



Angelic Verification

Precise Verification Modulo Unknowns

Jan Tužil

23. března 2018



Příklad

```
var m:[int]int;
```

Příklad

```
var m:[int]int;
```

```
// entry point
```

```
procedure Foo(z:int) {  
    call Baz(NULL);  
}
```

Příklad

```
var m:[int]int;
```

```
// entry point
```

```
procedure Foo(z:int) {  
    call Baz(NULL);  
}
```

```
procedure Baz(y:int) {  
    assert y != NULL;  
    m[y] := 4;  
}
```

Příklad

```
var m:[int]int;
```

```
// entry point
```

```
procedure Foo(z:int) {  
    call Baz(NULL);  
}
```

```
procedure Baz(y:int) {  
    assert y != NULL; // 100% bug  
    m[y] := 4;  
}
```

Jiný příklad

```
var gs:int, m:[int]int;
```

Jiný příklad

```
var gs:int, m:[int]int;
```

```
// entry point
procedure Foo(z:int) {
    call Bar(z);
}
```

Jiný příklad

```
var gs:int, m:[int]int;
```

```
// entry point
```

```
procedure Foo(z:int) {  
    call Bar(z);  
}
```

```
procedure Bar(x:int) {  
    if (x != NULL) { gs := 1; }  
    else { gs := 2; }  
    assert x != NULL;  
    m[x] := 5;  
}
```


Jiný příklad

```
var gs:int, m:[int]int;
```

```
// entry point
```

```
procedure Foo(z:int) {  
    call Bar(z);  
}
```

```
procedure Bar(x:int) {  
    if (x != NULL) { gs := 1; }  
    else { gs := 2; }  
    assert x != NULL; // bug  
    m[x] := 5;  
}
```

Jiný příklad

```

var gs:int, m:[int]int;
// precondition: z != NULL
// entry point
procedure Foo(z:int) {
    call Bar(z);
}

procedure Bar(x:int) {
    if (x != NULL) { gs := 1; }
    else { gs := 2; }
    assert x != NULL; // bug
    m[x] := 5;
}

```

Jiný příklad

```

var gs:int, m:[int]int;
// precondition: z != NULL
// entry point
procedure Foo(z:int) {
    call Bar(z);
}

procedure Bar(x:int) {
    if (x != NULL) { gs := 1; }
    else { gs := 2; }
    assert x != NULL; // ok due to precondition
    m[x] := 5;
}

```

Jiný příklad

```

var gs:int, m:[int]int;
// precondition: z != NULL
// entry point
procedure Foo(z:int) {
    call Bar(z);
}

procedure Bar(x:int) {
    if (x != NULL) { gs := 1; // unreachable }
    else { gs := 2; }
    assert x != NULL; // ok due to precondition
    m[x] := 5;
}

```

Jiný příklad

```
var gs:int, m:[int]int;  
// precondition: z != NULL  
// entry point  
procedure Foo(z:int) {  
    call Bar(z);  
}  
// inconsistent  
procedure Bar(x:int) {  
    if (x != NULL) { gs := 1; // unreachable }  
    else { gs := 2; }  
    assert x != NULL; // ok due to precondition  
    m[x] := 5;  
}
```

Do třetice ...

```
var m:[int]int;
```

Do třetice ...

```
var m:[int]int;
```

```
// library
```

```
procedure Lib1() {  
    returns (r:int);
```

```
procedure Lib2()  
    returns (r:int);
```

Do třetice ...

```
var m:[int]int;

// library
procedure Lib1() {
    returns (r:int);

procedure Lib2()
    returns (r:int);

// entry point
procedure Foo(z:int) {
    call FooBar();
}
```


Do třetice ...

```
var m:[int]int;
```

```
// library
```

```
procedure Lib1() {  
    returns (r:int);
```

```
procedure Lib2()  
    returns (r:int);
```

```
// entry point
```

```
procedure Foo(z:int) {  
    call FooBar();  
}
```

```
procedure FooBar() {  
    var x, w, z:int
```

```
}
```

