

الحمد لله رب العالمين, والصلاة والسلام على خير المرسلين, سيدنا محمد عليه أفضل الصلاة والتسليم أخواني نبدأ معاً تعليم الماتلاب خطوة بخطوة, والذي اسأل الله أن يكون خير أداة للجميع, وأن يكون تعلمهم لهذا البرنامج من أجل خدمة هذا الدين الحنيف, ومن أجل رفع راية الإسلام.

سيتم تقسيم تعليم برنامج الماتلاب إلى أقسام, تبعاً لنوع التطبيق, وسيتم التطرق إلى البرنامج تبعاً للترتيب التالي:

3	نعريف برنامج الماتلاب ومؤسسه
5	واجَهة البرنامجواجَهة البرنامج
10	تُعريْف الْعُملياّت الأساسية
	وضعَ عناوين أثناء البرمجة
24	الأوامر الخاصة ببرنامج الماتلاب
	المصفوفاتالستسيينيين
44	العمليات على المصفوفات والمتجهات
45	العمليات على المتجهات
55	العمليات على المصفوفات
65	
81	الرسم ثنائي الأبعاد D Plotting2
84	إضافة خصائص إلى الرسومات داخل الماتلاب
88	عَملية وضع شبكة على الرّسم
A.4	علميَّة وَضعُ الرسومات في نوافُذ منفصلة
	إنشاء رسومات منفصلة في نافذة واحدة
	تُسميةً المُحاور
400	مثال تطبیقیمثال تطبیقی
444	
116	. N. Î 26Na Î
440	
	إيجاد المساحة تحت المنحنى
131	Curve Fitting

كما تروا إخواني الكرام فإن المشوار طويل, وأسأل الله أن يعيننا على إستكمال هذا المشوار إلى آخر

وسكون هنالك ثلاثة مواضيع لابد من أخذه قبل الشروع في التطبيق وهما

- -1مقدمة في الماتلاب
- -2مقدمة في المحاكاة
- -3أنظمة التحكم بإستخدام الماتلاب أسأل الله ان يعيننا جميعاً في النهوض بهذه الأمة الكريمة

أخواني الكرام, وأيضاً قبل البدء, لابد من ذكر المواقع الهامة لخدمة برنامج الماتلاب, والتي من خلالها تستطيع أن تصل إلى التطبيق المطلوب بإذن الله

> موقع الشركة المصنعة لبرنامج الماتلاب http://www.mathworks.com

حيث ستجد في هذا الموقع آخر الإصدارات لبرنامج الماتلاب, وكذلك التحديثات الخاصة بالبرنامج, كما يوفر شرحاً) باللغة الإنجليزية) لبرنامج الماتلاب.

University of Utah

http://www.math.utah.edu/lab/ms/matlab/matlab.html

حيث يوفر موقع الجامعة مقدمة سريعة ومبسطة لبرنامج الماتلاب

Indiana University

http://www.indiana.edu/~statmath/math/matlab/

يقدم أيضاً موقع الجامعة لمحة سريعة حول برنامج الماتلاب

أخواني الكرام توكلنا على الله في بدء شرح برنامج الماتلاب سنتناول بإذن الله في مقدمة في الماتلاب التالي:

- -1تعريف برنامج الماتلاب ومؤسسه
  - -2واجهة البرنامج
  - -3بعض الأوامر الأساسية
  - -4تعريف العمليات الأساسية
    - -5تعريف بعض المتغيرات
      - -6الأعداد المركبة
        - -7المصفوفات
- -8الرسم في نظام الإحداثي الثنائي D Plotting2
- -9الرسم في نظام الإحداثي الثلاثي الأبعاد D Plotting3
  - -10البرمجة بإستخدام الماتلاب

### أولا: تعريف يرنامج الماتلات

برنامج الماتلاب هو برنامج هندسي (وله مجالات أخرى) يقوم بعمليات تحليل وتمثيل البيانات من خلال معالجة تلك البيانات تبعاً لقاعدة البيانات الخاصة به, فمثلاً يستطيع البرنامج عمل التفاضل معالجة تلك البيانات تبعاً لقاعدة البيانات الخاصة به, فمثلاً يستطيع البرنامج عمل التفاضل المعادلات الجبرية Algebric Equations وكذلك المعادلات التفاضلية Differential Equations ذات الرتب العليا والتي قد تصل من الصعوبة ما تصل, ليس فقط ذلك بل يستطيع البرنامج عمل التفاضل الجزئي, ويقوم بعمل عليات الكسر الجزئي Partial fraction بسهولة ويسر والتي تستلزم وقتاً كبيراً لعملها بالطرق التقليدية, هذا من الناحية الأكاديمية, أما من الناحية الأكاديمية, أما من الناحية الأكاديمية, أما من الناحية التحكم Control وصناعة الناحية الإلكترونيات Electronics وصناعة ولسيارات والدفاع المجالات الجوي Aerospace and Defense, والكثير التطبيقات الهندسية.

وحتى أؤكد للجميع ذلك, قامت شركة السيارات المرموقة نيسان Nissan بتخفيض وقت التطوير إلى 50% عندما قامت بإستبدال التصميم على الأوراق Paper Model Based Design إلى الأداة المتطورة في برنامج الماتلاب وهو ,Model Based Design يقول المدير المساعد شيجاياكي كاكيزاكي في مجموعة هندسة إدارة نظام المحرك لشركة نيسان (شركة محدودة(

Without MathWorks tools for Model-Based Design, Nissan would not have become the first company to meet the CARB PZEV standard

CARB= California Air Resources Board

PZEV= Partial Zero Emission Vehicle

يمكنكم متابعة هذا التقرير من خلال الرابط

http://www.mathworks.com/company/use...ml?by=industry

فمع التقدم السريع في التكنولوجيا أصبحت الحاجة ملحة على تعلم مثل هذا البرنامج حتى نصبح في سباق التنافس الصناعي.

التعريف بمؤسس برنامج الماتلاب

قام بتأسيس البرنامج شخصان, الأول هو كليف مولر والثاني جاك ليتل

#### <u>کلیف مولر</u>

هو استاذ الرياضيات وعلوم الحاسب Computer Science لأكثر من عشرين عاماً في جامعة متشيجين و جامعة ستانفورد وجامعة نيو مكسيكو.

أُمضى خمس سُنوات عند إثنين من مصنعى الـ Hardware وهما Intel Hypercube organization و Ardent Computer الشركة الأم لبرنامج الماتلاب, كما أنه هو المؤلف لأول برنامج للماتلاب.



کلیف مولر <u>حاك ليتل</u>

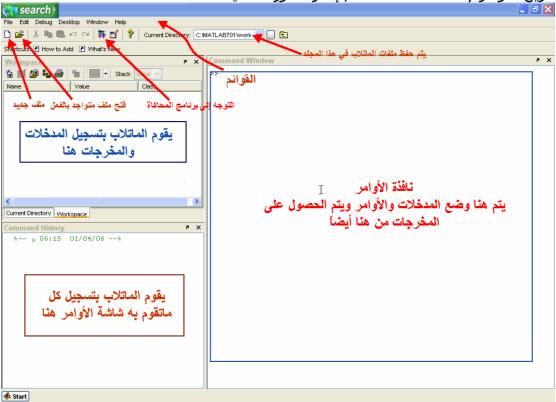
هو المؤسّس لشركة Mathworks كما أنه المساعد في وضع تخطيط برنامج الماتلاب. جاك حاصل على بكلوريوس الهندسة الكهربية وعلوم الحاسب من جامعة MIT عام 1978 كما أنه حاصل على شهادة M.S.E.E من جامعة ستانفورد عام 1980



جاك ليتل

# ثانياً: واجهة البرنامج

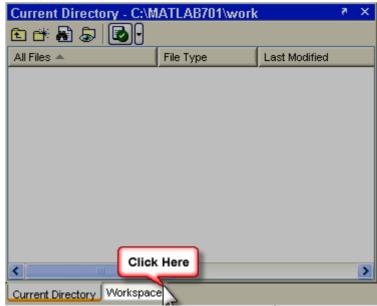
تتسم واُجهة البرنامج بالسهولة في التعامل معها, حيث يتم تقسيم مناطق العمل بها إلى ثلاث مناطق رئيسية, وهي كالتالي نافذة الأوامر Command Window و منطقة العمل Workspace و تاريخ الأوامر Command History, إنظر الصورة التالية.



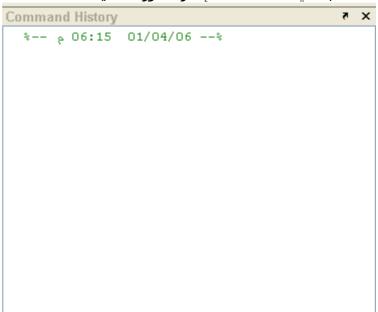
نافذة الأوامر Command Window: حيث يتم إدخال المدخلات Inputs والأوامر Commands, ويعمل الماتلاب على تحليل تلك البيانات ومدى مطابقة المدخلات للوظيفة المطلوبة منه, حتى تحصل على النتائج في نفس الشاشة.

منطقة العمل Workspace: حيث يقوم الماتلاب بتسجيل المدخلات Inputs والمخرجات Outputs في هذه الشاشة.

ملاحظة: عند بدء العمل على الماتلاب لأول مرة, لاتظهر نافذة Workspace , وحتى تظهر إضغط بزر الفأرة على كلمة Workspace كما في الصورة التالية



نافذة تسجيل الأوامر Command History: يتم تسجيل كل ما يقوم به المستخدم على برنامج الماتلاب في هذه النافذة. إنظر الصورة التالية



<u>قائمة إبدأ Start:</u> تستخدم هذه القائمة للوصول إلى التطبيق المراد تنفيذه, تستخدم هذه القائمة في المراحل المتقدمة في برنامج الماتلاب صورة 4

> بعض الأساسيات الهامة لمستخدمي برنامج الماتلاب سنتعرف بإذن الله على القوائم, وما يقوم به كل إختيار. قائمة علم مانع

<u>قائمة ملف File</u>

تتكون هذه القائمة من العديد من الخيارات, والتي تنفذ كل منها وظيفة محددة باقي البرامج



#### قائمة التعديل Edit

فَكما تعودنا في تلك القائمة أن نجد أوامر ( نسخ Copy, قص Cut, لصق Paste, بحث Find), ولكن هنالك ثلاث أدوات هامة بها وهم

Clear Command Window Clear Command History

Clear Workspace

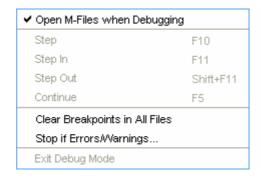
حيث تعمل تلك الأدوات على مسح جميع المدخلات والنتائج من البرنامج



#### قائمة Debug

هذه القائمة خاصة بمعالجة البيانات, والطريقة المتبعة من قبل برنامج الماتلاب في مواجهة الأخطاء.

أنظر الصورة التالية

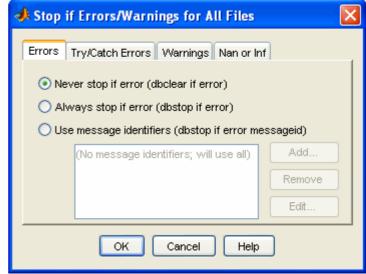


ختص هذه المنطقة بعملية معالجة لبياتات، وإحتمالات حدوث الخطأ في برنامج الماتلاب

فمثلاً قم بإختيار ...Stop If Errors/Warnings

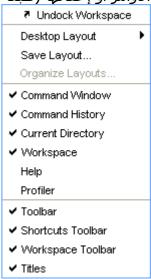
ستلاحظ ظهور نافذة, تعطيك حرية الإختيار في تصرف برنامج الماتلاب عند حدوث أخطاء أو تحذيرات

ملاحظة: يرجى ترك هذه النافذة دون تغيير, فلسنا بحاجة لها الآن.



### قائمة Desktop:

في هذه القائمة يتم التحكم بمحتوى الواجهة الخاصة ببرنامج الماتلاب, فمثلاً يمكننا إظهار نافذة الأوامر أو إخفائها (طبعاً لو أخفيناها مش حنعرف نشتغل), أنظر الصورة



معلومة هامة:

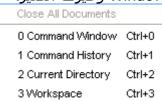
- تكون النوافذ في أحد الوضعين 1- Docked حيث تكون النافذة غير قابلة للتحريك من مكانها.
- Undocked: حيث تكون النافذة قابلة للتحريك وتعديل مقاسها أيضاً -2



يتبقى لدينا قائمتان هما

#### قائمة Window:

حيث يمكنك التنقل بين ملفات الماتلاب المختلفة, وكذلك النوافذ مثل نافذة الأوامر Command Window وغيرها الكثير.



# <u>قائمة Help:</u>

حيث تقوم تلك القائمة, بتوفير المساعدات الضرورية في البرنامج, ووسائل الإتصال بالشركة المصنعة, وآخر التحديثات, وكذلك تعلم الماتلاب باللغة الْإنجليزيةً

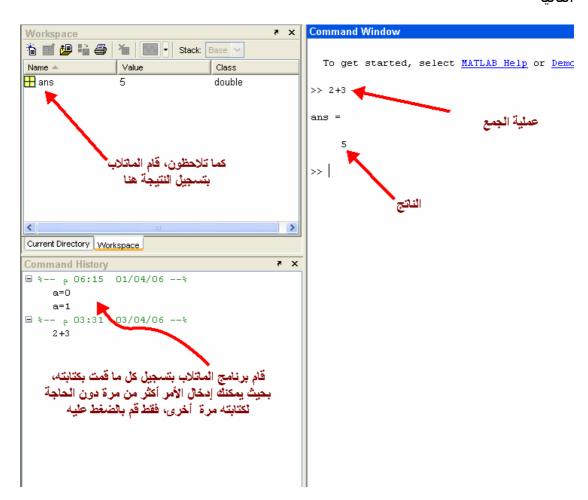


# تعريف العمليات الأساسية

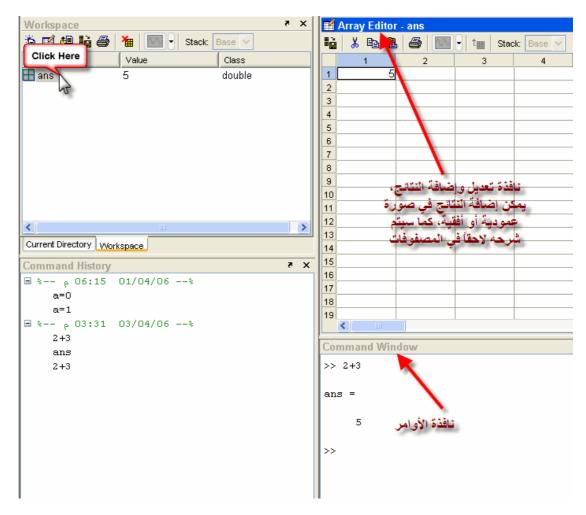
أخواني الكرام, نستكمل برنامج الماتلاب ونتناول اليوم بإذن الله العمليات الأساسية (الجمع و الطرح والضرب والقسمة) وبعض العمليات الهامة مثل وضع الأس لعدد, كما سنتعرف على بعض الأوامر الهامة.

#### عملية الحمع

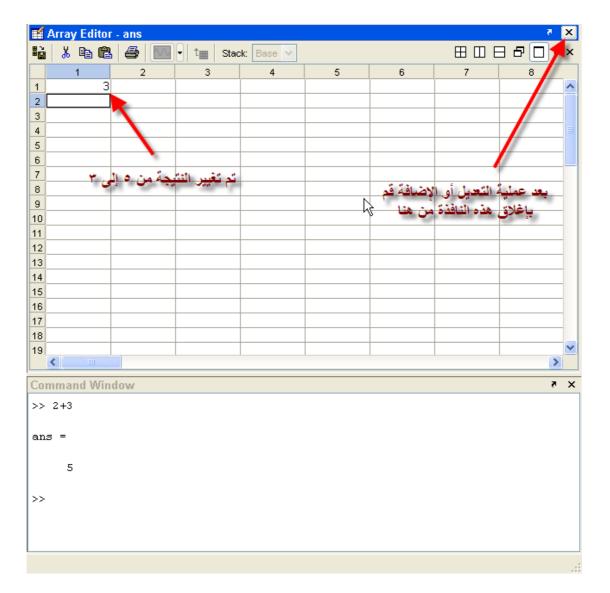
تأخذ علامة الجمع في الماتلاب الرمز المعروف للجمع وهو "+" فمثلاً إذا قمنا بجمع 3+2 سيقوم الماتلاب بوضع الإجابة في صورة أرقام وهو 5, أنظر الصورة التالية



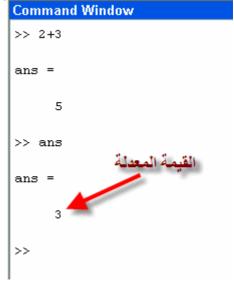
إذهب إلى نافذة Workspace وقم بالنقر بالماوس بقرة مزدوجة, ستلاحظ ظهور نافذة حلت محل نافذة الأوامر وأصبحت نافذة الأوامر في الأسفل, أنظر الصورة



لنفترض أننا قمنا بتغيير الناتج 5 إلى 3, قم بإغلاق نافذة تعديل النتائج, كما في الصورة التالية



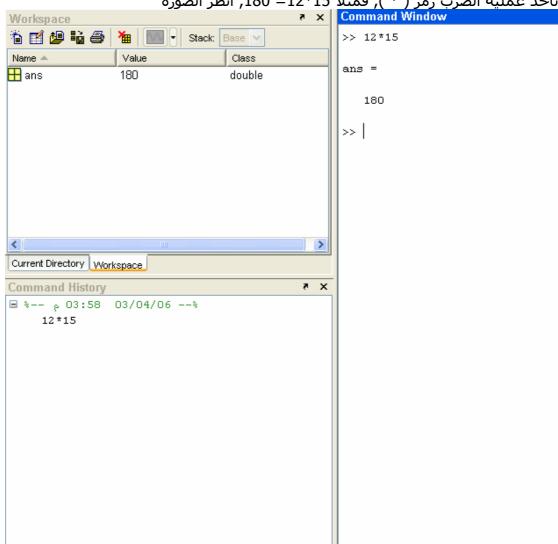
ستلاحظ عودة نافذة الأوامر لوضعها الأساسي, قم بكتابة ans في نافذة الأوامر, ستلاحظ ظهور الناتج بالقيمة الجديدة وهي 3, أنظر الصورة



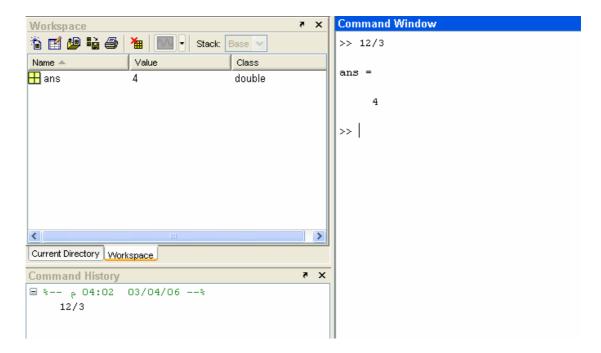
**عملية الطرح:** تأخذ عملية الطرح رمز ( - ) في الماتلاب, فمثلاً 3-2=1, أنظر الصورة

ans = 1

تأخذ عملية الضرب رمز ( \* ), فمثلاً 15\*12= 180, أنظر الصورة

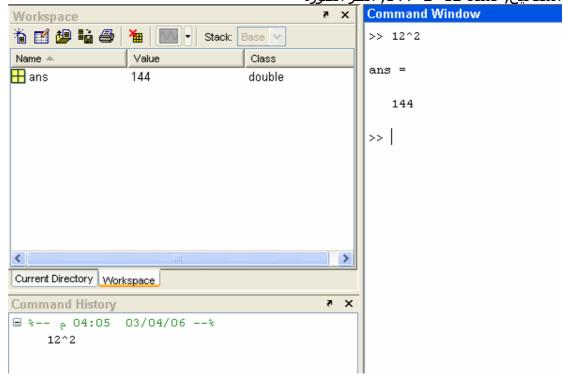


**عملية القسمة:** تأخذ عملية القسمة رمز ( / ), فمثلاً 12 على 3 تساوى 4, أنظر الصورة للتتأكد



# عملية وضع الأس:

يأخذ رمز الأس ( ^ ), يمكن الحصول على هذا الرمز من خلال الضغط على 6 + Shift في لوحة المفاتيح, فمثلاً 2^1=241, أنظر الصورة



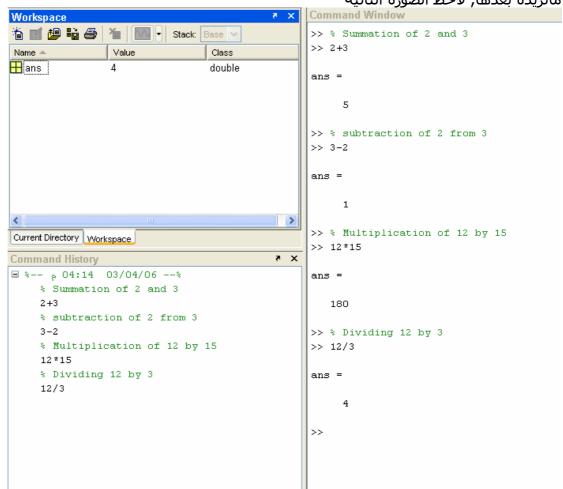
<u>أخذ الحذر التربيعي:</u> يتم أخذ الجذر التربيعي لأي رقم عن طريق كتابة الأمر sqrt, أنظر الصورة التالية >> sqrt(144)

ans =

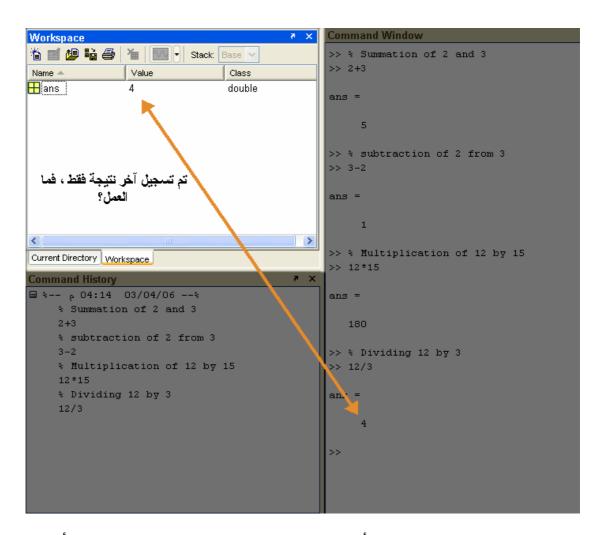
12

# وضع عناوين أثناء البرمجة

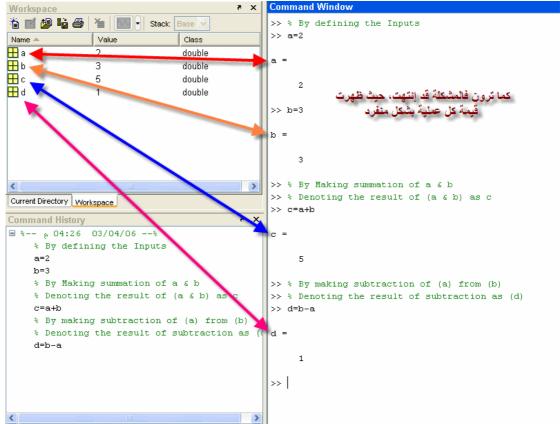
كما تعودنا في برامج Qbasic و ++ وغيرها الكثير من برامج البرمجة, فيتم وضع عناوين لما نقوم به حيث تكون مثل المرجع لنا في معرفة ما نقوم به في جزء ما من البرنامج. ففي برنامج الماتلاب لوضع عنوان ما, لابد من أن نبدأ بوضع علامة مئوية ( % ), ثم نكتب مانريده بعدها, لاحظ الصورة التالية



ولكن كما تلاحظون فهنالك مشكلة في نافذة Workspace, حيث أنها سجلت آخر قيمة فقط, وذلك لأن كل النتائج الأربعة تأخذ رمز ans حيث اننا لم نجع لها رمزاً, أنظر الصورة



يتم تعريف النتائج بحروف, بحيث يأخذ الحرف القيمة التي يدخلها المستخدم له, أنظر الصورة

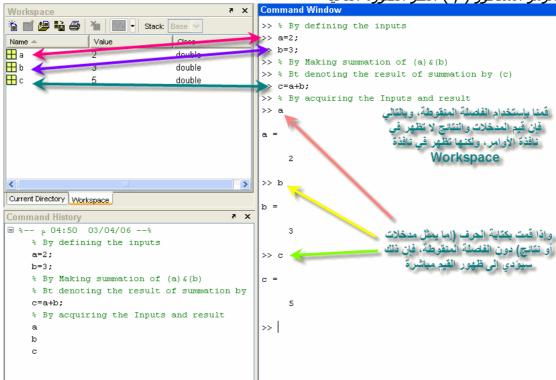


كما ترون فالمشكلة قد إنتهت تماماً, حيث تأخذ كل قيمة حرف معين. المشكلة التالية, هو أننا كلما أدخلنا قيمة, أو حصلنا على نتيجة تكون هنالك مشكلة, هو أن الماتلاب يقوم بإظهار القيمة المدخلة وكذلك النتيجة في نافذة الأوامر, مما يؤدي إلى كبر البرنامج المكتوب في حين أنه يؤدي شئ بسيط, أنظر الصورة التالية

```
Command Window

| Aistan Aist
```

