

1.5

2.

(1) $P \rightarrow (Q \rightarrow R), P \wedge Q \Rightarrow R$

①	$P \rightarrow (Q \rightarrow R)$	P
②	$P \wedge Q$	P
③	P	② + Simp
④	Q	② + Simp
⑤	$Q \rightarrow R$	①, ③ + MP
⑥	R	④, ⑤ + MP

■

(3) $(P \rightarrow Q) \wedge (P \rightarrow R), \neg(Q \wedge R), S \vee P \Rightarrow S$

①	$(P \rightarrow Q) \wedge (P \rightarrow R)$	P
②	$P \rightarrow Q$	① + Simp
③	$P \rightarrow R$	① + Simp
④	$P \rightarrow (Q \wedge R)$	②, ③
⑤	$\neg(Q \wedge R)$	P
⑥	$\neg P$	④, ⑤ + MT
⑦	$S \vee P$	P
⑧	S	⑥, ⑦ + DS

■

2. 用附加前提法证明

1.

(1) $\neg P \vee Q, \neg Q \vee R, R \rightarrow S \Rightarrow P \rightarrow S$

①	$\neg P \vee Q$	P
②	$\neg Q \vee R$	P
③	$R \rightarrow S$	P
④	P	CP
⑤	$P \rightarrow Q$	①
⑥	Q	④, ⑤ + MP
⑦	$Q \rightarrow R$	②
⑧	R	⑥, ⑦ + MP
⑨	S	⑧, ③ + MP
⑩	$P \rightarrow S$	④-⑨ + CP

(4) $P \rightarrow (Q \rightarrow R), Q \rightarrow (R \rightarrow S) \Rightarrow P \rightarrow (Q \rightarrow S)$

①	$P \rightarrow (Q \rightarrow R)$	P
②	$Q \rightarrow (R \rightarrow S)$	P
③	P	CP
④	$Q \rightarrow R$	③, ① + MP
⑤	Q	CP
⑥	R	⑤, ④ + MP
⑦	$R \rightarrow S$	⑤, ② + MP
⑧	S	⑥, ⑦ + MP
⑨	$Q \rightarrow S$	⑤-⑧ + CP
⑩	$P \rightarrow (Q \rightarrow S)$	③-⑨ + CP

3. 用反证法证明

1.

$$(1) P \rightarrow \neg Q, Q \vee \neg R, R \wedge \neg S \Rightarrow \neg P$$

①	$P \rightarrow \neg Q$	P
②	$Q \vee \neg R$	P
③	$R \wedge \neg S$	P
④	P	IP 假设
⑤	R	③ + Simp
⑥	Q	②, ⑤ + DS
⑦	$\neg Q$	④, ① + MP
⑧	\perp	⑥, ⑦
⑨	$\neg P$	④–⑧ + IP

$$(2) P \vee Q, P \rightarrow R, Q \rightarrow S \Rightarrow R \vee S$$

①	$P \vee Q$	P
②	$P \rightarrow R$	P
③	$Q \rightarrow S$	P
④	$\neg(R \vee S)$	IP 假设
⑤	$\neg R$	④ + Simp
⑥	$\neg S$	④ + Simp
⑦	$\neg P$	②, ⑤ + MT
⑧	$\neg Q$	③, ⑥ + MT
⑨	\perp	①, ⑦, ⑧
⑩	$R \vee S$	④–⑨ + IP