Do třetice ...

```
var m:[int]int;
```

```
// library
```

```
procedure Lib1() {  
    returns (r:int);
```

```
procedure Lib2()  
    returns (r:int);
```

```
// entry point
```

```
procedure Foo(z:int) {  
    call FooBar();  
}
```

```
procedure FooBar() {  
    var x, w, z:int  
    call z := Lib1();
```

```
}
```

Do třetice ...

```
var m:[int]int;
```

```
// library
```

```
procedure Lib1() {  
    returns (r:int);
```

```
procedure Lib2()  
    returns (r:int);
```

```
// entry point
```

```
procedure Foo(z:int) {  
    call FooBar();  
}
```

```
procedure FooBar() {  
    var x, w, z:int  
    call z := Lib1();  
    assert z != NULL;
```

```
}
```

Do třetice ...

```
var m:[int]int;
```

```
// library
procedure Lib1() {
    returns (r:int)
    ensures (r != NULL);
procedure Lib2()
    returns (r:int);
```

```
// entry point
procedure Foo(z:int) {
    call FooBar();
}
```

```
procedure FooBar() {
    var x, w, z:int
    call z := Lib1();
    assert z != NULL;
```

```
}
```

Do třetice ...

```
var m:[int]int;
```

```
// library
procedure Lib1() {
    returns (r:int)
    ensures (r != NULL);
procedure Lib2()
    returns (r:int);
```

```
// entry point
procedure Foo(z:int) {
    call FooBar();
}
```

```
procedure FooBar() {
    var x, w, z:int
    call z := Lib1();
    assert z != NULL;
    m[z] := NULL;
```

Do třetice ...

```
var m:[int]int;
```

```
// library
procedure Lib1() {
    returns (r:int)
    ensures (r != NULL);
procedure Lib2()
    returns (r:int);
```

```
// entry point
procedure Foo(z:int) {
    call FooBar();
}
```

```
procedure FooBar() {
    var x, w, z:int
    call z := Lib1();
    assert z != NULL;
    m[z] := NULL;
    call x := Lib2();
```

```
}
```

Do třetice ...

```
var m:[int]int;
```

```
// library
```

```
procedure Lib1() {  
    returns (r:int)  
    ensures (r != NULL);  
procedure Lib2()  
    returns (r:int);
```

```
// entry point
```

```
procedure Foo(z:int) {  
    call FooBar();  
}
```

```
procedure FooBar() {  
    var x, w, z:int  
    call z := Lib1();  
    assert z != NULL;  
    m[z] := NULL;  
    call x := Lib2();  
    assert x != NULL;
```

```
}
```

Do třetice ...

```
var m:[int]int;
```

```
// library
```

```
procedure Lib1() {  
    returns (r:int)  
    ensures (r != NULL);  
procedure Lib2()  
    returns (r:int)  
    ensures (r != NULL);
```

```
// entry point
```

```
procedure Foo(z:int) {  
    call FooBar();  
}
```

```
procedure FooBar() {  
    var x, w, z:int  
    call z := Lib1();  
    assert z != NULL;  
    m[z] := NULL;  
    call x := Lib2();  
    assert x != NULL;
```

```
}
```


Do třetice ...

```
var m:[int]int;
```

```
// library
procedure Lib1() {
    returns (r:int)
    ensures (r != NULL);
procedure Lib2()
    returns (r:int)
    ensures (r != NULL);
```

```
// entry point
procedure Foo(z:int) {
    call FooBar();
}
```

```
procedure FooBar() {
    var x, w, z:int
    call z := Lib1();
    assert z != NULL;
    m[z] := NULL;
    call x := Lib2();
    assert x != NULL;
    w := m[x];
}
```

Do třetice ...

```
var m:[int]int;
```

```
// library
procedure Lib1() {
    returns (r:int)
    ensures (r != NULL);
procedure Lib2()
    returns (r:int)
    ensures (r != NULL);
```

```
// entry point
procedure Foo(z:int) {
    call FooBar();
}
```

```
procedure FooBar() {
    var x, w, z:int
    call z := Lib1();
    assert z != NULL;
    m[z] := NULL;
    call x := Lib2();
    assert x != NULL;
    w := m[x];
    assert w != NULL;
}
```

