

# Матанчик

Георгий Ежелев Р3132

26 октября 2025 г.

## 1 №6

$$f(x) = \begin{cases} 1, & \text{если } x \in \mathbb{Q}, \\ 0, & \text{если } x \notin \mathbb{Q} \end{cases}$$

Так как в любой окрестности числа из  $\mathbb{Q}$  есть также и числа и из  $\mathbb{I}$ , то есть в любой окрестности рациональной точки найдутся иррациональные и наоборот. Следовательно если функция будет иметь различные значения при рациональном и иррациональном аргументе, то ни у одной точки не будет предела (как правостороннего, так и левостороннего). Из этого следует, что  $f$  разрывна в каждой точке.

Композиция  $f(f(x))$  в свою очередь всегда будет равна 1, т.к.  $0, 1 \in \mathbb{Q}$ . чтд

## 2 №7

### 2.1 1

$e^x$  - монотонно возрастает на  $[-1; 1]$  следовательно и  $g^2$  тоже. Тогда в каждой точке  $x_0$  для функции  $g(x_0)$  возможно два значения  $+\sqrt{e^{x_0}}$  и  $-\sqrt{e^{x_0}}$ . Т.к.  $e^x$  всегда больше 0 для множества  $A_c$  возможно ровно две функции  $(+\sqrt{e^x}, -\sqrt{e^x})$ , а у множества  $A$  мощность равна  $|2^{[-1; 1]}|$ , т.к. в каждой точке из  $[-1; 1]$  возможен выбор между  $+$  и  $-$   $\sqrt{e^x}$ ; мощность континуума обозначается как  $c \Rightarrow$  мощность  $|A| = 2^c$ . Соответственно мощность множества  $A$  больше.