# A Generic Framework for Symbolic Execution

Jan Tušil

8. prosince 2017

Intro

- 2 Jazyk, logika, sémantika
  - Logika konfigurací
  - Logika běhů

Závěr

### Table of Contents

Intro

- 2 Jazyk, logika, sémantika
  - Logika konfigurací
  - Logika běhů
- 3 Závěr

# MojeIntro

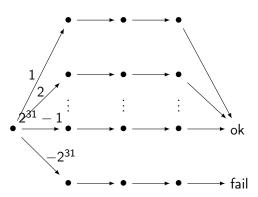
```
int x,y;
x = get();
y = -x;
y = -y;
assert(x == y);
Může assert selhat?
```

## Operační sémantika

 $\textit{OpSem}: \textit{Program} \rightarrow \textit{TransitionSystem}$ 

# Operační sémantika

 $\textit{OpSem}: \textit{Program} \rightarrow \textit{TransitionSystem}$ 



## Konfigurace

$$\langle x = get(); \land y = -x; \land y = -y; \land assert(x == y); \rangle_k \langle x = 0, y = 0 \rangle_{env}$$

# Konfigurace

$$\langle x = get(); \land y = -x; \land y = -y; \land assert(x == y); \rangle_k \langle x = 0, y = 0 \rangle_{env}$$

Ukázka



# Symbolická Konfigurace

$$\langle y=-x; \curvearrowright y=-y; \curvearrowright \textit{assert}(x==y); \rangle_k \langle x=X, y=0 \rangle_{\mathsf{env}}$$

# Symbolická Konfigurace

$$\langle y=-x; \curvearrowright y=-y; \curvearrowright \textit{assert}(x==y); \rangle_{\mathsf{k}} \langle x=X, y=0 \rangle_{\mathsf{env}}$$

Ukázka



## Symbolická exekuce

### Princip (Pokrytí)

Každému (potenciálně nekonečnému) konkrétnímu běhu odpovídá nějaký symbolický běh.

## Symbolická exekuce

### Princip (Pokrytí)

Každému (potenciálně nekonečnému) konkrétnímu běhu odpovídá nějaký symbolický běh.

### Princip (Přesnost)

Každému konečnému symbolickému běhu odpovídá nějaký konkrétní běh.

# Symbolická exekuce

### Princip (Pokrytí)

Každému (potenciálně nekonečnému) konkrétnímu běhu odpovídá nějaký symbolický běh.

### Princip (Přesnost)

Každému konečnému symbolickému běhu odpovídá nějaký konkrétní běh.

Nekonečné běhy - koindukce

### Table of Contents

1 Intro

- 2 Jazyk, logika, sémantika
  - Logika konfigurací
  - Logika běhů
- 3 Závěr

### Table of Contents

1 Intro

- 2 Jazyk, logika, sémantika
  - Logika konfigurací
  - Logika běhů

3 Závěr

## Poznámka (Sortování)

Říkáme-li o množině X, že je Y-sortovaná, máme tím na mysli, že existuje funkce  $SortOf: X \rightarrow Y$ .

### Poznámka (Sortování)

Říkáme-li o množině X, že je Y-sortovaná, máme tím na mysli, že existuje funkce  $SortOf: X \rightarrow Y$ .

#### **Definice**

Vícedruhová algebraická signatura je tvořena množinou sortů S spolu s  $S^* \times S$ -sortovanou množinou  $\Sigma$  funkčních symbolů. Symbol  $T_{\Sigma}$  označuje  $\Sigma$ -algebru uzavřených termů,  $T_{\Sigma,s}$  množinu termů sortu s,  $T_{\Sigma}$  (Var) volnou  $\Sigma$ -algebru termů s proměnnými.

## Poznámka (Sortování)

Říkáme-li o množině X, že je Y-sortovaná, máme tím na mysli, že existuje funkce  $SortOf: X \rightarrow Y$ .

