#### بسمه تعالى

هوش مصنوعی استنتاج در منطق مرتبهٔ اول - ۱ نیمسال اول ۱۴۰۲-۱۴۰۱

د کتر مازیار پالهنگ آزمایشگاه هوش مصنوعی دانشکدهٔ مهندسی برق و کامپیوتر دانشگاه صنعتی اصفهان

## استنتاج

همه ی انسان ها فنایذیر هستند

■ فرض كنيد:

 $\forall x \ Human(x) \Rightarrow Mortal(x)$ 

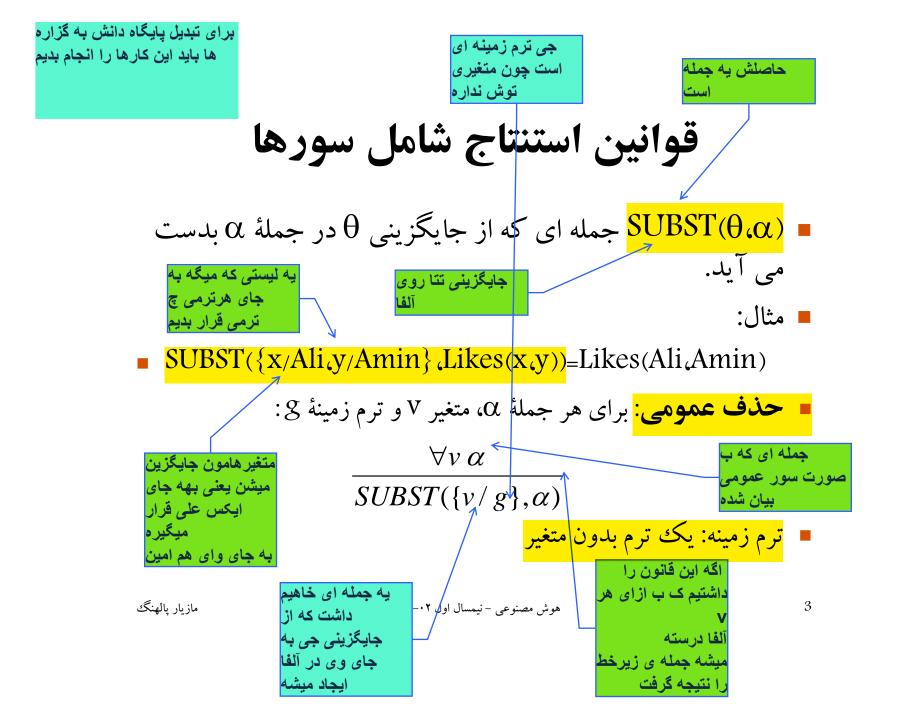
Human(Sograt)

توی پایگاه دانش داریم که سقراط انسان است-ایا میشه نتیجه گرفت سقراط فناپذیر است؟

تبدیل به حالت گزاره ای

میتونیم پایگاه دانش را به حالت گزاره ای دربیاریم و از همان قوانینی که توی منطق گزاره ای برای ر ۲۰۱-۲۰۰۱ استنتاج داشتیم

مازيار پالهنگ



هرکسی سیب را دوست داره

به جای ایکس یه ترم زمینه ای قرار میدیم

■ بطور مثال: (X Likes(x،Apple لا

- Likes(Amin, Apple)
- Likes(Amir Apple)

نتیجه میگیریم ک امین سیب را دوست-داره

این یه قانونه

**...** 

ح**ذف وجودی:** برای هر جملهٔ  $\alpha$ ، متغیر V و نماد ثابت K که در جای دیگری از پایگاه دانش ظاهر نشده:

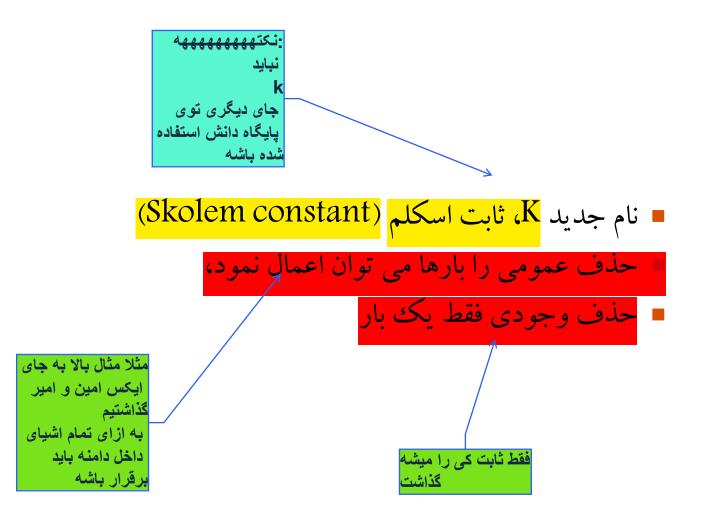
یه متغیر وی وجود داره که آلفا براش برقرار است

 $\exists v \alpha$ 

 $SUBST(\{v/K\},\alpha)$ 

مازيار پالهنگ

میشه جمله ی آلفا را نتیجه گرفت که به جای وی ثابت k رو قرار بدیم هوش مصنوعی - نیمسال اول ۱۴۰۱-۱۴۰۱



مازيار پالهنگ

هوش مصنوعي - نيمسال اول ١٤٠١-١٤٠١

تبدیل پایگاه دانش به حالت گزاره ای

اینجا یه جمله در منطق مرتبه اول داریم که میخایم به گزاره ها تبدیل کنیم

6

## کاهش به استنتاج گزاره ای

 $\forall x \ Human(x) \Rightarrow Mortal(x)$ 

به جای متغیر ایکس اشیایی ک توی دامنه هستند را میگذاریم

تبدیل می شود به:

 $Human(Bograt) \Rightarrow Mortal(Bograt)$ 

Human(Arashmidos)⇒Morta(Arashmidos)

Human(Sograt)⇒Mortal(Sograt)

. . .

Human(Sograt)←

این خودش یه گزاره

از جمله ی شرطی بالا که درباره ی سقراط درست شد و از گزاره اینکه سقراط انسان است

مازيار پالهنگ

طبق قانون انتزاع میشه نتیجه گرفت که سقراط فناپذیره چون مقدم درست شد و شرط هم درسته پس تالی به ناچار درسته

همه ی اینها ترم زمینه ای هستند چون هیچ متغیری توشون استفاده نشده

# کاهش به استنتاج گزاره ای

■ مشکل: نمادهای تابعی، تعداد زیادی ترمهای زمینه و جود دارند:

■ مثال: (Father(Amir) مثال: (

■ قضیهٔ هربرند: اگر یک جمله از یک پایگاه دانش منطق مرتبه اول ایجاب شد، توسط یک زیر مجموعهٔ محدود پایگاه دانش

گزاره ای شده ایجاب می شود

For n = 0 to  $\infty$  do

create a propositional KB by instantiating with depth-n terms

see if  $\alpha$  is entailed by this KB

محدودي قابل ايجاب شدن است

ای شده ایجاد کن

اون جمله را میشه از گزاره ای شدن پایگاه دانش بدست اور د

ما میخایم ببینیم آیا جمله ی الفا از پایگاه دانشی

ک داریم ایجاب میشه؟ میگه شما اول این پایگاه گزاره ای شده را تا

عمق صفر چک کن اگه آلفا ایجاب میشد که پیدا شد اگه نه عمق را یکی یکی زیاد کن

هوش مصنوعی – نیمسال اول ۱۴۰۱–۱۴۰

از اول لازم یست پایگاه دانش را به صورت گزاره ای دربیاریم چون اگه بخایم همه ی این توابع را تا عمق ان بسازیم یه پایگاه خیلی بزرگ میشه پس به تدریج میسازیم و چک میکنیم که ایجاب میشه یا ن؟

