크기는?

- ♦ 전체 : 선택형 15문항(60점), 서답형 7문항(40점)
- ♦ 배점 : 문항 옆에 배점 표시
- ♦ 선택형은 답안 카드에 컴퓨터용 사인펜으로 정확히 마킹하고, 서 답형은 반드시 검정볼펜으로 기입하시오.

## 선택형

- 1.  $\overline{AB}=2$ ,  $\overline{CA}=3$ ,  $\angle BAC=\frac{\pi}{3}$ 인 삼각형 ABC에 대하여  $\overline{BC}$ 의 길이는?
- (1)  $\sqrt{3}$  (2) 2 (3)  $\sqrt{5}$  (4)  $\sqrt{6}$  (5)  $\sqrt{7}$
- **4.** 등차수열  $\{a_n\}$ 에서  $a_3 = 10$ ,  $a_5 = -12$ 일 때,  $a_{10}$ 의 값은?

**3.**  $\overline{AB} = 3$ ,  $\overline{BC} = 5$ ,  $\overline{CA} = 7$ 인 삼각형 ABC에 대하여 각 B의

①  $\frac{\pi}{6}$  ②  $\frac{\pi}{4}$  ③  $\frac{\pi}{3}$  ④  $\frac{\pi}{2}$  ⑤  $\frac{2\pi}{3}$ 

- (1) -67 (2) -54 (3) -38 (4) -12
- (5) -10

2. 다음 두 조건을 모두 만족시키는 삼각형 ABC에 대하여 삼 각형 ABC의 외접원의 반지름의 길이가 2라고 할 때, 삼각형 ABC의 넓이는?

## \_\_\_\_ <조 건> \_\_

- $(7) \sin^2 A + \sin^2 B = 2\sin A \sin(A + C)$
- (나)  $\sin A = 2\cos B \sin C$
- (1)  $2\sqrt{3}$
- (2)  $3\sqrt{3}$  (3)  $4\sqrt{3}$  (4)  $5\sqrt{3}$
- $(5) 6\sqrt{3}$
- 5. 등차수열  $\{a_n\}$ 에서  $a_5 + a_{10} = 0$ ,  $a_7 = 10$ ,  $a_n < 0$ 일 때, 자연수 n의 최솟값은?
- ① 5 ② 6 ③ 8
- **4**) 12
- (5) 20

(1) -2 (2) -1 (3) 0

**4**) 1

(5) 2

**6.** 등차수열  $\{a_n\}$ 에서  $S_n = 3n^2 - n + k - 2$ 일 때, 상수 k의 값은? 9. 등비수열  $1, -\sqrt{2}, 2, -2\sqrt{2}, \cdots$ 의 첫째항을 a, 공비를 r,

제5항을  $a_5$ 라고 할 때,  $a+r+a_5$ 의 값은?

(1)  $5 - \sqrt{2}$ 

(2)  $4 - \sqrt{2}$ 

 $3 - \sqrt{2}$ 

 $(4) 2 - \sqrt{2}$ 

(5)  $1 - \sqrt{2}$ 

7. 등차수열  $\{a_n\}$ 에서  $a_n = -3n + 31$ 일 때, 제1항부터 제n항까지의 부분합  $S_n$ 이 최대가 되는 자연수 n의 값은?

(I) 9

(2) 10 (3) 11 (4) 12 (5) 13

**10.** 세 수  $0, a, a^2 + b$ 가 이 순서대로 등차수열을 이루고,  $a, a^2 + b, b - 1$ 은 이 순서대로 등비수열을 이룬다. 두 실수 *a*, *b*에 대하여 *a* + *b*의 값은?

- (1) -5 (2) -4 (3) -3 (4) -2
- (5) -1

8. 두 수 2와 54 사이에 두 실수 a,b를 넣어 만든 수열 2, a, b, 54이 등비수열일 때, 두 수 a, b의 합 a + b의 값은?

