# Kriptográfia 2.

TibiV 2002 IT alapok

#### Klasszikus titkosító rendszerek

#### A helyettesítő titkosítók (S-boxok)

A nyílt szöveg betűit (esetleg nagyobb blokkjait) egyesével bijektív módon a titkosított szöveg betűivel helyettesítjük.

#### A keverő titkosítók (P-boxok)

A titkosított szöveg a nyílt szöveg karaktereinek permutációja.

#### A produkciós titkosítók

keverés-helyettesítés (többszörös) egymás utáni alkalmazása

### Titkosítók generációi

- Első generáció: XVI-XVII. századig, főleg egyábécéshelyettesítések (pl. Caesar)
- Második generáció: XVI-XIX században, többábécés helyettesítések (pl. Vigenére)
- Harmadik generáció: XX sz. elejétől Mechanikus és elektromechanikus eszközök (pl. Enigma, Hagelin, Putple, Sigaba)
- Negyedik generáció: a XX. század második felétől, produkciós titkosítók, számítógépekkel (pl. DES, Triple DES, Idea, AES)
- Ötödik generáció: kvantumelvű titkosítások, sikeres kisérletek vannak rá, de gyakorlati alkalmazásuk ma még futurisztikus ötletnek tűnhet

# A helyettesítő titkosítók

- Karakterekkel: a nyílt szöveg betűi (jelei, betűcsoportjai) sorra más jelekkel helyettesítődnek
- Bitenként: ha bitenként tekintjük a szövegeket, akkor rögzített hosszú (pl. 64 bit) bitcsoportokat ugyanolyan hosszú bitcsoportokra cserélünk
- Minden esetben a jelek pozíciója változatlan marad

#### A helyettesítő titkosítók fajtái

#### Monoalfabetikus helyettesítés

A monoalfabetikus helyettesítésnél ugyanaz a karakterek csakis ugyanazzal a karakterrel helyettesítődik.

**Biztonság:** Ezt titkosítási fajtát gyakoriságanalízissel viszonylag egyszerűen (papírral-ceruzával) fel lehet törni.

• Ebbe a fajtába tartoznak: - Ceasar-féle kódolási módszer

- Átváltási táblázatos kódolási módszer

#### Poligrafikus helyettesítés

Ennél a fajtánál egy karaktersort egy másik karaktersorral helyettesítenek.

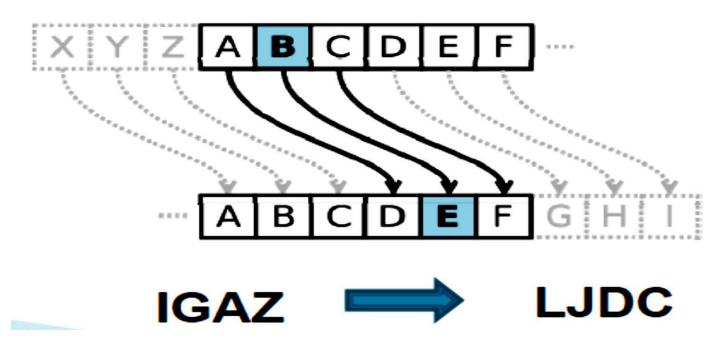
Biztonság: Ez a módszer megnehezíti a gyakoriságanalízises kódfejtést.

• Ebbe a fajtába tartoznak: - Porta-féle kódolás

#### Caesar titkosító (Caesar chiper)



- Az első bizonyítottan használt háborús alkalmazása a helyettesítő titkosításnak
- Helyettesítsünk minden betűt az ábécé rendben után a következő harmadik betűvel



### Eltoló/léptető titkosító (Shift cipher)

- helyettesítsünk minden betűt az ábécé rendben utána következő k-dik betűvel
- Caesar a k=3 kulcsot használta, Augustus k=2-t
- Pl.: k=3 –ra a helyettesítés:

Abc defghij klmnopqrs tuvwxyz DEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZABC

• a matematikai leíráshoz a betűket számokkal azonosíthatjuk:

```
abcd ef ghij k l m n o p q r s t u v w x y z 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 24 25
```

- a nyílt szöveg betűi kisbetűk,
- a titkosított szövegéi nagybetűk
- a magyar szövegeket is ékezet nélkül tekintjük

#### A eltoló rendszer kriptoanalízise

- csak 26 lehetséges kulcs van: "a" képe lehet A,B,...,Z
- ezek sorra kipróbálhatók, azaz teljes kipróbálással feltörhető
- csak ismert kódszöveg típusú támadással is
- persze ehhez fel kell tudni ismerni a nyíltszöveget

#### Egy ábcés – monoalfabetikus helyettesítés

- az ábécé betűinek egyszerű eltolása helyett tetszőlegesen össze is rendezhetjűk a betűket
- így minden nyílt betűt egy titkossal helyettesítünk
- különböző nyílt betűket különbözőekkel
- ekkor e kulcs a 26 betű egy sorrendje:

KULCS: abcdefghijklmnopqrstuvwxyz DKVQFIBJWPESCXHTMYAUOLRGZN

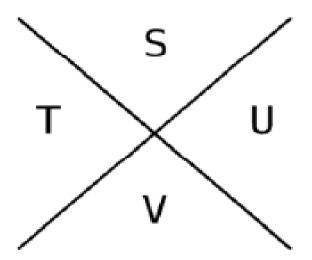
Nyílt szöveg: ifwewishtoreplaceletters

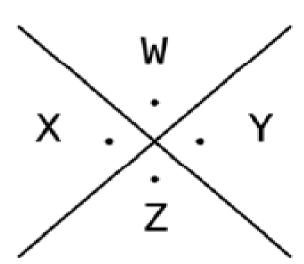
Titkos szöveg: WIRFRWAJUHYFTSDVFSFUUFYA

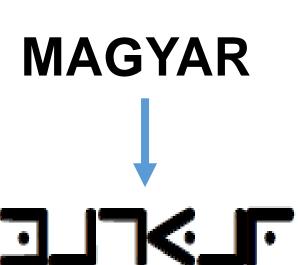
### Pig -pen titkosítás

Α	В	С
D	Е	F
G	Н	I

J.	Ķ	.L
м.	2.	٠0
Ρ.	ġ	·R







#### Az egyábcés helyettesítés kriptóanalízise

- a kulcstér most 26! ≈ 4 x 1026 ≈ 288.4 elemű
- ez biztonságosnak látszik
- de ez csak a teljes kipróbálás ellen véd
   NEM BIZTONSÁGOS !!!
- a kriptoanalízis a nyílt szöveg nyelvének nyelv statisztikai sajátosságain alapszik
- A gyakorlatban egy kb. 50 betűs szöveg már feltörhető!

#### Tikosított szövegek statisztikai elemzése

# A titkosított szövegek feltörésének egyik módszere a statisztikai elemzés:

- az emberi nyelvek redundánsak
- pl. a magánhangzók elhagyhatók:
- "mndn zldsg s gymlcs fnm"
- nem minden betű egyformán gyakori
- az angolban: E, T,A,O,I,N,S,H,R....,J,X,Q,Z
- magyarban (ékezetekkel)
  - ∘ a leggyakoribb az "E", "A" és "T"
  - ∘ majd "L", "N", "S", "K", "O", "R"
  - ∘ igen ritka: "Ő", "W", "X", "Q"

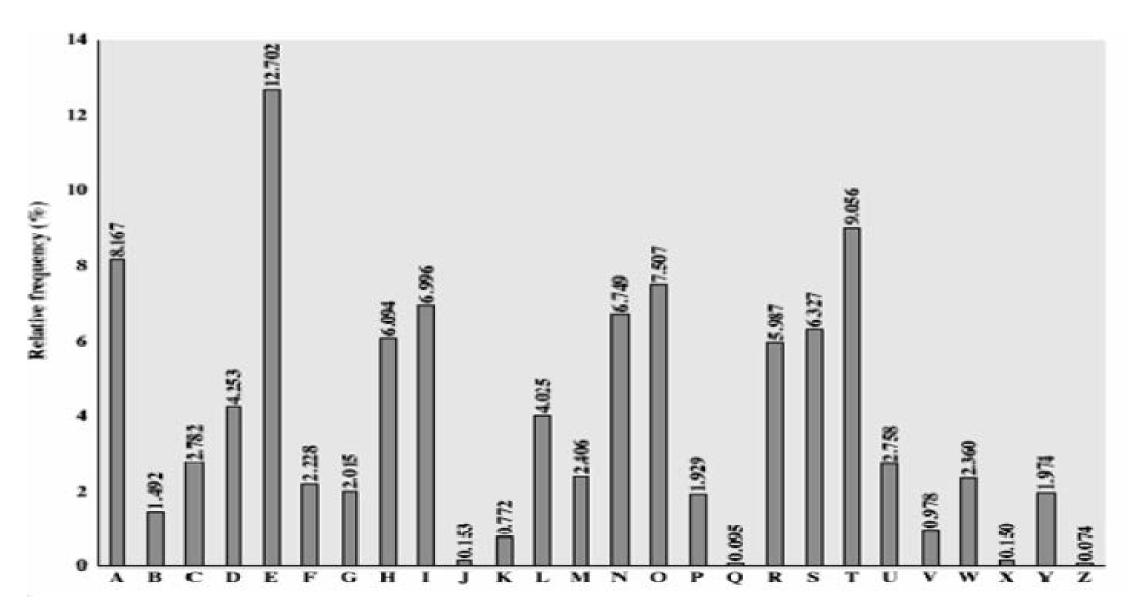
#### Statisztikai elemzés

 hasonlóan lehet a betűpárok (digram), hármasok (trigram) gyakoriságát vizsgálni pl.

```
"SZ", "TT", "THE"
```

- ezek a statisztikák a nyelvekre jellemzőek, segítségükkel a nyílt szöveg nyelve azonosítható
- MÁS MÓDSZER: gyakori / jellemző szavak keresése: pl. pénzügyi szövegben millió =
- ABBA minta, időjárásjelentésben: eső

# Betű gyakoriság az angolban



#### Betű gyakoriság a magyarban

q	0.003
X	0,027
W	0.047
ő	0,092
ü	0.177
ú	0,343
1	0.439
ü	0,589
С	0.849

0	0,871
p	0,934
u	1,043
f	1,098
Tes	1,179
h 🕏	1.808
Ö	1,830
ь	1,887
V	1,922

d	2,284	
у	2,305	
é	2,979	9
á	3,159	
g	3,527	
i	3,667	k
z	3,721	
m	3,819	
Г	4.346	k

