Программирование—2

01 | Зачем С++ математикам?

20 сентября 2022

Зачем С++ математикам?

DSL!

Domain-specific languages

- Языки, близкие к предметной области
- Для конкретного класса задач, а не общего назначения

G-code

Язык программирования ЧПУ-станков

G-code

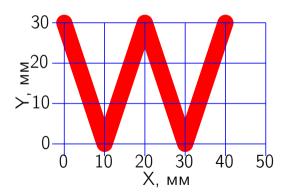
Язык программирования ЧПУ-станков

```
0200
G21 G40 G49 G53 G80 G90 G17
GO F300
M3 S500
G4 P2000
XO Y30 Z5
G1 Z-2 F40
G1 F20 X10 Y0
X20 Y30
X30 Y0
X40 Y30
GO Z5
M5
M30
```

G-code

Язык программирования ЧПУ-станков

```
0200
G21 G40 G49 G53 G80 G90 G17
GO F300
M3 S500
G4 P2000
XO Y30 Z5
G1 Z-2 F40
G1 F20 X10 Y0
X20 Y30
X30 Y0
X40 Y30
GO Z5
M5
M30
```



Maple/Mathematica

Математические вычисления, моделирование и визуализация

Maple/Mathematical

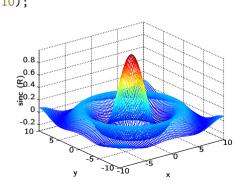
Математические вычисления, моделирование и визуализация

```
[X,Y] = meshgrid(-10:0.25:10,-10:0.25:10);
f = sinc(sqrt((X/pi).^2+(Y/pi).^2));
mesh(X,Y,f);
axis([-10 10 -10 10 -0.3 1])
xlabel('{\bfx}')
ylabel('{\bfy}')
zlabel('{\bfsinc} ({\bfR})')
hidden off
```

Maple/Mathematical

Математические вычисления, моделирование и визуализация

```
[X,Y] = meshgrid(-10:0.25:10,-10:0.25:10);
f = sinc(sqrt((X/pi).^2+(Y/pi).^2));
mesh(X,Y,f);
axis([-10 10 -10 10 -0.3 1])
xlabel('{\bfx}')
ylabel('{\bfx}')
zlabel('{\bfsinc} ({\bfR})')
hidden off
```



Prolog

Декларативный язык исчисления предикатов

Prolog

Декларативный язык исчисления предикатов

```
partition([], _, [], []).
partition([X||Xs], Pivot, Smalls, Bigs) :-
    ( X @< Pivot ->
        Smalls = [XRest],
        partition(Xs, Pivot, Rest, Bigs)
    : Bigs = [XRest].
        partition(Xs, Pivot, Smalls, Rest)
    ).
quicksort([]) --> [].
quicksort([X|Xs]) -->
    { partition(Xs, X, Smaller, Bigger) },
    quicksort(Smaller), [X], quicksort(Bigger).
```

Языково-ориентированное программирование

- Разделение задачи на подзадачи по областям знаний
- Подбор или разработка DSL для областей
- Решение подзадач на DSL

Embedded DSL

- Реализованы внутри другого (базового) языка программирования
 - Возможности синтаксиса языка-носителя используются для создания DS-синтаксиса
- Упрощается реализация и комбинирование с другими DSL в ЯОП-процессе

• Перегрузка операторов

```
class Vector {
    float * data;
    int size;
public:
    Vector add(Vector that);
};
```

```
Vector a;
Vector b;
Vector c = a.add(b);
```

```
class Vector {
    float * data;
    int size;
public:
    Vector add(Vector that);
};
```

```
Vector a;
Vector b;
Vector c = a.add(b);
```

```
class Vector {
    float * data;
    int size;
public:
    Vector add(Vector that);
};
```

```
Vector a;
Vector b;
Vector c = a + (b);
```

```
class Vector {
    float * data;
    int size;
    Vector c = a + (b);
public:
    Vector operator+(Vector const & that) const;
};
```

