Contents

	準備		
	1.1	init.el	
	1.2	tpl.cpp	
_		파	
2	文字		
	2.1	マッチング	
		2.1.1 複数文字列マッチング (Aho-Corasick 法)	
	2.2	Suffix Array	
3	グラ	7	
3	3.1	ラー 強連結成分分解	
	5.1	3.1.1 関節点	
		3.1.2 橋	
	2.0	3.1.3 強連結成分分解	
	3.2	フロー・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	
		3.2.1 最大流	
		3.2.2 二部マッチング	
		3.2.3 最小費用流	
	3.3	木	
		3.3.1 木の直径	
		3.3.2 最小シュタイナー木	
	3.4	包除原理	
		3.4.1 彩色数	
1	***		
4	数学		
4	数学 4.1	· 整数	
4		整数	
4		整数	
4		整数	
4		整数	
4		整数	
4	4.1	整数	
4		整数	
4	4.1	整数	

1 準備

1.1 init.el

linum は emacs24 のみ

```
; key
(keyboard-translate ?\C-h ?\C-?)
(global-set-key "\M-g" 'goto-line)

; tab
(setq-default indent-tabs-mode nil)
(setq-default tab-width 4)
(setq indent-line-function 'insert-tab)
; line number
(global-linum-mode t)
(setq linum-format "%4d ")
```

1.2 tpl.cpp

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
   #define rep(i,a) for(int i = 0; i < (a); i++)
   #define repi(i,a,b) for(int i = (a); i < (b); i++)
   #define repd(i,a,b) for(int i = (a); i >= (b); i--)
   #define repit(i,a) for(__typeof((a).begin()) i = (a).begin(); i != (a).end(); i++)
   #define all(u) (u).begin(),(u).end()
   #define rall(u) (u).rbegin(),(u).rend()
   #define UNIQUE(u) (u).erase(unique(all(u)),(u).end())
#define pb push_back
12 | #define mp make_pair
   const int INF = 1e9;
   const double EPS = 1e-8;
   const double PI = acos(-1.0);
   typedef long long 11;
17
   typedef vector<int> vi;
18
   typedef vector<vi> vvi;
   typedef pair<int,int> pii;
22
   int main(){
23
   }
```

2 文字列

2.1 マッチング

2.1.1 複数文字列マッチング (Aho-Corasick 法)

```
O(N+M)
```

```
struct PMA{
    PMA* next[256];    //0 is failure link
    vi matched;

PMA(){memset(next, 0, sizeof(next));}

PMA(){rep(i,256) if(next[i]) delete next[i];}
};
```

```
vi set_union(const vi &a,const vi &b){
        set_union(all(a), all(b), back_inserter(res));
       return res;
10
11
   // patternからパターンマッチングオートマトンの生成
12
   PMA *buildPMA(vector<string> pattern){
13
       PMA *root = new PMA, *now;
14
15
       root->next[0] = root;
       rep(i, patter.size()){
16
17
            now = root;
            rep(j, pattern[i].size()){
18
                if(now->next[(int)pattern[i][j]] == 0)
19
                    now->next[(int)pattern[i][j]] = new PMA;
20
                now = now->next[(int)pattern[i][j]];
21
22
23
            now->matched.push_back(i);
24
25
       queue < PMA*> que;
26
       repi(i,1,256){
            if(!root->next[i]) root->next[i] = root;
27
28
                root->next[i]->next[0] = root;
29
                que.push(root->next[i]);
30
31
32
       while(!que.empty()){
33
            now = que.front(); que.pop();
34
35
            repi(i,1,256){
36
                if(now->next[i]){
                    PMA *next = now->next[0];
37
38
                    while(!next->next[i]) next = next->next[0];
                    now->next[i]->next[0] = next->next[i];
39
                    now->next[i]->matched = set_union(now->next[i]->matched, next->next[i]->
40
                         matched):
41
                    que.push(now->next[i]);
               }
42
43
44
45
       return root;
46
   void match(PMA* &pma, const string s, vi &res){
47
       rep(i,s.size()){
48
            int c = s[i]:
49
            while(!pma->next[c])
50
51
               pma = pma->next[0];
            pma = pma->next[c];
52
            rep(j,pma->matched.size())
53
54
                res[pma->matched[i]] = 1:
55
   }
56
```

2.2 Suffix Array

