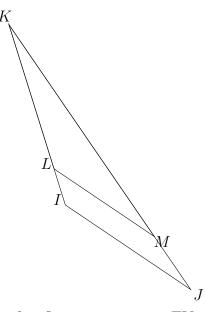
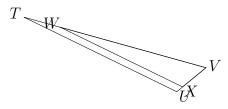


Sur la figure suivante, IK = 10 cm, IJ = 8 cm, KL = 8 cm, KM = 13.6 cm et $_{3\text{G}20}$ (IJ)//(LM).

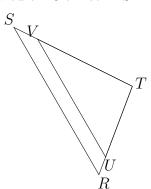
Calculer LM et KJ.



2. Sur la figure suivante, TV=10 cm, TU=9 cm, VW=8 cm, VX=1,6 cm et (TU)//(WX). Calculer WX et VU.

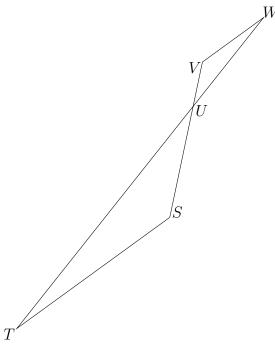


3. Sur la figure suivante, RT=5 cm, RS=9 cm, TU=4 cm, TV=5.6 cm et (RS)//(UV). Calculer UV et TS.

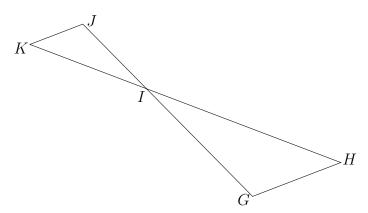




Sur la figure suivante, SU=6 cm, ST=10 cm, UV=2,4 cm, UW=6 cm et $_{3\rm G20}$ (ST)//(VW). Calculer VW et UT.

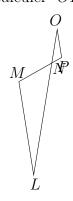


2. Sur la figure suivante, GI=8 cm, GH=5 cm, IJ=4.8 cm, IK=6.6 cm et (GH)//(JK). Calculer JK et IH.



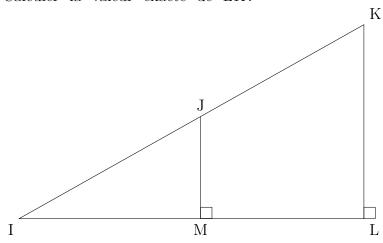


3. Sur la figure suivante, LN=6 cm, LM=5 cm, NO=1.8 cm, NP=0.6 cm et (LM)//(OP). Calculer OP et NM.





On sait que $IM=8~{\rm cm}\,;\;IL=15{,}2~{\rm cm}$ et $MJ=4{,}5~{\rm cm}.$ Calculer la valeur exacte de LK.



3G20-1



Corrections



- 1. Dans le triangle IJK:
 - $\leadsto L \in [KI],$
 - $\leadsto \ M \in [KJ],$
 - $\rightsquigarrow (IJ)//(LM),$

donc d'après le théorème de Thalès, les triangles IJK et LMK ont des longueurs proportionnelles.

$$\frac{KL}{KI} = \frac{KM}{KJ} = \frac{LM}{IJ}$$

$$\frac{8}{10} = \frac{13,\!6}{KJ} = \frac{LM}{8}$$

Calcul de LM:

On utilise l'égalité $\frac{8}{10} = \frac{LM}{8}$.

Les produits en croix sont égaux,

donc $8 \times 8 = LM \times 10$.

On divise les deux membres par 10.

$$LM = \frac{8 \times 8}{10} = 6.4$$
 cm

Calcul de KJ:

On utilise l'égalité $\frac{13,6}{KJ} = \frac{8}{10}$.

Les produits en croix sont égaux,

donc $8 \times KJ = 10 \times 13.6$.

On divise les deux membres par 8.

$$KJ = \frac{13.6 \times 10}{8} = 17$$
 cm

- **2.** Dans le triangle TUV:
 - $\leadsto W \in [VT],$
 - $\leadsto \ X \in [VU],$
 - $\rightsquigarrow (TU)^{1}/(WX),$



donc d'après le théorème de Thalès, les triangles TUV et WXV ont des longueurs proportionnelles.

$$\frac{VW}{VT} = \frac{VX}{VU} = \frac{WX}{TU}$$

$$\frac{8}{10} = \frac{1,6}{VU} = \frac{WX}{9}$$

Calcul de WX:

On utilise l'égalité $\frac{8}{10} = \frac{WX}{9}$.

Les produits en croix sont égaux,

donc
$$8 \times 9 = WX \times 10$$
.

On divise les deux membres par 10.

$$WX = \frac{8 \times 9}{10} = 7.2$$
 cm

Calcul de VU:

On utilise l'égalité $\frac{1,6}{VU} = \frac{8}{10}$.

Les produits en croix sont égaux,

donc
$$8 \times VU = 10 \times 1,6$$
.