Несколько мелких деталей

- const
- &
- copy-constructor

Ключевое слово const

• Защищает значение от изменений

Ключевое слово const

• Защищает значение от изменений

```
const int x = 42;

x = 37; // ошибка компиляции
```

Ключевое слово const

• Защищает значение от изменений

```
const int x = 42;

x = 37; // ошибка компиляции
```

• Одно и то же:

```
const int x;
int const x;
```

```
int * — указатель на int
int const * — указатель на неизменяемый int
const int *
int * const — неизменяемый указатель на int
const int * const — неизменяемый указатель на неизменяемый int
```

Указатель на неизменяемый int



Неизменяемый указатель на int



int x, y;

	р = &y (изменение указателя)	*p = 37; (изменение значения)
int * p = &x		
int const * p = &x		
int * const p = &x		
int const * const p = &x		

int x, y;

	p = &y	*p = 37;
	(изменение указателя)	(изменение значения)
int * p = &x	✓	✓
int const * p = &x	✓	Х
int * const p = &x	X	✓
int const * const p = &x	X	X

- Если переменная неизменяемая, то её адрес может быть записан только в указатель на неизменяемую сущность
- Иначе неизменяемость переменной элементарно нарушить присвоить адрес в обычный указатель и изменить

```
int const x = 42;
int * p;
```

```
int const x = 42;
int * p;

p = &x;
*p = 37; // ???
```

```
int const x = 42;
int * p;

p ■ &x; // οωμδκα κομπιλημμμ
*p = 37;
```

				int	х	int	const	х
=	int *	p =	&x					
int cor	nst *	p =	&x					

						int	х	int	const	х
	int	*	p	=	&x	/			X	
int	const	*	p	=	&x	/			√	

- Частный случай передача адреса в функцию
- Адрес неизменяемой переменной можно передать только в функцию, принимающую указатель на неизменяемую сущность

foo(&x)

	int x	int const x
<pre>void foo(int * p)</pre>		
<pre>void foo(int const * p)</pre>		

foo(&x)

	int x	int const x
<pre>void foo(int * p)</pre>	✓	X
<pre>void foo(int const * p)</pre>	✓	✓

Ключевое слово const на указателях

foo(x)

	int x	int const x
<pre>void foo(int y)</pre>		
<pre>void foo(int const y)</pre>		

Ключевое слово const на указателях

foo(x)

	int x	int const x
<pre>void foo(int y)</pre>	✓	✓
<pre>void foo(int const y)</pre>	✓	✓

```
void foo(int p) { /* ... */ }

const int x;
foo(x);
```

```
• void foo(int p) { /* ... */ }

const int x;
foo(x);
```

• p — копия x const копии никак не связаны

```
class Foo {
public:
   int field;
};
```

```
const Foo f;
f.field ■ 37;
```

