

## Paradigmas Fundamentales de Programación

### Programación de alto orden

Juan Francisco Díaz Frias

Maestría en Ingeniería, Énfasis en Ingeniería de Sistemas y Computación  
Escuela de Ingeniería de Sistemas y Computación,  
home page: <http://eisc.univalle.edu.co>  
Universidad del Valle - Cali, Colombia

## Plan

### 1 Generalidades

#### ■ Operaciones básicas

### 2 Operaciones básicas

- Abstracción procedimental
- Genericidad
- Instanciación
- Embebimiento

### 3 Aplicación: Abstracciones de ciclos

- Ciclos sencillos y ciclos con acumulación

## Plan

- 1 Generalidades
  - Operaciones básicas
- 2 Operaciones básicas
  - Abstracción procedimental
  - Genericidad
  - Instanciación
  - Embebimiento
- 3 Aplicación: Abstracciones de ciclos
  - Ciclos sencillos y ciclos con acumulación

## Plan

- 1 Generalidades
  - Operaciones básicas
- 2 Operaciones básicas
  - Abstracción procedimental
  - Genericidad
  - Instanciación
  - Embebimiento
- 3 Aplicación: Abstracciones de ciclos
  - Ciclos sencillos y ciclos con acumulación

## Plan

- 1 Generalidades
  - Operaciones básicas
- 2 Operaciones básicas
  - Abstracción procedimental
  - Genericidad
  - Instanciación
  - Embebimiento
- 3 Aplicación: Abstracciones de ciclos
  - Ciclos sencillos y ciclos con acumulación

## Programación de alto orden

### Definición

- Técnicas de programación disponibles cuando se usan valores de tipo procedimiento.
- Un procedimiento en el que ningún argumento es de tipo procedimiento se dice de **primer orden**.
- Un lenguaje que sólo permite esta clase de procedimientos se llama un **lenguaje de primer orden**.
- Un procedimiento que tiene al menos un procedimiento de primer orden como argumento se llama de **segundo orden**.
- Un procedimiento es de orden  $n + 1$  si tiene al menos un argumento de orden  $n$  y ninguno de orden más alto.
- La programación de alto orden significa, entonces, que los procedimientos pueden ser de cualquier orden.

### Operaciones básicas

## Programación de alto orden

### Definición

- Técnicas de programación disponibles cuando se usan valores de tipo procedimiento.
- Un procedimiento en el que ningún argumento es de tipo procedimiento se dice de **primer orden**.
- Un lenguaje que sólo permite esta clase de procedimientos se llama un **lenguaje de primer orden**.
- Un procedimiento que tiene al menos un procedimiento de primer orden como argumento se llama de **segundo orden**.
- Un procedimiento es de orden  $n + 1$  si tiene al menos un argumento de orden  $n$  y ninguno de orden más alto.
- La programación de alto orden significa, entonces, que los procedimientos pueden ser de cualquier orden.

### Operaciones básicas

## Programación de alto orden

### Definición

- Técnicas de programación disponibles cuando se usan valores de tipo procedimiento.
- Un procedimiento en el que ningún argumento es de tipo procedimiento se dice de **primer orden**.
- Un lenguaje que sólo permite esta clase de procedimientos se llama un **lenguaje de primer orden**.
- Un procedimiento que tiene al menos un procedimiento de primer orden como argumento se llama de **segundo orden**.
- Un procedimiento es de orden  $n + 1$  si tiene al menos un argumento de orden  $n$  y ninguno de orden más alto.
- La programación de alto orden significa, entonces, que los procedimientos pueden ser de cualquier orden.

### Operaciones básicas

- **Abstracción procedural:** la capacidad de representar cualquier abstracción en un valor de tipo procedimiento.



## Programación de alto orden

### Definición

- Técnicas de programación disponibles cuando se usan valores de tipo procedimiento.
- Un procedimiento en el que ningún argumento es de tipo procedimiento se dice de **primer orden**.
- Un lenguaje que sólo permite esta clase de procedimientos se llama un **lenguaje de primer orden**.
- Un procedimiento que tiene al menos un procedimiento de primer orden como argumento se llama de **segundo orden**.
- Un procedimiento es de orden  $n + 1$  si tiene al menos un argumento de orden  $n$  y ninguno de orden más alto.
- La programación de alto orden significa, entonces, que los procedimientos pueden ser de cualquier orden.

### Operaciones básicas

- **Abstracción procedimental:** la capacidad de convertir cualquier declaración en un valor de tipo procedimiento.
- **Genericidad:** la capacidad de pasar un valor de tipo procedimiento como argumento en una invocación a un procedimiento.
- **Instanciación:** la capacidad de convertir un valor de tipo procedimiento como argumento en una invocación a un procedimiento.

## Programación de alto orden

### Definición

- Técnicas de programación disponibles cuando se usan valores de tipo procedimiento.
- Un procedimiento en el que ningún argumento es de tipo procedimiento se dice de **primer orden**.
- Un lenguaje que sólo permite esta clase de procedimientos se llama un **lenguaje de primer orden**.
- Un procedimiento que tiene al menos un procedimiento de primer orden como argumento se llama de **segundo orden**.
- Un procedimiento es de orden  $n + 1$  si tiene al menos un argumento de orden  $n$  y ninguno de orden más alto.
- La programación de alto orden significa, entonces, que los procedimientos pueden ser de cualquier orden.

### Operaciones básicas

- **Abstracción procedimental**: la capacidad de convertir cualquier declaración en un valor de tipo procedimiento.
- **Genericidad**: la capacidad de pasar un valor de tipo procedimiento como argumento en una invocación a un procedimiento.
- **Instanciación**: la capacidad de devolver valores de tipo procedimiento como resultado de una invocación a un procedimiento.
- **Embebimiento**: la capacidad de colocar valores de tipo procedimiento dentro de estructuras de datos

## Programación de alto orden

### Definición

- Técnicas de programación disponibles cuando se usan valores de tipo procedimiento.
- Un procedimiento en el que ningún argumento es de tipo procedimiento se dice de **primer orden**.
- Un lenguaje que sólo permite esta clase de procedimientos se llama un **lenguaje de primer orden**.
- Un procedimiento que tiene al menos un procedimiento de primer orden como argumento se llama de **segundo orden**.
- Un procedimiento es de orden  $n + 1$  si tiene al menos un argumento de orden  $n$  y ninguno de orden más alto.
- La programación de alto orden significa, entonces, que los procedimientos pueden ser de cualquier orden.

