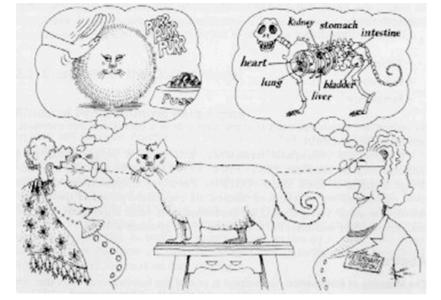
Tipi di dati astratti e strutture dati (capitolo 14, e ancora capitolo 9)



Tipi di dati astratti



- Definizione una struttura dati (data structure) è un modo sistematico di organizzare i dati in un contenitore e di controllarne le modalità d'accesso
 - in Java si definisce una struttura dati con una classe
- Definizione un tipo di dati astratto (ADT, Abstract Data Type) è una rappresentazione astratta di una struttura dati, un modello che specifica:
 - il tipo di dati memorizzati
 - le operazioni che si possono eseguire sui dati, insieme al tipo di informazioni necessarie per eseguire tali operazioni

Tipi di dati astratti e interfacce

- In Java si definisce un tipo di dati astratto con una interfaccia
 - Come sappiamo, un'interfaccia descrive un comportamento che sarà assunto da una classe che realizza l'interfaccia
 - è proprio quello che serve per definire un ADT
- Un ADT definisce cosa si può fare con una struttura dati che realizza l'interfaccia
 - la classe che rappresenta concretamente la struttura dati definisce invece come vengono eseguite le operazioni

Tipi di dati astratti

- Un ADT mette in generale a disposizione metodi per svolgere le seguenti azioni (a volte solo alcune)
 - inserimento di un elemento
 - rimozione di un elemento
 - ispezione degli elementi contenuti nella struttura
 - ricerca di un elemento all'interno della struttura
- I diversi ADT che vedremo si differenziano per le modalità di funzionamento di queste tre azioni
- Il package java.util della libreria standard contiene molte definizioni/realizzazioni di ADT come interfacce e classi
- Noi svilupperemo le nostre definizioni/realizzazioni, introducendo i più comuni ADT a partire dai più semplici

Un contenitore generico

```
public interface Container
{ boolean isEmpty();
   void makeEmpty(); }
```

- Container specifica la firma di due soli metodi
 - **isEmpty** verifica che il contenitore sia vuoto
 - makeEmpty svuota il contenitore
- Scriveremo i nostri ADT come interfacce di Java che estendono Container

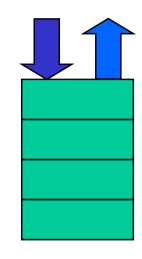
```
public interface TipoDatoAstratto extends Container
{ ... // firme metodi di inserimento/rimozione/ispezione
} // (che sono diversi a seconda del tipo di dato astratto)
```

- Le interfacce possono essere estese da altre interfacce
- Un'interfaccia eredita i metodi della super-interfaccia
- Una classe che realizza un'interfaccia estesa deve realizzare anche i metodi della sua super-interfaccia

Pila (stack)



Pila (stack)



- In una pila (stack) gli oggetti possono essere inseriti ed estratti secondo un comportamento definito LIFO (Last In, First Out)
 - L'ultimo oggetto inserito è il primo a essere estratto
 - il nome è stato scelto in analogia con una *pila* di piatti
- L'unico oggetto che può essere ispezionato è quello che si trova in cima alla pila
- Esistono molti possibili utilizzi di una struttura dati che realizza questo comportamento

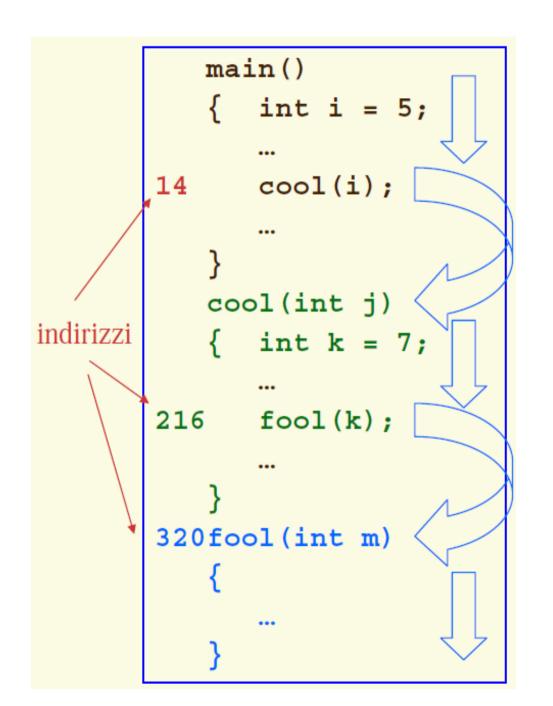
Utilizzo di pile

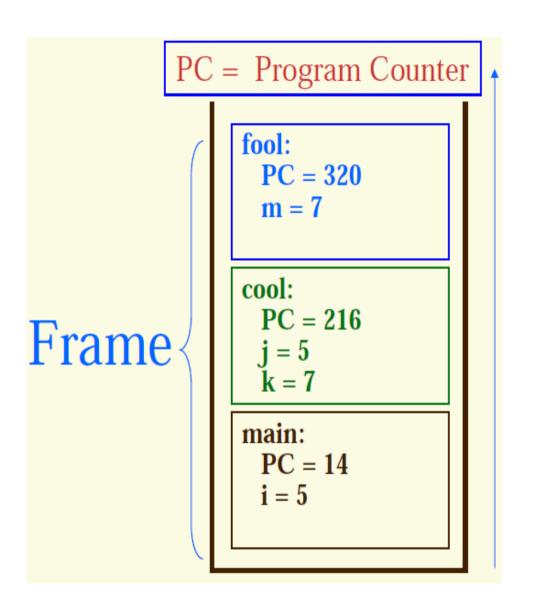
- I browser per internet memorizzano gli indirizzi dei siti visitati recentemente in una struttura di tipo pila. Quando l'utente visita un sito, l'indirizzo è inserito (push) nella pila. Il browser permette all'utente di saltare indietro (pop) al sito precedente tramite il pulsante "indietro"
- Gli editor di testo forniscono generalmente un meccanismo di "undo" che cancella operazioni di modifica recente e ripristina precedenti stati del testo. Questa funzione di "undo" è realizzata memorizzando le modifiche in una struttura di tipo pila.
- La JVM usa una pila per memorizzare l'elenco dei metodi in attesa durante l'esecuzione in un dato istante

Pile nella Java Virtual Machine

- Ciascun programma java in esecuzione ha una propria pila chiamata Java Stack che viene usata per mantenere traccia delle variabili locali, dei parametri formali dei metodi e di altre importanti informazioni relative ai metodi, man mano che questi sono invocati
- La JVM mantiene quindi uno stack i cui elementi sono descrittori dello stato corrente dell'invocazione dei metodi (che non sono terminati)
- I descrittori sono denominati Frame. A un certo istante durante l'esecuzione, ciascun metodo sospeso ha un frame nel Java Stack

Java Stack





Pile nella Java Virtual Machine

- Il metodo *fool* è chiamato dal metodo *cool* che a sua volta è stato chiamato dal metodo *main*.
- A ogni invocazione di metodo in run-time viene inserito (push) un frame nello stack
- Ciascun frame dello stack memorizza i valori del program counter, dei parametri e delle variabili locali di una invocazione a un metodo.
- Quando il metodo chiamato è terminato il frame viene estratto (pop) ed eliminato
- Quando il metodo fool termina la propria esecuzione, il metodo cool continuerà la propria esecuzione a partire dall'istruzione di indirizzo 217, ottenuto incrementando il valore del PC contenuto nel proprio frame

