## Capítulo 9

## Abstração de dados

- 1. Suponha que desejava criar o tipo racional em Python. Um número racional é qualquer número que possa ser expresso como o quociente de dois inteiros: o numerador (um inteiro positivo, negativo ou nulo) e o denominador (um inteiro positivo). Os racionais a/b e c/d são iguais se e só se  $a \times d = b \times c$ .
  - (a) Especifique as operações básicas para o tipo racional.
  - (b) Escolha uma representação interna para o tipo racional.
  - (c) Escreva as operações básicas, de acordo com a representação escolhida.
  - (d) Escreva o transformador de saída escreve\_rac para o tipo racional. Por exemplo,

```
>>> escreve_rac(cria_rac(1, 3))
1/3
```

- (e) Escreva a função produto\_rac que calcula o produto de dois racionais. Se  $r_1 = a/b$  e  $r_2 = c/d$  então  $r_1 \times r_2 = ac/bd$ .
  - >>> escreve\_rac(produto\_rac(cria\_rac(1,3), cria\_rac(3,4)))
    3/12
- (f) Escreva a função soma\_rac que calcula a soma de dois racionais. Se  $r_1 = a/b$  e  $r_2 = c/d$  então  $r_1 + r_2 = (ad + bc)/bd$ .

```
>>> escreve_rac(soma_rac(cria_rac(1,3), cria_rac(3,4)))
13/12
```

- 2. Suponha que desejava criar em Python o tipo *relógio* para representar um instante de tempo dentro de um dia. Suponha que um relógio é caracterizado por um triplo de inteiros positivos, correspondentes às horas (entre 0 e 23), aos minutos (entre 0 e 59) e aos segundos (entre 0 e 59).
  - (a) Especifique as operações básicas para o tipo relógio.

- (b) Escolha uma representação interna para o tipo relógio recorrendo a listas.
- (c) Escreva as operações básicas, de acordo com a representação escolhida
- (d) Suponha que a representação externa para os elementos do tipo relógio é hh:mm:ss, em que hh são os dígitos que representam as horas, mm são os dígitos que identificam os minutos e ss são os dígitos que identificam os segundos. Escreva o transformador de saída, escreve\_relogio, para o tipo relógio. Por exemplo,

```
>>> escreve_relogio(cria_relogio(9, 2, 34))
09:02:34
```

(e) Escreva a função diferenca\_segundos que calcula o número de segundos entre dois instantes, representados por dois relógios. Esta função apenas deve produzir um valor se o segundo instante de tempo for posterior ao primeiro, gerando uma mensagem de erro se essa condição não se verificar. Por exemplo,

- (f) Suponha que altera a representação interna do tipo relógio para um dicionário com as chaves 'horas', 'min' e 'seg'. Escreva em Python as operações básicas, de acordo com esta nova representação.
- (g) O que deverá fazer às funções escreve\_relogio e diferenca\_segundos para que estas sejam usadas com esta nova representação? Justifique.
- 3. Suponha que desejava criar o tipo data em Python. Uma data é caracterizada por um dia (um inteiro entre 1 e 31), um mês (um inteiro entre 1 e 12) e um ano (um inteiro que pode ser positivo, nulo ou negativo). Para cada data, deve ser respeitado o limite de dias de cada mês, incluindo o caso de Fevereiro nos anos bissextos.

O tipo data tem as seguintes operações básicas:

- Construtores:
  - $cria\_data: \mathbb{N} \times \mathbb{N} \times \mathbb{N} \mapsto data$  $cria\_data(d, m, a)$  tem como valor a data com dia d, mês m e ano a.
- Seletores:
  - $\begin{array}{l} \ dia : data \mapsto \mathbb{N} \\ \ dia(dt) \ \text{tem como valor o dia da data} \ dt. \end{array}$
  - $-mes: data \mapsto \mathbb{N}$  mes(dt) tem como valor o mês da data dt.

- ano:  $data \mapsto \mathbb{Z}$ ano(dt) tem como valor o ano da data dt.