### Operaciones básicas

- **Abstracción procedimental**: la capacidad de convertir cualquier declaración en un valor de tipo procedimiento.
- **Genericidad**: la capacidad de pasar un valor de tipo procedimiento como argumento en una invocación a un procedimiento.
- **Instanciación**: la capacidad de devolver valores de tipo procedimiento como resultado de una invocación a un procedimiento.
- **Embebimiento**: la capacidad de colocar valores de tipo procedimiento dentro de estructuras de datos.

## Programación de alto orden

### Definición

- Técnicas de programación disponibles cuando se usan valores de tipo procedimiento.
- Un procedimiento en el que ningún argumento es de tipo procedimiento se dice de **primer orden**.
- Un lenguaje que sólo permite esta clase de procedimientos se llama un **lenguaje de primer orden**.
- Un procedimiento que tiene al menos un procedimiento de primer orden como argumento se llama de **segundo orden**.
- Un procedimiento es de orden  $n + 1$  si tiene al menos un argumento de orden  $n$  y ninguno de orden más alto.
- La programación de alto orden significa, entonces, que los procedimientos pueden ser de cualquier orden.

### Operaciones básicas

- **Abstracción procedimental**: la capacidad de convertir cualquier declaración en un valor de tipo procedimiento.
- **Genericidad**: la capacidad de pasar un valor de tipo procedimiento como argumento en una invocación a un procedimiento.
- **Instanciación**: la capacidad de devolver valores de tipo procedimiento como resultado de una invocación a un procedimiento.
- **Embebimiento**: la capacidad de colocar valores de tipo procedimiento dentro de estructuras de datos.

## Programación de alto orden

### Definición

- Técnicas de programación disponibles cuando se usan valores de tipo procedimiento.
- Un procedimiento en el que ningún argumento es de tipo procedimiento se dice de **primer orden**.
- Un lenguaje que sólo permite esta clase de procedimientos se llama un **lenguaje de primer orden**.
- Un procedimiento que tiene al menos un procedimiento de primer orden como argumento se llama de **segundo orden**.
- Un procedimiento es de orden  $n + 1$  si tiene al menos un argumento de orden  $n$  y ninguno de orden más alto.
- La programación de alto orden significa, entonces, que los procedimientos pueden ser de cualquier orden.

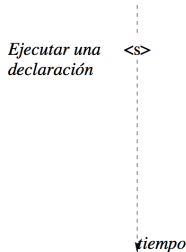
### Operaciones básicas

- **Abstracción procedimental**: la capacidad de convertir cualquier declaración en un valor de tipo procedimiento.
- **Genericidad**: la capacidad de pasar un valor de tipo procedimiento como argumento en una invocación a un procedimiento.
- **Instanciación**: la capacidad de devolver valores de tipo procedimiento como resultado de una invocación a un procedimiento.
- **Embebimiento**: la capacidad de colocar valores de tipo procedimiento dentro de estructuras de datos.

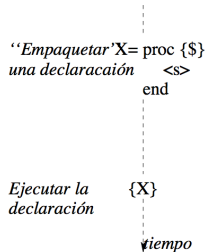
## Plan

- 1 Generalidades
  - Operaciones básicas
- 2 Operaciones básicas
  - **Abstracción procedimental**
  - Genericidad
  - Instanciación
  - Embebimiento
- 3 Aplicación: Abstracciones de ciclos
  - Ciclos sencillos y ciclos con acumulación

## Abstracción procedimental (1)



Ejecución normal



Ejecución retardada

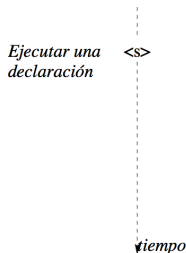
### Ejecución retardada

- Como el valor de tipo procedimiento contiene un ambiente contextual, ejecutarlo produce exactamente el mismo resultado que ejecutar  $\langle d \rangle$ .

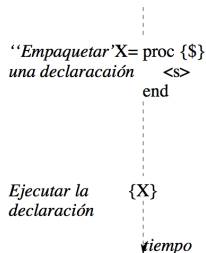
### Importancia de la clausura

- La abstracción procedimental subyace a la programación de alto orden y a la programación orientada a objetos, y es la principal herramienta para construir abstracciones.

## Abstracción procedimental (1)



Ejecución normal



Ejecución retardada

### Ejecución retardada

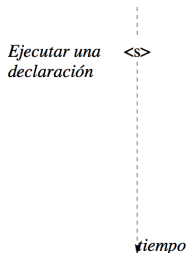
- Como el valor de tipo procedimiento contiene un ambiente contextual, ejecutarlo produce exactamente el mismo resultado que ejecutar  $\langle d \rangle$ .

### Importancia de la clausura

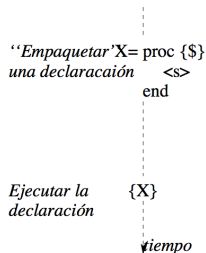
- La abstracción procedimental subyace a la programación de alto orden y a la programación orientada a objetos, y es la principal herramienta para construir abstracciones.



## Abstracción procedimental (1)



Ejecución normal



Ejecución retardada

### Ejecución retardada

- Como el valor de tipo procedimiento contiene un ambiente contextual, ejecutarlo produce exactamente el mismo resultado que ejecutar `<d>`.

### Importancia de la clausura

- La abstracción procedimental subyace a la programación de alto orden y a la programación orientada a objetos, y es la principal herramienta para construir abstracciones.

## Abstracción procedimental (2)

### Calculando raíces: sin abstracción

```

local A=1.0 B=3.0 C=2.0
      D SolReal X1 X2 in
  D=B*B-4.0*A*C
  if D>=0.0 then
    SolReal=true
    X1=(~B+{Sqrt D})/(2.0*A)
    X2=(~B-{Sqrt D})/(2.0*A)
  else
    SolReal=false
    X1=~B/(2.0*A)
    X2={Sqrt ~D}/(2.0*A)
  end
  {Browse SolReal#X1#X2}
end

```

### Calculando raíces: con abstracción

```

proc {EcCudad A B C
      ?SolReal ?X1 ?X2}
  D=B*B-4.0*A*C
in
if D>=0.0 then
  SolReal=true
  X1=(~B+{Sqrt D})/(2.0*A)
  X2=(~B-{Sqrt D})/(2.0*A)
else
  SolReal=false
  X1=~B/(2.0*A)
  X2={Sqrt ~D}/(2.0*A)
end
end
declare RS X1 X2 in
  {EcCudad 1.0 3.0 2.0 RS X1 X2}
  {Browse RS#X1#X2}