پایگاه اولیه توسط په زيرمجموعه ي

خروجی یدر امیر یه

ترم زمینه ای است چون خروجی تابع ها

ترم های زمینه ای است تعداد خیلی

زیادی از این خروجی تابع هارا میشه به جای نماد ثابت ستفاده کر د

یه پایگاه دانش گزاره

<del>باجایگذا</del>ری ترم ها تا

عمق ان

پایگاه دانش ک گزاره ای بشه ما قوانین استنتاج را در منطق گزاره ای داشتیم ولی مشکلی ک داره اینه ک با حذف سور عمومی تعداد زیادی جمله ایجاد میشه چون باید همه ی اشیای دامنه را جایگزینش کنیم درحالی که خیلی هاش مرتبط نیست با اون اسنتاجی که ما میخایم انجام بدیم مثلا ما میخاستیم فناپذیری سفراط را فقط نتیجه بگیریم ولی برای ارشمیدس و بقیه اعضای دامنه هم ایجاد

- مشکل: کار می کند اگر جمله ایجاب شود و گرنه در حلقه می افتد
- قضیهٔ تورینگ، چرچ: ایجاب کردن در م.م.ا. نیمه قابل تصمیم گیری است (الگوریتمهائی وجود دارد که به هر جملهٔ ایجاب شده بله بگوید، ولی الگوریتمی و جود ندارد که به هر جملهٔ ایجاب نشده نه ىگويد.

یعنی با اطمینان نمیشه گفت که اگه یه جمله ای ایجاب نشده پس حتما ابجاب نميشه

ما اسنتاج در منطق مرتبه اول انجام داديم تاحالا يعنى سور هامون را به گزاره تبدیل کردیم

- مشكل: تعداد جملات نامربوط توليد شده مى تواند خيلى زياد باشد.
  - مثلاً اگر داشتیم:

 $\forall x \, Teacher(x)$ 

ى - نيمسال اول ١٤٠١-١٤٠١

مازيار يالهنگ

جای ایکس بذاریم تعداد زیادی گزاره درست میشه راه حل: قانون انتزاع تعميم يافته

اینجا ما باید همهههه ی اشیای دامنه را به

هرکی گرسنه باشه و سیب دراختیارش باشه میخوره سیب را

## قانون انتزاع تعميم يافته

فرض کلید پایگاه دانش بصورت زیر باشد:

 $\forall x \ Hungry(x) \land Owns(x, Apple) \Rightarrow Eats(x, Apple)$ 

Owns(Amir, Apple)

Hungry(Amir)

ما میخایم فقط برای امیر به این نتیجه برسیم ک سیب را میخوره نه برای همه ی اعضای دامنه مثلا ناصر و اصغر و اکبر

می خواهیم سریعاً نتیجه بگیریم:

Eats(Amir, Apple)

■ حتى اگر داشتيم (y،Apple) حتى اگر داشتيم

مازيار پالهنگ

هوش مصنوعي - نيمسال اول ۱۴۰۱-۱۴۰۱



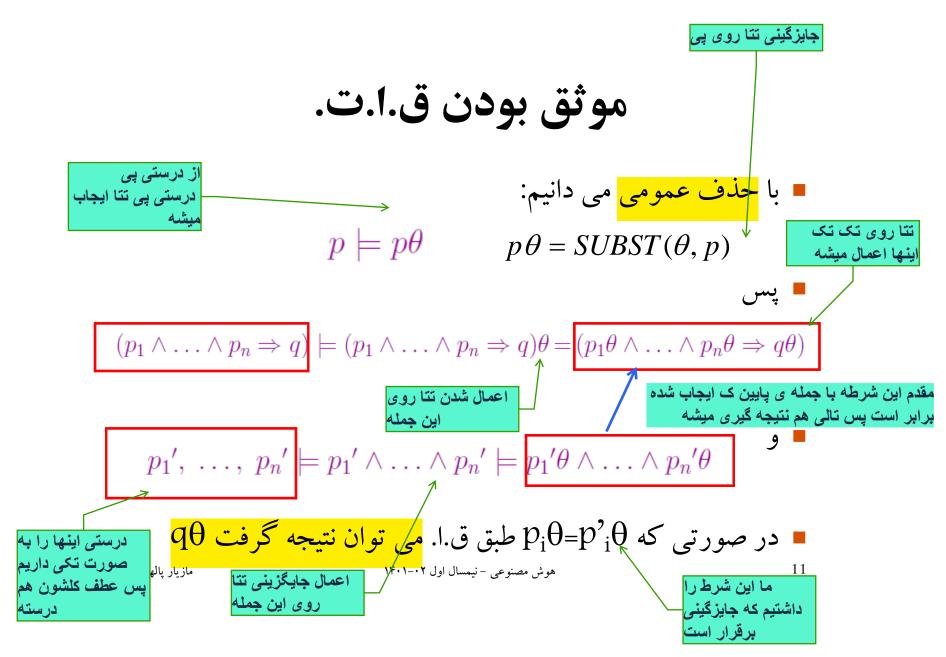
برای جملات اتمی  $P_i$ ،  $P_i$ و Q که یک جایگزینی  $\theta$  وجود دارد  $P_i$ 

