تمرین ۳

هادی تمیمی 9622762408

اطلاعات گزارش	چکیده
تاریخ: ۱۴۰۰/۲/۶	
	در این تمرین با فیلترهای مختلف و حذف نویز میپردازیم. —
واژگان کلیدی:	
فیلترینگ مکانی	
فيلتر جعبه	
ماسکینگ غیرشارپ	
فيلتر ميانگين	
فيلتر ميانه	
شناسایی لبه	
نویز نمک و فلفل	
نویز گوسین	

۱–مقدمه

فیلترینگ مکانی یک تصویر را به این صورت تغییر میدهد که مقدار جدید هر پیکسل به کمک یک تابع از مقدار آن پیکسل و همسایه های آن بدست می آید.

اگر عملیاتی که بر روی پیکسل اجرا میشود خطی باشد، فیلتر را فیلتر مکانی خطی مینامیم.در غیر اینصورت آن را فیلتر مکانی غیرخطی گوییم.

یک فیلتر مکانی خطی عملیات جمعِ ضرب ها را بین تصویر f و فیلتر w انجام میدهد.ضرایب فیلترمشخص کننده خواص فیلتر میباشد. به این فیلتر ، ماسک یا پنجره میگویند.

٢-شرح تكنيكال

٣.١ فيلتر جعبه

این فیلتر،یک فیلتر خطی است. اگر فیلتر جعبه $n \times n$ داشته باشیم، جمع مقادیر پکسل ها در پنجره ای به طول n پیکسل به مضرب $\frac{1}{n^2}$ برای تعیین پیکسل مرکزی آن پنجره است.

٣.١.١

یکی از مشکلات این فیلتر حساس بودن آن به نویز میباشد.زیرا نویز معمولا با پیکسل های اطرافش اختلاف مقدار زیادی دارد و در میانگین گیری میتواند تاثیر منفی زیادی داشته باشد.

٣.١.٢

ویژگی های منفی در ابتدا زیاد میشوند اما به مرور با تکرار فیلتر تصویر تغییری پیدا نمیکند.دلیل این اتفاق قضیه آماری central limit میباشد و با تکرار فیلتر سطح خاکستری پیکسل های تصویر به سمت توزیع نرمال همگرا میشود.

٣.١.٣

با تکرار فیلتر برروی تصویر،تصویر blur تر میشود .زیرا با میانگین گیری پشت سر هر پیکسل بیشتر در تاثیر میانگین پیکسل های اطرافش قرار میگیرد

٣.١.۴

با انتخاب سایز ماسک بزرگ، نویز بیشتر گرفته میشود اما همزمان تصویر blur تر میشود .زیرا با انتخاب ماسک بزگتر پیکسل های بیشتر در میانگین گیری انتخاب میشوند و هر پیکسل تحت تاثیر تعداد بیشتری از پیکسل های اطرافش قرار میگیرد.

۳.۱.۵

انتخاب سایز ماسک برای هر تصویر متفاوت است باید به نسبت نویز موجود در تصویر انتخاب شود. در این تصویر انتخاب سایز ماسک ۳*۳ نتیجه قابل قبولی ایجاد می شود. در صورت اجرای فیلتر بر روی تصویر اصلی Elaine تصویر حاصل از اجرای یکبار فیلتر تصویر روی به سیاه شدن میرود.

٣.١.۶

با اجرای این مسئله رو خروجی ۳.۱.۳ (تصویر حاصل از فیلتر بیستم) پس از هر بار اعمال فیلتر تیره تر میشود تا جایی که تصویر کامل سیاه می شود.

٣.٢ فيلتر ميانه

این فیلتر،یک فیلتر غیرخطی است.در یک پنجره مشخص برای یک پیکسل خاص،میانه مقادیر پیکسل های درون پنجره را به عنوان مقدار جدید پیکسل در نظر میگیریم.

