2019 春大学物理 C 作业二

第二章 质点动力学

一、简答题

1. 用一根细线吊一质量为 5kg 的重物,重物下再系一根同样的细线。若细线最多能承受 70N 的拉力。若用力突然向下拉下面的线,重物上下所系的绳哪个先断?若用力缓慢向下拉下面的线,重物上下所系的绳哪个先断?

答若用力突然向下拉下面的线,重物的位置还来不及变化,所以下边的绳先断。若用力缓慢向下拉下面的线,重物上边的绳承受的力大(大小为手的拉力与重物重力的大小之和),所以上边的绳先断。

2. 一人躺在地上,身上压一块重石板,另一人用重锤猛击石板。但见石板碎裂,而下面的人毫无损伤。这是为什么?

答 重锤猛击石板,重锤对石板有很大的冲量作用(大小等于重锤的动量改变量),且作用时间很短,使石板受到很大的作用力,使石板碎裂。石板受到重锤作用,同时石板对其下的人产生冲量作用(大小等于石板的动量改变量),相比于重锤对石板有很大的冲量作用要小一些,且作用时间较长,所以人受到的力要小很多,因此下面的人毫无损伤。

3. 试述系统的动量守恒定律及其适用条件。分析系统的内力为什么不改变系统的总动量?

答 当系统不受外力作用或系统所受外力的矢量和为零时,系统的总动量保持不变。在系统不受外力作用或系统所受外力的矢量和为零时,系统内各质点还受到内力作用,而系统内的内力都是成对的,在系统中起到质点间相互传递动量的作用,一质点的动量减小,另一质点的动量增加,但系统总的动量不变。

4. 质点运动过程中,作用于质点的某力一直不作功,这是否说明该力在这一过程中对质点的运动没有任何影响?

答 质点运动过程中,作用于质点的某力一直不作功,不能说明该力在这一过程中对质点的运动没有任何影响。例如,质点作匀速圆周运动,质点所受的向心力对质点始终不作功,但其改变质点速度的方向。

5. 在匀速水平运动的车箱内悬吊一单摆,相对于车厢参考系,摆球的机械能是否守恒? 相对于地面参考系,摆球的机械能是否守恒?

答 对小球和地球组成的系统进行研究,相对于车厢参考系,速度方向与绳的拉力方向垂直,拉力不作功,只有保守内力重力作功,机械能守恒。相对于地面参考系,速度方向与绳的拉力方向不垂直,拉力对小球作功,即外力作功不为零,系统机械能不守恒。

二、选择题

- 6. 对功的概念有以下几种说法:
 - (1)保守力作正功时,系统内相应的势能增加。
 - (2)质点运动经一闭合路径,保守力对质点作的功为零。
- (3)作用力和反作用力大小相等、方向相反, 所以两者所作功的代数和必为零。 在上述说法中:
 - (A)(1)、(2)是正确的
- (B) (2)、(3)是正确的
- (C) 只有(2)是正确的
- (D) 只有(3)是正确的

- 7. 一个质点同时在几个力作用下的位移为: $\Delta \vec{r} = 4\vec{i} 5\vec{j} + 6\vec{k}$ (SI), 其中一个力 为恒力 $\vec{F} = -3\vec{i} - 5\vec{j} + 9\vec{k}$ (SI), 则此力在该位移过程中所作的功为
 - (A) 57 J (B) 17 J (C) 67 J

- (D) 91 J

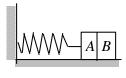
- 8. 在水平冰面上以一定速度向东行驶的炮车,向东南(斜向上)方向发射一炮 弹,对于炮车和炮弹这一系统,在此过程中(忽略冰面摩擦力及空气阻力)
 - (A) 总动量守恒
 - (B) 总动量在炮身前进的方向上的分量守恒,其它方向动量不守恒
 - (C) 总动量在水平面上任意方向的分量守恒, 竖直方向分量不守恒
 - (D) 总动量在任何方向的分量均不守恒

C

- 9. 一水平放置的轻弹簧, 劲度系数为k, 其一端固定, 另一端系一质量为m的 滑块 A, A 旁又有一质量相同的滑块 B, 如图所示。设两滑块与桌面间无摩 擦。若用外力将 A、B 一起推压使弹簧压缩量为 d 而静止, 然后撤消外力, 则B离开时的速度为
 - (A)
- (B)



- (D)



В 1

- 10. 对于一个物体系来说,在下列的哪种情况下系统的机械能守恒?
 - (A) 合外力为 0

- (B) 合外力不作功
- (C) 外力和非保守内力都不作功 (D) 外力和保守内力都不作功

C

- 11. 一子弹以水平速度 v。射入一静止于光滑水平面上的木块后, 随木块一起运动。 对于这一过程正确的分析是
 - (A) 子弹、木块组成的系统机械能守恒

- (B) 子弹、木块组成的系统水平方向的动量守恒
- (C) 子弹所受的冲量等于木块所受的冲量
- (D) 子弹动能的减少等于木块动能的增加

[B]

