실습 보고서

[실습번호: 02]

[실습제목: 2 장 및 3 장 연습]



과 목 명	선형대수
교 수 명	이 선 우
학 번	20237107
작 성 자	하 태 영
제 출 일	2025.09.17

한림대학교

가. 2 장 연습문제 풀기

|3.
$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 3 & 2 \\ 1 & 2 & 4 & 3 \\ 1 & 3 & 0 & b \end{pmatrix}$$
 |4. $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 1 & k & 4 & 6 \\ 1 & 2 & kt2 & 6 \end{pmatrix}$ |7. $Z_1 = \frac{1}{2}$, $Z_2 = \frac{1}{2}$ 90

$$Z_1 + Z_2 = 5$$

$$Z_1 + 4Z_2 = 6$$

$$-\frac{1}{2}$$

$$-\frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{$$

19. 七=2月、七二部、七三計

$$\frac{\frac{1}{5}}{5} \times \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & | & 4 \\ 0 & 1 & 0 & | & \frac{1}{5} \\ 0 & 0 & 1 & | & 1 \end{pmatrix}$$

.: 2리(ス,)=0대 함시(ス,)=0대, 황(ス,)=100대리

정3-1. 행렬 위 관병 행 황

랭킹 A와 B의 급에서 교환병과은 성립적 않는다. 즉 일반적으로 AB ≠ BA 이다.

정의 3-2 행렬 연역 1본 성질

a, bと **全計中**.

- (I) A+O=O+A=A (함께 세한 항송원인 영향열)
- (a) JA = AI = A (급이 계한 항등원인 단계행렬)
- (4)(A+B)+C = A+(B+C) (하 계란 결합병칙)
- (5) (AB) C = A(BC) (윤기 대한 결합병)
- (6) A(B+c) = AB+BC (원배 법칙)
- (7) (A+B) C = AC+BC (世間)
- (8) a(B+c) = aB+aC
- (9) (a+b) C = aC+bC
- (10) (ab) C = a(bC)
- (11) A(BC) = (AB)C = B(AC)

정리 3-4 AB=0인 췽혈

AB=0월 때 1반역으로 A=0 또 B=0이라고 할 두 있다.

정기 3-6 역행할의 유원정

기차 정방행렬 A가 가득네면, A의 역행렬은 유원하다

정 3-8 역행 생

기차 정방행렬 A, B가 계약이고, Q는 O이 아닌 스칼라운 제, 라움 종달을 만족한다.

- CID A 는 차역이고, (AT) T=A이다.
- (2) ABE 7994, (AB) = BTAT94.
- (3) 以Aと 2年42, (aA) = よA いか.
- (4) AFE 계약, (A-1) = (AF) 1 약. (여개 1는 0 이번의 장약.)

정의 3-9 전체장의 성일

퀭럴 A, I와 그랑라 (X에 대해 라움 설명이 설렜다.

- (1) $(A^T)^T = A$
- (2) $(A+B)^T = A^T + B^T$
- (3) $(AB)^T = B^T A^T$
- (4) (AA) T= AAT
- (5) AT 1995, (AT)-1= (A-1) TOPA.

정의 3-10 정방행렬과 전리행렬의 합과 착

- (1) 정상행렬 A키 ᅫ취 A+AT는 세팅행렬이고 A-AT는 반대원행렬이다.

खा उ-11 अपरेखें हैं

크기가 서로 맡은 객용병을 A=diag (a11. a22 ···, ann)라 B=diag (b11. b22, ···, bnn)의 공은 AB=diag (a11.b11, a22.b22, ···, annbnn) 으로, 제작명원의 공 호한 제작명원이다.

정 3-13 세정의 생

- CIO n라 정반행원 A, Boy 제에, tr(A+B) = tr(A)+tr(B)이라.
- (a) 기차 김방평란 A과 스칼라 C에 4례, fr(cA)= C·fr(A)이자.
- (3) n×n 퀭럴 A와 m×n 퀀젤 B에 제에, tr-(AB)=tr-(BA)이다.
- (4) 개국 정당경험 A, B, C에 세계, tr(ABC)= tr(CAB)= tr(BCA) 이다.

