Soit un système avec des processus (threads) et des ressources à un instant donné S avec 4 structures de données :

E: nombre de ressources maximum disponible (ne change pas durant l'exécution):

| R1 | R2 | R3 | R4 | R5 |
|----|----|----|----|----|
|    |    |    |    |    |

A : nombre de ressources disponibles à l'instant S de l'exécution :

| R1 | R2 | R3 | R4 | R5 |
|----|----|----|----|----|
| 0  | 0  | х  | 1  | 1  |

Alloc : tableau de l'allocation de chaque processus en fonction des ressources disponibles à l'instant S de l'exécution:

|    | R1 | R2 | R3 | R4 | R5 |
|----|----|----|----|----|----|
| P1 | 1  | 0  | 2  | 1  | 1  |
| P2 | 2  | 0  | 1  | 1  | 0  |
| Р3 | 1  | 1  | 0  | 1  | 0  |
| P4 | 1  | 1  | 1  | 1  | 0  |

Req: tableau des ressources qui seront demandées par chaque processus dans le futur i.e. après S:

|    | R1 | R2 | R3 | R4 | R5 |
|----|----|----|----|----|----|
| P1 | 0  | 2  | 0  | 0  | 1  |
| P2 | 0  | 2  | 1  | 0  | 0  |
| P3 | 1  | 0  | 3  | 0  | 0  |
| P4 | 0  | 0  | 1  | 1  | 1  |

Soit x=1, S est-il sur?

Rép. On va appliquer l'algorithme du banquier :

# Itération no 1 :

• Est-ce que l'ordonnanceur peut allouer à aux moins un des 4 processus les ressources demandés après l'instant S ?

|  | R1 | R2 | R3 | R4 | R5 |
|--|----|----|----|----|----|
| A:   | 0  | 0  | 1  | 1  | 1  |
| Req(P1):<br>Req(P2):<br>Req(P3):<br>Req(P4): | 0  | 2  | 0  | 0  | 1  |
| Req(P2):                                     | 0  | 2  | 1  | 0  | 0  |
| Req(P3):                                     | 1  | 0  | 3  | 0  | 0  |
| Req(P4):                                     | 0  | 0  | 1  | 1  | 1  |

non non non oui On voit que les ressources demandées par P4 sont suffisantes, donc oui

• Mise à jour de A quand P4 aurait terminé avant d'aller à la prochaine itération :

À la fin de son exécution, P4 va donc libérer les ressources Alloc(P4) et celle acquises dans A via Req(P4). À la fin on peut dire que la nouvelle valeur de A nommons la A' sera égale à A + Alloc(P4) donc :

| Alloc(P4): | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 |
|------------|---|---|---|---|---|
| A:         | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 |
| A':        | 1 | 1 | 2 | 2 | 1 |

## Itération no 2 :

- D'abord A' devient A pour cette nouvelle itération et on se concentre maintenant sur P1, P2 et P3.
- Est-ce que l'ordonnanceur peut allouer à P1 les ressources demandés après l'instant S?

|                      | R1 | R2 | R3 | R4 | R5 |     |
|----------------------|----|----|----|----|----|-----|
| A:                   | 1  | 1  | 2  | 2  | 1  |     |
| Req(P1):             | 0  | 2  | 0  | 0  | 1  | non |
| Req(P2):             | 0  | 2  | 1  | 0  | 0  | non |
| Req(P2):<br>Req(P3): | 1  | 0  | 3  | 0  | 0  | non |

S est non sur!

Maintenant pour x=2

#### Itération no 1 :

• Est-ce que l'ordonnanceur peut allouer à au moins un des 4 processus les ressources demandés après l'instant S ?

|          | R1 | R2 | R3 | R4 | R5 |     |
|----------|----|----|----|----|----|-----|
| A:       | 0  | 0  | 2  | 1  | 1  |     |
| Req(P1): | 0  | 2  | 0  | 0  | 1  | non |
| Req(P2): | 0  | 2  | 1  | 0  | 0  | non |
| Req(P3): | 1  | 0  | 3  | 0  | 0  | non |
| Req(P4): | 0  | 0  | 1  | 1  | 1  | oui |

On voit que les ressources demandées par P4 sont suffisantes, donc oui

• Mise à jour de A quand P4 aurait terminé avant d'aller à la prochaine itération :

