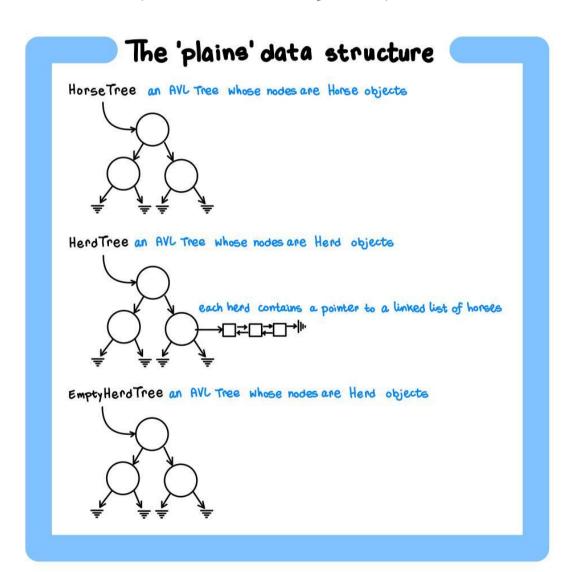
# תרגיל בית רטוב 1 – החלק היבש

## מכיל: Plains מכיל

- מכיל (Herd) בעל m בעל m בעל MVL אים. עצם מסוג עדר (AVL בעל Herd) את מזהה העדר, כמות הסוסים הכוללת בעדר ומצביע לרשימה מקושרת של הסוסים שרעדר
  - 2). AVL עץ AVL בעל n צמתים המייצגים את הסוסים במערכת. עצם מסוג סוס HorseTree (Horse) מכיל את מזהה הסוס, מהירותו, מזהה העדר אליו שייך, מצביע לסוס אחריו הוא עוקב, שני משתנים מספריים ייחודיים ומשתנה בוליאני המאפשרים ניהול יחסי מעקב תקינים בין הסוסים.
    - . בעל עדרים ריקים המייצגים עדרים ריקים. AVL עץ EmptyHerdTree  $\,$  .3



## מימושים לפונקציות:

## plains\_t() .1

- דרך רשימת אתחול, ללא כל פרמרטרים AVL נפעיל את הבנאים של עצי
- nullptr-שלא מקבל פרמטרים מאתחל את המצביע שלו ל-AVL הבנאי של עץ

הפעולות שמבוצעות בבנאי אינן תלויות באף קלט, כלומר חסומות ע"י קבוע ולכן הפעולות שמבוצעות הבנאי אינן תלויות האף O(1)

## ~plains\_t() .2

- (AVL עצי) הורס דיפולטיבי, שקורא להורסים של השדות (עצי
- קורא להורס של חוליית הראש בעץ AVL ההורס של עץ
- ההורס של חוליה בעץ הוא דיפולטיבי, ומפעיל את ההורסים של הערך השמור
  בחוליה (סוס או עדר), ואת ההורס עבור החוליות הבנות שלה.
- ההורס של עצם הסוס מאתחל את המצביעים שלו בnullptr (אין לסוס שדות שהוקצו דינמית). ההורס של עצם העדר הוא דיפולטיבי, ומפעיל את ההורס של הרשימה המקושרת שהוא מכיל.
- ההורס של הרשימה המקושרת הוא דיפולטיבי, ומפעיל את ההורסים של החוליות בו.
- הורס החוליות של הרשימה המקושרת מאתחל את המצביעים השמורים בו לערך ולחוליה הוקדמת כ-nullptr, ומפעיל את ההורס של החוליה הבאה.

#### סיבוכיות הפעולה:

בהריסת עצי הAVL נדרשת הריסת כל החוליות בעץ. בעץ הסוסים יש n חוליות, בעץ העדרים המלאים יש m חוליות ובעץ העדרים הריקים יש  $m_{\phi}$  חוליות. סה"כ הסיבוכיות העדרים המלאים יש  $O(n+m+m_{\phi})$ . חשוב לציין: על אף שמחיקת עצם מסוג עדר מפעילה הורס של רשימה מקושרת שבמקרה הגרוע ביותר הסיבוכיות של היא O(n), לא ייתכן שסיבוכיות מחיקת עץ העדרים הוא O(nm) מכיוון שלא ייתכן שאותו הסוס יהיו ביותר מעדר אחד. לכן, לכל היותר מחיקת הרשימה המקושרת תוסיף n לסיבוכיות.