```
5 | bool compare_sa(int i, int j) {
     if(rank[i] != rank[j]) return rank[i] < rank[j];</pre>
     else {
7
       int ri = i + k \leq n ? rank[i+k] : -1;
8
       int rj = j + k <= n ? rank[j+k] : -1;
9
       return ri < rj;
10
11
12
   }
13
   void construct_sa(string S, int *sa) {
     n = S.length();
15
     for(int i = 0; i <= n; i++) {
16
17
       sa[i] = i;
18
       rank[i] = i < n ? S[i] : -1;
19
     for (k = 1; k \le n; k*=2) {
20
21
       sort(sa, sa+n+1, compare_sa);
       tmp[sa[0]] = 0;
22
23
       for(int i = 1; i <= n; i++) {
         tmp[sa[i]] = tmp[sa[i-1]] + (compare_sa(sa[i-1], sa[i]) ? 1 : 0);
24
25
       for(int i = 0; i \le n; i++) {
26
27
         rank[i] = tmp[i];
28
29
     }
30
   }
31
   void construct_lcp(string S, int *sa, int *lcp) {
     int n = S.length();
     for(int i = 0; i <= n; i++) rank[sa[i]] = i;
35
     int h = 0;
     lcp[0] = 0;
     for(int i = 0; i < n; i++) {
       int j = sa[rank[i] - 1];
       if(h > 0) h--;
       for (; j + h < n \&\& i + h < n; h++) {
41
         if(S[j+h] != S[i+h]) break;
42
43
       lcp[rank[i] - 1] = h;
44
    }
45
   }
   //======= 使用例 =======//
   // 文字列検索(蟻本p338 改) O(|T|log|S|)
   // S中にTが含まれないなら -1. 含まれるならその先頭
   int find_string(string S, int *sa, string T) {
     int a = 0, b = S.length();
52
     while(b - a > 1) {
       int c = (a + b) / 2:
       if(S.compare(sa[c], T.length(), T) < 0) a = c;</pre>
54
55
       else b = c;
56
     }
57
     return (S.compare(sa[b], T.length(), T) == 0)?sa[b]:-1;
58
59
   // 最長共通部分文字列(蟻本p341 改) construct_sa以外はO(|S+T|)
60
   // (先頭, 長さ)を返す
   pair<int, int> LCS(string S, string T) {
     int sl = S.length();
63
     S += ' \setminus 0' + T;
65
     construct_sa(S, sa);
     construct_lcp(S, sa, lcp);
     int len = 0, pos = -1;
67
68
     for(int i = 0; i < S.length(); i++) {</pre>
69
       if(((sa[i] < sl) != (sa[i+1] < sl)) && (len < lcp[i])) {
70
         len = lcp[i];
         pos = sa[i];
71
```

FCCPC Library 2

3 グラフ

3.1 強連結成分分解

3.1.1 関節点

O(E)

ある関節点 ${\bf u}$ がグラフを ${\bf k}$ 個に分割するとき art には ${\bf k}$ -1 個の ${\bf u}$ が含まれる. 不要な場合は unique を忘れないこと.

```
vi G[MAX], art; // artに関節点のリストが入る
   int num[MAX], low[MAX], t, V;
   void visit(int v, int u){
       low[v] = num[v] = ++t;
       repit(e,G[v]){
            int w = *e;
            if (num[w] == 0) {
               visit(w, v);
                low[v] = min(low[v], low[w]);
10
                if ((num[v] == 1 && num[w] != 2) ||
11
                    (num[v] != 1 && low[w] >= num[v])) art.pb(v);
12
13
            else low[v] = min(low[v], num[w]);
14
15
16
17
   void art_point(){
18
       memset(low, 0, sizeof(low));
       memset(num, 0, sizeof(num));
19
20
       art.clear();
       rep(u, V) if (num[u] == 0) {
21
22
            t = 0;
23
            visit(u, -1);
       }
24
       /*
25
26
       sort(all(art));
       UNIQUE(art);
27
        */
28
29
```

3.1.2 橋

O(V+E)

```
vi G[MAX];
vector<pii>brdg; // brdgに橋のリストが入る
stack<int> roots, S;
int num[MAX], inS[MAX], t, V;

void visit(int v, int u){
    num[v] = ++t;
    S.push(v); inS[v] = 1;
    roots.push(v);
    repit(e, G[v]){
    int w = *e;
```

