♦ 전체 : 선택형 15문항(70점), 서답형 7문항(30점)

♦ 배점 : 문항 옆에 배점 표시

◆ 선택형은 답안 카드에 컴퓨터용 사인펜으로 정확히 마킹하고, 서 답형은 반드시 검정볼펜으로 기입하시오.

## 선택형

1. 다음 수열이 등비수열일 때, x+y의 값은? (단,x>0, y>0) [3.6점]

$$\frac{1}{3}$$
, x, 3, y, 27

① 2

2)4

36

**4**) 8

**(5)** 10

**2.** 
$$\sum_{k=1}^{7} a_k = -10$$
,  $\sum_{k=1}^{7} b_k = 20$ 일 때,  $\sum_{k=1}^{7} (a_k + 2b_k + 3)$ 의 값은? [3.7점]

① 13

② 33

③ 51

(4)73

**5** 91

**3.** 삼각형 ABC에서  $a=8,\ b=7,\ c=5$ 일 때, B의 크기는? [3.9점]

(I) 45°

 $(2) 60^{\circ}$ 

(3) 120°

(4) 135°

(5) 150°

**4.** 
$$\cos \frac{3}{2}\pi - 2\sin \frac{4}{3}\pi + \tan \left(-\frac{7}{4}\pi\right)$$
의 값은? [4.1점]

$$\textcircled{4}\sqrt{3}$$

(5) 
$$1 + \sqrt{3}$$

- f(x+3) = f(x)를 만족시키는 함수는? [4.2점]
- (2)  $f(x) = \cos 3x$
- $(3) f(x) = \sin(x+3)$
- $4 f(x) = \tan \frac{\pi}{3} x$
- (5)  $f(x) = \cos \pi x$

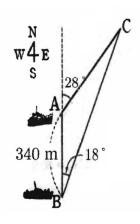
- 6. 두 수 23과 74 사이에 16개의 수를 넣어 만든 수열 23,  $a_1$ ,  $a_2$ ,  $a_3$ , …,  $a_{16}$ , 74가 이 순서대로 등차수열을 이룰 때, 이 수열의 공차는? [4.5점]
- (T) 3
- $2\frac{13}{4}$   $3\frac{10}{3}$   $4\frac{7}{2}$  54

- 5. 다음 중 정의역에 속하는 임의의 실수 x에 대하여  $\left| \mathbf{7.} \right|$  함수  $y = \tan\left(x \frac{\pi}{4}\right) + 1$ 의 점근선의 방정식으로 옳은 것은? (단, n은 정수) [4.6점]
- $② x = n\pi + \frac{\pi}{4}$
- (3)  $y = n\pi + \frac{3}{4}\pi$  (4)  $y = n\pi + \frac{\pi}{2}$

 $\mathfrak{D}$   $y = n\pi + \frac{\pi}{4}$ 

8. 아래 그림과 같이 배 A는 배 B에서 정북 방향으로  $340 \, \text{m}$  떨 어져 있다. 두 배 A, B가 동시에 정북에서 동쪽으로 각각  $28^{\circ}$ , 18° 방향으로 이동하여 지점 C에서 조업했을 때, 배 A가 지점 C까지 이동한 거리는? (단, sin 10° = 0.17,

sin 18° = 0.31, sin 28° = 0.47로 계산한다.) [4.7점]



- (1) 400 m
- (2) 510 m
- (3) 620 m

- (4) 730 m
- (5) 840 m

9. 다음 식을 간단히 하면? [4.8점]

$$3 \times 4 + 4 \times 5 + 5 \times 6 + \dots + (n+2)(n+3)$$

- ①  $\frac{1}{2}(n^2 + 11n + 12)$
- ②  $\frac{n}{12}(3n^2+23n+46)$
- $3 \frac{n}{3}(n^2+9n+26)$
- $4 \frac{1}{4}n^2(n+5)(n+7)$
- (5)  $\frac{1}{3}(n^3+9n^2+8n+18)$

**10.**  $\frac{\pi}{2} < x < \pi$ 인 모든 x에 대하여 <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [5점]

- $\neg . \sin x > \cos x$
- $\angle . \tan x > \cos x$
- $\sqsubset . \sin x > \cos \left(\frac{\pi}{2} + x\right)$
- (I) 7
- 2) L
- 3) 7, L

- 4) ٦,٢
- ⑤ し,に

- 11.  $3+3^3+5\cdot3^3+7\cdot3^4+3^7+11\cdot3^6+13\cdot3^7$ 의 값은? [5.1점]
- (1)  $2(3^9-11)$

- (2) 3(2 × 3<sup>8</sup> + 1)
- (3) 21(5 × 3<sup>7</sup> 4)
- (4) 27(2 + 5 × 3<sup>5</sup>)

(5) 63(3<sup>7</sup> – 1)

12. 등차수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제 n항까지의 합이  $S_n$ 이라 할 때,  $a_1 < 0$ 이고  $S_{10} = S_{20}$ 이다. <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [5.3점]

## \_\_\_\_ <보기> \_\_\_

- $\neg$  .  $a_{11} + a_{12} + a_{13} + \cdots + a_{20} = 0$
- $\lfloor a_{13} \rfloor = |a_{18}|$
- $C. n = 16일 때, S_n$ 은 최솟값을 갖는다.
- (I) 7
- (2) 7,L
- (3) 7, E

