Отчет по лабораторной работе №5

Модель хищник-жертва - вариант 32

Алламе Ормиз

Содержание

1	Цель работы	4
2	Задание	5
3	Выполнение лабораторной работы 3.1 Теоретические сведения	6 7
4	Выводы	12
Сп	писок литературы	13

List of Figures

3.1	График численности жертв и хищников от времени	8
3.2	График численности хищников от численности жертв	ç
3.3	График численности жертв и хищников от времени	11
3.4	График численности хищников от численности жертв	11

1 Цель работы

Изучить модель хищник-жертва

2 Задание

- 1. Построить график зависимости x от y и графики функций x(t), y(t)
- 2. Найти стационарное состояние системы

3 Выполнение лабораторной работы

3.1 Теоретические сведения

В данной лабораторной работе рассматривается математическая модель системы «Хищник-жертва».

Рассмотрим базисные компоненты системы. Пусть система имеет X хищников и Y жертв. И пусть для этой системы выполняются следующие предположения: (Модель Лотки-Вольтерра) 1. Численность популяции жертв и хищников зависят только от времени (модель не учитывает пространственное распределение популяции на занимаемой территории) 2. В отсутствии взаимодействия численность видов изменяется по модели Мальтуса, при этом число жертв увеличивается, а число хищников падает 3. Естественная смертность жертвы и естественная рождаемость хищника считаются несущественными 4. Эффект насыщения численности обеих популяций не учитывается 5. Скорость роста численности жертв уменьшается пропорционально численности хищников:

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = (-ax(t) + by(t)x(t)) \\ \frac{dy}{dt} = (cy(t) - dy(t)x(t)) \end{cases}$$

Параметр a определяет коэффициент смертности хищников, b – коэффициент ент естественного прироста хищников, c – коэффициент прироста жертв и d – коэффициент смертности жертв

В зависимости от этих параметрах система и будет изменяться. Однако следует выделить одно важное состояние системы, при котором не происходит

никаких изменений как со стороны хищников, так и со стороны жертв. Это, так называемое, стационарное состояние системы. При нем, как уже было отмечено, изменение численности популяции равно нулю. Следовательно, при отсутствии изменений в системе $\frac{dx}{dt}=0, \frac{dy}{dt}=0$

Пусть по условию есть хотя бы один хищник и хотя бы одна жертва: x>0, y>0 Тогда стационарное состояние системы определяется следующим образом:

$$x_0 = \frac{a}{b}, y_0 = \frac{c}{d}$$

3.2 Задача

Для модели «хищник-жертва»:

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -0.25x(t) + 0.025y(t)x(t) \\ \frac{dy}{dt} = 0.45y(t) - 0.045y(t)x(t) \end{cases}$$

Постройте график зависимости численности хищников от численности жертв, а также графики изменения численности хищников и численности жертв при следующих начальных условиях: $x_0=8, y_0=11$ Найдите стационарное состояние системы

Решение в OpenModelica

```
model lr5
Real x(start=8);
Real y(start=11);

parameter Real a = 0.25;
parameter Real b = 0.025;
parameter Real c = 0.45;
parameter Real d = 0.045;
```

```
equation
  der(x) = -a*x + b*x*y;
  der(y) = c*y - d*x*y;
end lr5;
```

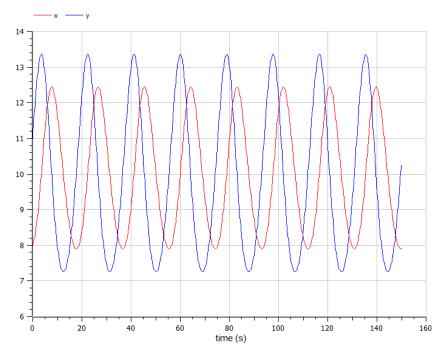


Figure 3.1: График численности жертв и хищников от времени

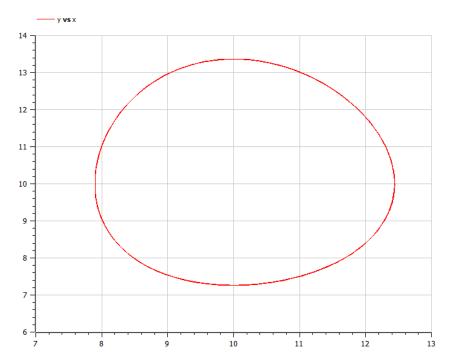


Figure 3.2: График численности хищников от численности жертв

Решение в Julia

using Plots

```
using DifferentialEquations

x0 = 8
y0 = 11
u0 = [x0; y0]

t0 = 0
tmax = 150
tspan = (t0, tmax)
t = collect(LinRange(t0, tmax, 1000))

a = 0.25
b = 0.025
```

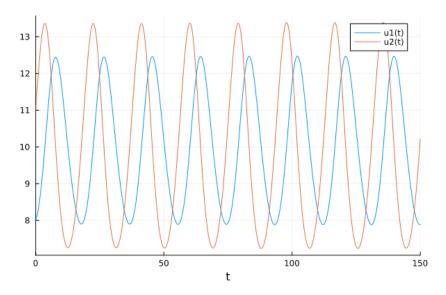


Figure 3.3: График численности жертв и хищников от времени

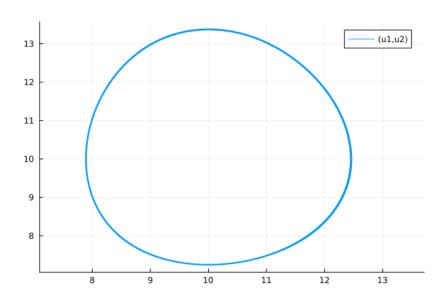


Figure 3.4: График численности хищников от численности жертв

Стационарное состояние $x_0=\frac{a}{b}=10, y_0=\frac{c}{d}=10$

4 Выводы

В ходе выполнения лабораторной работы была изучена модель хищник-жертва и построены графики.

Список литературы

- 1. Модель Лотки-Вольтерры
- 2. Lotka-Volterra System