```
12
            if(!num[w]) visit(w, v);
13
            else if(u != w && inS[w])
14
                while(num[roots.top()] > num[w])
                    roots.pop();
15
16
17
        if(v == roots.top()){
            int tu = u, tv = v;
18
            if(tu > tv) swap(tu, tv);
19
20
            brdg.pb(pii(tu, tv));
            while(1){
21
22
                int w = S.top(); S.pop();
23
                inS[w] = 0;
                if(v == w) break;
24
25
            }
26
            roots.pop();
27
28
29
   void bridge(){
30
        memset(num, 0, sizeof(num));
31
        memset(inS, 0, sizeof(inS));
32
        brdg.clear();
33
        while(S.size()) S.pop();
34
35
        while(roots.size()) roots.pop();
36
        rep(u,V) if(num[u] == 0){
37
38
            visit(u,V);
            brdg.pop_back();
39
40
41
   }
```

3.1.3 強連結成分分解

O(V+E)

```
vi G[MAX];
   vvi scc; // ここに強連結成分分解の結果が入る
   stack<int> S;
   int inS[MAX], low[MAX], num[MAX], t, V;
   void visit(int v){
        low[v] = num[v] = ++t;
        S.push(v); inS[v] = 1;
        repit(e,G[v]){
10
            int w = *e;
11
            if(num[w] == 0){
12
                visit(w);
13
                low[v] = min(low[v], low[w]);
14
15
            else if(inS[w]) low[v] = min(low[v], num[w]);
16
17
        if(low[v] == num[v]){
            scc.pb(vi());
18
19
            while(1){
20
                int w = S.top(); S.pop();
                inS[w] = 0;
21
22
                scc.back().pb(w);
23
                if(v == w) break;
24
           }
       }
25
   }
26
27
   void stronglyCC(){
28
        t = 0;
29
        scc.clear();
30
```

FCCPC Library

```
31     memset(num, 0, sizeof(num));
32     memset(low, 0, sizeof(low));
33     memset(inS, 0, sizeof(inS));
34     while(S.size()) S.pop();
35     rep(u,V) if(num[u] == 0) visit(u);
36 }
```

3.2 フロー

3.2.1 最大流

 $O(EV^2)$

```
struct edge{int to, cap, rev;};
   vector<edge> G[MAX]:
   int level[MAX], itr[MAX];
    void add_edge(int from, int to, int cap){
        G[from].push_back((edge){to, cap, int(G[to].size())});
        G[to].push_back((edge){from, 0, int(G[from].size()-1)});
   void bfs(int s, int t){
10
        memset(level, -1, sizeof(level));
11
        queue<int> que; que.push(s);
12
13
        level[s] = 0;
14
        while(!que.empty()){
            int v = que.front(); que.pop();
15
            if(v == t) return;
16
            for(int i = 0; i < G[v].size(); i++){</pre>
17
                edge &e = G[v][i];
18
                if(e.cap <= 0 or level[e.to] != -1) continue;</pre>
19
                que.push(e.to);
20
                level[e.to] = level[v]+1;
21
22
23
24
25
    int dfs(int v, int t, int f){
26
27
        if(v == t) return f;
        for(int &i = itr[v] ; i < G[v].size(); i++){</pre>
28
29
            edge &e = G[v][i];
            if(level[e.to] <= level[v] or e.cap <= 0) continue;</pre>
30
            int d = dfs(e.to, t, min(f, e.cap));
31
            if(d > 0){
32
33
                e.cap -= d;
                G[e.to][e.rev].cap += d;
34
                return d;
35
36
37
38
        return 0;
39
40
    int max_flow(int s, int t){
41
42
       int flow = 0, f;
43
        while(1){
44
            bfs(s, t);
45
            if(level[t] == -1) return flow;
46
            memset(itr, 0, sizeof(itr));
            while ((f = dfs(s, t, INF)) > 0) flow += f;
47
48
49
```

3.2.2 二部マッチング

O(EV)

```
int V:
   vector<int> G[MAX_V];
    int match[MAX_V];
   bool used[MAX_V];
   void add_edge(int u, int v){
       G[u].push_back(v);
        G[v].push_back(u);
10
   bool dfs(int v){
11
        used[v] = 1;
12
        rep(i,G[v].size()){
13
            int u = G[v][i], w = match[u];
14
            if(w < 0 || !used[w] && dfs(w)){
15
                match[v] = u;
16
                match[u] = v;
17
18
                return 1:
19
           }
20
       }
21
        return 0;
22
   }
23
   int bi_matching(){
24
        int res = 0;
25
        memset(match, -1, sizeof(match));
26
        rep(v,V) if(match[v] < 0){
27
28
            memset(used, 0, sizeof(used));
29
            if(dfs(v)) res++;
30
31
        return res;
32
```

3.2.3 最小費用流

 $O(FE \log V)$

