



# 实现篇

## 第六章 查询处理与优化

主讲：高宏

海量数据计算研究中心





SQL Query

Parser

Expression Tree

Translator

Logical Query Tree

Optimizer

Physical Query Tree

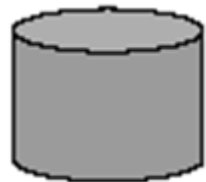
Evaluator

Query output

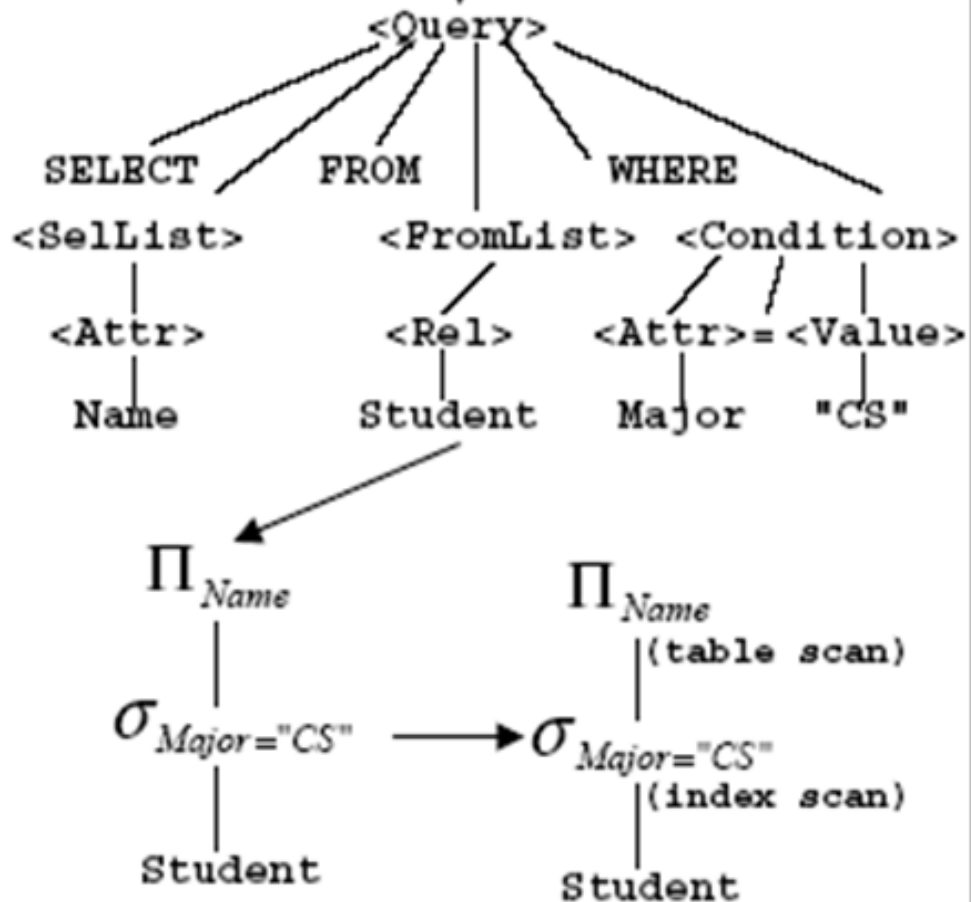
DB Stats



Database



SELECT Name FROM Student  
WHERE Major="CS"





# 几个概念

- **Parser Tree (Expression Tree)**
  - 由select、from、where组成的语法树
- **Logical Query Plan Tree**
  - 由基本关系操作符组成的查询树
    - 如：选择、投影、连接等
- **Physical Query Plan Tree**
  - 由物理操作符组成的查询树
  - 物理操作符
    - 顺序扫描、索引扫描等
    - Hash-join、sort-merge-join等





## Example: SQL query

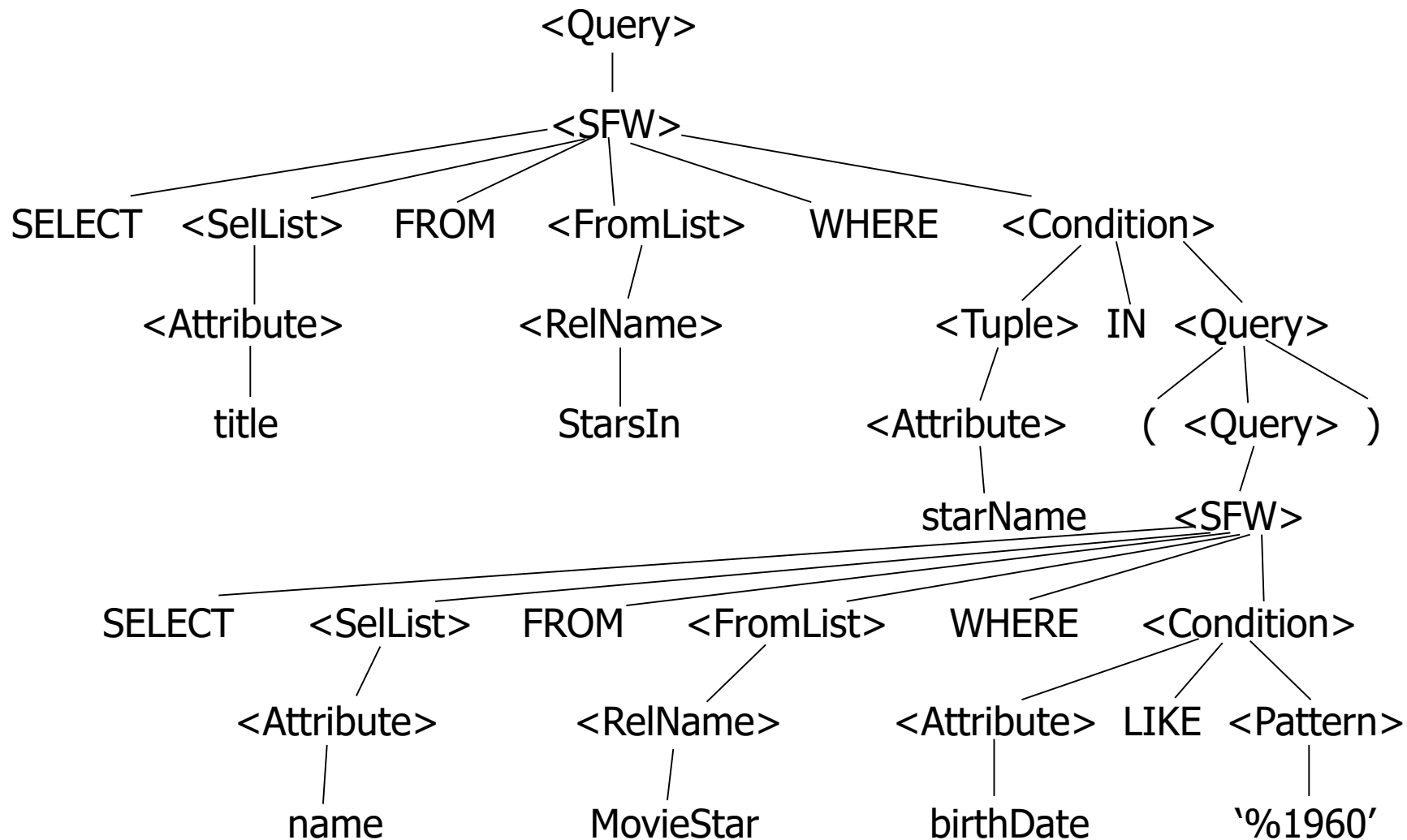
```
SELECT title
FROM StarsIn
WHERE starName IN (
    SELECT name
    FROM MovieStar
    WHERE birthdate LIKE '%1960' );
```

(找到1960年出生的影星参演的电影名字)





# Example: Parser Tree





## Example: Generating Relational Algebra

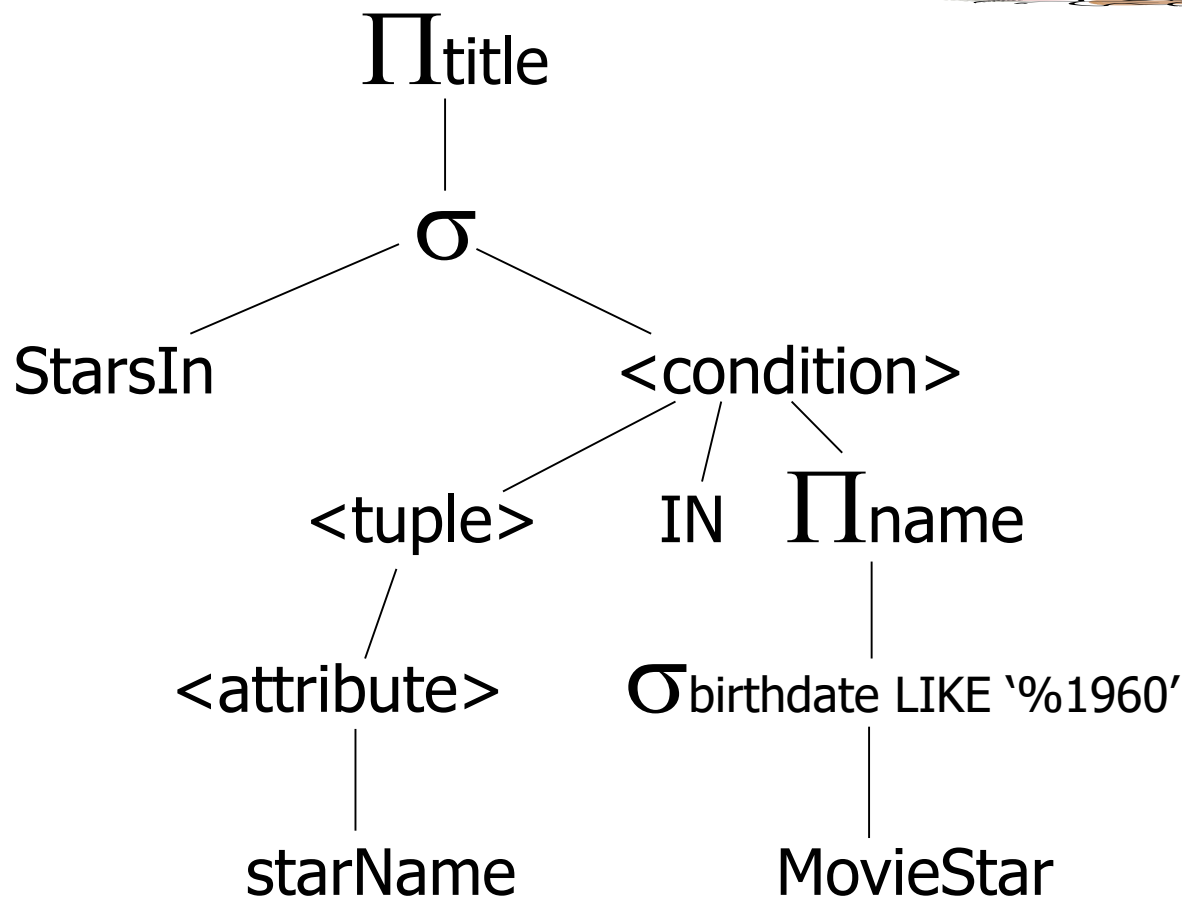


Fig. 7.15: An expression using a two-argument  $\sigma$ , midway between a parse tree and relational algebra