Do třetice ...

```
var m:[int]int;

// library
procedure Lib1() {
    returns (r:int)
    ensures (r != NULL);
procedure Lib2()
    returns (r:int)
    ensures (r != NULL);

// entry point
procedure Foo(z:int) {
    call FooBar();
}
```

```
always Lib1() != Lib2();
```

```
procedure FooBar() {
    var x, w, z:int
    call z := Lib1();
    assert z != NULL;
    m[z] := NULL;
    call x := Lib2();
    assert x != NULL;
    w := m[x];
    assert w != NULL;
}
```

Do třetice ...

```
var m:[int]int;  
  
// library  
procedure Lib1() {  
    returns (r:int)  
    ensures (r != NULL);  
procedure Lib2()  
    returns (r:int)  
    ensures (r != NULL);  
  
// entry point  
procedure Foo(z:int) {  
    call FooBar();  
}
```

```
always Lib1() != Lib2();
```

```
procedure FooBar() {  
    var x, w, z:int  
    call z := Lib1();  
    assert z != NULL;  
    m[z] := NULL;  
    call x := Lib2();  
    assert x != NULL;  
    w := m[x];  
    assert w != NULL;  
    m[w] := 4;  
}
```



Možné defekty

Možné defekty

- definitivní chyby

Možné defekty

- definitivní chyby
- možné chyby / nekonzistence

Možné defekty

- definitivní chyby
- možné chyby / nekonzistence
- chyby, jimž lze zabránit vhodnou vstupní podmínkou



Cíl

Cíl

- cíl: prioritizace důležitějších alarmů

Cíl

- cíl: prioritizace důležitějších alarmů
- metoda: angelická verifikace (i.e. abduktivní inference)

Cíl

- cíl: prioritizace důležitějších alarmů
- metoda: angelická verifikace (i.e. abduktivní inference)

Definice (Problém angelické verifikace)

Existuje přijatelná specifikace knihovních funkcí a přijatelná vstupní podmínka programu taková, že žádný assert nemůže v žádném běhu selhat?

Cíl

- cíl: prioritizace důležitějších alarmů
- metoda: angelická verifikace (i.e. abduktivní inference)

Definice (Problém angelické verifikace)

Existuje přijatelná specifikace knihovních funkcí a přijatelná vstupní podmínka programu taková, že žádný assert nemůže v žádném běhu selhat?

Chceme, aby přijatelná specifikace byla:

Cíl

- cíl: prioritizace důležitějších alarmů
- metoda: angelická verifikace (i.e. abduktivní inference)

Definice (Problém angelické verifikace)

Existuje přijatelná specifikace knihovních funkcí a přijatelná vstupní podmínka programu taková, že žádný assert nemůže v žádném běhu selhat?

Chceme, aby přijatelná specifikace byla:

- stručná

Cíl

- cíl: prioritizace důležitějších alarmů
- metoda: angelická verifikace (i.e. abduktivní inference)

Definice (Problém angelické verifikace)

Existuje přijatelná specifikace knihovních funkcí a přijatelná vstupní podmínka programu taková, že žádný assert nemůže v žádném běhu selhat?

Chceme, aby přijatelná specifikace byla:

- stručná
- shovívavá

Stručná vstupní podmínka

```
var m:[int]int;
```

```
procedure Foo() {  
    var sum := 0;  
    for var i = 1; i < 100; i++ {  
        var idx = m[i];  
        assert idx != NULL;  
        sum := sum + m[idx];  
    }  
}
```


Stručná vstupní podmínka

```

var m:[int]int;
// precondition:
// m[1] != NULL && m[2] != NULL && ...
procedure Foo() {
    var sum := 0;
    for var i = 1; i < 100; i++ {
        var idx = m[i];
        assert idx != NULL;
        sum := sum + m[idx];
    }
}

```

Shovívavá vstupní podmínka

```
procedure square_root(m:int)
returns(r:int) {
    r := 3;
}
```

Shovívavá vstupní podmínka

```
// precondition: m == 9
procedure square_root(m:int)
returns(r:int) {
    r := 3;
}
```

Jak poznat shovívavé vstupní podmínky?