بطوریکه  $SUBST(\theta, P_i') = SUBST(\theta, P_i)$  برای همهٔ iها: اگه نتا را روی پی ۱ و پی ۱ پریم جایگزینی باهم برابر میشن  $p_1, p_2, \cdots, p_n, (p_1 \land p_2 \land \cdots \land p_n \Rightarrow q)$  $SUBST(\theta,q)$ اعمال جايگزيني تتا باهم برابر میشن و روی جمله ی اتمی چندتا جمله ی اتمی جملات اتمی که باهم چون بینشون کاما عطف شدن ■ ارتقاء قانون انتزاع گذاشته ینی جداجدا باید همون جایگزینی ای که توی پایگاه دانش روی جمله های یی اعمال کردیم کیو هم خودش په وجود دارن را برای کیو هم اعمال کنیم جمله ی اتمی است يافته چرا تعميم يافته؟ هوش مصنوعي - نيمسال اول ١٤٠١-١٤٠١ با این جایگزینی ما میتونیم مقدم را پیدا اگه این جمله شرطی درست کنیم بعد از جایگزینی میتونیم تالی را نتیجه

اعمال كنيم اين دوتا جمله بعد از تتا وقتی روی پی۲ و پی۲ پریم اعمال بشه بعدش این دوتا جمله اگه این اتفاق افتاد میشه تالی قانون را سريعا نتيجه گرفت فقط

به این میگن قانون انتزاع تعمیم چون قانون انتزاع عادی میگفت

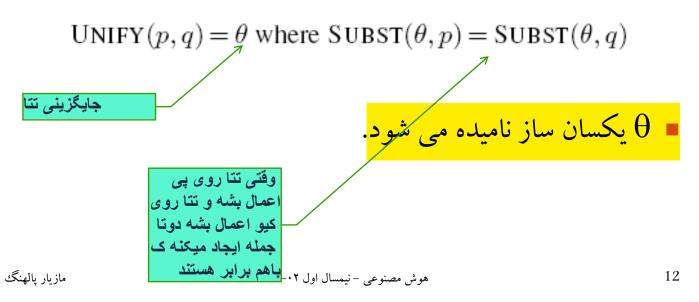
باشه و یی هم درست باشه کیو را میشه نتیجه گرفت



قانون انتزاع تعمیم یافته کمک میکنه جملات نامربوط ساخته نشه همون جایگزینی که باعث شد مولفه های مقدم باهم یکسان بشن روی تالی اعمال میشه

### ی<mark>کسان سازی</mark>

• روال یکسان سازی (unification) دو جملهٔ اتمی q و p را گرفته و یک جایگزینی بازمی گرداند که باعث شود q و p مشابه به نظر برسند.