1	
е	10,189
а	9,278
t	9,213
To.	6,523
n	5,671
5	5,212
k	4,586
0	4,364

Kiszámolható a titkosított szöveg betűinek/betűpárjainak gyakorisága Az egyábécés helyettesítés nem változtatja meg a betűgyakoriságot! (már az arabok is felfedezték a IX. században) Ha a szóközöket és az írásjeleket meghagyjuk, sokkal könnyebb az egyábécés helyettesítés feltörése

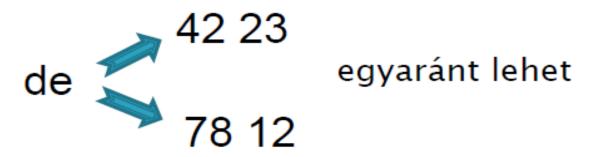
#### Mit lehet tenni? – A helyettesítés változatai

- Mint láttuk az egyábécés helyettesítés könnyen feltörhető, mert a kódszöveg megtartja a nyílt szöveg betűgyakoriságait.
- Ezen több módon lehet javítani, nehezebbé (de nem lehetetlenné!) téve a kriptoanalízist:
  - 1. homofónok használata
  - 2. nagyobb egységek pl. betűpárok helyettesítése pl. ilyen a Playfair titkosító
  - 3. több ábécés helyettesítések pl. Enigma

#### Homofónok használata

A gyakoribb betűknek több kódot feleltessünk meg.

```
d -> 42, 59, 78, 91
e -> 12, 23, 32, 48, 66, 73, 88, 89, 97
...
x -> 15
```

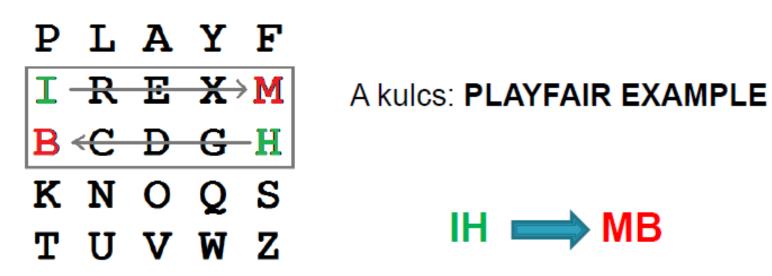


- gyakoribb betűknek több képük van, ezzel "elrejthetjük" ugyan betűgyakoriságokat
- de a több-betűs minták gyakorisága továbbra is megmarad

### Következő lépés : Poligrafikus helyettesítés

Poligrafikus helyettesítés: Ne betűket, hanem karaktercsoportokat cseréljünk.

Playfair-titkosító:



### Playfair titkosító

- betűpárok betűpárokkal való helyettesítésén alapul
- Charles Wheatstone találta fel 1854-ben, de a barátjáról Baron Playfairről nevezte el
- az angol hadsereg széles körben használta az I. világháborúban de még előfordult a II-ban is (Kennedy későbbi elnök, 1943)
- előnye, hogy egy személy eszköz segítsége nélkül papíron használhatja

### Playfair kulcs mátrix

- egy 5X5-ös mátrix melynek első betűit a kulcsszó határozza meg
- a kulcsszó betűinek csak az első előfordulását vesszük
- a mátrix többi részét kitöltjük az abc maradék betűivel
- Pl. ha a kulcsszó MONARCHY:

M	0	N	Α	R
С	Н	Υ	В	D
Е	F	G	I/J	K
L	Р	Q	S	Т
U	٧	W	X	Z

A nyílt szöveg betű párokra osztjuk, ha egy kódolandó pár egy betű ismétlése, akkor egy elválasztó betűt, mondjuk 'X'-et teszünk közéjük és ezután kódoljuk. Pl > ba lx lo on

### Playfair titkosítás és megfejtés

- ha a két betű egy sorban van, helyettesítsük őket a tőlük közvetlenül jobbra lévő betűkkel (a sor vége után a sor első betűjére ugorva) Pl. ar -> RM
- 2. ha a két betű egy oszlopban van, helyettesítsük őket a tőlük közvetlenül alattuk lévő betűkkel (az oszlop alja után a legfelső betűre ugorva) Pl. mu -> CM
- 3. különben a betűk kódja a saját sora és a másik betű oszlopának metszetében álló betű. Pl. hs -> BP, ea -> IM

M	0	Ν	Α	R
O	I	Υ	В	D
Е	F	G	I/J	K
П	Р	Q	S	Т
٦	٧	W	Χ	Z

#### A playfair kriptóanalízise

- jóval erősebb az egyábécés helyettesítésnél mivel 26 x 26 = 676 betűpár van
- a gyakoriság táblázathoz így 676 gyakoriságérték kell (szemben a 26 betűvel) így hosszabb titkos szövegre van szükségünk
- de fel lehet törni néhány száz betűs szöveg esetén is, mivel a nyílt szöveg struktúrájából még mindig sok tükröződik a titkosított szövegben
- Mit tehetünk? -> többábécés helyettesítések

### Több ábécés helyettesítések

Ne egy ábécét, azaz helyettesítést, használjunk, hanem többet, valamilyen rendszer szerint váltogatva.

Nyílt szöveg: meet at old bridge abodėfghijklmnopqrstuvwxyz Eredeti ábécé: jklmmopqrstuwwxyzab|cdefghi Első kódábécé: wxyzabcdefghlijklmnopgrstuv Második kódábécé: Titkosított szöveg: xaemon

### Több ábécés tikosítók (Polyalphabetic Ciphers)

#### Két közös jellemzőjük:

- Betűnként más-más (egymással összefüggő) ábécét, pontosabban egyábécés helyettesítést használnak
- 2. Az hogy mikor melyik ábécé kerül sorra, a kulcs határozza meg
  - általában a kulcs véget érése után a használt ábécék ciklikusan ismétlődnek
  - minél több az ábécé, annál jobban kiegyenlítődik a betűgyakoriság megnehezítve ezzel a kriptoanalízist

### Vigenere titkosítás

- Titkosítandó szöveg
- Titkosító kulcs

#### PI:

- Szöveg: REJTJEL
- Kulcs: MACSKA
- Titkosított szöveg: DELLTEX

Egy kulcs segítségével a kódolt szöveget létrehozzuk. A nyílt szöveget kulcs hosszúságú darabokra osztjuk, majd a darabok alá a kulcsot írva az egyes betűket egy táblázat megfelelő rovatából keressük ki.

```
ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
A A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z
B B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X
            I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B
           I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C
           J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z
F F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E
G G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B
   I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G
I I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E
J J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D
K K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F
NNOPQRSTUVWXYZABCDEFGH
         TUVWXYZABCDEFGH
           V W X Y Z A B C D E F G H
S S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R
X X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W
|Y|YZABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWX
| Z | Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y
```

#### A tabula recta

| A | B | C | D | E | F | G | H | I | J | K | L | M | N | O | P | Q | R | S | T | U | V | W | X | Y | Z AABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ BBCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZA C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C GHIJKLMNOPQRSTUVWXYZABCD | F | G | H | I | J | K | L | M | N | O | P | Q | R | S | T | U | V | W | X | Y | Z | A | B | C | D | E J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I KLMNOPQRSTUVWXYZABCDEFGHIJ LMNOPQRSTUVWXYZABCDEFGHIJK M M N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L N N O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M O O P Q R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J PQRSTUVWXYZABCDEFGHIJKLMNO QRSTUVWXYZABCDEFGHIJKLMNOP RRSTUVWXYZABCDEFGHIJKLMNOPQ S S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K L M N O P Q R TTUVWXYZABCDEFGHIJKLMNOPQRS UUVWXYZABCDEFGHIJKLMNOPQRST VVWXYZABCDEFGHIJKLMNOPQRSTU W|W|X|Y|Z|A|B|C|D|E|F|G|H|I|J|K|L|M|N|O|P|Q|R|S|T|U|VXXXYZABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVW Y | Y | Z | A | B | C | D | E | F | G | H | I | J | K | L | M | N | O | P | Q | R | S | T | U | V | W | X ZZABCDEFGHIIKLMNOPORSTUVWXY

A kriptográfiában a tabula recta egy négyzet alakú tábla, amelyen a betűk minden egyes sorban ábécébe vannak rendezve, de minden sorban az eggyel feljebb levő sorhoz képest eggyel balra eltolódva.

#### A Vigenere kriptóanalízise

- A kódot a számtalan variációs lehetőség miatt sokáig feltörhetetlennek gondolták, azonban Leonhard Euler felfedezte, hogy a kulcsnál lényegesen hosszabb szöveg esetén periodikus ismétlődések lesznek a kódolt szövegben.
- Az összes periódus legnagyobb közös osztója lesz a kulcs hossza.
- Ekkora darabokra bontva a szöveget a visszafejtés lényegesen egyszerűbbé válik.
- Ha a kulcs azonos hosszúságú a szöveggel, akkor a fejtés nagyom nehéz.



A Vigenère-rejtjel Blaise de Vigenère (a képen) után kapta a nevét, bár Giovan Battista Bellaso hamarabb találta fel ezt a kódot. Vigenère egy erősebb <u>autokulcs-</u>kódot talált fel.