```

## Abstracción procedimental (2)

### Calculando raíces: sin abstracción

```

local A=1.0 B=3.0 C=2.0
      D SolReal X1 X2 in
  D=B*B-4.0*A*C
  if D>=0.0 then
    SolReal=true
    X1=(~B+{Sqrt D})/(2.0*A)
    X2=(~B-{Sqrt D})/(2.0*A)
  else
    SolReal=false
    X1=~B/(2.0*A)
    X2={Sqrt ~D}/(2.0*A)
  end
  {Browse SolReal#X1#X2}
end

```

### Calculando raíces: con abstracción

```

proc {EcCuad A B C
      ?SolReal ?X1 ?X2}
  D=B*B-4.0*A*C
in
if D>=0.0 then
  SolReal=true
  X1=(~B+{Sqrt D})/(2.0*A)
  X2=(~B-{Sqrt D})/(2.0*A)
else
  SolReal=false
  X1=~B/(2.0*A)
  X2={Sqrt ~D}/(2.0*A)
end
end
declare RS X1 X2 in
{EcCuad 1.0 3.0 2.0 RS X1 X2}
{Browse RS#X1#X2}

```

## Abstracción procedimental (3)

### Formas restringidas de abstracción

- En C, todas las definiciones de procedimientos son globales (no pueden estar anidadas).
- En Pascal, las definiciones de procedimientos pueden estar anidadas, pero los valores de tipo procedimiento sólo se pueden usar en el mismo alcance de la definición del procedimiento, y allí sólo mientras el programa se está ejecutando en ese alcance.
- Se hace difícil "empaquetar" una declaración y ejecutarla en otro lugar.
- Es imposible programar abstracciones de control nuevas. Pascal y C proveen un conjunto predefinido de abstracciones de control (tales como ciclos, condicionales y excepciones).

El problema: la administración de la memoria

## Abstracción procedimental (3)

### Formas restringidas de abstracción

- En C, todas las definiciones de procedimientos son globales (no pueden estar anidadas).
- En Pascal, las definiciones de procedimientos pueden estar anidadas, pero los valores de tipo procedimiento sólo se pueden usar en el mismo alcance de la definición del procedimiento, y allí sólo mientras el programa se está ejecutando en ese alcance.
- Se hace difícil "empaquetar" una declaración y ejecutarla en otro lugar.
- Es imposible programar abstracciones de control nuevas. Pascal y C proveen un conjunto predefinido de abstracciones de control (tales como ciclos, condicionales y excepciones).

El problema: la administración de la memoria

## Abstracción procedimental (3)

### Formas restringidas de abstracción

- En C, todas las definiciones de procedimientos son globales (no pueden estar anidadas).
- En Pascal, las definiciones de procedimientos pueden estar anidadas, pero los valores de tipo procedimiento sólo se pueden usar en el mismo alcance de la definición del procedimiento, y allí sólo mientras el programa se está ejecutando en ese alcance.
- Se hace difícil "empaquetar" una declaración y ejecutarla en otro lugar.
- Es imposible programar abstracciones de control nuevas. Pascal y C proveen un conjunto predefinido de abstracciones de control (tales como ciclos, condicionales y excepciones).

### El problema: la administración de la memoria

- En Pascal y C, la implementación estándar para el almacenamiento de datos es estática: cuando una variable es creada, se reserva espacio para ella en la memoria.

En consecuencia, el espacio de memoria para una variable no puede ser liberado hasta que la variable sea destruida. En consecuencia, el espacio de memoria para una variable no puede ser liberado hasta que la variable sea destruida.

## Abstracción procedimental (3)

### Formas restringidas de abstracción

- En C, todas las definiciones de procedimientos son globales (no pueden estar anidadas).
- En Pascal, las definiciones de procedimientos pueden estar anidadas, pero los valores de tipo procedimiento sólo se pueden usar en el mismo alcance de la definición del procedimiento, y allí sólo mientras el programa se está ejecutando en ese alcance.
- Se hace difícil “empaquetar” una declaración y ejecutarla en otro lugar.
- Es imposible programar abstracciones de control nuevas. Pascal y C proveen un conjunto predefinido de abstracciones de control (tales como ciclos, condicionales y excepciones).

### El problema: la administración de la memoria

- En Pascal y C, la implementación coloca parte del almacén en la pila semántica: guarda las variables locales.
- A las variables locales se les asigna espacio a la entrada al procedimiento, el cual devuelven a la salida correspondiente. Esto es mucho más sencillo que implementar la recolección de basura.
- Pasado un tiempo, los datos en memoria se vuelven basura.

## Abstracción procedimental (3)

### Formas restringidas de abstracción

- En C, todas las definiciones de procedimientos son globales (no pueden estar anidadas).
- En Pascal, las definiciones de procedimientos pueden estar anidadas, pero los valores de tipo procedimiento sólo se pueden usar en el mismo alcance de la definición del procedimiento, y allí sólo mientras el programa se está ejecutando en ese alcance.
- Se hace difícil “empaquetar” una declaración y ejecutarla en otro lugar.
- Es imposible programar abstracciones de control nuevas. Pascal y C proveen un conjunto predefinido de abstracciones de control (tales como ciclos, condicionales y excepciones).

### El problema: la administración de la memoria

- En Pascal y C, la implementación coloca parte del almacén en la pila semántica: guarda las variables locales.
- A las variables locales se les asigna espacio a la entrada al procedimiento, el cual devuelven a la salida correspondiente. Esto es mucho más sencillo que implementar la recolección de basura.
- Desafortunadamente, se crean fácilmente referencias sueltas.
- Se puede aliviar; en lenguajes orientados a objetos, tales como C++ o Java, es posible que los objetos jueguen el papel de los valores de tipo procedimiento.



## Abstracción procedimental (3)

### Formas restringidas de abstracción

- En C, todas las definiciones de procedimientos son globales (no pueden estar anidadas).
- En Pascal, las definiciones de procedimientos pueden estar anidadas, pero los valores de tipo procedimiento sólo se pueden usar en el mismo alcance de la definición del procedimiento, y allí sólo mientras el programa se está ejecutando en ese alcance.
- Se hace difícil “empaquetar” una declaración y ejecutarla en otro lugar.
- Es imposible programar abstracciones de control nuevas. Pascal y C proveen un conjunto predefinido de abstracciones de control (tales como ciclos, condicionales y excepciones).

