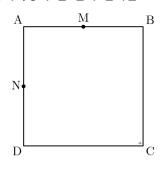


## 2-1.벡터의 연산 ~ 2-2.평면벡터의 성분과 내적

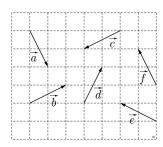


- **1.** 평면 위의 서로 다른 네 점 A, B, C, D에 대하 여 다음 중  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{DC} + \overrightarrow{BD}$ 와 같은 벡터는?
- $\overrightarrow{AD}$
- $\bigcirc DB$
- $\overrightarrow{BA}$
- $\bigcirc$   $\overrightarrow{AC}$
- $\bigcirc \overrightarrow{CB}$
- 2. 벡터  $\overrightarrow{x}$ 에 대하여  $\overrightarrow{x}-\overrightarrow{a}+3(2\overrightarrow{b}-\overrightarrow{x})=-3\overrightarrow{a}$ 가 성립 할 때, 벡터  $\overrightarrow{x}$ 를  $\overrightarrow{a}$ ,  $\overrightarrow{b}$ 로 올바르게 나타낸 것은? (단,  $\vec{a}$ ,  $\vec{b}$ 는 영벡터가 아니다.)
  - $(1) \vec{x} = -\vec{a} 2\vec{b}$
- $(2) \overrightarrow{x} = -\overrightarrow{a} + \overrightarrow{b}$
- $\overrightarrow{x} = \overrightarrow{a} 2\overrightarrow{b}$
- $(4) \vec{x} = \vec{a} + \vec{b}$
- $\stackrel{\rightarrow}{\text{(5)}} \stackrel{\rightarrow}{x} = \stackrel{\rightarrow}{a} + 3\stackrel{\rightarrow}{b}$
- $oldsymbol{3}$ . 다음 정사각형 ABCD에서 두 변 AB, AD의 중 점을 각각 M, N이라 하자.  $|\overrightarrow{MN} - \overrightarrow{MB}| = 4\sqrt{5}$ 일 때, 이 정사각형의 한 변의 길이는?



- 1 4
- ② 6
- 3 8
- **4**) 10
- (5) 12

4. 가로, 세로 길이가 같은 모눈종이 위의 벡터들에 대하여  $\overrightarrow{f}$ 와 크기는 같지만 방향이 반대인 벡터, 그 리고  $\stackrel{
ightarrow}{e}$ 와 평행인 벡터를 모두 올바르게 짝지은 것 은?



 $\overrightarrow{f}$ 와 크기는 같지만

방향이 반대인 벡터

 $e^{\circ}$ 와 평행인 벡터

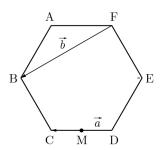
- (1)  $\dot{a}$
- 없음

3

면?

- 4 (5)

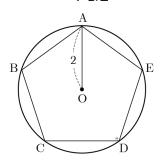
- 없음
- **5.** 다음 정육각형에서  $\overrightarrow{DC} = \overrightarrow{a}$ ,  $\overrightarrow{FB} = \overrightarrow{b}$ 라 하고 선분 CD의 중점을 M이라 할 때,  $\overrightarrow{FM}$ 을  $\overset{
  ightarrow}{a}$ ,  $\overset{
  ightarrow}{b}$ 로 나타내



- $(3) \frac{5}{2}\vec{a} \vec{b}$   $(4) \frac{3}{2}\vec{a} + 2\vec{b}$
- $\bigcirc -\frac{3}{2}\vec{a} + \vec{b}$

**6.** 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 2인 원에 내 접하는 정오각형에 대하여

 $\overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB} + \overrightarrow{OC} + \overrightarrow{OD} + \overrightarrow{OE} = \overrightarrow{0} \ \mathbf{U} \ \mathbf{U}$  $|\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{BD} + \overrightarrow{BE}|$ 의 값은?

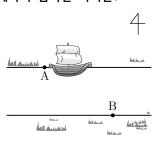


- $\bigcirc$  2
- 3 8
- ② 3 **4**) 10
- ⑤ 12
- **7.** 〈보기〉에서 옳은 것만을 있는 대로 모두 골라 묶 은 것은?

<보기>

- ㄱ. 서로 같은 두 벡터이면 두 벡터의 시점과 종점이 같
- $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BP} = 0$ 을 만족시키는 점  $\overrightarrow{P}$ 의 위치는 점  $\overrightarrow{A}$ 이
- $\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CQ} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{CQ} = \overrightarrow{0}$ 을 만족시키는 점 Q의 위 치는 선분 AB의 중점이다.
- ㄹ. 두 벡터가 서로 같은 경우는 두 벡터가 서로 평행하 다고 볼 수 없다.
- ① ¬, ∟
- ② ∟, ⊏
- ③ ∟, ≥
- ④ ¬, ⊏, ≥
- ⑤ ∟, ⊏, ≥

**8.** 다음 그림과 같이 강폭이 240 m 이고, 서쪽에서 동쪽으로 분속  $40\,\mathrm{m}$ 로 흐르는 강이 있다. 강둑의 A지점을 출발한 배가 남쪽 방향으로 분속  $30\,\mathrm{m}$ 로 일 정하게 운항하였더니 B지점에 도착하였다. 배가 강 을 건널 때까지 움직인 거리는?



