

**Faculté de Technologie**  
**Département Ingénierie des systèmes Electrique**  
**Cryptographie et Sécurité Réseaux**  
**Série TDN°3**

**Exercice 1 :**

- 1- Effectuer les opérations suivantes :
  - ❖  $M = 4^5[35]$ ,  $M = 4^{20}[35]$ ,
  - ❖  $M = 20^3[100]$ ,  $M = 20^{24}[100]$ ,
  - ❖  $M = 123^4[100]$ ,  $M = 123^{27}[100]$ ,NB :  $[35] = (\text{mod} 35)$
- 2- Calculer avec l'algorithme d'Euclide le PGCD de
  - ❖ (221, 782)
  - ❖ (347, 537)
  - ❖ (1755, 1053)
  - ❖ (2175, 3277)
- 3- Utiliser l'algorithme d'Euclide étendu pour déterminer un inverse de :
  - ❖ 5 modulo 16
  - ❖ 56 modulo 75.
  - ❖ 75 modulo 13

**Exercice 2 :**

Soit la suite super croissante suivante  $d = \{2, 5, 8, 18, 38, 77\}$ .  
On prend  $m = 149$  et  $w = 139$ .  
- Donnez les clés privée et publique.  
Ce crypto-système est utilisé pour envoyer le message suivant :  
( 1101000101101011100011)  
- Calculez le message chiffré  
- Refaire le même travail pour  $m = 158$

**Exercice 3:**

On donne  $p = 5$  et  $q = 11$ . Trouver la clé publique  
Chiffrer les données  $M = 5$ ,  $M = 10$   
Déterminer la clé privée, déchiffrer les messages chiffrés

**Exercice 4 :**

Le message 'elect' est chiffré à l'aide du crypto-système RSA.  
L'alphabet (a, b, c, ....) est codé en ASCII de 97, 98, ... 122. Les nombres premiers du système sont  $p = 97$ ,  $q = 109$  et  $e = 7$ .  
Déterminer le message chiffré caractère par caractère

**Exercice 5 :**

Une banque distribue une clé publique (3, 33). On désire chiffrer le message d'un numéro de carte bancaire : 2128 2001 54 26.

- Donner le résultat de chiffrement avec la méthode RSA.
- Quelle pourrait être la clé privée. ?

**Exercice 6 :**

Le message 'elect' est chiffré à l'aide du crypto-système El Gamal.  
L'alphabet (a, b, c, ....) est codé en ASCII de 97, 98, ... 122. Les nombres premiers du système sont  $p = 2579$ . La clé publique ( $g = 2$ ,  $p = 2579$ ,  $\beta = 949$ ), la clé du chiffreur est  $k = 853$ . On donne la clé de déchiffrement :  $\alpha = 765$

Déterminer le message chiffré caractère par caractère.