میخایم یه یکسان ساز پیداکنیم برای دوتا جمله ی اتمی پی و کیو

این دوتا جمله باهم

چطوری میشه یکسانشون کرد؟ اگه به جای ایکس در جمله ی اول بگذاریم یکسان سازی

امیر هرکی را که میشناسه ازش متنفره

■ فرض كنيد:

 $\forall x \ Knows (Amir, x) \Rightarrow Hates(Amir, x)$ 

■ فرض کنید می خواهیم بدانیم امیر از چه کسانی متنفر است؟

Knows(Amir,x)

Knows(Amir,x)

Knows(y,Parviz)

Knows(Amir,x)

Knows(y,Mother(y))

Knows(Amir,x)

Knows(x,Saber)

{x/Hamid}

{x/Parviz.y/Amir}

{y/Amir,x/Mother(Amir)}

fail

13

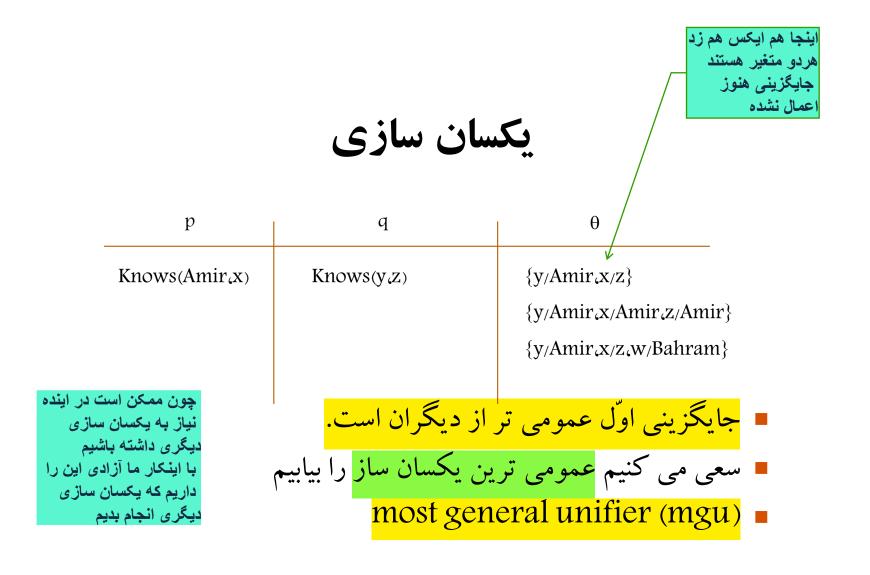
ظاهرش شکسته چون به جای ایکس هم صابر میاد هم امد

مازيار پالهنگ

#### یکسان سازی

- (Knows(x,Saber و Knows(x,Saber) یک معنا دارند.
- جداسازی استاندارد: دو جمله ای که در حال یکسان سازی هستند از متغیرهائی با نامهای متفاوت استفاده کنند.
- Unify(Knows(Amir,x1),Knows(x2,Saber))= $\{x1/Saber,x2/Amir\}$

امیر همه را میشناسه همه صابر را میشناسن پس امیر صابر را میشناسه



مازيار يالهنگ

هوش مصنوعي - نيمسال اول ١٤٠١-١٤٠

#### مثال

- بر اساس قانون فروش سلاح به کشورهای متخاصم توسط یک ایرانی جرم است. کشور فرضی، دشمن ایران تعدادی موشک در اختیار دارد و همهٔ آنها توسط مزدور که یک ایرانی است به آنها فروخته شده است.
  - مزدور مجرم است؟

#### تبدیل جمله های سوال به منطق مرتبه اول



- 3. همهٔ آنها توسط مزدور به آنها فروخته شده است. Missile(x)  $\wedge$  Owns(Farzi, x)  $\Rightarrow$  Sells(Mozdour, Farzi, x)
  - .4  $Missile(x) \Rightarrow Weapon(x)$
  - 5. نیز لازم است بدانیم: دشمن ایران به عنوان یک متخاصم به حساب می آید:

 $Enemy(x, Iran) \Rightarrow Hostile(x)$ 

- . مزدور یک ایرانی است.
- *Iranian*(*Mozdour*)
  - 7. کشور فرضی دشمن ایران ...