#### Vernam (XOR) titkosítás

- Alapja Vigenere titkosítás ahol:
- Ideális estben a kulcs ugyanolyan hosszú, mint a nyílt szöveg
- Ezt Gilbert Vernam (AT&T) javasolta 1918-ban

Az ő rendszere bitenként dolgozik:

ci=b! XO	$Rk_{i}$
----------	----------

Ahol pi = a nyílt szöveg i-dik bitje

k; = a kulcs i-dik bitje

c; = a titkosított szöveg i-dik bitje

XOR = a kizáró vagy művelet,

0 XOR 1 = 1 XOR 0 = 1

0 XOR 0 = 1 XOR 1 = 0

INF	TU	OUTPUT
Α	В	A XOR B
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

#### <u>Példa:</u>

Nyílt szöveg: 00 10 11 01 10

Kulcs: 10 11 01 10 11

Titk. szöveg: 10 01 10 11 01

Kulcs: 10 11 01 10 11

Nyílt szöveg: 00 10 11 01 10

### Egyszeri hozzáadásos titkosító (one-time pad)

- Ha a kulcs valóban véletlen és ugyanolyan hosszú, mint a nyílt szöveg a titkosító nem törhető fel (=feltétlenül biztonságos)
- Ezt a két feltétel azonban szigorúan be kell tartani, például nem szabad ugyanazzal a kulccsal még egyszer üzenetet titkosítani (innen az egyszeri név)
- Ezt hívják egyszeri hozzáadásos módszernek One-Time pad: OTP
- A OTP azért feltörhetetlen mert a titkosított szövegnek nincs statisztikai kapcsolata a nyílt szöveggel
- A gyakorlatban két nehéz probléma van vele:
  - valóban véletlen kulcsgenerálás
  - a kulcselosztás és tárolás problémája

Gilbert Vernam

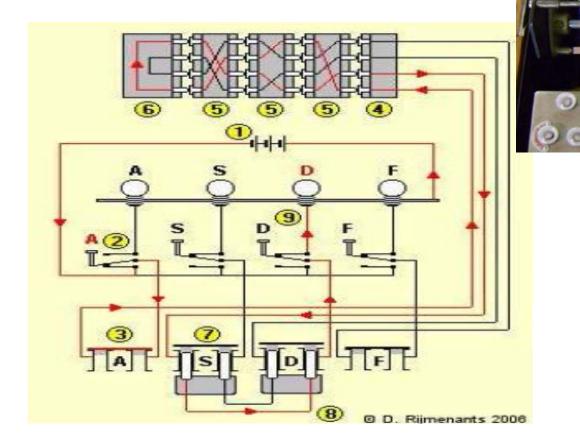
#### Rotoros gépek (Rotor Machines)

- A számítógépek és ezzel a modern titkosítók megjelenése elött a rotoros gépek voltak a legelterjedtebb komplex titkosító eszközök
- Széles körben használták a II. világháborúban:
  - németek: Enigma,
  - szövetségesek: Hagelin,
  - japánok: Purple
- Igen bonyolult többábécés helyettesítések forgó korongok (rotorok) segítségével, melyek egy-egy egyszerű helyettesítést kódoltak, de minden betű titkosítása után számlálószerőűen különbözi sebességgel forogtak
- Pl. egy 3 rotoros gép 263=17576 ábécével dolgozott
- Működés: http://enigmaco.de/enigma/enigma.html

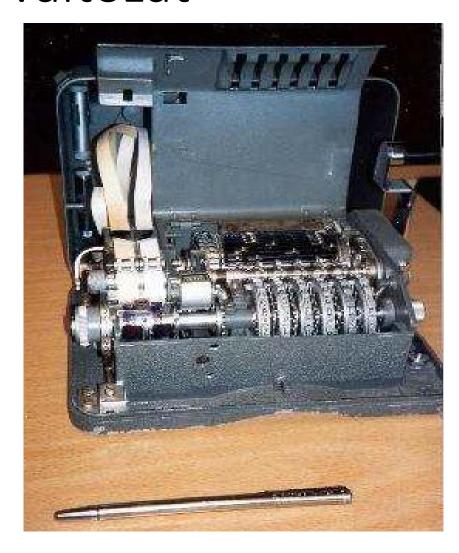
#### Az Enigma

• Minden betű titkosítása után a rotorok számláló szerűen forognak, ez

263 = 17576 ábécés titkosítás



## A Hagelin (amerikai) és a Purlpe (japán) változat





### Keverő titkosítók - Transposition Ciphers

- a helyettesítés mellett a másik alap titkosítási módszer a keverés (pemutációk)
- a szöveg egységek (betűk/bájtok/bitek/bitcsoportok) megmaradnak
- csak a sorrendjük változik meg
- alkalmazásuk felismerhető, mert a jelek gyakoriságát nem változtatják meg.

# Kerítés rács elrendezés (Rail Fence cipher)

 írjuk le az üzenetet átlósan lefelé több sorba, majd olvassuk el soronként balról jobbra haladva

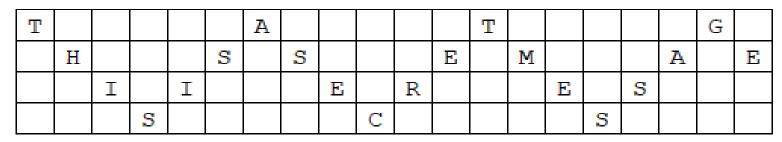
Példa: (This is a secret message)

Plan text: THISISASECRETMESSAGE

Т		Ι		Ι		A		Ε		R		T		Ε		S		G	
	Н		ន		S		S		$\Box$		E		M		ន		A		E

KEY = 2

Tikos szöveg: TIIAERTESGHSSSCEEMSAE



KEY=4

Tikos szöveg: TATGHSSEMAEIIERES SCS

# Soronként cserélő titkosítók (Row Transposition Ciphers)

- bonyolultabb keverést kapunk, ha az üzenetet soronként adott számúoszlopba írjuk
- majd az oszlopokat a kulcs által megadott sorrendben olvassuk össze felülről lefelé

Példa: A szöveg "the simplest possible transpositions"

- Hozzunk létre 5 oszlopos táblázatot
- A szöveget soronként írjuk be
- Az üres helyeket töltsük fel
- Kulcs legyen: 15342

- 1	2	3	4	5
Т	Ι	Е	S	1
M	Р	L	Е	S
Т	Р	0	S	S
- 1	В	L	Е	Т
R	Α	Ζ	S	Р
0	S	1	Т	I
0	Z	S	X	X

#### Oszlopok felcserélése a kulcs értékében

1	2	3	4	5
Т	Н	Е	S	I
M	Р	L	Е	S
Т	Р	0	S	S
I	В	L	Е	Т
R	Α	N	S	Р
0	S	I	Т	I
0	N	S	X	X

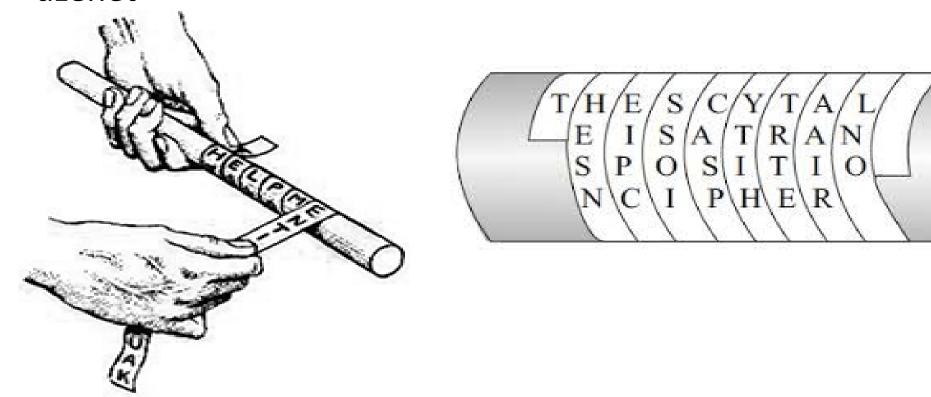
1	5	3	4	2
Т	1	Е	S	Н
M	S	L	E	Р
Т	S	0	S	Р
1	Т	L	E	В
R	Р	N	S	Α
0	I	I	Т	S
0	X	S	X	N

A kulcs: 15342

A titkosított szöveg: TIESH MSLEP TSOSP ITLEB RPNSA OIITS OXSXN

# Skitlai (scytale)

- Spártaiak használták katonai célokra
- A kulcs a bot átmerője, csak a megfelelő átmérőn olvasható az üzenet



# Duplán keverő titkosító

- Még biztonságosabb titkosításhoz jutunk, ha az előzőkeverést kétszer végezzük el, különbözőkulcsokkal (azaz permutációkkal)
- A kulcsok által meghatározott permutációja az oszlopoknak különböző elemszámú véletlen betűkkel töltjük ki az üzenet végét, hogy teljes sorokat kapjunk
- A permutációkat jelszavak segítségével is elő lehet állítani.
- Cryptool Permutation/Transposition Cipher

# Produkciós titkosítók (Product Ciphers)

- Sem a helyettesítő, sem a keverő titkosítók nem biztonságokat, a nyelv jellegzetességei miatt
- <u>Az ötlet</u>: alkalmazzuk őket egymás után, hogy erősebb titkosításhoz jussunk, de:
  - két helyettesítés eredménye egy újabb (általában komplexebb) helyettesítés
  - két keverés egymásutánja továbbra is egy újabb keverés
  - de ha a keveréseket és a helyettesítéseket egymás után váltogatjuk (esetleg többször) valóban erősebb titkosításhoz jutunk
- A különbözi elvű titkosítások keverése vezet a modern szimmetrikus módszerekhez (DES, AES, stb.)

#### Modern Blokk titkosítók

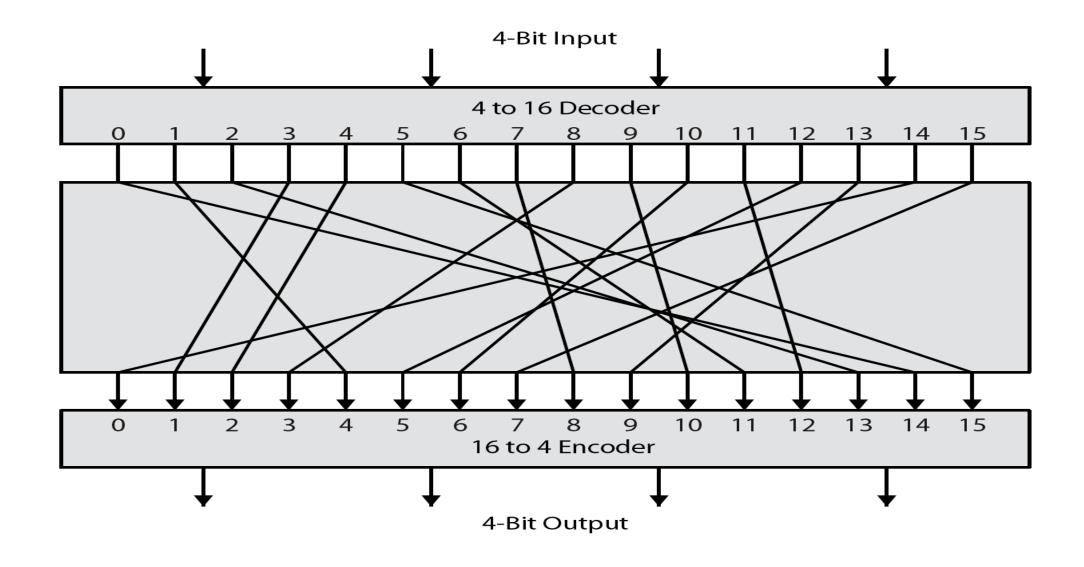
Ha az eddig módszerek mind feltörhetőek akkor hogyan titkosítsunk?