يتم أخفاء القيمة المدخلة وكذلك النتيجة من الظهور ( ولكن عملية إدخال النتيجة والجمع مثلاً تتم بشكل طبيعي ويقوم الماتلاب بتنفيذ ما يأمره المستخدم) عن طريق وضع علامة ( ; ) بعد كل قيمة مدخلة أو بعد طلب نتيجة ما (الجمع مثلاً ) ويتم إظهار النتيجة أو القيم المدخلة إذا طلب المستخدم ذلك , عن طريق وضع حرف المدخلات أو النتيجة المطلوبة دون إستخدام الرمز الرمز المذكور ( ; ) انظر الصورة التالية



#### يعض المتغيرات المعرفة مسبقاً في يرنامج الماتلات والمعروفة:

Predefined Variable	Stands For
pi	$\pi = 3.1416$
Inf	∞ ≡ Infinity
NaN	Not a Number
i	The complex variable $\sqrt{-1}$
j	The complex variable $\sqrt{-1}$

يتم كتابة تلك المتغيرات المعرفة في برنامج الماتلاب

# أنظر الصورة التالية

```
Command Window

>> % The Following Command will show up the value of (pi)

>> pi

ans =

3.1416

>> % The following command will show up the value of (2*pi)

>> 2*pi

ans =

6.2832

>> % the following Command will show up the value of square root of pi

>> sqrt(pi)

ans =

1.7725
```

#### Command Window

```
>> % the following process will show the infinity
>> 1/0
Warning: Divide by zero.
ans =
   Inf
>> % the following command will show Not A Number
>> 0/0
Warning: Divide by zero.
ans =
  NaN
>> % the following command will show the complex number
>> i
ans =
        0 + 1.0000i
>> % the following command will show the complex number
>> j
ans =
        0 + 1.0000i
```

#### الكتابة فوق قيمة العدد المركب

تعلمنا أنه إذا كتبنا ( i ) في نافذة الأوامر يظهر التالي

>> % the following command will show the complex number
>> i
ans =

0 + 1.0000i

كما يمكننا الكتابة فوق هذه القيمة, أي تغيير قيمته, حيث سنقوم بوضع قيمة لهذا الرمز, أنظر الصورة التالية

```
Command Window

>> % Overwriting the complex variable i
>> i=3;
>> a=1+3*i

a =

10

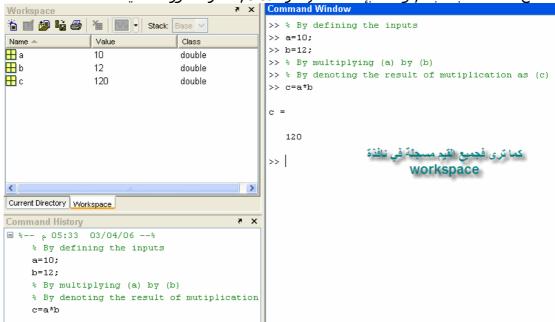
>> % Notice that the presence of (*) has dealt (i) not complex but the value
>> % by the user
>> % If the multiplication sign has been removed so (i) represents complex No.
>> b=1+3i

b =

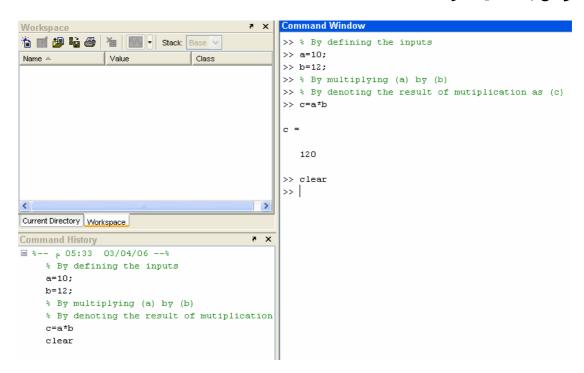
1.0000 + 3.0000i
```

# الغاء القيم المدخلة والنتائج

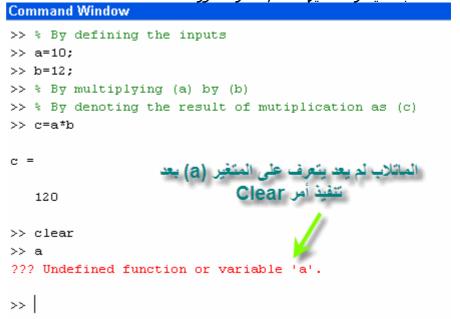
يمكن للماتلاب مسح القيم المدخلة والنتائج ( والتي تسجل في نافذة تسجيل النتائج), دون مسح ما قمت بكتابته, وذلك بإستخدام أمر Clear, أنظر الصورة التالية



ولكن بعد تنفيذ أمر Clear

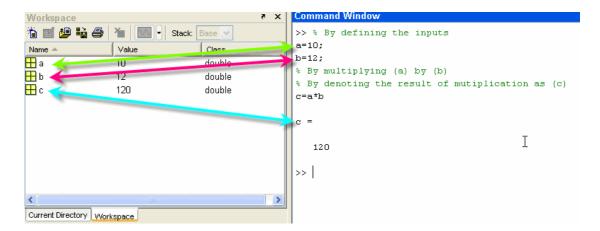


وللتأكد قم بوضع أي حرف من الحروف التي قمت بتعريفها مسبقاً للماتلاب, ستلاحظ ان الماتلاب لا يتعرف عليها الآن, أنظر الصورة

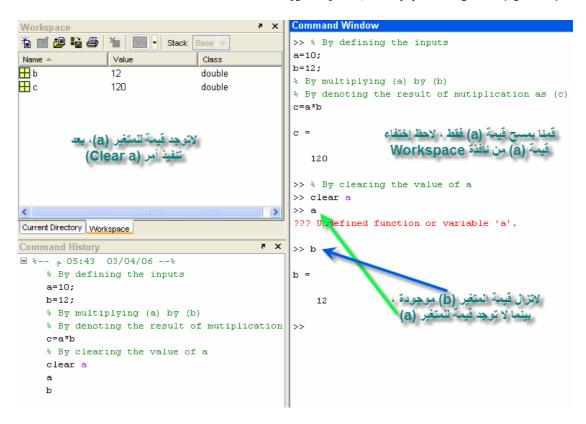


#### <u>عملية المسح الحزي للمتغيرات:</u>

ليس شرطاً أن نقوم بعملية مسح كلي لكل البرنامج, بل من الممكن عمل مسح لمتغير واحد فقط, عن طريق كتابة أمر Clear ثم إسم المتغير, ففي المثال السابق لدينا قيم لكلاً من & (a) (b) كما في الصورة التالية



# ثم سنقوم بمسح قيمة (a) فقط, أنظر الصورة تالية



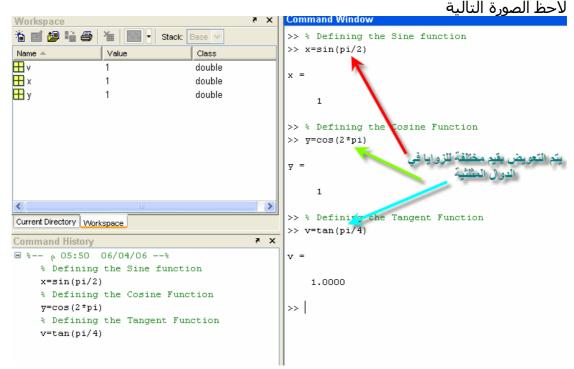
# الأوامر الخاصة بيرنامج الماتلات

إخواني الكرام, نستكمل بعض الأوامر الخاصة ببرنامج الماتلاب, وسنتناول بإذن الله الدوال المثلثية Trigonometric functions الدوال المثلثية العكسية Inverse Trigonometric functions الدوال الرائدية Hyperbolic Functions الدوال الزائدية العكسية Inverse Hyperbolic functions

أولاً: الدوال المثلثية Trigonometric Functions

Built In Function	Trigonometric Function
sin	Sine
cos	Cosine
tan	Tangent
sec	Secant
CSC	Cosecant
cot	Cotangent

ملاحظة: يقوم الماتلاب بقياس الزوايا بالتقدير الدائري Radian



1.0000

وسيتم شرح هذا الجزء بالتفصيل أكثر في الجزء الخاص Plotting 2D

#### الدوال المثلثية العكسية:

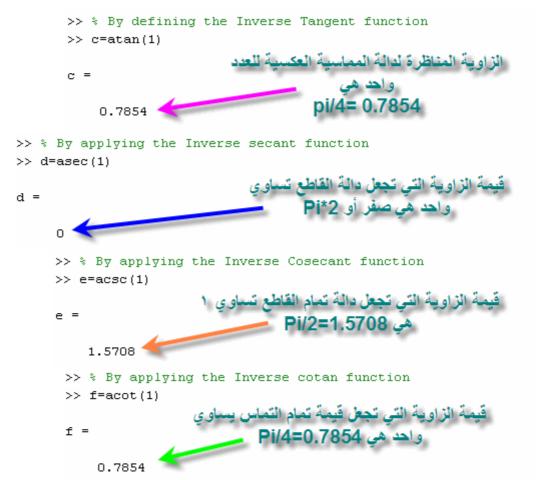
Built In function	<b>Inverse Trigonometric Function</b>
asin	<u>Inverse Sine</u>
acos	<u>Inverse Cosine</u>
atan	<u>Inverse tangent</u>
asec	<u>Inverse Secant</u>
acsc	Inverse Cosecant
acot	Inverse Cotangent

# أنظر الصورة التالية لترى مدى قابلية الماتلاب على حل تلك الأجزاء بسهولة تامة

```
    >> % By defining the Inverse sine function
    >> a=asin(1)
    يمكننا تعريف الدوال المثلثية العكسية بالطريقة التالية، ماهي قيمة
    a = 
        الزاوية التي إذا أخذنا لها Sine نحصل على العدد ١
    بالتأكيد ستكون Sine (pi/2)=1.5708
```

#### بنفس الطريقة لكل الدوال المثلثية العكسية

```
>> % By defining the Inverse Cosine Function
>> b=acos(1) 'Pi*2 مقدارها صفر أو Pi*2 واوية مقدارها صفر أو Inverse Cosine إذا أخذنا b =
العدد ١
```



#### الدوال الزائدية Hyperbolic functions

Built in functions	Inverse Hyperbolic functions
sinh	Hyperbolic Sine
Cosh	Hyperbolic Cosine
Tanh	Hyperbolic Tangent
Sech	Hyperbolic Secant
Csch	Hyperbolic Cosecant
Coth	Hyperbolic Cotangent

بعض العلاقات الهامة بالنسبة للدوال الزائدية

$$\sinh(z) = \frac{e^z - e^{-z}}{2}$$

أنظر الصورة التالية للتحقق من النتيجة بإستخدام الماتلاب

```
>> % Comparing the result of (sinh) and the value of (exp(x)-exp(-x))/2
>> x=1

x =

1

>> a=sinh(x)

a =

1.1752

>> b=(exp(1)-exp(-1))/2

b =

1.1752
```

$$\cosh(z) = \frac{e^z + e^{-z}}{2}$$

## أنظر الصورة التالية للتحقق من النتيجة بإستخدام الماتلاب

```
>> % Comparing result of (cosh) and the value of (exp(x)+exp(-x))/2
>> x=1

x =

1
>> a=cosh(1)

a =

1.5431
>> b=(exp(x)+exp(-x))/2

b =

1.5431
```

$$\tanh(z) = \frac{\sinh(z)}{\cosh(z)}$$

```
>> % By getting (sinh) function
>> x=1;
>> a=sinh(x)
a =
    1.1752
>> % By getting (cosh) function
>> b=cosh(x)
b =
    1.5431
>> c=a/b
c =
    0.7616
>> % By getting (tanh) function
>> d=tanh(x)
d =
    0.7616
                                 \operatorname{sech}(z) = \frac{1}{\cosh(z)}
   >> % By getting (cosh) function
   >> b=cosh(x)
  b =
       1.5431
   >> c=1/b
   c =
       0.6481
   >> % By getting hyperbolic secant function
   >> d=sech(x)
   d =
       0.6481
```

$$\operatorname{csch}(z) = \frac{1}{\sinh(z)}$$

```
>> % By getting (sinh) function
>> x=1;
>> a=sinh(x)

a =

1.1752
>> c=1/a

المحظ تساوي قيمة (c) & (d) منا قيمة وعلاقة السابقة السابقة السابقة السابقة السابقة السابقة السابقة (sinh) وهذا (c) وهذا (d) منا وهذا (d)
```

$$\coth(z) = \frac{1}{\tanh(z)}$$

### الدوال الزائدية العكسية

Built in function	Inverse Hyperbolic Functions
Asinh	Inverse hyperbolic Sine
Acosh	Inverse hyperbolic Cosine
Atanh	Inverse hyperbolic tangent
Asec	Inverse hyperbolic secant
Acsc	Inverse hyperbolic cosecant
Acot	Inverse hyperbolic cotangent

### بعض القوانين الهامة للدوال الزائدية العكسية

$$\operatorname{csch}^{-1}(z) = \sinh^{-1}\left(\frac{1}{z}\right)$$

يقوم الماتلاب من خلال التعويض بالمتغير (z) في المعادلات الموضحة الحصول على الدوال الزائدية العكسية.

أخواني الكرام سنتناول بإذن الله اليوم التالي الدوال الأسبة Exponential Function الأعداد المركبة وعملياتها Complex numbers and their Processes اللغرتمات الطبيعية Natural Logarithm القيمة المطلقة Absolute Value العمليات التقريبية Approximation Processes

> الدالة الأسبة Exponential Function الدالة الأسية تأخذ الصيغة الرياضية التالية

> > $x = e^{y}$

أما في الماتلات فتختصر في exp أنظر الصورة التالبة

```
>> % By applying the exponential function for a parameter x
>> % By defining the parameter y
>> syms y
>> x=1
x =
     1
>> y=exp(x)
y =
    2.7183
```

## <u>الأعداد المركبة Complex Numbers</u>

تأخذ الأعداد المركبة صيغة واحدة وهي تواجد جزء للأعدد الحقيقي Real number وجزء العدد التخيلي Imaginary Numbers, وتكون في الصيغة التالية

ويتم في برنامج الماتلاب العديد من العمليات والتي تتم في الأعداد المركبة مثل

إختيار العدد الحقيقي فقط

إختيار العدد التخيلي فقط

إيجاد الزاوية Phase Angle, ويتم الحصول عليها من خلال العلاقة التالية

 $angel = tan^{-1} \left( \frac{Imaginary number}{Real number} \right)$ 

إيجاد القيمة المطلقة: ويتم الحصول عليها من خلال العلاقة التالية

Absolute Value= $\sqrt{X^2 + Y^2}$ 

جمع عددين مركبين: ويتم ذلك عن طريق جمع الأعداد الحقيقية مع بعضها, وجمع الأعداد

المركبة مع بعضها

أنظر الصورة التالية مشاهدة تلك العمليات

```
>> % Writting a complex number and performing its operations
     >> z=3+4i
         العدد الحقيقي
         3.0000 + 4.0000i
     >> % By selecting the Real Part using (real) command
     >> real(z)
                       بإستخدام الأمر Real يتم إختيار العدد الحقيقي فقط
     ans =
                                      من العدد المركب
                               حيث يكون ٣ في المثال الموضوح
     >> % By Selecting the Imaginary Part using (imag)command
     >> imaq(z)
                           يتم إختيار العدد التخيلي فقط من خلال إستخدام
                                  الأمر İmag
حيث يكون ۽ في هذا المثال
     ans =
     >> % By Getting the phase Angle using the (angle) command
     >> angle(z)
                   الزاوية الطور
     ans =
          0.9273
>> % Getting the absolute value of complex number using (abs) command
>> abs(z)
ans =
     5
>> % By defining another complex number called v
>> v=2+3i
v =
   2.0000 + 3.0000i
ans =
   5.0000 + 7.0000i
```

ملاحظة: تتم جميع العمليات الحسابية (الجمع والطرح وغيرها) على الأعداد المركبة أيضاً كما رأينا في المثال السابق إستخدام الأمر angle(z لإيجاد زاوية الطور عن طريق كتابة (angle(z حيث يتم وضع رمز العدد المركب z في هذا الأمر, يمكننا أيضاً تنفيذ ذلك بإستخدام أمر آخر وهو atan2

### أنظر الصورة التالية

```
>> % By getting the phase angle using the (atan2) command
>> angle=atan2(imag(z), real(z))
angle = أمر الجزء الحقيقي للعدد أمر الجزء التخيلي
Z المركب Z
دصلنا على نفس الزاوية السابقة أيضاً
```

# اللوغاربتمات الطبيعية Natural Logarithm

يرمز الماتلاب للوغاريتمات الطبيعية بالرمز (log(x

# العمليات التقريبية لأعداد واقعة بين رقمين

أي رقم عشري يمتاز بأنه واقع بين رقمين صحيحين, فالماتلاب له القدرة على إختيار أحد هذين الرقمين بإستخدام الأمرين Ceil لإختيار الرقم الأكبر, والأمر Floor لإختيار الرقم الأصغر أنظر الصورة التالية

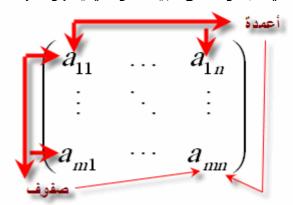
```
>> % Selection the integer numbers limiting a fractional number.
>> a=5.6
a =
5.6000
>> ceil(a)
ans =
Ceil
6
>> floor(a)
ans =
Identify a fractional number.
5.6000
>> ceil(a)
Example 1 and 1 and 2 and 2 and 3 an
```

نستكمل معاً برنامج الماتلاب وسنتناول بإذن الله التالي المصفوفاتMatrices

ونتناول المواضيع كالتالي ماهي المصفوفات كيفية كتابة المصفوفات في برنامج الماتلاب العمليات الحسابية في المصفوفات مصفوفات خاصة إستخراج عنصر محدد من المصفوفة تغيير عنصر ما في المصفوفة

#### ماهي المصفوفة:

هي مُجموعة من البيانات والتي يتم وضعها في صورة صفوف وأعمدة, وتأخذ الشكل التالي



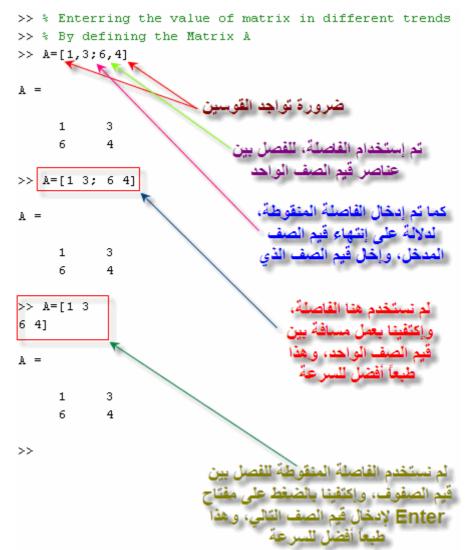
وتستخدم المصفوفات في حل كثيرات الحدود ,Polynomials وفي حل مجموعة من المعادلات, كما سيتم شرحه لاحقاً في هذا الإسبوع بإذن الله.

#### كيفية كتابة المصفوفات في يرنامج الماتلاب:

يتم إدخال المصفوفة بكتابة عناصر الصف الأول, ثم الثاني وهكذا. فمثلاً كتابة مصفوفة مثل التالية

$$\begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 6 & 4 \end{pmatrix}$$

ولكن قبل إدخال القيم التالية, على الجميع أن يعلم بأنه يتم كتابة عناصر الصف الأول, ويتم الفصل بين أرقام الصف الأول إما بفاصلة (,) Comma أو بعمل مسافة Space بين الأرقام, بعد إدخال قيم الصف الأول يتم فصل عناصر الصف الأول عن عناصر الصف الثاني ( الذي سيتم إدخال قيمه) إما بالضغط على مفتاح Enter أو بإستخدام الفاصلة المنقوطة ,( ; ) Semicolon أنظر الصورة التالية



فكما نرى أساليب متعددة لإدخال قيم المصفوفات والشكل واحد في جميع الطرق.

### فما هي العمليات الأساسية التي تتم على المصفوفات؟

- -1الجمع
- -2الطرح
- -3الضرب
- -4القسم
- -5المصفوفة الأسية

#### <u>الحمع:</u>

قبل البدء في الشروع ببدء إستخدام الماتلاب يجب أولاً أن نذكر شرط جمع مصفوفتين.

#### <u>شرط جمع مصفوفتىن:</u>

لنفترض أن لدينا مصفوفتين ,A & B فشرط جمعهما أن يكون كلاهما له نفس عدد الصفوف ,m وكذلك نفس عدد الأعمدة.n فمثلاً المصفوفتان التاليتان يمكن جمعهما لأنها يحملان نفس عدد الصفوف والأعمدة

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \\ 5 & 6 \\ 0 & 10 \end{pmatrix}$$
 عدد الصفوف في المصفوفة الأولى  $7 & 8 \\ 0 & 10 \\ 0 & 11 & 12 \end{pmatrix}$  عدد الأعمدة المصفوفة الثانية، وكذلك عدد الأعمدة  $B = \begin{pmatrix} 7 & 8 \\ 9 & 10 \\ 11 & 12 \end{pmatrix}$ 

### كيف تتم عملية جمع مصفوفتين:

تتم عملية الجمع بجمع العنصر الأول للصف الأول مثلاً في المصفوفة الأولى وما يناظره في المصفوفة الثانية, وبالتالي نكون قد جمعنا العنصر الأول للصف الأول.

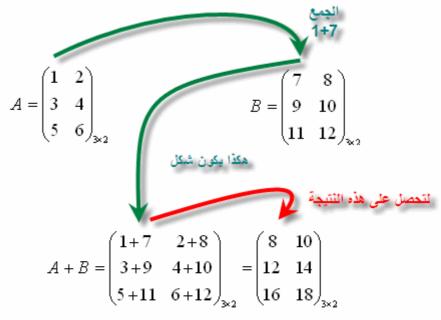
وبالتالي نكون قد جمعنا

1+7=8

جمع الصف الأول العنصر الثاني: نجمع العنصر الثاني للصف الأول في المصفوفو الأولى وما يناظره في المصفوفة الثانية, وبالتالي نكون قد جمعنا

2+8=10

ونستمر هكذا حتى إتمام كامل المصفوفة, ويمكن تلخيص العملية في الصورة التالية



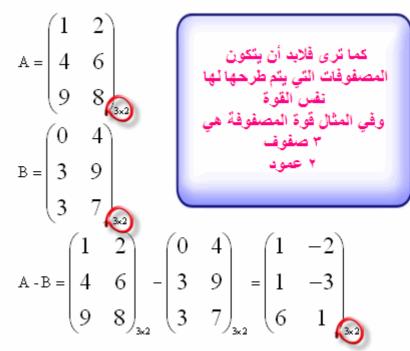
### الحمع في الماتلات

يجب أولاً كتابة المصفوفتين ,A&B كما تعلمنا سابقاً ثم إستخدام رمز الجمع (+) للتتم عملية الجمع, أنظر الصورة التالية

```
>> % Today We're going to discuss the basic operation on Matrices
>> % By Defining the Matrix A
>> A=[1 2;3 4;5 6]
A =
     1
     3
     5
>> % By Defining the matrix B
>> B=[7 8;9 10;11 12]
B =
     7
         8
          10
     9
    11
          12
>> % By making addition to both A&B
>> % Assume that the Result of summation would be denoted as C
>> C=A+B
C =
     8
          10
    12
          14
    16
          18
```

#### طرح المصفوفات

فما هو شرط طرح المصفوفات؟ حقيقة هي نفس شرط الجمع, حيث يشترط أن تكون المصفوفات التي يتم جمعها أو طرحها لها نفس القوة  $^{m imes n}$ حيث m هي عدد الصفوف وحيث m خي عدد الأعمدة أنظر الصورة التالية



لنقم الآن بعمل نفس المثال على برنامج الماتلاب أنظر الصورة التالية



### ضرب المصفوفات

ما هو شرط ضرب المصفوفات؟

شـرط ضرب أي مصفوفتين هو أن يكون عدد أعمدة المصفوفة الأولى n1 مسـاوياً لعدد الصفوف في المصفوفة الثانيةm2

أنظر الصورة التالية

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 4 & 6 \\ 9 & 8 \end{pmatrix}_{3x^{2}}$$

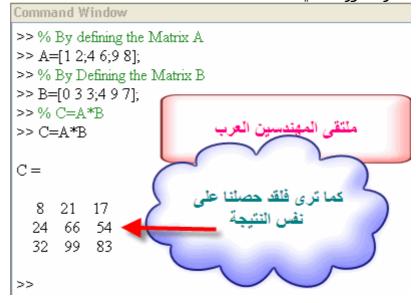
$$B = \begin{pmatrix} 0 & 3 & 3 \\ 4 & 9 & 7 \end{pmatrix}_{2x^{3}}$$

$$C = A \times B = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 4 & 6 \\ 9 & 8 \end{pmatrix}_{3x^{2}} \times \begin{pmatrix} 0 & 3 & 3 \\ 4 & 9 & 7 \end{pmatrix}_{2x^{3}}$$

$$C = \begin{pmatrix} (1 \times 0) + (2 \times 4) & (1 \times 3) + (2 \times 9) & (1 \times 3) + (2 \times 7) \\ (4 \times 0) + (6 \times 4) & (4 \times 3) + (6 \times 9) & (4 \times 3) + (6 \times 7) \\ (9 \times 0) + (8 \times 4) & (9 \times 3) + (8 \times 9) & (9 \times 3) + (8 \times 7) \end{pmatrix}_{3x^{3}}$$

$$C = \begin{pmatrix} 8 & 21 & 17 \\ 24 & 66 & 54 \\ 32 & 99 & 83 \end{pmatrix}_{3x^{3}}$$