Pila (stack)

```
public interface Stack extends Container
{  void push(Object obj);
  Object pop();
  Object top();
}
```

- Le operazioni (metodi) che caratterizzano una pila sono
 - push: inserisce un oggetto in cima alla pila
 - pop: elimina l'oggetto che si trova in cima alla pila
 - top: ispeziona l'oggetto in cima alla pila senza estrarlo
- Inoltre una pila (come ogni Container) ha i metodi
 - isEmpty per sapere se il contenitore è vuoto
 - makeEmpty per vuotare il contenitore
- Molto importante:
 - Definiremo tutti gli ADT in modo che possano genericamente contenere oggetti di tipo Object
 - Ciò consente di inserire nel contenitore oggetti di qualsiasi tipo (un riferimento di tipo Object può essere relativo a qualsiasi oggetto)

Utilizzo di pile

 Per evidenziare la potenza della definizione di tipi di dati astratti come interfacce, supponiamo che qualcuno abbia progettato le seguenti classi

```
public class StackX implements Stack
{ ... }

public class StackY implements Stack
{ ... }
```

 Senza sapere come siano realizzate StackX e StackY, possiamo usare esemplari di queste classi sfruttando il comportamento astratto definito in Stack

Utilizzo di pile: esempio

```
public class StackSwapper
  public static void main(String[] args)
      Stack s = new StackX();
      s.push("Pippo");
                                                  Paperino
      s.push("Pluto");
                                                  Pluto
      s.push("Paperino");
      printAndClear(s);
                                                  Pippo
      System.out.println();
      s.push("Pippo");
                                                  Pippo
                                                  Pluto
      s.push("Pluto");
                                                  Paperino
      s.push("Paperino");
      printAndClear(swapAndClear(s));
   private static Stack swapAndClear(Stack s)
      Stack p = new StackY();
      while (!s.isEmpty()) p.push(s.pop());
      return p;
   private static void printAndClear(Stack s)
      while (!s.isEmpty()) System.out.println(s.pop());
```

Realizzazione della pila

Realizzazione della pila

- Per realizzare una pila è facile ed efficiente usare una struttura di tipo array "riempito solo in parte"
- In fase di realizzazione vanno affrontati due problemi
 - Cosa fare quando viene invocato il metodo (di inserimento) push nella situazione di array pieno
 - Una prima soluzione prevede il lancio di un'eccezione
 - Una seconda soluzione usa il ridimensionamento dell'array
 - Cosa fare quando vengono invocati i metodi pop (di rimozione) o top (di ispezione) quando la pila è vuota
 - Una possibile soluzione prevede il lancio di un'eccezione

Eccezioni nella pila

- Definiamo due nuove eccezioni (che sono classi)
 EmptyStackException e FullStackException,
 - Entrambe estendono RuntimeException, quindi chi usa la pila non è obbligato a gestirle

```
public interface Stack extends Container
{ ... } //codice come prima
class EmptyStackException extends RuntimeException { }
class FullStackException extends RuntimeException { }
```

- A cosa serve definire classi vuote??
 - A definire un tipo di dato che ha le stesse caratteristiche della propria superclasse, ma un nome diverso
 - In realtà la classe non è vuota, perché contiene tutto ciò che eredita dalla sua superclasse
- Con le eccezioni si usa spesso questa tecnica
 - Il nome della classe eccezione specifica il tipo di errore

Pila senza ridimensionamento

```
public class FixedArrayStack implements Stack
 //costruttore
   public FixedArrayStack()
   { v = new Object[INITSIZE];
      // per rendere vuota la struttura invochiamo
      // il metodo makeEmpty: è sempre meglio evitare
      // di scrivere codice ripetuto
     makeEmpty();
   // dato che Stack estende Container,
   // occorre realizzare anche i suoi metodi
   public void makeEmpty()
   { vSize = 0; }
   public boolean isEmpty()
    return (vSize == 0); }
                                             // continua
```

Pila senza ridimensionamento

```
public void push(Object obj)
                                           // continua
 { if (vSize == v.length)
       throw new FullStackException();
    v[vSize++] = obj;
 public Object top()
 { if (isEmpty())
       throw new EmptyStackException();
    return v[vSize - 1];
 public Object pop()
 { Object obj = top();//top fa controllo di pila vuota
    vSize--;
    return obj;
//campi di esemplare e variabili statiche
protected Object[] v; //array riempito solo in parte
protected int vSize;//ci è comodo usare var. protected
public static final int INITSIZE = 100;
```

Pila con ridimensionamento

- Ora miglioriamo il nostro progetto
 - Definiamo una pila che non generi mai l'eccezione FullStackException

```
public class GrowingArrayStack implements Stack
{
   public void push(Object obj)
   {    if (vSize == v.length)
        v = resize(v, 2*vSize);
        v[vSize++] = obj;
   }
   ... // tutto il resto è identico
}   // al codice di FixedArrayStack!
```

 Possiamo evitare di riscrivere tutto il codice di FixedArrayStack in GrowingArrayStack?

Pila con ridimensionamento

Per evitare di riscrivere codice usiamo l'ereditarietà

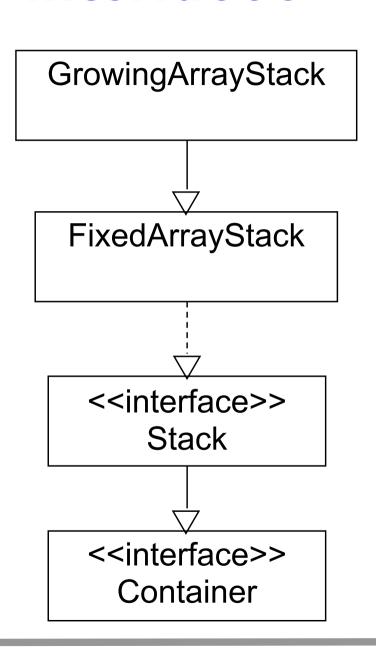
- Il metodo **push** sovrascritto fa accesso alle variabili di esemplare **v** e **vSize** definite nella superclasse
 - Questo è consentito dalla definizione protected

Campi di esemplare protected

- Il progettista della superclasse decide se rendere accessibile in modo protected lo stato della classe (o una sua parte...)
 - È una parziale violazione dell'incapsulamento, ma avviene in modo consapevole ed esplicito ...
 - Anche i metodi possono essere definiti protected
 - possono essere invocati soltanto all'interno della classe in cui sono definiti e delle sue sottoclassi
- Non bisogna usare variabili di esemplare con accesso protected, se non in casi particolari
 - In questo caso la scelta di usare variabili di esemplare protected è motivata da finalità didattiche, e serve per rendere più semplice (ma meno sicuro) il codice.