- A modern (gépi) módszerek következnek
- Ma is a szimmetrikus blokktitkosítók a legelterjedtebbek (gyorsak, sokat vizsgáltak)
- Ezek titkosságot / hitelességet biztosítanak

## Block vagy folyam titkosítók?

- a folyam titkosítók (stream ciphers) az üzenetet bitenként vagy bájtonként titkosítják / fejtik meg
- ekkor nem kell egy blokknyi adatot összevárni a titkosítás megkezdéséhez
- számos mai titkosító blokk titkosító
- szélesebb körben alkalmazottak, mint a folyam titkosítók
- blokkonként lehet velük adatfolyamot is továbbítani

## Az ideális blokktitkosító



## Blokk titkosítók alapelvei

- a blokk titksosítók hatalmas ábécék feletti helyettesítések
- de szükség van rá, hogy a helyettesítés injektív legyen, sőt effektíven kiszámítható
- általános esetben 64 biten 2<sup>64</sup>! darab helyettesítés definiálható
- a legtöbb szimmetrikus blokk titkopsító ún.

Feistel titkosító stuktúrán alapszik

Horst Feistel ötlete a 70-es évek elején Shannon (S-P hálózatos) produkciós titkosítós ötletéből könnyen invertálható titkosítók általános terve

## Helyettesítő-keverő titkosítók (Substitution-Permutation Ciphers)

- Claude Shannon vezette be a helyettesítő-keverő hálózatokat (S-P networks) 1949-ben
- a modern blokktitkosítók rajtuk alapulnak
- az S-P hálózatok pedig a két korábbi alap kriptográfiai műveletből épülnek fel:
  - helyettesítés (S-doboz) / substitution (S-box) /
  - keverés (P-doboz) / permutation (P-box) /
- ezek biztosítják a titkos szövegnek mind a nyílt szövegtől, mind a kulcstól való minél komplexebb, de könnyen megadható függését

# Diffúzió és konfúzió (Confusion and Diffusion)

- a titkosítónak a nyílt szöveg statisztikai jellemzőit a felismerhetetlenségig el kell rejtenie a titkosított szövegben
- a gyakorlatban erre Shannon az S és P dobzok szolgálnak kombinálását javasolta, a két cél:
- diffúzió (szétterjesztés) szétoszlatja a nyílt szöveg statisztikai struktúráit egy terjedelmes méretű titkos szöveg részekben
- konfúzió (összekeverés) a titkos szöveg és a kulcs kapcsolatát minél komplexebbé teszi

#### Szimmetrikus kulcsú titkosítás

#### A folyamat:

- A titkosítandó szöveget a közös titkosítási kulcsot felhasználva átalakítjuk, az így kapott információt továbbítjuk.
- A fogadó fél ugyanazt a közös titkosító kulcsot használva fejti azt meg.
- Az aszimmetrikus titkosításnál a szimmetrikus kulcsú titkosításkor a használt titkosítási kulcs különleges eljárást, biztonságot igényel.
- Ezt speciális kulcskezelési rendszerek támogatják. Problémát okoz, hogy a kulcs egyértelműen feloldja a védett információt.
- Speciális feladat a titkos kulcs küldő és fogadó fél közötti cseréjének a megoldása.
- További probléma a titkosító kulcsok biztonságának védelme a helyi számítógépeken.

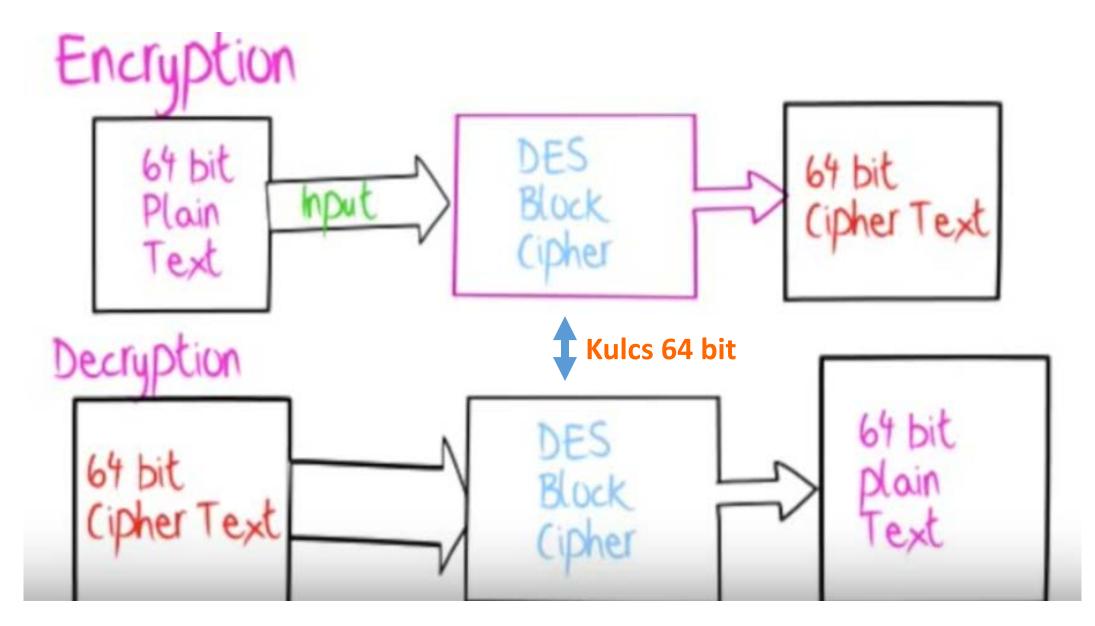
#### DES

- A **DES (Data Encryption Standard)** szimmetrikus kulcsú titkosítási eljárást az Amerikai Egyesült Államok Szabványügyi Hivatala (NBS) 1976-ban nyilvánította szövetségi szabvánnyá.
- A felhívást egy szabványos titkosítási algoritmus elkészítésére 1973ban adták ki.
- A hivatal az IBM által Lucifer kódnéven benyújtott algoritmust fogadta el. Ezt követően az NBS és a NSA 3 éven át vizsgálta és finomította az eljárást és az 1976-ban vált az USA-ban szövetségi szabvánnyá.
- A DES szabvány előírása szerint a DES algoritmust 5 évente ismételt biztonsági felülvizsgálat alá kellett vetni. 1983-ban a felülvizsgálat sikeres volt, azonban az NSA 1987-ben már nem tartotta kellően megbízhatónak.
- Ennek ellenére, mivel más megfelelő alternatíva nem állt rendelkezésre egészen 1993-ig

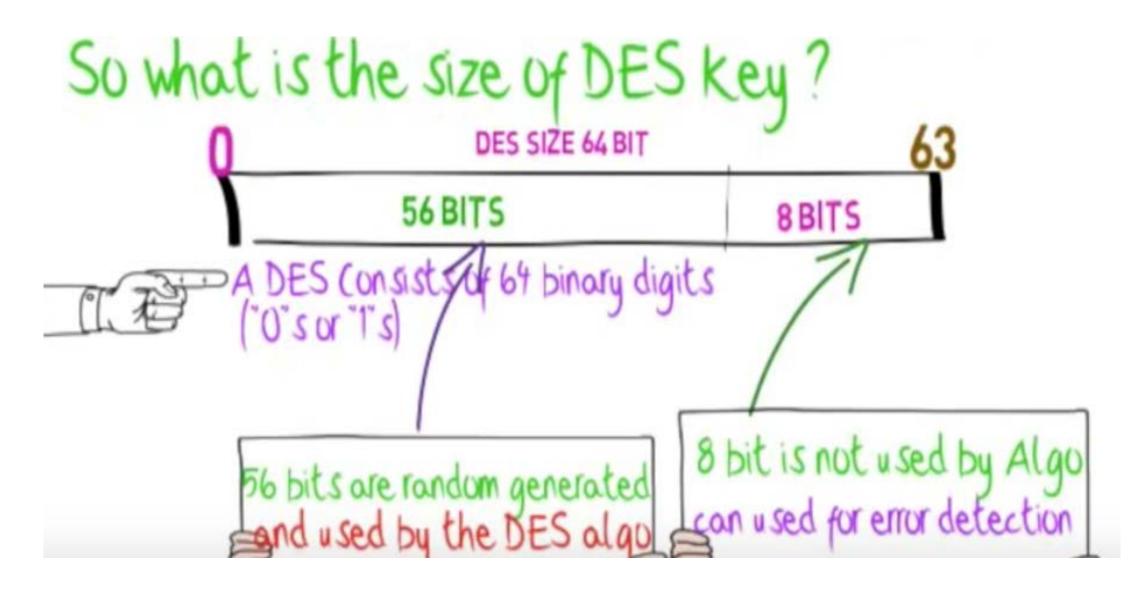
#### DES

- A DES egy úgy nevezett blokkrejtjelező (blokk alapú) titkosító eljárás (block cipher), ez azt jelenti, hogy a bemenő adatokat meghatározott méretű blokkokra osztja, tipikusan az utolsó blokk kiegészítésével, hogy az is elérje a szükséges blokkméretet
- A DES estében ez a **blokkméret 64** bit azaz a DES **64 bites input** blokkokat fogad be és **64 bites titkosított** szöveget bocsát ki.
- Ezt az eljárást ismétlik meg minden 64 bites blokkon.
- A DES titkosító kulcsának hossza **eredetileg 56 bit volt**, és ugyan azt a kulcsot, valamint ugyan azt az algoritmust, használta a titkosításhoz és a megfejtéshez is.
- A DES kulcs hossza 64 bit lett amiből 8 hiba javító bit