لنقوم الآن بإدخال نفس المثال على الماتلاب أنظر الصورة التالية



### قسمة المصفوفات

قد يستغرب البعض من وجود كلمة القسمة للمصفوفات, ولكن الحقيقة أنها موجودة ومستخدمة بكثيرة ولكننا لا ننتبه لوجودها, فبهذه القسمة نقوم بحل المعادلات والتي سيتم شرحها لاحقاً باذن الله

وقبل أن أشرح لكم كيفية عمل القسمة, لابد من شرح كيفية حل المعادلات كثيرة الحدود لنفترض أن لدينا معادلتان كالآتي

$$3X + 3Y = 3$$

$$2X + 3Y = 5$$

وكلتا المعادلتان يمكن حلهما ليكون الناتج

$$Y=3$$

فكيف يتم ذلك؟

يمكن وضع المعادلتان في صورة مصفوفة كما في الشكل التالي

$$\begin{pmatrix} 3 & 3 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}\begin{pmatrix} X \\ Y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 \\ 5 \end{pmatrix}$$
 المعادلتان في صورة المصفوفة

وهنا نذكر أن هنالك طريقتان لحل المعادلتان

- -1طريقة الحذف
- -2قسمة المصفوفات

وسأذكر سريعاً طريقة الحذف, أنظر الصورة التالية

By Multiplyin g by 
$$(\frac{3}{2} \times R_2 - R_1)$$

$$\begin{pmatrix} 3 & 3 \\ (\frac{3}{2} \times 2 - 3) & (\frac{3}{2} \times 3 - 3) \end{pmatrix} \begin{pmatrix} X \\ Y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 \\ (\frac{3}{2} \times 5 - 3) \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 3 & 3 \\ 0 & 1.5 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} X \\ Y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 \\ 4.5 \end{pmatrix}$$

$$\therefore 1.5Y = 4.5$$

$$:: 3X + 3Y = 3$$

$$3X + (3 \times 3) = 3$$

$$X = -2$$

أما الطريقة الثانية هي قسمة المصفوفات لنعود إلى الصورة التالية مرة أخرى

طريقة الحذف في حل المصفوفات

$$\begin{pmatrix} 3 & 3 \\ 2 & 3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} X \\ Y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 \\ 5 \end{pmatrix}$$

المعادلتان في صورة المصفوفة

نجد أنه يمكننا أن نضعها في الصيغة التالية AX = B

وبالتالي من أجل الحصول على X يجب قسمة A على B, كما في الصورة التالية

$$X = \frac{B}{A}$$

 $\frac{1}{A}$  ولكن ماذا تعني من ناحية المصفوفات وليست الأعداد؟

$$\frac{1}{A} = inv(A)$$

Where inv( ) is the inverse function

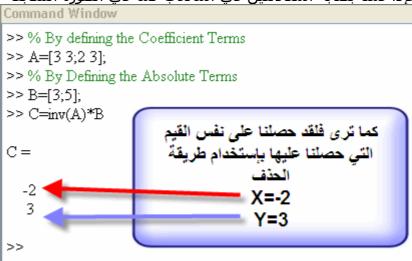
وهذا ما يسمى قسمة المصفوفات وُلكن يشترط عند إيجاد inv أن تُكون المصفوفة مربعة ( أي عدد الصفوف يساوي عدد الأعمدة(

وبالتالي بمكن إيجاد قيمة X & Y عن طريق وضع المعادلة في الصورة التالية, مع الأخذ في

الإعتبار أن تتوفر شرط عملية الضرب بين المصفوفتين

$$\begin{pmatrix} X \\ Y \end{pmatrix} = imv \begin{pmatrix} 3 & 3 \\ 2 & 3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 \\ 5 \\ 2x1 \end{pmatrix}$$

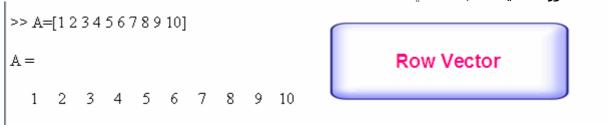
### فإذا قمنا بكتابة المعادلتين في الماتلاب كما في الصورة السابقة



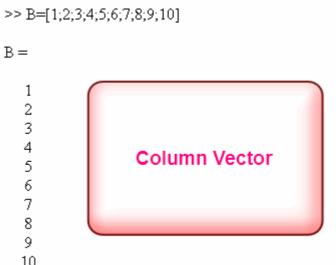
### العمليات على المصفوفات والمتجهات

### ما الفرق بين المتحهات والمصفوفات؟

المتجهات هي مصفوفة ولكن إما بعمود واحد Column Vector أو صف واحدRow Vector فمثلاً الصورة التالية لمتجه صفي



### وهذه صورة لمتجه عمودي



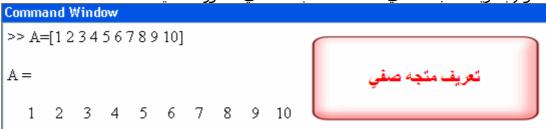
أما المصفوفة فهي التي يزيد عدد صفوفها وأعمدتها عن صف واحد أو عمود واحد وسنتناول العمليات التي تتم على المتجهات أولاً ثم المصفوفات

#### ماهي العمليات الشائعة على المتحهات؟

- -1طول المتجه
- -2إضافة عنصر
- -3إستبدال عنصر
- -4عملية حذف عنصر
  - -5نداء عنصر
  - -6نداء عدد عناصر
- -7إيجاد العنصر الأكبر
- -8إيجاد العنصر الأصغر
- -9إيجاد حاصل ضرب العناصر
- هذه هي العمليات الشائعة في الماتلاب وسنتناول كل منها بالتفصيل بإذن الله

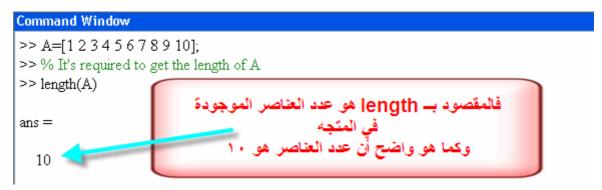
### العمليات على المتجهات

لنقوم بتعريف متجه صفي لدى الماتلاب كما في الصورة التالية



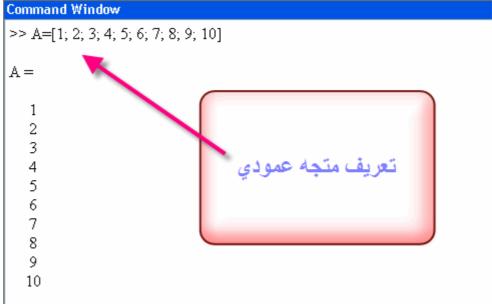
والآن نقوم بالعملية الأولى وهي

## طول المصفوفة



### إضافة عنصر

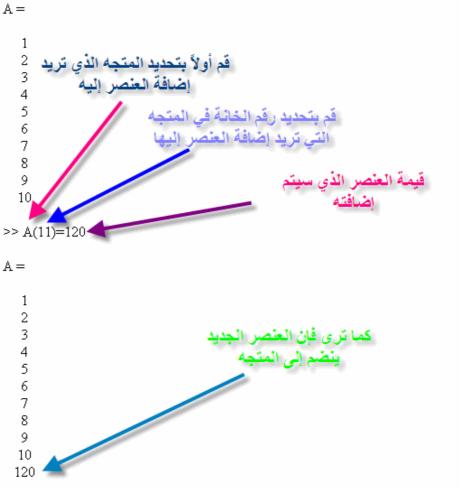
لنقوم بوضع متجه عمودي في الماتلاب, كما في الصورة التالية



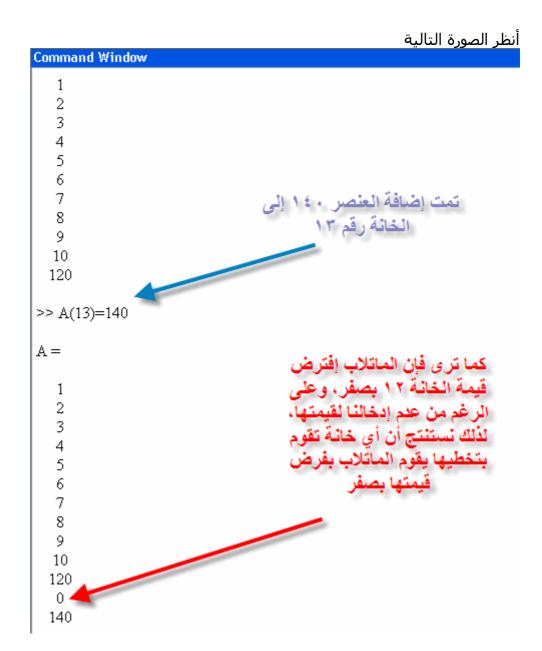
كما هو واضح, أن عدد العناصر الموجودة في هذا المتجه هو 10, وللتأكد قم بعمل الأمر length في نافذة الأوامر للماتلاب, أنظر الصورة التالية

Command Window			
>> A=[1; 2; 3; 4; 5; 6; 7; 8; 9; 10]			
A =			
1 2			
2 3 4 5 6			
4			
5			
6			
7 8			
9			
10			
10			
>> length(A)			
ans =			
10			

لنقل أننا نريد إضافة الرقم 120 في الخانة الُحادية عشرة, أي الخانة التالية للخانة العاشرة, أنظر الصورة التالية

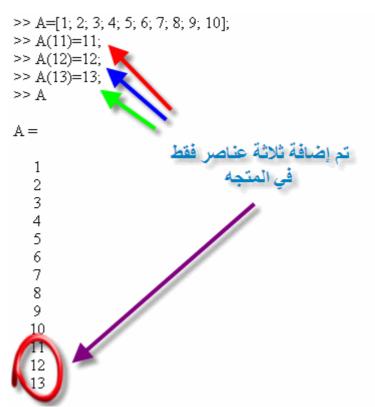


ملاحظة: في المثال السابق تمت إضافة الرقم 120 إلى الخانة 11, فماذا إذا قمنا بإضافة رقم جديد ولكن في الخانة رقم 13, فماذا سـتكون قيمة الخانة 12 التي لم يتم إضافة أي عنصر لها,



# إضافة أكثر من عنصر متتالي

لنفترض أننا نريد إضافة مجموعة من العناصر المتتالية في الخانات 11و 12 و 13 ويمكن بدلاً من إدخال كل رقم على حدى,كما في الصورة التالية



ولكن قد يبدوا ذلك مستنفذاً للوقت, إذا تم إدخال 100 رقم متتالي أو 1000 رقم, فما العمل؟ هنالك طريقة في الماتلاب تستخدم إذا أردت أن تضيف مجموعة من الأرقام المتتالية فمثلاً عندما نريد أن نذكر مجموعة من الأرقام المتتالية من 1 إلى 10 نكتب التالي 1:10

> وعندما نريد كتابة مجموعة من الأرقام المتتالية من 10 إلى 1200 نكتب 10:1200

وبالتالي إذا أردنا كتابة مجموعة من الأرقام المتتالية من 11 إلى 13 كما في مثالنا نكتب 11:13

وبالتالي تكون الكتابة في الماتلاب كما في الصورة التالية



## إستبدال عنصر

عملية إستبدال عنصر تتطلب عدة شروط

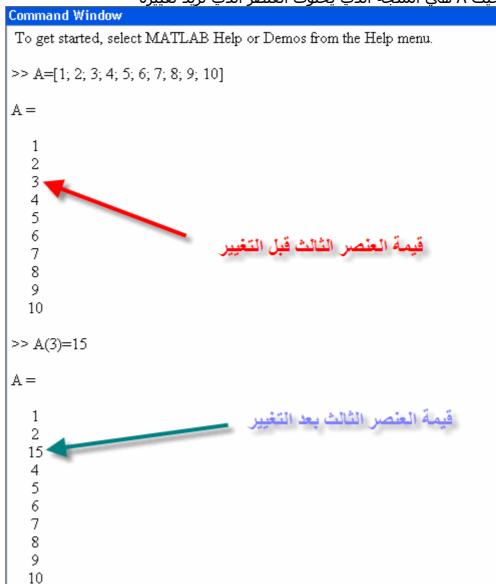
-1أن يكون العنصر موجوداً بالفعل

-2أن تحدد مكان هذا العنصر

ففي المثال التالي أردنا أن تستبدل العنصر الثالث بدلاً من الرقم 3 إلى الرقم 15 كل ما علينا فعله هو كتابة التالي

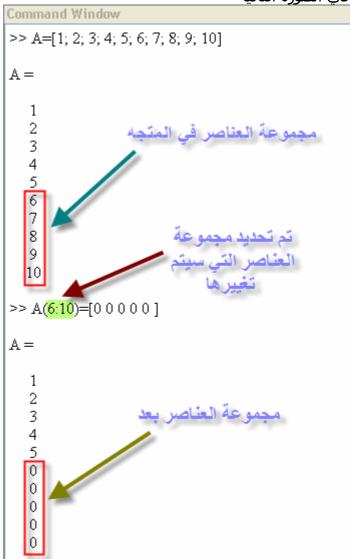
A(3)=15

حيث A هي المتجه الذي يحتوى العنصر الذي تريد تغييره



## إستبدال مجموعة عناصر متتالية

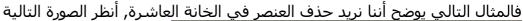
كما شرحنا كيفية إضافة مجموعة عناصر متتالية, سنقوم بإستبدال مجموعة عناصر متتالية كما في الصورة التالية

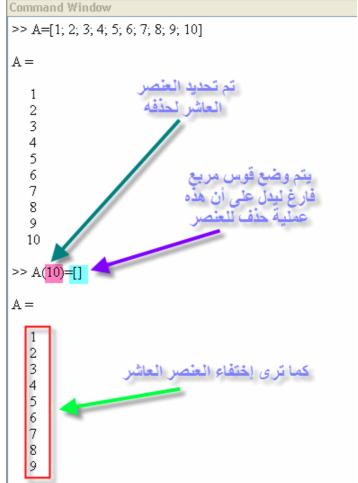


# حذف عنصر من المتجه

لتقوم بحذف عنصر من المتجه يجب أن يتوفر الشرطان التاليان

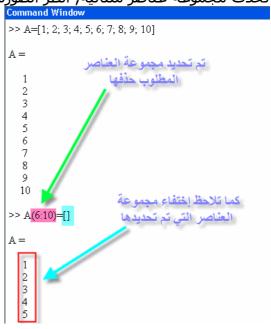
- -1تحديدٍ العنصر الذي تريد حذفه
- -2وضع أقواص مُربعة Square Brackets خالية من أي رقم





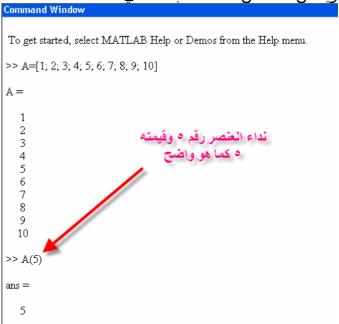
## حذف مجموعة عناصر متتالية

## لحذف مجموعة عناصر متتالية, أنظر الصورة التالية



### نداء عنصر

نداء عنصر المقصود به هو الحصول على قيمة العنصر في أي مكان من المتجه ويمكن ذلك من خلال كتابة التالي



# نداء أكثر من عنصر

للحصول على قيم مجموعة عناصر محددة من متجه, قم بعمل الآتي على نافذة الأوامر Command Window



## إيجاد العنصر الأكبر في المتجه

لإيجاد العنصر الأكبر في متجه, يتم إستخدام الأمر ,max حيث يمكن إيتخدامه في الماتلاب بالشكل التالي

```
    Sommand Window

>> A=[10 22 36 41 44 59 61 73]; بجب عند إيجاد الرقم الأكبر
المتجه كتابة الأمر max المتجه كتابة الأمر ans =

    max المتجه كتابة الأكبر داخل

>> المتحه الرقم الأكبر داخل

المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتحه المتح المتحه المتح المتحه ```

# إيجاد العنصر الأصغر في المتجه

لإيجاد العنصر الأصغر في المتجه, يجب إستخدام الأمر min وهي إختصار لدى الماتلاب وهي إختصار لكلمة minimuṃ أي الأقل

ولإيجاد العدد الأصغر داخل المتجه في الماتلاب قم بعمل الآتي

```
      Command Window

      >> A=[10 22 36 41 44 59 61 73]; "المتجه" المتحدام الأصغر في المتحدام الأمر min مناخذ الصورة التالية

      ans =
      min(السم المتجه المتحد)

      10
      المتحد الأصغر في هذا المتحد هو
```

## إيجاد مجموع عناصر المتجه

يمكن جمع جميع عناصر المتجه, بإستخدام الأمر sum حيث أن هذا الأمر لابد أن يأخذ طريقة في تنفيذه فيجب أن ينفذ بالصورة التالية

(إسم المتجه) Sum

وفالنقوم بعمل مثال في الماتلاب الآن

```
Command Window
>> Y=[1 2 3];
>> sum(Y)
ans =
6
```

# إيجاد حاصل ضرب العناصر في المتجه

يوفر الماتلاب خاصية ضرب عناصر المتجه, وذلك بإستخدام الأمر prod وهو إختصارproduct ويجب أن يأخذ هذا الأمر الصورة التالية في كتابته (إسم المتجه) prod

والآن لنأخذ مثالاً تطبيقياً في الماتلاب



## العمليات على المصفوفات

.. أولاً يجب تعريف أنواع المصفوفات, فهنالك نوعان من المصفوفات

- -1مصفوفة غير منتظمة
- -2مصفوفة منتظمة أو مربعة

أما العمليات التي سوف تتم على المصفوفات فهي

- -1طول المتجه
- -2إضافة عنصر
- -3إستبدال عنصر
- -4عملية حذف صف أو عمود بأكمله
  - -5نداء عنصر
  - -6نداء عدد عَناصرٍ
  - -7إيجاد العنصر الأكبر
  - -8إيجاد العنصر الأصغر
  - -9إيجاد مجموع عناصر المصفوفة
    - -10إيجاد حاصل ضرب العناصر
- -11إيجاد قطر المصفوفةDiagonal
  - -12المصفوفة السحرية

إيجاد حجم المصفوفة

لَايجاد حجم المصفوفة أو دعونا نقول لإيجاد عدد الصفوف والأعمدة لمصفوفة ,يجب إستخدام الأمر ,size حيث لا يصلح إستخدام الأمر ,length فأمر length يستخدم في المتجهات وليس في المصفوفات, ولتوضيح الأمر دعونا نقوم بعمل مثال مبسط لشرح هذا الأمر, أولاً لنقوم بعمل مصفوفة غير منتظمة ( أي أن عدد الصفوف لا يساوي عدد الأعمدة) كما في الشكل التالي

>> A=[3 4 9;2 4 5]

A =

3 4 9

2 4 5

والآ لنقوم بكتابة الأمر size لمعرفة حجم المصفوفة

A =

3 4 9
2 4 5

>> size عدد الصفوف

ans =

2 3

أما إذا أردنا أن نعرف عدد الصفوف فقط نقوم بعمل الآتي

>> size(A,1)

ans =

2

أما إذا أردنا أن نعرف عدد الأعمدة فقط نقوم بكتابة التالي

>> size(A,2)

ans =

3

### إضافة عنصر إلى المصفوفة

عَملية إضافة عنصر أو عدة عناصر هي من العمليات الهامة جداً داخل الماتلاب ,ودائماً نقوم بإستخدامها في الكثير من البرامج المتقدمة كما سيتضح فيما بعد, ولتوضيح ذلك الأمر يجب أن نقوم بإعطاء مثال حتى تصل مرحلة الفهم التام لها لنقوم أولاً بتعريف مصفوفة في الماتلاب

>> B=[1 3 7 8; 2 6 5 11; 12 14 15 13]

لنفترض أننا نريد أن نقوم بوضع رقم 42 في الصف الثاني والعمود الخامس, نقوم بكتابة التالي في الماتلاب

كما تلاحظ فإن الصف الأول والصف الثالث للعمود الخامس, لم يتم وضع قيم بهما, لذلك قام الماتلاب بإفتراضهما صفراً.

فماذا إذا أُردناً إضافة عدة عناصر في المصفوفة؟ يمكن إيضاح ذلك بإستخدام المثال التالي لنقوم أننا نريد إضافة الأعداد31 و 54 و 13 و 11 في الصف الرابع والعمود الأول الثاني والثالث و الرابع على التوالي, يمكن ذلك من خلال الماتلاب بالشكل التالي



### إستبدال عنصر

قد تكون هذه العملية نادراً ما يتم إستخدامها, ولكنها هامة جداً, حيث توفر إمكانية إستبدال عنصر أو عدة عناصر داخل المصفوفة, ولتوضيح هذه الخاصية ,سنقوم بتعريف مصفوفة كما ذكرنا مسبقاً

>> B=[1 3 7 8; 2 6 5 11; 12 14 15 13]

B =

1 3 7 8 2 6 5 11 12 14 15 13

ولنقوم بإستبدال العنصر في الصف الثالث والعمود الأول إلى الرقم صفر

$$>> B(3,1)=0$$

B =

1 3 7 8 2 6 5 11 0 14 15 13

وإذا أردنا إستبدال عدة عناصر, يمكن ذلك بعمل مثال بسيط, لنقل أننا نريد أن نستبدل الصف الأول والثاني والعمودين من الأول إلى الثالث بقيمة صفر

B =

0 0 0 8 0 0 0 11 12 14 15 13

## حذف أكثر من عنصر

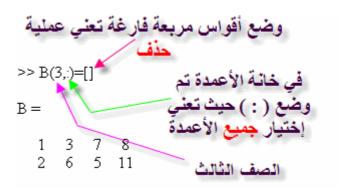
لايقوم الماتلاب بعملية حذف لعنصر واحد فقط في مصفوفة, حيث أنه من غير المعقول حذف عنصر من داخل المصفوفة, وبقية الصف والعمود بهم قيم, ولكن إذا أردت أن تقوم بحذف صف كامل أو عمود كامل فيمكن ذلك بعمل التالي نقوم أولاً بعمل مصفوفة للعمل عليها

>> B=[1 3 7 8; 2 6 5 11; 12 14 15 13]

B =

1 3 7 8 2 6 5 11 12 14 15 13

لنقل اننا نريد حذف الصف الثالث كله



ولحذف العمود الرابع كله, قم بعمل التالي

### نداء عنصر

عملية نداء عنصر من أكثر العمليات هامة جداً داخل الماتلاب, أي أنه نود الحصول على عنصر وحيد من المصفوفة, وذلك بذكر رقم الصف ورقم العمود الذي به هذا العنصر, ولتوضيح هذا الأمر, نقوم بعمل مثال بسيط, معتمدين على نفس المصفوفة التي تم ذكرها في المثال السابق

لنقل اننا نريد العنصر في الصف الأول والعمود الثالث

ولنداء أكثر من عنصر, نقوم مثلاً بنداء الصف الثاني ومن العمود الثاني إلى الرابع

هذا في حالة أننا نعرف حجم المصفوفة, ولكن ماذا إذا لم نكن نعرف حجمها, ونريد أن نحصل على العنصر الأخير مثلاً من الصف الثاني



وسنقوم بعد عملية الشرح تماماً بالعديد والعديد من الأمثلة التي تزيد من سرعتك ومهارتك في الماتلاب

# إيجاد العنصر الأكبر

يقوم الماتلاب بإيجاد العنصر الأكبر عن طريق العمل على المصفوفة بشكل مختلف, فكيف يبحث عن العنصر الأكبر في المصفوفة, يقوم الماتلاب بالبحث عن العنصر الأكبر في كل عمود في المصفوفة, وبعدما يقوم بعمل ذلك, يقوم بعمل متجه به الرقم الأكبر من كل عمود, أنظر المثال التالي للتوضيح

لدينا الآن مصفوفة تم إنشائها على الماتلاب

ولنقم بكتابة الأمر max كما ذكرنا مسبقاً

كما تلاحظ فلقد قام الماتلاب بإختيار العنصر الأكبر من كل عمود, ولإختيار الرقم الأكبر بينهم يجب كتابة نفس الأمر للناتج الخارج, وبالتالي نحصل على الرقم الأكبر في المصفوفة ككل

>> C=max(B)

C =

23

# ٍيجاد العنصر الأصغر

ُ هذه العملية أيضاً كثيرة الإستخدام في التطبيقات المختلفة, وهي نفس الخطوات السابق ذكرها في إيجاد العنصر الأكبر ولكن يتم إستخدام الأمرmin وإليكم المثال التالي

>> A=[1 15 2 11; 23 1 4 5; 3 1 15 7; 1 4 9 10]

A =

1 15 2 11 23 1 4 5 3 1 15 7 1 4 9 10

>> B=min(A)

B =

1 1 2 5

>> C=min(B)

C =

1

### إيجاد مجموع العناصر

لإيجاد المجموع كما تعلمنا نقوم بإستخدام الأمر sum ولكن عملية الجمع يقوم الماتلاب بإيجاد جمع كل عمود على حدى وتوضع في صورة متجه, كما في المثال التالي

>> A=[1 15 2 11; 23 1 4 5; 3 1 15 7; 1 4 9 10]

A =

1 15 2 11 23 1 4 5 3 1 15 7

>> B=sum(A)

B =

28 21 30 33

>> C=sum(B)

C =

112

## إيجاد حاصل ضرب العناصر

يمكن ضرب عناصر المصفوفة, ولكن في الماتلاب عملية الضرب تكون لكل عمود على حدى ويتمر وضع الناتج في متجه, وإذا تم إستخدام الأمر مرة أخرى يتم ضرب عناصر المتجه جميعها, لينتج حاصل الضرب المصفوفة جميعها, أنظر المثال التالي

