

# KUNJUNGAN POHON BINER

- **Pohon** (dalam struktur data)
  - ➔ struktur berisi sekumpulan elemen dimana salah satu elemen adalah **akar (root)** dan elemen-elemen lain adalah bagian-bagian pohon yang membentuk susunan hirarki dengan akar sebagai awal mula.
- Elemen-elemen Pohon disebut **simpul (node)**.

# DEFINISI

Struktur pohon telah biasa digunakan dalam kehidupan sehari-hari seperti :

- Silsilah keluarga
- Daftar isi buku
- Struktur organisasi
- Pohon keputusan

## DEFINISI POHON BINER

- **Pohon biner** adalah bentuk graf yang terhubung yang tidak memiliki sirkuit dan pada pohon biner selalu terdapat *path* atau jalur yang menghubungkan dua simpul dalam pohon.

# TERMINOLOGI POHON BINER

Beberapa terminologi pada pohon biner :

- **Simpul akar (*root*)**  
simpul pohon dengan tingkatan tertinggi
- **Simpul daun (*leaf*)**  
simpul-simpul pada pohon yang **tidak lagi** memiliki simpul anak (*child*)
- **Induk (*parent*)**  
simpul yang merupakan induk dari children-nya
- **Anak dari simpul x**  
akar-akar (*root*) dari subpohon–subpohon dari simpul x adalah anak dari x
- ***Siblings***  
anak dari induk yang sama

# TERMINOLOGI POHON BINER

Beberapa terminologi pada pohon biner :

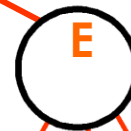
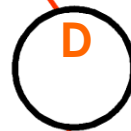
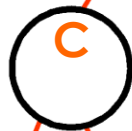
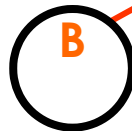
- **Moyang (*ancestor*)**  
simpul-simpul disepanjang jalur dari simpul ke *root*
- **Level suatu *node***  
jika simpul pada level  $p$ , maka *children*-nya adalah berada pada level  $p + 1$
- ***Height* atau *depth***  
Pohon memiliki ketinggian (**height**) atau kedalaman yang merupakan level tertinggi + 1.
- ***Weight***  
Pohon memiliki berat (**weight**) yang merupakan banyaknya Daun pada Pohon.

# TERMINOLOGI POHON BINER

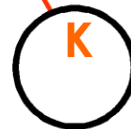
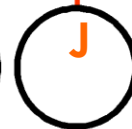
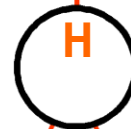
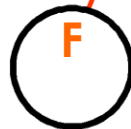
**Level 0**



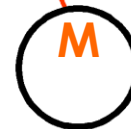
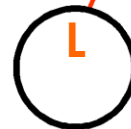
**Level 1**



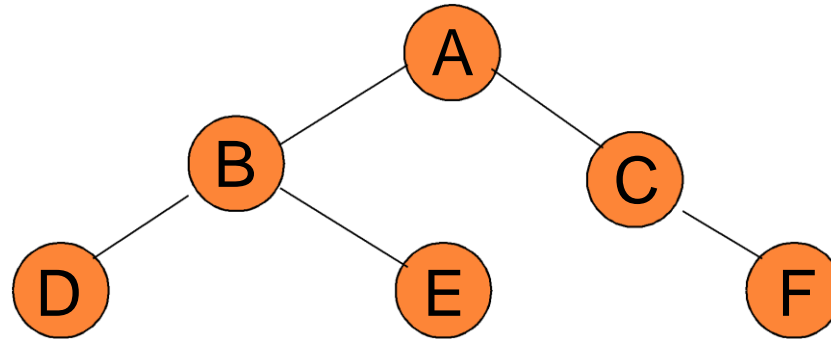
**Level 2**



**Level 3**



CONTOH :



Dari contoh diatas diperoleh :

Banyak simpul (*node*) : 6 (n)

Banyak ruas (*edge*) : 5 (n-1)

*Root* : A

*Leaf* : D, E dan F

*Parent* : A parent dari B dan C  
B parent dari D dan E

*Level* : 0 = A  
1 = B dan C  
2 = D, E dan F

*Height* (ketinggian) : level tertinggi + 1  
2 + 1 = 3

# BINARY TREE (POHON BINER)

- Jumlah maximum tingkatan simpul dari pohon biner adalah 2, jika ada penambahan dilakukan penelusuran ke kiri dan ke kanan yang ditetapkan sebagai subpohon.



# BINARY TREE (POHON BINER)

- Jumlah maximum tingkatan simpul dari pohon biner adalah 2, jika ada penambahan dilakukan penelusuran ke kiri dan ke kanan yang ditetapkan sebagai subpohon.
- Dua pohon biner bisa dikatakan sama jika keduanya memiliki struktur yang sama.
- Dua pohon biner dikatakan equivalent jika keduanya sama dan berisi informasi yang sama.

