- ♦ 전체 : 선택형 15문항(70점) 서답형 7문항(30점)
- ♦ 배점 : 문항 옆에 배점 표시
- ♦ 선택형은 답안 카드에 컴퓨터용 사인펜으로 정확히 마킹하고, 서 답형은 반드시 검정볼펜으로 기입하시오.

## 선택형

- 1. 확률변수 X에 대하여 E(X) = 42일 때, 확률변수  $\frac{1}{7}X + 4$ 의 기댓값은? [3.9점]
- ①  $\frac{42}{49}$
- (2)6
- **(3)** 10
- (4) 42
- (5)46

- 2. 재구매율이 60%인 상품을 3명에게 판매하였을 때, 재구 매하는 인원 수를 확률변수 X라 하자. 확률 P(X = 1)의 값은? [3.9점]

- ①  $\frac{24}{125}$  ②  $\frac{28}{125}$  ③  $\frac{32}{125}$  ④  $\frac{36}{125}$  ⑤  $\frac{42}{125}$

3. 다음 <보기>의 조사 중 표본조사로 적합한 것을 모두 고 르면? [3.9점]

## <보기>

- ㄱ. 병역판정검사
- ㄴ. 우리나라 총인구 조사
- ㄷ. 어느 회사에서 생산되는 타이어 수명 조사
- ㄹ. 어느 회사에서 생산되는 스마트폰 품질 검사
- (I) 7,L
- (2) 7, E
- (3) 7,E

- (4) L, E
- (5) に, モ
- 4. 어느 회사에서 생산되는 휴대전화의 배터리 사용 시간은 정규분포를 따른다고 한다. 이 회사에서 생산된 휴대전화 64대를 임의추출하여 배터리 사용 시간을 조사하였더니 평균이 10시간이고 표준편차가 2시간이었다. 이 휴대전화의 배터리 사용 시간의 모평균 m을 신뢰도 95%로 추정할 때, 신뢰구간의 길이를 구하면?(단, *P*(|*Z*| ≤ 1.96) = 0.95) [4.6점]
- (1) 0.49
- (2) 0.98
- (3) 1.29
- (4) 1.96
- (5) 2.56

- **5.** 확률변수 X가 정규분포  $N(20,3^2)$ 을 따를 때,  $E(X^2)$ 의 값은? [4.6점]
  - (1)403
- (2)409
- (3)413
- **4** 419
- (5)423

- **6.** 흰 공 6개와 검은 공 4개가 들어 있는 주머니에서 임의로 | **9.** 다음 조건이 성립할 때, 상수 a의 값은? [4.6점] 3개의 공을 꺼낼 때, 꺼낸 검은 공의 개수를 확률변수 X라 하자. 이때, *P*(*X* ≥ 2)의 값은? [4.6점]

- ①  $\frac{1}{6}$  ②  $\frac{1}{3}$  ③  $\frac{1}{2}$  ④  $\frac{2}{3}$  ⑤  $\frac{5}{6}$

7. 어느 공장에서 생산한 제품의 무게는 평균이 35 g, 표준편 차가 4 g 인 정규분포를 따른다. 이 제품 중에서 임의로 택한 64개의 무게의 평균이 34 g 이상 35.5 g 이하일 확률을 주어진 표를 이용하여 구하면? [4.6점]

3	P(0 ≤ Z ≤ a)
0.5	0.19
1.0	0.34
1.5	0.43
2.0	0.48

- (1) 0.62
- (2) 0.68
- **③** 0.77 **④** 0.82
- (5) 0.96

- 8. 모평균이 10이고 모분산이 9인 모집단에서 임의추출한 크기가 25인 표본의 표본평균  $\overline{X}$ 의 표준편차가  $\sigma(\overline{X}) = \frac{a}{h}$ 이다. a + b의 값을 구하면? (단, a와 b는 서로소이다.) [4.6점]
- $8(\Gamma)$
- (2) 10 (3) 14
- (4) 28
- (5)34

\_\_\_ <조 건> \_\_\_\_

- 가. 확률변수 X가 정규분포  $N(50, 10^2)$ 을 따른다.
- 나. 확률변수 Y가 정규분포  $N(18,2^2)$ 을 따른다.
- 다.  $P(25 \le X \le 60) = P(16 \le Y \le a)$
- (1) 21
- (2) 22
- (3) 23
- (4) 24
- (5) 25

10. 연속확률변수 X의 확률밀도함수가

$$f(x) = \frac{1}{6}x + k \quad (0 \le x \le 3)$$

일 때,  $P(0 \le X \le 2)$ 의 값은? [4.7점]

- ①  $\frac{1}{2}$  ②  $\frac{1}{3}$  ③  $\frac{1}{4}$  ④  $\frac{1}{5}$

관람객 100명 중에서 청소년이 86명 이상일 확률을 주어진 표 를 이용하여 구하면? [4.7점]

z	$P(0 \le Z \le z)$
0.5	0.1915
1.0	0.3413
1.5	0.4332
2.0	0.4772
2.5	0.4938

- ① 0.0668 ② 0.0228 ③ 0.0062 ④ 0.1587 ⑤ 0.3085

**12.** 확률변수 X의 확률분포를 표로 나타내면 다음과 같다.

X	0	1	2	합계
P(X=x)	<u>1</u> 5	a	ь	1

X의 표준편차가 최대일 때, X의 기댓값은?[5.3점]