```
>> A=[1 15 2 11; 23 1 4 5; 3 1 15 7; 1 4 9 10]
A =
  1 15 2 11
  23
         4
         15
  3
      1
      4
          9 10
>> B=prod(A)
B =
     69
            60
                   1080
                            3850
>> C=prod(B)
C =
```

## إيجاد قطر المصفوفة

هذه العملية قد تكون ذات إستخدام أكاديمي, ولكنها هامة جداً, وخصوصاً أن تلك الخاصية تخدم المصفوفة المربعة ( عدد الصفوف يساوي عدد الأعمدة), ويتم إستخدام الأمر ,diag وهذا مثال لذلك

1.7214e+010

```
>> % By defining the Square Matrix A
>> A=[1 15 2 11; 23 1 4 5; 3 1 15 7; 1 4 9 10]

A =

1 15 2 11
23 1 4 5
3 1 15 7
1 4 9 10

>> % By Getting the Diagonal of the Matrix A
>> B=diag(A)

B =

1 1
1 1
15 10
```

يمكننا الآن عمل العديد من العمليات على قطر المصفوفة, فمثلاً نريد الحصول على عملية الجمع لعناصر المصفوفة

> >> A=[1 15 2 11; 23 1 4 5; 3 1 15 7; 1 4 9 10] A =1 15 2 11 4 23 15 1 9 10 >> B=sum(diag(A)) B =27 أو أننا نريد الحصول على حاصل ضرب تلك العناصر >> A=[1 15 2 11; 23 1 4 5; 3 1 15 7; 1 4 9 10] A =15 1 1 15 >> B=prod(diag(A)) B =

## المصفوفة السحرية

حقاً كلمة قد يستغربها البعض, ولكنها حقيقة فحقاً إنها سحرية, حيث أن الماتلاب لديه القدرة على إنتاج مصفوفة مربعة يقوم الماتلاب بإختيار أرقامها بشكل عشوائي, كل ما عليك إلا إستخدام الأمر magic وتحديد N حيث انها تمثل عدد الصفوف المساوي لعدد الأعمدة, هذه المصفوفة مهمة جداً وخصوصاً في عمليات إختبار الأنظمة, كما سنتحدث لاحقاً بإذن الله في الشبكات العصبية.

150

>> A=magic(3)

A =

8 1 6 3 5 7 4 9 2

>> B=magic(9)

B =

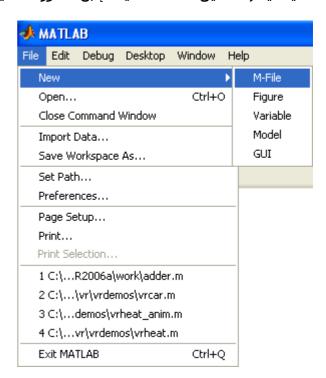
58 69 12 23 34 45 68 79 44 46 50 61 72 74 38 49 37 48 59 70 81 2 13 24

### M-File

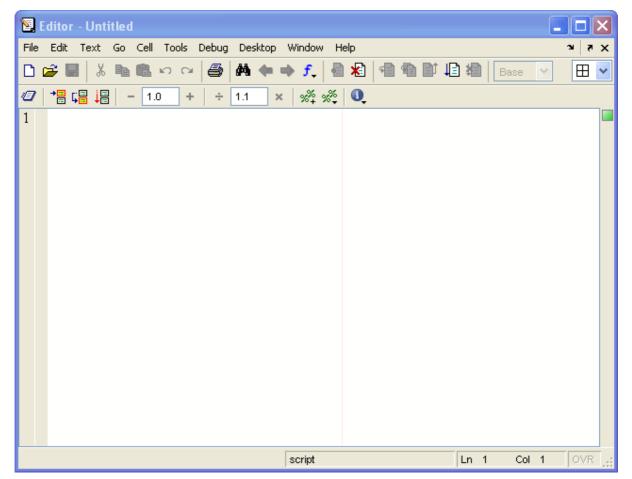
هي وسيلة لإدخال الأوامر ولكن ليس من خلال نافذة الأوامر, ولكن ماذا قد يختلف في هذه الوسيلة الجديدة في إدخال الأوامر؟

- -1َفي عملية إدخالُ الْأوامر التي كنا نستخدمها, إذا أردنا تعديل عنصر أو أكثر كان يجب إعادة إدخال الأمر من جديد.
  - دحان الامر من جديد. -2إذا وجد خطأ, فيجب كتابة الأمر من جديد
  - ---- حـــ حـــ حـــ وأردنا إعادة العملية مرة أخرى يجب إدخال جميع الأوامر من جديد وبنفس الترتيب.
- 4إذا حدث خطأ في ترتيب الأوامر لهذا البرنامج الكبير ستقوم بإعادة الإدخال الأوامر من البداية مرة إخرى.
  - -5يصعب عمل عملية تصحيح للأخطاء Debugging

وهذا بالطبع يستغرق وقتاً كبيراً هذا بالإضافة إلى الملل الذي يحدث للمستخدم وطبعاً حلاً لهذه المشكلة, تم عمل بما يسمى M-File والتي تعطي القدرة على كتابة البرنامج كاملاً أولاً بدون تشغيل, وبعد الإنتهاء منه يتم تشغيله ,هذه الخاصية تعطي القدرة على تعديل القيّم دون الحاجة إلى كتابتها مرة أخرى, أو إعادة إدخال الأوامر التي تعتمد على هذا الأمر. فكيف يتم تشغيل تلك الخاصية؟ إتبع الصورة التالية

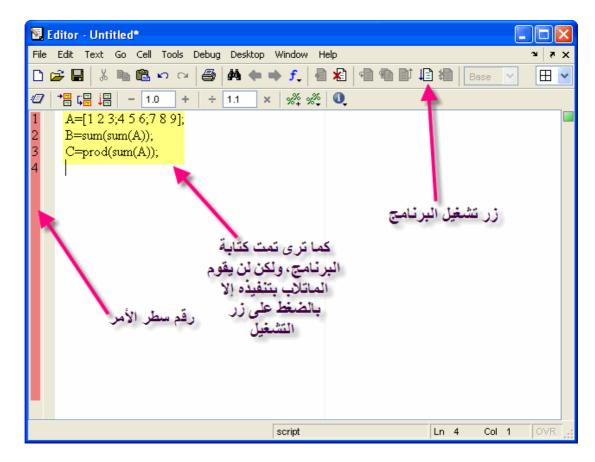


وبالتالي ستظهر نافذه جديدة, تأخذ الشكل التالي



## نافذةM-File

سنقوم الآن بالتعرف على نافذة M-File, أنظر الصورة التالية



ولكن عند الضغط على زر التشغيل, سيطالبك الماتلاب بحفظ البرنامج, ولكن يشترط الآتي عند حفظ البرنامج

-1أِن لايبدأ بأرقام

-2أن لا يكون أُمراً معرفاً في الماتلاب

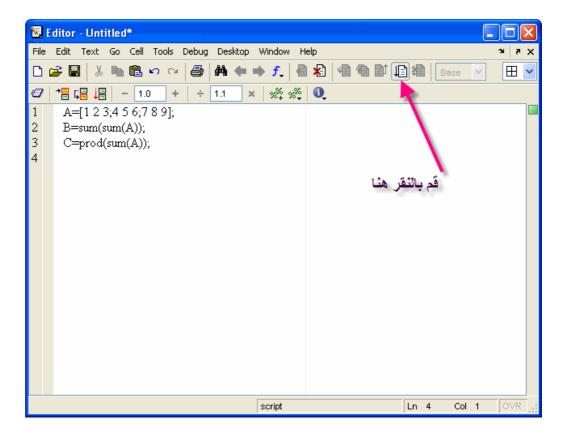
-3أن لا يحتوي الإسم على مسافات فاصلة

-4أن لاتُحتوي علَى رمُوز خاصة مثل\* , & , - , +

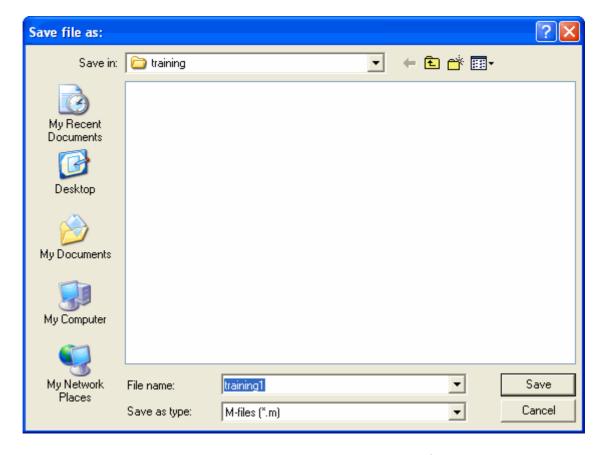
يجب مراعاة تلك الشروط وإلا لن يقوم الماتلاب بتنفيذ البرنامج

فالنقم بتنفيذ المثال المكتوب الآن في النافذة السابقة

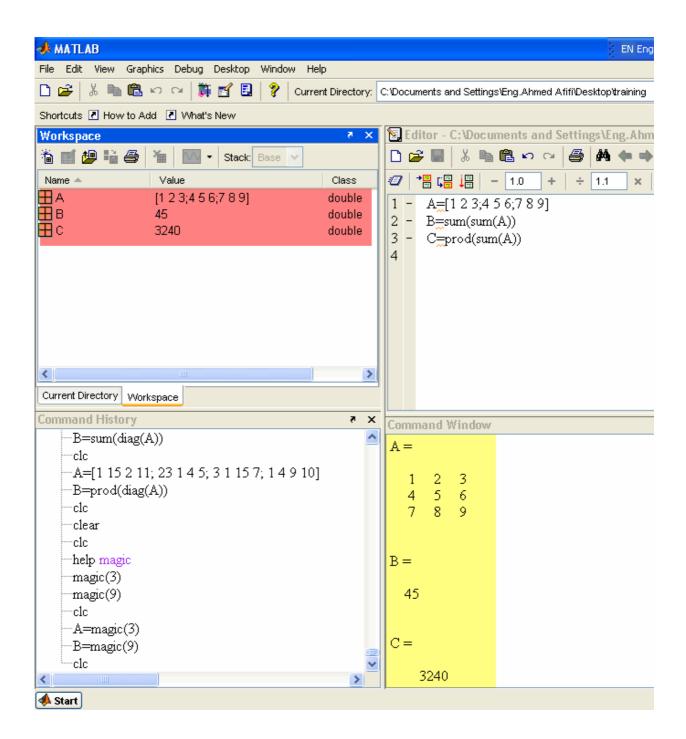
-1يتم الضغط على زر التشغيل كما هو واضح في الصورة التالية



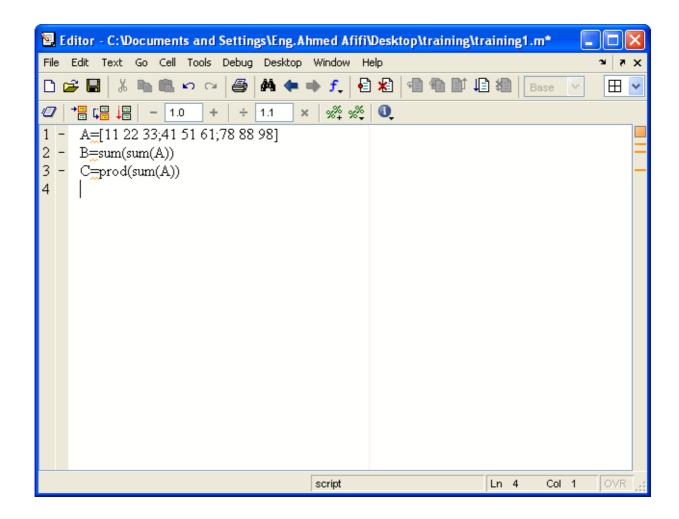
-2سيطالبنا الماتلاب بحفظ البرنامج أولاً, ولنسميهtraining1



-3ستظهر القيم في كلاً منCommand Window and Workspace



-4لنعود إلى M-File ونقوم بتغيير بعض القيم للمصفوفة, كما في الشكل التالي

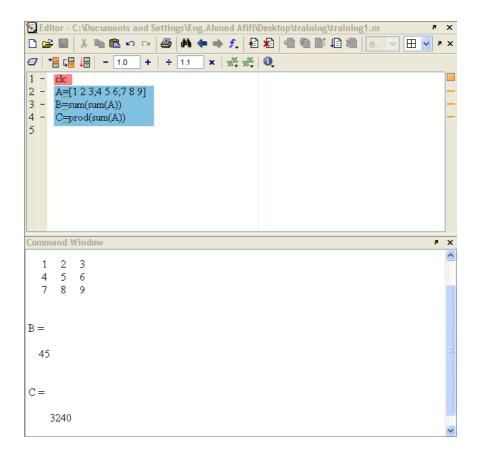


-5سنقوم الآن بتشغيل البرنامج, وسيقوم الماتلاب الآن بالحفظ تلقائياً دون الحاجة لإعادة التسمية, ثم شاهد نافذة الأوامرCommand Window

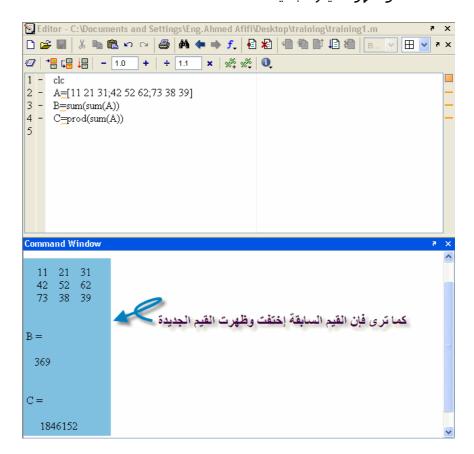
| Comman                 | d Wi        | indov       | v                                               |
|------------------------|-------------|-------------|-------------------------------------------------|
| 1<br>4<br>7            | 2<br>5<br>8 | 3<br>6<br>9 |                                                 |
| B=<br>45               |             |             | هذه قيم البرامج التي قد حصلنا عليها<br>منذ قليل |
| C=                     |             |             |                                                 |
| 32                     | 40          |             |                                                 |
| A=                     |             |             |                                                 |
| 11<br>41<br>78         | 51          |             |                                                 |
| B =<br> <br> <br>  483 |             |             | وهذه قيم البرنامج بعد عمل<br>التعديلات عليه     |
| C=                     |             |             |                                                 |
| 4018560                |             |             |                                                 |

وكما تلاحظ فإنه في كل عملية تحديث للبرنامج ستظل قيم البرنامج القديم موجودة, فحلاً لهذه المشكلة, يتم وضع الأمر CLC في أول كل برنامج, وهذا يكون مبدأ في جميع البرامج التي نقوم بعملها لابد من أن تبدأ بهذا الأمر.

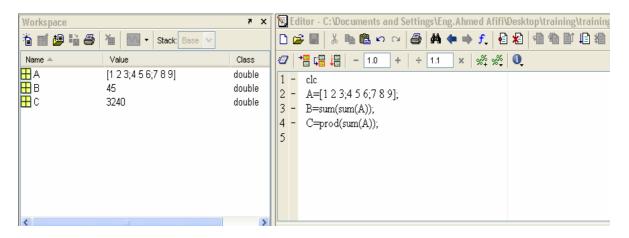
سنقوم الآن بكتابة الــM-File



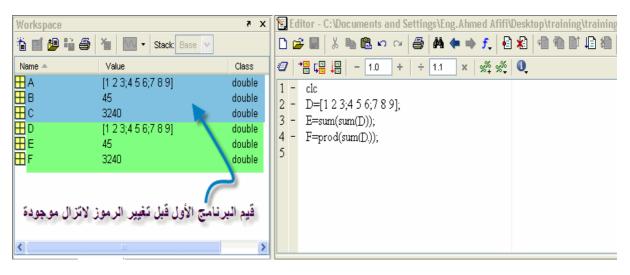
سنقوم الآن بتعديل المثال, وحتى نتأكد أن أمر CLC يعمل, ستختفي القيم من Command Windowوتظهر القيم الجديدة



وبهذا نتأكد من أن الأمر CLC يعمل بكفاءة ولكن دعونا نشاهد نافذة Workspace والتي تحتوى على قيمA,B,C

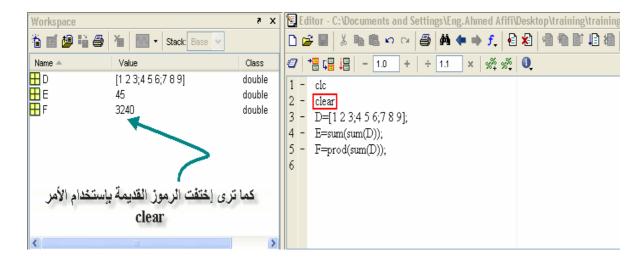


لنقم بتعديل بسيط في البرنامج عن طريق تغيير الرموز فقط من A,B,C إلى D,E,F ومشاهدة النافذةWorkspace



ولتلافي هذه المشكلة, يجب وضع أمر Clear بعد الأمر clc بحيث يقوم بمسح أي قيمة سابقة من أي برنامج آخر في , Workspace ويجب تثبيت هذا الأمر أيضاً في جميع البرامج والتي سيتم عملها لاحقاً بإذن الله.

وسـنقُوم الآن بتنفيذ نفس البرنامج ولكن بعد وضع الأمر ,clear وسـتلاحظ الفرق الشـاسـع في الماتلاب الآن



## بعض الأوامر الهامة

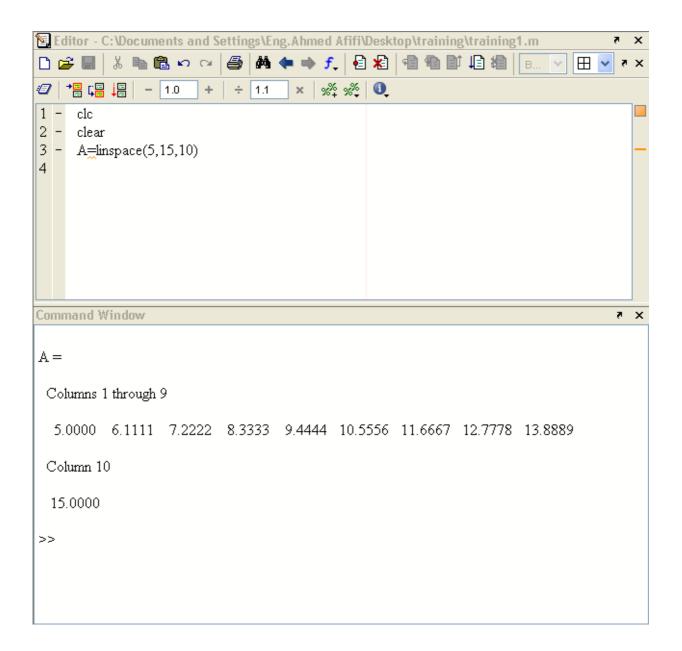
. قبل الإنتقال إلى الرسم plotting لابد من أخذ بعض الأوامر الهامة, والتي سيتم تداولها بشكل مستمر بإذن الله

### linspace

هذا الأمر كثير الإستخدام, والذي يستخدم في عملية إنتاج متجه, عن طريق تحديد الرقم الأصغر والرقم الأكبر, وعدد النقط المرغوبة بين هذين الرقمين ويأخذ الصورة التالية

linspace(minimum number,maximum number,number of points in between)

فالمثال التالي يوضح كيفية إستخدام 10 نقاط من بين الرقمين 5 و 15



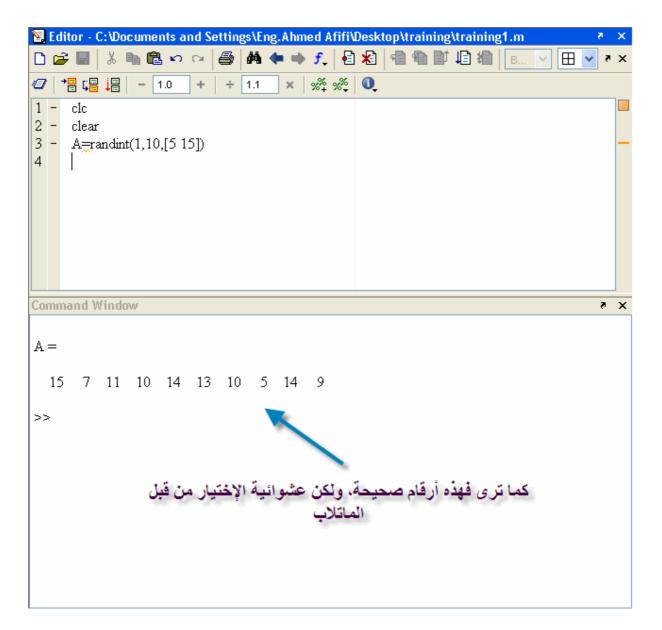
وهذا ما يسمى النظام العشوائي للماتلابRandomization System in Matlab والميزة في هذا النظام هو أن المتجه نظام عشوائي متزايد

### randint

هذا الأمر من ضمن الأوامر والتي تنشأ نظام عشوائي للأرقم, ولكن ليس نظام نظام عدد صحيح وليس على هيئة كسور مثل الأمر السابق, كما أن نظام الأرقام به ليس تزايدياً أو تناقصياً بل عشوائياً ويأخذ الصورة التالية

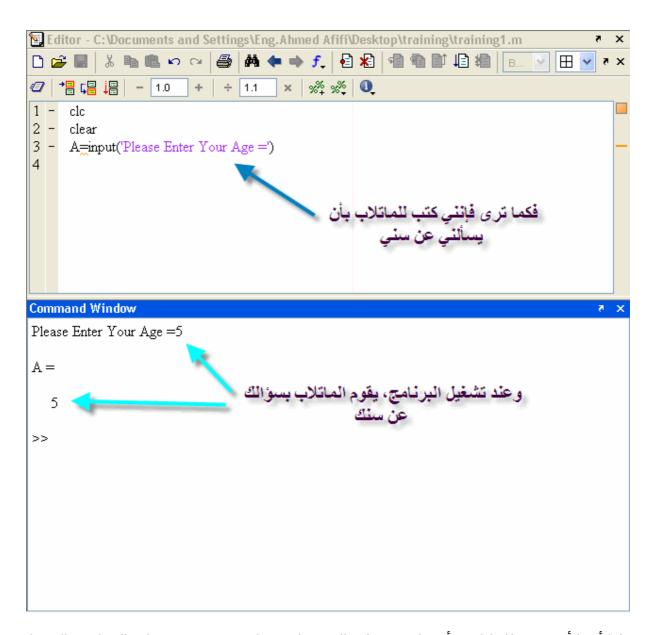
randint(number of rows,number of column,[minimum number,maximum number])

وهذا مثال بسيط بإستخدام هذا الأمر على الماتلاب

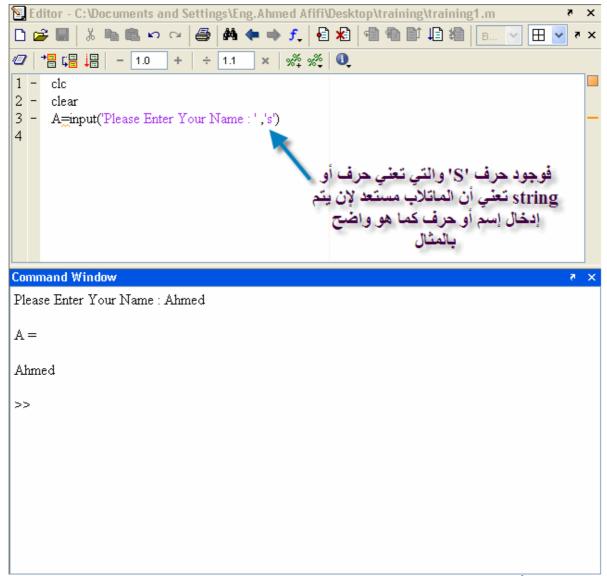


### Input

هذا الأمر هام جداً في الماتلاب, حيث يقوم المستخدم من خلال إستخدامه يجعل الماتلاب يسأله عن متجه أو مصفوفة, أو حتى حروف وأسماء وذلك تبعاً لما يقوم المستخدم بتعريفه فمثلاً إذا أردنا الماتلاب يطالبك بإدخال سنك, سنقوم بعمل التالي



وإذا أردنا أن نعرف للماتلاب بأن ما سيتم إدخاله هو إسم وليس رقم, يتم كتابة البرنامج بالشـكل التالي



### لنستكمل الأوامر الهامة

### أُولاً ما الَّفرقُ بين String and Character ؟

stringهو حرف أو كلمة في الماتلاب

characterهو عبارة عن رقم أو مجموعة من الآرقام وهنالك أمر يقوم بتحويل string to Character والعكس كذلك

وهنانك أمر يعوا وهما

num2str

str2num

ولكن فيما يفيدوا هذه الأوامر

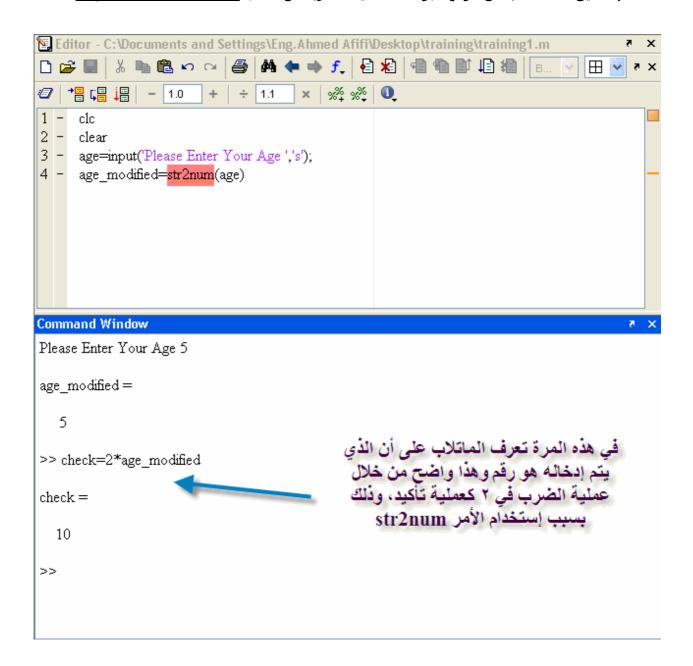
سنقوم بمثال بسيط حتى تفهم المقصود من هذه الأمور, سنقوم بإستخدام الأمر input في وضعية string وسنقوم بإدخال أرقام, ستبدأ تستغرب الآن, فهل الماتلاب حتى بعد إدخالي الرقم سيتعرف عليها كأنها أرقام أم أي شئ غير ذلك, شاهد الصورة التالية