поле field нельзя будет потом изменить значит, оно должно быть проинициализировано сразу, но конструктор по умолчанию этого не делает

```
class Foo {
    public:
        int field;

    Foo() {
        this->field = 37;
    }
};
```

```
const Foo f;
class Foo {
public:
                                     f.print();
    int field;
    Foo() { ... }
    void print() {
        std::cout << this->field:
```

```
const Foo f;
class Foo {
public:
                                     f.print();
    int field;
    Foo() { ... }
    void print() {
        std::cout << this->field:
```

```
const Foo f;
class Foo {
public:
                                     f.print();
    int field;
    Foo() { ... }
    void print(/* Foo * this */) {
        std::cout << this->field:
```

```
const Foo f;
class Foo {
public:
    int field;
                                       f.print();
    Foo() { ... }
    void print(/* Foo * this */) {
        std::cout << this->field:
                                        • метод bar может нарушить свойство
                                          const объекта f
```

```
const Foo f;
class Foo {
public:
                                       f.print();
    int field;
    Foo() { ... }
    void print(/* Foo * this */) {
        std::cout << this->field;
        this->field = 42;
                                          метод bar может нарушить свойство
                                          const объекта f
```

```
class Foo {
                                         const Foo f;
public:
                                         f.print();
    int field:
    Foo() { ... }
    void print(/* Foo * this */) const {
         std::cout << this->field:

    метод bar утверждает, что не может

                                            нарушить свойство const объекта f
```

```
class Foo {
                                         const Foo f;
public:
                                         f.print();
    int field:
    Foo() { ... }
    void print(/* Foo const * this */) const {
         std::cout << this->field:

    метод bar утверждает, что не может

                                           нарушить свойство const объекта f
```

```
class Foo {
                                         const Foo f;
public:
                                         f.print();
    int field:
    Foo() { ... }
    void print(/* Foo * this */) const {
         std::cout << this->field:
         this->field = 42;

    метод bar утверждает, что не может

                                            нарушить свойство const объекта f
                                            попытка нарушить это утверждение —
                                            ошибка компиляции
```

```
class Foo {
    public:
        const int field;
};
```

```
class Foo {
public:
    const int field;
};
```

Foo f;

• поле field объекта f не проинициализировано

```
class Foo {
public:
    const int field;
};
```

Foo f;

- поле field объекта f не проинициализировано
- и его уже негде инициализировать!

```
class Foo {
public:
    const int field;
    Foo() {
        this->field = 42;
    }
};
```

Foo f;

- поле field объекта f не проинициализировано
- и его уже негде инициализировать!

```
class Foo {
public:
    const int field;
    Foo() {
        this->field = 42;
    }
};
```

Foo f;

- поле field объекта f не проинициализировано
- и его уже негде инициализировать!

```
class Foo {
public:
    const int field;
    Foo() : field(42) {
    }
};
```

Foo f;

• список инициализации спасает

```
class Foo {
  public:
    const int field = 42;
    Foo() {
    }
    * так тоже можно
};
```

14 слайдов об одном ключевом слове

Но суть проста:

- Константы должны быть инициализированы один раз в жизни, и до любого использования
- На константу может указывать только указатель на константу

• Это указатели

- Это указатели
- почти

- Это указатели
- почти
 - Не изменяются (неявный const)
 - 🧕 Чтение/запись с неявным разыменованием
 - 3 Не конвертируются в числа и обратно
 - Нет арифметики ссылок, нет NULL (без хаков)

- Это указатели
- почти
 - Не изменяются (неявный const)
 - 2 Чтение/запись с неявным разыменованием
 - 3 Не конвертируются в числа и обратно
 - 4 Нет арифметики ссылок, нет NULL (без хаков)
- У ссылок нет значений в обычном понимании этого слова, т.к. синтаксис языка не позволяет эти значения никаким образом получить

```
int x, y;
int * ptr = &x;

*ptr = 42;
y = *ptr;

ptr = &y;
```

```
int x, y;
int * ptr = &x;
*ptr = 42;
y = *ptr;
ptr = &y;
```

```
int x, y;
int & ref = x; // инициализация ссылки
```

```
int x, y;
int * ptr = &x;

*ptr = 42;
y = *ptr;

ptr = &y;
```

```
int x, y;
int & ref = x; // инициализация ссылки
```

неявное взятие адреса х

```
int x, y;
int * ptr = &x;

*ptr = 42;
y = *ptr;

ptr = &y;
```

```
int x, y;
int & ref = x; // инициализация ссылки

r = 42; // запись по ссылке
y = r; // чтение по ссылке
```

- неявное взятие адреса x
- неявная операция разыменования

```
int x, y;
int * ptr = &x;

*ptr = 42;
y = *ptr;

ptr = &y;
```

```
int x, y;
int & ref = x; // инициализация ссылки

r = 42; // запись по ссылке

y = r; // чтение по ссылке

r = y; // запись по ссылке
```