三、填空题

- 12. 一圆锥摆摆长为 l、摆锤质量为 m,在水平面上作匀速圆周运动,摆线与铅直线夹角 θ ,则
 - (1) 摆线的张力 $T = mg/\cos\theta$;
 - (2) 摆锤的速率 $v = \sin \theta \sqrt{gl/\cos \theta}$ 。
- 13. 如图所示,劲度系数为 k 的弹簧,一端固定在墙壁上,另一端连一质量为 m 的物体,物体在坐标原点 O 时弹簧长度为原长。物体与桌面间的摩擦系数为 μ 。若物体在不变的外力 F 作用下向右移动,则物体 到达最远位置时系统的弹性势能 $E_P = \frac{2(F \mu mg)^2}{k}$ 。
- 14. 如图,一个质量为 m=2kg 的物体,从静止开始沿 1/4 圆弧从 A 滑到 B。在 B 点速度的大小为 $v=6m\cdot s^{-1}$,已知圆半径 R=4m。 则物体从 A 到 B 的过程中摩擦力所做的功为 $_{-42.4J}$ 。
- 15. 质量为m 的物体,初速极小,在外力作用下从原点起沿x 轴正向运动。所受外力方向沿x 轴正向,大小为F=kx。物体从原点运动到坐标为 x_0 的点的过程中所受外力冲量的大小为 $\sqrt{mkx_0^2}$ 。
- 16. 两块并排的木块 A 和 B ,质量分别为 m_1 和 m_2 ,静止地 放置在光滑的水平面上,一子弹水平地穿过两木块,设子 弹穿过两木块所用的时间分别为 Δt_1 和 Δt_2 ,木块对子弹的阻力为恒力 F ,则 子弹穿出后,木块 A 的速度大小为 $\frac{F\Delta t_1}{m_1+m_2}$,木块 B 的速度大小为

$$\frac{F\Delta t_1}{m_1 + m_2} + \frac{F\Delta t_2}{m_2} =$$

四、计算题

17. (教材 2-2 题) 质量 m=2.0kg 的匀质细绳,长为 L=1.0m,两端分别连接重物 A 和 B,m_A=8.0kg,m_B=5.0kg,今在 B 物上施以大小为 F=180N 的向上的拉

力,使绳中距离 A 端为 x 处绳中的张力 $F_T(x)$ 的大小。

解:如图,以 A、B 以及绳子整体为研究对象,这个系统所受合力沿竖直方向,假设该系统向上运动的加速度大小为 a,则

对系统有
$$F_{\mathrm{T}}(m_{\mathrm{A}}+m_{\mathrm{B}}+m)=a$$

对 A 物体有, $F_{\mathrm{T0}}-m_{\mathrm{A}}\,\mathrm{g}=m_{\mathrm{A}}a$
对绳子上的质元 $\mathrm{d}m$ 有 $\left(F_{\mathrm{T}}+\mathrm{d}F_{\mathrm{T}}\right)-F_{\mathrm{T}}-\mathrm{d}m\cdot\mathrm{g}=\mathrm{d}m\cdot a$
 $\mathrm{d}m=\frac{m}{L}\mathrm{d}x$
联立以上四个式子,有 $a=\frac{F}{m_{\mathrm{A}}+m_{\mathrm{B}}+m}-\mathrm{g}=2.2\mathrm{m}\cdot\mathrm{s}^{-2}$

$$F_{\text{T0}} = m_{\text{A}} (a+g) = 96 \text{N}$$

$$\mathrm{d}F_{\mathrm{T}} = \frac{m}{L} (a + \mathrm{g}) \cdot \mathrm{d}x$$

所以
$$\int_{F_{T0}}^{F_T} dF_T = \frac{m}{L} (a+g) \int_0^x dx$$

$$F_{\rm T} - F_{\rm T0} = \frac{m}{L} (a + g) x = 24x$$

即距离 A 端为 x 处绳中的张力为 $F_{T}(x) = 96 + 24x(SI)$

18. (教材 2-9 题) 图中 A 为定滑轮, B 为动滑轮, 三个物体 m_1 =200g, m_2 =100g, m_3 =50g, 滑轮及绳的质量以及摩擦均忽略不计。求: (1)每个物体的加速度;

(2) 两根绳子的张力 T_1 与 T_2 。

分析 本题对个物体受力分析,列方程求解各物体的加速度。问题的关键,滑轮及绳的质量以及摩擦均忽略不计时,绳的张力大小处处相等,同时绳两端的物体加速度大小也相等。

解(1)以地面为参考系,以竖直向下为正方向,设三物体的加速度分别为 a_1 , a_2 和 a_3 ,a' 表示 m_2 , m_3 相对滑轮 B 的加速度,各物体的受力分析如图 2-16 所示,由牛顿第二定律得

$$m_1g-T_1=m_1a_1$$
 (1)
$$m_2g-T_2=m_2a_2$$
 (2)
$$-T_2+m_3g=-m_3a_3$$
 (3) 由于滑轮的质量忽略,所以
$$T_1=2T_2$$
 (4)