#### Definice

Vícedruhová algebraická signatura je tvořena množinou sortů S spolu s  $S^* \times S$ -sortovanou množinou  $\Sigma$  funkčních symbolů. Symbol  $T_{\Sigma}$  označuje  $\Sigma$ -algebru uzavřených termů,  $T_{\Sigma,s}$  množinu termů sortu s,  $T_{\Sigma}$  (Var) volnou  $\Sigma$ -algebru termů s proměnnými.

```
Plant ::= favouriteFood(Animal)
Animal ::= mother(Animal) | father(Animal)
```

## Poznámka (Sortování)

Říkáme-li o množině X, že je Y-sortovaná, máme tím na mysli, že existuje funkce  $SortOf: X \rightarrow Y$ .

#### **Definice**

Vícedruhová algebraická signatura je tvořena množinou sortů S spolu s  $S^* \times S$ -sortovanou množinou  $\Sigma$  funkčních symbolů. Symbol  $T_{\Sigma}$  označuje  $\Sigma$ -algebru uzavřených termů,  $T_{\Sigma,s}$  množinu termů sortu s,  $T_{\Sigma}$  (Var) volnou  $\Sigma$ -algebru termů s proměnnými.

```
Plant ::= favouriteFood(Animal)
Animal ::= mother(Animal) | father(Animal)
```

Příklad.

#### **Definice**

Signatura provořádové logiky  $(\Sigma, \Pi)$  je tvořena algebraickou signaturou  $\Sigma$  a  $S^*$ -sortovanou množinou predikátových symbolů  $\Pi$ .

#### **Definice**

Signatura provořádové logiky  $(\Sigma,\Pi)$  je tvořena algebraickou signaturou  $\Sigma$  a  $S^*$ -sortovanou množinou predikátových symbolů  $\Pi$ .

## Definice (Formule)

Množina formulí nad signaturou  $(\Sigma, \Pi)$  je definována:

$$\phi ::= \top \mid p(t_1,\ldots,t_n) \mid \neg \phi \mid \phi \land \phi \mid (\exists X) \phi$$

kde p označuje predikátové symboly, X podmnožiny proměnných a  $t_i$   $\Sigma$ -termy s volnými proměnnými.

#### **Definice**

Signatura provořádové logiky  $(\Sigma,\Pi)$  je tvořena algebraickou signaturou  $\Sigma$  a  $S^*$ -sortovanou množinou predikátových symbolů  $\Pi$ .

## Definice (Formule)

Množina formulí nad signaturou  $(\Sigma, \Pi)$  je definována:

$$\phi ::= \top \mid p(t_1, \ldots, t_n) \mid \neg \phi \mid \phi \land \phi \mid (\exists X) \phi$$

kde p označuje predikátové symboly, X podmnožiny proměnných a  $t_i$   $\Sigma$ -termy s volnými proměnnými.

Příklad (StaršíNež).



#### **Definice**

Signatura provořádové logiky  $(\Sigma,\Pi)$  je tvořena algebraickou signaturou  $\Sigma$  a  $S^*$ -sortovanou množinou predikátových symbolů  $\Pi$ .

## Definice (Formule)

Množina formulí nad signaturou  $(\Sigma, \Pi)$  je definována:

$$\phi ::= \top \mid p(t_1, \ldots, t_n) \mid \neg \phi \mid \phi \land \phi \mid (\exists X) \phi$$

kde p označuje predikátové symboly, X podmnožiny proměnných a  $t_i$   $\Sigma$ -termy s volnými proměnnými.

Příklad (StaršíNež). Předpokládáme predikát rovnosti.

Analogie s realizacemi jazyků v MA007.

#### **Definice**

Model signatury  $(\Sigma, \Pi)$ je  $\Sigma$ -algebra  $\mathcal{T}$  spolu s realizací  $\mathcal{T}_p \subseteq \mathcal{T}_{s_1} \times \cdots \times \mathcal{T}_{s_n}$  pro každý predikátový symbol  $p \in \Pi_{s_1 \dots s_n}$ .

Analogie s realizacemi jazyků v MA007.