À la fin de son exécution, P4 va donc libérer les ressources Alloc(P4) et celle acquises dans A via Req(P4). À la fin on peut dire que la nouvelle valeur de A nommons la A' sera égale à A + Alloc(P4) donc :

| Alloc(P4): | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 |
|------------|---|---|---|---|---|
| A:         | 0 | 0 | 2 | 1 | 1 |
| A':        | 1 | 1 | 3 | 2 | 1 |

## Itération no 2 :

- D'abord A' devient A pour cette nouvelle itération et on se concentre maintenant sur P1, P2 et P3.
- Est-ce que l'ordonnanceur peut allouer à P1 les ressources demandés après l'instant S?

|          | R1 | R2 | R3 | R4 | R5 |     |
|----------|----|----|----|----|----|-----|
| A:       | 1  | 1  | 3  | 2  | 1  |     |
| Req(P1): | 0  | 2  | 0  | 0  | 1  | non |
| Req(P2): | 0  | 2  | 1  | 0  | 0  | non |
| Req(P3): | 1  | 0  | 3  | 0  | 0  | oui |

On voit que les ressources demandées par P3 sont suffisantes, donc oui

• Mise à jour de A quand P3 aurait terminé avant d'aller à la prochaine itération :

À la fin de son exécution, P3 va donc libérer les ressources Alloc(P3) et celle acquises dans A via Req(P3). À la fin on peut dire que la nouvelle valeur de A nommons la A' sera égale à A + Alloc(P3) donc :

| Alloc(P3): | 1 | 1 | 0 | 1 | 0 |
|------------|---|---|---|---|---|
| A:         | 1 | 1 | 3 | 2 | 1 |
| A':        | 2 | 2 | 3 | 3 | 1 |

## Itération no 3 :

- D'abord A' devient A pour cette nouvelle itération et on se concentre maintenant sur P1 et P2.
- Est-ce que l'ordonnanceur peut allouer à P1 les ressources demandés après l'instant S?

|                      | R1 | R2 | R3 | R4 | R5 |     |
|----------------------|----|----|----|----|----|-----|
| A:                   | 2  | 2  | 3  | 3  | 1  |     |
| Req(P1):             | 0  | 2  | 0  | 0  | 1  | oui |
| Req(P1):<br>Req(P2): | 0  | 2  | 1  | 0  | 0  | oui |

On voit que les ressources demandées par P1 ou P2 sont suffisantes, donc on va choisir P2

Mise à jour de A quand P2 aurait terminé avant d'aller à la prochaine itération :

À la fin de son exécution, P2 va donc libérer les ressources Alloc(P2) et celle acquises dans A via Req(P2). À la fin on peut dire que la nouvelle valeur de A nommons la A' sera égale à A + Alloc(P2) donc :

| Alloc(P2): | 2 | 0 | 1 | 1 | 0 |
|------------|---|---|---|---|---|
| A:         | 2 | 2 | 3 | 3 | 1 |
| A':        | 4 | 2 | 4 | 4 | 1 |

### Itération no 4:

- D'abord A' devient A pour cette nouvelle itération et on se concentre maintenant sur P1.
- Est-ce que l'ordonnanceur peut allouer à P1 les ressources demandés après l'instant S?

|          | R1 | R2 | R3 | R4 | R5 |            |
|----------|----|----|----|----|----|------------|
| A:       | 4  | 2  | 4  | 4  | 1  |            |
| Req(P1): | 0  | 2  | 0  | 0  | 1  | Évidemment |
|          |    |    |    |    |    | Toujours   |
|          |    |    |    |    |    | Oui        |

On voit que les ressources demandées par P1 sont suffisantes.

• Mise à jour de A quand P1 aurait terminé avant d'aller à la prochaine itération :

À la fin de son exécution, P1 va donc libérer les ressources Alloc(P1) et celle acquises dans A via Req(P1). À la fin on peut dire que la nouvelle valeur de A nommons la A' sera égale à A + Alloc(P1) donc :

| Alloc(P1): | 2 | 0 | 1 | 1 | 0 |
|------------|---|---|---|---|---|
| A:         | 4 | 2 | 4 | 4 | 1 |
| A':        | 6 | 2 | 5 | 5 | 1 |

S est non sur ! Et évidemment pour x > 2 !