Séquence 13 : Arithmétique 2

Objectifs:

- 5A12 : Déterminer les nombres premiers inférieurs ou égaux à 30
- 5A13 : Décomposer un nombre en produit de facteurs premiers inférieurs à 30

I Nombres premiers

Définition:

Un nombre premier est un nombre qui possède exactement deux diviseurs : 1 et lui-même.

Exemples:

5 n'est divisible que par 1 et 5, donc 5 est un nombre premier.

4 n'est pas divisible que par 1 et 4, il est aussi divisible par 2 donc 6 n'est pas un nombre premier.

1 n'est divisible que par 1, donc 1 n'est pas un nombre premier.

Exemple:

Les dix premiers nombres premiers sont :

2

3

5 7

11

13

17

19

23 29

II Décomposition en produit de facteurs premiers

Méthode:

Pour décomposer un nombre en un produit de facteurs premiers, on le divise autant que possible par des nombres premiers

Exemple:

```
On veut décomposer 1008 en produit de facteurs premiers. Il est divisible par 2 (car il se termine par 8) 1008 \div 2 = 504 (qui est divisible par 2 car il se termine par 4) 504 \div 2 = 252 (qui est divisible par 2 car il se termine par 2) 252 \div 2 = 126 (qui est divisible par 2 car il se termine par 6) 126 \div 2 = 63 (qui est divisible par 3 car 6 + 3 = 9 qui est divisible par 3) 63 \div 3 = 21 (qui est divisible par 3 car 2 + 1 = 3 qui est divisible par 3) 21 \div 3 = 7 (on s'arrête là car 7 est un nombre premier) Si on refait les calculs dans l'autre sens, on obtient : 7 \times 3 \times 3 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 1008 On a bien trouvé une décomposition en facteurs premiers de 1008.
```

Remarque:

On peut aussi le rédiger autrement :

```
1008
2

504
2

252
2

126
2

63
3

21
7

1
```

Méthode:

Pour décomposer un nombre en produit de facteurs premiers plus efficacement, on peut garder en tête (ou sur la calculatrice) les résultats intermédiaires et n'écrire que les facteurs premiers.

Exemple:

En tête: 1050 525 175 35 Sur la feuille: $2100 = 2 \times 2 \times 3 \times 5 \times 5 \times 7$