3 **世紀**

$$(3) [1 \ 3 \ 3]^T$$

(b)
$$\begin{pmatrix} 3 & -3 \\ 2 & 1 \\ 4 & -6 \end{pmatrix}$$
 + (-2) $\cdot \begin{pmatrix} -2 & 6 \\ 1 & 4 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$

$$\begin{pmatrix} 3 & -3 \\ 2 & 1 \\ 4 & -6 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 4 & -12 \\ -2 & -8 \\ -6 & -4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 7 & -15 \\ 0 & -7 \\ -2 & -10 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4 & 2 & 28 \\ 12 & 6 & 24 \\ 6 & 8 & 12 \end{pmatrix}$$

(c)
$$4 \cdot \begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 4 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -8 & 12 \\ 16 & 4 \end{pmatrix}$$

(d)
$$\begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 4 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 4 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} (-2)\cdot(-2)+(3\cdot4) & (-2)\cdot3+3\cdot1 \\ 4\cdot\overline{(-2)}+(1\cdot4) & 4\cdot3+|\cdot| \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 16 & -3 \\ -4 & 13 \end{pmatrix}$$

6. (a)
$$\begin{pmatrix} 3 & -3 \\ 2 & 1 \\ 4 & -6 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 7 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 3 \cdot (-1) + (-3) \cdot 4 & 3 \cdot 3 + (-3) \cdot 1 \\ 2 \cdot (-2) + 1 \cdot 4 & 2 \cdot 3 + 1 \cdot 1 \\ 4 \cdot (-2) + (-3) \cdot 4 & 4 \cdot 3 + (-6) \cdot 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -18 & 6 \\ 0 & 7 \\ -32 & 6 \end{pmatrix}$$

(b)
$$\begin{pmatrix} -2 & 6 \\ 1 & 4 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 4 & 2 & 1 \\ 2 & 1 & 5 \end{pmatrix}$$

(b)
$$\begin{pmatrix} 3 & -3 \\ 2 & 1 \\ 4 & -6 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -2 & 6 \\ 1 & 4 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} -2 & 6 \\ 1 & 4 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} (-2) \cdot \cancel{4} + \cancel{6} \cdot 2 & (-2) \cdot \cancel{2} + \cancel{6} \cdot | & (-2) \cdot \cancel{1} + \cancel{6} \cdot 5 \\ \cancel{1 \cdot 4} + \cancel{4} \cdot 2 & \cancel{1 \cdot 2} + \cancel{4} \cdot | & \cancel{1 \cdot |} + \cancel{4} \cdot 5 \\ \cancel{3 \cdot 4} + \cancel{2} \cdot 2 & \cancel{3} \cdot \cancel{2} + \cancel{2} \cdot | & \cancel{3} \cdot \cancel{1} + \cancel{2} \cdot 5 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} 4 & 2 & 28 \\ 12 & 6 & 24 \\ 16 & 8 & 13 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 4 & 2 & 1 \\ 2 & 1 & 5 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 \\ 3 \\ 5 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 4 \cdot (-1) + 2 \cdot 3 + 1 \cdot 5 \\ 2 \cdot (-1) + 1 \cdot 3 + 5 \cdot 5 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 7 \\ 26 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 4 & 6 & 1 \\ 5 & 3 & 6 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 \\ 3 \\ 5 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 \cdot (-1) + 4 \cdot 3 + 3 \cdot 5 \\ 4 \cdot (-1) + 6 \cdot 3 + 1 \cdot 3 \\ 5 \cdot (-1) + 3 \cdot 3 + 6 \cdot 5 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 25 \\ 17 \\ 4 \end{pmatrix}$$

$$\text{P. } A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

$$\begin{array}{c} \text{II. (a)} \begin{pmatrix} 3 & 0 \\ 0 & 3 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 2 & -5 \\ 3 & -2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 5 \\ -3 & 5 \end{pmatrix}$$

9.
$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$
, $B = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$
$$\begin{vmatrix} 1/3 \cdot \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ -1 & 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 9 \\ -3 & k \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{2}{2 \cdot 1} + 3 \cdot \begin{pmatrix} 2 \cdot 3 \\ -1 \cdot 1 \cdot 2 \cdot \begin{pmatrix} 2 \cdot 1 + 3 \cdot \begin{pmatrix} 2 \cdot 3 \\ -1 \cdot 1 \cdot 2 \cdot \begin{pmatrix} 2 \cdot 1 + 3 \cdot \begin{pmatrix} 2 \cdot 3 \\ -1 \cdot 1 \cdot 2 \cdot \begin{pmatrix} 2 \cdot 3 \\ -1 \cdot 1 \cdot 2 \cdot \begin{pmatrix} 2 \cdot 3 \\ -1 \cdot 2 \cdot \begin{pmatrix} 2 \cdot 1 \cdot 3 \cdot \begin{pmatrix} 2 \cdot 3 \\ -1 \cdot 2 \cdot \end{pmatrix} \end{pmatrix} \end{pmatrix} \end{vmatrix} \end{vmatrix} \end{vmatrix} \end{vmatrix}$$

18+3==2(3k=21-18

32 050

$$(c) \frac{1}{(1 \cdot 2) - ((-1) \cdot 5)} \begin{pmatrix} 2 & -5 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} = \frac{1}{10} \begin{pmatrix} 2 & -5 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{1}{5} & -\frac{1}{2} \\ \frac{1}{10} & \frac{1}{10} \end{pmatrix}$$

