Séquence 18: Fractions 3

Propriétés:

$$\frac{a}{c} + \frac{b}{c} = \frac{a+b}{c}$$

$$\frac{a}{c} - \frac{b}{c} = \frac{a-b}{c}$$

Méthode:

Pour additionner ou soustraire deux fractions qui n'ont pas le même dénominateur, on doit d'abord les écrire avec le même dénominateur.

Exemple:

On veut calculer C =
$$\frac{5}{12}$$
 + $\frac{2}{3}$

$$C = \frac{5}{12} + \frac{2}{3} \leftarrow 3 \times ? \stackrel{?}{=} 12$$

$$C = \frac{5}{12} + \frac{2 \times 4}{3 \times 4}$$

$$C = \frac{5}{12} + \frac{8}{12}$$
 \leftarrow Maintenant on a le même dénominateur, comme dans le 1.

$$C = \frac{5+8}{12}$$

$$C = \frac{13}{12}$$

Propriétés:

$$\frac{a}{b} = \frac{a \times k}{b \times k}$$
 et $\frac{a}{b} = \frac{a \div k}{b \div k}$

<u>Définition</u>:

Simplifier une fraction, c'est écrire une fraction qui lui est égale mais avec un numérateur et un dénominateur plus petits.

Exemple:

Simplifier
$$\frac{63}{75}$$
.

On peut donc écrire
$$\frac{63}{75} = \frac{63 \div 3}{75 \div 3} = \frac{21}{25}$$
.

Exemple:

Simplifier le plus possible la fraction
$$\frac{24}{36}$$
.

Méthode 1:
$$\frac{24}{36} = \frac{24 \div 2}{36 \div 2} = \frac{12}{18} = \frac{12 \div 2}{18 \div 2} = \frac{6}{9} = \frac{6 \div 3}{9 \div 3} = \frac{2}{3}$$

(on a décomposé en produit de facteurs premiers)

Méthode 2 :
$$\frac{24}{36} = \frac{\cancel{2} \times \cancel{2} \times \cancel{2} \times \cancel{3}}{\cancel{2} \times \cancel{2} \times \cancel{3} \times \cancel{3}} = \frac{2}{3}$$