# Дискретное логарифмирование

Айсылу Халфина

5 декабря, 2023, Москва, Россия

Российский Университет Дружбы Народов

Цели и задачи

# Цель лабораторной работы

Изучение задачи дискретного логарифмирования.

# \_\_\_\_

Выполнение лабораторной

работы

### Задача дискретного логарифмирования

Решение задачи дискретного логарифмирования состоит в нахождении некоторого целого неотрицательного числа x, удовлетворяющего уравнению. Если оно разрешимо, у него должно быть хотя бы одно натуральное решение, не превышающее порядок группы.

### р-алгоритм Поллрада

- Вход. Простое число p, число a порядка r по модулю p, целое число b6 1 < b < p; отображение f, обладающее сжимающими свойствами и сохраняющее вычислимость логарифма.
- Выход. показатель x, для которого  $a^x = b(modp)$ , если такой показатель существует.
- 1. Выбрать произвольные целые числа u,v и положить  $c=a^ub^v(modp), d=c$
- 2. Выполнять  $c=f(c)\pmod p$ ,  $d=f(f(d))\pmod p$ , вычисляя при этом логарифмы для c и d как линейные функции от x по модулю x, до получения равенства c=d(modp)
- 3. Приняв логарифмы для c и d, вычислить логарифм x решением сравнения по модулю r. Результат x или РЕШЕНИЯ НЕТ.

#### Оценка сложности

Алгоритм полного перебора нашёл бы решение за число шагов не выше порядка данной группы.

## Пример работы алгоритма

```
58
             return res + Q
      60
        def verify(g, h, p, x):
      61
             return pow(g, x, p) == h
      62
      63 args = [(10, 64, 107)]
      64
      65 for arg in args:
      66
             res = pollrad(*arg)
      67     print(arg, ' : ', res)
             print("Validates: ", verify(arg[0], arg[1], arg[2], res))
      68
     (10, 64, 107) : 20
     Validates: True
[ ]: 1
```

Figure 1: Работа алгоритма

# Выводы

# Результаты выполнения лабораторной работы

Изучили задачу дискретного логарифмирования.