### El problema: la administración de la memoria

- En Pascal y C, la implementación coloca parte del almacén en la pila semántica: guarda las variables locales.
- A las variables locales se les asigna espacio a la entrada al procedimiento, el cual devuelven a la salida correspondiente. Esto es mucho más sencillo que implementar la recolección de basura.
- Desafortunadamente, se crean fácilmente referencias sueltas.
- Se puede aliviar: en lenguajes orientados a objetos, tales como C++ o Java, es posible que los objetos jueguen el papel de los valores de tipo procedimiento.

## Abstracción procedimental (3)

### Formas restringidas de abstracción

- En C, todas las definiciones de procedimientos son globales (no pueden estar anidadas).
- En Pascal, las definiciones de procedimientos pueden estar anidadas, pero los valores de tipo procedimiento sólo se pueden usar en el mismo alcance de la definición del procedimiento, y allí sólo mientras el programa se está ejecutando en ese alcance.
- Se hace difícil “empaquetar” una declaración y ejecutarla en otro lugar.
- Es imposible programar abstracciones de control nuevas. Pascal y C proveen un conjunto predefinido de abstracciones de control (tales como ciclos, condicionales y excepciones).

### El problema: la administración de la memoria

- En Pascal y C, la implementación coloca parte del almacén en la pila semántica: guarda las variables locales.
- A las variables locales se les asigna espacio a la entrada al procedimiento, el cual devuelven a la salida correspondiente. Esto es mucho más sencillo que implementar la recolección de basura.
- Desafortunadamente, se crean fácilmente referencias sueltas.
- Se puede aliviar: en lenguajes orientados a objetos, tales como C++ o Java, es posible que los objetos jueguen el papel de los valores de tipo procedimiento.

## Abstracción procedimental (3)

### Formas restringidas de abstracción

- En C, todas las definiciones de procedimientos son globales (no pueden estar anidadas).
- En Pascal, las definiciones de procedimientos pueden estar anidadas, pero los valores de tipo procedimiento sólo se pueden usar en el mismo alcance de la definición del procedimiento, y allí sólo mientras el programa se está ejecutando en ese alcance.
- Se hace difícil “empaquetar” una declaración y ejecutarla en otro lugar.
- Es imposible programar abstracciones de control nuevas. Pascal y C proveen un conjunto predefinido de abstracciones de control (tales como ciclos, condicionales y excepciones).

### El problema: la administración de la memoria

- En Pascal y C, la implementación coloca parte del almacén en la pila semántica: guarda las variables locales.
- A las variables locales se les asigna espacio a la entrada al procedimiento, el cual devuelven a la salida correspondiente. Esto es mucho más sencillo que implementar la recolección de basura.
- Desafortunadamente, se crean fácilmente referencias sueltas.
- Se puede aliviar: en lenguajes orientados a objetos, tales como C++ o Java, es posible que los objetos jueguen el papel de los valores de tipo procedimiento.

## Plan

- 1 Generalidades
  - Operaciones básicas
- 2 Operaciones básicas
  - Abstracción procedimental
  - **Genericidad**
  - Instanciación
  - Embebimiento
- 3 Aplicación: Abstracciones de ciclos
  - Ciclos sencillos y ciclos con acumulación

## Genericidad (1)

### Qué es ...

- Es convertir una entidad específica (i.e., una operación o un valor) en el cuerpo de la función, en un argumento de la misma.
- Decimos que la entidad ha sido abstraída hacia afuera del cuerpo de la función.
- La entidad específica se recibe como entrada cuando se invoca la función.

- Si abstraemos: el número cero (0) y la operación de adición (+).

### Ejemplo:

```
fun {SumList L}
  case L
  of nil then 0
  [] X|L1 then
    X+(SumList L1)
  end
end
```

```
FoldR
fun {FoldR L F U}
  case L
  of nil then U
  [] X|L1 then
    (F X {FoldR L1
                F
                U})
  end
end
```

## Genericidad (1)

### Qué es ...

- Es convertir una entidad específica (i.e., una operación o un valor) en el cuerpo de la función, en un argumento de la misma.
- Decimos que la entidad ha sido abstraída hacia afuera del cuerpo de la función.
- La entidad específica se recibe como entrada cuando se invoca la función.

- Si abstraemos: el número cero (0) y la operación de adición (+).

### Ejemplo:

```
fun {SumList L}
  case L
  of nil then 0
  [] X|L1 then
    X+{SumList L1}
  end
end
```

```
FoldR
fun {FoldR L F U}
  case L
  of nil then U
  [] X|L1 then
    (F X {FoldR L1
               F
               U})
  end
end
```

## Genericidad (1)

### Qué es ...

- Es convertir una entidad específica (i.e., una operación o un valor) en el cuerpo de la función, en un argumento de la misma.
- Decimos que la entidad ha sido abstraída hacia afuera del cuerpo de la función.
- La entidad específica se recibe como entrada cuando se invoca la función.

- Si abstraemos: el número cero (0) y la operación de adición (+).

### Ejemplo:

```
fun {SumList L}
  case L
  of nil then 0
  [] X|L1 then
    X+{SumList L1}
  end
end
```

```
FoldR
fun {FoldR L F U}
  case L
  of nil then U
  [] X|L1 then
    (F X {FoldR L1
              F
              U})
  end
end
```

## Genericidad (1)

### Qué es ...

- Es convertir una entidad específica (i.e., una operación o un valor) en el cuerpo de la función, en un argumento de la misma.
- Decimos que la entidad ha sido abstraída hacia afuera del cuerpo de la función.
- La entidad específica se recibe como entrada cuando se invoca la función.

- Si abstraemos: el número cero (0) y la operación de adición (+).

### Ejemplo:

```
fun {SumList L}
  case L
  of nil then 0
  [] X|L1 then
    X+{SumList L1}
  end
end
```

```
FoldR
fun {FoldR L F U}
  case L
  of nil then U
  [] X|L1 then
    (F X {FoldR L1
               F
               U})
  end
end
```



## Genericidad (1)

### Qué es ...

- Es convertir una entidad específica (i.e., una operación o un valor) en el cuerpo de la función, en un argumento de la misma.
- Decimos que la entidad ha sido abstraída hacia afuera del cuerpo de la función.
- La entidad específica se recibe como entrada cuando se invoca la función.
- Si abstraemos: el número cero (0) y la operación de adición (+).