```
🛐 Editor - C:Wocuments and Settings\Eng.Ahmed Afifi\Desktop\training\training1.m
  х
🚔 | 👫 🗢 🕩 🗲 | 🔁 🛣 | 📲 🐿 🕪 📭 🛣 || в... 📝
   ₩ 🕶
   7 X
                                  × | % % % 0
÷ 1.1
     c1c
2 -
    clear
3 - age=input('Please Enter Your Age ','s')

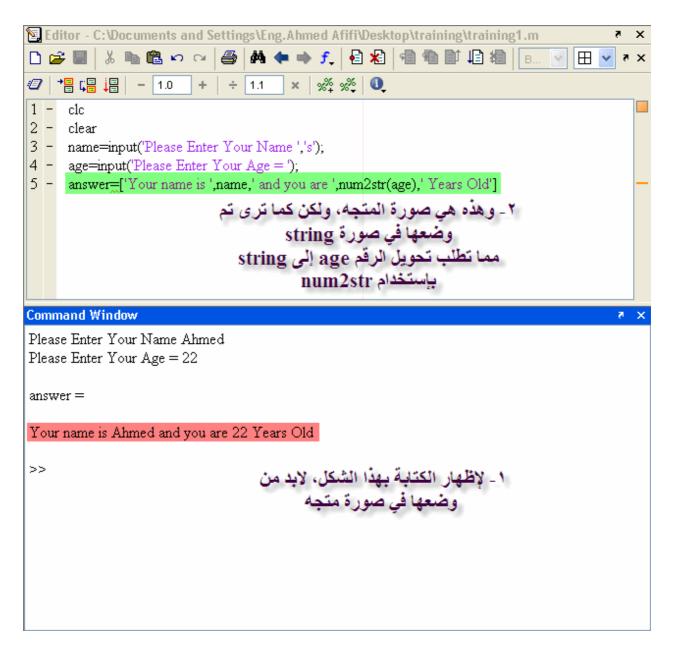
    ١ - تم إستخدام الأمر input في صورة

                                     string وليس string
Command Window
  X 5
Please Enter Your Age 5,
                                 ٢ - قمنا بإدخال رقماً للعريف على أنه سن
age =
                                الإنسان، ولكن هل تعرف الماتلاب على أنه
5
>> check=2*age
check =
                              ٣- في الحقيقة لم يتعرف الماتلاب على أنه
 106
                              رقم بل تعرف على أنه string وهذا نتيجة
                              إستخدام الأمر input في وضعية string
>>
```

سنقوم الآن بإستخدام str2num لتحويل string إلى character أو رقم, شاهد الصورة التالية



ماذا بخصوص الأمر الثانيnum2str يستخدم هذا الأمر في تحويل الأرقام إلى string كتعريف لدى الماتلاب, ولكنه لا يغير من شكله, فالمثال التالي طلب منا إدخال الإسم والسن, ثم سنضع الإسم والسن في متجه, ولكن يجب أن نراعي كما ذكرنا مسبقاً أن المتجه إما يحتوي على أرقام أو string فقط وليس كلاهما

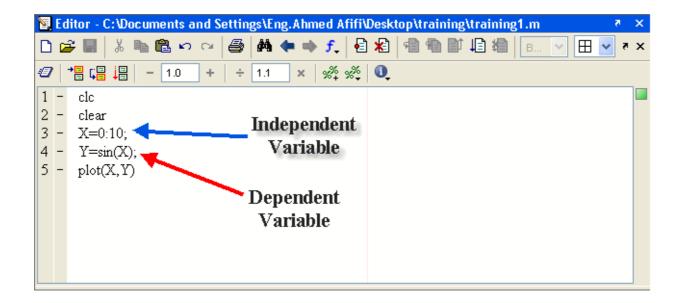


### الرسم ثنائي الأبعاد D Plotting2

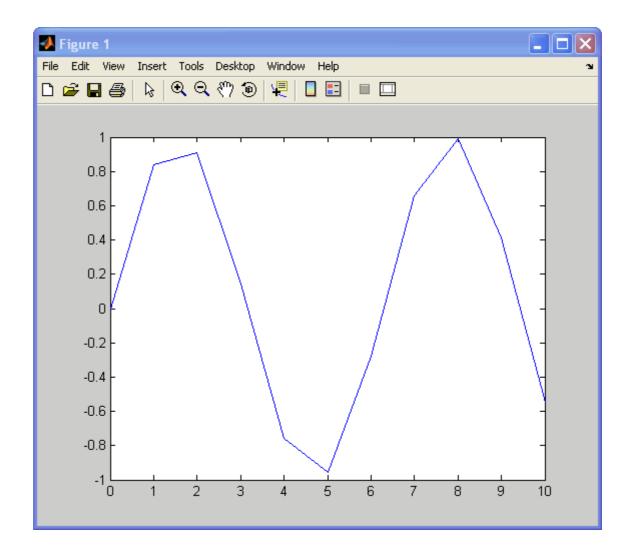
المقصود بالرسم ثنائي الأبعاد هو ان تكون العلاقة التي تحكم عملية الرسم تكون بين متغيرين فقط أحدهما يسمى independent والآخر يسمىdependent فما المقصود بـــ independent Variable أي المتغير المستقل أي أن قيمه لا تحكمها علاقة بينما dependent Variable أي المتغير المُعتمد حيث يعتمد قيمه على قيم المتغير المستقل الآن وبعد شرح هذين العنصرين الهامين, سنقوم بشرح الأمر plot حيث يأخذ الصورة التالية

plot(independent variable, dependent variable)

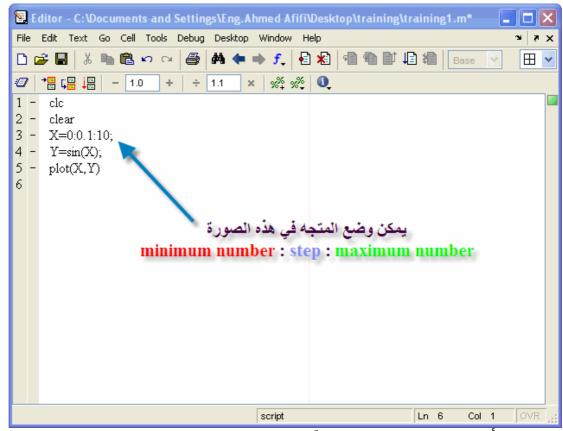
وهذا مثال بسيط لكيفية رسمsine Wave



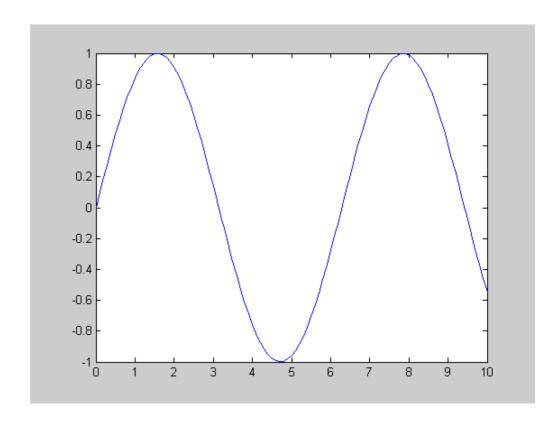
وتلاحظ أننا قد إخترنا 10 نقاط فقط لرسم , Sine Wave وهذا عدد قليل لرسم Sine Wave وتلاحظ ظهور الرسمة بالشكل التالي



وحلاً لهذه المشكلة, لابد من زيادة عدد النقاط داخل المتجه, كما في الشكل التالي



وستلاحظ أن الرسمة قد تحسنت كثيراً



## إضافة خصائص إلى الرسومات داخل الماتلاب

في بعض الأحيان يكون من الضروري جداً تغيير بعض الخواص لدى الرسومات التي نحصل عليها مثل تغيير الألوان, وتغيير الرسمة من خطوط متصلة إلى نجوم ونقاك وغيرها, وهذه هي مجموعة الخصائص التي تتم من خلال الماتلاب

```
Ъ
   blue
                               solid
               point
                           : dotted
   green
               circle
g

    dashdot

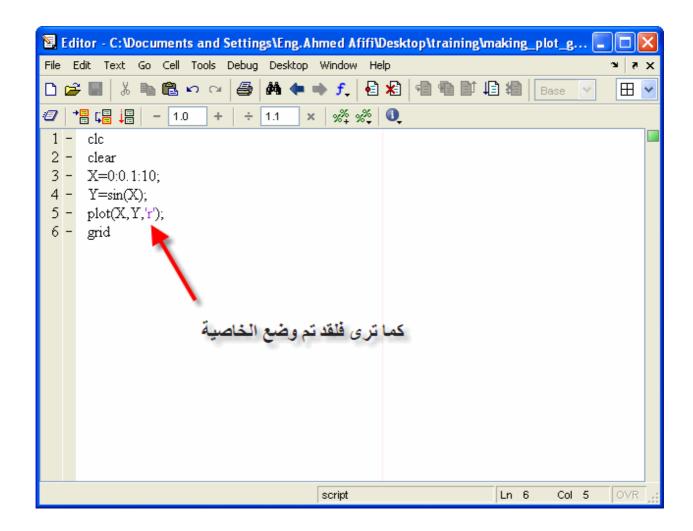
   red
            x x-mark
                            -- dashed
                plus
   cyan
m magenta
                  star
                           (none) no line
y yellow s square
k black
           d diamond
           v triangle (down)
          ^ triangle (up)
           < triangle (left)
           > triangle (right)
              pentagram
          p
           h hexagram
```

فكيف يتم وضع تلك الخصائص داخل الماتلاب, تكون هذه الخصائص متضمنة في الأمر plot حيث تأخذ الصورة التالية

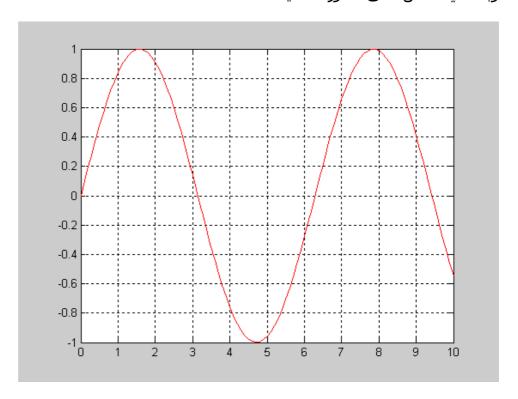
plot( independent Variable, Dependent Variable, ' the property ' )



إعتماداً على المثال السابق أخذه سنقوم بتعديل بعض الخصائص سنقوم مثلاً بتغيير لون الخط إلى الأحمر



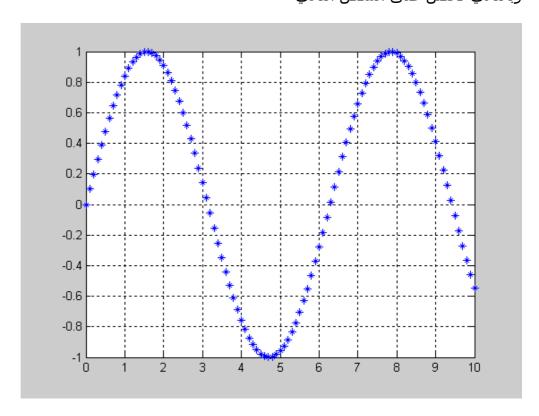
وبالتالي نحصل على الصورة التالية



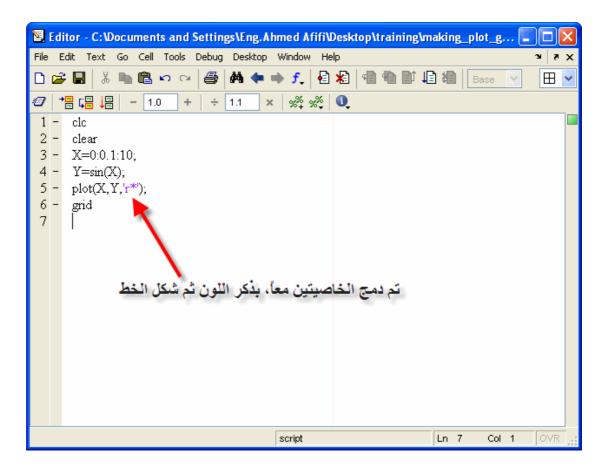
ولنقم الآن بإضافة خاصية جديدة بأن يكون الخط ليس خطاً متصل وإنما عبارة عن نجوم

