- ♦ 전체 : 선택형 16문항(70점), 서답형 6문항(30점)
- ♦ 배점 : 문항 옆에 배점 표시
- ♦ 선택형은 답안 카드에 컴퓨터용 사인펜으로 정확히 마킹하고, 서 답형은 반드시 검정볼펜으로 기입하시오.

## 선택형

수열  $\{a_n\}$ 이 다음과 같이 주어져 있을 때,  $1\sim 2$ 번 물음에 답하 시오.

2, 4, 8, 16, , 64, ...

**(4)** 36

(5)44

1. 빈 칸에 들어갈 수를 올바르게 고르면?

(2) 28 (8)/32

- a=2 r=2
  - an= 2h
- **2.** 128은 수열  $\{a_n\}$ 의 제 몇 항인가?
  - ① 제6항 ② 제7항 ③ 제8항 ④ 제9항

$$Ce_{n} = 2^{n} = 128$$
  
=  $2^{n}$   
 $= 2^{n}$ 

**3.**  $\triangle ABC$ 에서 a = 4,  $A = 45^{\circ}$ 일 때, 외접원의 넓이는?

 $(1) 4\pi$ 

- $\bigcirc 6\pi$   $\bigcirc 8\pi$

$$\frac{4}{8h} = 2R$$

$$\frac{4}{12} = 2R$$

$$= 8\pi$$

$$R = 2\sqrt{2}$$

$$2 \cdot \frac{h \cdot 8}{2} - 2 \cdot \frac{2 \cdot 1}{2} - 5 \cdot 5 = 29$$

$$= 8\pi$$

$$R = 2\sqrt{2}$$

**4.**  $\triangle ABC$ 에서  $C = 120^{\circ}$ , a = 6, b = 10일 때, c의 값은?

- (I) 15 (2/14
- (3) 13 (4) 12

(2= 62+ 102-1.6.10.001/20°  $= 36 + 100 - 120 \cdot \left(-\frac{5}{7}\right)$ - [96

= (4<sup>2</sup>

: (= 14 (: (70)

- 5. 다음 중 합 1+3+5+7+9과 다른 것은?
  (1)  $\sum_{k=1}^{5} (2k-1)$ (2)  $\sum_{k=1}^{10} k$
- $2\sum_{k=1}^{10} k \sum_{k=1}^{5} 2k$
- $3 \sum_{k=1}^{3} 2k 5$
- $\sum_{k=2}^{r} (2k-5)$
- ⑤ 제10항 ⑤ 2  $\sum_{k=1}^{5} k \neq \sum_{k=1}^{5} 1$

$$02\frac{5.6}{2}-5=25$$

② 
$$\frac{(0.11)}{2} - 2.\frac{5.6}{2} = 25$$

(3) 
$$2 - \frac{0.6}{2} - 5 = 25$$

$$92 \cdot \frac{1/8}{2} - 1 - \frac{2 \cdot 1}{2} - 5 \cdot 5 = 29$$

**6.** 자연수 k에 대해 세 수  $a_k, b_k, c_k$ 가 순서대로 등차수열을 이룬다.  $a_k, c_k$ 가 이차방정식  $x^2 - 2x - k = 0$ 의 서로 다른 두 근일 때,  $\sum_{k=2}^{\infty} (a_k + b_k + c_k)$ 의 값을 구하면?

(1)24

2 27

③30

(4) 33

(S) 36

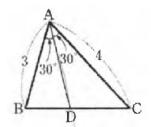
i) 2b = act cc = 2 => bc= 1

(1) Clat he= 2. Clack=-K

=: Cut but Cu = 3

= (12.3 = 36

7. 다음 그림과 같은  $\triangle ABC$ 에서  $\overline{AB}=3$ ,  $\overline{AC}=4$ ,  $\angle BAD = \angle DAC = 30^{\circ}$ 일 때,  $\overline{AD}$ 의 길이는?