Gerarchia di classi e interfacce

- Abbiamo realizzato la seguente gerarchia di classi e interfacce
 - L'interfaccia Stack estende
 l'interfaccia Container
 - La classe FixedArrayStack implementa l'interfaccia Stack
 - La classe GrowingArrayStack estende la classe
 FixedArrayStack



Prestazioni dei metodi di una pila e "analisi ammortizzata"

Prestazioni dei metodi di una pila

- Si noti che
 - le prestazioni dipendono dalla definizione della struttura dati e non dalla sua interfaccia...
 - per valutare le prestazioni è necessario conoscere il codice che realizza le operazioni!
- Il tempo di esecuzione di ogni operazione su una pila senza ridimensionamento (classe FixedArrayStack) è costante
 - Cioè non dipende dalla dimensione n della struttura dati stessa (non ci sono cicli...)
- Quindi ogni operazione su FixedArrayStack è 0 (1)

Prestazioni dei metodi di una pila

- Analizziamo i tempi di esecuzione nel caso di pila con ridimensionamento (GrowingArrayStack)
- L'unica differenza con FixedArrayStack è l'operazione push
 - "Alcune volte" push richiede un tempo O (n)
 - Perché all'interno del metodo resize è necessario copiare tutti gli n elementi nel nuovo array
 - Osservazione: poiché un array di lunghezza n viene ridimensionato in un array di lunghezza doppia, un eventuale nuovo ridimensionamento verrà effettuato dopo altre n operazioni di push

Analisi ammortizzata

- Cerchiamo di calcolare il tempo di esecuzione medio di n operazioni di push, delle quali
 - n-1 richiedono un tempo O (1)
 - una richiede un tempo O (n)

```
T(n) = [(n-1)*O(1) + O(n)]/n
= O(n)/n = O(1)
```

- Distribuendo il tempo speso per un ridimensiomento su n operazioni di push, si ottiene quindi ancora 0 (1)
- Questo metodo di stima del costo medio di una operazione si chiama analisi ammortizzata delle prestazioni asintotiche

Analisi ammortizzata

- push con ridimensionamento ha prestazioni O (1) per qualsiasi costante moltiplicativa usata per calcolare la nuova dimensione, anche diversa da 2
- Se invece si usa una **costante additiva** *k*, cioè si ridimensiona l'array da **n** a **n+k**, allora su **n** operazioni di inserimento quelle "lente" sono **n/k**
 - Esempio: aumentando la dimensione dell'array di 20 elementi (ovvero k = 20), 5 inserimenti su 100 (o 50 su 1000) richiedono di invocare resize
- Con una costante additiva le prestazioni di push sono

```
T(n) = [(n-n/k)*O(1)+(n/k)*O(n)]/n
= [O(n) + n*O(n)]/n
= O(n)/n + O(n) = O(1) + O(n) = O(n)
```

Analisi ammortizzata

- Tecnica di analisi delle prestazioni di un algoritmo
- Si usa per mostrare che, in una sequenza di operazioni, il costo medio di una operazione è piccolo, anche se una singola operazione della sequenza è "costosa"
- È diversa dall'analisi di caso medio vista in precedenza
 - Analisi di caso medio: si basa su stime statistiche dell'input
 - Analisi ammortizzata: fornisce il costo medio di una singola operazione nel caso peggiore
- Ci sono varie tecniche di analisi ammortizzata
 - Analisi aggregata: si stima il tempo T(n) per una sequenza di n operazioni, nel caso peggiore. Allora il tempo medio per una operazione è T(n)/n
 - Noi applichiamo questa tecnica all'analisi dei tempi di esecuzione dei metodi di inserimento in strutture dati

Pile di oggetti, pile di numeri, classi involucro (cfr. Sezione 14.5)

Pile di oggetti e pile di numeri

- L'interfaccia **Stack** che abbiamo definito può gestire dati (cioè riferimenti a oggetti) di qualsiasi tipo
 - Non è però in grado di gestire dati dei tipi
 fondamentali di Java (int, double, char...), che non
 sono oggetti e non possono essere assegnati a
 riferimenti di tipo Object

 public interface IntStack

extends Container

void push(int obj);

int top();

int pop();

- Per gestire una pila di int potremmo ridefinire tutto
- Svantaggi
 - occorre replicare codice, con poche modifiche
 - non esiste più un unico tipo di dati astratto Stack

Classi involucro

- Alternativa: "trasformare" un numero intero (o un altro tipo di dato fondamentale di Java) in un oggetto.
 - Questo è possibile, usando le classi involucro (wrapper)
- Esempio: per dati int esiste la classe involucro Integer
 - il costruttore accetta un parametro di tipo int e crea un oggetto Integer contenente il valore int passato come parametro, "avvolto" nella struttura di un oggetto
 - gli oggetti di tipo Integer sono immutabili
 - per conoscere il "valore" di un oggetto di tipo Integer si usa il metodo **intValue**, che restituisce valori di tipo int

```
Integer iObj = new Integer(2); //avvolge l'int 2 in un oggetto
Object obj = iObj //lecito, ovviamente
int x = iObj.intValue(); //x vale 2
```

Classi involucro

- Esistono classi involucro per tutti i tipi di dati fondamentali, con i nomi uguali al nome del tipo corrispondente ma iniziale maiuscola (eccezioni alla regola: Integer e Character)
 - Boolean, Byte, Character, Short, Integer, Long, Float, Double
 - Metodi: booleanValue(), charValue(), doubleValue(), ecc.

```
//esempi di uso di classi involucro
double d1 = 3.5; // tipo fondamentale
Double dObj1 = new Double(3.5); //oggetto che incapsula double
Double dObj2 = 3.5; //auto-boxing: lecito a partire da java 5.0
double d2 = dObj2.doubleValue(); //restituisce valore double
double d3 = dObj1; //auto-unboxing: lecito ... da java 5.0
```

Estrarre oggetti da strutture dati

Estrarre oggetti da strutture dati

- Le strutture dati generiche, definite in termini di Object sono molto comode perché possono contenere oggetti di qualsiasi tipo
- Quando si effettuano estrazioni o ispezioni di oggetti in esse contenuti viene restituito un riferimento di tipo Object, qualunque sia il tipo effettivo dell'oggetto
 - Bisogna usare un cast per ottenere un riferimento del tipo originario
 - Operazione potenzialmente pericolosa perché se il cast non è permesso viene lanciata ClassCastException

```
Stack st = new GrowingArrayStack();
...
Object obj = st.pop();
Character ch = (Character)obj; //possibile lancio di eccezione
```

Estrarre oggetti da strutture dati

Ricordiamo che le eccezioni la cui gestione non è obbligatoria, come ClassCastException, possono comunque essere gestite!

```
try
{    Character ch = (Character)st.pop(); }
catch (ClassCastException e)
{    // gestione dell'errore }
```

In alternativa si può usare l'operatore instanceof

```
Object obj = st.pop();
if (obj instanceof Character)
   Character ch = (Character)obj;
else
   // gestione dell'errore
```

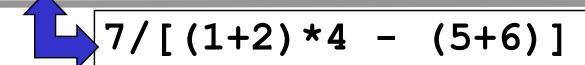
Esercizio su utilizzo di pile: Calcolatrice (cfr. note di cronaca 14.6.2)

Esercizio: calcolatrice

- Vogliamo risolvere il seguente problema
 - calcolare il risultato di una espressione aritmetica (ricevuta come **String**) contenente somme, sottrazioni, moltiplicazioni e divisioni
- Se l'espressione usa la classica notazione infissa (in cui i due operandi di un'operazione si trovano ai due lati dell'operatore) l'ordine di esecuzione delle operazioni è determinato dalle regole di precedenza tra gli operatori e da eventuali parentesi
- Scrivere un programma per tale compito è piuttosto complesso, mentre è molto più facile calcolare espressioni che usano una diversa notazione

