САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ, МЕХАНИКИ И ОПТИКИ ФАКУЛЬТЕТ ИНФОКОММУНИКАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ

Отчет по лабораторной работе №1 по курсу «Алгоритмы и структуры данных» Тема: Сортировка вставками, выбором, пузырьковая

Выполнил: Нгуен Хыу Жанг К3140

Проверила: Афанасьев А.В

Содержание

Содержание	2
Задание 1 : Сортировка вставкой	3
Задание 2 : Сортировка вставкой +	4
Задание 3 : Сортировка вставкой по убыванию	6
Задание 4 : Линейный поиск	8
Задание 5 : Сортировка выбором	9
Задание 6 : Пузырьковая сортировка	11
Задание 7 : Знакомство с жителями Сортлэнда	13
Задание 8 : Секретарь Своп	15
Задание 9 : Сложение двоичных чисел	17

Задачи по варианту

Задание 1 : Сортировка вставкой

Используя код процедуры Insertion-sort, напишите программу и проверьте сортировку массива $A = \{31, 41, 59, 26, 41, 58\}.$

- Формат входного файла (input.txt). В первой строке входного файла содержится число n ($1 \le n \le 10^3$) число элементов в массиве. Во второй строке находятся n различных целых чисел, по модулю не превосходящих 10^9 .
- Формат выходного файла (output.txt). Одна строка выходного файла с отсортированным массивом. Между любыми двумя числами должен стоять ровно один пробел.
- Ограничение по времени. 2сек.
- Ограничение по памяти. 256 мб.

Выберите любой набор данных, подходящих по формату, и протестируйте алгоритм.

```
D: > Visual studio code > lab_1.py > ≡ input for b1.txt
1 31 41 59 26 41 58
```

Output:

```
D: > Visual studio code > lab_1.py > ≡ output for b1.txt

1 26 31 41 41 58 59
```

- 1. Объявление функции: def insertion_sort(arr): определяет функцию, принимающую массив arr.
- **2.** Внешний цикл: for i in range(1, len(arr)): проходит по всем элементам массива, начиная со второго.
- **3. Ключевой элемент**: key = arr[i] сохраняет текущий элемент, который нужно вставить на правильную позицию.
- **4.** Внутренний цикл: while $j \ge 0$ and key < arr[j]: сдвигает элементы массива вправо, если они больше key, и продолжает, пока не найдёт правильную позицию для key.
- **5.** Вставка: arr[j + 1] = key помещает key на его место.
- 6. Чтение из файла: Код читает массив из файла input for b1.txt.
- 7. Запись в файл: Результат сортировки записывается в output for b1.txt.

Задание 2: Сортировка вставкой +

Измените процедуру Insertion-sort для сортировки таким образом, чтобы в выходном файле отображалось в первой строке n чисел, которые обозначают новый индекс элемента массива после обработки.

• Формат выходного файла (input.txt).В первой строке выходного файла выведите n чисел. При этом iое число равно индексу, на который, в момент обработки его сортировкой вставками, был перемещен iый элемент исход- ного массива. Индексы нумеруются, начиная с единицы. Между любыми двумя
числами должен стоять ровно один пробел.

Пример.

input.txt	output.txt
10	1222355691
1842375690	0123456789

В примере сортировка вставками работает следующим образом:

- Первый элемент остается на своем месте, поэтому первое число в ответе единица. Отсортированная часть массива: [1]
- Второй элемент больше первого, поэтому он тоже остается на своем месте, и второе число в ответе двойка. [1 8]
- Четверка меньше восьмерки, поэтому занимает второе место. [1 4 8]
- Двойка занимает второе место. [1 2 4 8]
- Тройка занимает третье место. [1 2 3 4 8]
- Семерка занимает пятое место. [1 2 3 4 7 8]

- Пятерка занимает пятое место. [1 2 3 4 5 7 8]
- Шестерка занимает шестое место. [1 2 3 4 5 6 7 8]
- Девятка занимает девятое место. [1 2 3 4 5 6 7 8 9]

Ноль занимает первое место. [0 1 2 3 4 5 6 7 8 9]

Input:

Output:

1. Чтение данных из файла:

- with open('d:/Visual studio code/lab_1.py/input for b2.txt', 'r') as input_file: открывает файл для чтения.
- data = input_file.read().split(): считывает все содержимое файла и разбивает его на список строк.
- numbers = list(map(int, data)): преобразует строки в целые числа.