```
🛂 Editor - C:Wocuments and Settings\Eng.Ahmed AfifiWesktop\training\making_plot_g... 🔳 🗖 🔀
File Edit Text Go Cell Tools Debug Desktop Window Help
  X 5 E
🗅 😅 📕 🐰 🖦 🖺 ∽ ∼ 🖨 👫 🗢 🛧 🖟 🖹 🛣 📵 🐿 🖺 🖺 Base 🔻
   ⊞ ~
+ ÷ 1.1 × %, %, 0
     c1c
     clear
     X=0:0.1:10;
     Y=sin(X);
     plot(X,Y,^{i*i});
     grid
                                 script
   Ln 5
  Col 12 OVR
```

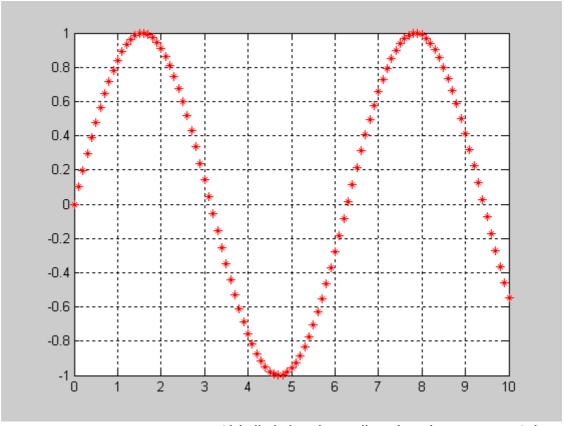
وبالتالي نحصل على الشكل التالي



وإذا أردنا أن نحصل على نجوم حمراء ( أي دمج الخاصيتين معاً(

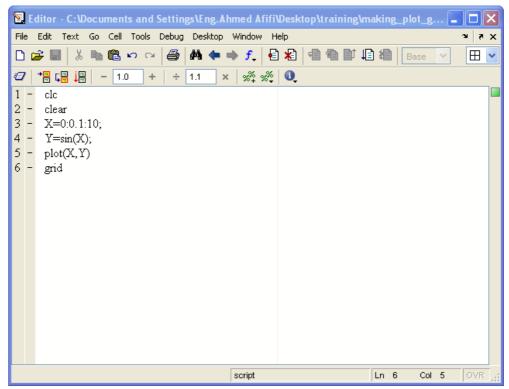


وبالتالي نحصل على الشكل التالي

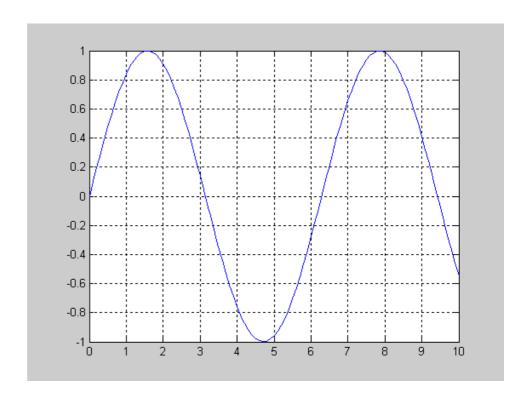


وهنا نكون قد شرحنا خصائص الرسومات داخل الماتلاب

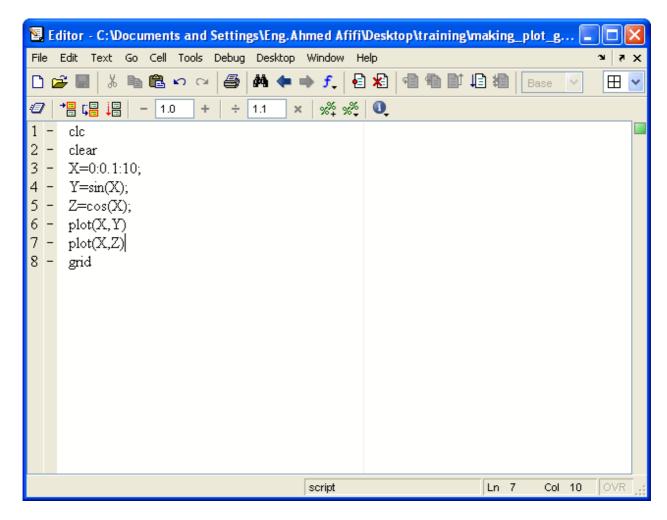
عملية وضع شبكة على الرسم يقوم الماتلاب بوضع شبكة على الرسم, بحيث يكون من السهل تحديد القيم من على الرسم حيث تأخذ الأمر grid بعد الأمرplot



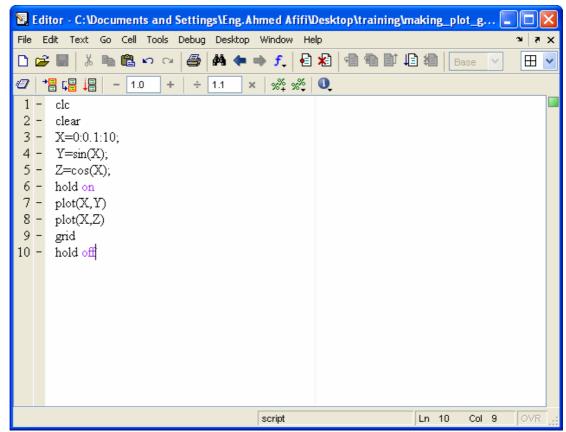
وسيكون شكل الرسم كالتالي



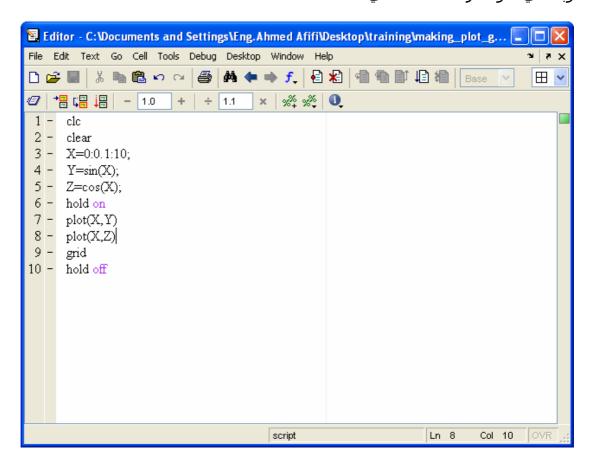
الآن سنقوم بعمل معادلة أخر بالإضافة إلى المعادلة المذكورة بحيث يكون لدينا رسمتان, بحيث تأخذ الشكل التالي



ولكن عند تشغيل البرنامج, سيقوم الماتلاب بإظهار الرسمة الأخيرة فقط, فكيف يتم إظهار الرسمتين, يتم ذلك بإستخدام الأمر Hold on قبل الأمر plot لكي يتم وضع الرسمتين في نافذة واحدة, وفي نهاية الأمر يتم وضع الأمر ,hold off أنظر الصورة التالية

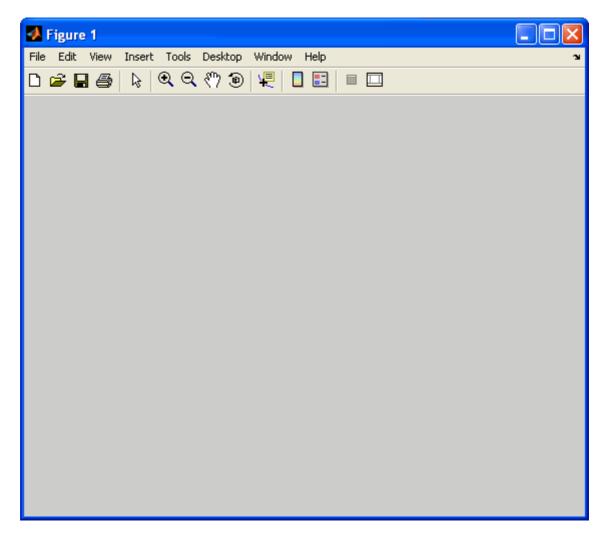


وبالتالي تكون الرسمتان كالتالي

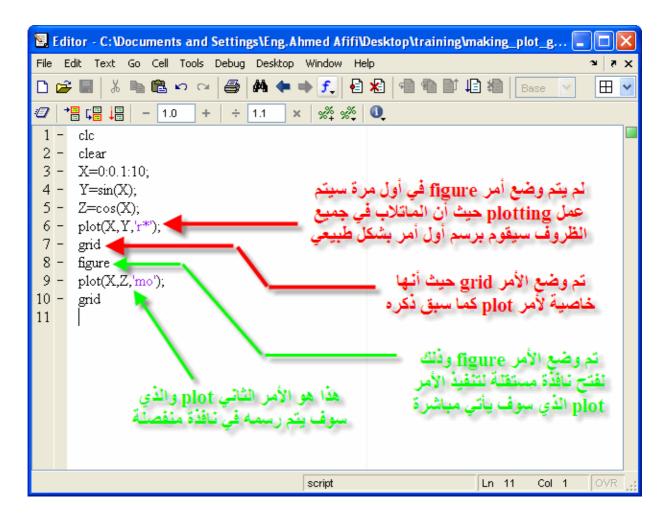


## علمية وضع الرسومات في نوافذ منفصلة

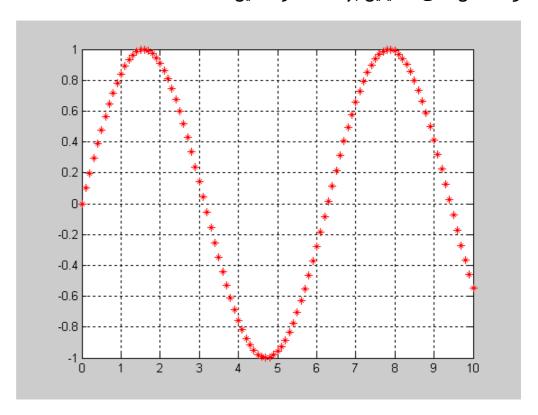
سنقوم الآن بدلاً من وضع الرسومات في نفس النافذة سنقوم بوضعها في نوافذ مختلفة وعلى نحتاج إلى الأمر figure والذي يقوم بفتح نافذة فارغة إذا تم وضعه منفصلاً, جرب ذلك في نافذة الأوامر ستلاحظ ان الماتلاب قام بإظهار نافذة رمادية اللون فارغة شاهد الصورة التالية

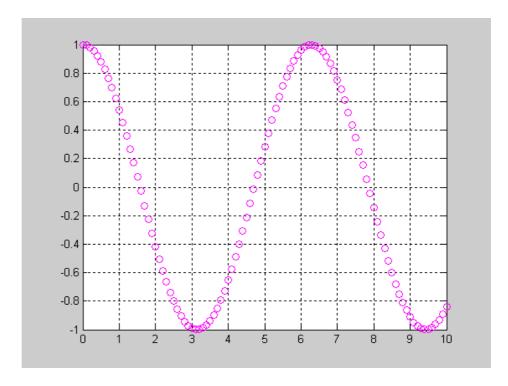


حيث وجود تلك النافذة يعني انه سيتم تنفيذ أمر الرسم plot الذي بعد أمر figure علماً أنه بعد كل أمر figure يتم وضع الخصائص التي تختص بهذه الرسمة مثل أمر grid الذي سبق شرحه. وهذا مثال بسيط على ذلك



وستحصل على نافذيتين بهما كلتا الرسمتين





والآن قم بتشغيل البرنامج مرة أخرى, ستلاحظ أن عدد النوافذ قد زاد نافذة واحدة, فكيف حدث هذا؟

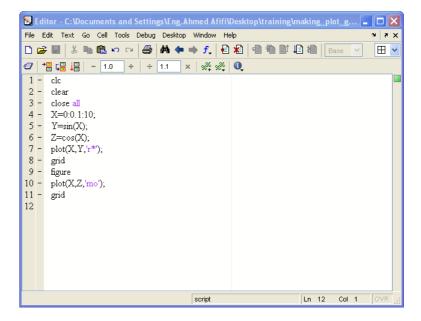
يقوم الماتلاب برسم أول دالة على النافذة الأخيرة التي تم رسم الدالة الثانية بها, ثم يقوم برسم الدالة الثانية في نافذة جديدة بسبب وجود الأمر figure ولحل هذه المشكلة قم بإستخدام الأمر close all بعد الأمر clear بحيث يتم إغلاق أي نوافذ كانت مفتوحة قبل ذلك عند تشغيل البرنامج كل مرة وبالتالي سيكون هنالك ثلاثة أوامر لابد من إستخدامها في كل مرة يتم عمل أي برنامج وهم

clear

clc

close all

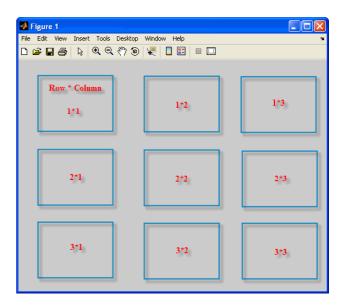
وهذا هو المثال الذي تم عمله منذ قليل بعد التعديل



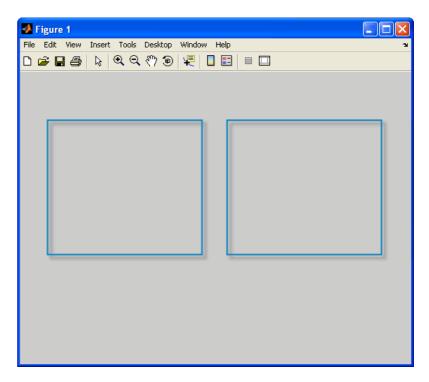
## إنشاء رسومات منفصلة في نافذة واحدة

أُخذنا أننا بإمكاننا أن نقوم بعمل أكثر من رسمة على نُفس النافذة, ولكن هل تتخيل أن نقوم بوضع عدة رسومات منفصلة في نافذة واحدة, في الحقيقة يمكن ذلك بإستخدام الأمر subplot قبل كل أمرplot

يعمَّل الَّأمر subplot من خلال تحديد عدد الرسومات التي ستقوم بإظهارها, حيث يقوم الأمر subplotعلى وضع الصور وكأنها مصفوفة أو متجه, ويجب عند إستخدام الأمر معرفة عدد الرسومات التي ستظهرها وكيفية وضعها, ويفضل إستخدام الشكل التالية لتحديد الأماكن التي ستقوم بوضع الرسومات بها



سـناخذ مثالاً, لنقول أن لدينا معادلات يجب رسـمهما, وسـنقوم بوضعهما بجوار بعضهما كما في الشـكل التالي



وبالتالي الرسمتان سيكون وكأنهما متجه عدد صفوفها 1 وعدد الأعمدة 2 , والرسمة الأولى تأخذ الخانة الأولى , والرسمة الثانية ستأخذ الخانة الثانية هذا ما يجب تحديده بالتفصيل عند إستخدام الأمرsubplot ثم نستخدم الصورة العامة لأمر subplot والتي تكون كالتالي

plot( number of rows, number of column, the number of the matrix which occupy the figure)

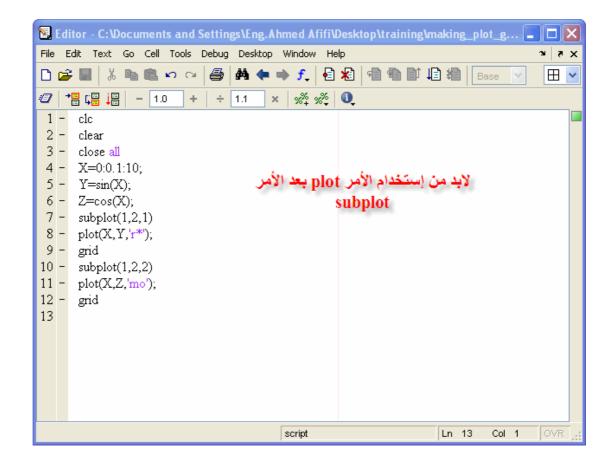
ولرسم الشكل الأول لابد من كتابة الأمر في الصورة التالية



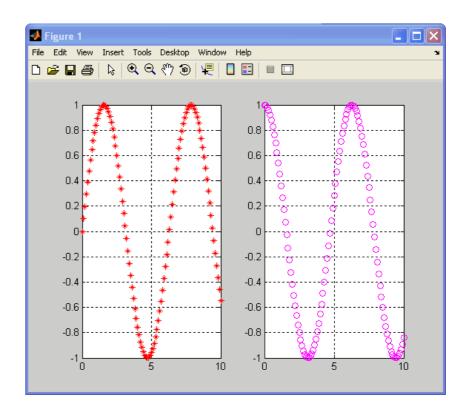
ولرسم الشكل الثاني لابد من كتابة الأمر في الصورة التالية



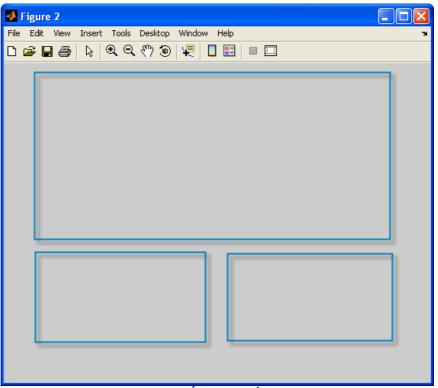
والأن سنقوم بوضع البرنامج كاملاً ليكون المعنى قد وضح تماماً



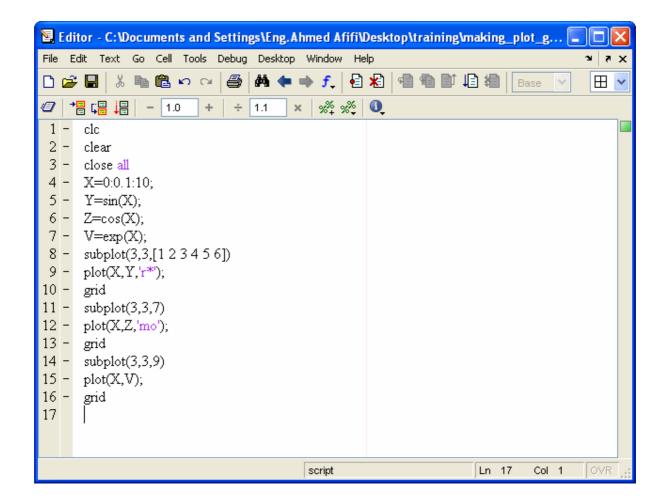
وستكون الرسمة النهائية كما في الشكل التالي



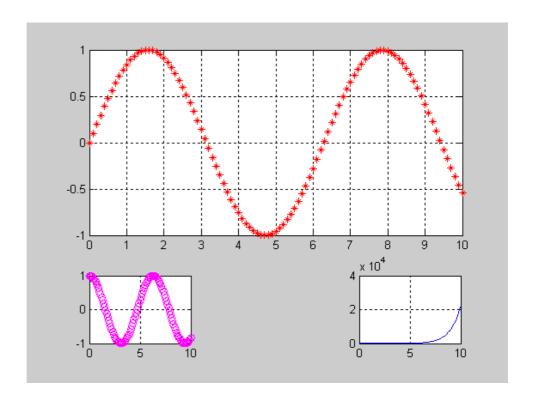
ملاحظة إذا كانت الرسمة تشغل أكثر من خانة يتم إستخدام الأقواس المربعة, وتأخذ الشكل التالي ]أرقام جميع الخانات التي تشغلها الرسمة[ وسنقوم بإعطاء مثال نريد أن يكون الشكل الخارج على شكل الصورة التالية



فإن عدد الصفوف 3 وعدد الأعمدة 3 وأرقام الخانات التي تشغلها الرسمة الأولى 1 و2 و3 و4 و5 و6 على التوالي, وأرقام الخانات التي تشغل الرسمة الثانية 7 وأرقام الخانات التي تشغل الرسمة الثالثة هي 9 والبرنامج يكون بالشكل التالي

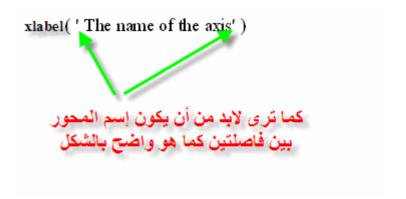


### وستكون النتيجة كالتالي

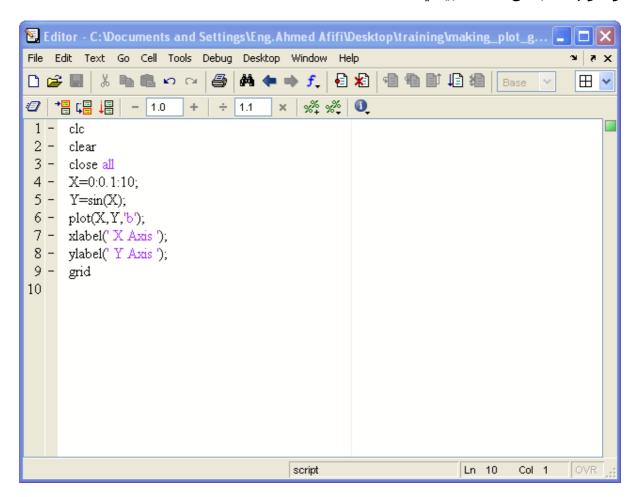


## تسمية المحاور

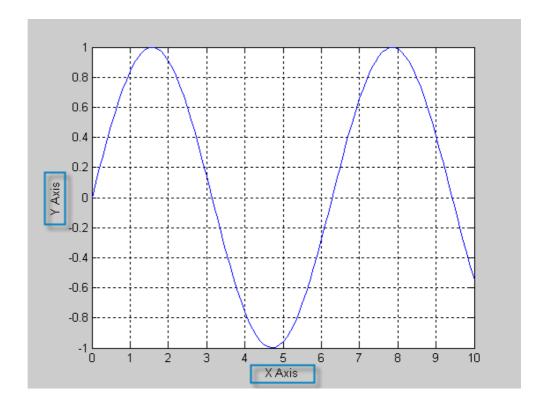
سنقوم الآن بتنفيذ الجزء قبل الأخير من الدورة وهو تمية المحاور, فمثلاً إذا أردنا أن نقوم بتسمية محور السينات X-Axis نقوم بإستخدام الأمر xlabel وإذا أردنا أن نقوم بتسمية محور الصادات نقوم بإستخدام الأمر ylabel حيث يأخذ كلا الأمرين صورة واحدة وهي كالتالي



نفس الشئ يتم تطبيقه على محور الصاداتylabel ولنقوم الآن بعمل مثال تطبيقي

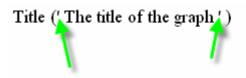


وبالتالي نحصل على الصورة التالية



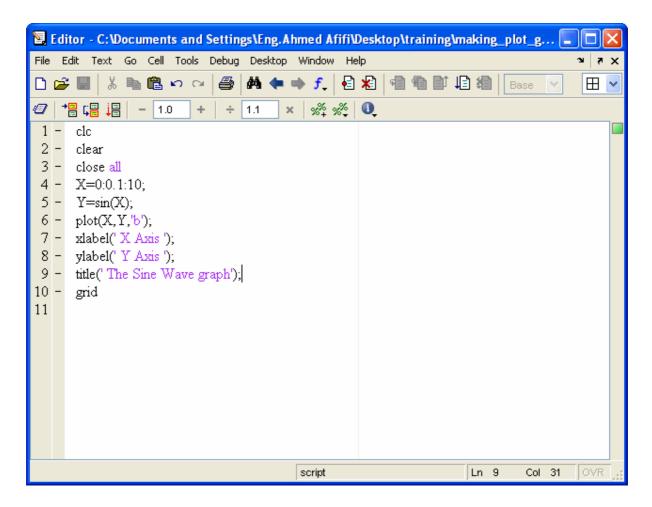
# وضع عنوان في أعلى الرسمة

يمكن وضع عنوان أعلى كل رسمة وذلك من خلال الأمرtitle حيث يكون هذا الأمر بالشكل التالي

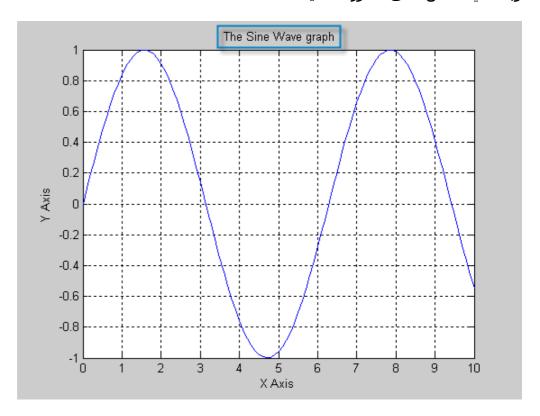


لابد من وضع العنوان بين فاصلتين كما هو موضح بالرسم

وبالرجوع إلى المثال السابق ووضع التعديلات عليه كما هو موضح



وبالتالي نحصل على الصورة التالية



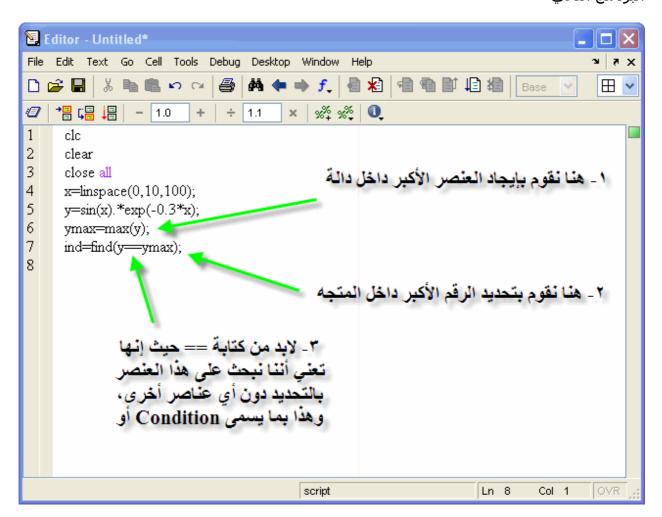
# وضع نص على نقطة أو أكثر داخل الرسم

يمكن إضافة نص على نقطة أو أكثر على الرسم, وذلك بإستخدام الأمر text ويأخذ الصورة التالية Text (position of the point at X-Axis, position of Y-Axis, 'The text on that point ')

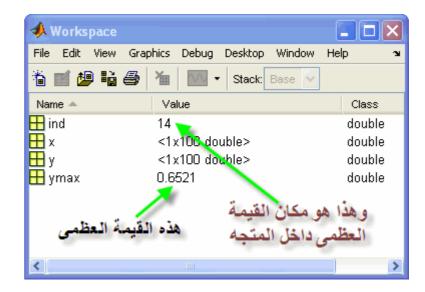
## يجب وضع النص بين فاصلتين

وسنأخذ مثالاً بسيطاً في كيفية إيجاد الرقم الأكبر, ثم وضع دائرة حمراء حول النقطة العظمى ووضع كلمةmaximum point

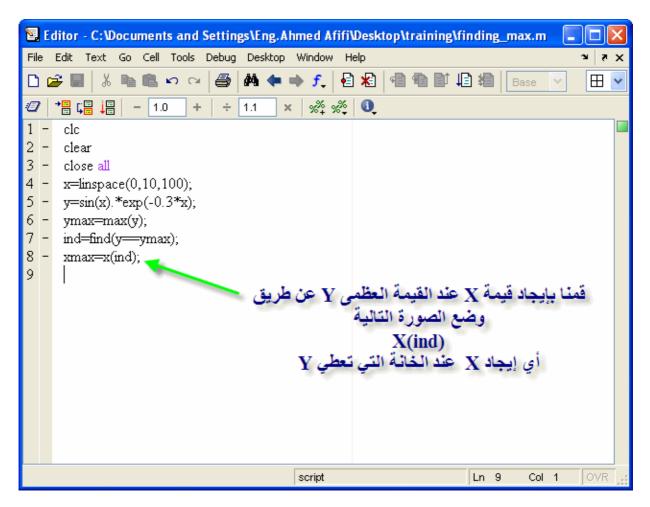
ُورِ كَيْ دَعُونا نَقُومُ بِشُرِحِ الأُمرِ الهامِ find هذا الأمرِ يقوم بإيجاد مكان العنصر داخل المتجه بمجرد تحديد خصائص هذا العنصر, فمثلاً سنقوم بعمل دالة وسنبحث على العنصر الأكبر بينها كما في البرنامج التالي



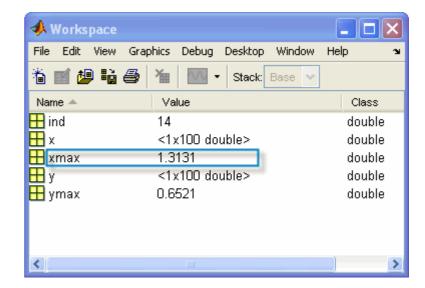
وعند تشغيل البرنامج, نجد القيم كالتالي



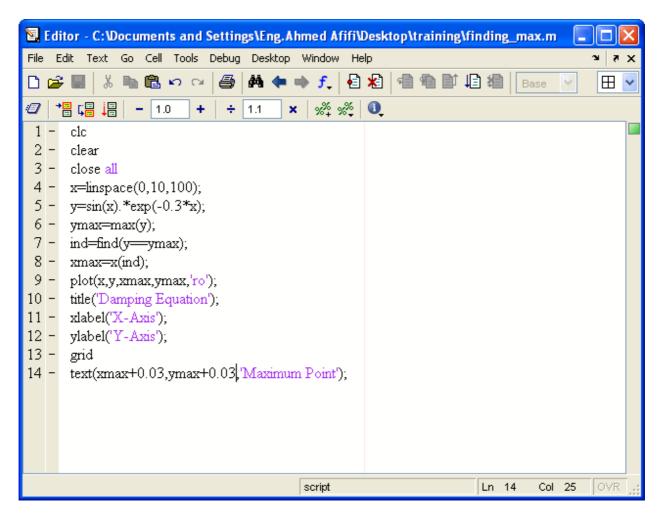
وبالتالي إذا أردنا الحصول على قيمة X عند القيمة العظمى للـــ ,Y سنقوم بعمل التالي



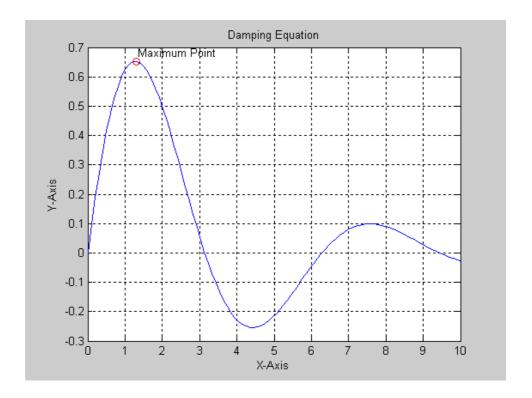
وكما تلاحظ فإن قيمة X والتي تعطي القيمة العظمى Y تظهر في workspace, أنظر الصورة التالية



والآن سنقوم بتطبيق المثال ووضع كلمة النقظة العظمى عليها



وبالتالي ستظهر الرسمة كالتالي

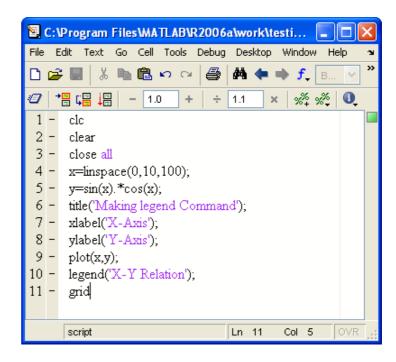


# الأمرlegend

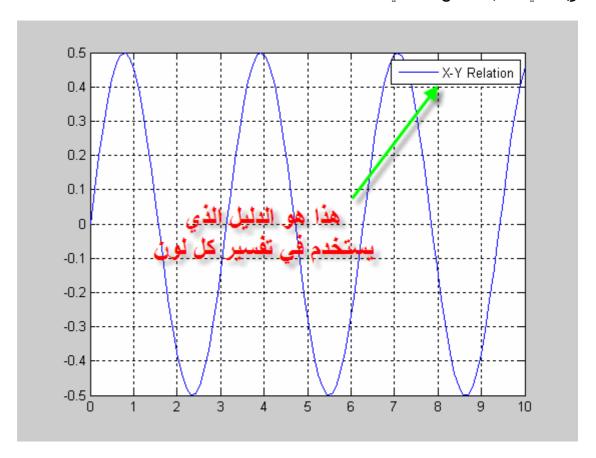
يستخدم َهذا الأمر َفي وضع دليل على صفحة الرسـم ليبين ماذا يعني كل لون على الرسـم, فمثلاً سـنقوم بوضع الأمر legend في المثال التالي علماً أن هذا الأمر لابد من أن يأخذ الصورة التالية

Legend ('the color reference')

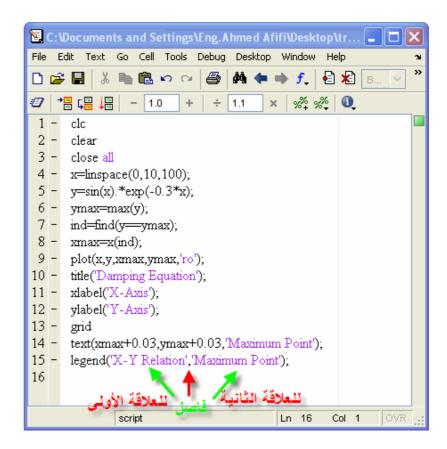
ويمكن كتابة البرنامج التالي على الماتلاب



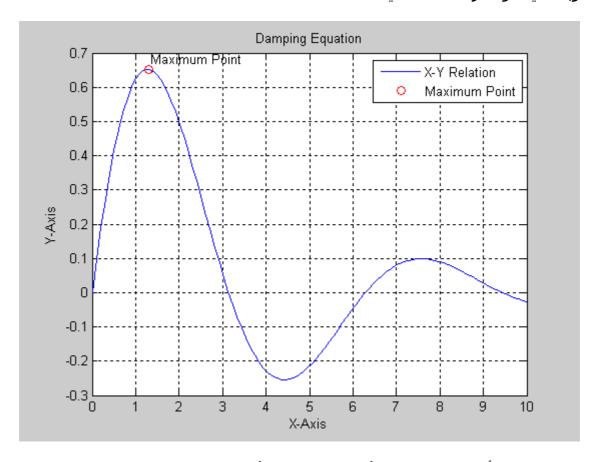
### وبالتالي ستجد الناتج كالتالي



كما ترى فإن الأمر legend يعتمد على عدد العلاقات المرسومة داخل الرسم ,فمثلاً المثال الذي سبق أخذه كان يستخدم في رسم علاقة ثم إيجاد النقطة العظمى أي أن عدد العلاقات المرسومة إثنتان, وبالتالي تتم برمجته بالشكل التالي



وبالتالي تكون الرسمة كالتالي



ويجب مراعاة أن يتم إستخدام الأمر legend بعد الأمر plot وليس العكس

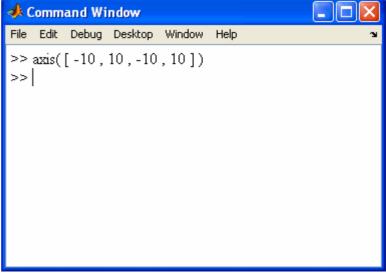
فتح نافذة جديدة وتحديد دقتها يعطي الماتلاب القدرة على فتح نافذة جديدة وتحديد القيم العظمى والصغرى لمحور السينات وكذلك بالنسبة لمحور الصادات, وذلك بإستخدام الأمر ,axis والذي يأخذ الصورة التالية في كتابته ([ minimum value of X , Maximum value of Y , Maximum value of Y )

### مثال تطبيقي

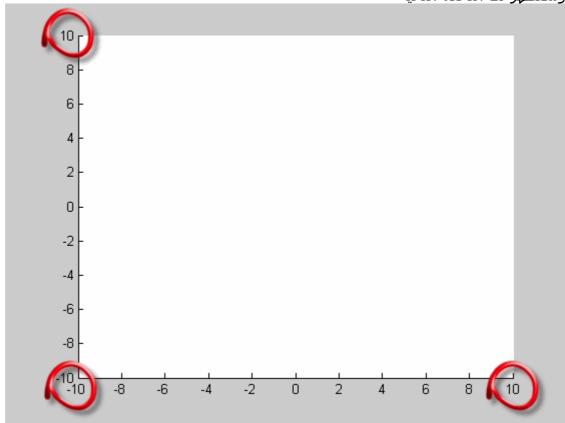
قم بفتح نافذة للرسم بحيث تكون بالمواصفات التالية

- -1أقل قيمة لمحور السينات هي 10-
- -2أكبر قيمة لمحور السينات هي 10
  - -3أقل قيمة لمحور الصادات 10-
  - -4أكبر قيمة لمحور الصادات 10
    - خطوات الحل

في نافذة الأوامر قم بإدخال التالي



### وستظهر لك النافذة التالية



وبالتالي نكون قد أتممنا شرح كيفية فتح نافذة للرسم بنجاح يمكنك الآن وضع الخصائص التي تريدها على تلك النافذة