- неявное взятие адреса х
- неявная операция разыменования
- и отключить её нельзя

```
int x, y;
int * ptr = &x;
*ptr = 42;
y = *ptr;
ptr = &y;
```

```
int x, y;
int & ref = x; // инициализация ссылки

r = 42; // запись по ссылке
y = r; // чтение по ссылке

r = y; // запись по ссылке
// меняет x
```

- неявное взятие адреса х
- неявная операция разыменования
- и отключить её нельзя

```
void foo(int & r) {
    std::cout << r;
}
int x = 42;
foo(x); // выведется 42</pre>
```

```
void foo(int & r) {
    std::cout << r;
}
int x = 42;
foo(x); // выведется 42
foo(5);</pre>
```

```
void foo(int & r) {
    std::cout << r;
}
int x = 42;
foo(x); // выведется 42

foo(5);
// фактически попытка взять адрес числа 5</pre>
```

```
void foo(int & r) {
    r = 42;
}
int x = 42;
foo(x);
assert(x == 37);
```

 передача по ссылке подобна передаче по указателю языка С

```
class Foo {
    public:
        int x;
        obj.x = 42;
        bar(obj);
        assert(obj.x == 37);

void bar(Foo & f) {
        f.x = 37;
}
```

```
class Foo {
    public:
        int x;
        bar(obj);
};

void bar(Foo & f) {
        f.x = 37;
}
```

```
class Foo {
    public:
        int x;
        bar(obj);
};

void bar(Foo const & f) {
        f.x = 37;
}
```

Передача по ссылке — неявная семантика

Язык С

```
int x = 1, y = 2, z = 3;
foo(x, y, &z);
// x - 1, y - 2, z - ???
```

Язык С++

```
int x = 1, y = 2, z = 3;
foo(x, y, &z);
// x - ???, y - ???, z - ???
```

Передача по ссылке

- Для экономии действий (копируется адрес объекта, а не значение)
- Для изменения переданных параметров
- Изменяемость параметра контролируется спецификатором const
- В отличие от С, нельзя по виду вызова судить о неизменяемости переданных переменных, нужно смотреть описание метода

```
class Vector {
    int size:
    double * data:
public:
    Vector(int size)
        : size(size)
        . data(new double[size]) {}
    ~Vector() {
        delete[] this->data:
```

```
void foo(Vector b) {
    /* ... */
}
Vector a(6);
foo(a);
```

```
class Vector {
    int size:
    double * data:
public:
    Vector(int size)
        : size(size)
        . data(new double[size]) {}
    ~Vector() {
        delete[] this->data:
```

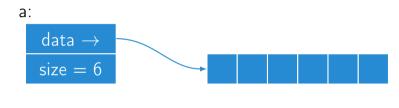
```
void foo(Vector b) {
   /* ... */
Vector a(6);
foo(a):
```

- b копия а.
- копирование объектов, как и в языке Си, по умолчанию побайтовое. без углубления по адресам

```
void foo(Vector b) {
    /* ... */
}

Vector a(6);
foo(a);
```

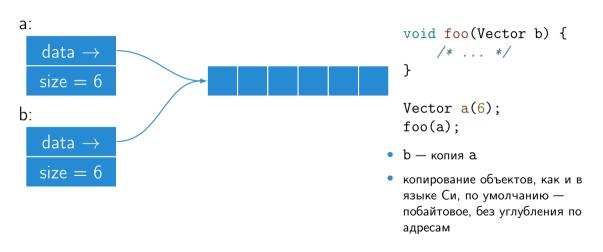
- b копия а
- копирование объектов, как и в языке Си, по умолчанию побайтовое, без углубления по адресам