## add\_herd(int herdId) .3

- HerdTree נחפש האם המזהה קיים כבר בעץ
- EmptyHerdTree נחפש האם המזהה קיים כבר בעץ
- EmptyHerdTree אם המזהה לא נמצא באף עץ, נוסיף את העדר כצומת לעץ

ראינו כי סיבוכיות החיפוש וההכנסה לעץ AVL ראינו כי סיבוכיות החיפוש וההכנסה לעץ ראינו כי  $O(\log m + \log m_{\emptyset})$ 

#### remove\_herd(int herdId) .4

- EmptyHerdTree נחפש האם המזהה קיים בעץ
  - ▶ אם כן, נמחק הצומת המתאים מהעץ
    - במידת הצורך נאזן את העץ מחדש •

סיבוכיות חיפוש והוצאה, סיבוכיות מציאת צמתים בהם מופר האיזון וסיבוכיות ביצוע סיבוכיות חיפוש והוצאה, סיבוכיות מציאת צמתים בהם מופר האיזון וסיבוכיות ביצוע גלגולים (לכל היותר אחד ברמה) כולן לינאריות בגובה העץ. לכן  $O(\log m_{\odot})$ 

### add\_horse(int horseld, int speed) .5

- HorseTree נחפש האם המזהה קיים כבר בעץ
  - אם לא, נוסיף אותו כצומת לעץ •
  - במידת הצורך נאזן את העץ מחדש •

סיבוכיות חיפוש והכנסה, סיבוכיות מציאת צמתים בהם מופר האיזון וסיבוכיות ביצוע גלגולים (לכל היותר אחד ברמה) כולן לינאריות בגובה העץ. לכן  $\frac{\mathcal{O}(\log n)}{\log n}$ 

- join\_herd(int horseld, int herdId) .6
- . נחפש את מזהה הסוס בעץ  $O(\log n)$  HorseTree נחפש את מזהה הסוס בעץ
- $O(\log m_{\phi})$  EmptyHerdTree אם נמצא שם, נחפש את המזהה של העדר בעץ
  - אם אכן קיים, נשייך את הסוס לעדר המתאים 0(1) (הוספה לתחילת רשימה מקושרת).
    - $O(\log m_{\phi})$  EmptyHerdTree נוציא את העדר מהעץ
      - $O(\log m)$  HerdTree ונכניס אותו לעץ
- HerdTree -אם המזהה של העדר לא נמצא ב-EmptyHerdTree אם המזהה של העדר לא נמצא ב- $O(\log m)$ 
  - O(1) אם אכן קיים, נשייך את הסוס לעדר המתאים •

פעולות חיפוש, הוצאה וכנסה לינאריות בגובה העץ, לכן לפי הפירוט לעיל, נקבל כי סה"כ הסיבוכיות היא  $\frac{O(\log m + \log m_{0})}{O(\log m + \log m_{0})}$ 

- follow(int horseId, int horseToFollowId) .7
- HorseTree נחפש את מזהי הסוסים בעץ

 $\frac{\mathcal{O}(\log n)}{\log n}$ סיבוכיות חיפוש לינארית בגובה העץ ולכן

- leave\_herd(int horseld) .8
- torseTree נחפש את מזהה הסוס בעץ
- אם הסוס משוייך לעדר כלשהו, נעדכן את השדות שלו (את העדר ואת הסוס אחריו null הוא עוקב ל
  - נסיר את החולייה של הסוס מרשימת הסוסים השייכים לעדר המתאים.
- הסרת החולייה מהרשימה כוללת את עדכון כל המצביעים כדי לשמור על רציפות הרשימה, ולבסוך הפעלת ההורס של החולייה שנמחקה (מכיוון שנותקה מהרשימה מחיקתה למעשה רק מאתחלת את המצביע לערך בה ל- nullptr)

סיבוכיות הפעולה מורכבת מסיבוכיות חיפוש הסוס בעץ AVL, ויתר הפעולות חסומות על ידי קבוע. סך הכל סיבוכיות  $\frac{O(\log n)}{O(\log n)}$ .