Notazione postfissa

- Usiamo una notazione postfissa detta notazione polacca inversa (RPN, Reverse Polish Notation)
- La notazione polacca (prefissa) fu introdotta dal matematico polacco Jan Lukasiewicz nel 1920
- Non sono ammesse parentesi (e non sono necessarie)
- Nella stringa che rappresenta l'espressione aritmetica, gli operandi sono scritti alla sinistra dell'operatore
- Ogni volta che nella stringa si incontra un operatore, si esegue la corrispondente operazione sui due numeri che lo precedono
 - Possono essere numeri scritti nella stringa di partenza
 - Oppure possono essere numeri risultanti da un'operazione eseguita precedentemente



Notazione postfissa

- Esiste un semplice algoritmo che usa una pila per valutare un'espressione in notazione postfissa
- Finché l'espressione non è terminata
 - leggi da sinistra il primo simbolo dell'espressione non letto
 - se è un valore numerico, inseriscilo sulla pila
 - altrimenti (è un operatore...)
 - estrai dalla pila l'operando destro
 - estrai dalla pila l'operando sinistro
 - esegui l'operazione
 - inserisci il risultato sulla pila
- Se (al termine) la pila contiene più di un valore, l'espressione contiene un errore
- L'unico valore presente sulla pila è il risultato

Una classe RPNTester

```
import java.util.Scanner;
public class RPNTester
   public static void main(String[] args)
        System.out.println("Inserisci operazione. Una stringa su una riga,");
        System.out.println("solo numeri e operatori +-*/ separati da spazi");
        Scanner in = new Scanner(System.in);
        String rpnString = in.nextLine();
        try
            System.out.println("Risultato: " + evaluateRPN(rpnString));
        catch (NumberFormatException e)
        { System.out.println("Uso di simboli non permessi!");
        catch(EmptyStackException e)
        { System.out.println("Troppi operatori nell'espressione");
        catch(IllegalStateException e)
        { System.out.println("Troppi numeri nell'espressione");
                                                                  //continua
```

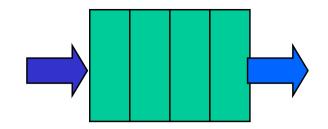
Il metodo evaluateRPN

```
private static double evaluateRPN(String rpnString)
                                                              //continua
throws EmptyStackException, NumberFormatException, IllegalStateException
    Stack st = new GrowingArrayStack();
    Scanner linescan = new Scanner(rpnString);
    while (linescan.hasNext())
        String s = linescan.next();
        if (isOperator(s)) // il token s e` un operatore
        { Double r = evalOp(s, (Double)st.pop(), (Double)st.pop());
            st.push(r);
        else // il token s non e` un operatore
            st.push(Double.parseDouble(s)); //dovrebbe essere un numero
    double result = (Double)st.pop();
    if (!st.isEmpty()) throw new IllegalStateException();
    return result;
// verifica se il il token s e` un operatore
private static boolean isOperator(String s)
{return s.equals("+")|| s.equals("-")|| s.equals("*")|| s.equals("/");}
// calcola il risultato dell'operazione "left op right"
private static double evalOp(String op, double right, double left)
    if (op.equals("+")) return left + right;
    if (op.equals("-")) return left - right;
    if (op.equals("*")) return left * right;
    return left / right;
```

Coda (queue)



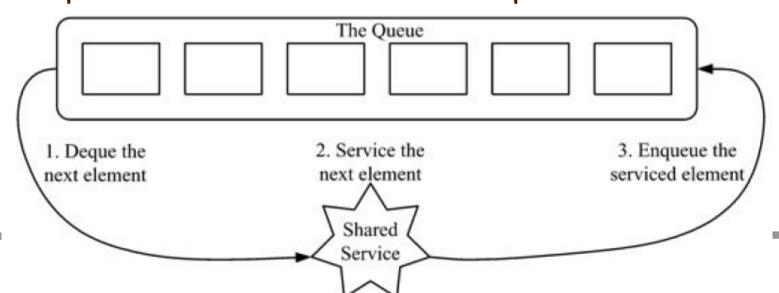
Coda (queue)



- In una coda (queue) gli oggetti possono essere inseriti ed estratti secondo un comportamento definito FIFO (First In, First Out)
 - il primo oggetto inserito è il primo a essere estratto
 - il nome suggerisce l'analogia con una coda di persone
- L'unico oggetto che può essere ispezionato è il primo oggetto della coda
- Esistono molti possibili utilizzi di una coda
 - Simulazione del funzionamento di uno sportello bancario
 - Clienti inseriti in coda per rispettare priorità di servizio
 - File da stampare vengono inseriti in una coda di stampa
 - La stampante estrae dalla coda e stampa un file alla volta

Coda circolare

- Spesso si utilizza una coda secondo una modalità circolare: gli elementi vengono estratti dalla prima posizione, "serviti", e reinseriti in ultima posizione
- Esempio: lo scheduler di un sistema operativo assegna le risorse della CPU a molti processi attivi in parallelo
 - Politica round robin: la CPU esegue una porzione del processo che ha atteso più a lungo di essere "servito", che poi viene reinserito in ultima posizione





```
public interface Queue extends Container
{  void enqueue(Object obj);
  Object dequeue();
  Object getFront();
}
```

- Le operazioni (metodi) che caratterizzano una coda sono
 - enqueue: inserisce un oggetto nella coda
 - dequeue: elimina dalla coda l'oggetto inserito per primo
 - getFront: esamina il primo oggetto, senza estrarlo
- Si notino le similitudini con i metodi di una pila
 - enqueue corrisponde a push
 - dequeue corrisponde a pop
 - getFront corrisponde a top
- Come ogni ADT di tipo "contenitore", la coda ha i metodi
 - isEmpty per sapere se il contenitore è vuoto
 - makeEmpty per vuotare il contenitore

Coda (queue)

- Per realizzare una pila è facile ed efficiente usare una struttura di tipo array "riempito solo in parte"
- In fase di realizzazione vanno affrontati due problemi
 - Come gestire le condizioni di coda piena e coda vuota
 - Definiamo EmptyQueueException e FullQueueException

```
public interface Queue extends Container
{ ... } //codice come prima
class EmptyQueueException extends RuntimeException { }
class FullQueueException extends RuntimeException { }
```

- Come realizzare inserimento ed estrazione di elementi ai due diversi estremi dell'array
 - Nella pila si inseriscono e si estraggono elementi allo stesso estremo dell'array (l'estremo "destro")
 - Nella coda decidiamo di inserire a destra ed estrarre a sinistra

La classe SlowFixedArrayQueue

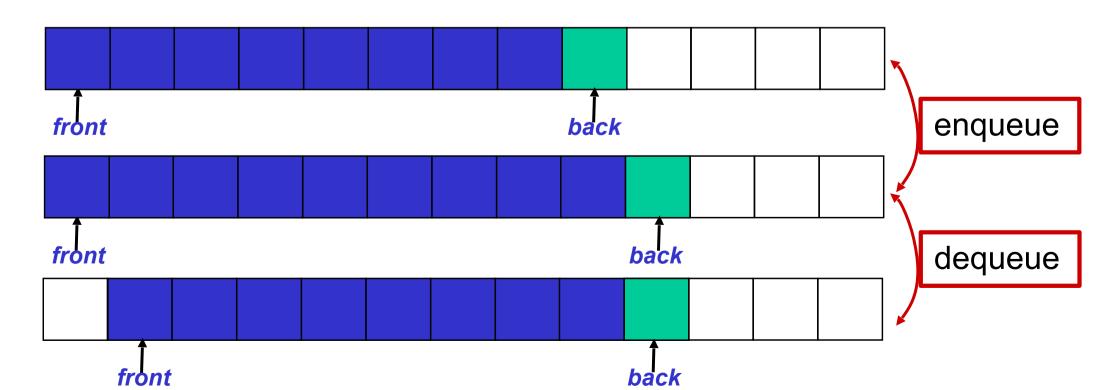
```
public class SlowFixedArrayQueue implements Queue
  public SlowFixedArrayQueue()
   { v = new Object[INITSIZE];
      makeEmpty();
   public void makeEmpty()
   \{ vSize = 0; 
   public boolean isEmpty()
      return (vSize == 0);
   public void enqueue(Object obj)
      if (vSize == v.length) throw new FullQueueException();
      v[vSize++] = obi;
   public Object getFront()
      if (isEmpty()) throw new EmptyQueueException();
      return v[0];
   public Object dequeue()
   { Object obj = getFront();
     vSize--;
      for (int i = 0; i < vSize; i++) v[i] = v[i+1];
      return obj;
   //campi di esemplare e variabili statiche
   private Object[] v;
   private int vSize;
   public static final int INITSIZE = 100;
```

