Tarea 2

Curso Física Computacional

M. en C. Gustavo Contreras Mayén.

Fecha de entrega: Martes 23 de marzo de 2010.

1. Si se ajusta un polinomio de interpolación de Lagrange a cuatro datos en x = 1, 2, 3, 4, aparecen los siguientes polinomios cúbicos en la fórmula de interpolación:

a)
$$\frac{(x-2)(x-3)(x-4)}{(1-2)(1-3)(1-4)}$$

$$b) \frac{(x-1)(x-3)(x-4)}{(2-1)(2-3)(2-4)}$$

c)
$$\frac{(x-1)(x-2)(x-4)}{(3-1)(3-2)(3-4)}$$

$$d) \frac{(x-1)(x-2)(x-3)}{(4-1)(4-2)(4-3)}$$

Grafica las cuatro funciones anteriores y analiza las implicaciones de cada una.

2. El polinomio de interpolación de Newton hacia atrás ajustado a los puntos $x_0,\,x_1$ y x_2 se escribe como

$$g(x) = f_2 + s\nabla f_2 + \frac{1}{2}s(s+1)\nabla^2 f_2, \qquad -2 \le s \le 0$$

donde
$$s = \frac{(x-x_2)}{h}$$

Por otro lado, el polinomio de interpolación de Newton hacia adelante ajustado a los mismos datos es

$$g(x) = f_0 + s\Delta f_0 + \frac{1}{2}s(s-1)\Delta^2 f_0, \qquad 0 \le s \le 2$$

donde
$$s = \frac{(x-x_0)}{h}$$

Verifica la equivalencia de las ecuaciones.

3. La función de transferencia para un sistema está dada por

$$F(s) = \frac{H(s)}{1 + G(s)H(s)}$$

donde

$$G(s) = \frac{1}{s} exp(-0.1s), \quad H(s) = K$$

Busca las raíces de la ecuación característica 1 + G(s)H(s) para K = 1, 2, 3 mediante el método gráfico y evalúalas posteriomente, mediante el método de la falsa posición modificada.

1

4. La longitud de una curva definida por $x = \theta(t)$ y $\psi(t)$, a < t < b, está dada por

$$s = \int_{a}^{b} ([\theta'(t)]^{2} + [\psi(t)]^{2})^{1/2} dt$$

Usando las cuadraturas de Gauss con N=2,4,6 para encontrar la longitud de la cicloide definida por

$$x = 3[t - \sin(t)],$$
 $y = 2 - 2\cos(t),$ $0 < t < 2\pi$

5. Considera una varilla uniforme de 1 metro de longitud apoyada en dos extremos; el momento de doblamiento está dado por la siguiente fórmula:

$$y'' = \frac{M(x)}{EI}$$

donde y(x) es la deflexión, M(x) es el momento de doblamiento y EI es la rigidez en la unión. Calcula el momento de doblamiento en cada punto de la retícula -incluyendo los extremos- suponiendo que la distribución de la deflexión tiene los siguientes valores:

i	x_i	$f(x_i)$
0	0.0(m)	$0.0({\rm cm})$
1	0.2	7.78
2	0.4	10.68
3	0.6	8.37
4	0.8	3.97
5	1.0	0.0

Supongamos que $EI=1,2\ Nm^2$. Utiliza la aproximación por diferencias centrales para los puntos de la retícula distintos de los extremos. Para éstos, utiliza la aproximación por diferencias hacia adelante o hacia atrás utilizando cuatro puntos.