## Example: Logical Query Plan

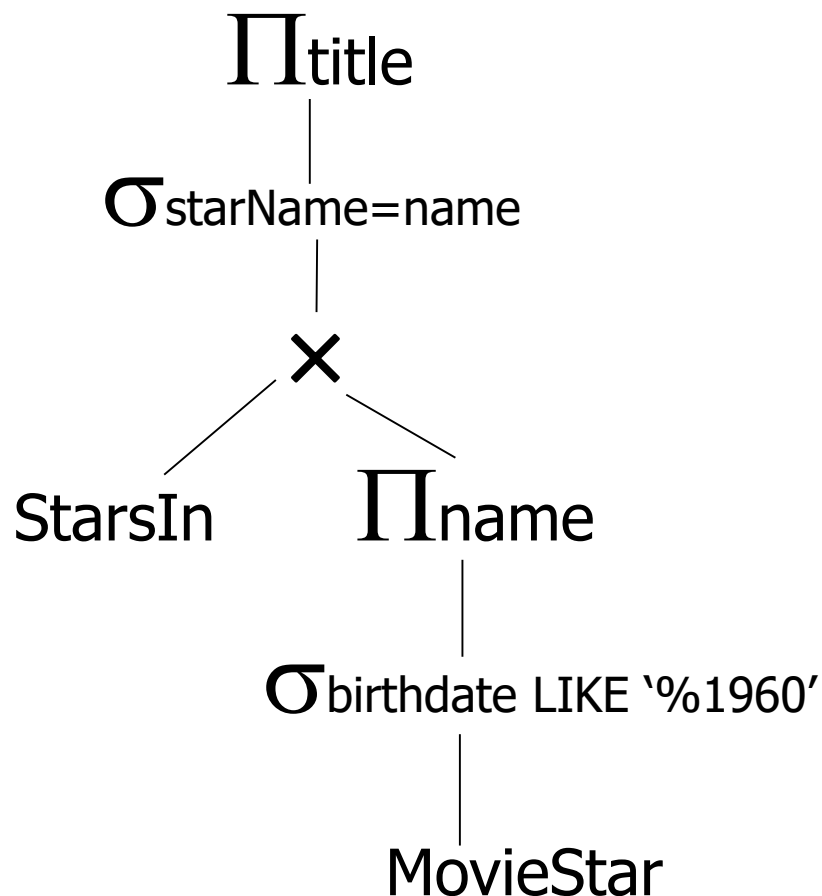
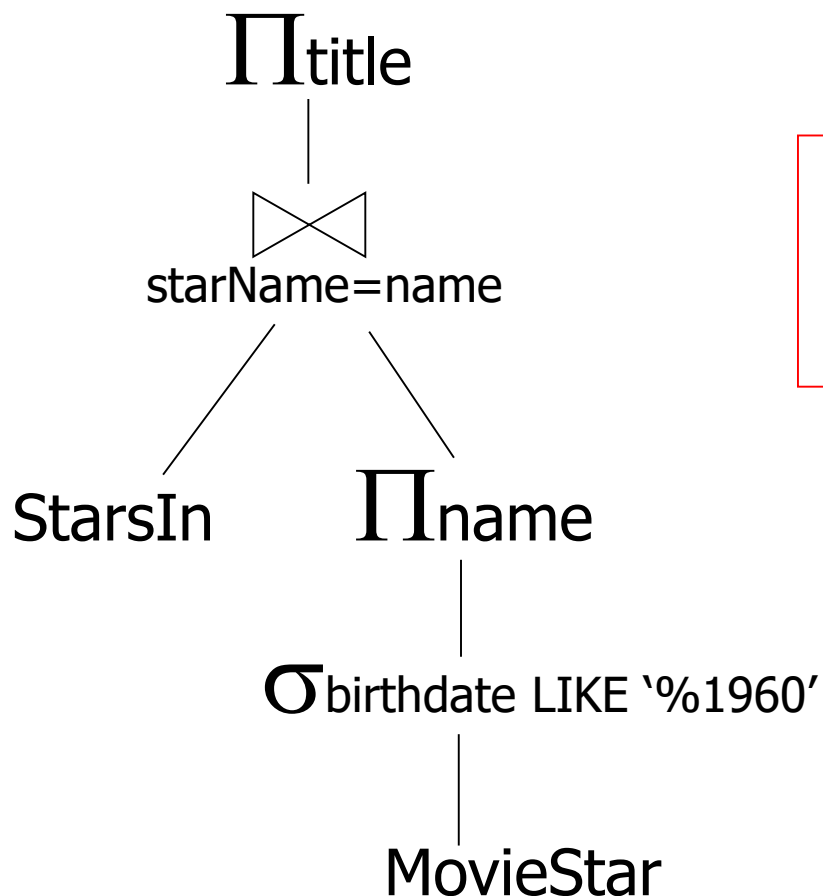


Fig. 7.18: Applying the rule for IN conditions





## Example: Improved Logical Query Plan



Question:  
Push project to  
StarsIn?

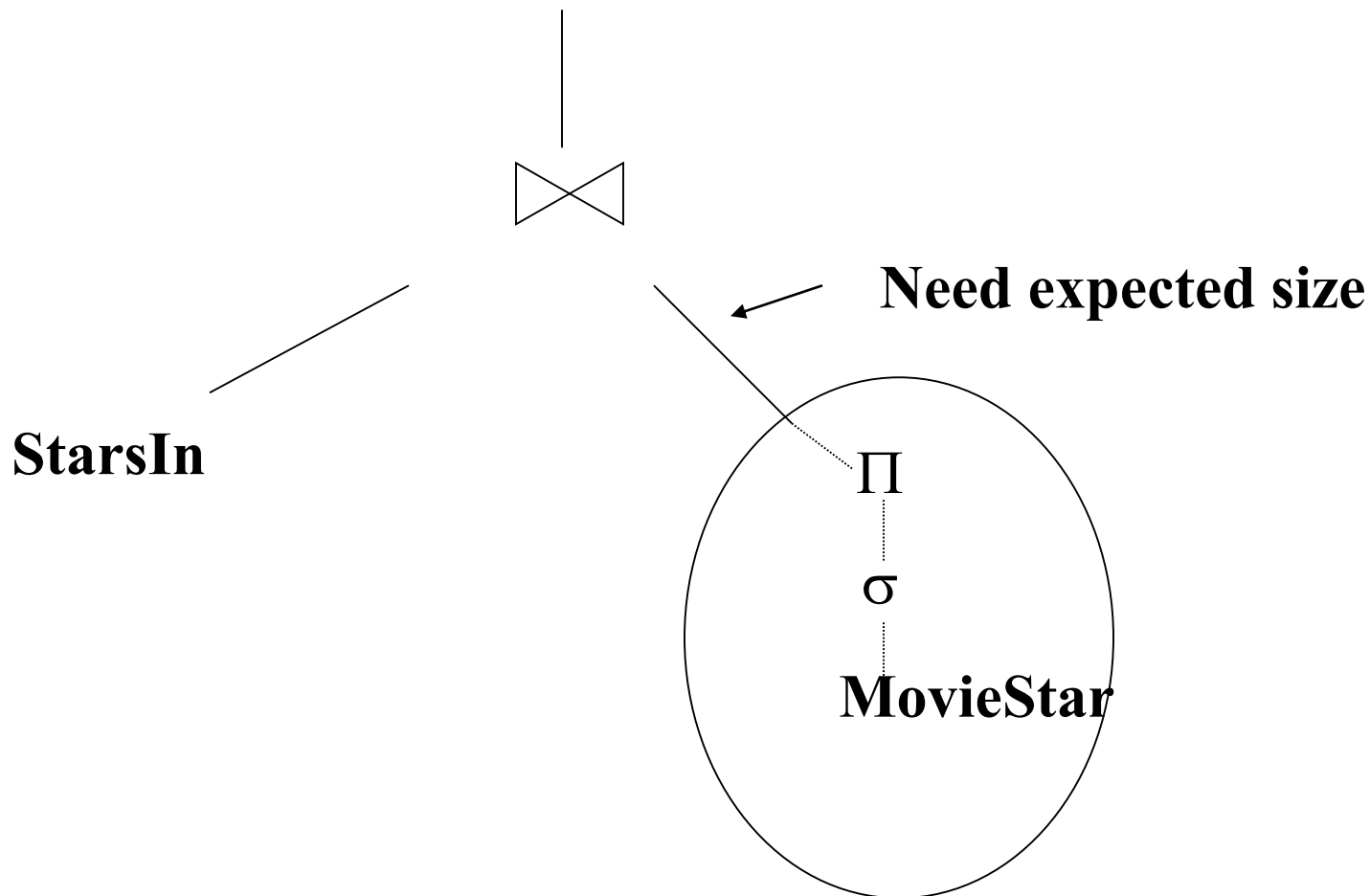
Fig. 7.20: An improvement on fig. 7.18.