- ① 360 m
- ② 400 m
- ③ 450 m
- ④ 540 m
- (5) 600 m
- **9.**  $\vec{a} = (2,1), \vec{b} = (3,-4), \vec{c} = (7,4)$  **9.**  $\vec{a}$  $\stackrel{
  ightarrow}{c=}\stackrel{
  ightarrow}{ka+lb}$ 를 만족시키는 두 실수 k와 l에 대해 k-l의 값은?
  - ①  $-\frac{41}{11}$  ②  $-\frac{39}{11}$
- $40 \frac{40}{11}$
- 10. 두 벡터  $\overrightarrow{a}$ ,  $\overrightarrow{b}$ 에 대하여 옳은 것을 <보기>에서 모두 고른 것은?

<보기>

- ㄱ.  $|\vec{a}| = |\vec{b}|$ 이면  $\vec{a} = \vec{b}$ 이다.
- ㄴ.  $\vec{a} \cdot \vec{b} = 0$ 일 때,  $|\vec{a} + \vec{b}| = |\vec{a}|^2 + |\vec{b}|^2$ 이다.
- $\Box$ . 두 벡터  $\overrightarrow{a}$ 와  $\overrightarrow{b}$ 가 이루는 각의 크기를 x°라 하자. 이때,  $\vec{a} \cdot \vec{b} > 0$ 이면  $0^\circ \le x^\circ < 90^\circ$ 이다.
- ① ¬
- ② L
- ③ ⊏
- ④ ¬. ∟
- ⑤ ∟. ⊏

- **11.** 직선  $x = \frac{y-1}{2}$ 의 방향벡터를  $\overrightarrow{u} = (1,2)$ , 직선  $\frac{3-x}{3}=y$ 의 방향벡터를  $\stackrel{\rightarrow}{v}=(-3,1)$ 이라고 하자. 두 벡터  $\stackrel{\rightarrow}{u}$ 와  $\stackrel{\rightarrow}{v}$ 가 이루는 각의 크기를 x°라 할 때,  $\cos x$  °의 값은?
  - ①  $-\frac{\sqrt{5}}{10}$  ②  $-\frac{\sqrt{2}}{10}$
- - $3 \frac{\sqrt{2}}{10}$   $4 \frac{\sqrt{5}}{10}$
  - **⑤** 1
- 12. 서로 다른 두 직선 l, m에 대하여 직선 l의 방향 벡터와 법선벡터를 각각  $\stackrel{\longrightarrow}{u_1}$ ,  $\stackrel{\longrightarrow}{n_1}$ , 직선 m의 방향벡 터와 법선벡터를 각각  $\overrightarrow{u_2}$ ,  $\overrightarrow{n_2}$ 라 하자. <보기>에서 옳은 것을 있는 대로 모두 고른 것은?

<보기>

- ㄱ.  $\overrightarrow{u_1} \cdot \overrightarrow{n_2} = 0$ 이면 l//m이다.

- ② □
- ③ ¬, ∟
- ④ ¬. ⊏
- ⑤ ∟, ⊏
- 13. 점  $A(\sqrt{3},0)$ 의 위치벡터를  $\stackrel{
  ightarrow}{a}$ , 점 P의 위치벡터 를  $\stackrel{
  ightharpoonup}{p}$ 라 하자. 점 A와 점 P가 다음 <조건>을 만족 할 때, 점 P가 그리는 도형의 길이는?

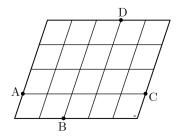
<조건>

- $\overrightarrow{AP}| = 2$   $\overrightarrow{a} \cdot \overrightarrow{p} \ge 0$
- $\bigcirc \frac{5}{3}\pi$
- $\Im 2\pi$
- $4) \frac{8}{3}\pi$
- ⑤  $\frac{10}{3}\pi$

- **14.** 두 벡터  $\vec{a}$ =(1,-1)와  $\vec{b}$ =(-1,1)에 대하여  $\vec{a} \cdot (2\vec{b})$ 의 값은?
  - $\bigcirc -4$
- $\bigcirc -2$
- ③ 0
- **4** 2