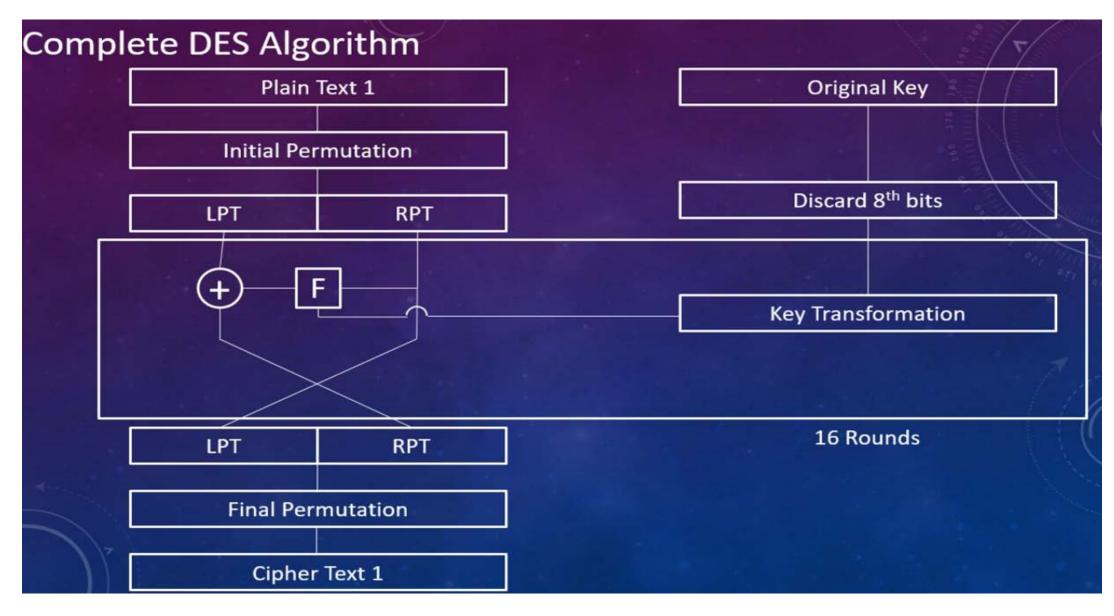
### DES elvi működés blokk vázlat



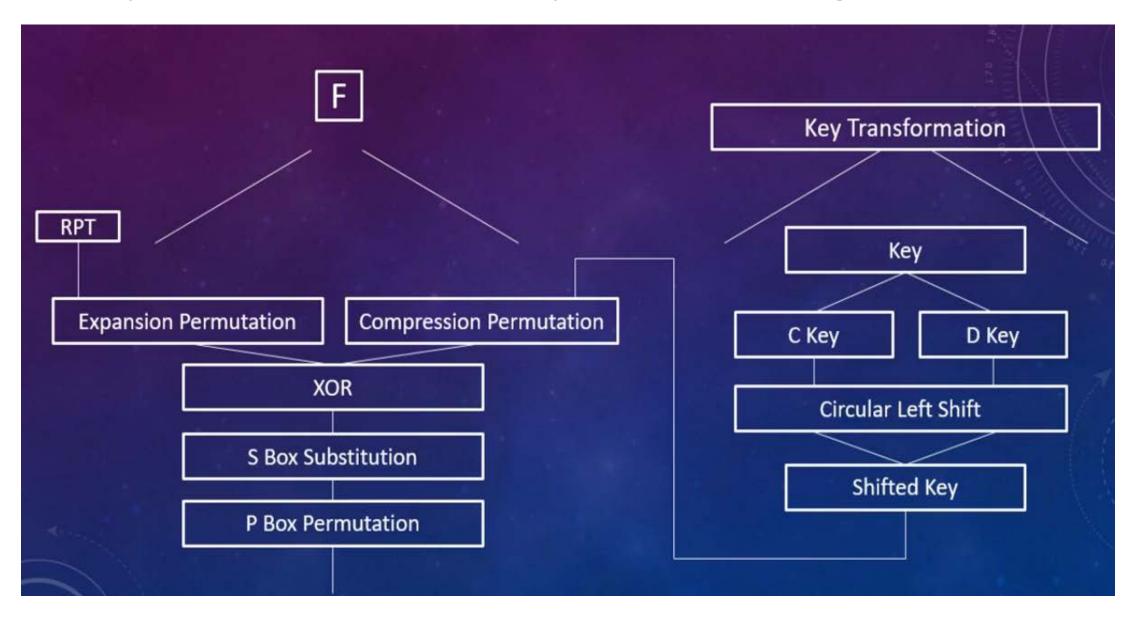
### DES kulcs



# DES permutációs algoritmus



# DES permutáció és helyettesítés algoritmus



#### Az AES blokk titkosító

- a DES szabványt le **kellett** váltani, mert
  - az 56 bites kulcs brute-force módon való feltörését több kisérlet is igazolta (distributed.net, Deep Crack)
  - kriptoanalízisen alapuló támadások is ismertek rá (igaz csak elméletiek)
- a TDES helyettesítheti, de lassú, és a blokkméret továbbra is kicsi (64 bit)
- az USA-ban a NIST újabb pályázatot hirdetett 1997-ben AES = Advanced Encryption Standard-re (Továbbfejlesztett titkosítási szabványra)

## Az AES követelményei

- titkos kulcsú szimmetrikus blokk titkosító
- 128-bites blokk, 128/192/256-bites kulcs
- erősebb és gyorsabb legyen a TDES-nél
- hatékony megvalósíthatóság
  - számítási teljesítmény
  - kód és adatmemória szükséglet
  - előkészítő számítások (pl. kulcsszervezés)
- flexibilitás az egyes platformok és későbbi fejlesztések tekintetében
- aktív működés 20-30 évre (+ archív használat)

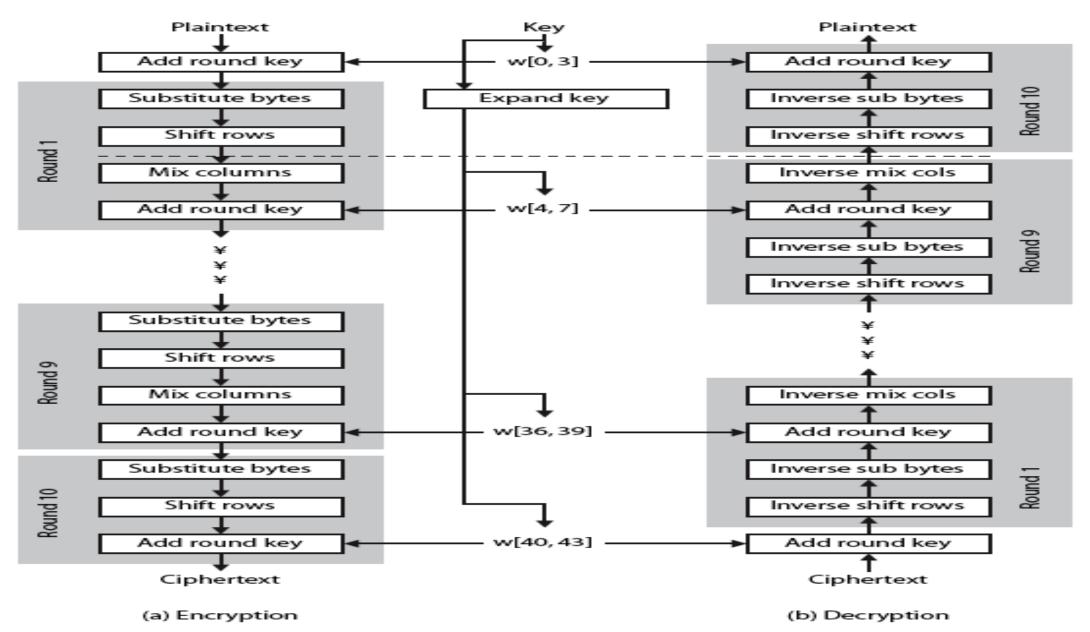
## Az AES titkosító - Rijndael

- tervezői: Joan Rijmen és Vincent Daemen (Belgium)
- a Rijndaelben mind az adatblokk mind a kulcshossz
   128-256 bit között 32 bitenként változtatható
- AES szabványos kulcsok: 128/192/256 bit,
- AES szabványos adatblokk 128 bit
- iteratív S-P hálózat, <u>de nem Feistel</u> struktúrás
  - az adatokat 4 sor x 4 oszlopos adatblokkokban tárolja, melyekben egy-egy bájtot tárol
  - minden körben az egész adatblokkon dolgozik
- úgy tervezték, hogy:
  - minden ismert támadásnak ellenálljon
  - gyors és tömör kód írható rá sok processzor típuson
  - átlátható terve legyen

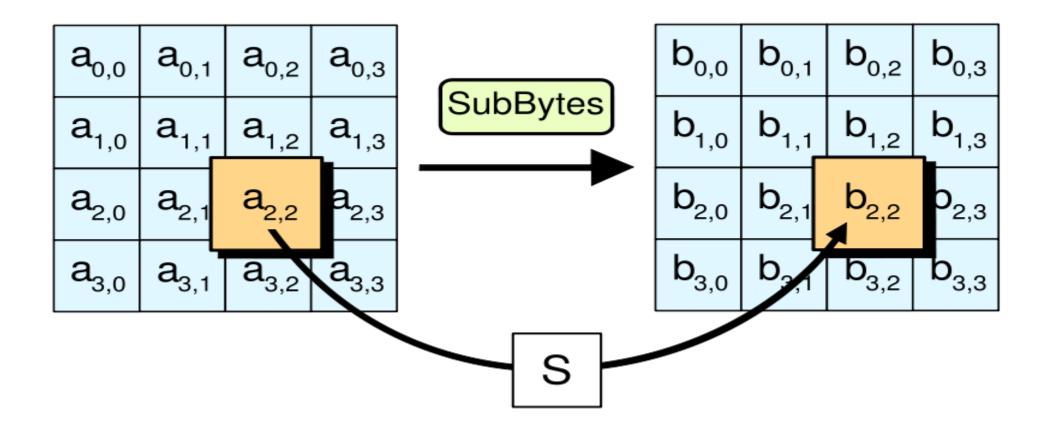
#### Az AES

- az 4 x 4 bájtos adatblokk egy tartalmát állapotnak (state) hívjuk
   = 4 db 32 bites szó = 128 bit
- a kulcsot is 32 bites szavak oszlopaira bontjuk ki melyekből körönként szintén 4 db-ot használunk fel
- Lépések (kulcsméret függvényében) 10/12/14 körben:
  - byte substitution: (1 közös S-dobozos a bájthelyettesítés)
  - shift rows: (a sorok elforgatása különböző mértékben)
  - mix columns: (az oszlopok átalakítása mátrixszorzással)
  - add round key: (XOR művelet bájtonként a körkulccsal)
- az első kör előtt még egy add round key van
- az utolsó körben a mix columns kimarad
- könnyen invertálható és implementálható XOR-ok és műveleti táblázatok segítségével

