Séquence 21 : Proportionnalité en géométrie 4

Objectifs:

- 3G11 : Transformer une figure par homothétie et comprendre l'effet d'une homothétie
- 3G13 : Mobiliser les connaissances des figures, des configurations, de la rotation et de l'homothétie pour déterminer des grandeurs géométriques

Définition:

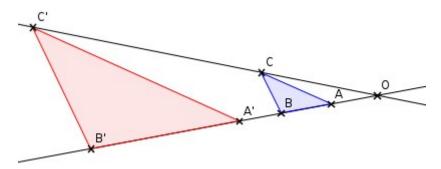
Transformer une figure par homothétie de centre O et de rapport k, c'est l'agrandir ou la réduire en faisant glisser ses points le long de droites passant par O.

Une homothétie est définie par :

- un centre
- un rapport *k* non nul.

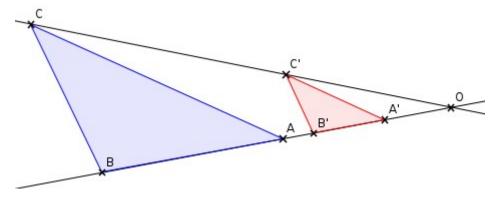
Exemple 1:

On a transformé le triangle ABC par l'homothétie de centre O et de rapport 3.



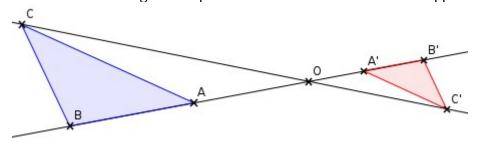
Exemple 2:

On a transformé le triangle ABC par l'homothétie de centre O et de rapport 0,4.



Exemple 3:

On a transformé le triangle ABC par l'homothétie de centre O et de rapport -0,5.



Remarques:

Lorsque k > 1, l'homothétie effectue un agrandissement de rapport k.

Lorsque $0 \le k \le 1$, l'homothétie effectue une réduction de rapport k.

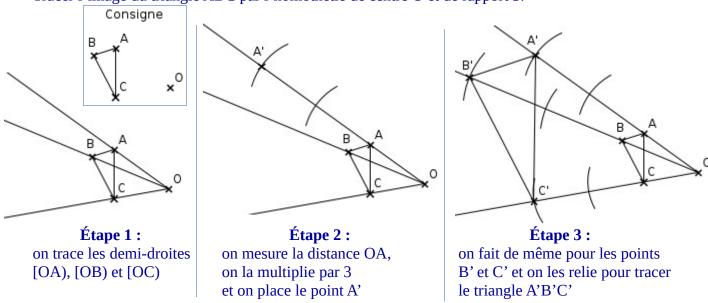
Lorsque $-1 \le k \le 0$, l'homothétie effectue une réduction de rapport k et la figure est « retournée ».

Lorsque k < -1, l'homothétie effectue un agrandissement de rapport k et la figure est « retournée ».

L'homothétie de centre O et de rapport -1 est la symétrie de centre O.

Méthode:

Tracer l'image du triangle ABC par l'homothétie de centre O et de rapport 3.



Propriétés:

Une figure et son image par l'homothétie sont proportionnelles :

- elles ont la même forme : les alignements et les angles sont conservés ;
- le coefficient de proportionnalité est k: les longueurs sont multipliées par k et les aires par k^2 .