各物体的加速度间有如下关系

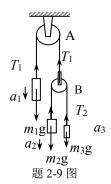
$$a_2 = a' - a_1, -a_3 = -a' - a_1$$
 (5) $\mathbb{B} 2-9 \mathbb{B}$

由上几式得

$$a_{1} = \frac{m_{1}m_{2} + m_{1}m_{3} - 4m_{2}m_{3}}{m_{1}m_{2} + m_{1}m_{3} + 4m_{2}m_{3}} g$$

$$= \frac{0.2 \times 0.1 + 0.2 \times 0.05 - 4 \times 0.1 \times 0.05}{0.2 \times 0.1 + 0.2 \times 0.05 + 4 \times 0.1 \times 0.05} \times 9.8$$

$$= 1.96 \,\mathrm{m} \cdot \mathrm{s}^{-2}$$



方向向下。

$$T_1 = m_1(g - a_1) = 0.2 \times (9.8 - 1.96) = 1.57 \text{ N}$$

$$T_2 = \frac{1}{2}T_1 = 0.785 \text{ N}$$

$$a_2 = \frac{m_2g - T_2}{m_2} = \frac{0.1 \times 9.8 - 0.785}{0.1} = 1.95 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$$

方向向下。

$$a_3 = -\frac{m_3 g - T_2}{m_3} = -\frac{0.05 \times 9.8 - 0.785}{0.05} = 5.9 \,\mathrm{m} \cdot \mathrm{s}^{-2}$$

方向向上。

- 19. (教材 2-18 题) 一质量为 0.5kg 的球,系在长为 1m 的轻绳的一端,绳不能伸长,绳的另一端固定在横梁上。移动小球,使绳与竖直方向成 30°角,然后放手让它从静止开始运动,求:
 - (1) 在绳索从 30°角到 0°角的过程中, 重力和张力所做的功。
 - (2) 物体在最低位置时的动能和速率。
 - (3) 在最低位置时的张力。
 - 解: (1) 重力做功等于系统重力势能的增量。如图所示,以最低点处为重 \sqrt{mg} 力势能零点,有

$$A_g = mgl(1 - \cos\theta) = 0.67J$$

$$A_{F_T} = \int \vec{F}_T \cdot d\vec{l} = \int F_T \cos \frac{\pi}{2} \cdot dl = 0J$$

(2) 小球和绳子组成的系统只有重力做功,系统的机械能守恒,有

$$E_k = \frac{1}{2}mv^2 = A_g = 0.67J$$

$$v = \sqrt{\frac{2A_g}{m}} = 1.6 \text{m} \cdot \text{s}^{-1}$$

(3) 小球做圆周运动,根据牛顿运动定律可得

$$F_T - mg = mv^2 / l$$

所以
$$F_T = mg + mv^2 / l = 6.18N$$

20. (教材 2-19 题) 一吊车底板上放一质量为 $10 \log$ 的物体,若吊车底板加速上升。加速度大小为 a=3+5t (SI 单位),求 2s 内吊车底板给物体的冲量大小及物体动量的增量为多少?

解:
$$a=3+5t=\frac{dv}{dt}$$
, 所以 $\int_0^v dv = \int_0^t (3+5t) dt$, $v=3t+\frac{5}{2}t^2$

故 t=2s 时, $v_{t=2}=16\text{m}\cdot\text{s}^{-2}$,所以 2s 内物体动量的增量为:

$$\Delta p = mv_{t=2} - 0 = 160 \text{kg} \cdot \text{m} \cdot \text{s}^{-1}$$

21. (教材 2-30 题) 质量分别为 m_1 、 m_2 的两木块 A 和 B 用劲度系数为 k 的轻弹 簧相连,静止放在光滑水平面上。今有质量为 m 的子弹以水平初速度 v_0 入 射木块 A 并嵌入其中。设子弹射入过程时间极短,求弹簧的最大压缩长度。解:子弹与木块在入射前后系统水平方向上动量守恒,即

$$mv_0 = (m+m_1)v_{10}$$

$$v_{10} = \frac{mv_0}{m+m_1}$$

式子中, v_{10} 是子弹射入后m与 m_1 的共同速度。

碰撞后, $(m+m_1)$ 、 m_2 、弹簧构成的系统机械能守恒、动量守恒、弹簧到达最大压缩时, $(m+m_1)$ 与 m_2 的速度相同,由系统动量守恒得

$$mv_0 = (m + m_1 + m_2)v$$

由机械能守恒得

$$\frac{1}{2}(m+m_1)v_{10}^2 = \frac{1}{2}(m+m_1+m_2)v^2 + \frac{1}{2}kx^2$$

整理以上三式子得
$$x = mv_0 \sqrt{\frac{m_2}{\left(m + m_1\right)\left(m + m_1 + m_2\right)k}}$$