# كيفية إدخال النقاط من خلال الماوس

تعلمنا أنه يمكننا إدخال القيم بإستخدام المتجهات أو المصفوفات, ولكن يوفر الماتلاب قدرة في إدخال النقاط من خلال الرسم بإستخدام الماوس, ونظراً لأننا نقوم بإختيار النقاط من على الرسم فهذا يعني أن النقاط التي يتم إختيارها يتم تمثيلها في قيمة في محور السينات وقيمة في محور السينات وقيمة في محور الصادات ,ويتم وضع قيم محاور السينات والصادات في صورة متجه. يستخدم الأمر ginput في عملية إدخال النقاط بإستخدام الماوس, ويتم كتابة ذلك الأمر في

عدد مرات الإدخال مرات المراث 
أما إذا أردنا إدخال عدد لا نهائي من النقاط يمكن ذلك بعدم ذكر عدد نقاط الإدخال, كما في الشـكل التالي



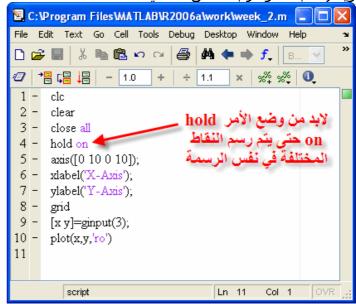
وبعد الإنهاء من إدخال النقاط كل ما عليك هو الضغط على مفتاح Enter في لوحة المفاتيح.

### مثال تطبيقي

الصورة التالية

سنقوم بفتح نافذة للرسم بها شبكة, وأقل قيمة لمحور السينات هي صفر وأكبر قيمة لمحور السينات هي صفر وأكبر قيمة لمحور السينات هي 10 وكذلك بالنسبة لمحور الصادات, ثم إدخال عدد كبير من النقاط على الرسم بإستخدام الأمر ,ginput وهذه النقاط يتم طباعتها على شكل دوائر حمراء.

ويتم كتابة الأوامر بالشكل التالي



وستظهر لك نافذة لإدخال النقاط, وبعد إتمام عملية الإدخال إضغط على Enter لإتمام الإدخال

6

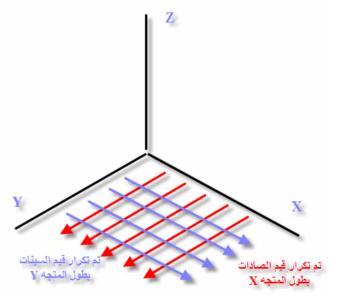


وبالتالي نكون قد أتممنا شرح هذه الجزئية بنجاح, وسيتم التطرق في دورة البرمجة بإستخدام الماتلاب إلى كيفية إظهار النقاط بمجرد الضغط عليها.

X-Axis

# الرسم ثلاثي الأبعاد

كما تعلمنا أن الرسم ثلاثي الأبعاد يعتمد على ثلاثة محاور لرسمها, محور , X , Y & Z وأن كلاً من X & Y يمثلان المستوى الأفقي, وأن المحور Z يمثل الإرتفاع, ولكن تلك القيم هي قيم النقاط الموجودة المحاور, ولكن حتى يتم رسم أي نقطة في المستوى الأفقي يجب أن نقوم تعريف ذلك للماتلاب وذلك بإستخدام الأمر meshgrid حيث يقوم الماتلاب بإنتاج مصفوفة يتم تكرار قيم محور الصادات Y-Axis كما يقوم بتكرار قيم محور الصادات Y-Axis بنفس طول محور الصادات Y-Axis بنفس طول قيم المستوى المادات Y-Axis بنفس طول قيم السينات ,X-Axis وبهذا تكون المصفوفة المتكونة هي المستوى الأفقي كما هو واضح بالرسم التالي.



#### تم تحميل هذا الكتاب من موقع البوصلة التقنية. للمزيد من الكتب <u>http://www.boosla.com</u>

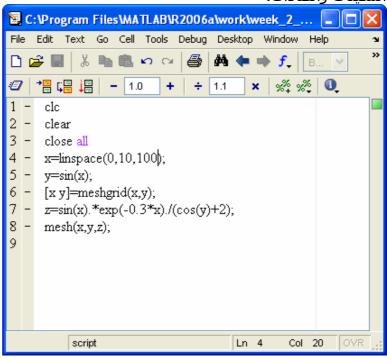
علما أن الأمر meshgrid يأخذ الصورة التالية في كتابته [x y]=meshgrid(x,y)

وبعد إستخدام الأمر meshgrid يتم إستخدام الأمر mesh والذي يستخدم كبديل الأمر plot ولكن في الرسم ثلاثي الأبعاد

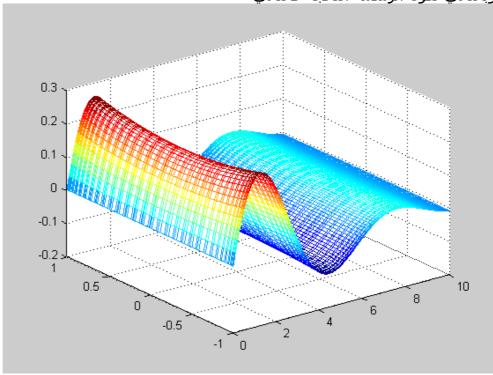
مثال تطبيقي

نقوم في هذا المثال بتعريف قيم محور السينات X-Axis وسنقوم بوضع المعادلة التي تصف محور الصادات وعلاقته بمحور السينات, أخيراً وليس آخراً نقوم بوضع العلاقة التي تربط بين محور

السينات والصادات.

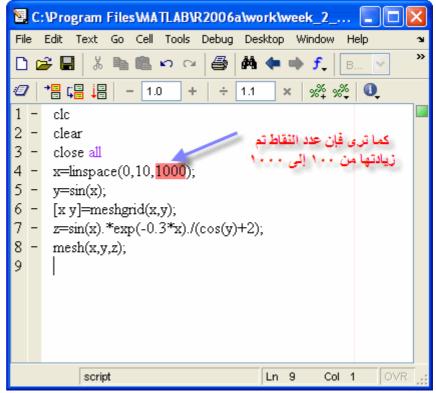


وبالتالي تكون الرسمة الناتجة كالتالي

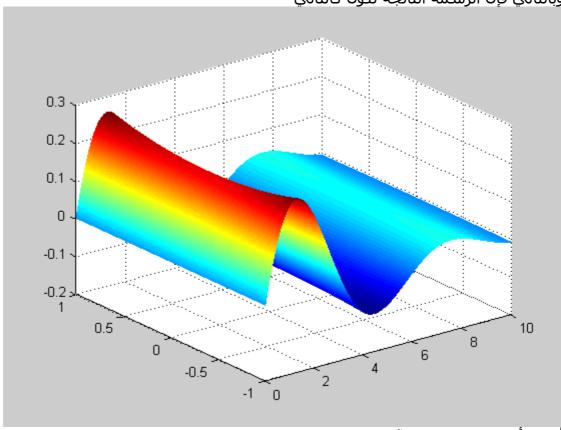


كما ترى فإن الرسمة الناتجة عبارة عن شبكة تعتمد مجموعة النقاط لكلاً من X & Y فإذا أكثرنا

عدد نقاط X وبالتالي تزداد قيمة Y كذلك



وبالتالي فإن الرسمة الناتجة تكون كالتالي



أعتقد أنك تلاحظ الفرق الآن ولاحظة كلوا نادت عدد النقاط ك

ملاحظة كلما زادت عُدد النقاط كلما زاد الوقت المستغرق لإظهار النتائج في الماتلاب

### السلام عليكم ورحمة الله وبركاته

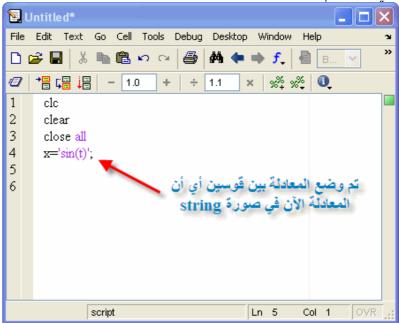
أخواني الكرام, نستكمل معكم دورة الماتلاب, وهي في إسبوعها الثالث, وسوف نتناول في هذا الإسبوع العديد من الأمثلة التطبيقية, وسيتم شرح مثال تطبيقي كل يوم, وهذا ملخص للأمثلة التطبيقية التي سيتم أخذها بإذن الله.

- -1كيفية إدخال ثلاث معادلات وإيجاد قيم المتغيرات
  - 2- Curve Fitting
    - -3نقل المحاور
- -4إيجاد نقط تقاطع الرسمة مع محور السينات ووضع علامة عليها
- -5إُختيار نقطتان من على الرسم, وإيجاد المساحة تحت المنحني بين تلك النقطتين

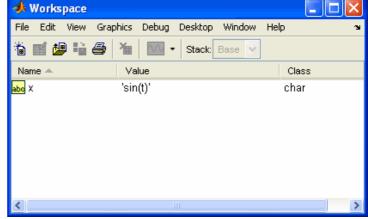
وسنتناول الآن المثال الأول

### **EVAL**

قبل البدء بالتطبيق الأول, لابد من ذكر أمر هام وهو الأمر eval والذي له هدف أكثر من رائع سيتضح بمثال, لنقل أن لدينا معادلة جيب الزاوية Sine Wave ولكن تم وضعها في الصورة التالية في الماتلاب



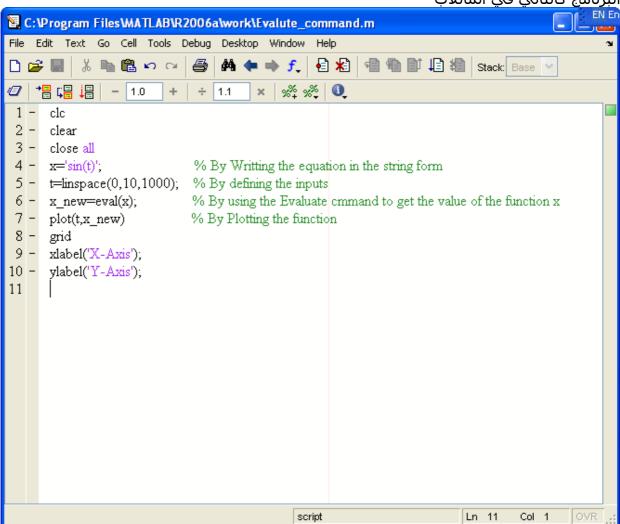
وللتأكد أنها في صورة string يجب الذهاب إلى الــWorkspace



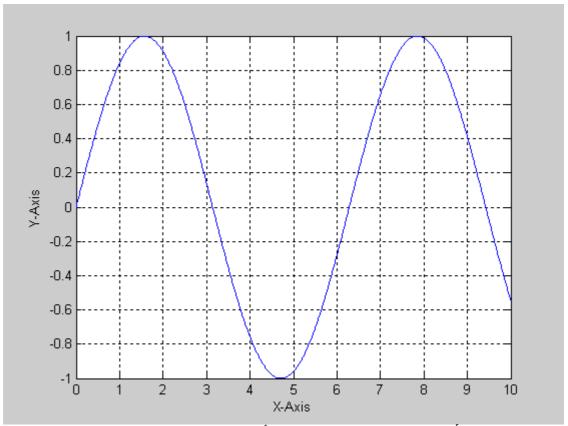
ولرسم موجة جيب الزاوية لابد من تعريف قيم t والتعويض فيها, ولكن كما ترون يصعب التعويض

#### تم تحميل هذا الكتاب من موقع البوصلة التقنية. للمزيد من الكتب <u>http://www.boosla.com</u>

في المعادلة بسبب وجودها بين قوسين, وتلك الأقواس هي بمثابة حاجز للتعويض, وهنا يجب أن نخترق ذلك الحاجز وذلك بإستخدام الأمر ,eval حيث يعمل الأمر على البحث عن المعادلة بين الأقواس, ثم يبحث عن القيم التي سوف يتم تعويضها في تلك المعادلة, وسوف يتم كتابة البرنامج كالتالي في الماتلاب



وبالتالي ستظهر النتيجة كالتالي



ونحن الآن على أتم إستعداد لتنفيذ التطبيق الأول

## حل ثلاثة معادلات

كما تعلمنا أن الماتلاب له القدرة على إدخال حل المعادلات, فمثلاً المعادلتان التاليتين

$$X+2Y=5$$

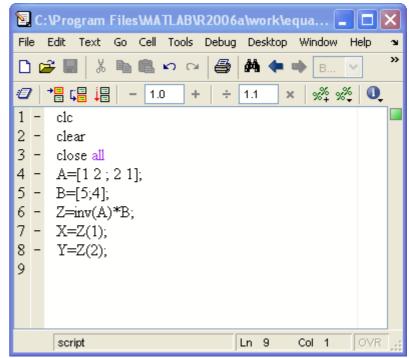
$$2X+Y=4$$

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} X \\ Y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 5 \\ 3 \end{pmatrix}$$

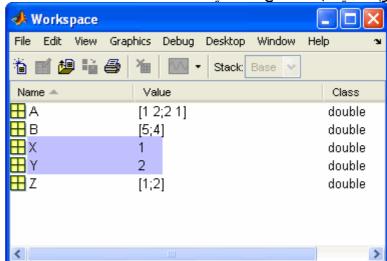
$$A \times Z = B$$

$$Z = A^{-1} \times B$$

ويمكن كتابة ذلك على الماتلاب كالتالي



وبالتالي نجد النتائج كالتالى



ولكن هذا يشترط أن يتم إدخال المعاملات coefficients للمعادلتين, وهذا بالتالي يتطلب التمحيص والتدقيق في كل معادلة, فإذا كثرت المعادلات إزداد الوقت المستغرق في البحث, فتسهيلاً للمستخدم يجب عمل برنامج لإدخال المعادلات بشكل كام, فمثلاً سنقوم بعمل برنامج لحل ثلاثة معادلات

$$A_1 \times X + B_1 \times Y + C_1 \times Z = D_1$$

$$A_2 \times X + B_2 \times Y + C_2 \times Z = D_2$$

$$A_3 \times X + B_3 \times Y + C_3 \times Z = D_3$$

ولحل هذه المعادلات يجب وضعها في الصورة التالية

$$\begin{pmatrix} A_1 & B_1 & C_1 \\ A_2 & B_2 & C_2 \\ A_3 & B_3 & C_3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} X \\ Y \\ Z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} D_1 \\ D_2 \\ D_3 \end{pmatrix}$$

ولذلك يجب التفكير كالتالي, عندما يقوم المستخدم بإدخال المعادلات الثلاثة, يجب على الماتلاب أن يحدد قيم المعاملات أولاً لإيجاد حل قيم المتغيرات, وحلاً لهذه المشكلة سنجعل الماتلاب يبحث عن علامة"="

لكل معادلة, ثم سنقوم بتعريف الجزء الذي يحتوى على المتغيرات لكل معادلة, ثم سنقوم بفرضٍ أن

x=1, y=0, z=0

ومنها نحصل على قيم معاملات x في المعادلات الثلاثة

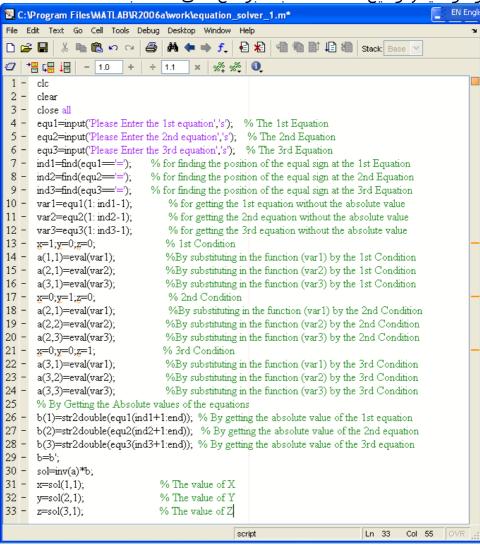
ثم سنفرض أنx=0, y=1, z=0

ومنها نحصل على قيم معاملات y في المعادلات الثلاثة

ثم سنفرض أنx=0,y=0,z=1

ومنها نحصل على قيم معاملات z في المعادلات الثلاثة

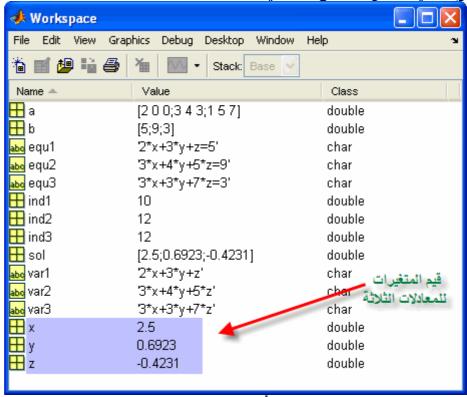
وَبالتألي نكون قد حصلنًا على معاملات المعادلات الثلاثة, لم يتبقى سوى إيجاد قيم معاملات D وسوف يتم توضيح ذلك عند كتابة البرنامج على الماتلاب.



وسنقوم الآن بوضع ثلاثة معادلات كما في الشكل التالي

2x+3y+z=5 3x+4y+5z=9 3x+3y+7z=3

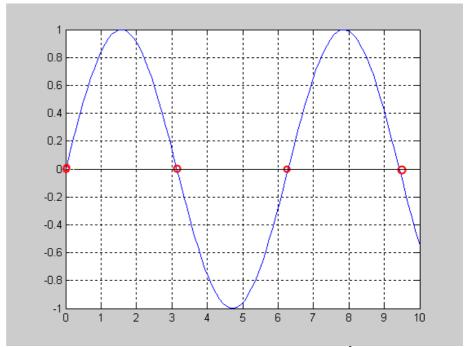
وبالتالي ستكون النتائج كالتالي



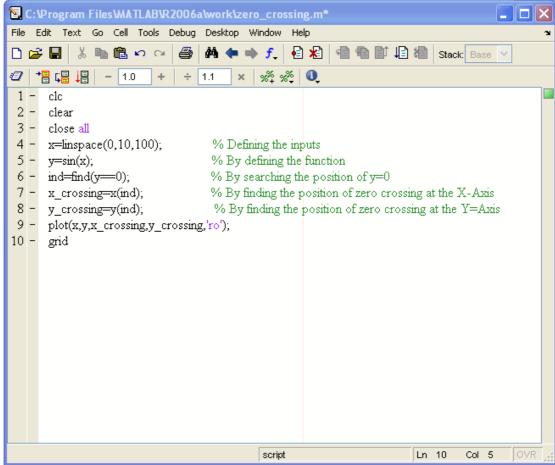
وعلى نفس المنوال يمكن حل أي عدد من المعادلات مهما كانت كبيرة, وسنأخذ لاحقاً كيفية عمل نافذة لإدخال تلك المعادلات

### **Zero Crossing**

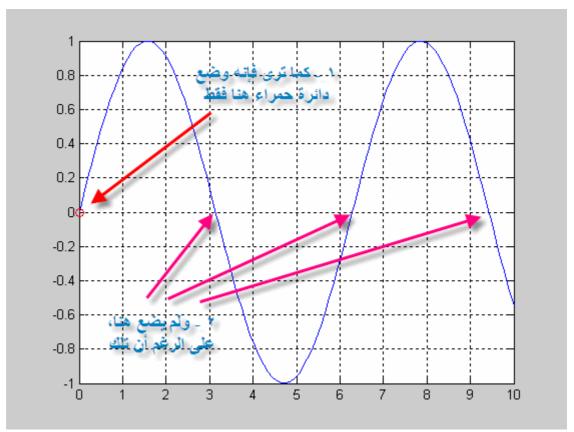
في هذا المثال الهام سنقوم بشرح كيفية رسم معادلة, ووضع دائرة زرقاء على مناطق تقاطعها مع محور السينات, والتي يجب أن تأخذ الشكل التالي



قد يعتقد البعض بأن هذا البرنامج سهلاً تقريباً, ولكن البرنامج يحتاج إلى التفكير قليلاً, فدعونا نفكر في الطريقة التي قد يفكر بها أي شخص الآن ,حيث سيقوم بكتابة البرنامج الذي يبحث عن النقاط التي بها Y=0 ثم يقوم بإيجاد القيم التي بها تلك النقاط, كما في البرنامج التالي

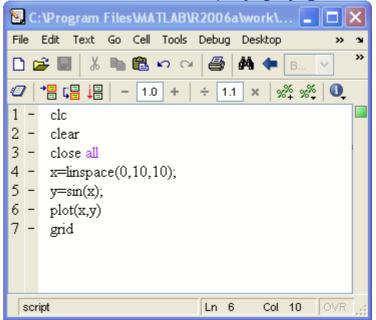


وستكون الرسمة النالتجة بالشكل التالى

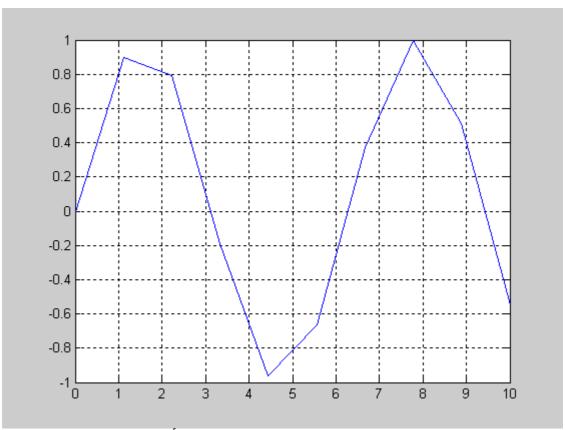


فما سبب هذه المشكلة, حقيقة سببها ما يسمى بـ Digital Domain فما هو Digital فما ما يسمى بـ Domain

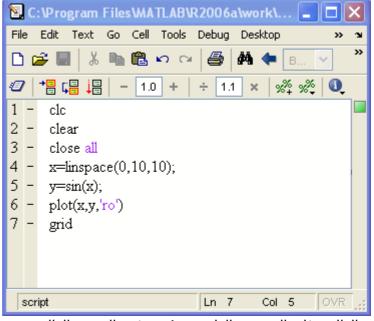
معنى ذلك أن أي معادلة يتم رسمها ليست عبارة عن خط متصل وإنما مجموعة من النقاط, تعتمد على عدد النقاط التي تم إختيارها في لرسم الدالة, ثم التوصيل بين تلك النقاط, فمثلاً إذا قمنا بعمل برنامج لرسم دالة الجيب sine wave بعدد نقاط قليل, كما في الشكل التالي



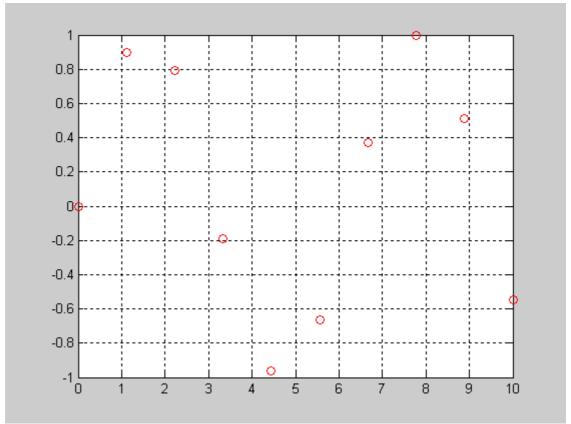
وبالتالي ستجد الدالة بهذا الشكل



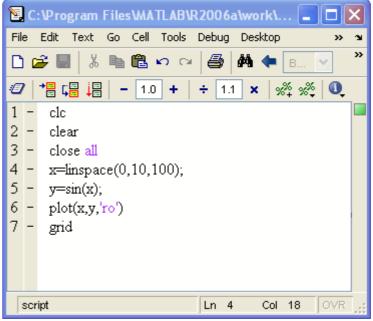
كما ترى, فإن الماتلاب قام بتحديد النقاط والتوصيل بينها, وللتأكد من ذلك قم بعمل التالي في البرنامج



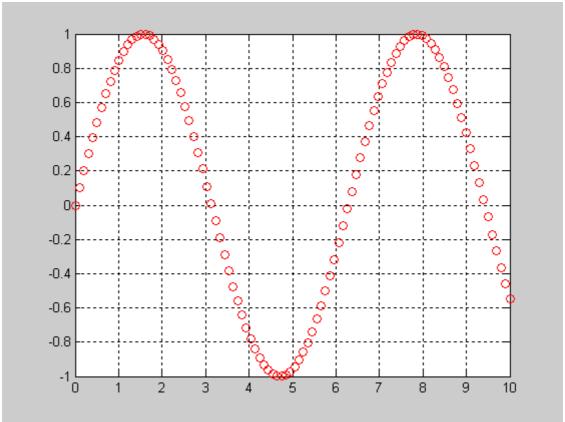
وبالتالي فإن الرسمة الناتجة, تكون في الصورة التالية



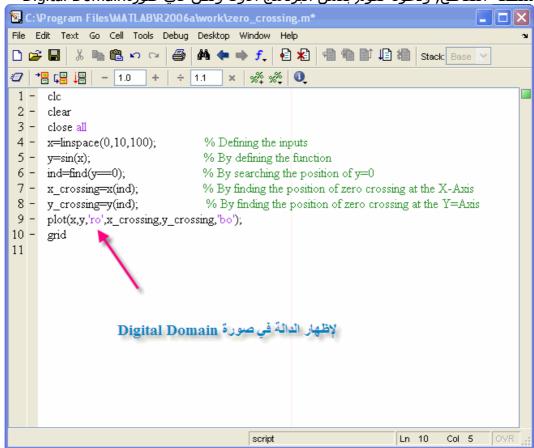
وهذا ما يسمى Digital Domain والآن لنقم بزيادة عدد النقاط في نفس البرنامج



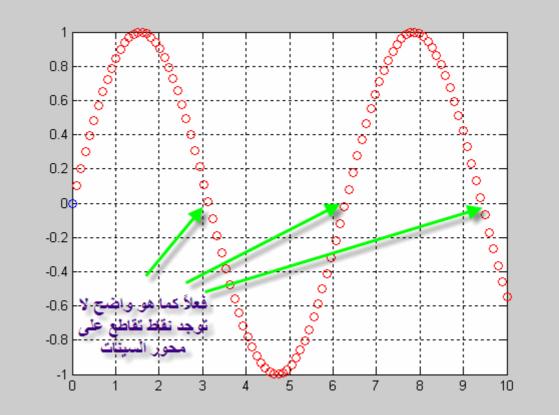
وتكون الرسمة كالتالي



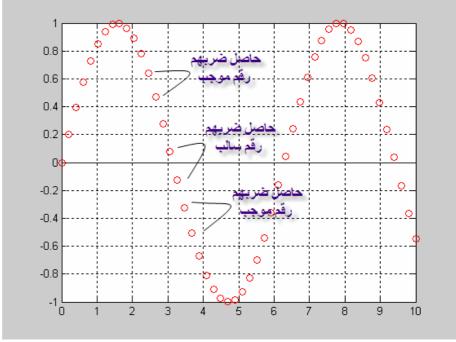