#### **Definice**

Model signatury  $(\Sigma, \Pi)$ je  $\Sigma$ -algebra  $\mathcal{T}$  spolu s realizací  $\mathcal{T}_p \subseteq \mathcal{T}_{s_1} \times \cdots \times \mathcal{T}_{s_n}$  pro každý predikátový symbol  $p \in \Pi_{s_1 \dots s_n}$ .

Zvířecí příklad.

Analogie s realizacemi jazyků v MA007.

#### **Definice**

Model signatury  $(\Sigma, \Pi)$ je  $\Sigma$ -algebra  $\mathcal{T}$  spolu s realizací  $\mathcal{T}_p \subseteq \mathcal{T}_{s_1} \times \cdots \times \mathcal{T}_{s_n}$  pro každý predikátový symbol  $p \in \Pi_{s_1 \dots s_n}$ .

Zvířecí příklad.

## Definice (Relace splnitelnosti)

Pro  $(\Sigma,\Pi)$ -formuli  $\phi$ ,  $(\Sigma,\Pi)$ -model  $\mathcal T$  a valuaci  $\rho$ :  $Var \to \mathcal T$  definujeme relaci splnitelnosti  $\rho \models \phi$  jako obvykle. (Valuaci  $\rho$  přirozeně rozšiřujeme na morfismus  $\Sigma$ -algeber  $\rho$ :  $T_{\Sigma}$  (Var)  $\to \mathcal T$ .)

Analogie s realizacemi jazyků v MA007.

#### **Definice**

Model signatury  $(\Sigma, \Pi)$ je  $\Sigma$ -algebra  $\mathcal{T}$  spolu s realizací  $\mathcal{T}_p \subseteq \mathcal{T}_{s_1} \times \cdots \times \mathcal{T}_{s_n}$  pro každý predikátový symbol  $p \in \Pi_{s_1 \dots s_n}$ .

Zvířecí příklad.

## Definice (Relace splnitelnosti)

Pro  $(\Sigma,\Pi)$ -formuli  $\phi$ ,  $(\Sigma,\Pi)$ -model  $\mathcal T$  a valuaci  $\rho$ :  $Var \to \mathcal T$  definujeme relaci splnitelnosti  $\rho \models \phi$  jako obvykle. (Valuaci  $\rho$  přirozeně rozšiřujeme na morfismus  $\Sigma$ -algeber  $\rho$ :  $T_{\Sigma}$  (Var)  $\to \mathcal T$ .)

Zkusme to na tabuli.

Analogie s realizacemi jazyků v MA007.

#### **Definice**

Model signatury  $(\Sigma, \Pi)$ je  $\Sigma$ -algebra  $\mathcal{T}$  spolu s realizací  $\mathcal{T}_p \subseteq \mathcal{T}_{s_1} \times \cdots \times \mathcal{T}_{s_n}$  pro každý predikátový symbol  $p \in \Pi_{s_1 \dots s_n}$ .

Zvířecí příklad.

## Definice (Relace splnitelnosti)

Pro  $(\Sigma,\Pi)$ -formuli  $\phi$ ,  $(\Sigma,\Pi)$ -model  $\mathcal T$  a valuaci  $\rho$ :  $Var \to \mathcal T$  definujeme relaci splnitelnosti  $\rho \models \phi$  jako obvykle. (Valuaci  $\rho$  přirozeně rozšiřujeme na morfismus  $\Sigma$ -algeber  $\rho$ :  $T_{\Sigma}$  (Var)  $\to \mathcal T$ .)

Zkusme to na tabuli.

Příklad.

Analogie s realizacemi jazyků v MA007.

#### **Definice**

Model signatury  $(\Sigma, \Pi)$ je  $\Sigma$ -algebra  $\mathcal{T}$  spolu s realizací  $\mathcal{T}_p \subseteq \mathcal{T}_{s_1} \times \cdots \times \mathcal{T}_{s_n}$  pro každý predikátový symbol  $p \in \Pi_{s_1 \dots s_n}$ .

Zvířecí příklad.