 $\sqrt{\frac{12\sqrt{3}}{7}}$   $\sqrt{\frac{18\sqrt{3}}{7}}$ 

 $\bigcirc \frac{20\sqrt{3}}{7}$ 

 $3\frac{16\sqrt{3}}{7}$ 

 $S = \frac{1}{2} \cdot 3 \cdot 4 \cdot 6 \text{ m} 60^{\circ} = \frac{1}{2} \cdot 3 \cdot \text{AD} \cdot 6 \text{ m} 30^{\circ}$ 4 1-4. M - EM 30° (J. 1) = 1.40 - 7 = 10 = (2/3

**8.** 수열  $\{a_n\}$ 에 대하여

$$\sum_{k=1}^{n} (a_{3k-2} + a_{3k-1} + a_{3k}) = \frac{n^2}{7}$$

이 성립할 때,  $\sum_{k=10}^{30} a_k$ 의 값은?

(4)16

() (Qc tast a3)+ ... + (a3n-2+ a3n-1+ a3n)

$$=\sum_{k=1}^{3h}U_k=\frac{h^2}{\eta}$$

26) N=10, N=3 2/23 2918

$$\frac{30}{100} Q_{10} = \frac{30}{100} Q_{10} - \frac{9}{100} Q_{10}$$

$$= \frac{10^{2}}{100} - \frac{3^{2}}{100} = \frac{91}{100} = 13$$

곡선  $y = a^x$ ,  $y = \log_a x$ ,  $y = \log_a 2x + k$ 와 만나는 점을 각각 A, B, C라 하자. 점 A의 좌표가 (2,3)이고, 세 점 A, B, C의 x좌 표가 차례대로 등비수열을 이룰 때, k의 값은?

$$y = -x + 5$$

$$y = a^{x}$$

$$C = \sqrt{3} \quad (-100)$$

$$(-10) \quad B \quad (3, 2) \quad (-105) \quad y = \log_{a} x$$

$$y = \log_{a} x + k$$

$$2 \quad 3 \quad (-100) \quad x$$

3 - 3  $4 - \frac{5}{2}$  5 - 2

(u)  $y^2 = 20$ C= = iv)  $\gamma = \log_{\alpha} 2xt \left( \sqrt{\frac{q}{z}}, \frac{1}{z} \right)$ = 1000 0+1c mg

vet ((c,d)

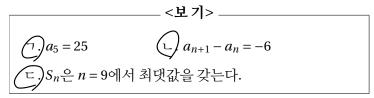
 $\frac{7}{7} = \frac{7}{5} + 10$ 1=-(+5

 $d = -\frac{9}{5} + 5$ 

= 7

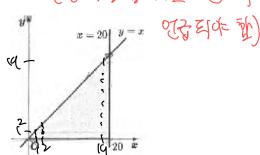
 $\therefore C = -\frac{1}{\sqrt{1}}$ 

**10.** 수열  $\{a_n\}$ 에 대해 첫째항부터 제n항까지의 합을  $S_n$ 이라 하자.  $S_n = -3n^2 + 52n + 5$ 일 때, <보기>에서 옳은 것을 모두 고르면?



11. 다음 그림과 같이 두 직선 y = x와 x = 20 및 x축으로 둘러 싸인 부분에 속한 점 중에서 x, y 좌표가 모두 자연수인 점의 x좌표를 모두 더한 값은? ( 건계 포빗 이나) 생나는

= -60+55>0



(1) 2180

(2) 2370

(3)2580

(4) 2870

(5) 2880

$$\begin{aligned}
& | \cdot | + 2 \cdot 2 + \cdots + 20 \cdot 20 \\
&= \sum_{k=1}^{20} k^{2} \\
&= \frac{28 \cdot 24 \cdot 41}{6} = 2100
\end{aligned}$$

**12.** 첫째항과 공차가 모두 0이 아닌 등차수열  $\{a_n\}$ 에 대하여 첫째항부터 제n항까지의 합을  $S_n$ 이라 하자.  $a_{10}$ 과  $a_{11}$ 은 절댓값이 같고 부호가 반대일 때,  $|S_n| > |S_{n+1}|$ 을 만족하는 자연수 n의 개수를 구하면?