- ①  $\frac{11}{10}$  ②  $\frac{6}{5}$  ③  $\frac{13}{10}$  ④  $\frac{7}{5}$  ⑤  $\frac{3}{2}$

- 11. 어느 영화의 관람객 80%가 첫소년이라 할 때, 이 영화의 13. 모표준편차가 10인 정규분포를 따르는 모집단의 평균을 신뢰도 99%로 추정할 때, 모평균과 표본평균의 차를 5 이하로 하기 위한 표본의 크기의 최솟값을 구하면?(단,  $P(|Z| \le 2.58) = 0.99)$  [5.3점]
  - (1) 25
- (2) 26
- (3) 27
- (4)28
- (5)29

**14.** 한 개의 주사위를 던져서 나온 눈의 수를 a라 하고 삼차 함수 f(x)를

$$f(x) = -\frac{1}{3}x^3 + ax^2 - 4x + 1$$

라 하자. 이 주사위를 450번 던져서  $x_1 < x_2$ 인 임의의 실수  $x_1, x_2$ 에 대하여 항상  $f(x_1) < f(x_2)$ 인 횟수가 140번 이상 170 번 이하일 확률을 주어진 표를 이용하여 구하면?[5.3점]

z	P(0≤2≤z)
0.5	0.1915
1.0	0.3413
1.5	0.4332
2.0	0.4772
2.5	0.4938

 $\bigcirc 1\ 0.5328 \qquad \bigcirc 2\ 0.6247 \qquad \bigcirc 3\ 0.6687$ (4) 0.7745 (5) 0.8185 인 표본을 복원추출하여 공에 적힌 수의 평균을  $\overline{X}$ 라 할 때,  $E(\overline{X}) = 6$ 이다.  $n + V(\overline{X})$ 의 값을 구하면? [5.4점]

(1) 2

(2) 3

(3) 5

(4) 8

(5) 13

15. 주머니 안에 n에서 n+6까지의 자연수가 각각 하나씩 | **단답형 2.** 정규분포  $N(m,\sigma^2)$ 을 따르는 모집단에서 표본을 적혀 있는 7개의 공이 들어 있다. 이 주머니에서 크기가  $2 \mid$  추출하여 모평균을 추정할 때, 모평균 m의 신뢰구간에 대한 다음 명제의 참, 거짓을 각각 판별하시오. [3점]

## \_\_\_\_ <보기> \_\_\_\_

- (가) 표본의 크기가 일정할 때, 신뢰도를 높게 하면 신뢰 구간의 길이는 작아진다.
- (나) 신뢰도가 일정할 때, 표본의 크기를 크게 하면 신뢰 구간의 길이는 커진다.
- (다) 신뢰도가 일정할 때, 표본의 크기를 2배로 늘리면 신뢰구간의 길이는  $\frac{1}{2}$ 배가 된다.

## 서답형

단답형 1. 확률변수 X의 확률분포를 표로 나타내면 다음과 같을 때, 상수 a의 값을 구하시오. [3점]

X	0	1	2	3	합계
P(X=x)	$\frac{a}{2}$	a	2 <i>a</i>	3 <i>a</i>	1

단답형 3. 확률변수 X가 정규분포  $N(m, \sigma^2)$ 을 따르고 확률  $P\left(m-\frac{1}{2}\sigma \le X \le m+\frac{k}{10}\sigma\right)$ 의 값이 0.6853 일 때, 상수 k의 값을 주어진 표를 이용하여 구하시오. [4점]

z	$P(0 \le Z \le z)$
0.5	0.1915
1.0	0.3413
1.5	0.4332
2.0	0.4772
2.5	0.4938

한다. 이 선수가 48번의 자유투를 던질 때, 성공한 횟수를 확 은 평균이 50점이고 표준편차가 20점인 정규분포를 따른다 률변수 X라 하자.  $E(X) + \sigma(X)$ 의 값을 구하는 과정을 서술하 | 고 하자. 점수가 몇 점 이상이면 상위 12등 이내로 1등급이 될 시오. [4점]

**서술형 1.** 어느 농구선수가 자유투를 성공할 확률은 0.7라고 │ **서술형 2.** 어느 고등학교 학생 300명의 확률과 통계의 성적 수 있는지 서술하시오.(단,  $P(0 \le Z \le 1.75) = 0.46$ 으로 계산한 다.) [5점]

**서술형 3.** 정규분포  $N(m,6^2)$ 을 따르는 모집단에서 크기가 36 **서술형 4.** 이산확률변수 X의 확률질량함수가 인 표본을 임의추출하였더니 표본평균이 12이었다. 모평균 m을 신뢰도 95%로 추정하는 과정을 서술하시오.(단,  $P(|Z| \le$ 1.96) = 0.95) [5점]

$$P(X = x) = \frac{x-1}{10}$$
 (x = 2,3,4,5)

일 때, 다음 물음에 답하시오. [6점]

- (1) E(X)의 값을 구하는 과정을 서술하시오.
- (2) V(X)의 값을 구하는 과정을 서술하시오.
- (3) V(3X-1)의 값을 구하는 과정을 서술하시오.