٣.٢.١

در نتیجه فیلتر میانه بر روی نـویز فلفـل و نمـک عملکـرد خـوبی دارد. بـرای انتخـاب سـایز پنچـره مناسـب بـر اسـاس میـزان density پنجـره کـم ممکـن اسـت نویز میتوان تصمیم گرفـت. اگـر نـویز در تصـویر چگـالی زیـادی داشـته باشـد،با سـایز پنجـره کـم ممکـن اسـت تصویر بطور کامل خراب شود و سـایز پنجـره بـزرگ میتوانـد تصـویر را بـیش از حـد blur کنـد در صـورتی کـه بـا انتخـاب پنجره کـوک تـر و مناسـب هـم نـویز را از بـین بـرد و هـم حـداقل میـزان blur شـدن را داشـت. بـرای همـین بـرای هـر تصویر باید متناسب با مقدار نویز سایز پنجره مناسب خود انتخاب شود.

٣.٢.٢

فیلتر میانگین بر روی تصاویر با نویز عملکرد ضعیفی دارد. هر چقدر سایز فیلتر بزرگتر باشد،این ضعف عمیق تر میشود هرچقدر فیلتر میانگین بزرگتری داشته باشید، این شدت تغییرات بیشتر خواهد بود. از سوی دیگر فیلتر میانه بر روی نـویز گاوسـین عملکـرد قابـل قبـولی دارد امـا اگـر انـدارزه پنجـره آن بـیش از حـد بـزرگ انتخـاب شـود نیـز تصـویر حاصل blur میشود.

٣.٢.٣

با استفاده از فیلتر median میتوان به خوبی نیز نمک و فلفل و گوسین را گرفت. ابتدا با انتخاب اندازه پنجره های MSE(orginal_img,filtered_img) متفاوت(از کوچک به برزگ در بازه محدودی) و مقایسه نتیجه های median برای آن تصویر انتخاب پنجره ای که کمترین مقدار نتیجه MSE را داشت را به عنوان پنجره ی فیلتر median برای آن تصویر انتخاب میکنیم(تا بهترین تعادل بین حذف نویز و تاری تصویر انتخاب شود). که در مثال تصویر Blaine با نویز گوسین مدود و نویز نمک و فلفل 0.1 ، در محدوه پنجره ی [7 .. 2] پنجره ی ۵*۵ بهترین نتیجه را میدهد .

٣.٣

۲.۳.۱

با داشتن تصویری تاریک و blur و نیوز شبه فلفل و نمک و فیلتر ابتدا با فیلتر میانه نویز فلفل و نمک را حذف میکنیم و سپس با مقادیر مناسب فیلتر unsharp masking (high boost) تصویر را sharp می کنیم و با افزایش مقدار هر پیکسل تصویر را روشن تر می کنیم.

4.4

4.4.1

این سه فیلتر لبه های عمودی تصویر را شناسایی میکنند. فیلتر b بسیار شبیه به فیلتر c است با این تفاوت که اهمیت کمتری پیکسل های کناری پیکسل مرکزی میدهد.در نتیجه شدت لبه کمتر میباشد.

فیلتر a با دو فیلتر دیگر تفاوت دارد.در واقع این فیلتر لبه های بیشتری را شناسایی میکند حتی اگر در واقعیت لبه خاصی در جایی که این فیلتر شناسایی کرده وجود نداشته باشد.زیرا این فیلتر برای فعال شدن فقط دو پیکسل کناری را در نظر میگیرد در حالی که دو فیلتر دیگر ۴ پیکسل مورب را نیز در نظر میگیرند و زمانی که لبه ای را پیدا کنند با اطمینان خاطر بیشتری میتوان گفت که آن واقعا یک لبه است.

فیلتر اول به دو فیلتر دیگر بار محاسباتی کمتری دارد و استفاده از آن بهینه تر است.

۳.۴.۲

فیلتر a تخمین مشتق افقی را محاسبه کرده و لبه های افقی را پیدا میکند. فیلتر b تخمین مشتق عمودی را محاسبه کرده و لبه های عمودی را پیدا میکند.