## Definice (Relace splnitelnosti)

Pro  $(\Sigma,\Pi)$ -formuli  $\phi$ ,  $(\Sigma,\Pi)$ -model  $\mathcal T$  a valuaci  $\rho$ :  $Var \to \mathcal T$  definujeme relaci splnitelnosti  $\rho \models \phi$  jako obvykle. (Valuaci  $\rho$  přirozeně rozšiřujeme na morfismus  $\Sigma$ -algeber  $\rho$ :  $T_{\Sigma}$  (Var)  $\to \mathcal T$ .)

Zkusme to na tabuli.

Příklad.

Formule  $\phi$  je validní (v  $\mathcal{T}$ ), když je splněná všemi valuacemi. Označujeme:  $\models \phi$ .

Co bylo na začátku?

$$\left<\left< x = 5; \curvearrowright y = -x; \right>_{\mathbf{k}} \left< x \mapsto 0, y \mapsto 0 \right>_{\mathbf{env}} \right>_{\mathbf{cfg}}$$

$$\left<\left< x = 5; \curvearrowright y = -x; \right>_{\mathbf{k}} \left< x \mapsto 0, y \mapsto 0 \right>_{\mathbf{env}} \right>_{\mathbf{cfg}}$$

Tohle je nějaký term.

$$\langle\langle x=5; \curvearrowright y=-x; \rangle_{\mathsf{k}}\langle x\mapsto 0, y\mapsto 0\rangle_{\mathsf{env}}\rangle_{\mathsf{cfg}}$$

Tohle je nějaký term.

$$\left\langle \left\langle X=I; \curvearrowright y=-x; \right\rangle_{\mathsf{k}} \! \left\langle X \mapsto 0, y \mapsto 0 \right\rangle_{\mathsf{env}} \right\rangle_{\mathsf{cfg}}$$

$$\langle\langle x=5; \curvearrowright y=-x; \rangle_{\mathsf{k}}\langle x\mapsto 0, y\mapsto 0\rangle_{\mathsf{env}}\rangle_{\mathsf{cfg}}$$

Tohle je nějaký term.

$$\left\langle \left\langle X=I; \curvearrowright y=-x; \right\rangle_{\mathsf{k}} \! \left\langle X \mapsto 0, y \mapsto 0 \right\rangle_{\mathsf{env}} \right\rangle_{\mathsf{cfg}}$$

Term s volnými proměnnými (X, I).

$$\left<\left< x = 5; \curvearrowright y = -x; \right>_{\mathsf{k}} \left< x \mapsto 0, y \mapsto 0 \right>_{\mathsf{env}} \right>_{\mathsf{cfg}}$$

Tohle je nějaký term.

$$\left\langle \left\langle X=I; \curvearrowright y=-x; \right\rangle_{\mathsf{k}} \left\langle X\mapsto 0, y\mapsto 0 \right\rangle_{\mathsf{env}} \right\rangle_{\mathsf{cfg}}$$

Term s volnými proměnnými (X, I). Můžeme popsat strukturu takovýchto termů?

$$\left<\left< x = 5; \curvearrowright y = -x; \right>_{\mathsf{k}} \left< x \mapsto 0, y \mapsto 0 \right>_{\mathsf{env}} \right>_{\mathsf{cfg}}$$

Tohle je nějaký term.

$$\left\langle \left\langle X=I; \curvearrowright y=-x; \right\rangle_{\mathsf{k}} \left\langle X\mapsto 0, y\mapsto 0 \right\rangle_{\mathsf{env}} \right\rangle_{\mathsf{cfg}}$$

Term s volnými proměnnými (X, I). Můžeme popsat strukturu takovýchto termů? Třeba sorty:  $S = \{Cfg, Map, Stmt, Expr, Id, Int\}$ 

$$\left<\left< x = 5; \curvearrowright y = -x; \right>_{\mathsf{k}} \left< x \mapsto 0, y \mapsto 0 \right>_{\mathsf{env}} \right>_{\mathsf{cfg}}$$

Tohle je nějaký term.

$$\langle\langle X=I; \curvearrowright y=-x; \rangle_{\mathsf{k}}\langle X\mapsto 0, y\mapsto 0 \rangle_{\mathsf{env}}\rangle_{\mathsf{cfg}}$$

