



ARTIFICIAL INTELLIGENCE 5

박규민

× × × ×

× × × ×

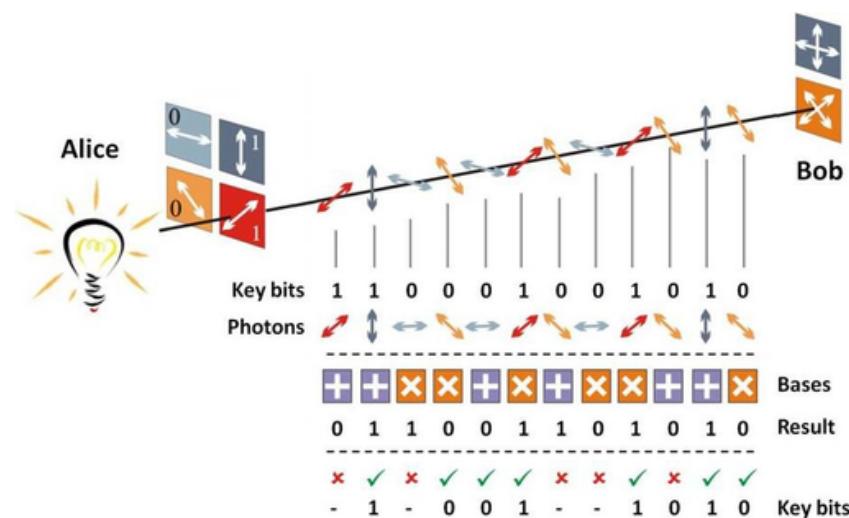


01. 진공 상태가 필요한 이유

QKD의 목표

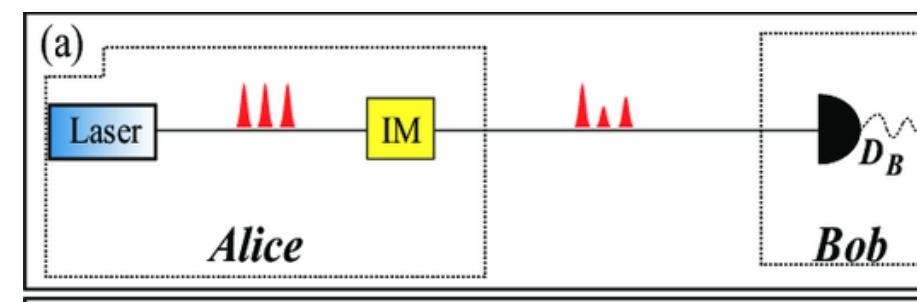
QKD의 목표

물리 법칙 기반의 무조건적인 보안 보장



디코이 상태 방법

PNS 공격 방어를 위해 $\mu, v, 0$
세 가지 강도 사용
($k \in \{\mu, v, 0\}$)



QUESTION ?

왜 $k=0$ 을 v 보다 작은
아주 작은 세기 $k=\delta>0$ 로
대체할 수 없는가?

$k=0$ 만이 엄격한 보안을 위한 통계적 계산의 기준점을 제공하며, $\delta > 0$ 는 이 기준점의 물리적 확실성을 훼손하기 때문



순수한 물리적 기준점

비밀 키 길이(ℓ)를 계산하려면, 실제 광자 수율(Y_1)과
순수한 배경 잡음 수율(Y_0)의 기여도를 엄격하게 분리해야 함

1. 진공 상태($k=0$)는 광자를 방출하지 않음을 보장하는 물리적 기반을 제공함.
따라서 $k=0$ 에서 관측된 사건은 오직 순수한 잡음만을 반영
2. $\delta > 0$ 인 펄스는 포아송 통계상 1개 이상의 광자를 포함할 수 있으므로,
해당 관측값은 잡음과 광자 신호가 섞인 결과
3. 따라서, $k=0$ 이 아니면 Y_0 와 Y_1 을 엄격하게 분리할 수 없어,
QKD 보안의 핵심 매개변수 추정 과정 전체가 흔들림