Migliorare il metodo dequeue

- Questa realizzazione, molto efficiente per la pila, è al contrario assai inefficiente per la coda
- il metodo **dequeue** è **O** (n) perché bisogna spostare tutti gli oggetti della coda per "ricompattare" l'array
- Ciò avviene perché inserimenti e rimozioni nella coda avvengono alle due diverse estremità dell'array, mentre nella pila avvengono alla stessa estremità
- Per migliorare l'efficienza servono due indici
 - un indice punta al primo oggetto della coda e l'altro indice punta alla prima posizione libera nella coda
 - Aggiornando opportunamente gli indici si realizza una coda con un "array riempito solo nella parte centrale", in cui tutte le operazioni sono 0 (1)

Array riempito nella parte centrale

- Si usano due indici anziché uno soltanto
 - Indice front: punta al primo elemento nella coda
 - Indice back: punta al primo posto libero dopo l'ultimo elemento nella coda
 - Il numero di elementi è (back front), in particolare quando front == back l'array è vuoto.



La classe FixedArrayQueue

```
public class FixedArrayQueue implements Queue
{ public FixedArrayQueue()
     v = new Object[INITSIZE];
     makeEmpty();
   public void makeEmpty()
      front = back = 0;
   public boolean isEmpty()
      return (back == front);
   public void enqueue(Object obj)
      if (back == v.length) throw new FullQueueException();
     v[back++] = obi;
   public Object getFront()
      if (isEmpty()) throw new EmptyQueueException();
      return v[frontl;
   public Object dequeue()
     Object obj = getFront();
      front++; //attenzione all'effetto di questo incremento
      return obj;
   //campi di esemplare e variabili statiche
   protected Object[] v;
   protected int front, back;
   public static final int INITSIZE = 100;
```

Coda ridimensionabile

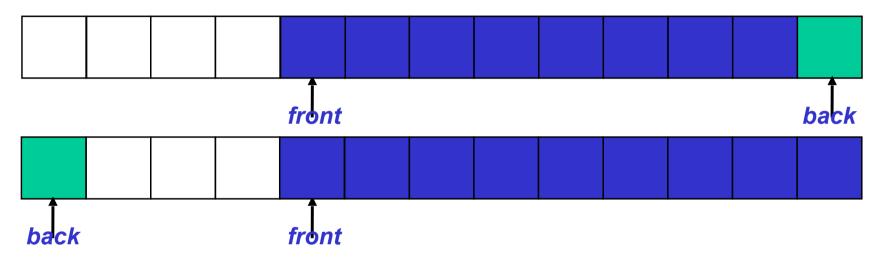
- Per rendere la coda ridimensionabile, usiamo la stessa strategia vista per la pila
 - Estendiamo la classe FixedArrayQueue e sovrascriviamo il solo metodo enqueue
- Tutte le operazioni continuano ad avere la massima efficienza: sono O (1)

Coda con array circolare

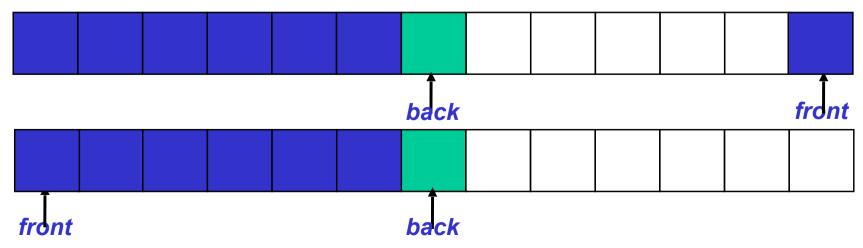
- La realizzazione vista ha ancora un punto debole
 - Se l'array è lungo n, effettuare n operazioni enqueue e n operazioni dequeue (anche non consecutive) produce front=back=n, ovvero la coda è vuota
 - Ma al successivo enqueue l'array sarà pieno (perché back=n): lo spazio di memoria non viene riutilizzato
- Questo problema può essere risolto usando una struttura detta "array circolare"
 - I due indici possono, una volta giunti alla fine dell'array, ritornare all'inizio se si sono liberate delle posizioni
 - L'array circolare è pieno quando la coda contiene un numero di oggetti uguale a n-1 (e non n).
 - Si "spreca" quindi un elemento dell'array: ciò è necessario per distinguere la condizione di coda vuota (front==back) dalla condizione di coda piena
 - le prestazioni temporali rimangono identiche

Array circolare

Incremento dell'indice back da n-1 a 0



Incremento dell'indice front da n-1 a 0

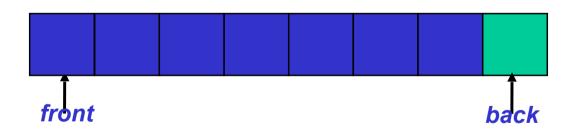


La classe FixedCircularArrayQueue

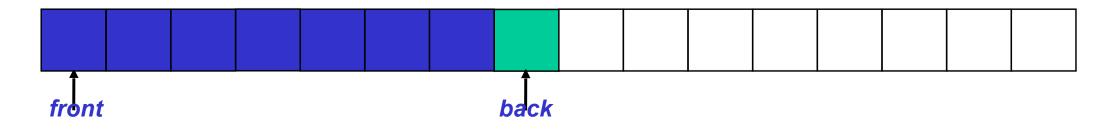
```
public class FixedCircularArrayQueue extends FixedArrayQueue
 // il metodo increment fa avanzare un indice di una
 // posizione, tornando all'inizio se si supera la fine.
 // Attenzione: non aggiorna direttamente i campi front, back
 protected int increment(int index)
     return (index + 1) % v.length;
  public void enqueue(Object obj) //SOVRASCRITTO!
     if (increment(back) == front)//condizione di coda piena
        throw new FullQueueException();
     v[back] = obj;
     back = increment(back);
 public Object dequeue() //SOVRASCRITTO!
    Object obj = getFront();
     front = increment(front);
     return obj;
  // non serve sovrascrivere getFront perche` non modifica
  // le variabili back e front
```

Ridimensionare un array circolare

- Vogliamo estendere FixedCircularArrayQueue in maniera tale che l'array contenente i dati possa essere ridimensionato quando la coda è piena
 - Effettuiamo un resize come su un array ordinario
- Se front = 0 e back = n-1 la condizione di array pieno equivale alla condizione increment(back) == front



L'operazione di resize ha l'effetto desiderato:

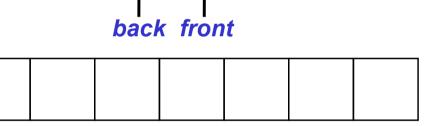


Ridimensionare un array circolare

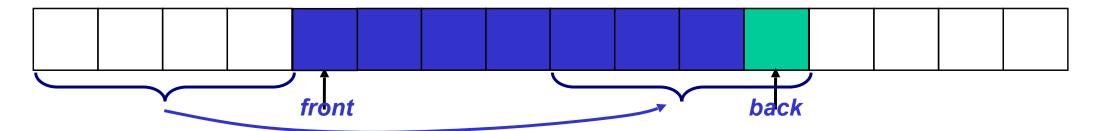
- In generale però la zona utile della coda è attorno alla sua fine (ovvero back < front): c'è un problema in più
 - La condizione di array pieno equivale sempre a



Raddoppiamo la dimensione:



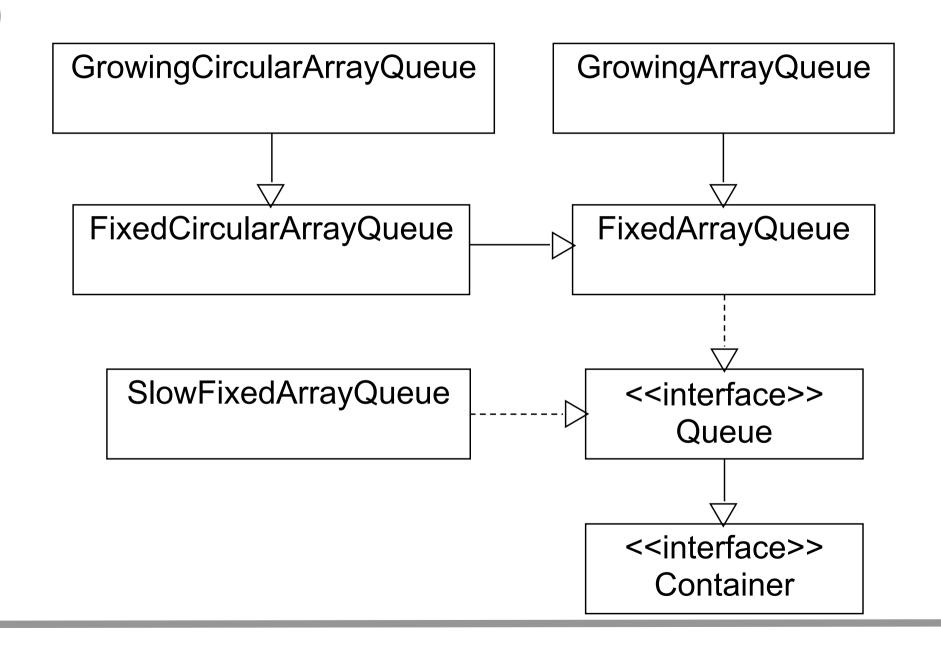
 Affinchè l'array rimanga compatto dobbiamo spostare nella seconda metà dell'array la prima parte della coda:



La classe GrowingCircularArrayQueue

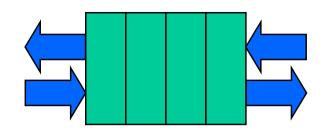
```
public class GrowingCircularArrayQueue
      extends FixedCircularArrayQueue
{ public void enqueue(Object obj)
  { if (increment(back) == front) //back e front distano 1
    { v = resize(2*v.length);}
       //se si ridimensiona v e la zona utile della coda e`
       //attorno alla sua fine (cioe` back < front) la seconda
       //meta` del nuovo array rimane vuota e provoca un
       //malfunzionamento della coda, che si risolve spostando
       //la parte di coda che si trova all'inizio dell'array
       if (back < front)</pre>
       { System.arraycopy(v, 0, v, v.length/2, back);
          back += v.length/2;
    v[back] = obj;
    back = increment(back);
  protected Object[] resize(int newLength)
  { ... } // solito codice
```

Gerarchia di classi e interfacce



L'ADT "Coda doppia" (cenni)

Coda doppia



- In una coda doppia (deque) gli oggetti possono essere inseriti ed estratti ai due estremi di una disposizione lineare, cioè all'inizio e alla fine.
 - Inoltre è consentita l'ispezione dei due oggetti presenti alle due estremità
- Si parla di double-ended queue, ovvero di "coda con due estremità terminali"
 - Tradizionalmente la definizione viene abbreviata con la parola deque (dove le prime due lettere sono le iniziali di "double-ended"), pronunciata come deck (per evitare confusione con il metodo dequeue).

Coda doppia (deque)

```
public interface Deque extends Container
  void addFirst(Object obj); // inserimento ai due capi
   void addLast(Object obj);
   Object removeFirst();
                               // rimozione ai due capi
   Object removeLast();
   Object getFirst();
                               // ispezione ai due capi
   Object getLast();
   int size();
                               // dimensione della deque
// solite eccezioni per contenitore pieno/vuoto
class EmptyDequeException extends RuntimeException { }
class FullDequeException extends RuntimeException { }
```

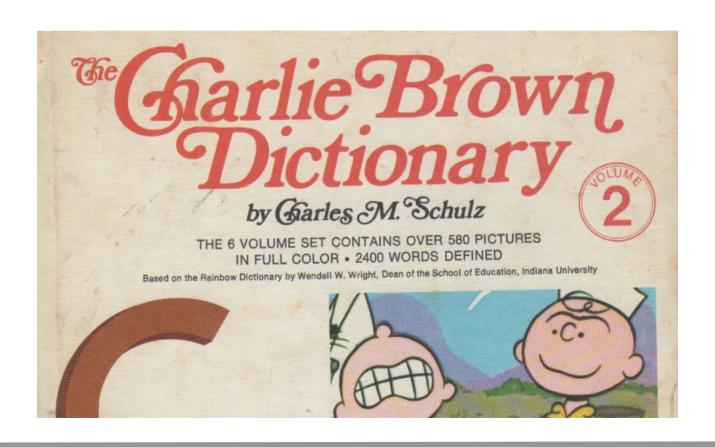
- Può essere realizzata con array, in particolare array circolare ridimensionabile
 - Tutti i metodi hanno prestazioni O(1) (in senso ammortizzato per i metodi di inserimento con ridimensionamento dell'array)

Pile e code tramite deque

Una coda doppia può essere utilizzata per realizzare pile e code

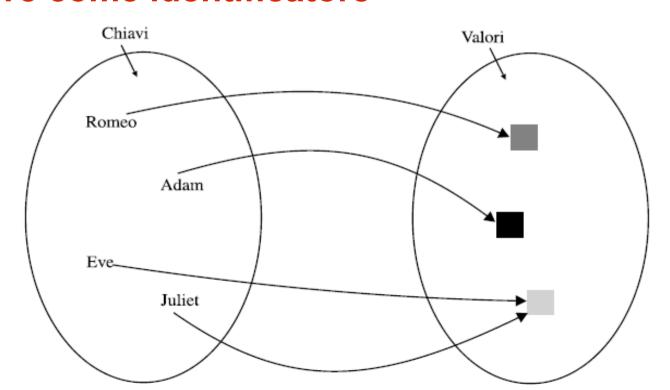
Metodi Pila	Metodi coda doppia
push(Object obj)	addFirst(Object obj)
pop()	removeFirst()
top()	getFirst()
Metodi Coda	Metodi coda doppia
enqueue(Object obj)	addLast(Object obj)
3	
d = === = ()	mare area Einst
dequeue()	removeFirst() getFirst()