# POHON UMUM DAN POHON BINER

## ○ Pohon Umum

- Pohon yang simpulnya terhubung lebih dari 2 simpul anak
- Pohon umum tidak dapat diproses komputer dan harus dijadikan pohon biner

## ○ Algoritma untuk mengubah pohon umum ke pohon biner

1. Hubungkan semua simpul yang bersaudara 1 parent
2. Hapus ruas yang terhubung ke setiap simpul anak, kecuali ruas yang paling kiri
3. Ruas mendatar hasil penambahan, diputar searah jarum jam sebesar 45 derajat ( $1/8$  lingkaran)

# SEQUENTIAL SEARCH

- Proses mengunjungi melalui satu pohon dengan cara setiap simpul dikunjungi hanya satu kali yang disebut tree traversal (kunjungan pohon)
- Aktivitas sequential search adalah Mengunjungi akar / root, Menelusuri subtree kiri, dan Menelusuri subtree kanan dari sebuah pohon biner.

# BINARY SEARCH TREE SEBAGAI INDEKS

- Pohon juga berguna untuk menggambarkan sekumpulan data yang memiliki cabang struktur logik.
- Contoh pohon biner yang menggambarkan pernyataan aritmatika :

# REVIEW

## INFIX

$A + B$

$A - B * C$

$A - B * C ^ D$

## POSTFIX

$A B +$

$A B C * -$

$A B C D ^ * -$

## PREFIX

$+ A B$

$- A * B C$

$- A * B ^ C D$

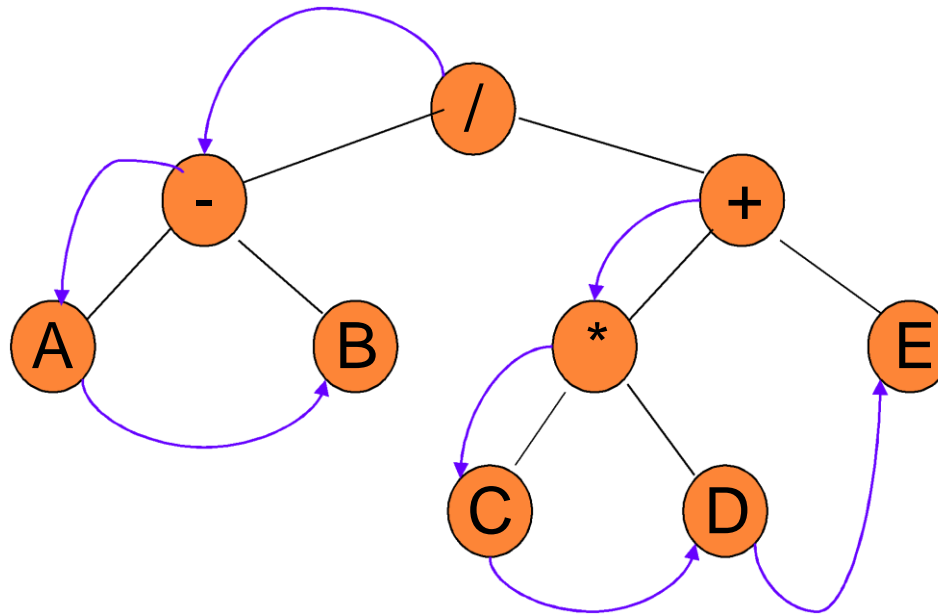
# METODE SEQUENTIAL SEARCH (1)

## ➤ Traversal PRE-ORDER

1. Kunjungi akar
2. Menelusuri subtree kiri dalam pre-order
3. Menelusuri subtree kanan dalam pre-order

# TRAVERSAL IN-ORDER (PREFIX)

- Notasi infix :  $((A - B) / (C * D) + E)$



tentukan transversal pre-order (prefix) pohon biner nya, yaitu dari atas ke bawah (**akar-kiri-kanan**), dinyatakan dengan urutan simpul bertanda panah, mulai dari awal yaitu dari root sampai akhir simpul yaitu simpul E.

Dengan urutan pre-order (prefix) :  $/ - A B + * C D E$ .