تفاوت این فیلترها با فیلترهای بخش قبل در این است که فیلترهای روبرت لبه های مورب و جزئی بیشتری را شناسایی میکنند.ولی فیلترهای b و c بخش قبل جزئیات کلی لبه ها را بدست می آورند.در مورد حجم محاسبات فیلترهای روبرت حجم محسباتب کمتری نسبت به فیلتر b و C بخش قبل دارد.

٣.۵

٣.۵.١

یک فیلتر ماسکینگ غیرشارپ ساده به فرم زیر میباشد:

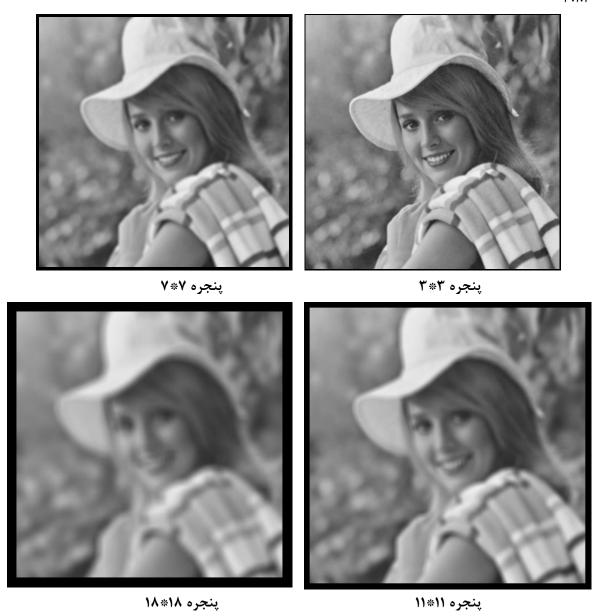
 $(1 - \alpha)I + \alpha I' = I + \alpha(I' - I)$

که برای شارپ کردن تصویر می تواند استفاده شود که در آن I تصویر اصلی، I' تصویر smooth شده است و α را به صورت دستی انتخاب می شود.در صورتی که مقدار α زیاد باشد،تاثیر تصویر هموارشده بر روی نتیجه بیشتر میشود و هرچه

مقدار آن کمتر باشد،تصویر اصلی بیشترین تاثیر را بر روی نتیجه خواهد گذاشت. در صورت انتخاب مقادیر زیاد لبه های تصویر برجسته تر میشود.

۲-شرح نتایج ۳.۱.۳

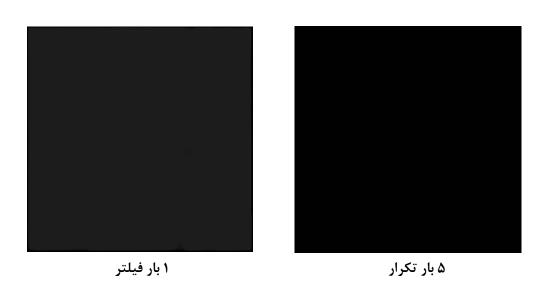




۳.۱.۵



٣.١.۶





۱۵ بار فیلتر روی تصویر اصلی Eliane



۱ بار فیلتر روی تصویر اصلی Eliane

۳.۲.۱

MSE(orginal img , filtered img)

