# 3. 통계적 가설 검정

#### 가설 검정

모집단의 특성이나 모수에 대한 주장이 있을 때, 이 주장의 옳고 그름을 표본 자료를 이용하여 판단하는 방법

#### 가설

모수에 대한 주장



#### 통계적 가설 검정(검정)

주어진 가설을 표본 자료로부터 얻은 정보를 통해 검토하는 과정

## 귀무 가설과 대립 가설

#### 귀무 가설

 $(H_0, Null hypothesis)$ 



#### 대립 가설

 $(H_1 : Alternative hypothesis)$ 

• 기본적인 가설

- 자료를 통하여 입증하고자 하는 가설
- 비교하고 싶은 가설

### 귀무 가설과 대립 가설

예) 하나의 동전을 던지면 앞면이 나올 확률을 1/2 이라 가정할 때, 진짜 앞면이 ½의 확률로 나올지에 대한 검정

가설

$$H_0: p = \frac{1}{2}$$

VS

$$H_1: p \neq \frac{1}{2}$$

# 양측 가설과 단측 가설

#### 양측 가설

$$H_0: p = \frac{1}{2}$$

VS

$$H_1: p \neq \frac{1}{2}$$

#### 단측 가설

$$H_0: p = \frac{1}{2}$$

VS

$$H_1: p > \frac{1}{2}$$

OR

$$H_0: p = \frac{1}{2}$$

VS

$$H_1: p < \frac{1}{2}$$

### 통계적가설검정

설정한 가설에 대한 옳고 그름을 표본자료를 통하여 검정, 두 가설 중 옳다고 판단할 수 있는 하나의 가설을 선택

표본 자료가 대립 가설을 지지하면 대립 가설 채택 표본 자료가 대립 가설을 지지하지 못하면 귀무 가설 채택

### 통계적 가설 검정

대립 가설을 채택하는 경우

"귀무 가설  $H_0$ 을 기각한다"

귀무 가설을 채택하는 경우

"귀무 가설  $H_0$ 을 기각할 수 없다" or "귀무 가설  $H_0$ 을 채택한다"

귀무 가설을 기준으로 한 표현 사용

1종 오류( $\alpha$ )

귀무 가설이 참일 때 귀무 가설을 기각하는 경우

2종 오류 (β)

귀무 가설이 거짓일 때 귀무 가설을 채택하는 경우

		가설 검정 결과	
		$H_0$ 채택	$H_0$ 기각
실제상태	H <sub>0</sub> = 참	옳은 결정	잘못된 결정 (1종의 오류)
	$H_0 = 거짓$	잘못된 결정 (2종의 오류)	옳은 결정

가설 검정은 표본 자료만으로 모집단에 대한 가설을 검토하므로 오류 존재

바람직한 가설 검정은 두 오류를 최소화하는 것

두 오류를 동시에 최소화하는 검정은 존재하지 않거나 찾기 어려움

1종 오류를 범할 확률과 2종 오류를 범할 확률은 반비례 관계

#### 1종 오류를 범할 때 더 큰 손실이나 비용이 발생하는 경우가 많음

예)  $H_0$ : 새로운 약의 치료율이 기존 약보다 높지 않다.

 $H_1$ : 새로운 약의 치료율이 기존 약보다 높다.

#### 1종 오류

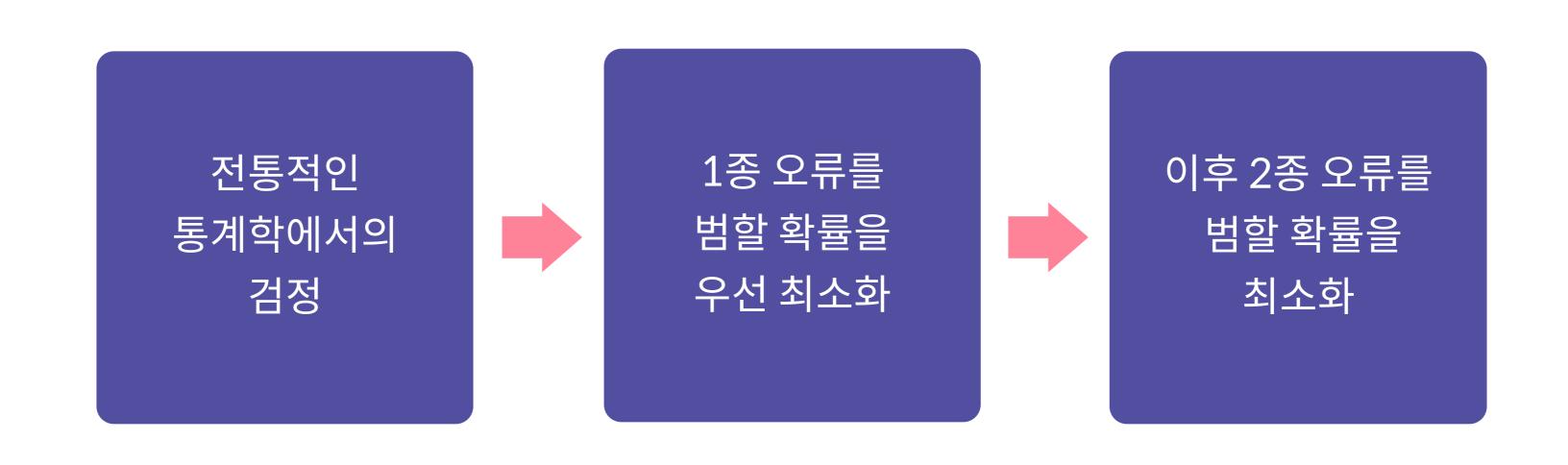
새로운 약의 치료율이 기존 약보다 높지 않음에도 불구하고 높다고 잘못 판단

기존 약 대신 새로운 약생산

#### 2종 오류

새로운 약의 치료율이 기존 약의 것보다 높으나 높지 않다고 잘못 판단

새로운 약 대신 기존 약 생산



# 유의수준

Significance level,  $\alpha$ 

1종 오류를 범할 확률에 대한 최대 허용 한계 고정값

일반적으로 유의수준  $\alpha$ 의 값으로  $0.01^{\sim}$  0.10 사이의 작은 값을 사용