Term s volnými proměnnými (X, I). Můžeme popsat strukturu takovýchto termů? Třeba sorty:  $S = \{Cfg, Map, Stmt, Expr, Id, Int\}$  Symboly:

$$\langle\langle x=5; \curvearrowright y=-x; \rangle_{\mathsf{k}}\langle x\mapsto 0, y\mapsto 0\rangle_{\mathsf{env}}\rangle_{\mathsf{cfg}}$$

Tohle je nějaký term.

$$\langle\langle X=I; \curvearrowright y=-x; \rangle_{\mathsf{k}}\langle X\mapsto 0, y\mapsto 0\rangle_{\mathsf{env}}\rangle_{\mathsf{cfg}}$$

Term s volnými proměnnými (X, I). Můžeme popsat strukturu takovýchto termů? Třeba sorty:  $S = \{Cfg, Map, Stmt, Expr, Id, Int\}$  Symboly: např.

$$\langle\langle\_
angle_k\langle\_
angle_{ ext{env}}
angle_{ ext{cfg}}\in\Sigma_{ ext{Stmt}, ext{Map}, ext{Cfg}}$$

$$\langle\langle x=5; \curvearrowright y=-x; \rangle_{\mathsf{k}}\langle x\mapsto 0, y\mapsto 0\rangle_{\mathsf{env}}\rangle_{\mathsf{cfg}}$$

Tohle je nějaký term.

$$\langle\langle X=I; \curvearrowright y=-x; \rangle_{\mathsf{k}}\langle X\mapsto 0, y\mapsto 0\rangle_{\mathsf{env}}\rangle_{\mathsf{cfg}}$$

Term s volnými proměnnými (X, I). Můžeme popsat strukturu takovýchto termů? Třeba sorty:  $S = \{Cfg, Map, Stmt, Expr, Id, Int\}$  Symboly: např.

$$\langle\langle\_
angle_k\langle\_
angle_{ ext{env}}
angle_{ ext{cfg}}\in\Sigma_{ ext{Stmt}, ext{Map}, ext{Cfg}}$$

Mohli bychom použít vícedruhovou logiku prvního řádu k uvažování o konfiguracích?

$$\langle\langle x=5; \curvearrowright y=-x; \rangle_{\mathsf{k}}\langle x\mapsto 0, y\mapsto 0\rangle_{\mathsf{env}}\rangle_{\mathsf{cfg}}$$

Tohle je nějaký term.

$$\langle\langle X=I; \land, y=-x; \rangle_{\mathsf{k}}\langle X\mapsto 0, y\mapsto 0\rangle_{\mathsf{env}}\rangle_{\mathsf{cfg}}$$

Term s volnými proměnnými (X, I). Můžeme popsat strukturu takovýchto termů? Třeba sorty:  $S = \{Cfg, Map, Stmt, Expr, Id, Int\}$  Symboly: např.

$$\langle\langle\_
angle_k\langle\_
angle_{ ext{env}}
angle_{ ext{cfg}}\in\Sigma_{ ext{Stmt}, ext{Map}, ext{Cfg}}$$

Mohli bychom použít vícedruhovou logiku prvního řádu k uvažování o konfiguracích? Jak by vypadaly modely?

$$\langle\langle x=5; \curvearrowright y=-x; \rangle_{\mathsf{k}}\langle x\mapsto 0, y\mapsto 0\rangle_{\mathsf{env}}\rangle_{\mathsf{cfg}}$$

Tohle je nějaký term.

$$\langle\langle X=I; \curvearrowright y=-x; \rangle_{\mathsf{k}}\langle X\mapsto 0, y\mapsto 0\rangle_{\mathsf{env}}\rangle_{\mathsf{cfg}}$$

Term s volnými proměnnými (X, I). Můžeme popsat strukturu takovýchto termů? Třeba sorty:  $S = \{Cfg, Map, Stmt, Expr, Id, Int\}$  Symboly: např.

$$\langle\langle\_
angle_k\langle\_
angle_{ ext{env}}
angle_{ ext{cfg}}\in\Sigma_{ ext{Stmt}, ext{Map}, ext{Cfg}}$$

Mohli bychom použít vícedruhovou logiku prvního řádu k uvažování o konfiguracích? Jak by vypadaly modely? Skoro jako algebry termů. Ukázka.