- get\_speed(int horseld) .9
- ונחזיר את מהירותו HorseTree נחפש את מזהה הסוס בעץ

 $O(\log n)$  סיבוכיות חיפוש לינארית בגובה העץ ולכן

- leads(int horseld, int otherHorseld) .10
- HorseTree נחפש את מזהי הסוסים בעץ
- נעבור על רשימת הסוסים של העדר אליו שייכים שני הסוסים, נזהה ונאחסן מצביעים לסוס העוקב ולסוס המוביל על ידי בדיקות מיועדות.

סיבוכיות הסיבוכיות מתחשבת בחיפוש הסוסים בעץ, כמו גם מעבר על רשימת הסוסים סיבוכיות הסיבוכיות הכוללת היא:  $\frac{O(\log n + n_{herdid})}{O(\log n + n_{herdid})}$ 

- can\_run\_together(int herdld) .11
- $O(\log m)$  נחפש את מזהה העדר בעץ העדרים הלא ריקים  $\bullet$

- נעבור על רשימת חברי העדר ונסכום את כמות הסוסים שאינם עוקבים אחר אף .  $\bullet$  failure בעלי פוטנציאל להוביל את העדר). אם הערך שונה מ-1 נחזיר .  $O(n_{bounded})$
- נעבור פעם נוספת על רשימת חברי העדר ונבדוק הצבעה מעגלית לכל סוס נסמן ullet האם הגענו אליו או לא ובכל בדיקת מעגליות לא נצטרך לבדוק שוב סוסים שכבר סומנו.  $O(n_{herdId})$ .

 $O(\log m + n_{herdId})$  סה"כ נקבל סיבוכיות

#### <u>סיבוכיות מקום:</u>

הזיכרון הנדרש עבור מבנה הנתונים ומימוש הפעולות לפי תכנון זה הוא כמפורט להלן:

- עץ כל הסוסים דורש n מקום כדי לאחסן את כל הסוסים.
- עץ העדרים הלא ריקים דורש m מקום כדי לאחסן את כל העדרים הפעילים.
- עץ העצים הריקים דורש  $m_{\emptyset}$  מקום כדי לאחסן את כל העדרים הלא פעילים.
- כל עדר מכיל מצביע לרשימה מקושרת המכילה את חברי העדר. סכום כל החוליות בכל הרשימות המקושרות הוא n (כמספר הסוסים במערכת).

לא נדרשת הקצאה נוספת של זיכרון במהלך המימוש שלנו, לכן סך הכל סיבוכיות המקום עבור מבנה נתונים זה היא:  $\frac{O(n+m+m_{\emptyset})}{O(n+m+m_{\emptyset})}$ 

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> הפונקציה לבדיקת הפניה מעגלית- ׳שיטת שני הפויינטרים׳: כאשר אנו נמצאים במבנה נתונים מסוג גרף, ניעזר בשני פויינטרים על מנת לדעת אם אנחנו נמצאים בהפניה מעגלית או לא-

נעוד בשני פרנטר ם על ממנל לדעול אם אמומי נמצאים בחפנית מעגל ול אדלא-בקריאה הראשונית נגדיר 'פויינטר 1' ו- 'פויינטר 2' שיצביעו על החוליה הראשונה, ובכל קריאה לחוליה הבאה נקדם את 'פויינטר 1' חוליה אחת (שיצביע על החולייה הבאה אליה נקרא), ונקדם את 'פויינטר 2' 2 חוליות. כאשר 'פויינטר 2' יגיע לסוף המבנה נדע כי אנחנו לא נמצאים בהפניה מעגלית.

במידה ואנחנו כן נמצאים בהפניה מעגלית, נדע זאת כאשר ׳פויינטר 1׳ ו- ׳פויינטר 2׳ יצביעו על אותו הערך\ חוליה

סיבוכיות הפעולה: זוהי פונקציה רקורסיבית שכל הפעולות בה הן O(1). עומק הרקורסיה הוא המינימלי מבין אורך שרשרת המעקב ופרמטר ההתקדמות. לכן סיבוכיות הפעולה היא המינמלי מבין n (כמות הסוסים המקסימלית שיכולה להיות ברשימת מעקב) לבין פרמטר ההתקדמות, שבהתחלה שווה לכמות הסוסים שבעדר (לכל היותר n). נקבל שהסיבוכיות היא O(n).