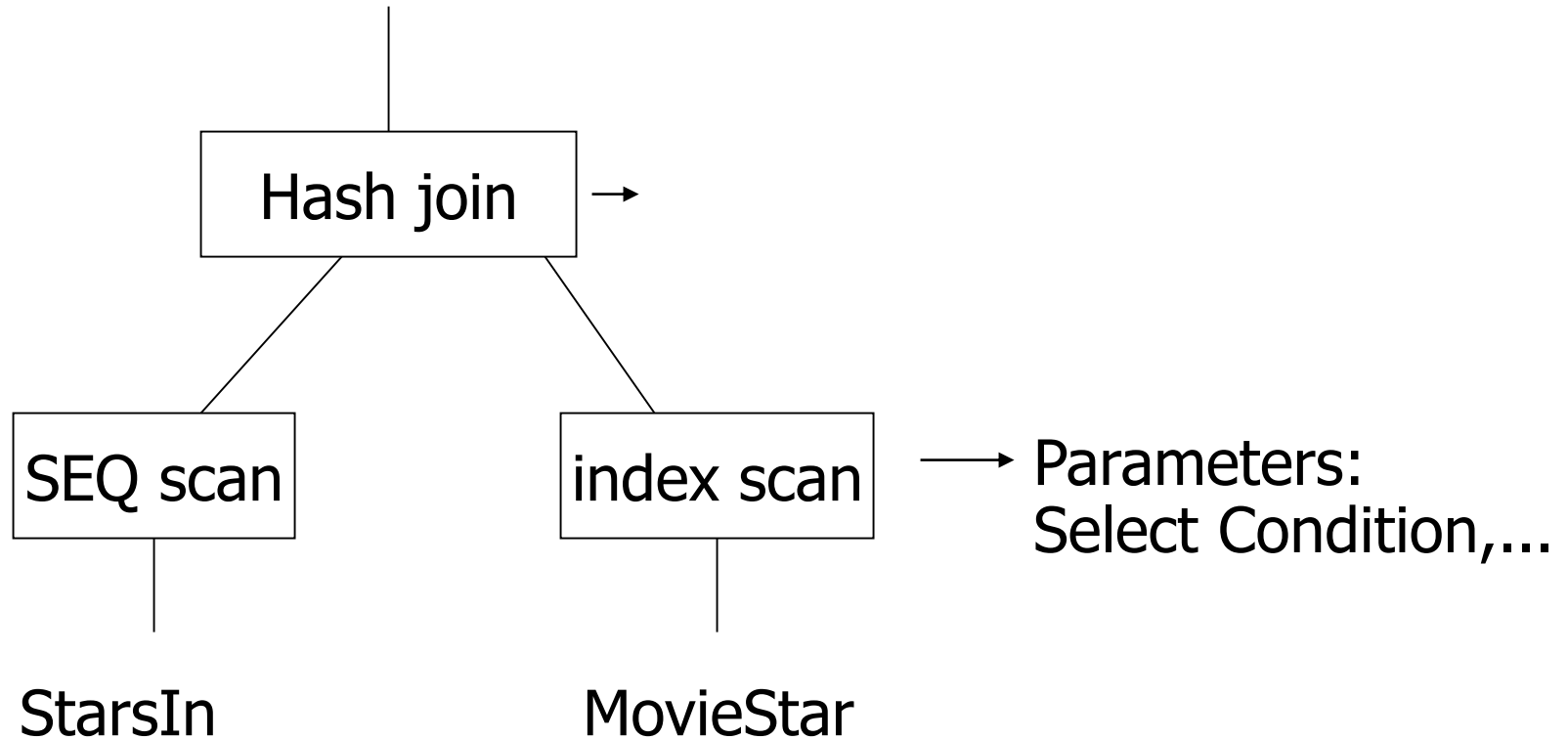


# Example: Estimate Result Sizes



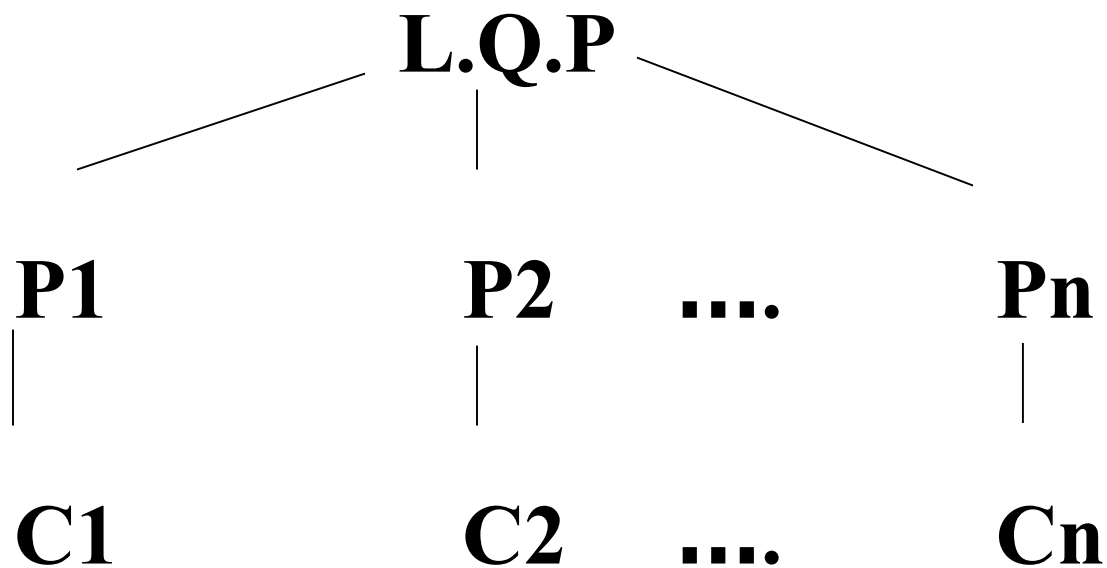


# Example: One Physical Plan





# Example: Estimate costs



**Pick best!**





# Outline

- 关系代数操作算法
- 查询优化





## 6.1 关系代数操作算法

- 选择操作算法
- 投影操作算法
- 连接操作算法
- 集合操作算法





- 选择操作算法
- 投影操作算法
- 连接操作算法
- 集合操作算法





- 使用SQL语言，选择操作表示如下

```
SELECT *  
FROM R  
WHERE C1 AND C2 OR C3 ...
```

- 选择条件可以是简单条件(简单选择操作)
  - 仅包含关系R的一个属性的条件
- 选择条件也可以是复合条件(复杂选择操作)
  - 由简单条件经AND、OR、NOT等逻辑运算符连接而成的条件





# 简单选择操作算法

## 1. 线性搜索算法

- 顺序地读取被查询关系的每个元组；
- 测试该元组是否满足选择条件；
- 如果满足，则作为一个结果元组输出。

## 2. 二元或插值搜索算法

- 条件: 某属性相等比较且关系按该属性排序。
- 对查询关系用二元或插值搜索找到元组

如果关系具有 $N$ 个磁盘块

二元搜索需要 $O(\log(N))$ 时间

插值搜索需要 $O(\log(\log(N)))$ 时间





### 3. 主索引或HASH搜索算法

- 条件: 主索引属性或Hash属性上的相等比较
- 使用主索引或HASH方法搜索操作关系.

### 4. 使用主索引查找满足条件的元组

- 条件: 主索引属性上的非相等比较
- 使用主索引选择满足条件的所有元组。

### 5. 使用聚集索引查找满足条件的元组

- 条件: 具有聚集索引的非键属性上相等比较
- 使用这个聚集索引读取所有满足条件的元组

### 6. $B$ -树和 $B^+$ -树索引搜索算法

- 条件:  $B$ 树或 $B^+$ 树索引属性上相等或非相等比较
- 使用 $B^+$ 树索引搜索查找所有满足条件组



# 复杂选择操作算法

## 7. 合取选择算法

- 合取条件中存在简单条件 $C$
- $C$ 涉及的属性上定义有某种存取方法
- 存取方法适应于上述六个算法之一
- 用相应算法搜索关系, 选择满足 $C$ 的元组, 并检验是否满足其他条件, 若满足, 作为结果元组。

## 8. 使用复合/多维索引的合取选择算法

- 如果合取条件定义在一组属性上的相等比较
- 而且存在一个由这组属性构成的复合/多维索引
- 使用这个复合/多维索引完成选择操作。





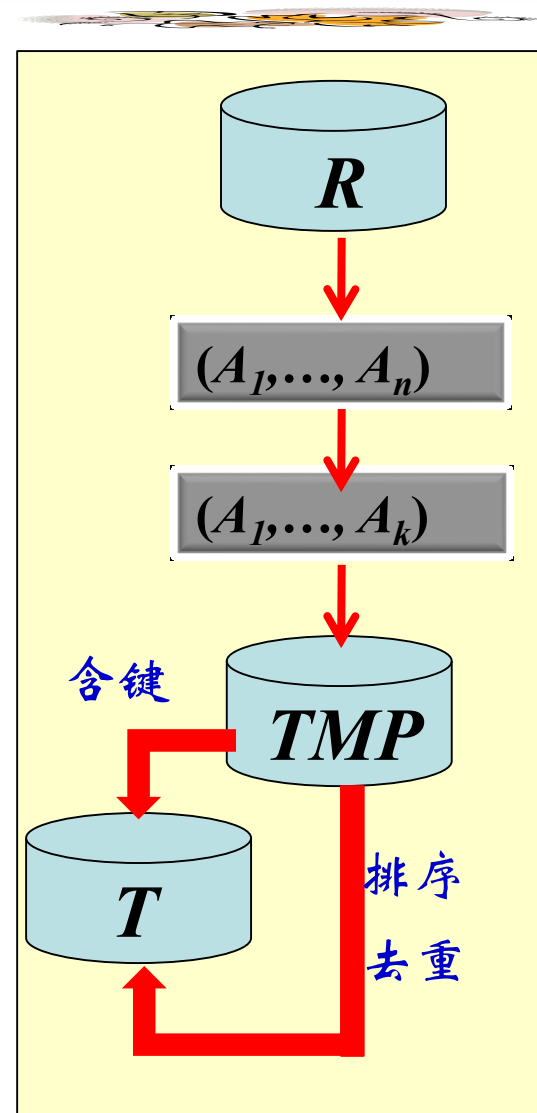
- 选择操作算法
- **投影操作算法**
- 连接操作算法
- 集合操作算法





# 投影操作的实现算法

- 设  $\Pi_{A_1, \dots, A_k}(R)$  是  $R$  上的投影操作
  - 若  $\{A_1, \dots, A_k\}$  中包括  $R$  的键
    - 存取  $R$  的所有元组一次即可完成;
    - 操作结果有与  $R$  同样个数元组, 每个元组仅包括  $A_1, A_2, \dots, A_k$  的值.
  - 如果投影属性表中不包含  $R$  的键
    - 需要删除操作结果中的重复元组
    - 可利用排序算法来实现投影操作





