

Encontrar λ para el cual existe una solución no trivial de

La forma estándar de un problema matricial de valores propios es

donde \mathbf{A} es una matriz dada de tamaño $n \times n$. El problema que debemos resolver, es calcular

Se hace evidente que se trata de un sistema de n ecuaciones homogéneas. Una solución

La expansión del determinante nos lleva a la ecuación polinomial, también conocida como

Que tiene las raíces λ_i $i = 1, 2, \dots, n$, llamados valores propios (autovalores, *eigenvalores*). Las soluciones x_i de $(\mathbf{A} - \lambda_i \mathbf{I})\mathbf{x} = \mathbf{0}$ son conocidas como vectores propios *eigenvectores*.

La ecuación característica es

Las raíces de esta ecuación son $\lambda_1 = 0$, $\lambda_2 = 1$, $\lambda_3 = 3$. Para calcular el vector propio con

Sabemos que el determinante de la matriz de coeficientes es cero, de modo que las ecuaciones son linealmente dependientes. Por lo tanto, podemos asignar un valor arbitrario a cualquier componente de x y usarlo para

Así, el vector propio asociado con λ_3 es

Obtenemos los otros dos vectores propios de la misma forma

A veces es conveniente mostrar los vectores propios como columnas de una matriz \mathbf{X} . En

De este ejemplo se desprende claramente que la magnitud de un vector propio es indeterminada. Es costumbre normalizar los vectores propios asignando una magnitud unitaria a cada uno.

Así, los vectores propios normalizados en nuestro ejemplo son

Supondremos que los vectores propios están normalizados. Mencionaremos algunas propiedades. Todos los valores propios de una matriz simétrica son reales. Todos los valores propios