# AES titkosítás/megfejtés

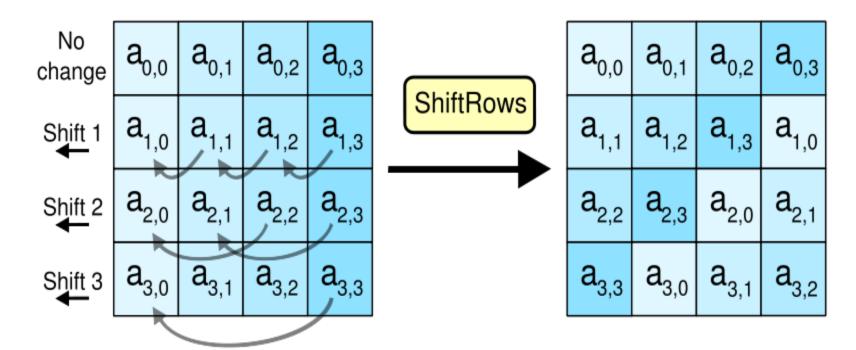


## 1. SubBytes() (bájt helyettesítés)



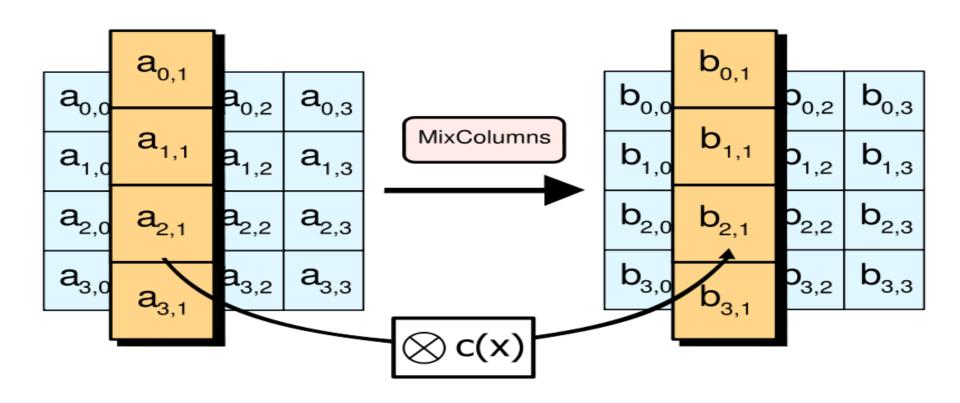
Minden bájt helyettesítése egy közös (8 bit -> 8 bites) S-doboz segítségével.

# 2. Shift Rows() sorok elforgatása



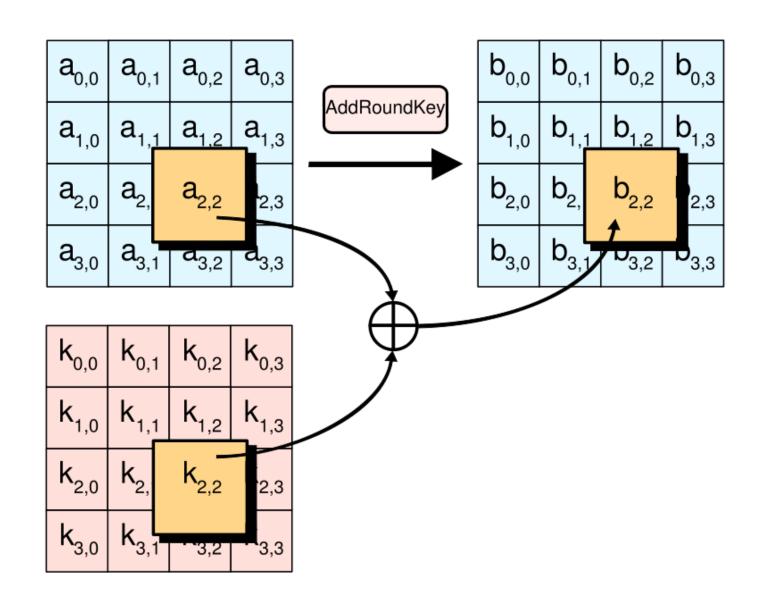
- permutációs lépés (keverés)
- a bájtok körkörös forgatása balra
- a megfejtéskor egyszerűen jobbra forgatunk
- mivel az állapotokban a bájtokat oszloponként tekinthetjük, ez a lépés az oszlopok adatait keveri össze
- minden oszlop kap bájtot minden oszlopból

## 3. MixColumns() (oszlopok összekeverése)



- az oszlopokat külön-külön helyettesítjük
- minden helyettesített bájt a keverendő oszlop mind a 4 bájtjának függvénye

# 4. AddRoundKey() (körkulcs hozzáadása)



## 4. AddRoundKey() (körkulcs hozzáadása)

- annyira egyszerű, amennyire csak lehet
- XOR az állapot és a 128 bites körkulcs között
- szintén oszloponként haladva (persze bájt szinten párhuzamosítható)
- inverze a megfejtéskor ugyanez
- mivel a XOR önmaga inverze, csak a kulcsok sorrendjét kell megfordítani

## Az AES biztonsága

- a módszer feltörésének minősül minden olyan módszer, ami pl. a tejes kipróbálás átlagos 2<sup>127</sup> titkosítási műveleténél kevesebbel fejti meg a 128 bites kulcsot
- mondjuk egy 2<sup>120</sup> műveletigényű, 2<sup>100</sup> választott nyíltszöveget igénylő módszer is, ami a gyakorlatban biztos, hogy kivitelezhetetlen
- jelenleg 10 vagy több körös megoldásban nem ismert AES törés csupán az AES kevesebb körrel rendelkező változatatira van ilyen:
  - ismert nyílt szövegű támadás
    - 7 körös AES-128-ra
    - 8 körös AES-192-re és AES-256-ra
  - hasonló kulcsos támadás (related key attack)
    - 9 körös AES-256-ra (2009. aug, 2<sup>39</sup>!!!, 2 hasonló kulccsal)
  - 2002-ben ugyan napvilágot látott egy spekulatív "XSL attack" nevezetű támadás de még nyitott kérdéses, hogy valóban alkalmazható-e elméletileg is az AES-re

## Titkos kulcsú kriptográfia

- a hagyományos: szimmetrikus/titkos/egy kulcsú kriptográfiában egy titkosító/megfejtő kulcs van
- ha nem is szó szerint egyezik meg a kettő, a titkosító és a megfejtő kulcs, egymásból könnyen kiszámítható
- a kulcsot csak a feladó és a címzett ismeri
- a kulcs titokban tartásán alapszik a biztonság
- a feleknek előzetesen kommunikálni kell egymással a titkos kulcsot
- ez szimmetrikus, a felek szerepe egyenrangú: mindketten tudnak titkosítani és megfejteni is
- ezért nem védi a feladót a címzettel szemben attól, hogy a címzett a kapott üzenetet meghamísítva azt állítsa, hogy az a feladótól jött

# Nyilvános kulcsú kriptográfia (Public-Key Cryptography)

- talán a legjelentősebb találmány a kriptográfia 3000 éves történetében
- két kulcs van
  - egy nyilvános (public key)
  - egy magán (private key) /néhol: saját kulcs v. titkos kulcs/
- a nyilvános kulccsal lehet titkosítani
- de az üzenetet csak a magánkulccsal lehet megfejteni
- így például maga a küldő sem tudja visszafejteni az üzenetet, ha mondjuk elfelejtette, hogy mit titkosított

# Nyilvános kulcsú kriptográfia II (Public-Key Cryptography)

- a nyilvános kulcsot nyilvánosságra lehet hozni és legalább a küldő számára nyilvánosságra kell hozni (de ez nem igényeli hogy biztonságos kommunikáció legyen)
- bárki lehet feladó, aki a nyilvános kulcsot megkapja
- a számelmélet számítási szempontból "egyik irányban nehéz -- másik irányban könnyű" problémáin alapszik (pl. faktorizáció, diszkrét log.)
- kiegészíti és nem helyettesíti a titkosított kulcsú kriptográfiát

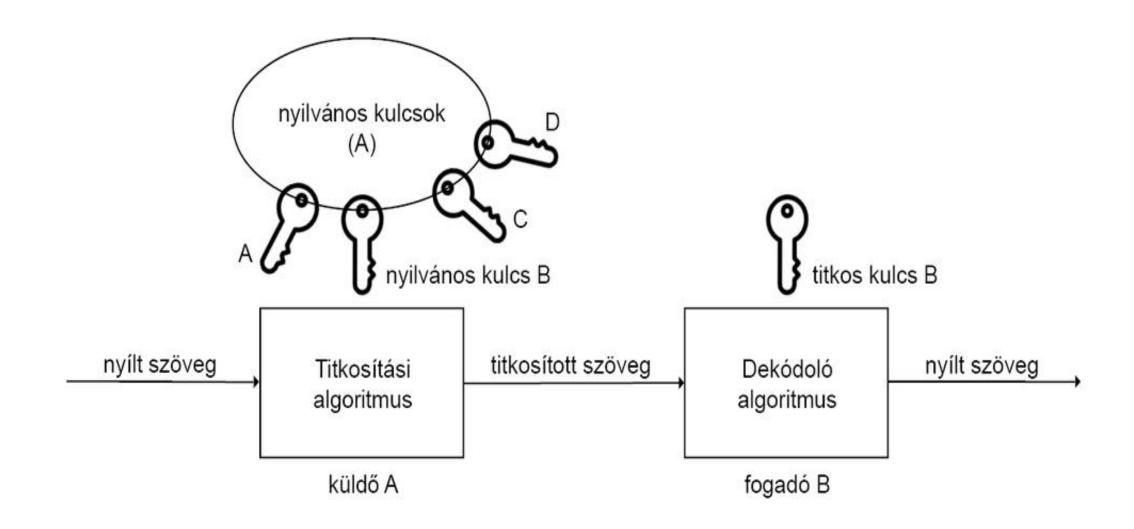
# Miért jó a nyilvános kulcsú kriptográfia?