On divise les deux membres par 8.

$$VU = \frac{1,6 \times 10}{8} = 2$$
 cm

3. Dans le triangle RST:

$$\leadsto \ U \in [TR],$$

$$\leadsto\ V\in [TS],$$

$$\rightsquigarrow (RS)//(UV),$$

donc d'après le théorème de Thalès, les triangles RST et UVT ont des longueurs proportionnelles.

$$\frac{TU}{TR} = \frac{TV}{TS} = \frac{UV}{RS}$$

$$\frac{4}{5} = \frac{5.6}{TS} = \frac{UV}{9}$$

Calcul de UV:



On utilise l'égalité $\frac{4}{5} = \frac{UV}{9}$.

Les produits en croix sont égaux,

donc $4 \times 9 = UV \times 5$.

On divise les deux membres par 5.

$$UV = \frac{4 \times 9}{5} = 7.2 \text{ cm}$$

Calcul de TS:

On utilise l'égalité $\frac{5,6}{TS} = \frac{4}{5}$.

Les produits en croix sont égaux,

donc $4 \times TS = 5 \times 5,6$.

On divise les deux membres par 4.

$$TS = \frac{5.6 \times 5}{4} = 7 \text{ cm}$$



1. Les droites (SV) et (TW) sont sécantes en U et (ST)//(VW) donc d'après le théorème de Thalès, les triangles STU et VWU ont des longueurs proportionnelles.

$$\frac{UV}{US} = \frac{UW}{UT} = \frac{VW}{ST}$$

$$\frac{2,4}{6} = \frac{6}{UT} = \frac{VW}{10}$$

Calcul de VW:

On utilise l'égalité $\frac{2,4}{6} = \frac{VW}{10}$.

Les produits en croix sont égaux,

donc $2,4 \times 10 = VW \times 6$.

On divise les deux membres par 6.

$$VW = \frac{2.4 \times 10}{6} = 4$$
 cm

Calcul de UT:



On utilise l'égalité
$$\frac{6}{UT} = \frac{2,4}{6}$$
.

Les produits en croix sont égaux,

donc
$$2.4 \times UT = 6 \times 6$$
.

On divise les deux membres par 2,4.

$$UT = \frac{6 \times 6}{2.4} = 15$$
 cm

2. Les droites (GJ) et (HK) sont sécantes en I et (GH)//(JK) donc d'après le théorème de Thalès, les triangles GHI et JKI ont des longueurs proportionnelles.

$$\frac{IJ}{IG} = \frac{IK}{IH} = \frac{JK}{GH}$$

$$\frac{4,8}{8} = \frac{6,6}{IH} = \frac{JK}{5}$$

Calcul de JK:

On utilise l'égalité
$$\frac{4,8}{8} = \frac{JK}{5}$$
.

Les produits en croix sont égaux,

donc
$$4.8 \times 5 = JK \times 8$$
.

On divise les deux membres par 8.

$$JK = \frac{4.8 \times 5}{8} = 3$$
 cm

Calcul de IH:

On utilise l'égalité
$$\frac{6.6}{IH} = \frac{4.8}{8}$$
.

Les produits en croix sont égaux,

donc
$$4.8 \times IH = 8 \times 6.6$$
.

On divise les deux membres par 4.8.

$$IH = \frac{6.6 \times 8}{4.8} = 11$$
 cm

3. Les droites (LO) et (MP) sont sécantes en N et (LM)//(OP) donc d'après le théorème de Thalès, les triangles LMN et OPN ont des longueurs proportionnelles.



$$\frac{NO}{NL} = \frac{NP}{NM} = \frac{OP}{LM}$$

$$\frac{1,8}{6} = \frac{0,6}{NM} = \frac{OP}{5}$$

Calcul de OP:

On utilise l'égalité $\frac{1.8}{6} = \frac{OP}{5}$.

Les produits en croix sont égaux,

donc $1.8 \times 5 = OP \times 6$.

On divise les deux membres par 6.

$$OP = \frac{1.8 \times 5}{6} = 1.5$$
 cm

Calcul de NM:

On utilise l'égalité $\frac{0.6}{NM} = \frac{1.8}{6}$.

Les produits en croix sont égaux,

donc $1.8 \times NM = 6 \times 0.6$.

On divise les deux membres par 1,8.

$$NM = \frac{0.6 \times 6}{1.8} = 2$$
 cm



Les droites (MJ) et (LK) sont perpendiculaires à la même droite (IL), elles sont donc parallèles entre elles.

De plus les points $I,\ M,\ L$ et $I,\ J,\ K$ sont alignés dans cet ordre donc d'après le théorème de Thalès on a :

$$\frac{IM}{IL} = \frac{MJ}{LK} = \frac{IJ}{IK}$$

$$\frac{8}{15.2} = \frac{4.5}{LK}$$

$$LK = \frac{15.2 \times 4.5}{8} = 8.55$$