크기는?

- ♦ 전체 : 선택형 15문항(60점), 서답형 7문항(40점)
- ♦ 배점 : 문항 옆에 배점 표시
- ♦ 선택형은 답안 카드에 컴퓨터용 사인펜으로 정확히 마킹하고, 서 답형은 반드시 검정볼펜으로 기입하시오.

선택형

- 1. $\overline{AB}=2$, $\overline{CA}=3$, $\angle BAC=\frac{\pi}{3}$ 인 삼각형 ABC에 대하여 \overline{BC} 의 길이는?

- (1) $\sqrt{3}$ (2) 2 (3) $\sqrt{5}$ (4) $\sqrt{6}$ (5) $\sqrt{7}$

3. $\overline{AB} = 3$, $\overline{BC} = 5$, $\overline{CA} = 7$ 인 삼각형 ABC에 대하여 각 B의

① $\frac{\pi}{6}$ ② $\frac{\pi}{4}$ ③ $\frac{\pi}{3}$ ④ $\frac{\pi}{2}$ ⑤ $\frac{2\pi}{3}$

- (1) -67 (2) -54 (3) -38 (4) -12

4. 등차수열 $\{a_n\}$ 에서 $a_3 = 10$, $a_5 = -12$ 일 때, a_{10} 의 값은?

- (5) -10

2. 다음 두 조건을 모두 만족시키는 삼각형 ABC에 대하여 삼 각형 ABC의 외접원의 반지름의 길이가 2라고 할 때, 삼각형 ABC의 넓이는?

- $(7) \sin^2 A + \sin^2 B = 2\sin A \sin(A + C)$
- (\cup) $\sin A = 2\cos B \sin C$

- (1) $2\sqrt{3}$ (2) $3\sqrt{3}$ (3) $4\sqrt{3}$ (4) $5\sqrt{3}$ (5) $6\sqrt{3}$

- 5. 등차수열 $\{a_n\}$ 에서 $a_5 + a_{10} = 0$, $a_7 = 10$, $a_n < 0$ 일 때, 자연수 n의 최솟값은?
- (I) 5 (2) 6 (3) 8

- **4**) 12
- (5) 20

(1) -2 (2) -1 (3) 0

4) 1

(5) 2

6. 등차수열 $\{a_n\}$ 에서 $S_n = 3n^2 - n + k - 2$ 일 때, 상수 k의 값은? 9. 등비수열 $1, -\sqrt{2}, 2, -2\sqrt{2}, \cdots$ 의 첫째항을 a, 공비를 r,

제5항을 a_5 라고 할 때, $a+r+a_5$ 의 값은?

(1) $5 - \sqrt{2}$

(2) $4 - \sqrt{2}$

 $3 - \sqrt{2}$

 $(4) 2 - \sqrt{2}$

(5) $1 - \sqrt{2}$

7. 등차수열 $\{a_n\}$ 에서 $a_n = -3n + 31$ 일 때, 제1항부터 제n항까지의 부분합 S_n 이 최대가 되는 자연수 n의 값은?

(I) 9

- **(2)** 10 **(3)** 11
- **4**) 12 **5**) 13

10. 세 수 $0, a, a^2 + b$ 가 이 순서대로 등차수열을 이루고, $a2a^{2} + b, b - 1$ 은 이 순서대로 등비수열을 이룬다. 두 실수 a,b에 대하여 a+b의 값은?

(1) -5 (2) -4 (3) -3 (4) -2 (5) -1

8. 두 수 2와 54 사이에 두 실수 a,b를 넣어 만든 수열 2, a, b, 54이 등비수열일 때, 두 수 a, b의 합 a + b의 값은?