2. Определение функции сортировки:

- def insertion_sort(arr): определяет функцию, принимающую массив arr.
- sorted_list = []: инициализирует пустой список для хранения отсортированных элементов.

3. Запись результатов в файл:

- with open('d:/Visual studio code/lab_1.py/output for b2.txt', 'w') as output_file: открывает файл для записи.
- for i in range(len(arr)): перебирает каждый элемент массива.
- sorted_list.append(arr[i]): добавляет текущий элемент в sorted_list.
- sorted_list.sort(): copтирует sorted_list после добавления каждого элемента.
- output_file.write(f'{sorted_list}\n'): записывает отсортированный список в файл.

4. Вызов функции:

insertion_sort(numbers): вызывает функцию для сортировки чисел, считанных из файла.

Задание 3: Сортировка вставкой по убыванию

Перепишите процедуру Insertion-sort для сортировки в невозрастающем порядке вместо неубывающего с использованием процедуры Swap.

Формат входного и выходного файла и ограничения - как в задаче 1.

Подумайте, можно ли переписать алгоритм сортировки вставкой с использованием рекурсии?

```
D: > Visual studio code > lab_1.py > ≡ input for b3.txt

1 31 41 59 26 41 58
```

Output:

```
D: > Visual studio code > lab_1.py > ≡ output for b3.txt

1 59 58 41 41 31 26
```

1. Определение функции insertion_sort_recursive:

- def insertion_sort_recursive(arr, n): Функция принимает массив arr и количество элементов n.
- if n <= 1: Если массив содержит 1 или 0 элементов, сортировка не требуется.

2. Рекурсивный вызов:

• insertion_sort_recursive(arr, n - 1): Вызывается функция для сортировки первых n-1 элементов.

3. Вставка элемента на правильную позицию:

- key = arr[n 1]: Сохраняется значение последнего элемента.
- j = n 2: Начинается с элемента перед key.
- Цикл while: Сравнивает key с предыдущими элементами и сдвигает их при необходимости.
- arr[j + 1] = key: Вставляет key на правильную позицию.

4. Чтение и запись в файл:

- Читает данные из файла input for b3.txt и преобразует их в список целых чисел.
- Вызывает функцию insertion_sort_recursive для сортировки списка.
- Записывает результат в файл output for b3.txt.

Задание 4: Линейный поиск

Рассмотрим задачу поиска.

- Формат входного файла. Последовательность из n чисел $A=a_1,a_2,\ldots,a_n$ в первой строке, числа разделены пробелом, и значение V во второй строке. Ограничения: $0 \le n \le 10^3, -10^3 \le a_i, V \le 10^3$
- Формат выходного файла. Одно число индекс i, такой, что V=A[i], или значение -1, если V в отсутствует.
- Напишите код линейного поиска, при работе которого выполняется сканирование последовательности в поисках значения V.
- Если число встречается несколько раз, то выведите, сколько раз встречается число и все индексы i через запятую.
- Дополнительно: попробуйте найти свинью, как в лекции. Используйте во входном файле последовательность слов из лекции, и найдите соответствующий индекс.

Output:

```
D: > Visual studio code > lab_1.py > ≡ output for b4.txt

1 2: 1, 4
```

1. Функция linear_search(arr, v):

- Принимает два аргумента: массив arr и значение v, которое нужно найти.
- Перебирает элементы массива один за другим с помощью цикла for.
- Для каждого элемента проверяется, совпадает ли он с V. Если совпадает, текущий индекс добавляется в список indices.
- Если список indices не пуст, возвращаются все индексы, где найдено значение V. Если таких индексов нет, возвращается -1.

