- ♦ 전체 : 선택형 16문항(70점), 서답형 6문항(30점)
- ♦ 배점 : 문항 옆에 배점 표시
- ♦ 선택형은 답안 카드에 컴퓨터용 사인펜으로 정확히 마킹하고, 서 답형은 반드시 검정볼펜으로 기입하시오.

선택형

수열 $\{a_n\}$ 이 다음과 같이 주어져 있을 때, $1\sim2$ 번 물음에 답하 시오.

____ <보기> -2, 4, 8, 16, ____, 64, ···

- 1. 빈 칸에 들어갈 수를 올바르게 고르면?
- (Ī) 20
- **(2)** 28 **(3)** 32
- (4) 36
- (5)44

- **2.** 128은 수열 $\{a_n\}$ 의 제 몇 항인가?
- ① 제6항 ② 제7항 ③ 제8항
- ④ 제9항

- **4.** $\triangle ABC$ 에서 $C = 120^{\circ}$, a = 6, b = 10일 때, c의 값은?
- (I) 15
- (2) 14
- (3) 13
- **4**) 12
- (5) 11

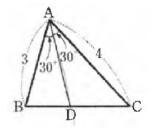
5. 다음 중 합 1+3+5+7+9과 다른 것은?
① $\sum_{k=1}^{5} (2k-1)$ ② $\sum_{k=1}^{10} k - \sum_{k=1}^{5} 2k$ ③ $\sum_{k=1}^{5} 2k-5$ ④ $\sum_{k=3}^{7} (2k-5)$

$$4 \sum_{k=3}^{7} (2k-5)$$

- **3.** $\triangle ABC$ 에서 a = 4, $A = 45^{\circ}$ 일 때, 외접원의 넓이는?
- $(1) 4\pi$
- $(2) 6\pi$
- $(3) 8\pi$
- $(4) 10\pi$
- $(5) 12\pi$

- **6.** 자연수 k에 대해 세 수 a_k, b_k, c_k 가 순서대로 등차수열을 **8.** 수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 이룬다. a_k, c_k 가 이차방정식 $x^2 - 2x - k = 0$ 의 서로 다른 두 근일 때, $\sum_{k=2}^{13} (a_k + b_k + c_k)$ 의 값을 구하면?
 - 1) 24
- **2**) 27
- ③ 30
- **4**) 33
- **(5)** 36

7. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB}=3$, $\overline{AC}=4$, $\angle BAD = \angle DAC = 30^{\circ}$ 일 때, \overline{AD} 의 길이는?



- ① $\frac{12\sqrt{3}}{7}$ ④ $\frac{18\sqrt{3}}{7}$

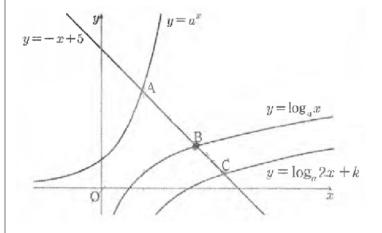
- $3\frac{16\sqrt{3}}{7}$

$$\sum_{k=1}^{n} (a_{3k-2} + a_{3k-1} + a_{3k}) = \frac{n^2}{7}$$

이 성립할 때, $\sum\limits_{k=10}^{30}a_{k}$ 의 값은?

- **(2)** 14 **(3)** 15
- **(4)** 16
- (5)17

9. a > 1인 실수 a에 대하여 그림과 같이 직선 y = -x + 5가 세 곡선 $y = a^x$, $y = \log_a x$, $y = \log_a 2x + k$ 와 만나는 점을 각각 A, B, C라 하자. 점 A의 좌표가 (2,3)이고, 세 점 A, B, C의 x좌 표가 차례대로 등비수열을 이룰 때, k의 값은?



- $2 \frac{7}{2}$ 3 3 $4 \frac{5}{2}$ 5 2

하자. $S_n = -3n^2 + 52n + 5$ 일 때, <보기>에서 옳은 것을 모두 고르면?

____ <보기> ___

- \neg . $a_5 = 25$ \bot . $a_{n+1} a_n = -6$

 \Box . S_n 은 n = 9에서 최댓값을 갖는다.

(I) 7

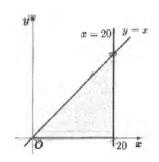
(2) T

3) 7, L

(4) 7, C

(5) 7,L,E

11. 다음 그림과 같이 두 직선 y = x와 x = 20 및 x축으로 둘러 싸인 부분에 속한 점 중에서 x, y 좌표가 모두 자연수인 점의 x좌표를 모두 더한 값은?