Enemy(Farzi, Iran)

- پایگاه دانش نماد تابعی ندارد
- به چنین پایگاهی Datalog گفته می شود. (کلاوزهای معین و بدون نماد تابعی)

مازيار يالهنگ

هوش مصنوعي - نيمسال اول ۱۴۰۱-۱۴۰۱

first order منطق مرتبهlogic اول

انجام بده تا چک کنیم

ایا میشه از مقدم ها

موردنظر سوال است؟

به تالی برسیم که

## لگوریتم زنجیربندی به جل

آیا جمله ی آلفا از یایگاه دانش ایجاد اگه ایجاب شد اون جایگزینی که باعث ایجاب شدن شده را رمیگردانه

**function** FOL-FC-ASK( $KB,\alpha$ ) **returns** a substitution or false **inputs**: KB, the knowledge base, a set of first-order definite clauses

آلفا یک جمله ی اتمی lpha, the query, an atomic sentence کلاوزهای معین در منطق مرتبه اول while true do  $new \leftarrow \{\}$  // The set of new sentences inferred on each iteration for each rule in KB do  $(p_1 \land ... \land p_n \Rightarrow q) \leftarrow SPANDARDIZE-VARIABLES(rule)$ for each  $\theta$  such that  $SUBST(\theta, p_1 \land ... \land p_n) = SUBST(\theta, p'_1 \land ... \land p'_n)$ اول باید استاندار د for some  $p'_1, \ldots, p'_n$  in KB سازی متغیرها را  $q' \leftarrow SUBST(\theta, q)$ انجام بده If q' does not unify with some sentence already in KB or new then یعنی متغیرهای باید add q' to newاسم های متفاوتی در آیا کیویریم با جمله ی آلفا  $\phi \leftarrow \text{UNIFY}(q', \alpha)$ هر قانون داشته قابل یکسان سازی است؟ if  $\phi$  is not failure then return  $\phi$ اگه جملات جدیدی اگه قابل یکسان سازی بود if  $new = \{\}$  then return false بدست اومدن اونهارا ینی آلفا از پایگاه دانش با add/*new* to *KB* به پایگاه اضافه کن و جايگزيني في ايجاب ميشده اگه نيو تهي است کیوپریم تالی است که اگرنجیربندی به جلو را مصنوعي - نيمسال اول ١٤٠١-١٤٠١ یس جایگزینی فی را یعنی همه ی قانون

تالی این قانون که بدست امده

میگیریم که جداساز اگه جدیده به نیو

تتا روش اعمال شده اضافش میکنیم

20

برگردان

ها را گشتیم و هیچ

جمله ای پیدا نکردیم

که با آلفا بکسان بشه

س فالس بر گر دان

#### زنجیربندی به جلو

چندتا جمله ی اتمی در پایگاه دانش به شکل زیر داریم از این جمله ها، کدوم هاشون با مقدم قانون ها میتوانند یکسان شوند؟

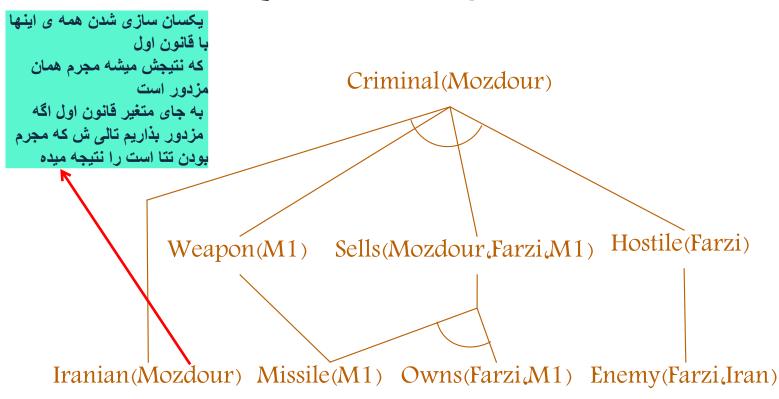
Iranian(Mozdour) Missile(M1) Owns(Farzi, M1) Enemy(Farzi, Iran)

مازيار پالهنگ

هوش مصنوعی – نیمسال اول ۱۴۰۱–۱۴۰



#### زنجیربندی به جلو



مازيار يالهنگ

هوش مصنوعی - نیمسال اول ۱۴۰۱–۱۴۰۱

#### زنجیربندی به جلو

- موثق و کامل برای کلاوزهای معین مرتبهٔ اول
- در حالت کلی اگر α ایجاب نشود ممکن است خاتمه نیابد.