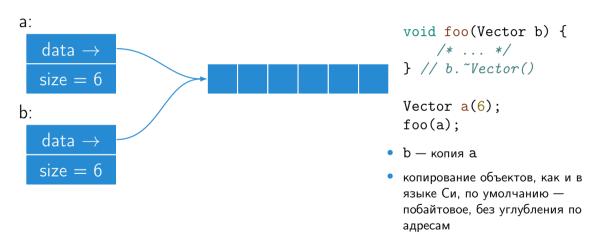


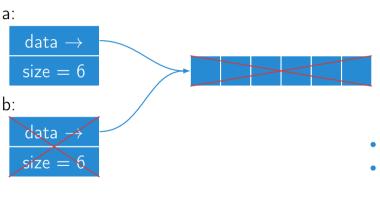
```
void foo(Vector b) {
    /* ... */
}

Vector a(6);
foo(a);
```

- b копия a
- копирование объектов, как и в языке Си, по умолчанию побайтовое, без углубления по адресам







```
void foo(Vector b) {
    /* ... */
} // b.~Vector()

Vector a(6);
foo(a);
,
```

- b копия а
- копирование объектов, как и в языке Си, по умолчанию побайтовое, без углубления по адресам

Конструктор копирования по умолчанию

- Побайтово, без углубления по адресам
- Подходит для простых "однослойных" структур, не владеющих памятью, на которую указывают

Конструктор копирования по умолчанию

Эти типы данных не владеют никакой памятью

```
class Point {
    double x;
    double y;
    double z;
public:
    /* ... */
};
```

```
class LineSegment {
    Point * a;
    Point * b;
public:
    LineSegment(Point * a, Point * b) {
        this->a = a;
        this->b = b;
    }
};
```

Конструктор копирования по умолчанию

Для более сложных типов нужно определять свой способ копирования

```
class Vector {
public:
    Vector(Vector const & that)
        : size(that.size)
        , data(new double[that.size])
        for (int i = 0; i < this->size; ++i) {
            this->data[i] = that.data[i];
```

Вызывается в трёх случаях:

Вызывается в трёх случаях:

• Создание нового объекта (явно)

```
Vector b(a);
Vector c = a;
```

Вызывается в трёх случаях:

• Создание нового объекта (явно)

```
Vector b(a);
Vector c = a;
```

• Передача объекта в функцию по значению

```
void foo(Vector v) { /* ... */ }
foo(a);
```

Вызывается в трёх случаях:

• Создание нового объекта (явно)

```
Vector b(a);
Vector c = a;
```

• Передача объекта в функцию по значению

```
void foo(Vector v) { /* ... */ }
foo(a);
```

• Возврат объекта из функции по значению

```
Vector bar() {
    Vector v(8);
    /* ... */
    return v;
}
```

a:

 $\mathsf{data} \to$

size = 6

a:

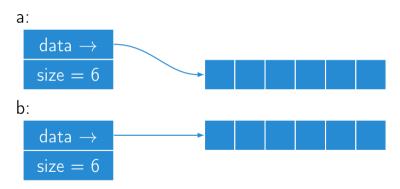


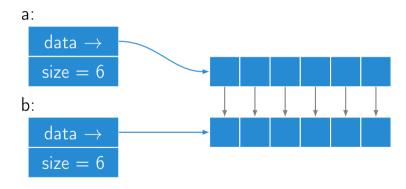
a:

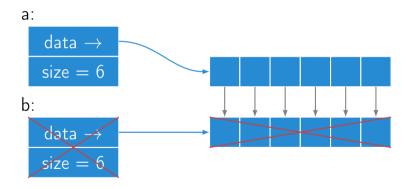


b:

$$data \rightarrow \\ size = 6$$







```
class Vector {
public:
    Vector(Vector const & that)
        : size(that.size)
        . data(new double[that.size])
        for (int i = 0; i < size; ++i) {
            data[i] = that.data[i];
```

```
class Vector {
public:
    Vector(Vector const & that)
        : size(that.size)
        . data(new double[that.size])
        for (int i = 0; i < size; ++i) {
            data[i] = that.data[i];
```

 Конструктор копирования должен принимать свой параметр по ссылке.

```
class Vector {
public:
    Vector(Vector const & that)
        : size(that.size)
        . data(new double[that.size])
        for (int i = 0; i < size; ++i) {
            data[i] = that.data[i];
```

- Конструктор копирования должен принимать свой параметр по ссылке.
- const можно не указывать, но это неприятно ограничивает область применения, так что смысла нет. Исключение классы, копирование которых невозможно без модификации оригинала.