## • 投影操作算法

输入：具有 $n$ 个元组的关系 $R$ 。

输出： $T = \Pi_{A_1, \dots, A_k}(R)$ 。

FOR  $R$  中每个元组 $r$  DO

$r[A_1, \dots, A_k]$  写入  $TMP$ ;

IF  $\{A_1, \dots, A_k\}$  中包含 $R$ 的键属性 THEN  $T := TMP$ ; 结束;

ELSE 排序  $TMP$ ;  $i=1$ ;  $j=2$ ;

    WHILE ( $i \leq n$ ) DO      // 去重

        写  $TMP(i)$  到  $T$ ;

        WHILE ( $TMP(i) = TMP(j)$ ) DO

$j = j + 1$ ;

$i = j$ ;  $j = j + 1$ ;



- 选择操作算法
- 投影操作算法
- **连接操作算法**
- 集合操作算法





- 使用SQL语言, 关系 $R$ 和 $S$ 的连接操作表示为

```
SELECT  R.*, S.*  
FROM    R, S  
WHERE   R.A  $\theta$  S.B
```

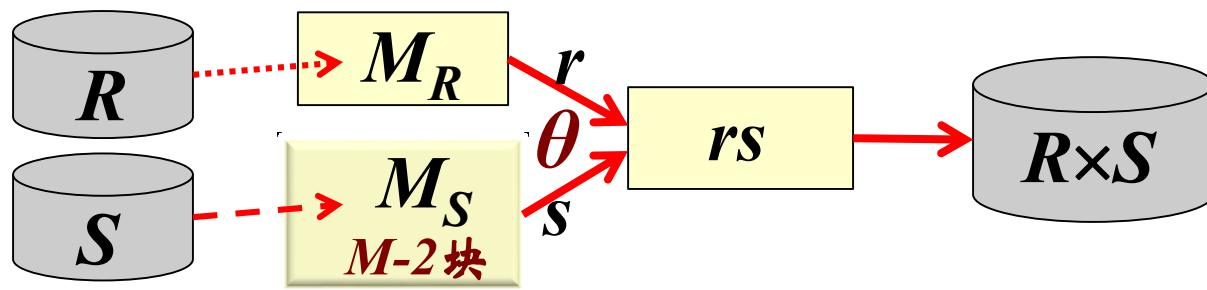
- 其中,  $\theta$ 是算术比较符, 该连接操作简称为 $\theta$ 连接.





# $\theta$ 连接操作算法

- 设  $M \leq B_R$ ,  $M \leq B_S$ ,  $B_S \leq B_R$ .  $S$  划分为  $B_S / (M - 2)$  个子集.



**FOR**  $i=1$  **TO**  $B_S / (M-2)$  **DO**

读  $S$  的第  $i$  个子集合到  $M_S$ ;

**FOR**  $j=1$  **TO**  $B_R$  **DO**

读  $R$  的第  $j$  块到  $M_R$ ;

**FOR**  $\forall r \in M_R, \forall s \in M_S$  **DO**

**IF**  $r.A \theta s.B$

**THEN**  $(rs)$  存入缓冲区, 写入结果关系;

磁盘存取块数  $B_S + (B_S / (M-2)) B_R + B_\theta (B_\theta \text{ 连接结果块数})$





# 等值连接操作算法



- 等值连接和自然连接是应用最多的连接操作，两者的操作算法无本质区别。
- 下边主要讨论自然连接
  - 循环嵌套连接(Nest-Loop-Join)算法
  - 排序合并连接(Sort-Merge-Join)算法
  - Hash-连接(Hash-Join)算法





# Nest-Loop- Join

输入:  $R(A_1, \dots, A_i, \dots, A_n)$ ,  
 $S(B_1, \dots, B_j, \dots, B_m)$ ,  
连接条件  $R.A_i = S.B_j$

输出:  $R$  与  $S$  的连接  $T$

FOR  $R$  的每个磁盘块  $X$  DO

读  $X$  到缓冲区  $M_R$ ;

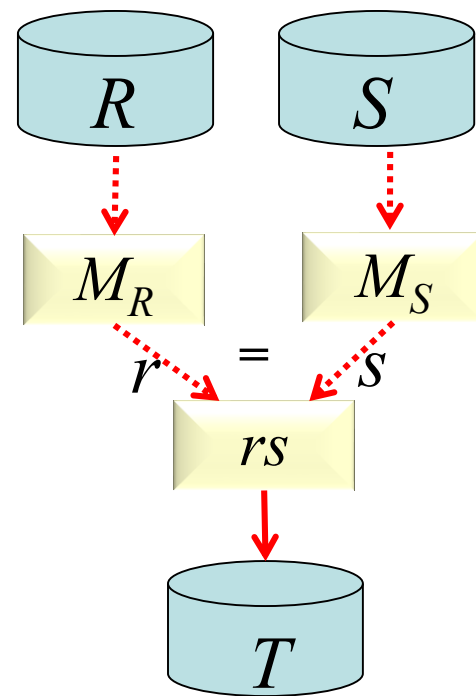
FOR  $S$  的每个磁盘块  $Y$  DO

读  $Y$  到缓冲区  $M_S$ ;

FOR  $\forall r \in M_R, \forall s \in M_S$  DO

IF  $r[A_i] = s[B_j]$

THEN  $(rs)$  存入缓冲区, 写入  $T$ ;



如何优化?

算法的磁盘存取块数:  $B_R + B_R B_S$





## • 优化

- 一次读入尽可能多的元组
- 使用尽可能多的( $M$ )内存块来存储属于关系 $R$ 的元组,  $R$ 是外层循环中的关系。
- 假定 $B(R) \leq B(S)$ ,  $B(R) \geq M$
- 性能分析:
  - 外层循环的迭代次数为 $B(R)/M$
  - 每一次迭代时, 读取 $R$ 的 $M$ 个块, 和 $S$ 的 $B(S)$ 个块
  - 这样, 磁盘I/O的数量为:

$$\frac{B(R)}{M}(M + B(S)) \quad \text{即:} \quad B(R) + \frac{B(S) \times B(R)}{M}$$





思考：

假定 $B(S) = 1000$ 且 $B(R) = 500$ ，并令 $M = 100$ 。我们将使用100个内存块来为R进行缓冲。因此算法中的外层循环需迭代5次。

每一次迭代中，在第二层循环内必须用1000个磁盘I/O来完整地读取S。因此，磁盘I/O的总数量是 $500 + 5 \times 1000 = 5500$ 。

若颠倒R和S的内外层嵌套关系，情况如何呢？

$$1000 + 10 \times 500 = 6000$$





## Sort-Merge-Join

- 如果关系 $R$ 和 $S$ 的元组已经在连接属性 $R.A_i$ 和 $S.B_j$ 上物理地排序
  - 按排序顺序扫描 $R$ 和 $S$ , 查找在 $R.A_i$ 和 $S.B_j$ 上具有相同值的 $R$ 和 $S$ 的元组, 进行连接.

**R**

1	D
2	A
2	C
3	F
4	G
5	B
5	H
7	E

**S**

1	x
1	z
2	v
4	r
4	u
5	s
6	t
9	w



Output

1	D	x
1	D	z

- 磁盘存取块数: 至少 $(B(R) + B(S))$





# Sort-Merge-Join

- 如果关系 $R$ 和 $S$ 的元组都未排序
  - 分别按照连接属性 $R.A$ 和 $S.B$ 排序关系 $R$ 、 $S$
  - 按排序顺序扫描 $R$ 和 $S$ , 查找在 $R.A_i$ 和 $S.B_j$ 上具有相同值的 $R$ 和 $S$ 的元组, 进行连接.





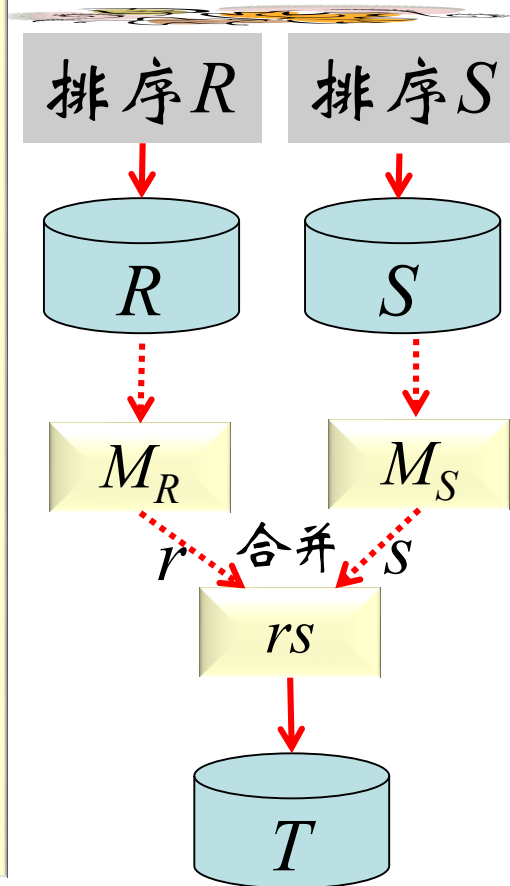
# • Sort-Merge Join 算法

输入:  $R(A_1, \dots, A_i, \dots, A_n)$ ,  
 $S(B_1, \dots, B_j, \dots, B_m)$ ,  
连接条件  $R.A_i = S.B_j$