Shovívavá vstupní podmínka

```
// precondition: m != m
procedure square_root(m:int)
returns(r:int) {
    r := 3;
}
```

Jak poznat shovívavé vstupní podmínky?

- je splnitelná

Shovívavá vstupní podmínka

```
procedure square_root(m:int)  
returns(r:int) {  
    r := 3;  
}
```

Jak poznat shovívavé vstupní podmínky?

- je splnitelná
- nevytvoří mrtvý kód

Shovívavá vstupní podmínka

```
procedure square_root(m:int)  
returns(r:int) {  
    r := 3;  
}
```

Jak poznat shovívavé vstupní podmínky?

- je splnitelná
- nevytvoří mrtvý kód
- uživatel poradí

Příklad

```
// precondition: true
procedure Foo(b:Bool, m1,m2: Mutex) {

}
}
```

Příklad

```
// precondition: true
procedure Foo(b: Bool, m1, m2: Mutex) {

    if(b) {
        assert !locked(m1); lock(m1);
    } else {
        assert locked(m2); unlock(m2);
    }

}
```


Příklad

```
// precondition: !locked(m1) && locked(m2)
procedure Foo(b: Bool, m1, m2: Mutex) {

    if(b) {
        assert !locked(m1); lock(m1);
    } else {
        assert locked(m2); unlock(m2);
    }

}
```

Příklad

```
// precondition: !locked(m1) && locked(m2)
procedure Foo(b: Bool, m1, m2: Mutex) {
    assert m1 != m2
    if(b) {
        assert !locked(m1); lock(m1);
    } else {
        assert locked(m2); unlock(m2);
    }
}
```

Příklad

```
// precondition: !locked(m1) && locked(m2)
procedure Foo(b:Bool, m1,m2: Mutex) {
    assert m1 != m2
    if(b) {
        assert !locked(m1); lock(m1);
    } else {
        assert locked(m2); unlock(m2);
    }
}
```

Tento program s vloženým andělským assertem není andělsky korektní vzhledem ke vstupní podmínce.

Další andělské asserty

Jaký je význam andělských assertů v tomto kódu?

```
procedure Foo(x,y:Int) {
  if(x > y) {
    // ...
    assert false
  } else {
    // ...
    assert false
  }
}
```

Další andělské asserty

Jaký je význam andělských assertů v tomto kódu?

```
procedure Foo(x,y:Int) {  
  if(x > y) {  
    // ...  
    assert false  
  } else {  
    // ...  
    assert false  
  }  
}
```

Vstupní podmínka nesmí způsobit nedosažitelnost konce obou větví.

Další andělské asserty

Jaký je význam andělských assertů v tomto kódu?

```
// precondition: x > y
procedure Foo(x,y:Int) {
    assert false
    // ...
}
```

Další andělské asserty

Jaký je význam andělských assertů v tomto kódu?

```
// precondition: x > y
procedure Foo(x,y:Int) {
    assert false
    // ...
}
```

Vstupní podmínka musí být splnitelná.



Andělská verifikace

Andělská verifikace

Vstup: program P
s obyčejnými asserty A
a andělskými assert B .

Andělská verifikace

Vstup: program P
s obyčejnými asserty A
a andělskými assert B .
Výstup: vstupní podmínka E
a platící asserty $A' \subseteq A$.