- (1) 12 (2) 18 (3) 24 (4) 30
- (5)36

- 11.  $a_1 + a_2 + a_3 + a_4 = 15$ ,  $a_5 + a_6 + a_7 + a_8 = 240$ 을 만족시키는 | 12. 정의역이 양의 실수 전체집합인 두 함수 등비수열  $\{a_n\}$ 에 대하여 제12항까지의 합  $S_{12}$ 의 값은?
- (1) 1024
- ② 1025
- (3) 2048
- (4) 4095
- (5)4096
- $f(x) = \sin(mx)$ ,  $g(x) = \cos(mx)$ 에 대하여 f(x) = 1, g(y) = 1을 만족하는 x, y값에 대하여 작은 수부터 각각  $x_1, x_2, x_3, \cdots, x_n$ 와  $y_1, y_2, y_3, \cdots, y_n$  (n은 자연수)라 하자.  $\sum_{k=1}^{2022} \{(-1)^{k-1} \times k \times (x_k - y_k)\} = 2022\pi$ 를 만족하는 양의 실수 m에 대하여 8m의 값은?
- (1)6
- (2) 10
- ③ 12
- **4**) 14
- (5) 16

- 13.  $\sum_{k=3}^{n-1} (2k+1) = 187를 만족하는 자연수 <math>n$ 의 값은?
  - (Ī) 10
- 2) 12
- ③ 14
- **4**) 16
- **⑤** 18
- **15.** 복소수  $x = \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i$ 에 대하여  $x^n$ 의 실수 부분을  $a_n$ , 하수부분을  $b_n$ 이라 할 때,  $\sum_{k=1}^{2022} (a_n + b_n)$ 의 값은?
- ①  $-2 + \sqrt{3}$

②  $1 - \sqrt{3}$ 

③  $2-\sqrt{3}$ 

(4) 1 +  $\sqrt{3}$ 

(5) 2 +  $\sqrt{3}$ 

- 14. 자연수 n을 4로 나눈 나머지를  $a_n$ 이라 할 때,  $\sum_{n=1}^{1348} \{(-1)^{n+1} \times a_n\}$ 의 값은?
- ① 524
- **(2)** 557
- ③ 635
- **4**) 674
- (5)698

## 서답형

**단답형 1.** 삼각형 ABC에서  $A = \frac{\pi}{6}$ ,  $\overline{BC} = 4$ 일 때, 삼각형 ABC 의 외접원의 넓이를 구하시오.

단답형 2. 삼차방정식  $x^3 - 9x^2 + ax + b = 0$ 의 세 실근이 등차 | 단답형 4.  $n \ge 5$ 인 모든 자연수 n에 대하여 다음 부등식 수열을 이룰 때, 실수 a, b에 대한 3a + b의 값을 구하시오.

 $2^n > n^2$ 이 성립함을 수학적 귀납법으로 증명하는 과정의 일 부이다.

<보	기	>
----	---	---

(ii)  $n = k \ (k \ge 5)$ 일 때,

부등식  $2^k > k^2$ 이 성립한다고 가정하며 양변에

(A) 를 곱하면  $A \times 2^k > A \times k^2$ 

그런데  $k \ge 5$ 이므로  $2k^2 -$  (B)  $= k^2 - 2k - 1 > 0$ 

즉,  $2^{k+1} > (k+1)^2$  따라서 n = k+1일 때도 성립한다.

(A) 에 알맞은 수를 p, (B) 에 들어갈 함수를 f(k)라 할 때, f(p+2)의 값을 구하시오.

단답형 3. 원에 내접하는 사각형 ABCD에서  $\overline{AB} = 2$ ,  $\overline{BC} = 3$ ,  $\overline{CD} = 4$ ,  $\overline{DA} = 5$ 일 때, 사각형 ABCD의 넓이를 구하 시오.

> **서술형 1.** 두 등비수열  $\{a_n\}$ ,  $\{b_n\}$ 에 대하여  $a_3b_3=4$ ,  $a_5b_5=8$ 일 때,  $a_7b_7$ 의 값을 구하여라.

중에서 3 또는 5로 나누어 떨어지는 원소들의 합을 구하시오. | 을  $S_n$ 이라 하자.  $S_n = 4n^2 - 4n + 2$ 일 때,

**서술형 2.**  $A = \{x \mid 1 \le x \le 100$ 인 자연수}일 때, 집합 A의 원소 A의 원소 A0 원소 A1 성명 A2 성명 A3. 수열 A3 대하여 첫째항부터 A1 번째항까지의 합

 $\bigcirc$  일반항  $a_n$ 을 구하는 과정을 서술한 후 그 값을 구하고,

 $\bigcirc \sum_{k=1}^5 a_{3n-2}$ 의 값을 구하는 과정을 서술한 후 그 값을 구하시오.