## IB102 – úkol 1, příklad 2 – řešení

Vypracoval(a): Jan Tušil UČO: 410062

Odevzdání: 23.9.2013

Skupina: 11

**2. [2 body]** Nechť L je jazyk nad abecedou  $\Sigma = \{a, b\}$  tvořený právě všemi slovy, která mají počet znaků a nedělitelný 3 a zároveň se nevyskytují 2 znaky b za sebou (tedy mezi každými dvěma výskyty znaku b je alespoň jeden znak a).

Zapište jazyk L pomocí jednoprvkových jazyků  $\{a\}$  a  $\{b\}$  s využitím konečného počtu operací sjednocení  $(\cup)$ , průniku  $(\cap)$ , rozdílu  $(\setminus)$ , doplňku  $(\operatorname{co-})$ , zřetězení  $(\cdot)$ , mocniny  $(^2, ^3, \ldots)$ , iterace  $(^*)$  a pozitivní iterace  $(^+)$ .

Pro zpřehlednění zápisu si označme  $A=\{a\},\ B=\{b\},\ U=A\cup(A.B)$ . Největší podmnožina jazyka L, ve které žádné slovo nezačíná písmenem b, může být zapsána:

 $M = (U \cup U^2).(U^3)^*$ 

Z té pak lze snadno utvořit jazyk L:

 $L = M \cup (B.M)$