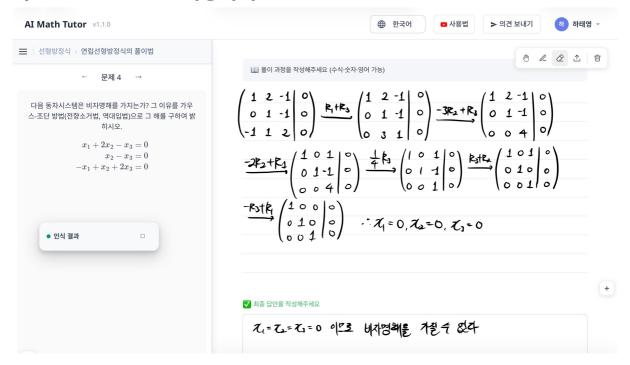
(d)
$$\frac{1}{(1.5)-(2.3)} \left(\frac{5}{5} - \frac{3}{3}\right) = -1 \cdot \left(\frac{5}{5} - \frac{3}{3}\right) = \left(\frac{-5}{3} - \frac{3}{3}\right)$$

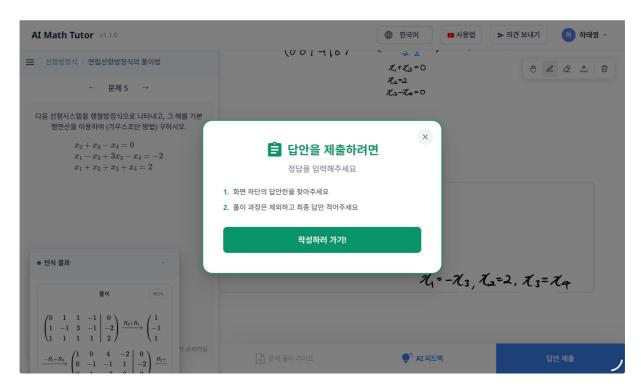
$$\frac{1}{4} \begin{pmatrix} 5 & 7 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}^{-1} = \frac{1}{4} \cdot \begin{pmatrix} \frac{2}{3} & -\frac{7}{6} \\ -\frac{1}{3} & \frac{5}{6} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{1}{6} & -\frac{7}{24} \\ -\frac{1}{12} & \frac{5}{24} \end{pmatrix}$$

 $20.(A) \begin{pmatrix} 1 & 3 \end{pmatrix}^{-1} \begin{pmatrix} 1 & 5 \end{pmatrix}^{-1} = \begin{pmatrix} -5 & 3 \\ 2 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \frac{1}{5} & -\frac{1}{2} \\ \frac{1}{10} & \frac{1}{10} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} (-5) \cdot \frac{1}{5} + (3 \cdot (\frac{1}{2})) & ((-5) \cdot (-\frac{1}{2})) + (3 \cdot \frac{1}{10}) \\ -4 & -\frac{3}{2} \cdot 2 \cdot (\frac{2}{2} + \frac{3}{2}) & \frac{5}{2} + \frac{3}{10} = \frac{25}{10} + \frac{3}{10} \\ (2 \cdot \frac{1}{5}) + (1 \cdot \frac{1}{10}) & (2 \cdot (-\frac{1}{2})) + (1 - 1) \cdot \frac{1}{10} \end{pmatrix}$ $\frac{2}{E} - \frac{1}{10} = (\frac{4}{10} - \frac{1}{10}) & -1 - \frac{1}{10} = -(\frac{10}{10} + \frac{1}{10})$

$$\frac{2}{5} - \frac{1}{16} = \left(\frac{4}{10} - \frac{1}{16}\right) \qquad -1 - \frac{1}{16} = -\left(\frac{10}{16} + \frac{1}{16}\right)$$

$$= \begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{28}{10} \\ \frac{3}{10} & -\frac{11}{10} \end{pmatrix}$$





- 문제 5 -

다음 선형시스템을 행렬방정식으로 나타내고, 그 해를 기본 행연산을 이용하여 (가우스조단 방법) 구하시오.

