Séquence 23 : Pyramides et cônes

Objectifs:

- 4G50 : Construire et mettre en relation une représentation en perspective cavalière et un patron d'une pyramide
- 4G51 : Construire et mettre en relation une représentation en perspective cavalière et un patron d'une cône
- 4G53 : Calculer le volume d'une pyramide, d'un cône

I Pyramides

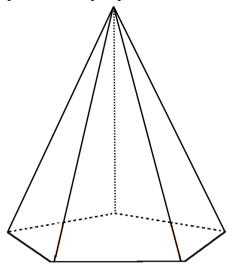
Définitions:

Une pyramide de sommet S est un solide dont :

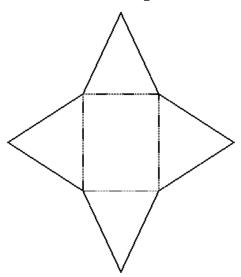
- la base est un polygone (figure fermée uniquement composée de segments);
- les faces latérales sont des triangles de sommet S.

La <mark>hauteur</mark> d'une pyramide de sommet S est le segment [SH] perpendiculaire au plan de la base où H est un point de ce plan

Exemple d'une pyramide à base pentagonale représentée en perspective cavalière :



Exemple de patron d'une pyramide à base rectangulaire :



Remarque:

Une pyramide régulière est une pyramide dont la base est un polygone régulier

Propriété:

Le volume d'une pyramide est donné par la formule : $\mathcal{V} = \frac{1}{3} A_{\text{base}} \times \text{hauteur}$

II Cônes

Définition:

Un <mark>cône de révolution</mark> est le solide obtenu en faisant tourner un triangle rectangle autour d'un des côtés de son angle droit.

Exemple d'un cône de révolution représenté en perspective cavalière :

Cône de révolution :

Exemple de patron d'un cône de révolution :

HB, CC BY-SA 3.0, via Wikimedia Commons

Propriétés:

Le volume d'un cône de révolution est donné par la formule : $\mathcal{V} = \frac{1}{3} A_{\text{base}} \times \text{hauteur}$ La base d'un cône étant un disque, on peut aussi calculer son volume avec la formule :

$$V = \frac{1}{3}\pi r^2 \times \text{hauteur} \quad (\text{car} \quad A_{\text{disque}} = \pi r^2)$$