### Definice (Signatura ML)

Signatura Matching Logiky (ML) je trojice  $\Phi = (\Sigma, \Pi, Cfg)$ , kde  $(\Sigma, \Pi)$  je prvořádová signatura a  $Cfg \in \Sigma$  je speciální sort pro konfigurace.

## Definice (Signatura ML)

Signatura Matching Logiky (ML) je trojice  $\Phi = (\Sigma, \Pi, Cfg)$ , kde  $(\Sigma, \Pi)$  je prvořádová signatura a  $Cfg \in \Sigma$  je speciální sort pro konfigurace.

#### **Definice**

Množina formulí ML nad signaturou Φ je definována:

$$\varphi ::= \pi \mid \top \mid p(t_1, \ldots, t_n) \mid \neg \varphi \mid \varphi \land \varphi \mid (\exists V) \varphi$$

kde  $\pi$  může být z  $T_{\Sigma,Cfg}$  (Var) (nazývaná základní pattern) a ostatní podobně jako u formulí FOL.

## Definice (Signatura ML)

Signatura Matching Logiky (ML) je trojice  $\Phi = (\Sigma, \Pi, Cfg)$ , kde  $(\Sigma, \Pi)$  je prvořádová signatura a  $Cfg \in \Sigma$  je speciální sort pro konfigurace.

#### **Definice**

Množina formulí ML nad signaturou Φ je definována:

$$\varphi ::= \pi \mid \top \mid p(t_1, \ldots, t_n) \mid \neg \varphi \mid \varphi \land \varphi \mid (\exists V) \varphi$$

kde  $\pi$  může být z  $T_{\Sigma,Cfg}$  (Var) (nazývaná základní pattern) a ostatní podobně jako u formulí FOL.

Jaký je vztah mezi formulemi ML a FOL?

## Definice (Signatura ML)

Signatura Matching Logiky (ML) je trojice  $\Phi = (\Sigma, \Pi, Cfg)$ , kde  $(\Sigma, \Pi)$  je prvořádová signatura a  $Cfg \in \Sigma$  je speciální sort pro konfigurace.

#### **Definice**

Množina formulí ML nad signaturou Φ je definována:

$$\varphi ::= \pi \mid \top \mid p(t_1, \ldots, t_n) \mid \neg \varphi \mid \varphi \land \varphi \mid (\exists V) \varphi$$

kde  $\pi$  může být z  $T_{\Sigma,Cfg}$  (Var) (nazývaná základní pattern) a ostatní podobně jako u formulí FOL.

Jaký je vztah mezi formulemi ML a FOL? Příklad.

## Definice (Signatura ML)

Signatura Matching Logiky (ML) je trojice  $\Phi = (\Sigma, \Pi, Cfg)$ , kde  $(\Sigma, \Pi)$  je prvořádová signatura a  $Cfg \in \Sigma$  je speciální sort pro konfigurace.

#### **Definice**

Množina formulí ML nad signaturou Φ je definována:

$$\varphi ::= \pi \mid \top \mid p(t_1, \ldots, t_n) \mid \neg \varphi \mid \varphi \land \varphi \mid (\exists V) \varphi$$

kde  $\pi$  může být z  $T_{\Sigma,Cfg}$  (Var) (nazývaná základní pattern) a ostatní podobně jako u formulí FOL.

Jaký je vztah mezi formulemi ML a FOL? Příklad. Příklad s dělením.

Jak to bude?

Jak to bude?

#### **Definice**

Model ML signatury  $(\Sigma, \Pi, Cfg)$  je prvořádový  $(\Sigma, \Pi)$ -model  $\mathcal{T}$ . Konfigurace jsou prvky  $\mathcal{T}_{Cfg}$ .

Jak to bude?