О чём это мы?

Перегрузка операторов

```
Vector a;
Vector b;
Vector c = a + b;
```

Перегрузка операторов

```
class Vector {
   double * data;
   int size;
public:
  Vector(Vector const & that):
  Vector operator+ (Vector const & that) const {
       Vector result(this->size):
       for (int i = 0; i < this->size; i++) {
           result.data[i] =
                   this->data[i] + that.data[i]:
       return result;
```

```
Vector a;
Vector b;
Vector c = a + b;
```

Перегрузка операторов

```
class Vector {
   double * data;
   int size;
public:
  Vector(Vector const & that);
  Vector operator+ (Vector const & that) const {
       Vector result(this->size):
       for (int i = 0; i < this->size; i++) {
           result.data[i] =
                   this->data[i] + that.data[i];
       return result;
```

```
Vector a;
Vector b;
Vector c = a + b;
```

 Для корректности — иначе для вызова конструктора копий придётся вызывать конструктор копий.

```
class Vector {
   double * data;
   int size;
public:
  Vector(Vector const & that):
  Vector operator+ (Vector const & that) const {
       Vector result(this->size):
       for (int i = 0; i < this->size; i++) {
           result.data[i] =
                   this->data[i] + that.data[i]:
       return result;
```

```
Vector a;
Vector b;
Vector c = a + b;
```

 Для эффективности — чтобы не вызывать конструктор копий лишний раз.

```
class Vector {
   double * data;
   int size;
public:
  Vector(Vector const & that):
  Vector operator+ (Vector const & that) const {
       Vector result(this->size):
       for (int i = 0; i < this->size; i++) {
           result.data[i] =
                   this->data[i] + that.data[i]:
       return result;
```

```
Vector a;
Vector b;
Vector c = a + b;
```

- Для расширения области применения;
- Для надёжности;

```
class Vector {
   double * data;
   int size;
public:
  Vector(Vector const & that):
  Vector operator+ (Vector const & that) const {
       Vector result(this->size);
       for (int i = 0; i < this->size; i++) {
           result.data[i] =
                   this->data[i] + that.data[i]:
       return result;
```

```
Vector a;
const Vector b;
Vector c = a + b;
```

- Для расширения области применения;
- Для надёжности;
- ъ может быть константным

```
class Vector {
   double * data;
   int size;
public:
  Vector(Vector const & that):
  Vector operator+ (Vector const & that) const {
       Vector result(this->size):
       for (int i = 0; i < this->size; i++) {
           result.data[i] =
                   this->data[i] + that.data[i]:
       return result;
```

```
Vector a;
Vector b;
Vector c = a + b;
```

- Для расширения области применения;
- Для надёжности;

```
class Vector {
   double * data;
   int size;
public:
  Vector(Vector const & that):
  Vector operator+ (Vector const & that) const {
       Vector result(this->size);
       for (int i = 0; i < this->size; i++) {
           result.data[i] =
                   this->data[i] + that.data[i]:
       return result;
```

```
const Vector a;
Vector b;
Vector c = a + b;
```

- Для расширения области применения;
- Для надёжности;
- а может быть константным

```
class Vector {
   double * data;
   int size;
public:
   Vector(Vector const & that);
  Vector operator+ (Vector const & that) const {
       Vector result(this->size);
       for (int i = 0; i < this->size; i++) {
           result.data[i] =
                   this->data[i] + that.data[i]:
       return result; // return Vector(result)
   } // result ~ Vector()
};
```

```
Vector a;
Vector b;
Vector c = a + b;
```