FoldR

```
fun {FoldR L F U}
  case L
  of nil then U
  [] X|L1 then
    {F X {FoldR L1
               F
               U}}
  end
end
```

### Ejemplo:

```
fun {SumList L}
  case L
  of nil then 0
  [] X|L1 then
    X+{SumList L1}
  end
end
```

## Genericidad (1)

### Qué es ...

- Es convertir una entidad específica (i.e., una operación o un valor) en el cuerpo de la función, en un argumento de la misma.
- Decimos que la entidad ha sido abstraída hacia afuera del cuerpo de la función.
- La entidad específica se recibe como entrada cuando se invoca la función.
- Si abstraemos: el número cero (0) y la operación de adición (+).

FoldR

```

fun {FoldR L F U}
  case L
  of nil then U
  [] X|L1 then
    {F X {FoldR L1
              F
              U}}
  end
end

```

### Ejemplo:

```

fun {SumList L}
  case L
  of nil then 0
  [] X|L1 then
    X+{SumList L1}
  end
end

```

## Genericidad (2)

FoldR: **abstracción de ciclos**

La función `{FoldR L F U}` hace lo siguiente:

```
{F X1
  {F X2
    {F X3
      ... {F Xn
        U} ...}}}
```

Ejemplo de aplicación

```
fun {SumList L}
  {FoldR L
    fun {$ X Y}
      X+Y end
    0}
end
```

Otro ejemplo: `ProductList`

```
fun {ProductList L}
  {FoldR L
    fun {$ X Y}
      X*Y end
    1}
end
```

Y otro más

```
fun {Some L}
  {FoldR L
    fun {$ X Y}
      X orelse Y
    end
    false}
end
```

## Genericidad (2)

FoldR: abstracción de ciclos

La función `{FoldR L F U}` hace lo siguiente:

```
{F X1
  {F X2
    {F X3
      ... {F Xn
        U} ...}}}
```

Ejemplo de aplicación

```
fun {SumList L}
  {FoldR L
    fun {$ X Y}
      X+Y end
    0}
end
```

Otro ejemplo: `ProductList`

```
fun {ProductList L}
  {FoldR L
    fun {$ X Y}
      X*Y end
    1}
end
```

Y otro más

```
fun {Some L}
  {FoldR L
    fun {$ X Y}
      X orelse Y
    end
    false}
end
```

## Genericidad (2)

FoldR: abstracción de ciclos

La función `{FoldR L F U}` hace lo siguiente:

```
{F X1
  {F X2
    {F X3
      ... {F Xn
        U} ...}}}
```

Ejemplo de aplicación

```
fun {SumList L}
  {FoldR L
    fun {$ X Y}
      X+Y end
    0}
end
```

Otro ejemplo: ProductList

```
fun {ProductList L}
  {FoldR L
    fun {$ X Y}
      X*Y end
    1}
end
```

Y otro más

```
fun {Some L}
  {FoldR L
    fun {$ X Y}
      X orelse Y
    end
    false}
end
```

## Genericidad (2)

FoldR: abstracción de ciclos

La función `{FoldR L F U}` hace lo siguiente:

```
{F X1
  {F X2
    {F X3
      ... {F Xn
        U} ...}}}
```

Ejemplo de aplicación

```
fun {SumList L}
  {FoldR L
    fun {$ X Y}
      X+Y end
    0}
end
```

Otro ejemplo: ProductList

```
fun {ProductList L}
  {FoldR L
    fun {$ X Y}
      X*Y end
    1}
end
```

Y otro más

```
fun {Some L}
  {FoldR L
    fun {$ X Y}
      X orelse Y
    end
    false}
end
```

## Genericidad (3)

### MergeSort Genérico

```

fun {MergeSortGen F Xs}
  fun {Mezclar Xs Ys}
    case Xs # Ys
    of nil # Ys then Ys
    [] Xs # nil then Xs
    [] (X|Xr) # (Y|Yr)
    then
      if {F X Y} then
        X|
        {Mezclar Xr Ys}
      else
        Y|
        {Mezclar Xs Yr}
      end
    end
  end
...

```

### MergeSort Genérico

```

...
fun {MS Xs}
  case Xs
  of nil then nil
  [] [X] then [X]
  else Ys Zs in
    {Dividir Xs Ys Zs}
    {Mezclar {MS Ys}
             {MS Zs}}
  end
end
in
  {MS Xs}
end

```

## Genericidad (3)

### MergeSort Genérico

```

fun {MergeSortGen F Xs}
  fun {Mezclar Xs Ys}
    case Xs # Ys
    of nil # Ys then Ys
    [] Xs # nil then Xs
    [] (X|Xr) # (Y|Yr)
    then
      if {F X Y} then
        X|
        {Mezclar Xr Ys}
      else
        Y|
        {Mezclar Xs Yr}
      end
    end
  end
end
...

```

### MergeSort Genérico

```

...
fun {MS Xs}
  case Xs
  of nil then nil
  [] [X] then [X]
  else Ys Zs in
    {Dividir Xs Ys Zs}
    {Mezclar {MS Ys}
             {MS Zs}}
  end
end
in
  {MS Xs}
end

```



## Genericidad (4)

Map

```
fun {Map Xs F}  
  case Xs  
  of nil then  
    nil  
  [] X|Xr then  
    {F X} | {Map Xr F}  
  end  
end
```

Filter

```
fun {Filter Xs F}  
  case Xs  
  of nil then  
    nil  
  [] X|Xr andthen  
    {F X} then  
    X | {Filter Xr F}  
  [] X|Xr then  
    {Filter Xr F}  
  end  
end
```

## Genericidad (4)

Map

```
fun {Map Xs F}  
  case Xs  
  of nil then  
    nil  
  [] X|Xr then  
    {F X} | {Map Xr F}  
  end  
end
```

Filter

```
fun {Filter Xs F}  
  case Xs  
  of nil then  
    nil  
  [] X|Xr andthen  
    {F X} then  
    X | {Filter Xr F}  
  [] X|Xr then  
    {Filter Xr F}  
  end  
end
```

## Plan

- 1 Generalidades
  - Operaciones básicas
- 2 Operaciones básicas
  - Abstracción procedimental
  - Genericidad
  - **Instanciación**
  - Embebimiento
- 3 Aplicación: Abstracciones de ciclos
  - Ciclos sencillos y ciclos con acumulación

## Instanciación

Qué es instanciar ...

- Es la capacidad de devolver un valor de tipo procedimiento como resultado.
- Suponga que `Ordenar` recibe dos entradas, una lista `L` y una función booleana `F`, y devuelve una lista ordenada.
- `CrearOrdenamiento` toma una función booleana de comparación `F` y devuelve una función de ordenamiento que utiliza a `F` como función de comparación.