관측값과 통계적 엄격성 원칙

진공 상태($k=0$)는 디코이 상태 방법에서 널리 사용되며,
이와 관련된 관측된 사건 수 n_{Z0} 는 통계적 변수 x 에 해당하고 그 값이 매우 작음

1. 우리는 관측된 $x(n_{Z0})$ 로부터 보안에 필요한 진공 사건 수의
엄격한 하한 $x^*(s_{Z0}^*)$ 을 추정해야 함
$$x^* = x - \frac{\beta}{2} - \sqrt{2\beta x + \frac{\beta^2}{4}}$$
2. x 가 매우 작을 때, 하한 x^* 를 계산하는 수학적 공식은 음수 결과를 도출할 위험이 가장 높음
3. x^* 는 물리적 사건 수이므로 음수일 수 없으므로, 계산 결과가 음수이더라도 무조건 0으로 설정되어야 함 ($x^* \geq 0$)
이는 무조건적인 보안을 위한 보수적이고 필수적인 안전장치
4. $k=0$ (진공 상태)가 제공하는 가장 작은 관측값(x)을 이용하여 $x^* \geq 0$ 원칙을 엄격히 적용함으로써
성능(SKR 수율)보다 엄격한 통계적 하한을 보장하는 필수적인 물리적 기준점

최종 보안 하한 확립

최종 비밀 키 길이(ℓ)는 엄격하게 추정된 매개변수들의 하한에 의존

$$\ell = \underline{s}_0^Z + \underline{s}_1^Z \left[1 - h\left(\bar{\phi}_1^Z\right) \right] - \lambda_{EC} - \log_2 \frac{2}{\varepsilon_{cor}} - 6 \log_2 \frac{23}{\varepsilon_{sec}},$$

1. ℓ 계산에 필수적인 진공 사건 수의 하한 $s_Z 0^*$ 은 오직 $k=0$ 에서 얻은 엄격한 $n_Z 0^*$ 을 통해서만 계산됨

$$\underline{s}_0^{Z^*} \geq (e^{-\mu} p_\mu + e^{-\nu} p_\nu) \frac{p_z n_0^{Z^*}}{p_0},$$

2. 따라서 $k=0$ 만이 Y_0 에 대한 순수한 물리적 기준점과 통계적 분석에서 가장 보수적인 원칙을 강제할 수 있는 가장 작은 관측값을 제공하며, 이는 QKD의 구성 가능한 보안을 확립하는 데 절대적으로 필수

02. 성능 비교

수정 전

$L = 100\text{km}$

최적화된 GA 파라미터

```
crossover_type: single_point,  
mutation_type: adaptive,  
parent_selection_type: sss,  
sol_per_pop: 102,  
num_parents_mating: 22,  
keep_parents: 21,  
keep_elitism: 9,  
crossover_probability: 0.6509333611086074,  
mutation_percent_genes: [0.5, 0.05]
```

최적 SKR 값: 9.883606e-06

mu(강도 파라미터): 0.879389
nu(약한 강도 파라미터): 0.181233
vac(진공 상태 파라미터): 0.136371
p_mu(mu 상태 확률): 0.013206
p_nu(nu 상태 확률): 0.911127
p_vac(진공 상태 확률): 0.094369
p_X(X 기저 확률(Alice)): 0.10079
q_X(X 기저 확률(Bob)): 0.086119

수정 후

$L = 100\text{km}$

최적화된 GA 파라미터

```
crossover_type: uniform,  
mutation_type: random,  
parent_selection_type: sss,  
sol_per_pop: 223,  
num_parents_mating: 219,  
keep_parents: 216,  
keep_elitism: 20,  
crossover_probability: 0.45202349121460356,  
mutation_probability: 0.018366799686118797,  
K_tournament: 8
```

최적 SKR 값: $1.348981\text{e-}05$

μ (강도 파라미터): 0.521068
 ν (약한 강도 파라미터): 0.236871
 ν_{ac} (진공 상태 파라미터): 0.034389
 p_{μ} (μ 상태 확률): 0.252630
 p_{ν} (ν 상태 확률): 0.862988
 $p_{\nu_{\text{ac}}}$ (진공 상태 확률): 0.090949
 p_X (X 기저 확률(Alice)): 0.163874
 q_X (X 기저 확률(Bob)): 0.209120