Andělská verifikace

Vstup: program P
s obyčejnými asserty A
a andělskými assert B .
Výstup: vstupní podmínka E
a platící asserty $A' \subseteq A$.

```

 $E \leftarrow \emptyset$ 
 $A' \leftarrow A$ 
loop
   $\tau \leftarrow \text{Verify}(P_{A', \emptyset}, E)$ 
  if  $\tau = \text{NoTrace}$  then return  $(E, A')$ 
  end if
   $\phi \leftarrow \text{ExplainError}(P, \tau)$ 
  if  $\text{Permissive}(P_{\emptyset, B}, E \cup \{\phi\})$  then
     $E \leftarrow E \cup \{\phi\}$ 
  else
    Let  $a$  be the failing assert in  $\tau$ .
    Remove  $a$  from  $A'$ 
  end if
end loop

```

Příklad

```
procedure FooBar() {
  var x, w, z:int
  call z := Lib1();
  assert z != NULL;
  m[z] := NULL;
  call x := Lib2();
  assert x != NULL;
  w := m[x];
  assert w != NULL;
  m[w] := 4;
}
```

Příklad

```
procedure FooBar() {
  var x, w, z:int
  call z := Lib1();
  assert z != NULL;
  m[z] := NULL;
  call x := Lib2();
  assert x != NULL;
  w := m[x];
  assert w != NULL;
  m[w] := 4;
}
```

$\tau \leftarrow \text{Verify}(P_{A'}, \emptyset, E):$

Příklad

```

procedure FooBar() {
  var x, w, z: int
  call z := Lib1();
  assert z != NULL;
  m[z] := NULL;
  call x := Lib2();
  assert x != NULL;
  w := m[x];
  assert w != NULL;
  m[w] := 4;
}

```

$\tau \leftarrow \text{Verify}(P_{A'}, \emptyset, E):$

Příklad

```

procedure FooBar() {
  var x, w, z: int
  call z := Lib1();
  assert z != NULL;
  m[z] := NULL;
  call x := Lib2();
  assert x != NULL;
  w := m[x];
  assert w != NULL;
  m[w] := 4;
}

```

$\tau \leftarrow \text{Verify}(P_{A'}, \emptyset, E):$

$z := x_1;$

Příklad

```

procedure FooBar() {
  var x, w, z: int
  call z := Lib1();
  assert z != NULL;
  m[z] := NULL;
  call x := Lib2();
  assert x != NULL;
  w := m[x];
  assert w != NULL;
  m[w] := 4;
}

```

$\tau \leftarrow \text{Verify}(P_{A'}, \emptyset, E):$

$z := x_1;$

Příklad

```
procedure FooBar() {
  var x, w, z:int
  call z := Lib1();
  assert z != NULL;
  m[z] := NULL;
  call x := Lib2();
  assert x != NULL;
  w := m[x];
  assert w != NULL;
  m[w] := 4;
}
```

$\tau \leftarrow \text{Verify}(P_{A'}, \emptyset, E):$

z := x_1;
m[z] := NULL;

Příklad

```

procedure FooBar() {
  var x, w, z: int
  call z := Lib1();
  assert z != NULL;
  m[z] := NULL;
  call x := Lib2();
  assert x != NULL;
  w := m[x];
  assert w != NULL;
  m[w] := 4;
}

```

$\tau \leftarrow \text{Verify}(P_{A'}, \emptyset, E):$

```

z := x_1;
m[z] := NULL;
x := x_2;

```

Příklad

```
procedure FooBar() {
  var x, w, z:int
  call z := Lib1();
  assert z != NULL;
  m[z] := NULL;
  call x := Lib2();
  assert x != NULL;
  w := m[x];
  assert w != NULL;
  m[w] := 4;
}
```

$\tau \leftarrow \text{Verify}(P_{A'}, \emptyset, E):$

```
z := x_1;
m[z] := NULL;
x := x_2;
```

Příklad

```
procedure FooBar() {
  var x, w, z:int
  call z := Lib1();
  assert z != NULL;
  m[z] := NULL;
  call x := Lib2();
  assert x != NULL;
  w := m[x];
  assert w != NULL;
  m[w] := 4;
}
```

$\tau \leftarrow \text{Verify}(P_{A'}, \emptyset, E):$

```
z := x_1;
m[z] := NULL;
x := x_2;
w := m[x];
```

Příklad

```
procedure FooBar() {
  var x, w, z:int
  call z := Lib1();
  assert z != NULL;
  m[z] := NULL;
  call x := Lib2();
  assert x != NULL;
  w := m[x];
  assert w != NULL;
  m[w] := 4;
}
```