- (5) 4
- **15.** 두 벡터  $\vec{a} = (2, -3)$ 와  $\vec{b} = (-k, 1)$ 가 서로 평행 할 때, 실수 *k*의 값은?
- ①  $-\frac{3}{2}$  ②  $-\frac{2}{3}$
- 3 0
- $\frac{2}{3}$
- **16.** 벡터  $\overrightarrow{a}$ 에 대하여  $\overrightarrow{a} \cdot \overrightarrow{a} = 2$ 일 때,  $|\overrightarrow{a}|$ 의 값은?
- ① 1
- ②  $\sqrt{2}$
- 3 2
- (4)  $2\sqrt{2}$
- (5) 4
- **17.**  $2(\vec{a}-\vec{b})-3(2\vec{a}-3\vec{b})$ 를 간단하게 나타내시오.
- **18.** 두 벡터  $\overrightarrow{a}=3\overrightarrow{e_1}-2\overrightarrow{e_2}$ 와  $\overrightarrow{b}=\overrightarrow{e_1}+3\overrightarrow{e_2}$ 에 대하여 벡 터  $2\overset{
  ightarrow}{a}-3\overset{
  ightarrow}{b}$ 를 성분으로 나타내시오.

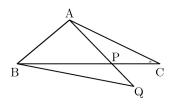
19. 다음 그림과 같이 일정한 간격의 평행선으로 이 루어진 도형 위에 네 점 A, B, C, D가 있다.  $\overrightarrow{BD} = \overrightarrow{mAB} + \overrightarrow{nDC}$ 일 때, 두 실수  $\overrightarrow{ma}$   $\overrightarrow{n}$ 의 값을 구하시오.



20. 다음 그림은 합동인 두 개의 정육각형을 한 변이 겹치도록 붙여 놓은 것이다.  $\overrightarrow{AJ} = \overrightarrow{a}$ ,  $\overrightarrow{BC} = \overrightarrow{b}$ 라 하고 선분 JE의 중점을 M이라 할 때, 세 점 B, M, G가 한 직선 위에 있음을  $\overset{
ightarrow}{a}$ ,  $\overset{
ightarrow}{b}$ 를 이용하여 서술하시

**21.** 직선 l의 방향벡터가  $\overset{\rightarrow}{u}=(1,2)$ , 직선 m의 법선 벡터가  $\overrightarrow{n}=(6,18)$ 이다. 직선 l과 m이 이루는 각의 크기를 x°라 할 때,  $\cos x$ °를 구하시오.

**22.** 그림과 같이  $\overline{AB}$ =3,  $\overline{BC}$ =6인 삼각형 ABC에서 선분 BC를 2:1로 내분하는 점을 P라 하자.  $\overrightarrow{AP} = t\overrightarrow{AQ}$  (0 < t < 1)인 점 Q에 대하여  $\overrightarrow{BQ} = m\overrightarrow{BA} + \frac{8}{9}\overrightarrow{BC}$ 가 성립한다.  $|\overrightarrow{BQ}| = 5$ 일 때,  $\overrightarrow{BA} \bullet \overrightarrow{BC}$ 의 값을 구하시오.



3) [하] ③

4) [하] ①

5) [중] ①

6) [중] ④

7) [중상] ②

8) [중] ②

9) [중] ⑤

10) [중] ③

11) [하] ②

12) [중] ③

13) [중] ⑤

14) [하] ①

15) [하] ④

16) [하] ②

17)  $[\bar{b}] - 4\vec{a} + 7\vec{b}$ 

18) [하] (3, -13)

19) [중]  $m = \frac{11}{4}$ ,  $n = -\frac{9}{4}$ 

 $4 \qquad 4$   $20) [중] \overrightarrow{BM} = \overrightarrow{BJ} + \overrightarrow{JM} \circ ] \overline{\mathcal{I}}$ 

 $\overrightarrow{BJ} = \overrightarrow{CE} = \overrightarrow{BE} - \overrightarrow{BC} = 2\overrightarrow{a} - \overrightarrow{b}, \overrightarrow{JM} = \frac{1}{2}\overrightarrow{b}$ 이므로

 $\overrightarrow{BM} = 2\overrightarrow{a} - \overrightarrow{b} + \frac{1}{2}\overrightarrow{b} = 2\overrightarrow{a} - \frac{1}{2}\overrightarrow{b}$ 

이때,  $\overrightarrow{BG} = \overrightarrow{BJ} + \overrightarrow{JG} = 2\overrightarrow{a} - \overrightarrow{b} + 2\overrightarrow{a} = 4\overrightarrow{a} - \overrightarrow{b}$ 이고  $\overrightarrow{BG} = 2\overrightarrow{BM}$ 이므로

따라서 세 점 B, M, G가 한 직선 위에 있다.

21) [중]  $\frac{\sqrt{2}}{10}$ 