- **④** ∟,⊏
- (5) 7,L,E

까지 오를 수 있다. n번째 계단까지 올라갈 수 있는 경우의 수를  $a_n$ 이라고 할 때,  $a_3$ 의 값과  $a_{n+3}$ ,  $a_{n+2}$ ,  $a_{n+1}$ ,  $a_n$  사이의 관계식을 구하면? (단, n = 1,2,3,···) [5.4점]

① 
$$a_3 = 5$$
,  $a_{n+3} = a_n + a_{n+1} + a_{n+2}$ 

② 
$$a_3 = 4$$
,  $a_{n+3} = a_n + 2a_{n+1} + a_{n+2}$ 

(3) 
$$a_3 = 3$$
,  $a_{n+3} = 4a_n + 2a_{n+1} + a_{n+2}$ 

$$\textcircled{4}$$
  $a_3 = 5$ ,  $a_{n+3} = a_n + 2a_{n+1} + a_{n+2}$ 

$$\bigcirc$$
  $a_3 = 4$ ,  $a_{n+3} = a_n + a_{n+1} + a_{n+2}$ 

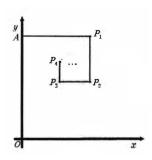
14. 방정식  $|\sin nx| = \frac{x}{n\pi}$ 의 서로 다른 실근의 개수를 f(n)이라 할 때, f(1) + f(2)의 값은? (단, n은 자연수) [5.5점]

- (I) 10
- (2) 12
- (3) 14
- **(4)** 16
- (5) 18

**13.** 철수는 계단을 오를 때 한번에 한 계단, 두 계단, 세 계단 | **15.** 점 A(0,3)을 기준으로 점  $P_n(n=1,2,3,\cdots)$ 이 아래와 같은 규칙을 따른다고 하자.

$$\overline{AP_1} = \frac{2}{3}\overline{OA}, \ \overline{P_1P_2} = \frac{2}{3}\overline{AP_1}, \ \overline{P_2P_3} = \frac{2}{3}\overline{P_1P_2}, \cdots$$

점  $P_{11}$ 의 좌표를 (a,b)라고 할 때, a+b의 값은? [5.6점]



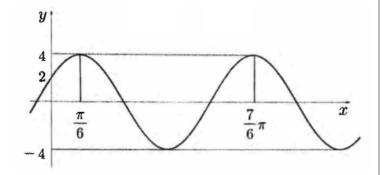
$$(5) \frac{7}{13} \left\{ 6 - 11 \left( \frac{2}{3} \right)^{10} \right\}$$

## 서답형

**단답형 1.**  $a_1 = 3$ ,  $a_5 = 48$ 인 등비수열에서 공비를 구하시오. (단, 공비는 양수이다.) [2점]

**단답형 2.** 첫째항이 1, 공차가 2인 등차수열의 첫째항부터 제10항까지의 합을 구하시오. [3점]

**단답형 3.** 함수  $y = a \sin(bx + c)$ 의 그래프가 아래 그림과같을 때, 상수 a,b,c의 값을 순서대로 쓰시오. (단, a > 0, b > 0,  $0 < c < \frac{\pi}{2}$ ) [4점]



**서술형 1.** 다음 식의 값을 <조건>을 참고하여 구하시오. (< 조건>을 이용하지 않을 시 감점) [4점]

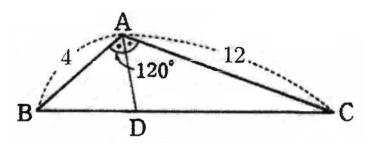
$$\frac{\frac{1}{\sqrt{3}+\sqrt{5}}+\frac{1}{\sqrt{5}+\sqrt{7}}+\frac{1}{\sqrt{7}+3}+\frac{1}{3+\sqrt{11}}+\frac{1}{\sqrt{11}+\sqrt{13}}+\frac{1}{\sqrt{13}+\sqrt{15}}$$

\_\_\_\_ <조 건> \_\_\_

합의 기호 ∑을 이용하여 위 식을 표현할 것

**서술형 2.** 모든 실수 x에 대하여 부등식  $x^2 - 2x \tan \theta + 1 \ge 0$ 이 항상 성립하도록 하는  $\theta$ 의 범위를 구하시오. (단,  $0 \le \theta < 2\pi$ ) [5점]

의 이등분선이 변 BC와 만나는 점을 D라고 할 때, 선분 BD의 | 학적 귀납법으로 증명하시오. 길이를 <조건>을 참고하여 구하시오. (<조건>을 이용하지 않을 시 감점) [5점]



\_ <조 건> -

- (가) 삼각형 ABC의 넓이를 구할 것
- (나) 삼각형 ABC의 넓이를 이용하여 선분 AD의 길이를 구할 것
- (다) 코사인법칙을 이용하여 선분 BD의 길이를 구할 것

**서술형 3.**  $\overline{AB} = 4$ ,  $\overline{AC} = 12$ ,  $A = 120^{\circ}$ 인 삼각형 ABC에서  $\angle A$  **서술형 4.** 모든 자연수 n에 대하여 아래 등식이 성립함을 수

(단,  $n! = n(n-1)(n-2)\cdots 3 \times 2 \times 1$ ) [7점]

$$(1^2+1)\cdot 1! + (2^2+1)\cdot 2! + \dots + (n^2+1)\cdot n! = n\cdot (n+1)!$$