> $x_2 + x_3 - x_4 = 0$ $x_1 - x_2 + 3x_3 - x_4 = -2$ $x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = 2$

$$\frac{\binom{0}{1} + 3 - \binom{1}{-2}}{\binom{1}{1} + \binom{1}{3} - \binom{1}{-2}} \xrightarrow{R_1 \dagger R_3} \frac{\binom{1}{1} + 4 - 2}{\binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{2}} \xrightarrow{R_1 \dagger R_3} \frac{\binom{1}{1} + 4 - 2}{\binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{2}} \xrightarrow{R_1 \dagger R_3} \frac{\binom{1}{1} + 4 - 2}{\binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{2}} \xrightarrow{\binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1}} \xrightarrow{\binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1}} \xrightarrow{\binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1}} \xrightarrow{\binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1}} \xrightarrow{\binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1}} \xrightarrow{\binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1}} \xrightarrow{\binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1}} \xrightarrow{\binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1}} \xrightarrow{\binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1}} \xrightarrow{\binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1}} \xrightarrow{\binom{1}{1} + \binom{1}{1} + \binom{1}{1}$$

← 문제 6 | 서브문제 1 | 단답형 →

다음 선형 시스템에 대하여 물음에 답하시오.

$$x_1 - x_2 + 3x_3 = 1 \ 2x_1 + x_2 = 5 \ -x_1 - 5x_2 + 9x_3 = -7$$

Ax=b 와 같은 행렬방정식으로 나타내시오

$$\begin{pmatrix} 1 & -1 & 3 \\ 2 & 1 & 0 \\ -1 & -5 & 9 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} Z_1 \\ Z_2 \\ Z_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 5 \\ 7 \end{pmatrix}$$

$$\leftarrow$$
 문제 6 서브문제 2 단답형 \rightarrow 다음 선형 시스템에 대하여 물음에 답하시오.
$$x_1-x_2+3x_3=1\\ 2x_1+x_2=5\\ -x_1-5x_2+9x_3=-7$$
 [A b] 첨가행렬을 구한 다음 첨가행렬의 행 사다리꼴 (ref: row echelon form)을 구하시오.

$$\begin{pmatrix}
1 & -1 & 3 & | & 1 \\
2 & 1 & 0 & | & 5 \\
-1 & -5 & 9 & | & -7
\end{pmatrix}
\xrightarrow{-2k_1+k_2}
\begin{pmatrix}
1 & -1 & 3 & | & 1 \\
0 & 3 & -6 & | & 3 \\
-1 & -5 & 9 & | & -7
\end{pmatrix}$$

$$\xrightarrow{R_1+k_2}
\begin{pmatrix}
1 & -1 & 3 & | & 1 \\
0 & 3 & -6 & | & 3 \\
0 & -6 & | & 2 & | & -6
\end{pmatrix}$$

$$\xrightarrow{\frac{1}{8}k_2}
\begin{pmatrix}
1 & -1 & 3 & | & 1 \\
0 & 1 & -2 & | & 1 \\
0 & -6 & | & 2 & | & -6
\end{pmatrix}$$

$$\xrightarrow{\frac{1}{8}k_2}
\begin{pmatrix}
1 & -1 & 3 & | & 1 \\
0 & 1 & -2 & | & 1 \\
0 & 1 & -2 & | & 1
\end{pmatrix}$$

$$\xrightarrow{k_2+k_3}
\begin{pmatrix}
1 & -1 & 3 & | & 1 \\
0 & 1 & -2 & | & 1 \\
0 & 1 & -2 & | & 1
\end{pmatrix}$$

$$\xrightarrow{k_2+k_3}
\begin{pmatrix}
1 & -1 & 3 & | & 1 \\
0 & 1 & -2 & | & 1 \\
0 & 1 & -2 & | & 1
\end{pmatrix}$$

← 문제 7 →

가우스-조던 소거법을 이용하여 연립선형방정식을 풀어라.

$$\begin{cases} x_2 + 5x_3 = -4 \\ x_1 + 4x_2 + 3x_3 = -2 \\ 2x_1 + 7x_2 + x_3 = -2 \end{cases}$$

$$\begin{pmatrix}
0 & 1 & 5 & | & -4 \\
1 & 4 & 3 & | & -2 \\
2 & 7 & 1 & | & -2
\end{pmatrix}
\xrightarrow{R_1 + R_2}
\begin{pmatrix}
1 & 5 & 8 & | & -6 \\
1 & 4 & 3 & | & -2 \\
2 & 7 & 1 & | & -2
\end{pmatrix}
\xrightarrow{-2R_1 + R_2}
\begin{pmatrix}
1 & 5 & 8 & | & -6 \\
1 & 4 & 3 & | & -2 \\
2 & 7 & 1 & | & -2
\end{pmatrix}
\xrightarrow{-2R_1 + R_2}
\begin{pmatrix}
1 & 5 & 8 & | & -6 \\
2 & 7 & 1 & | & -2
\end{pmatrix}
\xrightarrow{-2R_1 + R_2}
\begin{pmatrix}
1 & 5 & 8 & | & -6 \\
0 & 1 & 5 & | & 4 \\
0 & 0 & 0 & | & 22
\end{pmatrix}$$

$$0 \neq 22 \quad \text{Example 1}$$