$\tau \leftarrow \text{Verify}(P_{A'}, \emptyset, E):$

```
z := x_1;
m[z] := NULL;
x := x_2;
w := m[x];
assert w != NULL;
```

Příklad

```

z := x_1;
m[z] := NULL;
x := x_2;
w := m[x];
assert w != NULL;

```

Příklad

$\phi \leftarrow \text{ExplainError}(P, \tau)$

```

z := x_1;
m[z] := NULL;
x := x_2;
w := m[x];
assert w != NULL;

```

Příklad

$\phi \leftarrow \text{ExplainError}(P, \tau)$

Nejslabší vstupní podmínka pro τ :

```

z := x_1;
m[z] := NULL;
x := x_2;
w := m[x];
assert w != NULL;

```


Příklad

$\phi \leftarrow \text{ExplainError}(P, \tau)$

Nejslabší vstupní podmínka pro τ :

```
read(write(m, x_1, NULL), x_2)
!= NULL
```

```
z := x_1;
m[z] := NULL;
x := x_2;
w := m[x];
assert w != NULL;
```

Příklad

$\phi \leftarrow \text{ExplainError}(P, \tau)$

Nejslabší vstupní podmínka pro τ :

```
read(write(m, x_1, NULL), x_2)
!= NULL
```

Eliminace zápisů do pole:

```
z := x_1;
m[z] := NULL;
x := x_2;
w := m[x];
assert w != NULL;
```

Příklad

$\phi \leftarrow \text{ExplainError}(P, \tau)$

Nejslabší vstupní podmínka pro τ :

```
read(write(m, x_1, NULL), x_2)
!= NULL
```

Eliminace zápisů do pole:

```
(x_2 == x_1 ? NULL :
  read(m, x_2)) != NULL
```

```
z := x_1;
m[z] := NULL;
x := x_2;
w := m[x];
assert w != NULL;
```

Příklad

```
z := x_1;  
m[z] := NULL;  
x := x_2;  
w := m[x];  
assert w != NULL;
```

$\phi \leftarrow \text{ExplainError}(P, \tau)$

Nejslabší vstupní podmínka pro τ :

```
read(write(m, x_1, NULL), x_2)  
!= NULL
```

Eliminace zápisů do pole:

```
(x_2 == x_1 ? NULL :  
  read(m, x_2)) != NULL
```

Zjednodušení:

Příklad

```
z := x_1;
m[z] := NULL;
x := x_2;
w := m[x];
assert w != NULL;
```

$\phi \leftarrow \text{ExplainError}(P, \tau)$

Nejslabší vstupní podmínka pro τ :

```
read(write(m, x_1, NULL), x_2)
!= NULL
```

Eliminace zápisů do pole:

```
(x_2 == x_1 ? NULL :
  read(m, x_2)) != NULL
```

Zjednodušení:

```
x_1 != x_2
  && read(m, x_2) != NULL
```

AngelicVerify (připomenutí)

```
 $E \leftarrow \emptyset$   
 $A' \leftarrow A$   
loop  
   $\tau \leftarrow \text{Verify}(P_{A', \emptyset}, E)$   
  if  $\tau = \text{NoTrace}$  then return  $(E, A')$   
  end if  
   $\phi \leftarrow \text{ExplainError}(P, \tau)$   
  if  $\text{Permissive}(P_{\emptyset, B}, E \cup \{\phi\})$  then  
     $E \leftarrow E \cup \{\phi\}$   
  else  
    Let  $a$  be the failing assert in  $\tau$ .  
    Remove  $a$  from  $A'$   
  end if  
end loop
```

ExplainError

$$\begin{aligned}\tau' &\leftarrow \textit{ControlSlice}(P, \tau) \\ \phi_1 &\leftarrow \textit{wlp}(\tau') \\ \phi_2 &\leftarrow \textit{EliminateMapUpdates}(\phi_1) \\ \phi_3 &\leftarrow \textit{Simplify}(\phi_2)\end{aligned}$$



Shrnutí