## • Reconhecedores:

- $-e\_data: universal \mapsto l\'ogico$  $e\_data(arg)$  tem o valor verdadeiro se arg é uma data e tem o valor falso em caso contrário.
- Testes:
  - $mesma\_data : data \times data \mapsto l\'ogico$  $mesma\_data(d_1, d_2)$  tem o valor verdadeiro se  $d_1$  e  $d_2$  correspondem à mesma data e tem o valor falso em caso contrário.
- (a) Escolha uma representação interna para o tipo data usando dicionários.
- (b) Escreva em Python as operações básicas, de acordo com a representação escolhida.
- (c) Supondo que a representação externa para um elemento do tipo data é dd/mm/aaaa ee (em que dd representa o dia, mm o mês, aaaa o ano e ee representa a era, a qual é omitida se o ano for maior que 0 e escrita AC se o ano for menor que zero), escreva o transformador de saída para o tipo data. Por exemplo

```
>>> escreve_data (cria_data (5, 9, 2014)) 05/09/2014  
>>> escreve_data (cria_data (5, 9, -10)) 05/09/0010 AC
```

(d) Defina a função data\_anterior que recebe como argumentos duas datas e tem o valor verdadeiro se a primeira data é anterior à segunda e falso caso contrário.

True

(e) Defina a função idade que recebe como argumentos a data de nascimento de uma pessoa e outra data posterior e devolve a idade da pessoa na segunda data.

```
>>> idade(cria_data(2, 1, 2003), cria_data(2, 1, 2005))
    2
>>> idade(cria_data(2, 1, 2003), cria_data(2, 3, 2006))
    3
```

4. Suponha que pretendia representar pontos num espaço carteziano. Cada ponto é representado por duas coordenadas, a do eixo dos xx e a do eixo dos yy, ambas contendo valores reais.

- (a) Especifique as operações básicas do tipo ponto.
- (b) Escolha uma representação para o tipo ponto.
- (c) Escreva em Python as operações básicas, de acordo com a representação escolhida.
- (d) Escreva uma função que recebe duas entidades do tipo *ponto* e que determina a distância entre esses pontos. A distância entre os pontos  $(x_1, y_1)$  e  $(x_2, y_2)$  é dada por  $\sqrt{(x_1 x_2)^2 + (y_1 y_2)^2}$ .
- (e) Escreva uma função que recebe como argumento um *ponto* e que determina o quadrante em que este se encontra. A sua função deve devolver um inteiro entre 1 e 4.
- 5. Considere o tipo *timestamp* para representar um instante de tempo. Um *timestamp* corresponde a um par constituído por uma data e por um relógio.
  - (a) Especifique as operações básicas para o tipo timestamp.
  - (b) Escolha uma representação para o tipo timestamp.
  - (c) Escreva as operações básicas com base na representação escolhida.
  - (d) Com base no tipo timestamp, escreva as seguintes funções:
    - i.  $depois: timestamp \times timestamp \mapsto l\'ogico$   $depois(ts_1, ts_2)$  tem o valor verdadeiro, se  $ts_1$  corresponder a um instante posterior a  $ts_2$ .
    - ii.  $num\_segundos: timestamp \mapsto inteiro$   $num\_segundos(t_s)$  tem como valor o número de segundos entre o timestamp com data 01/01/0000 e relógio 00:00:00 e o timestampts
- 6. O tipo *pilha* corresponde a uma pilha de objetos físicos, à qual apenas se pode aceder ao elemento no topo da pilha e apenas se podem adicionar elementos ao topo da pilha.
  - O tipo pilha é caraterizado pelas operações: nova\_pilha (cria uma pilha sem elementos), empurra (adiciona um elemento à pilha), topo (indica o elemento no topo da pilha), tira (devolve uma pilha igual ao seu argumento mas sem o elemento no topo da pilha), e\_pilha (decide se uma entidade é uma pilha), e\_pilha\_vazia (testa a pilha sem elementos) e pilhas\_iguais (testa a igualdade de pilhas).
  - (a) Especifique formalmente estas operações, e classifique-as em construtores, seletores, reconhecedores e testes.
  - (b) Escolha uma representação para o tipo pilha.
  - (c) Escreva em Python as operações básicas, de acordo com a representação escolhida.