 Для корректного возврата по значению;

```
class Vector {
   double * data;
   int size;
public:
  Vector(Vector const & that):
   Vector & operator+ (Vector const & that) const {
       Vector result(this->size):
       for (int i = 0; i < this->size; i++) {
           result.data[i] =
                   this->data[i] + that.data[i]:
       return result: // return Vector(result)
   } // result. ~Vector()
};
```

```
Vector a;
Vector b;
Vector c = a + b;
```

 можно ли возвращать по ссылке и сэкономить на вызове конструктора копий?

```
class Vector {
   double * data;
    int size;
public:
  Vector(Vector const & that);
  Vector ₩ operator+ (Vector const & that) const {
       Vector result(this->size):
       for (int i = 0; i < this->size; i++) {
           result.data[i] =
                   this->data[i] + that.data[i]:
       return result; // return Vector(result)
   } // result.~Vector()
```

```
Vector a;
Vector b;
Vector c = a + b;
```

 нельзя, ведь ссылка будет возвращена на объект, который удалится после выхода из функции.

Также, как и нельзя возвращать адрес локальной переменной.

Что можно ещё перегрузить?

- Все операторы, определённые в С++
- KPOME :: . .*? : sizeof typeid
- При перегрузке && и || теряется свойство ленивости

Оператор присваивания

- В отличии от конструктора копий работает с уже созданным объектом
- Должен сначала счистить старое состояние
- Потом скопировать оригинал

Оператор присваивания

- В отличии от конструктора копий работает с уже созданным объектом
- Должен сначала счистить старое состояние (деструктор)
- Потом скопировать оригинал (конструктор копий)

Оператор присваивания

```
class Vector {
private:
    void rawClean() { delete[] this->data; }
    void rawCopy(Vector const & that) {
        this->size = that->size; this->data = new ...
    }
public:
    Vector(Vector const & that) { this->rawCopy(that); }
    ~Vector() { this->rawClean(): }
    Vector & operator= (Vector const & that) {
        if (this != &that) {
            this->rawClean(); this->rawCopy(that);
        return *this;
```

Оператор присваивания по умолчанию

- Побайтовый, без углубления по адресам
- Не подходит для сложных структур с дополнительной памятью

Правило трёх

Если в классе есть один из:

- Деструктор
- Конструктор копирования
- Оператор присваивания

То в нём должны быть оставшиеся два

Правило трёх

Если в классе есть один из:

- Деструктор
- Конструктор копирования
- Оператор присваивания

То в нём должны быть оставшиеся два

Не путать

```
Vector a(8);

Vector b = a; // конструктор копий

Vector c(6);

c = a; // оператор присваивания
```

```
class Vector {
    Vector & operator+= (Vector const & that) {
        *this = *this + that;
        return *this;
    }
};
```

- упражнение #1 определить назначение всех символов в этом тексте
- упражнение #2 определить всю возникающую при исполнении неявную семантику: временные объекты, конструкторы копий, деструкторы

Подводные камни

- Эффективность (из-за неявной семантики и возврата по значениям)
- Запутанность (из-за придания операторам неочевидных свойств)
 - Например, побочные эффекты в операции сложения векторов
 - Или оператор !, вычисляющий жорданову форму матрицы
 - Или оператор -, складывающий вектора

Убедитесь, что вынесли с этой лекции

- DSL/EDSL
- Ключевое слово const
- Ссылки
- Конструктор копирования
- Перегрузка операторов
- Правило трёх

Проверочные вопросы

- Чем отличаются ссылки от указателей?
- В каких случаях вызывается конструктор копирования?
- Какие минусы у оператора присваивания по умолчанию?
- Почему конструктор копирования принимает аргумент по ссылке?
- Можно ли в конструктор копирования передать константный объект?

Q & A