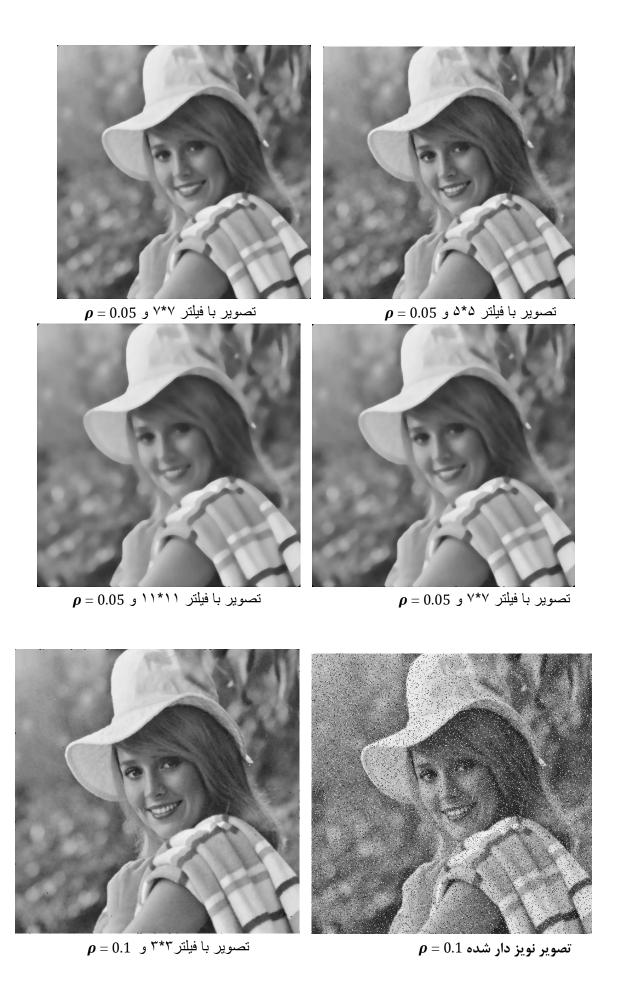
MSE	3 * 3	5 * 5	7 * 7	9 * 9	11*11
$\rho = 0.05$	۵۵/۲۰۱	40/01	۵۵/۲۰۱	٧٠/٧۴٢	۸۷/۸۴۴
$\rho = 0.1$	40/479	۵۳/۱۷۷	947/44	۸۲/۲۱۱	1.9/.8
$\rho = 0.2$	98/.4	10/109	117/9	12./97	197/40
$\rho = 0.4$	۸۴۸/۱۸	۱۸۳/۸۶	717/12	Y99/A	819/1
$\rho = 0.5$	1947/9	707/9V	Y97/Y9	44./94	417/.4

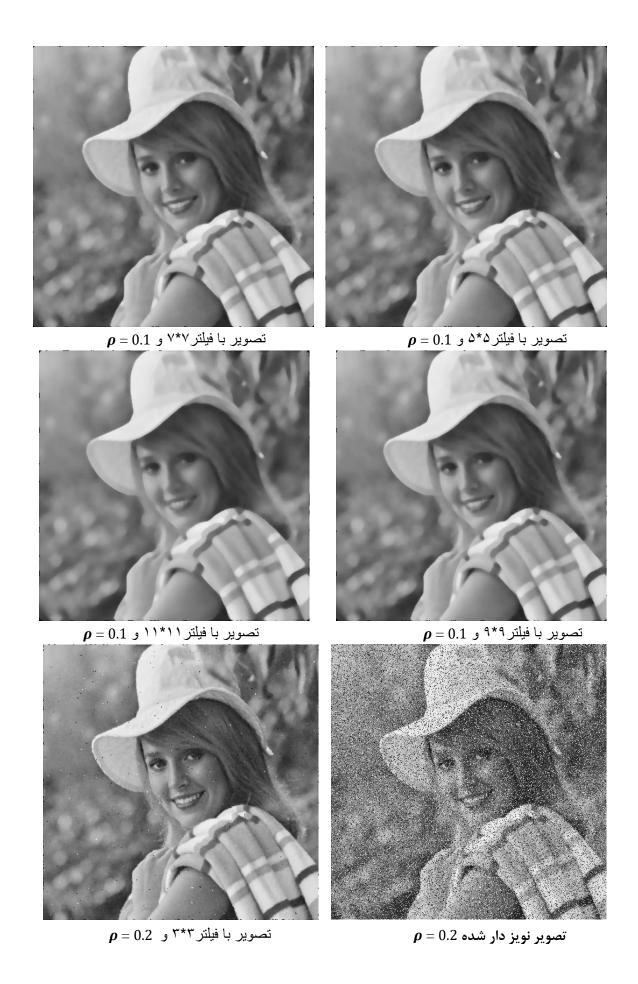


 $oldsymbol{
ho}=0.05$ و تصویر با فیلتر $oldsymbol{r}^*$ و



 $oldsymbol{
ho}=0.05$ تصویر نویز دار شده









WSE(orginal img , filtered img)