2. Основные шаги работы программы:

- Чтение данных из файла: первая строка содержит массив чисел, вторая значение v, которое необходимо найти.
- После выполнения поиска результат записывается в выходной файл. Если число встречается несколько раз, выводятся все индексы через запятую.

3. Особенности:

- Программа поддерживает случаи, когда число не встречается вовсе, возвращая -1.
- Обработка данных происходит за один проход по массиву, что делает алгоритм эффективным при больших объемах данных.

Задание 5 : Сортировка выбором

Рассмотрим сортировку элементов массива , которая выполняется следующим образом. Сначала определяется наименьший элемент массива , который ставится на место элемента A[1]. Затем производится поиск второго наименьшего элемента массива A, который ставится на место элемента A[2]. Этот процесс продолжается для первых n-1 элементов массива A.

Напишите код этого алгоритма, также известного как сортировка выбором (selection sort). Определите время сортировки выбором в наихудшем случае и в среднем случае и сравните его со временем сортировки вставкой.

Формат входного и выходного файла и ограничения - как в задаче 1.

```
D: > Visual studio code > lab_1.py > 🌵 b5.py > ...
  1 def selection_sort(arr):
        n = len(arr)
          for i in range(n):
             min idx = i
              for j in range(i + 1, n):
                  if arr[j] < arr[min_idx]:</pre>
                   min_idx = j
              arr[i], arr[min_idx] = arr[min_idx], arr[i]
 10 def main():
          with open('d:/Visual studio code/lab_1.py/input for b5.txt', 'r') as infile:
             n = int(infile.readline().strip())
             arr = list(map(int, infile.readline().strip().split()))
          selection sort(arr)
          with open('d:/Visual studio code/lab_1.py/output for b5.txt', 'w') as outfile:
              outfile.write(' '.join(map(str, arr)) + '\n')
      if __name_
          main()
```

Input:

Output:

1. Функция selection_sort(arr):

- Цель: Сортировка массива ат по возрастанию с помощью сортировки выбором.
- Алгоритм:
 - Для каждого элемента і находим наименьший элемент в оставшейся части массива.
 - Обмениваем его с элементом на позиции і.
 - Повторяем процесс для каждого последующего элемента.

2. Функция main():

- Цель: Обработка входных и выходных данных из файлов.
- Алгоритм:
 - Чтение файла input for b5.txt, где первая строка содержит количество элементов, а вторая строка массив чисел.
 - Сортировка массива с помощью selection_sort().
 - Запись отсортированного массива в файл output for b5.txt.

3. Основная программа:

• Запускается при условии, что файл выполняется напрямую: вызывает функцию main().

Задание 6 : Пузырьковая сортировка

Пузырьковая сортировка представляет собой популярный, но не очень эффективный алгоритм сортировки. В его основе лежит многократная перестановка соседних элементов, нарушающих порядок сортировки. Вот псевдокод этой сортировки:

```
Bubble_Sort(A):
for i = 1 to A.length - 1
for j = A.length downto i+1
if A[j] < A[j-1]
поменять A[j] и A[j-1] местами
```

Напишите код на Python и докажите корректность пузырьковой сортировки. Для доказательства корректоности процедуры вам необходимо доказать, что она завершается и что $A'[1] \leq A'[2] \leq ... \leq A'[n]$, где A' - выход процедуры Bubble_Sort, а n - длина массива A.

Определите время пузырьковой сортировки в наихудшем случае и в среднем случае и сравните его со временем сортировки вставкой.