输出:  $R$  与  $S$  的连接  $T$

1. 按属性  $R.A_i$  值排序  $R$ ;
2. 按属性  $S.B_j$  值排序  $S$ ;
3. 扫描  $R$  和  $S$  一遍, 产生

$$T = \{R(k)S(m) \mid R(k)[A_i] = S(m)[B_j]\}.$$



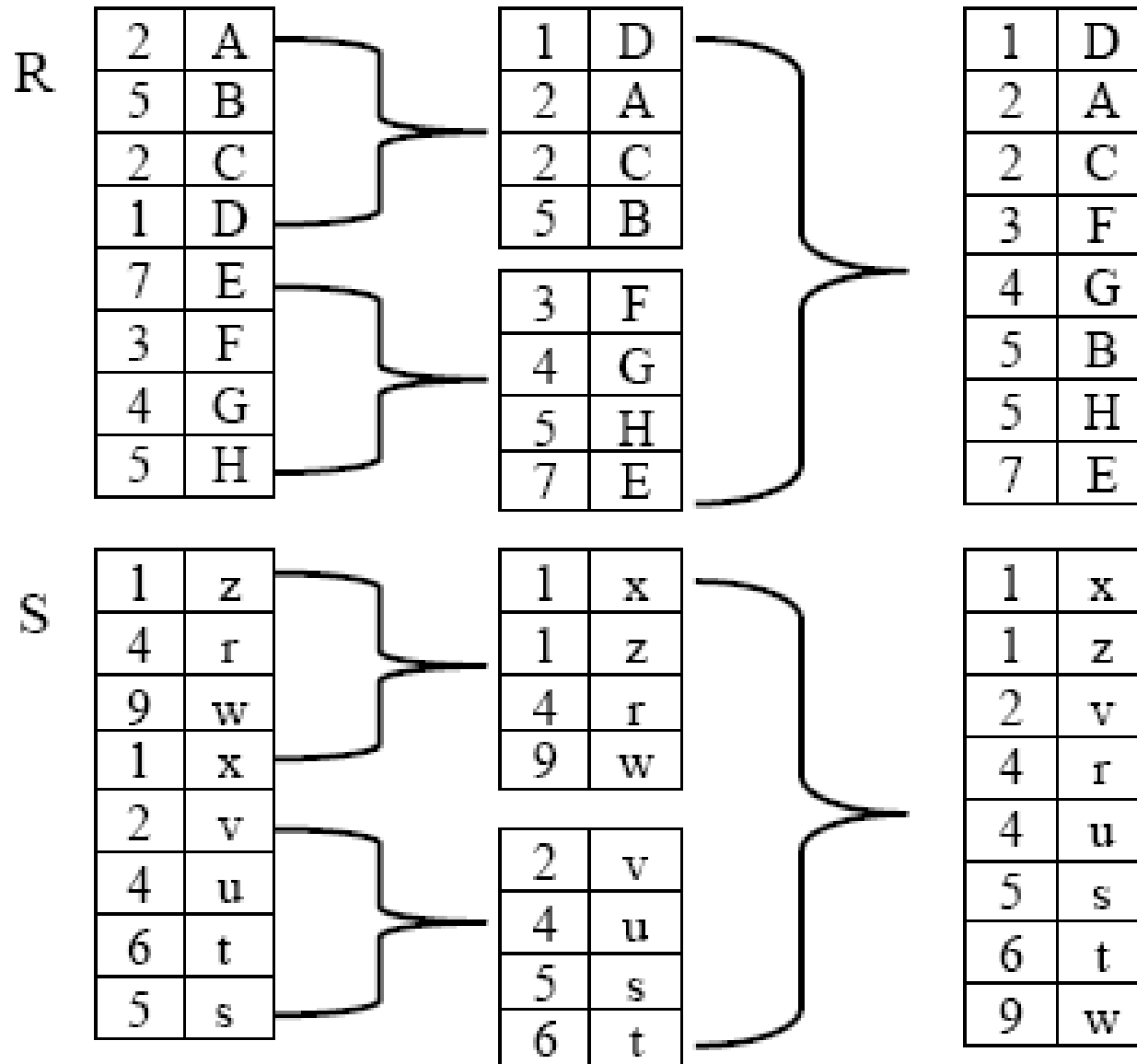
算法的磁盘存取块数:

$$O(B(R) \log B(R) + B(S) \log B(S) + B(R) + B(S))$$

# Sort-Join Example

## Sort Phase

M=4. blocking factor=1.





# Sort-Join Example

## Merge Phase

M=4. blocking factor=1.

R	1	D	←
	2	A	← In memory after join on 1.
	2	C	
	3	F	
	4	G	
	5	B	
	5	H	
	7	E	

S	1	x	←
	1	z	← Brought in for join on 1.
	2	v	← In memory after join on 1.
	4	r	
	4	u	
	5	s	
	6	t	
	9	w	

Buffer

1	D	R
1	x	S
1	z	extra
		extra

Output

1	D	x
1	D	z



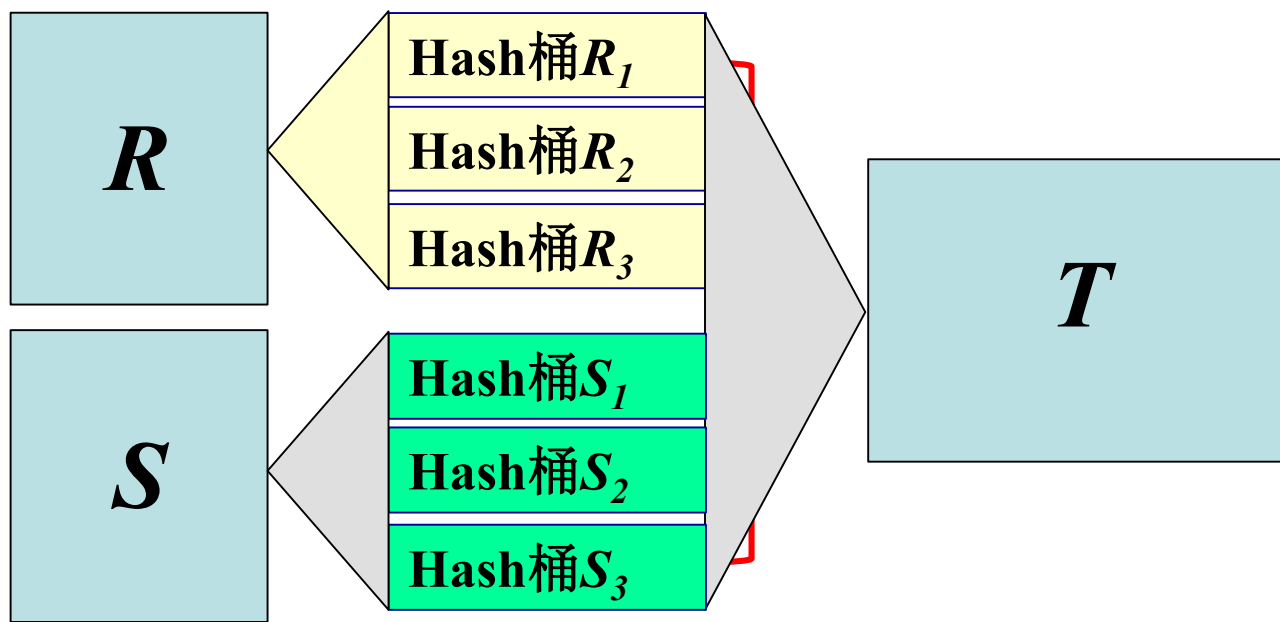
# Hash-Join

- 第一阶段(Hash)

- 扫描 $R$ 和 $S$ , 使用定义在连接属性上的Hash函数把 $R$ 和 $S$ 的元组分别构造成Hash文件 $HR$ 和 $HS$ ;

- 第二阶段(Probe)

- 对于 $H$  **问题：为什么 $R_1$ 不与 $S_2$ 做连接？** 中 $R$ 和 $S$ 的元组在连接属性上的值，产生 $R$ 和 $S$ 的连接结果。





# Hash-Join 算法

输入: 关系  $R(A_1, \dots, A_i, \dots, A_n)$ ,  $S(B_1, \dots, B_j, \dots, B_m)$ , 连接条件  $R.A_i = S.B_j$ , Hash 函数  $h(x)$ , 值域  $\{1, \dots, N\}$

输出:  $R$  与  $S$  的连接  $T$

FOR 每个  $t \in R$  DO

$t$  写入  $H_R$  的第  $h(t[A_i])$  个 Hash 桶;

ENDFOR

FOR 每个  $s \in S$  DO

$s$  写入  $H_S$  的第  $h(s[B_j])$  个 Hash 桶;

ENDFOR;

FOR  $i=1$  TO  $N$  DO

    连接  $H_R$  和  $H_S$  的第  $i$  个 Hash 桶, 结果写入  $T$ ;

ENDFOR

算法的磁盘存取块数:

$2(B(R) + B(S))$

# Hash Join Example

## Partition Phase

---

R	2	A
	5	B
	2	C
	1	D
	7	E
	3	F
	4	G
	5	H

S	1	z
	4	r
	9	w
	1	x
	2	v
	4	u
	6	t
	5	s

Partitions for R

$$h(x) = 0$$

3	F

$$h(x) = 1$$

1	D	4	G
7	E		

$$h(x) = 2$$

2	A	2	C
5	B	5	H

Partitions for S

$$h(x) = 0$$

9	w
6	t

$$h(x) = 1$$

1	z	1	x
4	r	4	u

$$h(x) = 2$$

2	v
5	s

$$M=4, \text{ bfr}=2, h(x) = x \% 3$$

# Hash Join Example

## Join Phase on Partition 1

---

Partition 1 for R

$h(x) = 1$

1	D	4	G
7	E		

Buffers

1	D
7	E

4	G

Output

1	D	x
1	D	z
4	G	r
4	G	u

Partition 1 for S

$h(x) = 1$

1	z	1	x
4	r	4	u

1	z
4	r

1	x
4	u

Note that both relations fit entirely in memory, but can perform join by having only one relation in memory and reading 1 block at a time from the other one.