median	3 * 3	5 * 5	7 * 7	9*9	11*11
$\rho = 0.01$	127/47	1.7/70	٩٨/۶١٩	117/48	187/9
$\rho = 0.05$	٣٠۶/۶٢	727/94	747/79	Y & A / 9 9	YV9/91
ho = 0.1	٧٨٠/٨٩	779/41	V71/7A	٧٣٠/١٢	V40/49

Box filter	3 * 3	5 * 5	7 * 7	9*9	11*11
$\rho = 0.01$	222/94	۸۲۷/۷۲	1189/8	149./1	1410/9
$\rho = 0.05$	٧٠١/٠٢	971/00	١٢٨١/١	1099/٢	1977/0
$\rho = 0.1$	1107/0	1419/1	1719/9	۲۰۳۱/۶	7841/9



 $oldsymbol{
ho} = 0.05$, ۷st۷ فیلتر میانه

 $oldsymbol{
ho} = 0.05$,۷*۷ فیلتر میانگین

٣.٢.٣

median	2 * 2	3*3	4*4	5 * 5	6*6	7*7	7*7
	94A/41	T01/90	۳۵۸/۳۲	TVT/90	747/17	187/9	Y9Y/11



تصویر با فیلتر ۵*۵ میانه



0.1 نویز گوسین 0.05 و نویز نمک و فلفل

۲.۳.۱



تصویر پس از فیلتر و شارپ شدن و روشن شدن



تصویر نویز دار در تاریکی



 ${f b}$ حاصل اعمال فیلتر ${f a}$



 \mathbf{c} حاصل اعمال فيلتر

٣.۴.٢





ماصل اعمال فيلتر

a حاصل اعمال فيلتر

۲.۵.۱









alpha=1,filter=11*11

alpha=0.5,filter=11*11

alpha=2,filter=11*11



کد ها:

٣.1.٣

لود کردن تصویر و فراخوانی توابع و نمایش خروجی:

image = imread('Images/3/Elaine.bmp');
imwrite(image,'ORGINAL.png');

```
filter size =3;
box filter = ones(filter size, filter size); %creates 3*3 box filter
box filter = uint8(box filter);
output = box filtering(image,box filter,filter size);
step = 5;
max_range=50;
for i=1:max range
    if(mod(i,step)==0)
    imwrite(output, "FILTER("+i+").png");
    output = box filtering(output,box filter,filter size);
end
                                                            تابع box filtering:
function output=box filtering(img, filter, filter size)
    [R,C] = size(img);
    img = padarray(img, [1,1]);
    output = zeros(R,C,'uint8');
    for i=1:R
        for j=1:C
            if(i-filter size>=0 && j-filter size>=0 &&
i+filter_size<=R && j+filter size<=C)</pre>
            part = img(i:(i+filter size-1),j:(j+filter size-1));
            mult = part.*filter;
            out = sum(mult, 'all')/(filter size^2);
            output(i,j) = out;
            end
        end
    end
end
                                                                    4.1.4
                                            لود کردن تصویر و فراخوانی توابع و نمایش خروجی:
image = imread('Images/3/Elaine.bmp');
imwrite(image, 'ORGINAL.png');
filter size = [3;7;11;18]; %change this for differt mask size
for i=1:size(filter size)
    box filter = ones(filter size(i), filter size(i)); %creates X*X
box filter
    box filter = uint8(box filter);
    output = box_filtering(image,box_filter,filter size(i));
    imwrite(output, "FILTER SIZE("+filter size(i)+").png");
end
                                                            تابع box filtering:
function output=box filtering(img, filter, filter size)
    [R,C] = size(img);
    x = floor(filter size/2-1);
    img = padarray(img,[x,x]);
    output = zeros(R,C,'uint8');
    for i=1:R
```

```
for j=1:C
             if(i-filter size>=0 && j-filter size>=0 &&
i+filter size<=R && j+filter size<=C)</pre>
            part = img(i:(i+filter size-1), j:(j+filter size-1));
            mult = part.*filter;
             out = sum(mult, 'all')/(filter size^2);
            output(i,j) = out;
             end
        end
    end
                                                                     ٣.١.۵
                                                     فراخوانی توابع و نمایش خروجی:
image = imread('Images/3/Elaine.bmp');
imwrite(image, 'ORGINAL.png');
for filter size=2:6 %mask size 3 have a good balance
box filter = ones(filter size, filter size); %creates X*X box filter
box filter = uint8(box filter);
output = box filtering(image,box filter,filter size);
imwrite(output, "FILTER SIZE("+filter size+").png");
end
                                                             :box filtering تابع
function output=box filtering(img, filter, filter size)
    [R,C] = size(img);
    x = floor(filter size/2-1);
    img = padarray(img,[x,x]);
    output = zeros(R,C,'uint8');
    for i=1:R
        for j=1:C
             if(i-filter_size>=0 && j-filter_size>=0 &&
i+filter_size<=R && j+filter size<=C)</pre>
            part = img(i:(i+filter size-1),j:(j+filter size-1));
            mult = part.*filter;
            out = sum(mult, 'all')/(filter size^2);
            output(i,j) = out;
            end
        end
    end
end
                                                                     4.1.8
                                            لود کردن تصویر و فراخوانی توابع و نمایش خروجی:
%image = imread('Images/3/Elaine.bmp');
image = imread('Images/3/FILTER(20).png');
imwrite(image, 'ORGINAL.png');
filter size =3;
box filter=[0 -1 0; -1 5 -1; 0 -1 0]; %creates 3*3 box filter
box filter = uint8(box filter);
```

```
output = box filtering(image,box filter,filter size);
max range=50;
for i=1:max range
    imwrite(output, "FILTER("+i+").png");
    output = box filtering(output,box filter,filter size);
end
                                                             تابع box filtering:
function output=box filtering(img, filter, filter size)
    [R,C] = size(img);
    img = padarray(img, [1, 1]);
    output = zeros(R,C,'uint8');
    for i=1:R
        for j=1:C
            if(i-filter size>=0 && j-filter size>=0 &&
i+filter size<=R && j+filter size<=C)</pre>
            part = img(i:(i+filter_size-1),j:(j+filter_size-1));
            mult = part.*filter;
            out = sum(mult, 'all')/(filter size^2);