- a titkos kulcsú kriptográfia két alap problémájára ad választ:
  - kulcselosztás
  - elektronikus aláírások
- az első nyilvános publikációja:
   Whitfield Diffie és Martin Hellman (Stanford), 1976
  - ismert volt, bár titokban tartották 1999-ig: James Ellis (UK), 1970
  - sőt állítólag az NSA már a 60-as évek közepén ismerte

## Public-Key Cryptography

- nyílt kulcsú/két kulcsú/aszimmetrikus titkosításnak is nevezik
- a kulcsok szerepe:
  - a nyilvános kulcsot titkosításra és a magánkulccsal készített aláírás ellenőrzésére lehet használni
  - a magánkulccsal (amit csak a címzett ismer) a megfejteni lehet, és aláírást készíteni természetesen másik irányú titkos vagy nem titkos üzenetküldéshez
- a felek szerepe aszimmetrikus: a nyilvános kulcs tulajdonosa (a feladó)
  - csak titkosítani és <u>aláírást ellenőrizni tud</u>
  - megfejteni vagy aláírni nem
- ezért aláíráshoz magánkulcs kell, de üzenet titkosításához elég a küldő nyilvános kulcsát ismerni

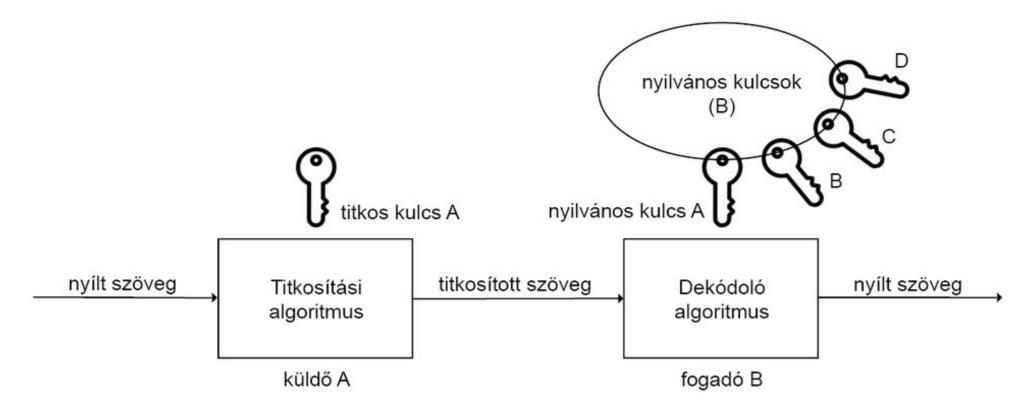
## A nyilvános kulcsú titkosítás vázlata



## A két kulcs viszonya

- Feltételek a nyilvános kulcsú titkosítás működéshez:
  - a nyilvános kulcs ismeretében hatékonyan lehet titkosítani
  - a magánkulcs ismeretében hatékonyan lehet üzenetet megfejteni
  - jelenlegi algoritmusainkkal reménytelenül sok ideig tart a nyilvános kulcsból a magánkulcsot kiszámítani (a titkosító/megfejtő algoritmust ismeretét persze feltételezzük)
  - a magán kulcs ismerete nélkül szintén reménytelen számítási feladat az üzenet megfejtése
  - hatékonyan tudunk véletlen nyilvános-magán kulcspárokat generálni
- néhány algoritmusnál (pl. RSA) hasznos, hogy
  - a magánkulccsal is lehet titkosítani, ami csak a nyilvános kulccsal fejthető meg (ezen alapul az digitális aláírás)

## Nyilvános kulcsú aláírás (elvi vázlat)



A nyilvános kulcsú rejtjelezésen belüli **azonosítás** inverz módon Az azonósítás (fordítottan) történik. Amennyiben a nyílt szöveget az A küldő titkosítja saját titkos kulcsával, a megfejtés csak az A nyílt kulcs használatával lehetséges, ami azt jelenti, hogy a szöveget az A küldő rejtjelezte.

## A nyilvános kulcsú kriptográfia alkalmazásai

- 3 kategóriába osztható:
  - titkosítás/megfejtés (bizalmasságot ad)
  - elektronikus aláírások (hitelesítést ad)
  - kulcscsere
     (kapcsolatkulcsok (session keys) cseréjére)
- néhány algoritmus mindhárom feladatra alkalmas, mások csak egy-két célra használhatók

### A nyilvános kulcsú rendszerek biztonsága I

- nem biztonságosabbak vagy kevésbé biztonságosak a titkos kulcsú rendszereknél, a biztonság a kulcs hosszától is függ
- mint a titkos kulcsú rendszereknél itt is a teljes kipróbálás (brute force) feltörés legalább is elméletben mindig lehetséges
- de a gyakorlatban használt kulcsok a teljes kipróbálás meghiúsításánál jóval hosszabbak (> 512 bitesek)
- mert a titkosítás alapját képező számelméleti probléma nehéz irányának (pl. faktorizáció) kiszámítása ellen kell védekeznünk
- pl. 512-bit RSA ≈ 64-bit DES, 1024-bit RSA ≈ 80-bit DES

### A nyilvános kulcsú rendszerek biztonsága II

- a biztonság a "könnyű irány" (titkosítás) és a "nehéz irány" (feltörés) közötti elég nagy számítási különbségen alapszik
- pl. RSA esetében
  - könnyű irány = szorzás, (illetve hatványozás mod p)
  - nehéz irány = faktorizáció (prímtényezőkre bontás)
- általánosságban a "nehéz irány" is algoritmussal megoldható, de elég nehézzé kell tennünk ahhoz, hogy a gyakorlatban kivitelezhetetlen legyen
- ehhez nagy (több százjegyű) számokra van szükség
- ezért a nyilvános kulcsú kriptográfia jóval lassabb a titkos kulcsúnál

### **RSA**

- Rivest, Shamir & Adleman (MIT), 1977
- a legismertebb és legelterjedtebb nyilvános kulcsú algoritmus
- véges test feletti hatványozáson alapszik valamilyen n modulusra nézve ab (mod n) kiszámításának időigénye O((log n)³) ez polinomiális a bemenet hosszának (log n) függvényében /könnyű/
- a modulus nagy szám (pl. 1024 bit )
- a biztonságát a faktorizáció nehézsége adja
  - erre ma csak superpolinomiális algoritmusok ismertek /nehéz/, pl. GNFS időigénye

$$O\left(\exp\left(\left(\frac{64}{9}n\right)^{\frac{1}{3}}(\log n)^{\frac{2}{3}}\right)\right)$$
 ahol n a bemenet hossza

## Az RSA biztonsága

- lehetséges támadási típusok ellene:
  - a kulcsok teljes kipróbálása (kivitelezhetetlen a számok nagysága miatt)
  - matematikai támadások
  - időméréses támadások (a megfejtő algoritmuson)
  - választott titkos szöveg alapú támadások

### Kulcsgondozás (Key Management)

 a nyilvános kulcsú titkosítás segít megoldani a kulcselosztás problémáját

#### Ennek két aspektusa van:

- I. a nyilvános kulcsok szétosztása
  - azaz eljuttatása mindazokhoz, akik üzenetet küldhetnek a titkos kulcs birtokosának
- II. a nyilvános kulcsú titkosítás használata titkos kulcsok cseréjére
  - hogy az így biztonságosan eljuttatott titkos kulccsal gyors szimmetrikus titkosítással lehessen kommunikálni

# A nyilvános kulcsok szétosztása (Distribution of Public Keys)

- A nyilvános kulcsú titkosítás, semmit sem ér, ha a küldő nem győződik meg arról, hogy a nyilvános kulcs hiteles, azaz valóban a címzetté.
- Mert egy támadó a címzett nyilvános kulcsát a saját nyilvános kulcsára hamisítva elolvashatja az üzenetet.
- Sőt, ha elfogja és megfejti az üzenetet, utána még a címzett valódi kulcsával titkosítani is tudja, majd továbbítani a címzettnek. Így még észrevétlen is maradhat.
- De pont azért szeretnénk a nyilvános kulcsú rendszert használni, hogy ne kelljen a nyilvános kulcsot előre titokban kommunikálni.
- Hogyan oldható ez meg mégis? Kemény dió.

A nyilvános kulcsok szétosztása (Distribution of Public Keys)

Különböző technikák vannak használatban, melyek az alábbi 4 csoportba sorolhatók:

- 1. nyilvános kihirdetés (public announcement)
- 2. nyilvános hozzáférésű katalógus (publicly available directory)
- 3. nyilvános kulcsszolgáltató (public-key authority)
- 4. nyilvános kulcs tanúsítványok (public-key certificates)

### 1. Nyilvános kihirdetés

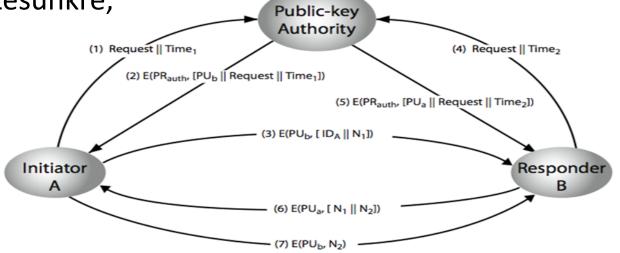
- a felhasználók közhírré teszik a nyilvános kulcsukat a várható feladóknak, vagy nagyobb közösségeknek pl.
  - e-mailhez csatolva
  - hírcsoportokra, levelezési listákra küldve
  - (személyes) weblapra feltéve, stb.
- a legnagyobb hátránya, hogy könnyen hamisítható:
  - bárki könnyen készíthet nyilvános-magán kulcspárt, amit más nevében adhat ki
  - amíg a csalást a címzett észre nem veszi, és a feladókat nem figyelmezteti, a támadó szabadon olvashatja a neki küldött üzeneteket