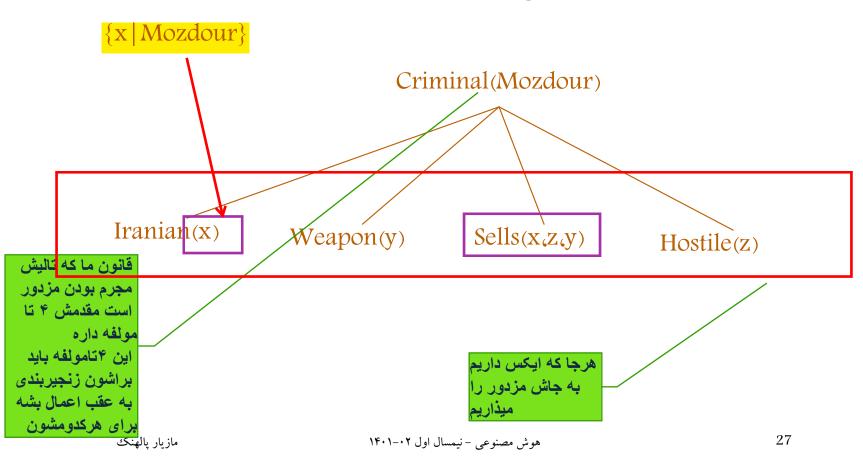


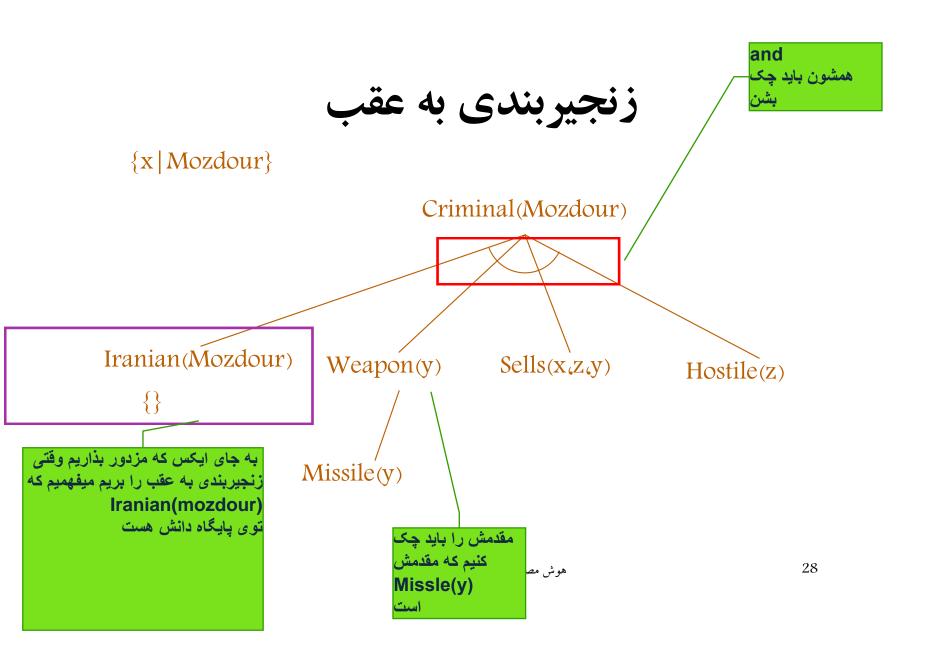
Criminal(Mozdour)