`CrearOrdenamiento`

```
fun {CrearOrdenamiento F}  
  fun {$ L}  
    {Ordenar L F}  
  end  
end
```

Cada invocación a `CrearOrdenamiento` crea una **instancia**.

## Instanciación

### Qué es instanciar ...

- Es la capacidad de devolver un valor de tipo procedimiento como resultado.
- Suponga que `Ordenar` recibe dos entradas, una lista `L` y una función booleana `F`, y devuelve una lista ordenada.
- `CrearOrdenamiento` toma una función booleana de comparación `F` y devuelve una función de ordenamiento que utiliza a `F` como función de comparación.

`CrearOrdenamiento`

```
fun {CrearOrdenamiento F}  
  fun {$ L}  
    {Ordenar L F}  
  end  
end
```

Cada invocación a `CrearOrdenamiento` crea una **instancia**.

## Plan

- 1 Generalidades
  - Operaciones básicas
- 2 Operaciones básicas
  - Abstracción procedimental
  - Genericidad
  - Instanciación
  - Embebimiento
- 3 Aplicación: Abstracciones de ciclos
  - Ciclos sencillos y ciclos con acumulación

## Embebimiento

Es la capacidad de colocar los valores de tipo procedimiento en estructuras de datos.

### Usos

- **Evaluación perezosa explícita**, también llamada *evaluación retardada*. Construir estructuras de datos por demanda.
- **Módulos**. Un módulo es un registro que agrupa un conjunto de operaciones relacionadas.
- **Componentes de Software**. Un componente de software es un procedimiento genérico que recibe un conjunto de módulos como argumentos de entrada y devuelve un nuevo módulo.

## Embebimiento

Es la capacidad de colocar los valores de tipo procedimiento en estructuras de datos.

### Usos

- **Evaluación perezosa explícita**, también llamada *evaluacion retardada*. Construir estructuras de datos por demanda.
- **Módulos**. Un módulo es un registro que agrupa un conjunto de operaciones relacionadas.
- **Componentes de Software**. Un componente de *software* es un procedimiento genérico que recibe un conjunto de módulos como argumentos de entrada y devuelve un nuevo módulo.



## Embebimiento

Es la capacidad de colocar los valores de tipo procedimiento en estructuras de datos.

### Usos

- **Evaluación perezosa explícita**, también llamada *evaluacion retardada*. Construir estructuras de datos por demanda.
- **Módulos**. Un módulo es un registro que agrupa un conjunto de operaciones relacionadas.
- **Componentes de Software**. Un componente de *software* es un procedimiento genérico que recibe un conjunto de módulos como argumentos de entrada y devuelve un nuevo módulo.

## Embebimiento

Es la capacidad de colocar los valores de tipo procedimiento en estructuras de datos.

### Usos

- **Evaluación perezosa explícita**, también llamada *evaluacion retardada*. Construir estructuras de datos por demanda.
- **Módulos**. Un módulo es un registro que agrupa un conjunto de operaciones relacionadas.
- **Componentes de Software**. Un componente de *software* es un procedimiento genérico que recibe un conjunto de módulos como argumentos de entrada y devuelve un nuevo módulo.

## Plan

- 1 Generalidades
  - Operaciones básicas
- 2 Operaciones básicas
  - Abstracción procedimental
  - Genericidad
  - Instanciación
  - Embebimiento
- 3 Aplicación: Abstracciones de ciclos
  - Ciclos sencillos y ciclos con acumulación

## Abstracciones de ciclos (1)

### Los ciclos ...

- en el modelo declarativo tienden a ser pródigos en palabras porque necesitan invocaciones recursivas explícitas.
- son más concisos si se les define como abstracciones.
- Diferentes tipos de ciclos: “para”, sencillos, sobre enteros y sobre listas, y con acumuladores para volverlos más útiles.

### Ciclos sobre enteros y listas

#### Ciclo sobre enteros

```
{For A B S P}
```

```
{P A }
```

```
{P A+S }
```

```
{P A+2*S }
```

```
⋮
```

```
{P A+n*S }
```

(si  $S > 0$ : tantas veces como  $A+n*S \leq B$ )

(si  $S < 0$ : tantas veces como  $A+n*S \geq B$ )

#### Ciclo sobre listas

```
{ForAll L P}
```

```
{P X1}
```

```
{P X2}
```

```
{P X3}
```

```
⋮
```

```
{P Xn}
```

(donde  $L = [X1 X2 \dots Xn]$ )

## Abstracciones de ciclos (1)

### Los ciclos ...

- en el modelo declarativo tienden a ser pródigos en palabras porque necesitan invocaciones recursivas explícitas.
- son más concisos si se les define como abstracciones.
- Diferentes tipos de ciclos: “para”, sencillos, sobre enteros y sobre listas, y con acumuladores para volverlos más útiles.

### Ciclos sobre enteros y listas

#### Ciclo sobre enteros

```
{For A B S P}
```

```
{P A }
```

```
{P A+S }
```

```
{P A+2*S }
```

```
⋮
```

```
{P A+n*S }
```

(si  $S > 0$ : tantas veces como  $A+n*S \leq B$ )

(si  $S < 0$ : tantas veces como  $A+n*S \geq B$ )

#### Ciclo sobre listas

```
{ForAll L P}
```

```
{P X1}
```

```
{P X2}
```

```
{P X3}
```

```
⋮
```

```
{P Xn}
```

(donde  $L = [X1 X2 \dots Xn]$ )

## Abstracciones de ciclos (1)

### Los ciclos ...

- en el modelo declarativo tienden a ser pródigos en palabras porque necesitan invocaciones recursivas explícitas.
- son más concisos si se les define como abstracciones.
- Diferentes tipos de ciclos: “para”, sencillos, sobre enteros y sobre listas, y con acumuladores para volverlos más útiles.

### Ciclos sobre enteros y listas

#### Ciclo sobre enteros

```
{For A B S P}
```

```
{P A }
```

```
{P A+S }
```

```
{P A+2*S }
```

```
⋮
```

```
{P A+n*S }
```

(si  $S > 0$ : tantas veces como  $A+n*S \leq B$ )

(si  $S < 0$ : tantas veces como  $A+n*S \geq B$ )

#### Ciclo sobre listas

```
{ForAll L P}
```

```
{P X1}
```

```
{P X2}
```

```
{P X3}
```

```
⋮
```

```
{P Xn}
```

(donde  $L = [X1 X2 \dots Xn]$ )

## Abstracciones de ciclos (1)

### Los ciclos ...

- en el modelo declarativo tienden a ser pródigos en palabras porque necesitan invocaciones recursivas explícitas.
- son más concisos si se les define como abstracciones.
- Diferentes tipos de ciclos: “para”, sencillos, sobre enteros y sobre listas, y con acumuladores para volverlos más útiles.

