

补充材料：

## 1. 文法定义简介：

CNF：Chomsky normal form

In formal language theory, a context-free grammar  $G$  is said to be in Chomsky normal form (first described by Noam Chomsky<sup>[1]</sup> if all of its production rules are of the form:<sup>[2]:92–93,106</sup>

$A \rightarrow BC$ , or  
 $A \rightarrow a$ , or  
 $S \rightarrow \epsilon$ ,

GNF：Greibach normal form; 每一个不产生空串的上下文无关语法都能转化为格雷巴赫范式

In formal language theory, a context-free grammar is in Greibach normal form (GNF) if the right-hand sides of all production rules start with a terminal symbol, optionally followed by some variables. A non-strict form allows one exception to this format restriction for allowing the empty word (epsilon,  $\epsilon$ ) to be a member of the described language. The normal form was established by Sheila Greibach and it bears her name.

More precisely, a context-free grammar is in Greibach normal form, if all production rules are of the form:

$A \rightarrow aA_1A_2 \cdots A_n$   
or  
 $S \rightarrow \epsilon$

## GNF 构造步骤

1.把 2 型文法写成 CNF

2.对非终结符进行编号

3.如果存在生成式  $A_i \rightarrow A_j \omega$  其中  $A_i$  的编号不小于  $A_j$  的编号，则把之前  $A_j$  的生成式代入，直到左侧非终结符  $A_i$  的编号不大于右侧第一个非终结符的编号

4.消除左递归，对  $A_n \rightarrow A_n \omega$  进行变换，得到  $A_n$  的无左递归生成式

5.把  $A_n$  的无左递归生成式回代如编号小的非终结符的生成式

e.g.

$A \rightarrow BC$

$B \rightarrow CA \mid b$

$C \rightarrow AB \mid a$

对非终结符进行编号：A - 1, B - 2, C - 3

在生成式  $C \rightarrow AB$  中左侧非终结符编号大于右侧第一个非终结符编号，把 A 的生成式代入得  $C \rightarrow BCB \mid a$ ，仍然不满足条件。把 B 的生成式代入得  $C \rightarrow CACB \mid bCB \mid a$

**消除左递归：(见下面)**

$C \rightarrow bCBC' \mid aC' \mid bCB \mid a$

$C' \rightarrow ACBC' \mid ACB$

得到了 C 的生成式，回代入以 C 开头的生成式  $B \rightarrow CA$  即可获得其他字母的表示

## 2. 消除左递归方法

$E \rightarrow E + T \mid T$

由于左递归时本身出现至少一次，则创建新符号为最左推导，该符号指向原有的产生式推导即可：

$E \rightarrow TE'$

$E' \rightarrow +TE' \mid \epsilon$