**M** 10

(2) 11

(3) 13

(4) 14

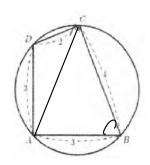
(5)15

$$(b \circ a + \circ b) = -(a + \circ b)$$

$$\gamma ) S_{10} = \frac{(o(\alpha + \alpha + 9d))}{2} = 10\alpha + 45d$$

$$S_{N} = \frac{N(\alpha + \alpha + N - 1)d}{2} = \frac{N(\alpha + \alpha + N - 1)d}{2} = \frac{N(\alpha + \alpha + N - 1)d}{2}$$
$$= \frac{N(\alpha + \alpha + N - 1)d}{2} = \frac{N(\alpha + \alpha + N - 1)d}{2}$$

 $\overline{AB} = 3$ ,  $\overline{BC} = 4$ ,  $\overline{CD} = 2$ 이고  $\overline{DA} = 3$ 일 때,  $\Box ABCD$ 의 넓이 는? (단, B는 예각이다.)



(1)  $4\sqrt{2}$ 

(2)  $5\sqrt{2}$ 

 $\sqrt{3} \sqrt{2}$ 

 $(4) 7\sqrt{2}$ 

$$F(-3+2-2-3-2\cos b = 4+3-2-4-3\cos b)$$

$$4+12\cos b = 16-24\cos b \ (:43)43 = 3$$

$$36\cos b = 12 \qquad 362 = 202$$

$$\cos b = \frac{1}{3} \quad :8mb = \frac{202}{3}$$

$$= 3 - \frac{25}{3} + 6 - \frac{25}{3} + \frac$$

## 名为为分数

**14.** *n* ≥ 2인 모든 자연수 *n*에 대하여

$$1 + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} + \dots + \frac{1}{n^2} < 2 - \frac{1}{n} \cdot \dots \cdot \bigcirc$$

이 성립함을 수학적 귀납법으로 증명한 것이다.

따라서 n=2일 때,  $\bigcirc$ 이 성립한다. (ii) n=k  $(k\geq 2)$ 일 때,

①이 성립한다고 가정하면

이때  $k \ge 2$ 이므로

$$\left\{2 - \frac{1}{k} + \boxed{( \Box + )}\right\} - \left(2 - \frac{1}{k+1}\right) = \boxed{( \Box + )} < 0$$

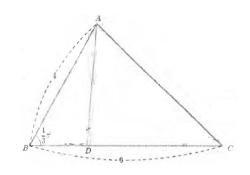
$$1 + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} + \dots + \frac{1}{(k+1)^2} < 2 - \frac{1}{k+1}$$

따라서 n = k + 1일 때도  $\bigcirc$ 이 성립한다.

(i), (ii)에 의하여 n ≥ 2인 모든 자연수 n에 대하여 ⑦이 성립한다.

(가)=p, (나)=q, (다)=f(k), (라)=g(k)라 할 때,  $-\frac{f(p+q)}{g(p+q)}$ 의 값은?

**16.**  $\angle ABC = \frac{\pi}{3}$ ,  $\overline{AB} = 4$ ,  $\overline{BC} = 6$ 인  $\triangle ABC$ 가 있다.  $\overline{BC}$  위에 점 B와 점 C가 아닌 점 D를 잡고,  $\triangle ACD$ 의 외접원의 반지름의 길이를 r라 하자.  $r = \frac{3\sqrt{21}}{5}$ 일 때,  $\overline{AD} = \frac{q}{p}$ 이다. p + q의 값은? (단, p와 q는 서로소)



① 22 ② 23 ③ 24 ④ 25 ⑤ 26  
c) 
$$\overline{AC}^{L} = V^{2} + C^{L} - 2 \cdot V \cdot C \cdot C \cdot C \cdot S \cdot \frac{Z}{3}$$

### 서답형

단답형 1.  $\sin A = 2\cos B \sin C$ 를 만족시키는  $\triangle ABC$ 는 어떤 삼각형인지 쓰시오.

