2009