- ① 12 ② 18 ③ 24 ④ 30
- (5)36

- 11. $a_1 + a_2 + a_3 + a_4 = 15$, $a_6 + a_6 + a_7 + a_8 = 240$ 을 만족시키는 등비수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 제12항까지의 합 S_{12} 의 값은?
- ① 1024
- ② 1025
- ③ 2048
- **(4)** 4095
- (5)4096
- 13. $\sum_{k=3}^{n-1} (2k+1) = 187$ 를 만족하는 자연수 n의 값은?
 - ① 10
- ② 12
- ③ 14
- **4**) 16
- (5) 18

12. 정의역이 양의 실수 전체집합인 두 함수

 $f(x)=\sin(mx),\ g(x)=\cos(mx)$ 에 대하여 $f(x)=1,\ g(y)=1$ 을 만족하는 x,y값에 대하여 작은 수부터 각각 x_1,x_2,x_3,\cdots,x_n 와 y_1,y_2,y_3,\cdots,y_n (n은 자연수)라 하자. $\sum_{k=1}^{2022}\{(-1)^{k-1}\times k\times (x_k-y_k)\}=2022\pi$ 를 만족하는 양의 실수 m에 대하여 8m의 값은?

- ①6
- ② 10
 - ③ 12
- **4**) 14
- **(5)** 16
- 14. 자연수 n을 4로 나눈 나머지를 a_n 이라 할 때, $\sum_{n=1}^{1348} \{(-1)^{n+1} \times a_n\}$ 의 값은?
 - (Ī) 524
- (2)557
- (3)635
- (4)674
- **(5)** 698

15. 복소수 $x = \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i$ 에 대하여 x^n 의 실수 부분을 a_n , 허수부분을 b_n 이라 할 때, $\sum_{k=1}^{2022} (a_n + b_n)$ 의 값은?

① $-2 + \sqrt{3}$

(2) $1 - \sqrt{3}$

 $(3) 2 - \sqrt{3}$

(4) 1 + $\sqrt{3}$

(5) 2 + $\sqrt{3}$

단답형 2. 삼차방정식 $x^3 - 9x^2 + ax + b = 0$ 의 세 실근이 등차

수열을 이룰 때, 실수 a,b에 대한 3a+b의 값을 구하시오.

서답형

단답형 1. 삼각형 ABC에서 $A = \frac{\pi}{6}$, $\overline{BC} = 4$ 일 때, 삼각형 ABC 의 외접원의 넓이를 구하시오.

단답형 3. 원에 내접하는 사각형 ABCD에서 \overline{AB} = 2, \overline{BC} = 3, \overline{CD} = 4, \overline{DA} = 5일 때, 사각형 ABCD의 넓이를 구하 시오.

서술형 1. *n* ≥ 5인 모든 자연수 *n*에 대하여 다음 부등식 $2^{n} > n^{2}$ 이 성립함을 수학적 귀납법으로 증명하는 과정의 일 | 중에서 3 또는 5로 나누어 떨어지는 원소들의 합을 구하시오. 부이다.

____ <보 기> ___ (ii) *n* = *k* (*k* ≥ 5)일 때, 부등식 $2^k > k^2$ 이 성립한다고 가정하며 양변에 (A) 를 곱하면 $A \times 2^k > a \times k^2$ 그런데 $k \ge 5$ 이므로 $2k^2 -$ (B) $= k^2 - 2k - 1 > 0$

(A) 에 알맞은 수를 p, (B) 에 들어갈 함수를 f(k)라 할 때, f(p+2)의 값을 구하시오.

즉, $2^{k+1} > (k+1)^2$ 따라서 n = k+1일 때도 성립한다.

서술형 2. $A = \{x \mid 1 \le x \le 100$ 인 자연수}일 때, 집합 A의 원소

일 때, a_7b_7 의 값을 구하여라.

서술형 3. 두 등비수열 $\{a_n\}$, $\{b_n\}$ 에 대하여 $a_3b_3=4$, $a_5b_5=8$ $\Big|$ **서술형 4.** 수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 첫째항부터 n번째항까지의 합

 \bigcirc 일반항 a_n 을 구하는 과정을 서술한 후 그 값을 구하고,

 $\bigcirc \sum_{k=1}^{5} a_{3n-2}$ 의 값을 구하는 과정을 서술한 후 그 값을 구하시오.