كما ترى في الرسمة لايزال هنالك فراغات بين النقاط , والتي من الممكن أن لا تتقاطع مع محور السينات كما حدث في البرنامج الذي قمنا بعمله, وهذا هو سبب عدم ظهور دائرة حمراء حول منطقة التقاطع, ودعونا نقوم بعمل البرنامج الأول ولكن في صورةDigital Domain







والآن دعونا ننقاش حلاً لهذه المشكلة, عند ضرب نقطة في النقطة التي بعدها سنحصل على رقم, ولكن الفكرة أن الرقم قد يكون موجباً في حالة ان النقطتان فوق محور السينات, بينما إذا كانت إحدى النقط فوق محور السينات والآخرى تحت محور السينات فإن الرقم الناتج يكون سالباً, أما إذا كان كلا النقتطين أسفل محور السينات فإن ناتج ضرب النقتطين يكون موجباً, أي أن إذا ظهر رقم سالب فهذا يعني نقطة تقاطع, ثم يتم وضع دائرة حمراء على تلك النقطة, شاهد الصورة التالية



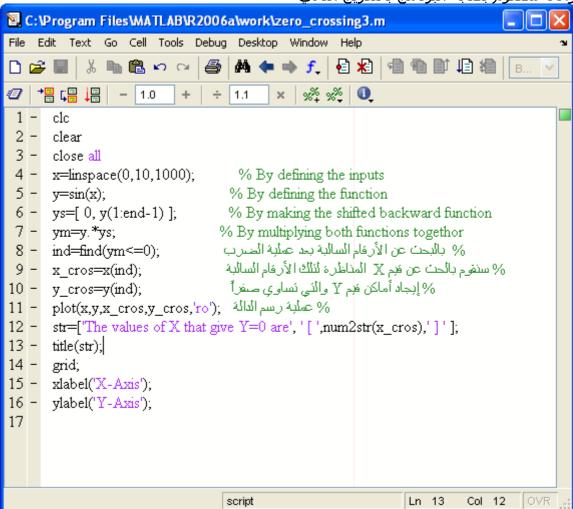
كل ما علينا هو ضرب كل نقطة في النقطة التي تليها, وذلك عن طريق تعريف y ثم تعريف نفس

الدالة, ولكن متقدمة عنها برقم واحد, ثم ضربهم معاً, فمثلاً إذا كانت قيمة y كالآتي [1234]

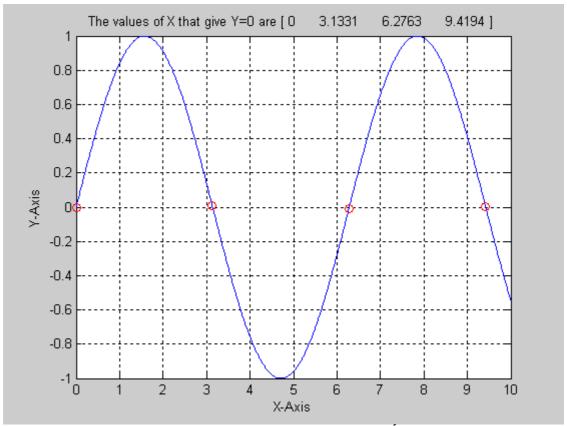
ثم سنقوم بإضافة رقم ليتم تحريك تلك القيم, ويفضل أن يكون الرقم صفراً ,كما سيتم حذف الرقم الأخير حيث أنها ستكون أطول بعدد واحد فقط من الدالة الأصلية مما سيترتب عليه خطأ داخل الماتلاب وبالتالي فإن الدالة الجديدة ستكون متأخرة برقمهي

[01234]

والآن سنقوم بكتابة البرنامج بالتدريج التالي



وبالتالي ستلاحظ الرسمة التالية



وبالتالي تكون الرسمة قد أصبحت صحيحة وبهذا ينتهي التطبيق الثاني

### إيجاد المساحة تحت المنحني

هذا المثال من التطبيقات الهامة, حيث سنقوم بتعريف المدخلات ورسم الدالة ,ثم سنختار نقطتان نقطتان من على الرسم, ثم سنقوم بإيجاد المساحة بين تلك النقطتين, ونقوم بتظليل الجزء المختار, ولكن سنقوم في هذا المثال بإستخدام أمرين جديدين وهما

trapzلإيجاد المساحة تحت المنحني

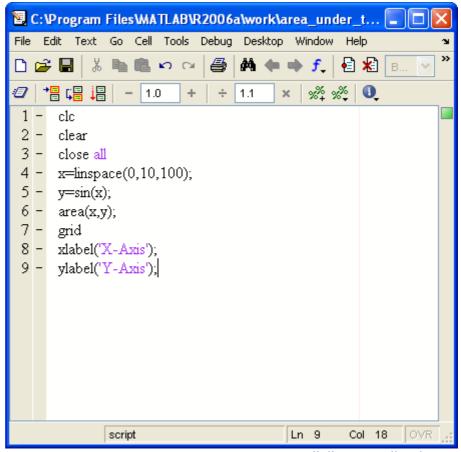
areaلتظليل تلك المساحة من الدالة

وسنقوم بشرح الأمرarea

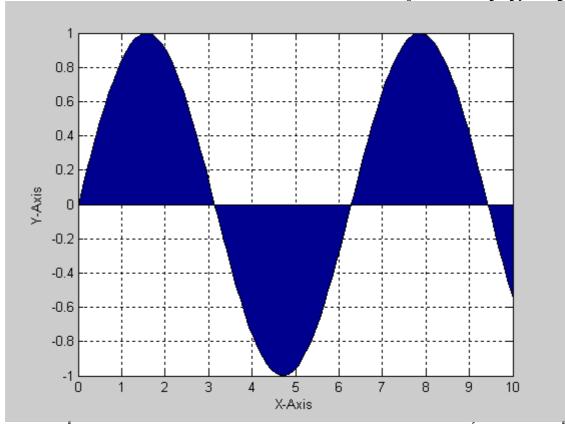
حيث يأخذ الصورة التالية

area(x, y)

وسنقوم بتنفيذ مثال بسيط على الماتلاب برسم دالة الجيب ثم تظليل تلك الدالة

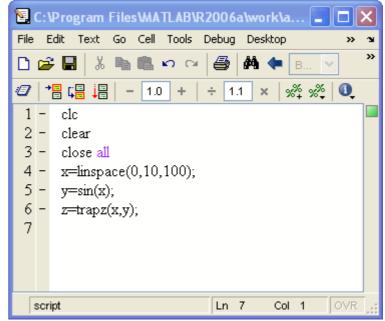


وستظهر الرسمة كالتالي



أما بخصوص الأمر trapz فيستخدم في إيجاد المساحة تحت المنحنى, حيث يأخذ الصورة التالية trapz(x,y)

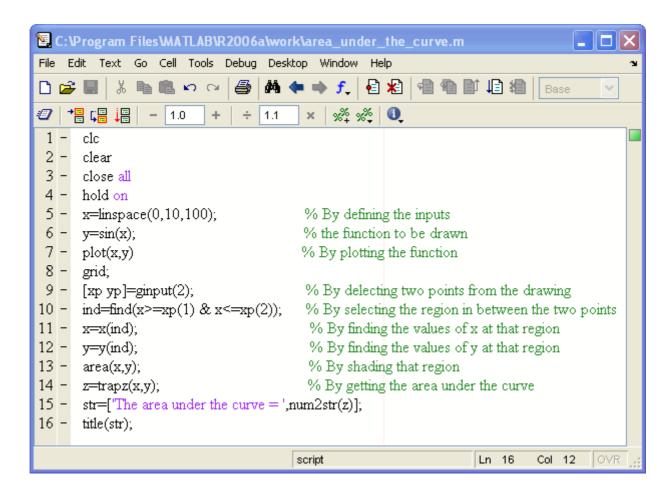
وسنقوم بعمل برنامج بسيط في إيجاد المساحة تحت منحني دالة الجيب



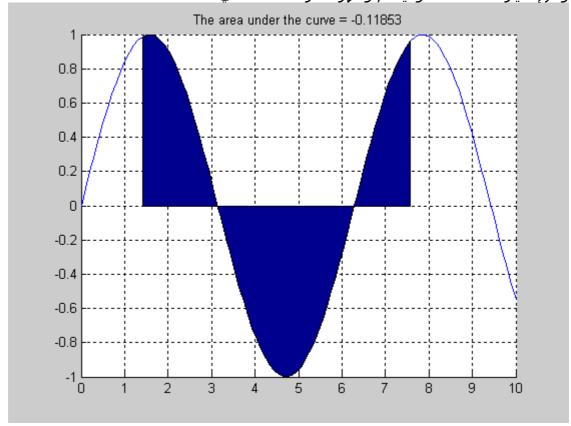
وبالتالي ستلاحظ قيمة المساحة من خلال نافذةWorkspace



الآن نتوجه إلى البرنامج الذي نريد تنفيذه, سنقوم بإدخال المدخلات inputs ثم سنقوم بالتعويض بها في المخرجات outputs ثم سنقوم بإختيار النقطتان من على الرسمة, ثم سنوجد المساحة تحت المنحنى بين تلك النقطتين, ثم سنقوم بتظليل المساحة بين النقتطين.



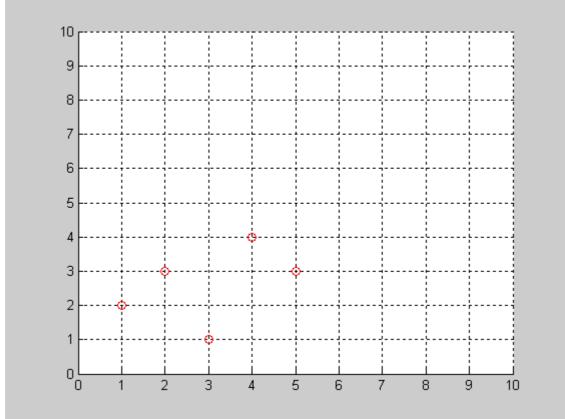




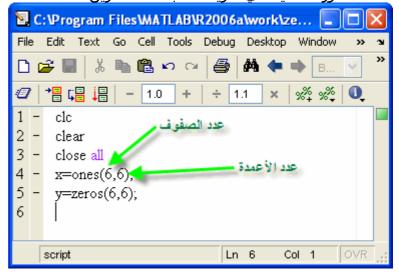
وبهذا يكون التطبيق الثالث قد تم بنجاح

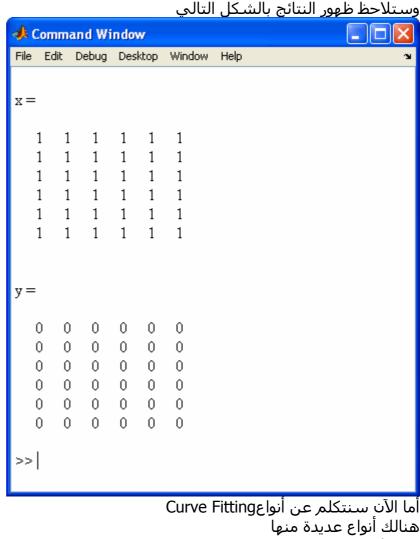
### **Curve Fitting**

سنقوم الآن بأخذ المثال التطبقي الثالث والأخير وهو Curve Fitting حيث أن هذه العملية هامة جداً في إيجاد علاقة مكافأة لأي نظام, فمثلاً عند إدخال مجموعة من المدخلات inputs سنلاحظ أن الخرج outputs تأخذ مجموعة من النقاط المتشتتة التي لا تجمعها علاقة محددة, أما عند إستخدام curve fitting سنلاحظ تكون علاقة تقريبية لتوصيف النظام. وهذه صورة لمجموعة من النقاط الخارجة من النظام لا تجمعها أي علاقة



ولكن سنقوم بشرح أمرين وهما ones و zeros واللذان لهما القدرة التالية onesيستطيع أن يكون مصفوفة أو متجه جميع عناصره 1 zerosيستطيع أن يكّون مصفوفة أو متجه جميع عناصره صفر لاحظ الصورة التالية في طريقة كتابة كلا الأمرين





1- linear

2- Quadratic

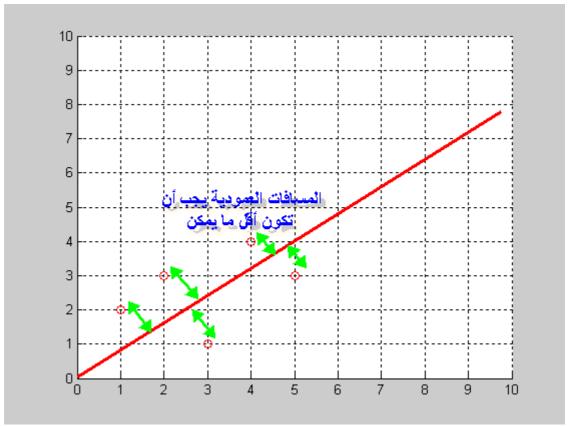
3- Sinusoidal

4- exponential

وسنتناول النوع الأول والرابع, أما الآن سنتناول النوع الأول

Linear Curve Fitting

في هذا النظام يتم إيجاد خط مستقيم بحيث تكون المسافة العمودية بين كل نقطة والخط المستقيم أقل ما يمكن, يمكن مشاهدة الصورة التالية



فكما هو واضح في المثال كل قيمة في محور السينات لها قيمة مناظرة في محور الصادات وحيث اننا نستخدم طريقة Linear Curve Fitting فإن لكل نقطة على محور الصادات علاقة خطية مع نقطة محددة على محور السينات, وهذه العلاقة تكتب في الصورة التالية

Y=KX+T

Where K & T are constant

فإذا عدنا بالذاكرة للخلف عند حل المعادلات سنجد اننا كنا نقوم بكتابة المعادلات بالشكل التالي

Where

A, B & C are constant

ويمكنا كما تعلمنا كتابة تلك المعادلة في الصورة التالية

$$\begin{bmatrix} A B \begin{bmatrix} X \\ Y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} C \end{bmatrix}$$
$$\begin{bmatrix} X \\ Y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A & B \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} C \end{bmatrix}$$

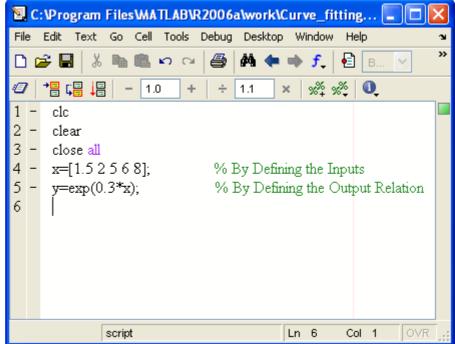
وبالرجوع إلى المعادلة الخاصة بـ Linear Curve Fitting نستطيع كتابتها في الصورة التالية

$$[Y] = \begin{bmatrix} X & 1 \\ T \end{bmatrix}$$
$$\begin{bmatrix} K \\ T \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} X & 1 \end{bmatrix}^{1} [Y]$$

وبهذا نكون قد حصلنا على قيمة كلاً من K & T والتي نستطيع أن نقوم بتعريف مجموعة قيم للمتغير X وبالتالي نقوم بالحصول على قيمة Y ومنها نقوم برسـم العلاقة بين X & Y والتي تمثل خطأ تبعاً للمعادلة التالية

> Y=KX+T Where K & T are constant

والآن سنقوم بالبدء بكتابة البرنامج في الماتلاب خطوة خطوة سنقوم الآن بتعريف الماتلاب بمجموعة القيم للمتغير X والعلاقة للنظام التي تعطينا قيمةY



والآن لنفترض أن لدينا أكثر من قيمة X وبالتالي سنحصل على أكثر من قيمةY وحيث أن العلاقة بين X & Y خطية كما ذكرنا مسبقاً فإننا بالتالي سيكون لدينا أكثر من معادلة يمكن كتابتها في الصورة التالية

$$Y_1 = K X_1 + T$$
  
 $Y_2 = K X_2 + T$ 

•

•

•

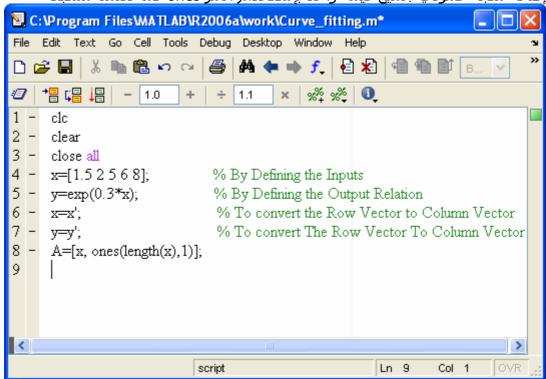
$$Y_n = K X_n + T$$

والتي يمكن وضعها في الشكل التالي

$$\begin{bmatrix} Y_1 \\ Y_2 \\ Y_3 \\ \bullet \\ Y_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} X_1 & 1 \\ X_2 & 1 \\ X_3 & 1 \\ \bullet & 1 \\ Y_n & 1 \end{bmatrix}^{K} T^{T}$$

$$\begin{bmatrix} X_1 & 1 \\ X_2 & 1 \\ X_2 & 1 \\ X_3 & 1 \\ \bullet & 1 \\ Y_n & 1 \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} Y_1 \\ Y_2 \\ Y_3 \\ \bullet \\ Y_n \end{bmatrix}$$

وسنقوم في الماتلاب بتحويل متجه الصف Row Vector إلى متجه عمودي Column Vector ثم إضافة متجة عمودي جميع قيمه واحد بإستخدام الأمر ones كما تعلمنا مسبقاً



والآن قد يظن البعض أنه حتى نحصل على قيم K & T يجب أن تكون صورة الحل كالآتي

$$AX = B$$

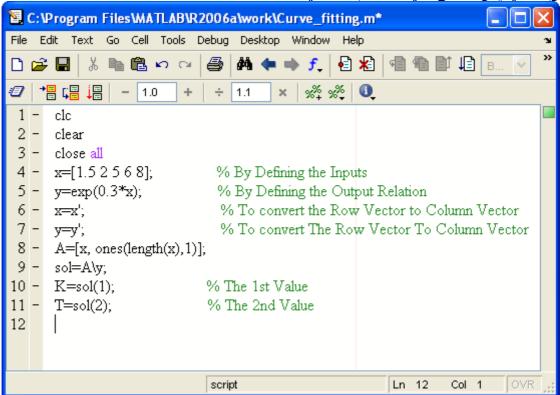
$$X = inv(A) \times B$$

ولكن هذا صحيح إذا كانت قيمة A مصفوفة مربعة , فهل هي كذلك الآن ؟ بالطبع لا, فما العمل إذا كانت المصفوفة ليست مربعة يتم وضع علامة القسمة مقلوبة ( \ ) ولا يتم إستخدام الأمر iinvأي أن صورة الحل الصحيح تكون

$$AX = B$$

$$X = A \setminus B$$

وبالتالي يكون الحل في الماتلاب كالآتي

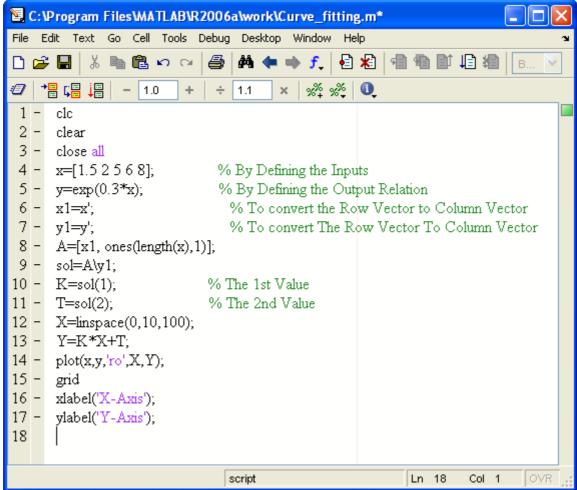


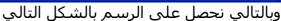
وبالتالي فإن المعادلة الناتجة والتي من خلالها سنرسم خطاً بحيث تكون المسافة العمودية بينه وبين النقاط أقل ما يمكن, تكون في الصورة التالية

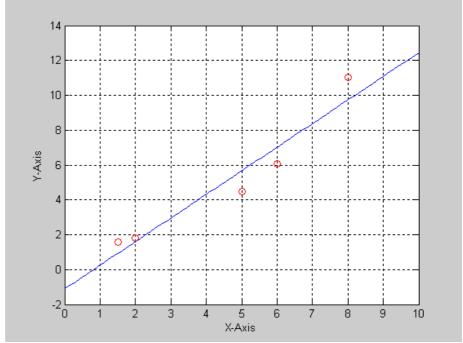
Y=KX+T

Where K & T are constant

والآن سنقوم بتعريف الماتلاب عدة نقاط بحيث نرسم ذلك الخط







وننتقل إلى التطبيق الذي يليه وهو Exponential Curve Fitting

# **Exponential Curve Fitting**

سنأخذ الآن التطبيق الأخير في هذه الدورة وهو , Exponential Curve Fitting ويمكن كتابة العلاقة بين X & Y بالشكل التالي

$$Y = K \times e^{X} + T$$

وإذا وجدت أكثر من نقطة, فهذا يعني وجود أكثر من معادلة والتي تكتب في الصورة التالية

$$Y_1 = K \times e^{X_1} + T$$

$$Y_2 = K \times e^{X_2} + T$$

•

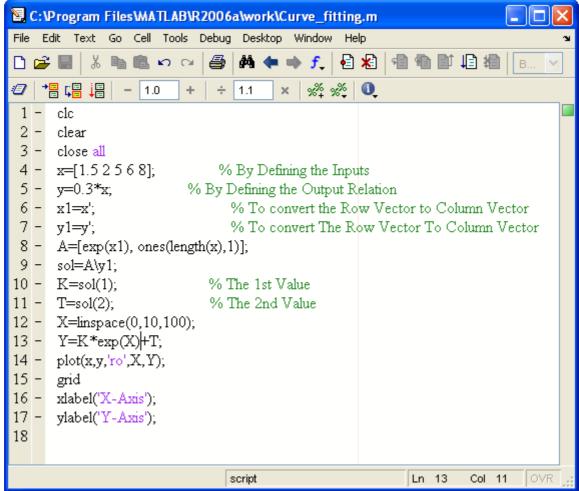
 $Y_n = K \times e^{X_n} + T$ 

والتي يمكن كتابتها في صورة المصفوفة

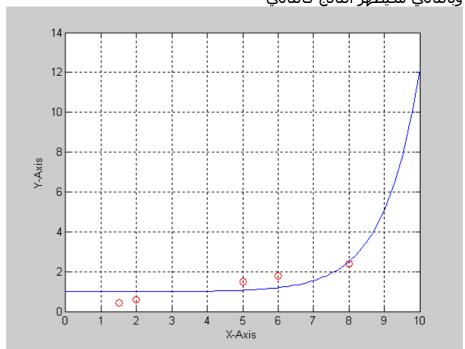
$$\begin{bmatrix} Y_1 \\ Y_2 \\ Y_3 \\ \bullet \\ Y_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} e^{X_1} & 1 \\ e^{X_2} & 1 \\ e^{X_3} & 1 \\ \bullet & 1 \\ e^{X_n} & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} K \\ T \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} K \\ T \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} e^{X_1} & 1 \\ e^{X_2} & 1 \\ e^{X_3} & 1 \\ \bullet & 1 \\ e^{X_n} & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} Y_1 \\ Y_2 \\ Y_3 \\ \bullet \\ Y_n \end{bmatrix}$$

والآن سنقوم بوضع البرنامج على الماتلاب







### تم تحميل هذا الكتاب من موقع البوصلة التقنية. للمزيد من الكتب <u>http://www.boosla.com</u>

الحمد لله رب العالمين والصلاة والسلام على خير المرسلين أحمد الله أولاً وأخيراً على توفيقه لي في الإنتهاء من دورة الماتلاب خطوة بخطوة كما أسأل الله أن تكون اداة نافعة للجميع بإذن الله كما أود أن أشكر كل من ساندوني وشجعوني لإتمام هذه الدورة وبهذا أستودعكم الله الذي لا تضيع ودائعه ونلقاكم بإذن الله في دورة جديدة والسلام عليكم ورحمة الله وبركاته