Формат входного и выходного файла и ограничения - как в задаче 1.

```
D: > Visual studio code > lab_1.py > 💠 b6.py > ...
      def bubble_sort(arr):
          n = len(arr)
          for i in range(n):
               for j in range(n - 1, i, -1):
                   if arr[j] < arr[j - 1]:</pre>
                       arr[j], arr[j - 1] = arr[j - 1], arr[j]
      def main():
          with open('d:/Visual studio code/lab_1.py/input for b6.txt', 'r') as infile:
             n = int(infile.readline().strip())
              arr = list(map(int, infile.readline().strip().split()))
          bubble_sort(arr)
          with open('d:/Visual studio code/lab_1.py/output for b6.txt', 'w') as outfile:
              outfile.write(' '.join(map(str, arr)) + '\n')
      if __name_
          main()
```

Output:

1. Функция bubble_sort(arr):

- Сортирует массив arr длиной n с помощью пузырьковой сортировки.
- Сравнивает соседние элементы массива и меняет их местами, если они расположены в неверном порядке (меньший элемент после большего).
- Внутренний цикл проходит по неотсортированной части массива, двигая большие элементы к концу.

2. Функция main():

Читает входные данные из файла input

for b6.txt.

D: > Visual studio code > lab_1.py > ≡ output for b6.txt 1 26 31 41 41 58 59 • Первая строка файла содержит количество элементов n, а вторая строка содержит сам массив

чисел.

- После чтения данных выполняется сортировка с использованием функции bubble sort(arr).
- Записывает отсортированный массив в файл output for b6.txt.

3. Вывод:

• Код завершает работу, записав отсортированный массив в файл.

Задание 7: Знакомство с жителями Сортлэнда

Владелец графства Сортлэнд, граф Бабблсортер, решил познакомиться со сво- ими подданными. Число жителей в графстве нечетно и составляет n, где n может быть достаточно велико, поэтому граф решил ограничиться знакомством с тремя представителями народонаселения: с самым бедным жителем, с жителем, облада- ющим средним достатком, и с самым богатым жителем.

Согласно традициям Сортлэнда, считается, что житель обладает средним до- статком, если при сортировке жителей по сумме денежных сбережений он оказы- вается ровно посередине. Известно, что каждый житель графства имеет уникаль- ный идентификационный номер, значение которого расположено в границах от единицы до n. Информация о размере денежных накоплений жителей хранится в массиве M таким образом, что сумма денежных накоплений жителя, обладающего

идентификационным номером i, содержится в ячейке M[i]. Помогите секретарю

графа мистеру Свопу вычислить идентификационные номера жителей, которые будут приглашены на встречу с графом.

• **Формат входного файла (input.txt).** Первая строка входного файла содер- жит число жителей n

 $(3 \le n \le 9999, n)$ нечетно). Вторая строка содержит описание массива M, состоящее из положительных

```
D: > Visual studio code > lab_1.py > 
≡ input for b7.txt
       10.00 8.70 0.01 5.00 3.00
```

вещественных чисел, разделенных пробелами. Гарантируется, что все элементы массива M различны, а их значения имеют точность не более двух знаков после запятой и не превышают 10⁶.

> Формат выходного файла

(output.txt). В выходной файл выведите три це- лых положительных числа, разделенных пробелами идентификационные номера беднейшего, среднего и самого D: > Visual studio code > lab_1.py > ≡ output for b7.txt богатого жителей Сортлэнда.

```
3 4 1
```

• Пример:

input.txt	output.txt
5	3 4 1
10.00 8.70 0.01 5.00 3.00	

Если отсортировать жителей по их достатку, получится следующий массив:

```
[0.01, 3][3.00, 5][5.00, 4][8.70, 2][10.00, 1]
```

Здесь каждый житель указан в квадратных скобках, первое число — его достаток, второе число его идентификационный номер. Таким образом, самый бедный житель имеет номер 3, самый богатый — номер 1, а средний — номер 4.