### Ciclos sobre enteros y listas

#### Ciclo sobre enteros

{For A B S P}

{P A }

{P A+S }

{P A+2\*S }

⋮

{P A+n\*S }

(si  $S > 0$ : tantas veces como  $A+n*S \leq B$ )

(si  $S < 0$ : tantas veces como  $A+n*S \geq B$ )

#### Ciclo sobre listas

{ForAll L P}

{P X1}

{P X2}

{P X3}

⋮

{P Xn}

(donde  $L = [X1 X2 \dots Xn]$ )

## Abstracciones de ciclos (2)

### Ciclo sobre enteros

```

proc {For A B S P}
  proc {CicloAsc C}
    if C=<B then {P C}
                {CicloAsc C+S}
    end
  end
  proc {CicloDesc C}
    if C>=B then {P C}
                {CicloDesc C+S}
    end
  end
in
  if S>0 then {CicloAsc A} end
  if S<0 then {CicloDesc A} end
end

```

### Ciclo sobre listas

```

proc {ForAll L P}
  case L
  of nil then
    skip
  [] X|L2 then
    {P X}
    {ForAll L2
            P}
  end
end

```



## Abstracciones de ciclos (2)

### Ciclo sobre enteros

```

proc {For A B S P}
  proc {CicloAsc C}
    if C=<B then {P C}
                {CicloAsc C+S}
    end
  end
  proc {CicloDesc C}
    if C>=B then {P C}
                {CicloDesc C+S}
    end
  end
in
  if S>0 then {CicloAsc A} end
  if S<0 then {CicloDesc A} end
end

```

### Ciclo sobre listas

```

proc {ForAll L P}
  case L
  of nil then
    skip
  [] X|L2 then
    {P X}
    {ForAll L2
             P}
  end
end

```

## Abstracciones de ciclos (3)

### Desventajas ciclos sencillos

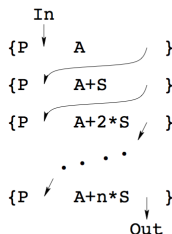
Sólo repiten una acción sobre diferentes argumentos, pero no calculan ningún resultado.

### Capacidad de acumulación

Es importante extenderlo con acumuladores para que sean útiles en el modelo declarativo.

Ciclo de acumulación sobre enteros

{ForAcc A B S P In Out}

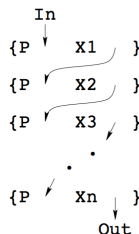


(si  $S > 0$ : tantas veces como  $A+n*S \leq B$ )

(si  $S < 0$ : tantas veces como  $A+n*S \geq B$ )

Ciclo de acumulación sobre listas

{ForAllAcc L P In Out}



(donde  $L = [X1 \ X2 \ \dots \ Xn]$ )

## Abstracciones de ciclos (4)

### Ciclos de acum. sobre enteros

```

proc {ForAcc A B S P In ?Out}
  proc {CA C In ?Out}
    Mid in
    if C=<B then {P In C Mid}
                {CA C+S Mid Out}
    else In=Out end
  end
  proc {CD C In ?Out}
    Mid in
    if C>=B then {P In C Mid}
                {CD C+S Mid Out}
    else In=Out end
  end
in
if S>0 then {CA A In Out} end
if S<0 then {CD A In Out} end
end

```

### Ciclos de acum. sobre listas

```

proc {ForAllAcc L P In ?Out}
  case L
  of nil then
    In=Out
  [] X|L2 then
    Mid in
      {P In X Mid}
      {ForAllAcc L2
                P
                Mid
                Out}
    end
  end
end

```

## Abstracciones de ciclos (4)

### Ciclos de acum. sobre enteros

```

proc {ForAcc A B S P In ?Out}
  proc {CA C In ?Out}
    Mid in
      if C=<B then {P In C Mid}
                {CA C+S Mid Out}
      else In=Out end
    end
  proc {CD C In ?Out}
    Mid in
      if C>=B then {P In C Mid}
                 {CD C+S Mid Out}
      else In=Out end
    end
  in
    if S>0 then {CA A In Out} end
    if S<0 then {CD A In Out} end
  end
end

```

### Ciclos de acum. sobre listas

```

proc {ForAllAcc L P In ?Out}
  case L
  of nil then
    In=Out
  [] X|L2 then
    Mid in
      {P In X Mid}
      {ForAllAcc L2
                P
                Mid
                Out}
    end
  end
end

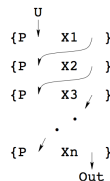
```

## Abstracciones de ciclos (5)

### Acumuladores sobre listas

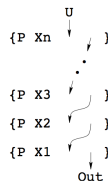
Plegado desde la izquierda

{FoldL L P U Out}



Plegado desde la derecha

{FoldR L P U Out}



Sea  $I = [x_1 \ x_2 \ x_3 \ \dots \ x_n]$ . Plegar  $I$  con el operador infijo  $f$  y el elemento neutro  $u$ , produce:

- $((\dots(((u \ f \ x_1) \ f \ x_2) \ f \ x_3) \ f \ \dots \ x_{n-1}) \ f \ x_n), o$
- $(x_1 \ f \ (x_2 \ f \ (x_3 \ f \ \dots \ (x_{n-1} \ f \ (x_n \ f \ u)) \ \dots)))$

## Abstracciones de ciclos (6)

### Soporte lingüístico

- `for I in A..B do <d> end`  
0:  
     `for I in A..B; S do <d> end`  
 cuando `S` es diferente de 1.
- `for X in L do <d> end`
- Aprovechando los patrones:  

```

for obj(nombre:N
      precio:P
      coordenadas:C)
in L do
  if P<1000 then
    {Browse N}
  end
end
end

```

### Ciclos declarativos versus imperativos

- El contador de un ciclo imperativo es una variable asignable a la cual se le asigna un valor diferente en cada iteración.
- En un ciclo declarativo en cada iteración se declara una nueva variable.
- No es asignación destructiva en absoluto.
- Es posible ejecutar las iteraciones de un ciclo declarativo concurrentemente sin cambiar el resultado final del ciclo. Por ejemplo:  

```

for I in A..B do
  thread <d> end
end

```

 ejecuta todas las iteraciones concurrentemente, pero cada una de ellas accede aún al valor correcto de `I`.