- 2. Nyilvános hozzáférésű katalógus (Publicly Available Directory)
- nagyobb biztonság érhető el, a kulcsok nyilvános katalógusba történő regisztrációjával
- a katalógust működtető egyénben/szervezetben a résztvevőknek meg kell bízni
- a katalógus:
  - {név, nyilvános kulcs} bejegyzéseket tartalmaz
  - a résztvevők személyesen v. titkosan regisztrálják kulcsaikat a katalógusba
  - a katalógusban tárolt kulcsot bármikor ki lehet cserélni
  - a katalógust időnként közzéteszik
  - a katalógus elektronikusan is biztonságos kommunikációval elérhető
- hátrány: lehetséges hamisítás és a katalógus feltörése

### 3. Nyilvános kulcsszolgáltató (Public-Key Authority)

- a biztonságosság növelhető a kulcsok katalógusból történő kiadásának szigorúbb ellenőrzésével
- tulajdonságai ua.-ok mint a katalógus esetében
- a felhasználóknak ismerni kell a katalógus nyilvános kulcsát
- a kért nyilvános kulcsok a katalógusból biztonságos interaktív kapcsolattal kérhetők le

 de csak akkor szükséges valós idejű hozzáférés a katalógushoz, ha a kulcsok még nem állnak rendelkezésünkre,



# 4. Nyilvános kulcs tanúsítványok (Public-Key Certificates)

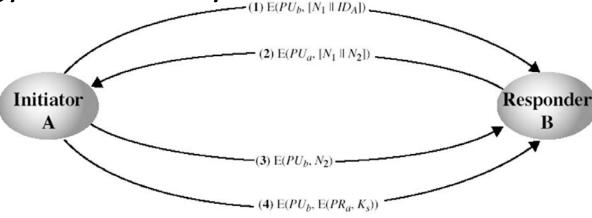
- a kulcsszolgáltató használata szűk kereszt-metszet lehet: elérhetőség, feltörhetőség
- a tanúsítvány biztosítja a kulcs-cserét a kulcsszolgáltató valós idejű elérése nélkül
- a tanúsítvány a felhasználói azonosító és a nyilvános kulcs összetartozását igazolja
- a tanúsítványt aláírja a nyilvános kulcs szolgáltató vagy hitelesítésszolgáltató Certificate Authority (CA)
- bárki ellenőrizheti, aki ismeri a szolgáltató nyilvános kulcsát
- Például az X.509-es tanúsítvány szabványt használja az IPSec, SSL, SET, S/MIME (ld. később)

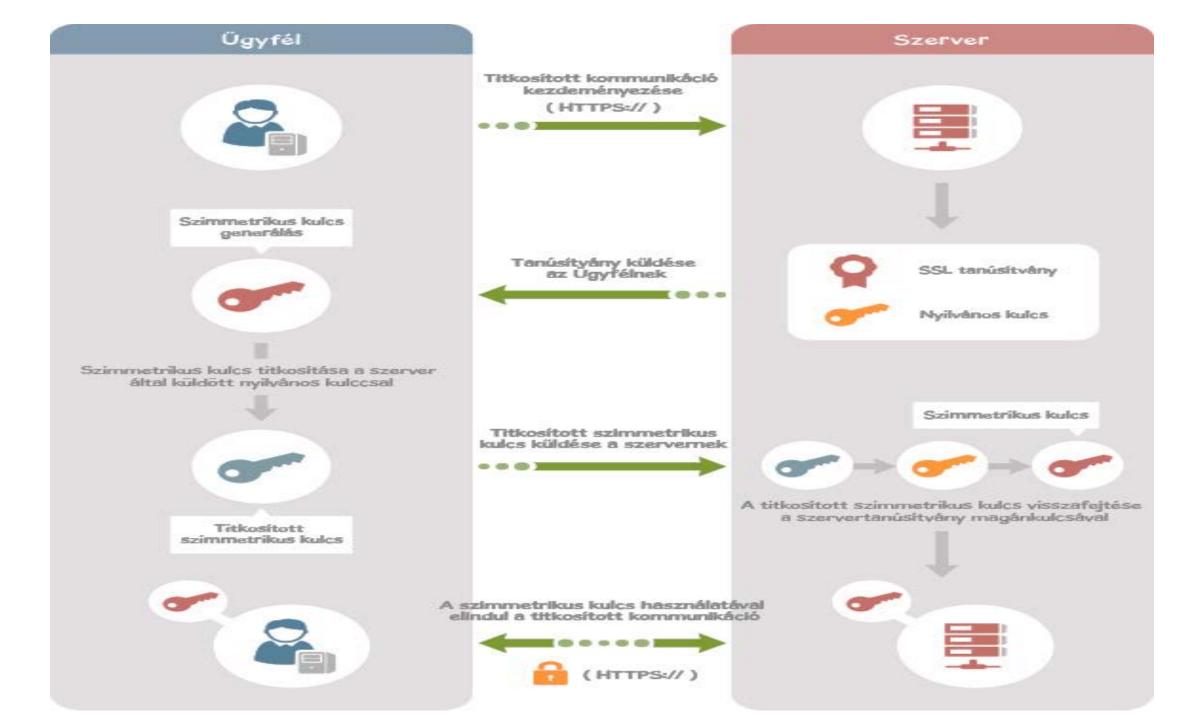
## II. A nyilvános kulcsú titkosítás használata titkos kulcsok cseréjére

- az előző módszerekkel megszerzett nyilvános kulcsot felhasználhatjuk titkosításra vagy hitelesítésre
- de a nyilvános kulcsú algoritmusok lassúak
- ezért inkább a gyors szimmetrikus módszerekkel akarjuk magát az üzenetet titkosítani
- ehhez egy kapcsolatkulcsra (session key) van szükség

ezt cserélik ki a felek egymás közt a nyilvános kulcsú titkosítás

használatával

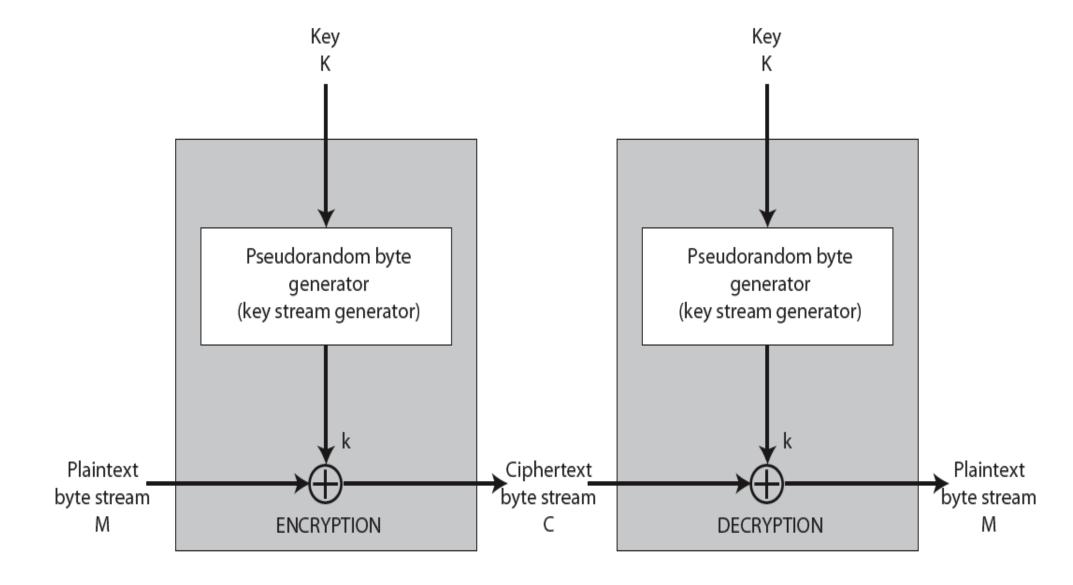




### Folyam titkosítók (Stream Chiphers)

- az üzenetet bitenként (bájtonként) dolgozza fel adatfolyamként
- ehhez a kulcsból egy álvéletlen (pseudo random) kulcsfolyamot (keystream) állít elő
- majd XOR műveletet végez vele bitenként
- a kulcsfolyam véletlensége teljesen megsemmisíti a nyílt szöveg statisztikai jellemzőit
  - $C_i = M_i$  XOR StreamKey,
- de ugyanazt a kulcsot tilos többször alkalmazni, különben feltörhető (nem úgy mint a blokktitkosítóknál.)

### A folyam titkosítók általános felépítése



### A folyam titkosítók tulajdonságai

### Néhány tervezési elv:

- a kulcsfolyam hosszú periódusú legyen hosszabb ismétlődések nélkül
- állja ki a véletlenség statisztikai próbáit
  - ekkor a rejtjelezett szöveg is véletlennek látszó lesz
- egy elég hosszú kulcstól függjön (pl. ma >= 128 bit)
- magas lineáris kompexitású legyen
- az alkalmasan tervezett folyam titkosító ugyanolyan biztonságos lehet, mint az azonos kulcshosszú blokk titkosító (csak brute force technikával)
- de általában egyszerűbb (pár soros kód!) és gyorsabb

## Az RC4 folyam titkosító

- tervezte Ron Rivest (RSA Security, 1987)
- az RSA üzleti titokként kezelte a kódját, de valaki elküldte a lev. listára 1994-ben
- nagyon egyszerű, így rendkívül hatékony
- változtatható kulcsméretű, bájtonként dolgozik
- az egyik legelterjedtebb (SSL/TLS, WPA, WEP) folyam titkosító
- a kulcsfolyamhoz a 0..255 számok (ál)véletlen permutációit használja
- a kulcsból előállít egy álvéletlen permutációt, majd
- az aktuális, permutáción kever még egyet, majd generál belőle egy bájtot, amivel XOR-olva titkosítja az aktuális bájtot

### Az RC4 biztonsága

- az eddigi kutatások alapján biztonságos az ismert támadásfajtákkal szemben
  - (persze elég hosszú kulcs esetén, >= 128 bit)
    - van néhány gyakorlatban kivitelezhetetlen kriptoanalízisen alapuló támadás
- nagyon nem lineáris titkosító
- mivel RC4 folyam titkosító, ezért tilos a kulcsot újra felhasználni
- ezzel van a fő probléma a WEP esetén,
- de ezt sérülékenységet a kulcsgenerálás gyengesége okozza és nem magát az RC4-et érinti