- Ограничение по времени. 2 сек.
- Ограничение по памяти. 256 мб.

```
D: > Visual studio code > lab_1.py > 💠 b7.py > ..
      def process_data(input_file, output_file):
          with open(input_file, 'r') as file:
              n = int(file.readline().strip())
              savings = list(map(float, file.readline().strip().split()))
               residents = [(savings[i], i + 1) for i in range(n)]
               residents.sort()
          poorest = residents[0][1]
          richest = residents[-1][1]
          median = residents[n // 2][1]
          with open(output_file, 'w') as file:
               file.write(f"{poorest} {median} {richest}\n")
      process_data('d:/Visual studio code/lab_1.py/input for b7.txt', 'd:/Visual studio code/lab_1.py/output for b7.txt')
```

Input:

Output:

1. Чтение данных:

- Число n — количество жителей, и список их сбережений читаются из файла input_file. Сбережения преобразуются в числа с плавающей точкой.

```
with open(input_file, 'r') as file:
    n = int(file.readline().strip())
    savings = list(map(float, file.readline().strip().split()))
```

2. Создание списка жителей:

- Каждый житель представлен кортежем (сбережения, индекс), и все эти кортежи собираются в список residents.

```
residents = [(savings[i], i + 1) for i in range(n)]
```

3. Сортировка жителей по сбережениям:

- Жители сортируются по величине сбережений. Теперь первый элемент — самый бедный, последний — самый богатый.

residents.sort()

4. Поиск беднейшего, среднего и богатейшего жителя:

- Индексы жителей, представляющих эти категории, извлекаются из отсортированного списка.

```
poorest = residents[0][1]
richest = residents[-1][1]
median = residents[n // 2][1]
```

5. Запись результатов:

- Результат записывается в файл output_file.

```
with open(output_file, 'w') as file:
    file.write(f"{poorest} {median} {richest}\n")
```

Задание 8: Секретарь Своп

Дан массив, состоящий из n целых чисел. Вам необходимо его отсортировать по неубыванию. Но делать это нужно так же, как это делает мистер Своп — то есть, каждое действие должно быть взаимной перестановкой пары элементов. Вам также придется записать все, что Вы делали, в файл, чтобы мистер Своп смог проверить Вашу работу.

• Формат входного файла (input.txt). В первой строке входного файла со- держится число n ($3 \le n$

 \leq 5000) — число элементов в массиве. Во второй строке находятся n целых чисел, по модулю не превосходящих 10^9 . Числа могут совпадать друг с другом.

• **Формат выходного файла (output.txt).** В первых нескольких строках вы- ведите осуществленные Вами операции перестановки элементов. Каждая строка должна иметь следующий формат:

Swap elements at indices X and Y.

Здесь X и Y — различные индексы массива, элементы на которых нужно переставить $(1 \le X, Y \le n)$. Мистер Своп любит порядок, поэтому сделайте так, чтобы X < Y.

После того, как все нужные перестановки выведены, выведите следующую фразу:

No more swaps needed.

Пример:

input.txt	output.txt
5	Swap elements at indices 1 and 2.
31422	Swap elements at indices 2 and 4.
	Swap elements at indices 3 and 5.
	No more swaps needed.

- Ограничение по времени. 1 сек.
- Ограничение по памяти. 256 мб.

Семья секретаря Свопа занималась сортировками массивов, и именно с помо- щью перестановок пар элементов, как минимум с XII века, поэтому все Свопы владеют этим искусством в совершенстве. Мы не просим Вас произвести мини- мальную последовательность перестановок, приводящую к правильному ответу. Однако учтите, что для вывода слишком длинной последовательности у Вашего алгоритма может не хватить времени (или памяти — если выводимые строки хра- нятся в памяти перед выводом). Подумайте, что с этим можно сделать. Решение существует!

```
D: > Visual studio code > lab_1.py > 💠 b8.py > ...
      def swap_sort(arr):
           swaps = []
           n = len(arr)
           for i in range(n):
               for j in range(i + 1, n):
                   if arr[i] > arr[j]:
                       swaps.append(f"Swap elements at indices \{i + 1\} and \{j + 1\}.")
                       arr[i], arr[j] = arr[j], arr[i]
           swaps.append("No more swaps needed.")
           return swaps
      with open('d:/Visual studio code/lab_1.py/input for b8.txt', 'r') as infile:
           n = int(infile.readline().strip())
           arr = list(map(int, infile.readline().strip().split()))
      swaps = swap_sort(arr)
      with open( 'd:/Visual studio code/lab_1.py/output for b8.txt', 'w') as outfile:
           for swap in swaps:
               outfile.write(swap + '\n')
```