#### **Definice**

Model ML signatury  $(\Sigma, \Pi, Cfg)$  je prvořádový  $(\Sigma, \Pi)$ -model  $\mathcal{T}$ . Konfigurace jsou prvky  $\mathcal{T}_{Cfg}$ .

## Definice (Relace splnitelnosti)

Relace  $\models$  je vztah mezi dvojicemi  $(\gamma, \rho)$ , kde  $\gamma \in \mathcal{T}_{Cfg}$  a  $\rho : Var \to \mathcal{T}$ . Pro základní patterny  $\pi$  je definováno  $\gamma, \rho \models \pi$  právě když  $\gamma = \phi \rho$ . Jinak běžná definice. Pokud  $\varphi$  je ML formule, pak  $\llbracket \varphi \rrbracket$  označuje jí odpovídající množinu konkrétních konfigurací.

Jak to bude?

#### **Definice**

Model ML signatury  $(\Sigma, \Pi, Cfg)$  je prvořádový  $(\Sigma, \Pi)$ -model  $\mathcal{T}$ . Konfigurace jsou prvky  $\mathcal{T}_{Cfg}$ .

## Definice (Relace splnitelnosti)

Relace  $\models$  je vztah mezi dvojicemi  $(\gamma, \rho)$ , kde  $\gamma \in \mathcal{T}_{Cfg}$  a  $\rho : Var \to \mathcal{T}$ . Pro základní patterny  $\pi$  je definováno  $\gamma, \rho \models \pi$  právě když  $\gamma = \phi \rho$ . Jinak běžná definice. Pokud  $\varphi$  je ML formule, pak  $\llbracket \varphi \rrbracket$  označuje jí odpovídající množinu konkrétních konfigurací.

Co přesně znamená  $\llbracket \varphi \rrbracket$  ?

Jak to bude?

#### **Definice**

Model ML signatury  $(\Sigma, \Pi, Cfg)$  je prvořádový  $(\Sigma, \Pi)$ -model  $\mathcal{T}$ . Konfigurace jsou prvky  $\mathcal{T}_{Cfg}$ .

## Definice (Relace splnitelnosti)

Relace  $\models$  je vztah mezi dvojicemi  $(\gamma, \rho)$ , kde  $\gamma \in \mathcal{T}_{Cfg}$  a  $\rho : Var \to \mathcal{T}$ . Pro základní patterny  $\pi$  je definováno  $\gamma, \rho \models \pi$  právě když  $\gamma = \phi \rho$ . Jinak běžná definice. Pokud  $\varphi$  je ML formule, pak  $\llbracket \varphi \rrbracket$  označuje jí odpovídající množinu konkrétních konfigurací.

Co přesně znamená  $\llbracket \varphi \rrbracket$  ? Příklad.

### ML to FOL

Jak zaklejeme ML formuli do FOL?

## Big picture

Umíme popisovat syntaxi jazyka a strukturu konfigurací.

## Big picture

Umíme popisovat syntaxi jazyka a strukturu konfigurací. Ale co sémantika a dynamické vlastnosti?

### Table of Contents

Intro

- 2 Jazyk, logika, sémantika
  - Logika konfigurací
  - Logika běhů

3 Závěr

# Reachability Logic

### **Definice**

Formule RL je dvojice formulí ML  $\varphi_1 \Rightarrow \varphi_2$ .

# Reachability Logic

### **Definice**

Formule RL je dvojice formulí ML  $\varphi_1 \Rightarrow \varphi_2$ .

Příklad: terminace.

### Table of Contents

Intro

- 2 Jazyk, logika, sémantika
  - Logika konfigurací
  - Logika běhů

Závěr

#### Motivace

```
int x,y;
x = get();
y = -x;
y = -y;
assert(x == y);
Může assert selhat?
```

### A co funkce?

```
int foo(int x) {
  int y = -x;
  y = -y;
  return y;
}
// ...
int x = get();
assert(foo(x) == x);
```

# A co šablony?

```
template < typename T >
T foo(T x) {
  T y = -x;
  y = -y;
  return y;
template < typename T >
void check() {
    T \times = get < T > ();
    assert(foo(x) == x);
```