```
struct edge{ int to, cap, cost, rev;};
   int V;
   vector<edge> G[MAX_V];
   int h[MAX_V];
   int dist[MAX_V];
   int prevv[MAX_V], preve[MAX_V];
   void add_edge(int from, int to, int cap, int cost){
10
        G[from].push_back((edge){to, cap, cost, int(G[to].size())});
        G[to].push_back((edge){from, 0, -cost, int(G[from].size() - 1)});
11
12
13
   int min_cost_flow(int s, int t, int f){
14
15
        int res = 0:
        fill(h, h + V, 0);
16
17
        while(f > 0){
            priority_queue<pii, vector<pii>, greater<pii> > que;
18
            fill(dist, dist + V, inf);
19
20
            dist[s] = 0;
21
            que.push(pii(0, s));
22
            while(!que.empty()){
23
                pii p = que.top(); que.pop();
```

```
24
                int v = p.second;
                if(dist[v] < p.first) continue;</pre>
25
                rep(i,G[v].size()){
26
                     edge &e = G[v][i];
27
                     if(e.cap > 0 \& dist[e.to] > dist[v] + e.cost + h[v] - h[e.to]){
28
                         dist[e.to] = dist[v] + e.cost + h[v] - h[e.to];
29
                         prevv[e.to] = v;
30
                         preve[e.to] = i;
31
32
                         que.push(pii(dist[e.to], e.to));
33
                }
34
35
            if(dist[t] == inf) return -1;
36
            rep(v,V) h[v] += dist[v];
37
            int d = f;
38
            for(int v = t; v != s; v = prevv[v])
39
                d = min(d, G[prevv[v]][preve[v]].cap);
40
            f -= d;
41
            res += d * h[t];
42
            for(int v = t; v != s; v = prevv[v]){
43
                edge &e = G[prevv[v]][preve[v]];
44
                e.cap -= d;
45
                G[v][e.rev].cap += d;
46
47
48
49
        return res;
50
```

3.3 木

3.3.1 木の直径

ある点(どこでもよい)から一番遠い点 a を求める. 点 a から一番遠い点までの距離がその木の直径になる.

3.3.2 最小シュタイナー木

 $O(4^{|T|}V)$

g は無向グラフの隣接行列. T は使いたい頂点の集合.

```
int minimum_steiner_tree(vi &T, vvi &g){
       int n = q.size(), t = T.size();
       if(t <= 1) return 0;
       vvi d(g); // all-pair shortest
       rep(k,n)rep(i,n)rep(j,n) //Warshall Floyd
            d[i][j] = min(d[i][j], d[i][k] + d[k][j]);
       int opt[1 << t][n];</pre>
       rep(S,1 << t) rep(x,n)
            opt[S][x] = INF;
11
12
       rep(p,t) rep(q,n) // trivial case
13
            opt[1 << p][q] = d[T[p]][q];
14
       repi(S,1,1<<t){ // DP step
15
            if(!(S & (S-1))) continue;
16
17
            rep(p,n) rep(E,S)
18
                if((E \mid S) == S)
19
                    opt[S][p] = min(opt[S][p], opt[E][p] + opt[S-E][p]);
20
            rep(p,n) rep(q,n)
                opt[S][p] = min(opt[S][p], opt[S][q] + d[p][q]);
21
22
```

```
23
24
    int ans = INF;
25    rep(S,1<<t) rep(q,n)
26         ans = min(ans, opt[S][q] + opt[((1<<t)-1)-S][q]);
27    return ans;
28 }</pre>
```

3.4 包除原理

3.4.1 彩色数

 $O(2^{V}V)$

N[i] := i と隣接する頂点の集合 (i も含む)