Output:

```
D: > Visual studio code > lab_1.py > ≡ output for b8.txt

1    Swap elements at indices 1 and 2.
2    Swap elements at indices 2 and 4.
3    Swap elements at indices 3 and 4.
4    Swap elements at indices 3 and 5.
5    Swap elements at indices 4 and 5.
6    No more swaps needed.
7
```

1. Определение функции swap_sort(arr):

- Функция принимает список arr и инициализирует пустой список swaps для хранения информации о произведенных обменах.

2. Основной цикл сортировки:

- Используются два вложенных цикла для перебора элементов массива:
 - Внешний цикл проходит по каждому элементу і.
 - Внутренний цикл проходит по элементам, расположенным после і, и сравнивает их.
- Если элемент arr[i] больше, чем arr[j], происходит обмен:
 - Информация об обмене добавляется в список swaps.
 - Элементы arr[i] и arr[j] меняются местами.

3. Завершение сортировки:

- После завершения обменов добавляется сообщение о завершении.

4. Чтение данных из файла:

- Код открывает файл input.txt, считывает количество элементов и сам массив.

5. Запись результатов в файл:

- Открывается файл output.txt, куда записываются все произведенные обмены.

Задание 9: Сложение двоичных чисел

Расмотрим задачу сложения двух n-битовых двоичных целых чисел, храня- щихся в n-элементных массивах A и B. Сумму этих двух чисел необходимо занести в двоичной форме в (n+1)-элементный массив C. Напишите скрипт для сложения этих двух чисел.

- Формат входного файла (input.txt). В одной строке содержится два n- битовых двоичных числа, записанные через пробел ($1 \le n \le 10^3$)
- Формат выходного файла (output.txt). Одна строка двоичное число, которое является суммой двух чисел из входного файла.
 - Оцените асимптотическое время выполнение вашего алгоритма.

```
D: > Visual studio code > lab_1.py > 💠 b9.py > ...
      def read_input_file(filename):
          with open(filename, 'r') as file:
              binary_numbers = file.readline().strip().split()
          return binary_numbers[0], binary_numbers[1]
      def binary_addition(A, B):
          sum_binary = bin(int(A, 2) + int(B, 2))[2:]
          return sum_binary
     def write_output_file(filename, result):
          with open(filename, 'w') as file:
          file.write(result)
      def main():
          input_file = 'd:/Visual studio code/lab_1.py/input for b9.txt'
          output_file = 'd:/Visual studio code/lab_1.py/output for b9.txt'
          A, B = read_input_file(input_file)
          result = binary_addition(A, B)
          write_output_file(output_file, result)
      if __name__ == "__main__":
          main()
```

Input:

```
D: > Visual studio code > lab_1.py > ≡ input for b9.txt

1 1101 1011

2
```

Output:

```
D: > Visual studio code > lab_1.py > ≡ output for b9.txt
1 11000
```

1. Чтение входного файла:

- Функция read_input_file(filename) открывает файл и считывает строку, содержащую два двоичных числа. Затем она возвращает их в виде двух строк.

2. Сложение двоичных чисел:

- Функция binary_addition(A, B) преобразует двоичные строки A и B в целые числа с помощью int(A, 2) и int(B, 2), затем складывает их. Результат преобразуется обратно в двоичную строку с помощью bin(), из которой удаляется префикс 0b.

3. Запись результата в выходной файл:

- Функция write_output_file(filename, result) открывает файл для записи и записывает результат сложения.

4. Основная функция:

- В функции main() задаются имена входного и выходного файлов, после чего вызываются функции для чтения, сложения и записи результата.

5. Запуск программы:

- Код в блоке if __name__ == "__main__": выполняет основную функцию, когда скрипт запускается.