سوال آیا مزدور مجرم هست؟

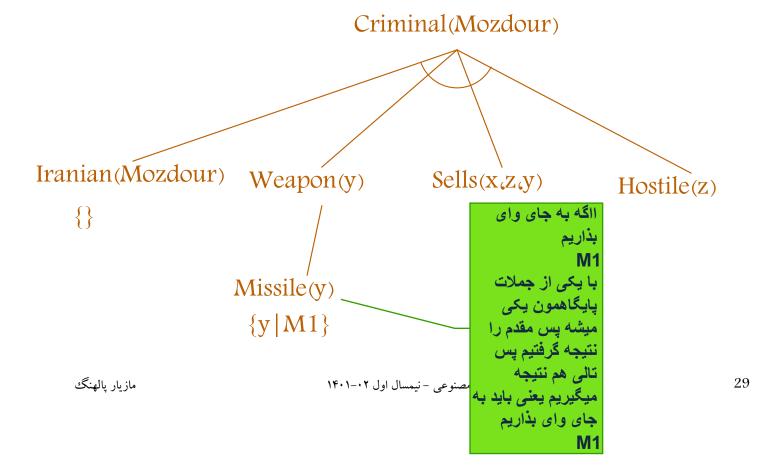
مازيار پالهنگ

هوش مصنوعي - نيمسال اول ١٤٠١-١٤٠١



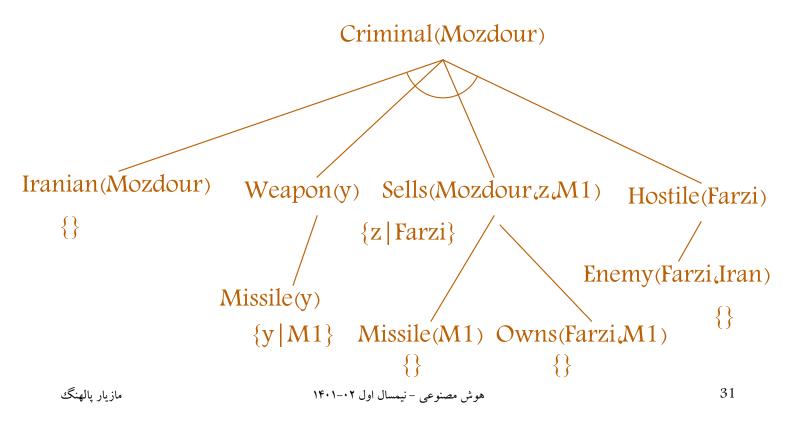


{x | Mozdour,y | M1}





{x | Mozdour,y | M1,z | Farzi}



- عمل بصورت عمق نخست
- ناکامل بخاطر امکان حلقه های بی پایان
  - استفاده شده در برنامه نویسی منطقی

مثل پرولوگ

مازيار پالهنگ

هوش مصنوعی - نیمسال اول ۱۴۰۱-۰۲

#### خلاصه

- چگونگی استنتاج در منطق مرتبه اول
- تبدیل به یک پایگاه منطق گزاره ای
  - استفاده از حذف عمومی
  - استفاده از حذف و جودى
    - عدم کارآئی مناسب
  - استفاده از قانون انتزاع تعميم يافته
- بکار گیری بصورت زنجیربندی به جلو
- بکار گیری بصورت زنجیربندی به عقب

مازيار يالهنگ

ایجاد تعدازیادی

جملات نامربوط و حجم زیادی میگیره

هوش مصنوعي - نيمسال اول ١٤٠١-١٤٠١



دانشگاه صنعتی اصفهان - مجموعه مفاخر اصفهان

هوش مصنوعی - نیمسال اول ۱۴۰۱-۲۲ مازیار پالهنگ

- دقت نمائید که پاورپوینت ابزاری جهت کمک به یک ارائهٔ شفاهی می باشد و به هیچ وجه یک جزوهٔ درسی نیست و شما را از خواندن مراجع درس بی نیاز نمی کند.
  - لذا حتماً مراجع اصلى درس را مطالعه نمائيد.
  - در تهیهٔ اسلایدها از سایت کتاب استفاده شده است.