```
const int MAX_V=16;
   const int mod = 10009;
   int N[MAX_V], I[1<<MAX_V], V;</pre>
   inline int mpow(int a, int k){ return k==0? 1: k%2? a*mpow(a,k-1)%mod: mpow(a*a%mod,k
   bool can(int k){
       int res = 0:
7
        rep(S, 1 << V){
            if(__builtin_popcountl1(S)%2) res -= mpow(I[S], k);
10
            else res += mpow(I[S],k);
11
        return (res%mod+mod)%mod;
12
13
14
15
   int color_number(){
        memset(I, 0, sizeof(I));
        I[0] = 1;
        repi(S.1.1<<V){
            int v = 0;
19
20
            while(!(S&(1<<v))) v++;
            I[S] = I[S-(1<<v)] + I[S&(~N[v])];
21
22
        int 1b = 0. ub = V. mid:
23
        while(ub-lb>1){
24
25
            mid = (1b+ub)/2:
26
            if(can(mid)) ub = mid:
27
            else lb = mid;
28
29
        return ub;
30
```

4 数学

4.1 整数

4.1.1 拡張ユークリッドの互除法

 $O(\log min(a,b))$ ax + by = gcd(a,b) を求める. 解がある場合は 1 を返す.

4.1.2 逆元

mod_inverse()	gen_mod_inv()
$O(\log n)$	O(n)
	extgcd()

gen_mod_inv() は N 未満の全ての数の逆元を生成する.

4.1.3 冪剰余

 $O(\log k)$

```
int pow_mod(int x, int k, int m) {
   int ret = 1;
   for(x%=m; k>0; x=1LL*x*x%m,k>>=1) if(k&1) ret = 1LL*ret*x%m;
   return ret;
}
```

4.1.4 階乗 (n! mod m)

gen_fact()	mod_fact()
O(m)	$O(\log_m n)$

m は素数.

4.1.5 組み合わせ (${}_{n}C_{k} \bmod m$)

 $O(\log n)$

mod_fact() と mod_inverse() が必要.

4.1.6 カタラン数

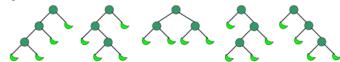
 $n \le 16$ 程度が限度. $n \ge 1$ について以下が成り立つ.

$$C_n = \frac{1}{n+1} {2n \choose n}$$
$$= {2n \choose n} - {2n \choose n-1}$$

n が十分大きいとき、カタラン数は以下に近似できる.

$$C_n = \frac{4^n}{n^{3/2} \sqrt{\pi}}$$

() を正しく並べる方法, 二分木, 格子状の経路の数え上げ, 平面グラフの交差などに使われる. $C_3=5$



 $C_4 = 14$

4.2 多項式

FFT は基本定数重めなので TLE に注意する.

4.2.1 FFT(complex)

 $O(N \log N)$

複素数を用いた FFT. 変換する vector のサイズは 2 の冪乗にすること.

```
typedef complex<double> cd:
   vector<cd> fft(vector<cd> f, bool inv){
       int n, N = f.size();
        for(n=0;;n++) if(N == (1 << n)) break;
       rep(m,N){
            int m2 = 0:
            rep(i,n) if(m&(1<<i)) m2 |= (1<<(n-1-i));
            if(m < m2) swap(f[m], f[m2]);
10
       for(int t=1:t<N:t*=2){
11
12
            double theta = acos(-1.0) / t;
13
            cd w(cos(theta), sin(theta));
14
            if(inv) w = cd(cos(theta), -sin(theta));
            for(int i=0;i<N;i+=2*t){</pre>
15
                cd power(1.0, 0.0);
16
                rep(i.t){
17
                    cd tmp1 = f[i+j] + f[i+t+j] * power;
18
19
                    cd tmp2 = f[i+j] - f[i+t+j] * power;
                    f[i+i] = tmp1:
20
21
                    f[i+t+j] = tmp2;
22
                    power = power * w:
23
24
25
26
        if(inv) rep(i,N) f[i] /= N;
27
        return f:
28
```

4.2.2 FFT(modulo)

 $O(N \log N)$

剰余環を用いた FFT(FMT). 変換する vector のサイズは 2 の冪乗にすること. mod は $a*2^e+1$ の形.

```
const int mod = 7*17*(1<<23)+1;
   vector<int> fmt(vector<int> f, bool inv){
        int e, N = f.size();
        assert((N&(N-1))==0 and "f.size() must be power of 2");
        for(e=0;;e++) if(N == (1 << e)) break;
        rep(m,N){
            int m2 = 0:
            rep(i,e) if(m&(1<<i)) m2 |= (1<<(e-1-i));
            if(m < m2) swap(f[m], f[m2]);</pre>
10
        for(int t=1; t<N; t*=2){</pre>
11
12
            int r = pow_mod(3, (mod-1)/(t*2), mod);
13
            if(inv) r = mod inverse(r.mod):
            for(int i=0; i<N; i+=2*t){</pre>
14
15
                int power = 1:
16
                rep(i,t){
                     int x = f[i+j], y = 1LL*f[i+t+j]*power%mod;
17
                     f[i+i] = (x+v) \text{mod}:
18
                     f[i+t+j] = (x-y+mod)%mod;
19
                     power = 1LL*power*r%mod:
20
21
22
23
```

4.2.3 積 (FMT)

 $O(N \log N)$ poly_mul() が必要.