Mappe e Dizionari (capitolo 14 - ma la trattazione è abbastanza diversa)



Mappa: definizione

- Una mappa è un ADT con le seguenti proprietà
 - Contiene dati (non in sequenza) che sono coppie di tipo chiave/valore
 - Non può contenere coppie con identica chiave: ogni chiave deve essere unica nell'insieme dei dati memorizzati
 - Consente di inserire nuove coppie chiave/valore
 - Consente di effettuare ricerca e rimozione di valori usando la chiave come identificatore



Dizionario: definizione

- L'ADT dizionario ha molte similitudini con l'ADT mappa
 - Valgono tutte le proprietà dell'ADT mappa, tranne una
 - Non si richiede che le chiavi siano uniche nel dizionario
- C'è analogia con un dizionario di uso comune, in cui
 - le chiavi sono le singole parole
 - I valori sono le definizioni delle parole nel dizionario
 - le chiavi (parole) possono essere associate a più valori (definizioni) e quindi comparire più volte nel dizionario
 - la ricerca di un valore avviene tramite la sua chiave
- Si distinguono dizionari ordinati e dizionari non-ordinati
 - A seconda che sull'insieme delle chiavi sia o no definita una relazione totale di ordinamento, cioè (in Java) che le chiavi appartengano a una classe che implementa Comparable
- La nostra trattazione è limitata al caso chiave unica (cioè mappe), ordinati e non ordinati

L'interfaccia Dictionary

```
public interface Dictionary extends Container
   // l'inserimento va sempre a buon fine; se la chiave non
   // esiste la coppia viene aggiunta al dizionario. Se esiste,
   // il valore a essa associato viene sovrascritto dal nuovo
   // valore; se key è null si lancia IllegalArgumentException
   void insert(Comparable key, Object value);
   // la rimozione della chiave rimuove anche il corrispondente
   // valore dal dizionario. Se la chiave non esiste si lancia
   // DictionaryItemNotFoundException
   void remove(Comparable key);
   // la ricerca per chiave restituisce (solo) il valore a essa
   // associato nel dizionario. Se la chiave non esiste si
   // lancia DictionaryItemNotFoundException
   Object find(Comparable key);
//Eccezione che segnala il mancato ritrovamento di una chiave
class DictionaryItemNotFoundException extends RuntimeException
```

Implementare Dictionary con array

- Un dizionario può essere realizzato usando la struttura dati array
 - Ogni cella dell'array contiene un riferimento a una coppia chiave/valore
 - La coppia chiave/valore sarà un oggetto di tipo Pair (da definire)
 - Generalmente si usa un array riempito solo in parte
- A seconda degli ambiti applicativi ci sono due strategie possibili
 - mantenere le chiavi ordinate nell'array
 - mantenere le chiavi non ordinate nell'array
- A seconda della strategia scelta, cambiano le prestazioni dei metodi del dizionario

Dizionario con array ordinato

- Se le n chiavi vengono conservate ordinate nell'array
- La ricerca ha prestazioni O(log n)
 - Perché si può usare la ricerca per bisezione
- La rimozione ha prestazioni O(n)
 - Perché bisogna effettuare una ricerca, e poi spostare mediamente n/2 elementi per mantenere l'ordinamento
- L'inserimento ha prestazioni O(n)
 - Perché si può usare insertionsort in un array ordinato
 - Usando un diverso algoritmo occorre riordinare l'intero array, con prestazioni <u>almeno</u> O(n log n)

Dizionario con array non ordinato

- Se le n chiavi vengono conservate non ordinate
- La ricerca ha prestazioni O(n)
 - Bisogna usare la ricerca lineare
- La rimozione ha prestazioni O(n)
 - Bisogna effettuare una ricerca (lineare), e poi spostare nella posizione trovata l'ultimo elemento dell'array (l'ordinamento non interessa)
- L'inserimento ha prestazioni O(n)
 - Bisogna **rimuovere** (sovrascrivere) un elemento con la stessa chiave, se c'è, e poi inserire il nuovo elemento nella ultima posizione dell'array (l'ordinamento non interessa)
 - [Se non si richiede che le chiavi siano uniche nel dizionario, la rimozione non è necessaria e l'inserimento è O(1)]

Prestazioni di un dizionario

Dizionario	array ordinato	array non ordinato		
ricerca	0(lg n)	0(n)		
inserimento	0 (n)	0(n)	0(1) per	chiavi non uniche]
rimozione	0 (n)	0(n)		

- La scelta di una particolare realizzazione dipende dall'utilizzo tipico del dizionario nell'applicazione
 - Se si fanno frequenti inserimenti e sporadiche ricerche e rimozioni la scelta migliore è l'array non ordinato
 - Se il dizionario viene costruito una volta per tutte, poi viene usato soltanto per fare ricerche la scelta migliore è l'array ordinato

Realizzazione di un dizionario

La classe Pair

- Un dizionario contiene elementi formati da coppie
 - Chiave Valore
- Per realizzare un dizionario tramite array, dobbiamo allora realizzare una classe Pair, che definisce i generici elementi di un dizionario
 - L'array contenente gli elementi del dizionario sarà un array di tipo Pair[]
- Oggetti di tipo Pair devono avere
 - Due campi di esemplare, key (di tipo Comparable perché trattiamo dizionari ordinati) e value (di qualsiasi tipo, ovvero di tipo Object)
 - Metodi di accesso e modificatori per questi campi di esemplare

La classe Pair

```
public class Pair
   public Pair(Comparable key, Object value)
        setKey(key);
        setValue(value);
    //metodi pubblici
    public String toString()
       return key + " " + value; }
    public Comparable getKey()
       return key; }
    public Object getValue()
       return value; }
    public void setKey(Comparable key)
    { this.key = key; }
    public void setValue(Object value)
    { this.value = value; }
    //campi di esemplare
    private Comparable key;
    private Object value;
```

Classi interne (cfr. sezione 10.5)

Classi interne

- Osserviamo che la classe Pair, usata dal dizionario, non viene mai usata al di fuori del dizionario stesso
 - I metodi dell'interfaccia Dictionary non restituiscono mai riferimenti a Pair
 - E non ricevono mai parametri espliciti di tipo Pair
- Per il principio dell'incapsulamento sarebbe preferibile che questa classe e i suoi dettagli non fossero visibili all'esterno della catena
 - in questo modo una modifica della struttura interna del dizionario e/o della classe Pair non avrebbe ripercussioni sul codice scritto da chi usa il dizionario

Classi interne

- Il linguaggio Java consente di definire classi all'interno di un'altra classe
 - tali classi si chiamano classi interne (inner classes)
- L'argomento è molto vasto
- A noi interessa solo esaminare la seguente sintassi (che è lecita in Java)

Compilare classi interne

- Quando compiliamo classi contenenti classi interne
 - Il compilatore traduce una classe interna in un normale file di bytecode
 - ... Diverso dal file di bytecode della classe esterna
 - Il file di bytecode della classe interna ha un nome dal formato particolare
- Per esempio, se compiliamo ClEsterna con la classe interna ClInterna, troviamo nella nostra cartella
 - Il file di bytecode ClEsterna.class (come al solito...)
 - Il file di bytecode Clesterna\$ClInterna.class

Classi interne

- Solitamente si definisce una classe come interna se essa descrive un tipo logicamente correlato a quello della classe esterna
- Vantaggio: le due classi, interna ed esterna, condividono una "relazione di fiducia"
 - Ciascuna delle due classi ha accesso a tutti i metodi, campi di esemplare e statici dell'altra, anche se private
- Limitazioni:
 - un oggetto di ClInterna è sempre associato a un oggetto di ClEsterna. Ovvero si possono creare oggetti di tipo ClInterna solo dentro metodi non statici di ClEsterna
 - La classe interna può essere resa inaccessibile al codice scritto in altre classi