VAC=0

L = 100km

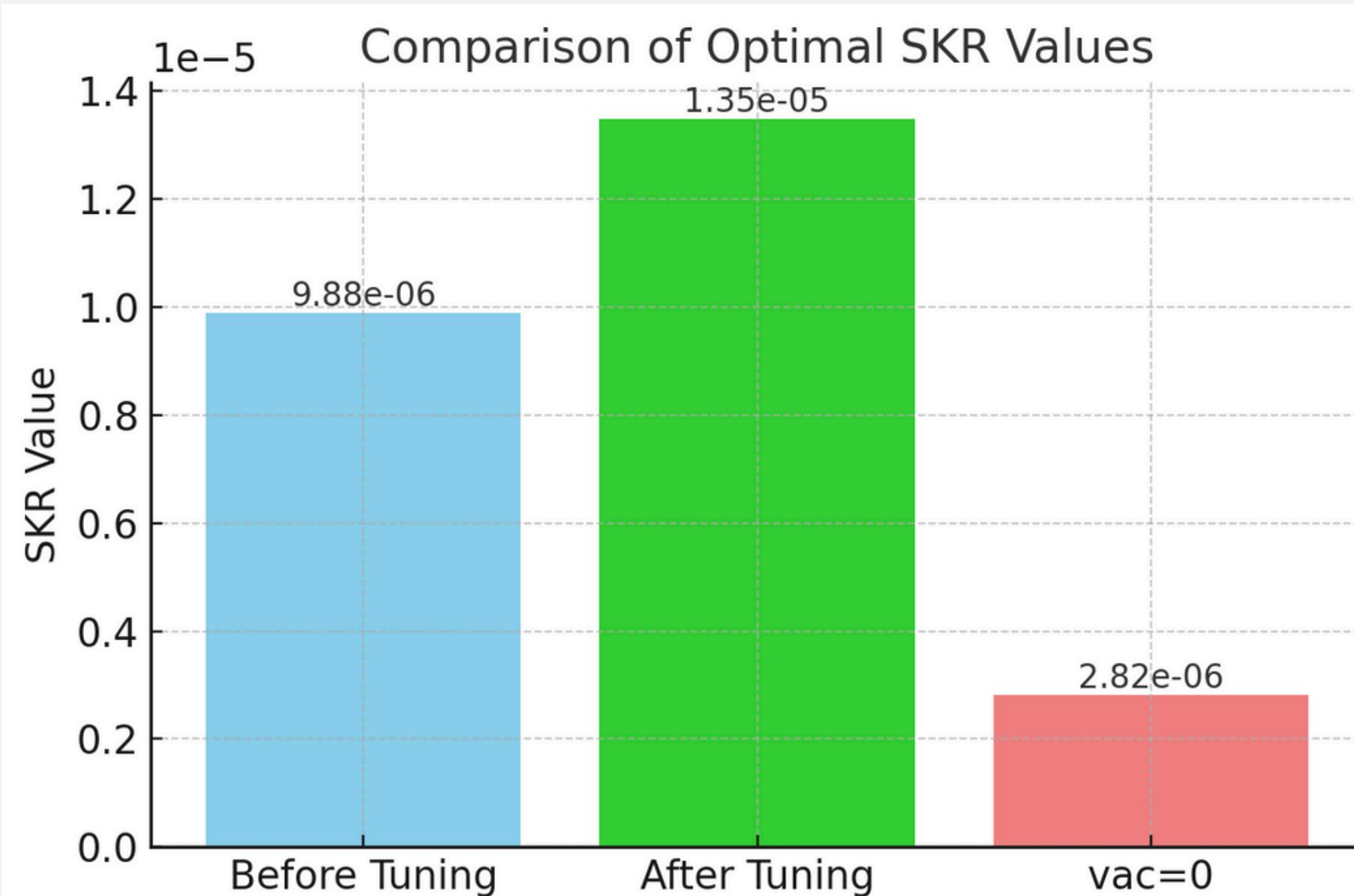
최적화된 GA 파라미터

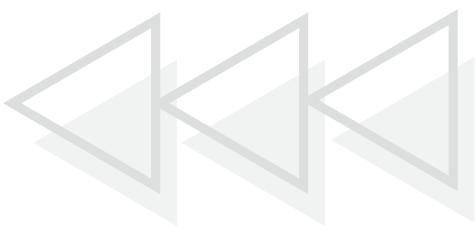
crossover_type: two_points,
mutation_type: adaptive,
parent_selection_type: tournament,
sol_per_pop: 239,
num_parents_mating: 125,
keep_parents: 107,
keep_elitism: 12,
crossover_probability: 0.7248539327369946,
mutation_percent_genes: [0.3, 0.1],