```
vector<int> poly_mul(vector<int> f, vector<int> g){
    int N = max(f.size(),g.size())*2;
    f.resize(N); g.resize(N);
    f = fmt(f,0); g = fmt(g,0);
    rep(i,N) f[i] = 1LL*f[i]*g[i]%mod;
    f = fmt(f,1);
    return f;
}
```

4.2.4 逆元 (FMT)

 $O(N \log N)$

extgcd(), mod_inverse(), poly_mul(), fmt() が必要.

```
vector<int> poly_inv(vector<int> f){
    int N = f.size();
    vector<int> r(1,mod_inverse(f[0],mod));
    for(int k = 2; k <= N; k <<= 1){
        vector<int> nr = poly_mul(poly_mul(r,r), vector<int>(f.begin(),f.begin()+k));
        nr.resize(k);
        rep(i,k/2) {
            nr[i] = (2*r[i]-nr[i]+mod)%mod;
            nr[i+k/2] = (mod-nr[i+k/2])%mod;
        }
        r = nr;
    }
    return r;
}
```

4.2.5 平方根 (FMT)

O(NlogN)

extgcd(), mod_inverse(), poly_inv(), poly_mul(), fmt() が必要.

```
const int inv2 = (mod+1)/2;
   vector<int> poly_sqrt(vector<int> f){
       int N = f.size();
3
        vector < int > s(1,1); // s[0] = sqrt(f[0])
       for (int k = 2; k \le N; k \le 1)
5
           s.resize(k):
7
           vector<int> ns = poly_mul(poly_inv(s), vector<int>(f.begin(),f.begin()+k));
           ns.resize(k);
           rep(i,k) s[i] = 1LL*(s[i]+ns[i])*inv2%mod;
10
11
       return s;
12
```

4.3 行列

C++11 だと array という名前では衝突するので arr にしている.

```
typedef double number;
typedef vector<number> arr;
typedef vector<arr> mat;
```

4.3.1 单位行列

```
O(N)

mat identity(int n) {
    mat A(n, arr(n));
    rep(i,n) A[i][i] = 1;
    return A;
}
```

4.3.2 積

arr*arr	mat*arr	mat*mat
O(N)	$O(N^2)$	$O(N^3)$

```
number inner_product(const arr &a, const arr &b) {
       number ans = 0;
       rep(i,a.size()) ans += a[i] * b[i];
       return ans;
   arr mul(const mat &A, const arr &x) {
       arr y(A.size());
       rep(i,A.size()) rep(j,A[0].size())
10
           y[i] = A[i][j] * x[j];
11
       return y;
12
13
   mat mul(const mat &A, const mat &B) {
14
       mat C(A.size(), arr(B[0].size()));
15
       rep(i,C.size()) rep(j,C[i].size()) rep(k,A[i].size())
16
17
           C[i][j] += A[i][k] * B[k][j];
       return C;
18
19
```

4.3.3 累乗

 $O(N^3 \log e)$

単位行列と積 (mat*mat) が必要.

```
mat pow(const mat &A, int e) {
    return e == 0 ? identity(A.size()) :
    e % 2 == 0 ? pow(mul(A, A), e/2) : mul(A, pow(A, e-1));
}
```

4.3.4 線形方程式の解 (Givens 消去法)

 $O(N^3)$

```
#define mkrot(x,y,c,s) {double r = sqrt(x*x+y*y); c = x/r; s = y/r;}
   #define rot(x,y,c,s) {double u = c*x+s*y; double v = -s*x+c*y; x = u; y = v;}
   arr givens(mat A, arr b){
       int n = b.size();
       rep(i,n) repi(j,i+1,n){
           double c, s;
           mkrot(A[i][i], A[j][i], c, s);
           rot(b[i], b[j], c, s);
           repi(k,i,n) rot(A[i][k],A[j][k],c,s);
10
       repd(i,n-1,0){
11
12
           repi(j,i+1,n)
               b[i] -= A[i][j] * b[j];
13
14
           b[i] /= A[i][i];
15
       return b;
16
17
```

4.3.5 トレース

O(N)

```
number trace(const mat &A) {
   number ans = 0;
   rep(i,A.size()) ans += A[i][i];
   return ans;
}
```

FCCPC Library