- 选择操作算法
- 投影操作算法
- 连接操作算法
- 集合操作算法





- 输入关系的约束
  - 具有相同的属性集合
  - 并且属性的排列顺序必须也相同
- 实现这些操作的常用算法
  - 首先利用排序算法在相同的键属性上排序两个操作关系；
  - 然后扫描这两个排序后的关系，完成并、交或差操作。





# Outline

- 关系代数操作算法
- 查询优化







## • 交换律与结合律

The relational algebra operators of cross-product ( $\times$ ), join ( $\bowtie$ ), set and bag union ( $\cup_S$  and  $\cup_B$ ), and set and bag intersection ( $\cap_S$  and  $\cap_B$ ) are all associative and commutative.

### Commutative

$$R \times S = S \times R$$

$$R \bowtie S = S \bowtie R$$

$$R \cup S = S \cup R$$

$$R \cap S = S \cap R$$

### Associative

$$(R \times S) \times T = R \times (S \times T)$$

$$(R \bowtie S) \bowtie T = R \bowtie (S \bowtie T)$$

$$(R \cup S) \cup T = R \cup (S \cup T)$$

$$(R \cap S) \cap T = R \cap (S \cap T)$$





## - 涉及选择的定律

### • 分解律

$$- \sigma_{C1 \text{ and } C2}(R) = \sigma_{C1}(\sigma_{C2}(R))$$

$$- \sigma_{C1 \text{ or } C2}(R) = \sigma_{C1}(R) \cup \sigma_{C2}(R) \quad \text{只有在 } R \text{ 为集合时成立。}$$

$$- \sigma_{C1}(\sigma_{C2}(R)) = \sigma_{C2}(\sigma_{C1}(R))$$

例如，令  $R(a,b,c)$  是一关系，则  $\sigma_{(a=1 \text{ or } a=3) \text{ AND } b < c}(R)$

可分解为：  $\sigma_{(a=1 \text{ or } a=3)}(\sigma_{b < c}(R))$ ，或

$$\sigma_{a=1}(\sigma_{b < c}(R)) \cup \sigma_{a=3}(\sigma_{b < c}(R))$$





## 涉及选择的定律

- 对二元操作符进行下推选择

- $\sigma_C(R \cup S) = \sigma_C(R) \cup \sigma_C(S)$

- $\sigma_C(R - S) = \sigma_C(R) - S$

- $\sigma_C(R - S) = \sigma_C(R) - \sigma_C(S)$

- $\sigma_C(R \times S) = \sigma_C(R) \times S$

- $\sigma_C(R \bowtie S) = \sigma_C(R) \bowtie S$

- $\sigma_C(R \cap S) = \sigma_C(R) \cap S$

- $\sigma_C(R \times S) = S \times \sigma_C(S)$

- $\sigma_C(R \bowtie S) = \sigma_C(R) \bowtie \sigma_C(S)$





## — 下推选择

— 当查询中涉及视图时，某些情况下：

- 首先将选择操作尽可能往树的上部移动是很重要的
- 然后再把选择下推到所有可能的分枝

例如：





**StarsIn(title, year, starName)**

**Movie(title, year, length, inColor, studioName)**

**CREATE VIEW MoviesOF1996 AS**

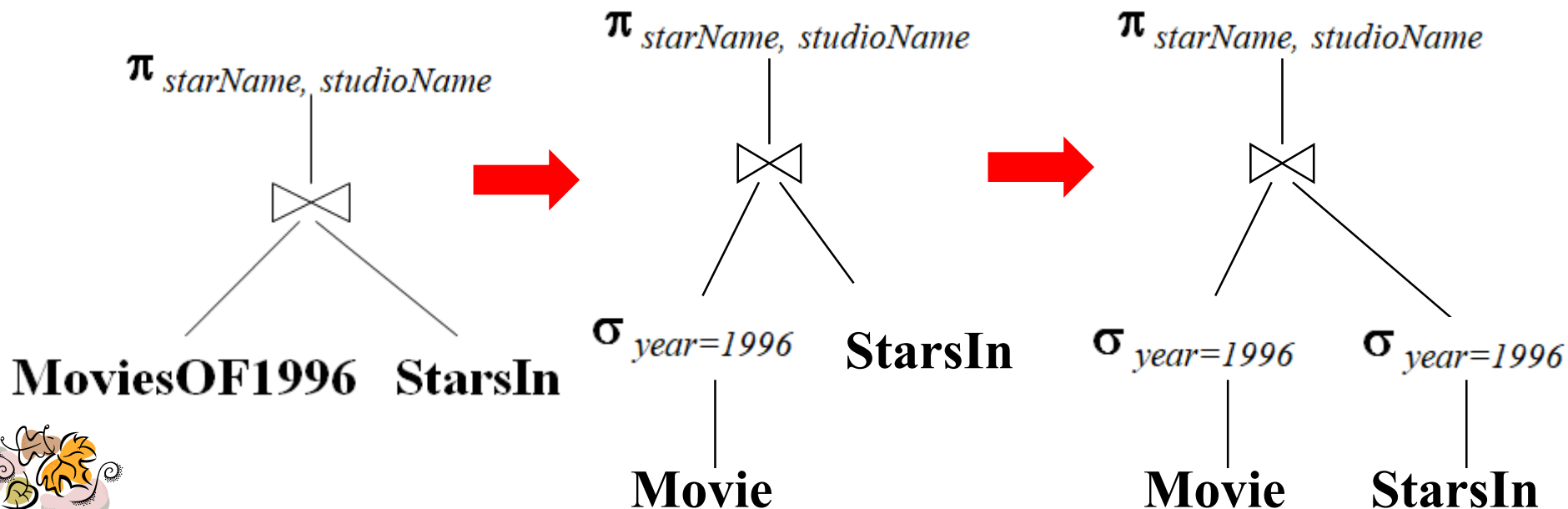
**Select \* From Movie**

**Where year = 1996**

**SQL查询：“在1996年有哪些影星为哪些电影制作公司工作”**

**Select starName studioName**

**From MoviesOF1996, StarsIn**





## 涉及投影的定律

- 投影可以像选择一样下推到多个其他操作符中；
- 投影不改变元组数，只缩短元组的长度；
- 有时候投影实际上增加了元组的长度；

$$-\pi_L(R \bowtie S) = \pi_L(\pi_M(R) \bowtie \pi_N(S))$$

$$-\pi_L(R \times S) = \pi_L(\pi_M(R) \times \pi_N(S))$$

$$-\pi_L(R \cup_B S) = \pi_L(R) \cup_B \pi_L(S)$$

$$-\pi_L(\sigma_C(R)) = \pi_L(\sigma_C(\pi_M(R)))$$



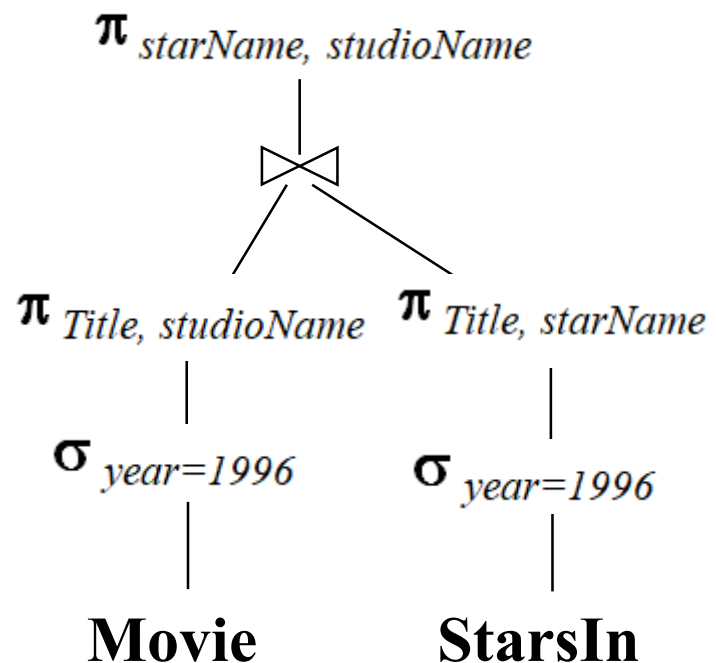
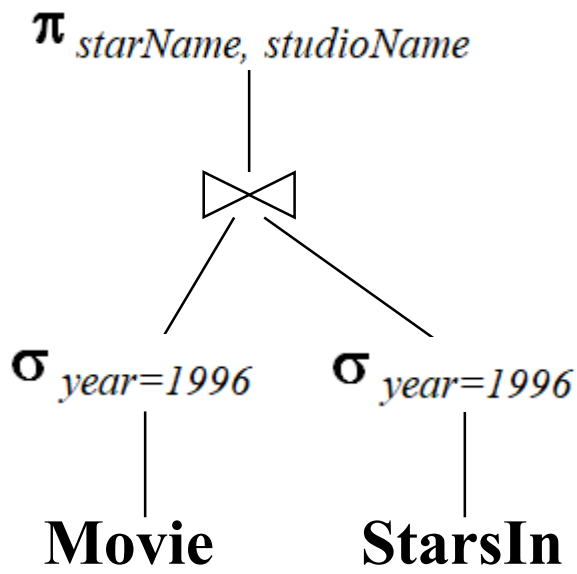


## 有关连接与笛卡尔积的定律

- Join操作满足交换律和结合律；
- 选择可以下推到join操作符之下；
- 可以将投影下推到join之前；

$$- R \bowtie_C S = \sigma_C(R \times S)$$

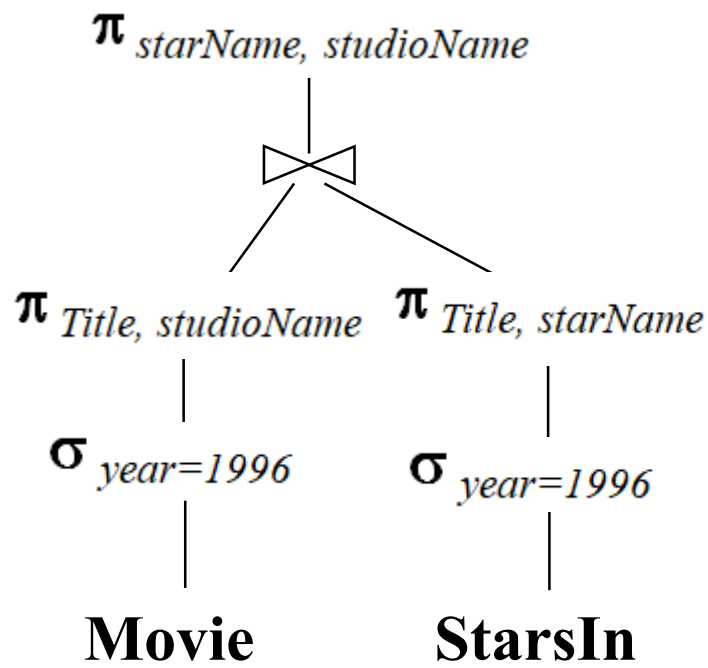
$$- R \bowtie S = \pi_L(\sigma_C(R \times S))$$