             output(i,j) = out;
            end
        end
    end
end
                                                                     ٣.٢.١
                                      لود کردن تصویر و ایجاد نویز و فراخوانی توابع و نمایش خروجی:
image = imread('Images/3/Elaine.bmp');
format shortg
imwrite(image, "orginal.png");
% change comment for diffrent noise ****
%noised img = imnoise(image, 'salt & pepper', 0.05);
%noised img = imnoise(image, 'salt & pepper', 0.1);
%noised img = imnoise(image, 'salt & pepper', 0.2);
%noised img = imnoise(image, 'salt & pepper', 0.4);
noised img = imnoise(image, 'salt & pepper', 0.5);
imwrite(noised img, "noised.png");
filters = [3;5;7;9;11];
filter numbers = size(filters);
%immses = zeros(4,1,'double');
%immses=[filter numbers];
for i=1:filter numbers
        filtered img=median filter(noised img, filters(i));
        imwrite(filtered img, "filter"+filters(i)+".png");
        %immse(image,x);
        %immses(i) = immse(image, x);
        mse ans(i) = immse(image, filtered img);
end
mse ans %showing mse table
```

```
function output=median filter(image,length)
    [R,C] = size(image);
    image = padarray(image,[floor(length/2),floor(length/2)]);
    output = zeros(R,C,'uint8');
    for i=1:R
        for j=1:C
            part = image(i:i+length-1, j:j+length-1);
            out = median(part, 'all');
            output(i,j) = out;
        end
    end
end
                                                                   T.T.T
                                       فراخوانی توابع و ایجاد نویز و اجرای فیلتر های متفاوت:
image = imread('Images/3/Elaine.bmp');
imwrite(image, "orginal.png");
format shortq
%change comment for diffrent input
%noised img = imnoise(image, 'gaussian', 0.01);
noised img = imnoise(image, 'gaussian', 0.05);
%noised img = imnoise(image, 'gaussian', 0.1);
imwrite(noised img, "noised.png");
filters = [3;5;7;9;11];
filter numbers = size(filters);
    for i=1:filter numbers
        box filter = ones(filters(i), filters(i)); %creates X*X
box filter
        box filter = uint8(box filter);
        avg filterd img =
box filtering(noised img,box filter,filters(i));
        imwrite(avg filterd img, "avg filter"+i+".png");
        avg_immse_ans(i) = immse(image, avg_filterd_img);
    end
disp('avg filter')
avg immse ans %showing mse table
    for j=1:filter numbers
        median filterd img =
median filtering(noised img, filters(j));
        imwrite(median filterd img, "median filter"+j+".png");
        median immse ans(j) = immse(image, median filterd img);
    end
disp('median filter')
median immse ans %showing mse table
```

```
function output=box filtering(img, filter, filter size)
    [R,C] = size(imq);
    x = floor(filter size/2-1);
    img = padarray(img, [x, x]);
    output = zeros(R,C,'uint8');
    for i=1:R
        for j=1:C
             if(i-filter size>=0 && j-filter size>=0 &&
i+filter_size<=R && j+filter size<=C)</pre>
            part = img(i:(i+filter size-1),j:(j+filter size-1));
            mult = part.*filter;
            out = sum(mult, 'all')/(filter size^2);
            output(i,j) = out;
            end
        end
    end
end
                                                          :median filtering
function output=median filtering(image, window size)
    [R,C] = size(image);
    image =
padarray(image, [floor(window_size/2), floor(window_size/2)]);
    output = zeros(R,C,'uint8');
    for i=1:R
        for j=1:C
            part = image(i:i+window size-1,j:j+window size-1);
            out = median(part, 'all');
            output(i,j) = out;
        end
    end
end
                                                                     T.T.T
                          لود کردن تصویر و فراخوانی توابع و اجرای فیلتر های متفاوت و نمایش خروجی:
image = imread('Images/3/Elaine.bmp');
imwrite(image, "orginal.png");
format shortg
gaussian = imnoise(image, 'gaussian', 0.05);
noised image = imnoise(gaussian,'salt & pepper',0.1);
imwrite(noised image, "noised.png");
filters = [2;3;4;5;6;7];
filter numbers = size(filters);
for i=1:filter numbers
    median filterd img = median filtering(noised image, filters(i));
    imwrite(median filterd img, "median("+filters(i)+").png");
    median immse ans(i) = immse(image, median filterd img);
median immse ans % shows MSE result
```

```
function output=median filtering(image, window size)