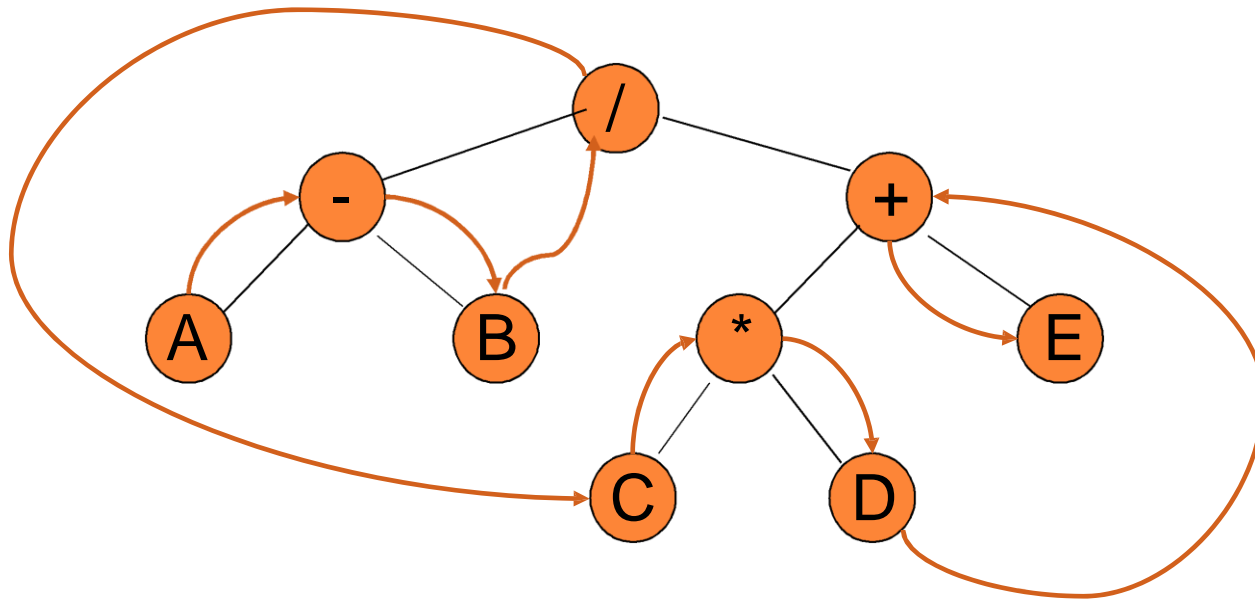
# METODE SEQUENTIAL SEARCH (2)

## ➤ Traversal IN-ORDER

1. Menelusuri subtree kiri dalam in-order
2. Kunjungi akar
3. Menelusuri subtree kanan dalam in-order



# TRAVERSAL IN-ORDER (INFIX)



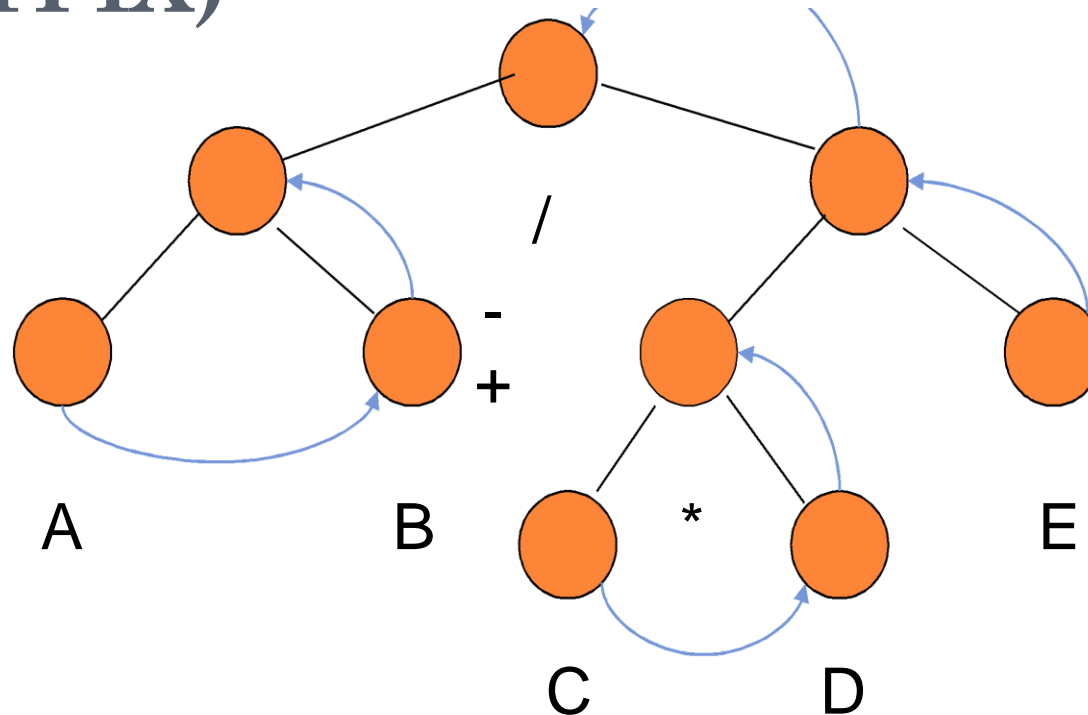
- Dari pohon tentukan transversal yaitu berturut-turut dari kiri ke tengah dan ke kanan (**kiri-akar-kanan**).
- Dari panah yang menunjukkan urutan simpul tersebut didapat transversal in-order (infix)
- Dengan urutan :  $A - B / C * D + E$

# METODE SEQUENTIAL SEARCH (3)

## ➤ Traversal POST-ORDER

1. Menelusuri subtree kiri dalam post-order
2. Menelusuri subtree kanan dalam post-order
3. Kunjungi akar

# TRAVERSAL POST-ORDER (POSTFIX)



- Dari urutan transversal post-order (postfix) dapat kita tentukan dari simpul bawah yaitu A sampai simpul atas yaitu bagi (/), (**kiri-kanan-akar**) dapat kita lihat urutannya yaitu
- $A B - C D * E + /$