## 启发式优化的原则

- 尽可能地将选择条件下推，尽早执行选择，使得过滤后的中间结果尽可能地小；
- 用join替换笛卡尔积
- 尽可能下推投影，在适当的位置增加投影操作
- 利用**pipeline**，减少查询计划的执行时间







# 操作代价的估计

- 逻辑计划转换成物理计划
  - 由逻辑计划可派生出多个不同物理计划，
  - 对每个物理计划进行评价，或估计实现这个转换的代价。(称为基于代价的枚举)
  - 从中选择具有最小估计代价的物理查询计划。

如何对代价进行估计？





# 操作代价的估计

- 中间结果关系大小的估计

- 用于处理中间关系的磁盘I/O数是描述查询计划代价大小的一个函数
- 由于未经计算，一般难以准确地获得中间关系的元组数。因此，只能通过一些原则，对中间结果关系的大小进行尽可能准确地估计。
- 符号
  - $V(R, Y)$ : 表示关系R在属性Y上的值域大小





# 连接大小的估计

- 只考虑自然连接  $R(X,Y) \bowtie S(Y,Z)$
- 两个假设条件
  - 值集的包含:  $V(R,Y) \subseteq V(S,Y)$ 
    - R的每个Y值将是S的一个Y值
  - 值集的保持: 如果A是R的一个属性但不是S的属性, 则  $V(R \bowtie S, A) = V(R, A)$ 
    - R与S的连接次序并不重要
- 例如, S为主键表, R为外键表时, 满足值集包含和值集保持的约束





# 连接大小的估计

- 令  $V(R, Y) \leq V(S, Y)$
- $R$  的每个元组  $t$  有  $1/V(S, Y)$  概率与  $S$  中的一个元组进行连接
- 因  $S$  中有  $T(S)$  元组，与  $t$  连接的期望元组数为  $T(S)/V(S, Y)$
- 由于  $R$  有  $T(R)$  个元组， $R \bowtie S$  的估计大小为  $T(R)T(S)/V(S, Y)$
- 一般地，有  $T(R)T(S)/\text{MAX}(V(R, Y), V(S, Y))$





$$T(R)T(S)/\text{MAX}(V(R,Y), V(S,Y))$$

- 假定有关系  $R(a,b)$  ,  $S(b,c)$
- $V(R,b)=V(S,b)=13$
- $T(R)=950$ ,  $T(S)=500$

连接  $R(a,b) \bowtie S(b,c)$

结果大小的估计是：

$$\begin{aligned} &T(R)T(S)/\text{MAX}(V(R,Y), V(S,Y)) \\ &= 950 \times 500 / 13 \approx 36539 \end{aligned}$$



b	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
R	150	200	50	50	50	100	50	50	50	50	50	50	50
S	100	80	70	25	25	25	25	25	25	25	25	25	25

- 假定有关系 R、S
- $V(R,b)=V(S,b)=13$
- R、S 在 b 属性上的取值分布分别为：
  - 1: 200, 0: 150, 5: 100, 其它值: 500
  - 0: 100, 1: 80, 2: 70, 其它值: 250

连接  $R(a,b) \bowtie S(b,c)$

结果大小的估计是：

$$\begin{aligned}
 &150 \times 100 + 200 \times 80 + 50 \times 70 + 100 \times 25 + 9 \times 50 \times 25 \\
 &= 15000 + 16000 + 3500 + 2500 + 9 \times 1250 \\
 &= 48250
 \end{aligned}$$



 $R(a,b)$  $S(b,c)$  $U(c,d)$  $T(R)=1000$  $T(S)=2000$  $T(U)=5000$  $V(R,b)=20$  $V(S,b)=50$  $V(S,c)=100$  $V(U,c)=500$ 

计算自然连接:  $R \bowtie S \bowtie U$

$(R \bowtie S) \bowtie U$

首先计算:  $T(R \bowtie S) = T(R) \times T(S) / \max(V(R,b), V(S,b))$   
 $= 1000 \times 2000 / 50 = 40000$

得到中间结果关系  $P(a,b,c)$ :

$T(P)=40000, V(P, c)=V(S,c)=100$

$R \bowtie (S \bowtie U)?$

P与U连接, 得到最终结果大小:

$T(P \bowtie U) = T(P) \times T(U) / \max(V(P,c), V(U,c))$   
 $= 40000 \times 5000 / 500 = 400000$

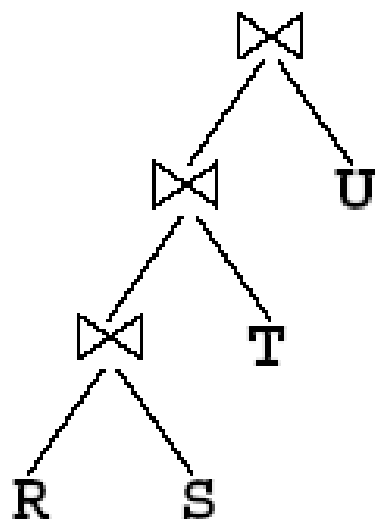




# 连接顺序的选择

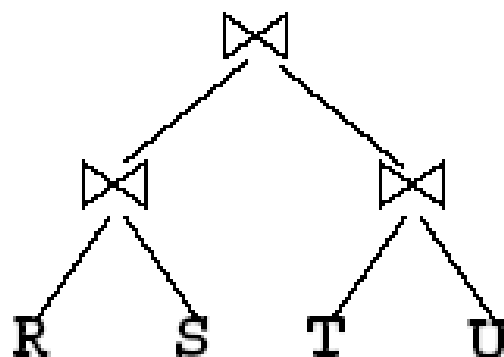
- 连接树

Left-Deep Join Tree



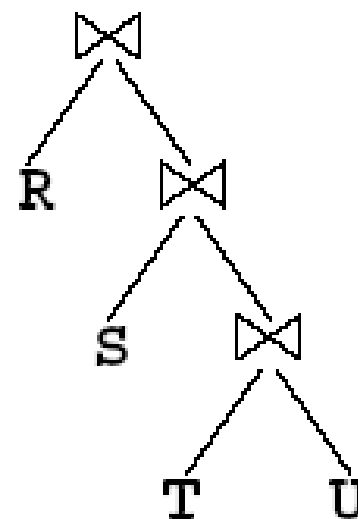
左深连接树

Balanced Join Tree



平衡树

Right-Deep Join Tree



右深连接树







# 连接顺序的选择

- 基于动态规划的连接顺序选择算法

- 输入:  $R_1, R_2, \dots, R_n$

- 输出: 具有最小I/O代价的连接顺序

$$R_1, R_2, \dots, R_k, R_{k+1}, \dots, R_n \quad 1 \leq k \leq n-1$$

建立代价的递归方程:

$$M[i, j] = \min_{i \leq k \leq j-1} \{M[i, k] + M[k+1, j] + \text{Cost}(R_{1 \sim k} \bowtie R_{k+1 \sim j})\}$$



考虑四个关系R、S、T和U的连接，且每个关系有1000个元组。相应的估计值如下：

$R(a,b)$	$S(b,c)$	$T(c,d)$	$U(d,a)$
$V(R,a)=100$			$V(U,a)=50$
$V(R,b)=200$	$V(S,b)=100$		
	$V(S,c)=500$	$V(T,c)=20$	
		$V(T,d)=50$	$V(U,d)=1000$

1. 首先以单个表作为入口，建立如下表格：

	$\{R\}$	$\{S\}$	$\{T\}$	$\{U\}$
大小	1000	1000	1000	1000
代价	0	0	0	0
最佳计划	$R$	$S$	$T$	$U$

其中，

大小：表示运算结果的大小

代价：表示产生结果的代价

最佳计划：产生结果的计划



考虑四个关系R、S、T和U的连接，且每个关系有1000个元组。相应的估计值如下：

$R(a,b)$	$S(b,c)$	$T(c,d)$	$U(d,a)$
$V(R,a)=100$			$V(U,a)=50$
$V(R,b)=200$	$V(S,b)=100$		
	$V(S,c)=500$	$V(T,c)=20$	
		$V(T,d)=50$	$V(U,d)=1000$



## 2. 两个关系的情况

枚举所有可能的两个关系的连接，并计算相应代价：

	$\{R, S\}$	$\{R, T\}$	$\{R, U\}$	$\{S, T\}$	$\{S, U\}$	$\{T, U\}$
大小	5000	1M	10,000	2000	1M	1000
代价	0	0	0	0	0	0
最佳计划	$R \bowtie S$	$R \bowtie T$	$R \bowtie U$	$S \bowtie T$	$S \bowtie U$	$T \bowtie U$



$R(a,b)$	$S(b,c)$	$T(c,d)$	$U(d,a)$
$V(R,a)=100$			$V(U,a)=50$
$V(R,b)=200$	$V(S,b)=100$		
	$V(S,c)=500$	$V(T,c)=20$	
		$V(T,d)=50$	$V(U,d)=1000$

	$\{R, S\}$	$\{R, T\}$	$\{R, U\}$	$\{S, T\}$	$\{S, U\}$	$\{T, U\}$
大小	5000	1M	10,000	2000	1M	1000
代价	0	0	0	0	0	0
最佳计划	$R \bowtie S$	$R \bowtie T$	$R \bowtie U$	$S \bowtie T$	$S \bowtie U$	$T \bowtie U$