4943, 
$$24943$$
 on erin

 $c = \frac{1}{2} \frac{c^2 + c^2 - b^2}{24} \cdot \frac{c^2}{24}$ 
 $(c+b)(c-b) = 0$ 
 $c = b \quad c : c+b \neq 0$ 
 $c = b \quad c : c+b \neq 0$ 

**단답형 2.** 등차수열  $\{a_n\}$ 에 대하여  $a_3+a_7=26$ ,  $a_6-a_4=-12$ 일 때,  $a_{10}$ 의 값을 구하시오.

$$(\alpha+2d)+(\alpha+6d)=26$$
  
 $(\alpha+5d)-(\alpha+3d)=-(2$   
 $2d=-12$   
 $d=-6$ ,  $\alpha=31$ 

$$= 30 + 9.60$$

$$= (9)$$

**단답형 3.**  $\sum_{k=1}^{10} a_k = 15$ ,  $\sum_{k=1}^{10} b_k = -7$ 일 때,  $\sum_{k=1}^{10} (4a_k - 2b_k - 5)$ 의 값을 구하시오.

$$4.15-2.(-1)-5.10$$

$$= 60+14-50$$

$$= (24)$$

# 时代意见 路中 环对 到老时 好是 些对 坚对

**서술형 1.**  $\triangle ABC$ 에서  $a=8,\ b=13,\ c=7$ 일 때,  $\triangle ABC$ 의 넓이를 풀이과정과 함께 구하시오.

i) 
$$\cos A = \frac{(3^2 + 1)^2 - 8^2}{2 \cdot (3 \cdot 1)}$$

$$= \frac{11}{(3)}$$

$$\sin A = \frac{403}{13}$$

$$S = \frac{1}{2} b c s M A$$

$$= \frac{1}{2} (453)$$

서술형 2. 공비가 양수인 등비수열  $\{a_n\}$ 에 대하여  $a_2 + a_4 + a_6 + \dots + a_{2n} = 9 \times 2^n - 9$ 일 때,  $a_3 + a_5 + a_7 + \dots + a_{13}$ 의 값을 풀이과정과 함께 구하시오.

i) ( Let 
$$Cu = Cu^{h-1}$$
)

$$Cu_{2n} = Cur \cdot r^{2(n-1)} \quad ( \overline{\phantom{a}} \cdot \overline{\phantom{a}} ) y = r^{2} )$$

$$= Cur^{2h-1}$$

$$= Cur^{2h-1}$$

$$= Cur^{2h-1} = q \quad ( 2^{n-1} )$$

$$= \frac{1}{3} ( 2^{n} + ( 3^{n-2} ) + ( 3^{n} + ( 3^{n-2} ) + ( 3^{n} + ( 3^{n} + ( 3^{n-2} ) + ( 3^{n} + ( 3^{n}$$

**서술형 3.** 수열  $\{a_n\}$ 은 첫째항이 1, 공차가 3인 등차수열일 때,  $\sum_{k=1}^n \frac{1}{\sqrt{a_{k+1}} + \sqrt{a_k}} = 3$ 을 만족시키는 자연수 n의 값을 풀이과 정과 함께 구하시오.

$$\begin{array}{lll}
\text{(xt)} & \text{Can} = 3N - 2 \\
& \frac{1}{3N+1} + (3n-2) \\
&= \frac{1}{3N+1} - (3n-2) \\
&= \frac{1}{3$$