## Abstracciones de ciclos (6)

### Soporte lingüístico

- `for I in A..B do <d> end`  
0:  
     `for I in A..B;S do <d> end`  
 cuando `s` es diferente de 1.
- `for X in L do <d> end`
- Aprovechando los patrones:  

```

for obj(nombre:N
      precio:P
      coordenadas:C)
in L do
  if P<1000 then
    {Browse N}
  end
end
end

```

### Ciclos declarativos versus imperativos

- El contador de un ciclo imperativo es una variable asignable a la cual se le asigna un valor diferente en cada iteración.
- En un ciclo declarativo en cada iteración se declara una nueva variable.
- No es asignación destructiva en absoluto.
- Es posible ejecutar las iteraciones de un ciclo declarativo concurrentemente sin cambiar el resultado final del ciclo. Por ejemplo:  

```

for i in A..B do
  thread <d> end
end

```

 ejecuta todas las iteraciones concurrentemente, pero cada una de ellas accede aún al valor correcto de `I`.

## Abstracciones de ciclos (6)

### Soporte lingüístico

- `for I in A..B do <d> end`  
0:  
    `for I in A..B;S do <d> end`  
cuando `S` es diferente de 1.
- `for X in L do <d> end`
- Aprovechando los patrones:  
    `for obj(nombre:N`  
        `precio:P`  
        `coordenadas:C)`  
    `in L do`  
        `if P<1000 then`  
            `{Browse N}`  
        `end`  
    `end`

### Ciclos declarativos versus imperativos

- El contador de un ciclo imperativo es una variable asignable a la cual se le asigna un valor diferente en cada iteración.
- En un ciclo declarativo en cada iteración se declara una nueva variable.
- No es asignación destructiva en absoluto.
- Es posible ejecutar las iteraciones de un ciclo declarativo concurrentemente sin cambiar el resultado final del ciclo. Por ejemplo:  
    `for i in A..B do`  
        `thread <d> end`  
    `end`  
ejecuta todas las iteraciones concurrentemente, pero cada una de ellas accede aún al valor correcto de `I`.



## Abstracciones de ciclos (6)

### Soporte lingüístico

- `for I in A..B do <d> end`  
0:  
    `for I in A..B;S do <d> end`  
cuando `S` es diferente de 1.
- `for X in L do <d> end`
- Aprovechando los patrones:  
    `for obj(nombre:N`  
        `precio:P`  
        `coordenadas:C)`  
    `in L do`  
        `if P<1000 then`  
            `{Browse N}`  
        `end`  
    `end`

### Ciclos declarativos versus imperativos

- El contador de un ciclo imperativo es una variable asignable a la cual se le asigna un valor diferente en cada iteración.
- En un ciclo declarativo en cada iteración se declara una nueva variable.
- No es asignación destructiva en absoluto.
- Es posible ejecutar las iteraciones de un ciclo declarativo concurrentemente sin cambiar el resultado final del ciclo. Por ejemplo:  
    `for I in A..B do`  
        `thread <d> end`  
    `end`  
ejecuta todas las iteraciones concurrentemente, pero cada una de ellas accede aún al valor correcto de `I`.

## Abstracciones de ciclos (6)

### Soporte lingüístico

- `for I in A..B do <d> end`  
0:  
    `for I in A..B;S do <d> end`  
cuando `S` es diferente de 1.
- `for X in L do <d> end`
- Aprovechando los patrones:  
    `for obj(nombre:N`  
        `precio:P`  
        `coordenadas:C)`  
    `in L do`  
        `if P<1000 then`  
            `{Browse N}`  
        `end`  
    `end`

### Ciclos declarativos versus imperativos

- El contador de un ciclo imperativo es una variable asignable a la cual se le asigna un valor diferente en cada iteración.
- En un ciclo declarativo en cada iteración se declara una nueva variable.
- No es asignación destructiva en absoluto.
- Es posible ejecutar las iteraciones de un ciclo declarativo concurrentemente sin cambiar el resultado final del ciclo. Por ejemplo:  
    `for I in A..B do`  
        `thread <d> end`  
    `end`  
ejecuta todas las iteraciones concurrentemente, pero cada una de ellas accede aún al valor correcto de `I`.

## Abstracciones de ciclos (6)

### Soporte lingüístico

- `for I in A..B do <d> end`  
0:  
    `for I in A..B;S do <d> end`  
cuando `S` es diferente de 1.
- `for X in L do <d> end`
- Aprovechando los patrones:  
    `for obj(nombre:N`  
        `precio:P`  
        `coordenadas:C)`  
    `in L do`  
        `if P<1000 then`  
            `{Browse N}`  
        `end`  
    `end`

### Ciclos declarativos versus imperativos

- El contador de un ciclo imperativo es una variable asignable a la cual se le asigna un valor diferente en cada iteración.
- En un ciclo declarativo en cada iteración se declara una nueva variable.
- **No es asignación destructiva en absoluto.**
- Es posible ejecutar las iteraciones de un ciclo declarativo concurrentemente sin cambiar el resultado final del ciclo. Por ejemplo:  
    `for I in A..B do`  
        `thread <d> end`  
    `end`  
ejecuta todas las iteraciones concurrentemente, pero cada una de ellas accede aún al valor correcto de `I`.

## Abstracciones de ciclos (6)

### Soporte lingüístico

- `for I in A..B do <d> end`  
0:  
     `for I in A..B;S do <d> end`  
 cuando `S` es diferente de 1.
- `for X in L do <d> end`
- Aprovechando los patrones:  

```

for obj(nombre:N
      precio:P
      coordenadas:C)
in L do
  if P<1000 then
    {Browse N}
  end
end
end

```

### Ciclos declarativos versus imperativos

- El contador de un ciclo imperativo es una variable asignable a la cual se le asigna un valor diferente en cada iteración.
- En un ciclo declarativo en cada iteración se declara una nueva variable.
- **No es asignación destructiva en absoluto.**
- Es posible ejecutar las iteraciones de un ciclo declarativo concurrentemente sin cambiar el resultado final del ciclo. Por ejemplo:  

```

for I in A..B do
  thread <d> end
end

```

 ejecuta todas las iteraciones concurrentemente, pero cada una de ellas accede aún al valor correcto de `I`.