### 3. 三个关系的情况

枚举所有可能的三个关系的连接，并计算相应代价：

	$\{R, S, T\}$	$\{R, S, U\}$	$\{R, T, U\}$	$\{S, T, U\}$
大小	10,000	50,000	10,000	2,000
代价	2,000	5,000	1,000	1,000
最佳计划	$(S \bowtie T) \bowtie R$	$(R \bowtie S) \bowtie U$	$(T \bowtie U) \bowtie R$	$(T \bowtie U) \bowtie S$

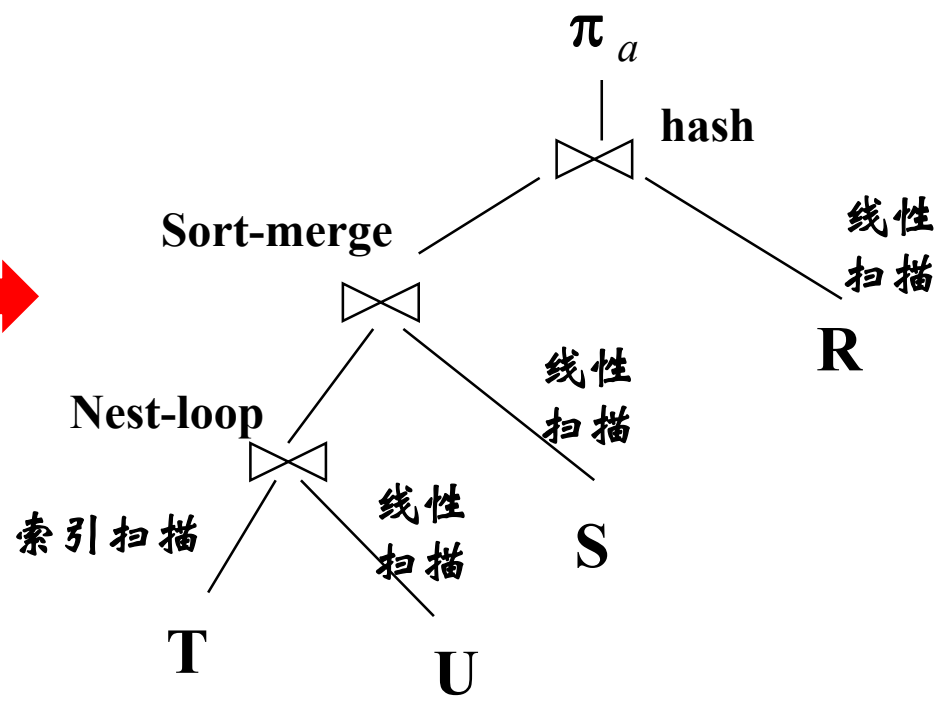
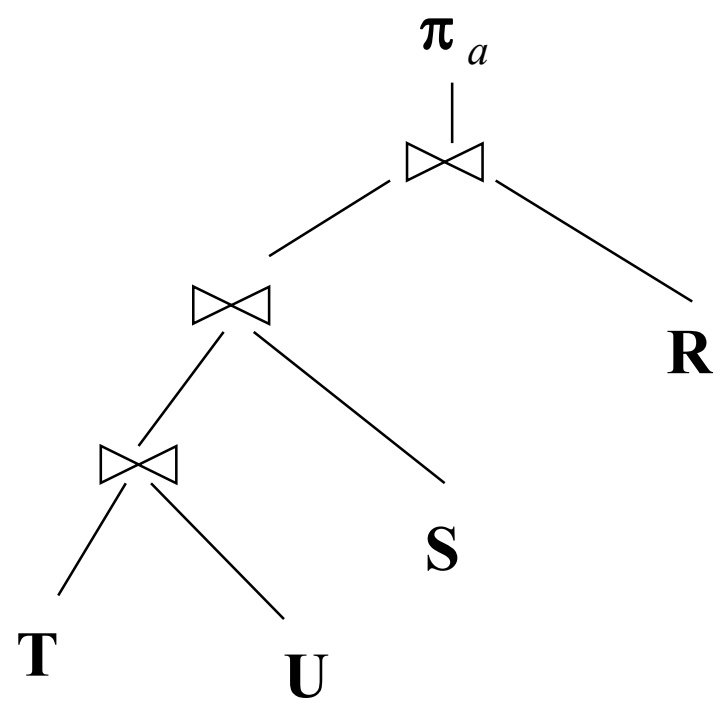
#### 4. 四个关系的情况

(1). 以可能的最佳方法选择三个关系进行连接, 然后与第四个连接

(2). 将四个关系划分为两对, 将每一对进行连接, 再将两个结果连接。

分 组	代 价
$((S \bowtie T) \bowtie R) \bowtie U$	12 000
$((R \bowtie S) \bowtie U) \bowtie T$	55 000
$((T \bowtie U) \bowtie R) \bowtie S$	11 000
$((T \bowtie U) \bowtie S) \bowtie R$	3 000
$(T \bowtie U) \bowtie (R \bowtie S)$	6 000
$(R \bowtie T) \bowtie (S \bowtie U)$	2 000 000
$(S \bowtie T) \bowtie (R \bowtie U)$	12 000

$R(a,b)$	$S(b,c)$	$T(c,d)$	$U(d,a)$
$V(R,a)=100$			$V(U,a)=50$
$V(R,b)=200$	$V(S,b)=100$		
	$V(S,c)=500$	$V(T,c)=20$	
		$V(T,d)=50$	$V(U,d)=1000$





Student(Sno, Sname, Sage, Sdept)

SC(Sno, Cno, Grade)

[例] 求选修了2号课程的学生姓名。

```
SELECT Student.Sname
FROM Student, SC
WHERE Student.Sno=SC.Sno AND
       SC.Cno='2';
```

其中：

假定Student中有1000个学生记录，SC中有10000个选课记录  
其中选修2号课程的选课记录为50个

有多种等价的关系代数表达式来完成这一查询：

$Q1 = \pi_{Sname}(\sigma_{Sc.Cno='2'}(Student \bowtie SC))$

$Q2 = \pi_{Sname}(Student \bowtie (\sigma_{Sc.Cno='2'}(SC)))$

逻辑查询计划树？

$Q3 = \pi_{Sname}((\pi_{Sname, Sno} Student) \bowtie (\pi_{Sno, Cno} \sigma_{Sc.Cno='2'}(SC)))$





Student(Sno, Sname, Sage, Sdept)

SC(Sno, Cno, Grade)

假定Student中有1000个学生记录，SC中有10000个选课记录  
其中选修2号课程的选课记录为50个

对于查询计划Q1:  $\pi_{\text{Sname}}(\sigma_{\text{Sc.Cno}='2'}(\text{Student} \bowtie \text{SC}))$

## 1. 计算自然连接(Nest-Loop)

设一个块能装10个Student元组或100个SC元组，在内存中存放5块Student元组和1块SC元组，则读取总块数为：

$$\frac{1000}{10} + \frac{1000}{10 \times 5} \times \frac{10000}{100} = 100 + 20 \times 100 = 2100 \text{ 块}$$

## 2. 计算自然连接(Sort-Merge)

Student关系默认在主键Sno上有序，则连接操作读取总块数：

$$\frac{10000}{100} \times \log_5 \frac{10000}{100} + \frac{1000}{10} + \frac{10000}{100} \approx 300 + 100 + 100 = 500 \text{ 块}$$







Student(Sno, Sname, Sage, Sdept)

SC(Sno, Cno, Grade)

假定Student中有1000个学生记录，SC中有10000个选课记录  
其中选修2号课程的选课记录为50个 **SC在Cno属性上无索引**

对于查询计划Q2:  $\pi_{Sname}(\text{Student} \bowtie (\sigma_{Sc.Cno='2'}(SC)))$

## 1. 计算自然连接(Nest-Loop)

顺序扫描SC，利用选择条件过滤SC，得到中间结果关系T\_SC，由于T\_SC只有50个记录，则直接保存在内存缓冲区中，不必写到磁盘。

此时T\_SC为小关系，连接操作读取总块数为：

$$\frac{10000}{100}(\text{选择代价}) + 1 \times \frac{1000}{10}(\text{连接代价}) = 100 + 100 = 200 \text{ 块}$$

## 2. 计算自然连接(Sort-Merge)

Student关系默认在主键Sno上有序，则连接操作读取总块数：

$$\frac{10000}{100}(\text{选择代价}) + 0(\text{排序代价}) + 1 \times \frac{1000}{10}(\text{连接代价}) = 100 + 100 = 200 \text{ 块}$$

**若SC在Cno属性上有索引？**





Student(Sno, Sname, Sage, Sdept)

SC(Sno, Cno, Grade)

假定Student中有1000个学生记录，SC中有10000个选课记录  
其中选修2号课程的选课记录为50个 **SC在Cno属性上有索引**

对于查询计划Q2:  $\pi_{Sname}(\text{Student} \bowtie (\sigma_{Sc.Cno='2'}(SC)))$

## 1. 计算自然连接(Nest-Loop)

若SC在Cno上存在索引，则经过选择后的中间结果T\_SC大小为50个记录  
仍然设一个块能装10个Student元组或100个SC元组，此时T\_SC为小关系，  
占一个磁盘块。连接操作读取总块数为：

$$1 + 1 \times \frac{1000}{10} = 1 + 100 = 101 \text{ 块}$$

## 2. 计算自然连接(Sort-Merge)

Student关系默认在主键Sno上有序，则连接操作读取总块数：

$$1 + \frac{1000}{10} = 101 \text{ 块}$$





Student(Sno, Sname, Sage, Sdept)

SC(Sno, Cno, Grade)

假定Student中有1000个学生记录，SC中有10000个选课记录  
其中选修2号课程的选课记录为50个

对于查询计划Q3:  $\pi_{Sname}((\pi_{Sname, Sno} Student) \bowtie (\pi_{Sno, Cno} \sigma_{Sc.Cno='2'}(SC)))$

## 1. 计算自然连接(Nest-Loop)

连接操作读取总块数为?

若SC在Cno属性上有/无索引?

## 2. 计算自然连接(Sort-Merge)

连接操作读取总块数?





**Now let's go to  
Next Chapter**