    [R,C] = size(image);
    image =
padarray(image,[floor(window size/2),floor(window size/2)]);
    output = zeros(R,C,'uint8');
    for i=1:R
        for j=1:C
             part = image(i:i+window size-1,j:j+window size-1);
             out = median(part, 'all');
             output(i,j) = out;
        end
    end
end
                                                                     7.7.1
                                          لود کردن تصویر و فراخوانی توابع و نمایش خروجی:
image = imread('Images/3/noisy2.jpg');
image = rgb2gray(image);
x = median filtering(image, 7);
x = unsharp masking filter(x, 2, 4); % sharping
x=brightness(x,10); % increase bightness
imwrite(image, "orginal.png");
imwrite(x, "out.png");
                                                          تابع unsharp masking:
function output=unsharp masking filter(image, alpha, i)
        smoothed img = imgaussfilt(image,i);
        output = image + alpha*(smoothed_img - image);
end
                                                            تابع تغيير brightness:
function output=brightness(img,add)
    [R,C] = size(img);
    output = zeros(R,C,'uint8');
    for i=1:R
        for j=1:C
             img(i,j) = img(i,j) + add;
             output(i,j) = img(i,j);
        end
    end
end
                                                           :median filtering
function output=median filtering(image, window size)
    [R,C] = size(image);
```

```
image =
padarray(image,[floor(window size/2),floor(window size/2)]);
    output = zeros(R,C,'uint8');
    for i=1:R
         for j=1:C
             part = image(i:i+window size-1,j:j+window size-1);
             out = median(part, 'all');
             output(i,j) = out;
         end
    end
end
                                                                        4.4.1
                                  لود كردن تصوير و ايجاد فيلتر ها و فراخواني توابع و نمايش خروجي:
image = imread('Images/3/Elaine.bmp');
image = double(image);
filter1 = [1 \ 0 \ -1]/2;
filter2 = [1 \ 0 \ -1; 1 \ 0 \ -1; 1 \ 0 \ -1]/6;
filter3 = [1 \ 0 \ -1; 2 \ 0 \ -2; 1 \ 0 \ -1]/8;
img1 = filtering(image, filter1);
img2 = filtering(image, filter2);
img3 = filtering(image, filter3);
imwrite(img1, 'out1.png');
imwrite(img2,'out2.png');
imwrite(img3,'out3.png');
                                                                  تابع اعمال فيلتر:
function output=filtering(image, filter)
    [R,C] = size(image);
    [x,y] = size(filter);
    image = padarray(image,[1,1]);
    output = zeros(R,C,'double');
    for i=1:R
         for j=1:C
             part = image(i:i+x-1,j:j+y-1);
             mult = part.*filter;
             out = sum(mult, 'all');
             output(i,j) = out;
         end
    end
end
                                                                        4.4.7
                                 لود كردن تصوير و تعريف فيلتر ها و فراخواني توابع و نمايش خروجي:
image = imread('Images/3/Elaine.bmp');
image = double(image);
filter1 = [1 0; 0 -1];
filter2 = [0 1; -1 0];
img1 = filtering(image, filter1);
img2 = filtering(image, filter2);
```

```
imwrite(img1, 'out1.png');
imwrite(img2,'out2.png');
                                                                تابع اعمال فيلتر:
function output=filtering(image, filter)
    [R,C] = size(image);
    [x,y] = size(filter);
    image = padarray(image,[1,1]);
    output = zeros(R,C,'double');
    for i=1:R
        for j=1:C
             part = image(i:i+x-1,j:j+y-1);
             mult = part.*filter;
             out = sum(mult, 'all');
             output(i,j) = out;
        end
    end
end
                                                                      ٣.۵.١
                                              لود کردن تصویر و تعریف مقادیر ورودی فیلتر:
image = imread('Images/3/Elaine.bmp');
filters = [3;5;7;9;11];
alpha = [0.5;1;2];
                                     اجراي unsharp masking با مقادير مختلف و نمايش خروجي :
for i=1:size(filters)
    f=filters(i);
    smoothed img = imgaussfilt(image, f);
    imwrite(smoothed img, "smoothed filter"+f+".png");
    for j =1:size(alpha)
        a = alpha(j);
        new image = image + a*(smoothed img - image);
        %imwrite(new image, "alpha"+a+"filter"+f+".png");
        figure
        imshow(new image);
        title("alpha="+a+", filter="+f+"*"+f);
    end
end
```

پایان:"))))