

杂谈勾股定理

刘海燕

2023 年 10 月 7 日

摘要

这是一篇关于勾股定理的小短文。

目录

1	勾股定理在古代	2
2	勾股定理的近代形式	3

1 勾股定理在古代

西方勾股定理为毕达哥拉斯定理，将勾股定理的发现归功于公元前 6 世纪的毕达哥拉斯学派。该学派得到了一个法则，可以求出排成直角三角形三边的三元数组。毕达哥拉斯学派没有书面著作，该定理的严格表述和证明则见于欧几里得¹《几何原本》的命题 47：“直角三角形斜边上的正方形等于两直角边上的两个正方形之和。”证明是用面积做的。

我国《周髀算经》载商高（约公元前 12 世纪）答周公问：

勾广三，股修四，径隅五。

又载陈子²答荣方问：

若求邪至日者，以日下为勾，日高为股，勾股各自乘，并而开方除之，得邪至日。

都较古希腊更早。后者已经明确道出勾股定理的一般形式。图是我国古代对勾股定理的一种证明。

¹欧几里得，约公元前 330—275 年。

²陈子，约公元前 7—6 世纪

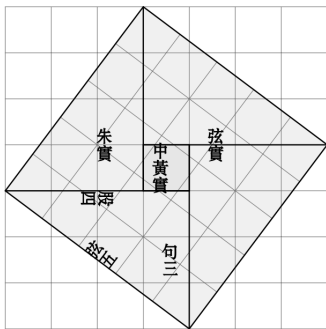


图 1: 宋赵爽在《周髀算经》注中作的弦图 (仿制), 该图给出了勾股定理的一个极具对称美的证明。

2 勾股定理的近代形式

定理 1 (勾股定理) 直角三角形斜边的平方等于两腰的平方和。

可以用符号语言表述为: 设直角三角形 ABC , 其中 $\angle C = 90^\circ$, 90° 则有

$$AB^2 = BC^2 + AC^2 \quad (1)$$

满足式 (1) 的整数称为勾股数。第 1 节所说毕达哥拉斯学派得到的三元数组就是勾股数。下表列出一

些较小的勾股数：

直角边 a	直角边 b	斜边 c
3	4	5
5	12	13

$$(a^2 + b^2 = c^2)$$

参考文献