Protokoll

Gleichmäßig beschleunigte Drehbewegung Physikalisches Grundpraktikum

Free University Berlin

Christoph Haaf - christoph.haaf@fu-berlin.de Zacharias V. Fisches - zacharias.vf@gmail.com Tutor: Stefan Ulonska

12.12.2014

Inhaltsverzeichnis

1	Physikalischer Hintergrund	2
	Drehbewegung starrer Körpert	2
	Drehmoment	2
	Adiabengleichung	2
	Kappa & Freiheitsgrade	3
	Clemens-Desormes Methode	4
2	Aufgaben	4
	Aufgabe 1	4
	Aufgabe 2	4
3	Geräteliste	4
4	Nennfehler und Literaturwerte	4
5	Messprotokoll	4
6	Auswertung	5
	$ \text{Aufgabe 1 } \dots \dots$	5
	Aufgabe 2	5
7	Fazit	5

1 Physikalischer Hintergrund

Drehbewegung starrer Körpert

Eine Menge von Massepunkten, die fest miteinander verbunden sind (nicht verformbar), wird als starrer Körper bezeichnet. Die Drehbewegung (Rotation) wird durch die Winkelgeschwindigkeit $\varphi beschrieben$ und ist Abhängig vom Drehwinkel ϖ und der Zeit t.

Drehmoment

Wenn eine Kraft auf einen Hebelarm wirkt, erzeugt dies ein Drehmoment

$$\vec{M} = \vec{F} \times \vec{r} \tag{1}$$

Diese Formel ist allerdings nur eine Durchschnittsgröße und die Wärmekapazität kann von der Temperatur abhängen, sodass im einzelnen ein Limes benutzt werden muss:

$$C(T) = \lim_{\Delta T \to 0} \frac{Q}{\Delta T}$$

Außerdem hängt die Energie Q im allgemeinen von Druck und Volumen ab, sodass man C_p und C_V als Wärmekapazität bei konstantem Druck bzw. konstantem Volumen definiert. Bezogen auf die Masse oder die Stoffmenge ergeben sich die spezifische Wärmekapazität:

$$c = \frac{C}{m}$$

und mit der Stoffmenge n die $molare\ W\"{a}rmekapazit\"{a}t$:

$$C_{mol} = \frac{C}{n}$$

Analog folgt c_p und c_V und wir definieren das Verhältnis als Adiabaten exponent:

$$\kappa = \frac{c_p}{c_V} \tag{2}$$

Adiabengleichung

Der erste Hauptsatz der Thermodynamik besagt, dass die einem System zugeführte Wärme δQ und Arbeit (hier: Volumenarbeit $dW = -p \cdot dV$) die Zunahme seiner inneren Energie dU ausmacht:

$$dU = \delta Q - p \cdot dV \tag{3}$$

Für einen adiabatischen Prozess ist $\delta Q = 0$ und für ein ideales Gas gilt $dU = C_V dT$ und die thermische Zustandsgleichung idealer Gase:

$$p \cdot V = n \cdot R_m \cdot T,\tag{4}$$

wobei n die Stoffmenge und R_m die molare Gaskonstante ist. Durch einsetzen erhält man:

$$\frac{1}{T}dT = -\frac{nR_m}{C_V} \frac{1}{V}dV$$

Aufintegration beider Seiten und einsetzen von $nR_m = C_p - C_V$ liefert sofort:

$$\ln T + \frac{C_p - C_V}{C_V} \ln V = const$$

und nach Einsetzen von κ :

$$\ln(TV^{\kappa-1}) = const$$

$$\Longrightarrow TV^{\kappa-1} = const$$

Nochmaliges verwenden von (3) liefert die Poisson Gleichung:

$$\frac{pV}{nR_m}V^{\kappa-1} = const$$

$$\implies pV^{\kappa} = const$$
(5)

Kappa & Freiheitsgrade

Aus dem Äquipartitionstheorem folgt, dass sich die Energie eines Gases gleich auf die Freiheitsgrade verteilt. Für ein einatomiges ideales Gas gilt daher:

$$E = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}m(v_x^2 + v_y^2 + v_z^2)$$

Es kommen also drei Freiheitsgrade pro Atom vor, daher ist die mittlere Energie je Atom:

$$\langle E \rangle = \frac{3}{2}k_BT$$

Daraus folgt nach Differentiation nach der Temperatur für ein Gas von N Teilchen: $C_V = \frac{3}{2}Nk_BT$ und allgemein pro mol:

$$c_V = \frac{f}{2} N_A k_B \tag{6}$$

Wir verwenden weiterhin $c_p - c_V = R$ und $R = N_A k_B$. Daraus folgt dann für κ :

$$\kappa = \frac{c_p}{c_V} = \frac{R + c_V}{c_V}$$

$$= \frac{\frac{f}{2}N_A k_B + N_A k_B}{\frac{f}{2}N_A k_B} = \frac{\frac{f}{2}N_A k_B + \frac{2}{2}N_A k_B}{\frac{f}{2}N_A k_B}$$

$$\iff \kappa = \frac{f + 2}{f}$$
(7)

Clemens-Desormes Methode

Die Methode dient der experimentellen Bestimmung von κ eines Gases. Die Idee ist, durch geschicktes Messen des Drucks eines Gases, die schwierige Messung von kleinen Temperaturänderungen vermeiden zu können. Adiabatisch und reversible Zustandsänderungen, d.h. solche, die thermisch isoliert und ohne Erzeugung von Entropie ablaufen werden durch die Poisson Gleichungen beschrieben:

$$p \cdot V^{\kappa} = const \tag{8}$$

$$p^{1-\kappa}T^{\kappa} = const \tag{9}$$

Bei der Methode von Clemens-Desormes wird praktisch ein mit Gas bei einem Druck $p_1 > p_A$ befüllter Behälter auf Zimmertemperatur ins thermische Gleichgewicht gebracht, wobei p_A der Umgebungsdruck ist. Danach wird der Druck durch Öffnen des Behälters schnell auf Außendruck p_A gebracht. Die Temperaturabsenkung wäre schwierig direkt zu messen, darum wird nun der Behälter verschlossen und das Gas bei gleichem Volumen (isochor wieder ins thermische Gleichgewicht gebracht.

2 Aufgaben

Aufgabe 1

Bestimmung des Verhältnisses der spezifischen Wärmen $\frac{c_p}{c_V} = \kappa$ für Luft nach der Methode von Clemens-Desormes.

Aufgabe 2

Bestimmung des Wertes κ für ein einatomiges (Argon), ein zweiatomiges (N_2) und ein dreiatomiges Gas (CO_2) durch Messung der Eigenfrequenzen eines Gasoszillators. Vergleich der Ergebnisse untereinander und mit den erwarteten Werten aus der kinetischen Gastheorie für ein ideales Gas.

3 Geräteliste

4 Nennfehler und Literaturwerte

5 Messprotokoll

Please see inserted page.

6 Auswertung

Aufgabe 1

Wir messen drei verschiedene Höhen im Druckmanometer, und setzen in die Messgleichung zur Bestimmung von κ ein:

$$\kappa = \frac{dp_a}{dp_a + dp_i} \approx \frac{\Delta h_1}{\Delta h_1 - \Delta h_3} \tag{10}$$

Aufgabe 2

7 Fazit