K_tournament: 71

최적 SKR 값: 2.821089e-06

mu(강도 파라미터): 0.399478
nu(약한 강도 파라미터): 0.167165
vac(진공 상태 파라미터): 0.000000 (고정)
p_mu(mu 상태 확률): 0.563898
p_nu(nu 상태 확률): 0.912773
p_vac(진공 상태 확률): 0.141586
p_X(X 기저 확률(Alice)): 0.332250
q_X(X 기저 확률(Bob)): 0.363639

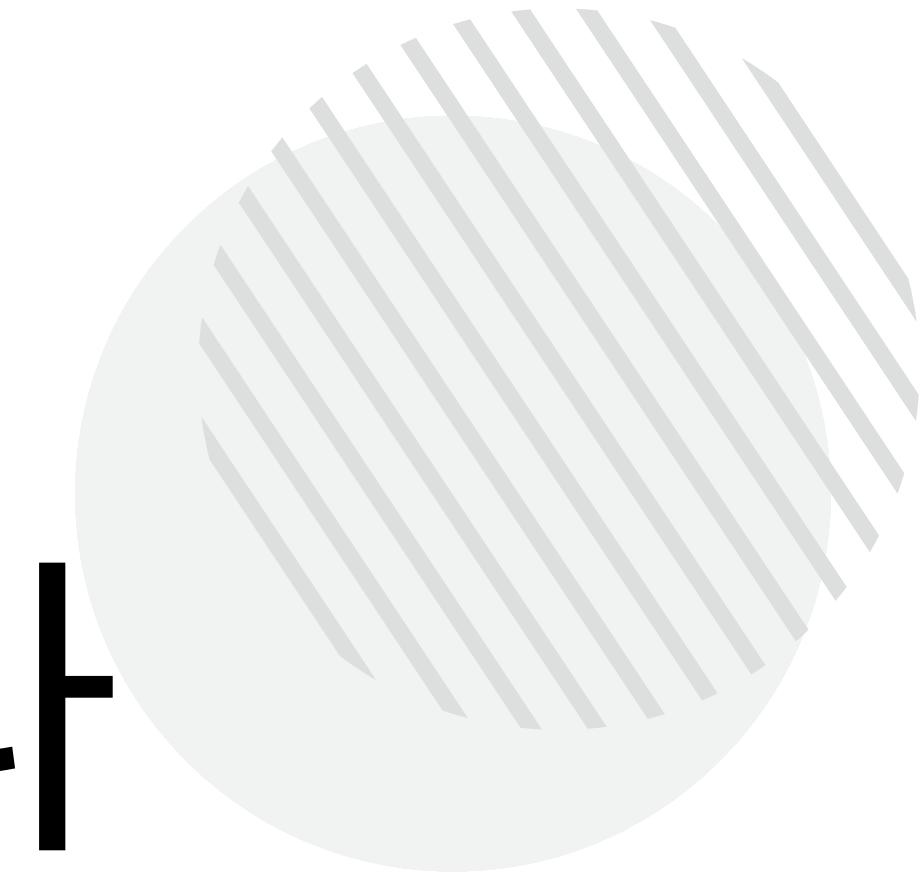
비교





감사합니다

박규민



× × × ×