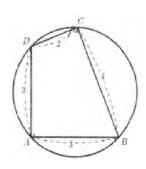


- ① 2180
- 2) 2370
- (3)2580

- (4) 2870
- (5) 2880

- **10.** 수열 $\{a_n\}$ 에 대해 첫째항부터 제n항까지의 합을 S_n 이라 12. 첫째항과 공차가 모두 0이 아닌 등차수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 첫째항부터 제n항까지의 합을 S_n 이라 하자. a_{10} 과 a_{11} 은 절댓값이 같고 부호가 반대일 때, $|S_n| > |S_{n+1}|$ 을 만족하는 자연수 n의 개수를 구하면?
- ① 10 ② 11 ③ 13
- **4**) 14
- (5) 15

13. 다음 그림과 같이 원에 내접하는 □*ABCD*에서 $\overline{AB} = 3$, $\overline{BC} = 4$, $\overline{CD} = 2$ 이고 $\overline{DA} = 3$ 일 때, $\Box ABCD$ 의 넓이 는? (단, *B*는 예각이다.)



(1) $4\sqrt{2}$

 $(4) 7\sqrt{2}$

- (2) $5\sqrt{2}$
- $(5) 8\sqrt{2}$
- $(3) 6\sqrt{2}$

14. *n* ≥ 2인 모든 자연수 *n*에 대하여

$$1 + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} + \dots + \frac{1}{n^2} < 2 - \frac{1}{n} \cdot \dots$$

이 성립함을 수학적 귀납법으로 증명한 것이다.

____ <증 명> ___

(i) n = 2일 때,

따라서 n=2일 때, \bigcirc 이 성립한다. (ii) n=k ($k \ge 2$)일 때,

()이 성립한다고 가정하면

$$1 + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} + \dots + \frac{1}{k^2} < 2 - \frac{1}{k}$$

n = k + 1일 때,

$$1 + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} + \dots + \frac{1}{k^2} +$$
 (다) $< 2 - \frac{1}{k} +$ (다)

이때 $k \ge 2$ 이므로

$$\left\{ 2 - \frac{1}{k} + \boxed{ (\Box +) } \right\} - \left(2 - \frac{1}{k+1} \right) = \boxed{ (\Box +) } < 0$$

$$1 + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} + \dots + \frac{1}{(k+1)^2} < 2 - \frac{1}{k+1}$$

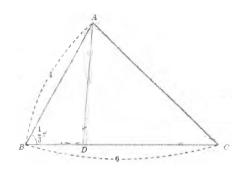
따라서 n = k + 1일 때도 \bigcirc 이 성립한다.

(i), (ii)에 의하여 $n \ge 2$ 인 모든 자연수 n에 대하여 \bigcirc 이 성립한다.

(가)=p, (나)=q, (다)=f(k), (라)=g(k)라 할 때, $-\frac{f(p+q)}{g(p+q)}$ 의 값은?

- ① $-\frac{3}{2}$ ② $\frac{3}{2}$ ③ $\frac{5}{2}$ ④ $\frac{11}{4}$ ⑤ $\frac{13}{4}$

16. $\angle ABC = \frac{\pi}{3}$, $\overline{AB} = 4$, $\overline{BC} = 6$ 인 $\triangle ABC$ 가 있다. \overline{BC} 위에 점 B와 점 C가 아닌 점 D를 잡고, $\triangle ACD$ 의 외접원의 반지름 의 길이를 r라 하자. $r = \frac{3\sqrt{21}}{5}$ 일 때, $\overline{AD} = \frac{q}{n}$ 이다. p + q의 값은? (단, p와 q는 서로소)



- (1)22
- (2)23
- (3)24
- (4)25
- (5) 26

서답형

단답형 1. $\sin A = 2\cos B \sin C$ 를 만족시키는 $\triangle ABC$ 는 어떤 삼각형인지 쓰시오.

단답형 3. $\sum_{k=1}^{10} a_k = 15$, $\sum_{k=1}^{10} b_k = -7$ 일 때, $\sum_{k=1}^{10} (4a_k - 2b_k - 5)$ 의 값을 구하시오.

단답형 2. 등차수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 $a_3+a_7=26$, $a_6-a_4=-12$ 일 때, a_{10} 의 값을 구하시오.

서술형 1. $\triangle ABC$ 에서 $a=8,\ b=13,\ c=7$ 일 때, $\triangle ABC$ 의 넓이를 풀이과정과 함께 구하시오.

 $a_6 + \cdots + a_{2n} = 9 \times 2^n - 9$ 일 때, $a_3 + a_5 + a_7 + \cdots + a_{13}$ 의 값을 풀이과정과 함께 구하시오.

서술형 2. 공비가 양수인 등비수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 a_2+a_4+ **서술형 3.** 수열 $\{a_n\}$ 은 첫째항이 1, 공차가 3인 등차수열일 때, $\sum_{k=1}^n rac{1}{\sqrt{a_{k+1}} + \sqrt{a_k}} = 3$ 을 만족시키는 자연수 n의 값을 풀이과 정과 함께 구하시오.