Uso di classi interne



Primo caso: dentro ClEsterna

```
public class ClEsterna
   //metodi della classe esterna
   public ClInterna metEsterno()
        ClInterna obj = new ClInterna(); //LECITO
        obj.campointerno = 2;//LECITO: anche se il campo e`
        return obj;
                                   privato in ClInterna
    //campi di esemplare della classe esterna
    private double campoEsterno;
    //definizione di classe interna
    public class ClInterna //puo` anche essere private!
        //metodi della classe interna
        public void metInterno()
            ClEsterna obj = new ClEsterna(); //LECITO
            double a = campoEsterno; //LECITO: anche se il campo
                                     // e` privato in ClEsterna
        //campi di esemplare della classe interna
        private int campointerno;
```

Uso di classi interne



- Secondo caso: in una classe diversa da ClEsterna.
 - Il nome della classe interna va sempre qualificato rispetto al nome della classe esterna
 - Non si può usare la sintassi Clinterna
 - Bisogna usare la sintassi ClEsterna.ClInterna
 - Non è mai possibile creare oggetti di tipo ClInterna
 - Se ClInterna è public, allora è possibile definire variabili oggetto di tipo ClInterna
 - Se ClInterna è private, allora è "inaccessibile" da codice che non sia scritto in ClEsterna
 - In questo modo si protegge il codice da ogni possibile violazione dell'incapsulamento

Uso di classi interne



Secondo caso: in una classe diversa da ClEsterna

```
public class ClInterneTester
   public static void main(String[] args)
       ClEsterna e = new ClEsterna(); //tutto ok
       //MAI LECITO: non si possono creare ogg. di ClInterna qui
       ClEsterna.ClInterna obj = new ClEsterna.ClInterna();
       //MAI LECITO: il tipo deve essere "ClEsterna.ClInterna"
       ClInterna i = e.metEsterno();
       //LECITO SOLO SE ClInterna e` public in ClEsterna
       ClEsterna.ClInterna i = e.metEsterno();
       //LECITO SOLO SE sia ClInterna che il metodo sono public
       (e.metEsterno()).metInterno();
       //LECITO SOLO SE sia ClInterna che il campo sono public
       (e.metEsterno()).campointerno = 1;
       //SEMPRE LECITO (ma inutile se ClInterna e` private)
       e.metEsterno();
```

La classe interna Pair

```
public class ArrayDictionary implements Dictionary
    protected class Pair //classe interna ad ArrayDictionary
        public Pair(Comparable key, Object value)
            setKey(key);
            setValue(value); }
        //metodi pubblici
        public String toString()
           return key + " " + value; }
        public Comparable getKey()
           return key; }
        public Object getValue()
           return value; }
        public void setKey(Comparable key)
           this.key = key; }
        public void setValue(Object value)
           this.value = value; }
        //campi di esemplare
        private Comparable key;
        private Object value;
```

La classe ArrayDictionary

```
public class ArrayDictionary implements Dictionary
   public ArrayDictionary()
        v = new Pair[INITSIZE]; // ... sempre uguale
       MakeEmpty(); }
    public boolean isEmpty()
        return vSize == 0; } // ... sempre uguale
    public void makeEmpty()
      vSize = 0;  }
                               // ... sempre uguale
    public String toString()
        String s = "";
        for (int i = 0; i < vSize; i++)</pre>
            s = s + v[i] + "\n";
        return s;
    public void insert(Comparable key, Object value)
        if (key == null) throw new IllegalArgumentException();
        try
        { remove(key);} //elimina elemento se gia` presente
        catch (DictionaryItemNotFoundException e)
        {} //... ovvero sovrascrive elemento se gia` presente
        if (vSize == v.length) v = resize(2*vSize);
        v[vSize++] = new Pair(key, value);
                                                       //
continua
```

La classe ArrayDictionary

```
//continua
protected Pair[] resize(int newLength) //metodo ausiliario
{ ... } //solito codice
public void remove(Comparable key)
    v[linearSearch(key)] = v[--vSize];
public Object find(Comparable key)
    return v[linearSearch(key)].getValue();
private int linearSearch(Comparable key) //metodo ausiliario
    for (int i = 0; i < vSize; i++)
        if (v[i].getKey().compareTo(key) == 0)
        //oppure if (v[i].getKey().equals(key)), se il
        //metodo equals e` stato realizzato correttamente
            return i:
    throw new DictionaryItemNotFoundException();
//campi di esemplare
protected Pair[] v;
protected int vSize;
protected final static int INITSIZE = 10;
protected class Pair
{ ... } // codice della classe Pair
```

Dizionario con array ordinato

- Avendo usato un array non ordinato, i metodi **remove** e **find** effettuano una **ricerca lineare** sulle chiavi
- Esercizio: realizzare un dizionario con un array ordinato
 - Il metodo insert deve mantenere ordinato l'array a ogni inserimento (usando insertionSort...)
 - I metodi remove e find possono usare la ricerca binaria per trovare una chiave
 - Il metodo remove deve ricompattare l'array dopo la rimozione, mantenendolo ordinato

```
public class SortedArrayDictionary extends ArrayDictionary
{    // realizzazione con array non ordinato. Eredita campi di
    // esemplare e variabili statiche, la classe Pair, i metodi
    // isEmpty, makeEmpty, resize. Deve sovrascrivere i metodi
    // insert, remove, find
}
```

Collaudo di un dizionario

```
import java.util.Scanner;
import java.io.*;
public class SimpleDictionaryTester
   public static void main(String[] args) throws IOException
       //creazione dizionario: leggo dati da file e assumo che
        //il file abbia righe nel formato <numero int> <stringa>
        Scanner infile =new Scanner(new FileReader("file.txt"));
        Dictionary dict = new ArrayDictionary();
        // ... oppure = new SortedArrayDictionary();
        while (infile.hasNextLine())
            Scanner linescan = new Scanner(infile.nextLine());
            int key = Integer.parseInt(linescan.next());
            String value = linescan.next();
            dict.insert(key, value); //inserisco chiave e valore
        infile.close();
        //ricerca/rimozione dati nel dizionario
        Scanner in = new Scanner(System.in);
        boolean done = false;
                                                     // continua
```

Collaudo di un dizionario

```
while (!done)
                                              // continua
    System.out.println("**** Stampa dizionario ****");
    System.out.println(dict +"\nF=find,R=remove,Q=quit");
    String cmd = in.nextLine();
    if (cmd.equalsIgnoreCase("Q"))
         done = true; }
    else if (cmd.equalsIgnoreCase("F"))
        System.out.println("Chiave da trovare?");
        int key = Integer.parseInt(in.nextLine());
        try{ //cerca key chiave e restituisce il valore
            String value = (String)dict.find(key);
            System.out.println("Valore: " + value); }
        catch (DictionaryItemNotFoundException e)
            System.out.println("Chiave non trovata");}
    else if (cmd.equalsIgnoreCase("R"))
        System.out.println("Chiave da rimuovere?");
        int key = Integer.parseInt(in.nextLine());
        try{//rimuove la coppia identificata da key
            dict.remove(key);
            System.out.println("Chiave rimossa"); }
        catch (DictionaryItemNotFoundException e)
            System.out.println("Chiave non trovata");}
```