

ÉCOLE NATIONALE SUPÉRIEURE D'ARTS ET MÉTIERS.
Mathématiques
Alg-C

Programmation langage C

Introduction à l'algorithmique

A.BELCAID

anasss.belcaid@gmail.com



Salle 1, TD 2 / 22 février 2016

1. CONDITIONS

1.1 If..then

1.2 If..then ..else

2. BOUCLES FINIES

3. BOUCLES INFINIES

3.1 While

3.2 do while

4. EXERCICES

Definition

Les **structures de contrôle** permettent à un programme d'éviter une exécution purement séquentielle (*chaîne linéaire d'instructions*), en contrôlant l'**enchaînement** logique des instructions.

Definition

Les **structures de contrôle** permettent à un programme d'éviter une exécution purement séquentielle (*chaîne linéaire d'instructions*), en contrôlant l'**enchaînement** logique des instructions.

Exemple

La **résolution d'une équation du second degré** dans \mathbb{R}

Le **programme** qui doit résoudre ce problème **devra donc adapter son comportement** en fonction des valeurs prises par certaines variables (notamment le discriminant de l'équation).

Définition

La structure de contrôle **if...then** permet d'exécuter des instructions en **fonction** de la valeur d'une **condition** de type **booléen**

Sa syntaxe est la suivante :

syntaxe

```
1 if Condition then  
2   |   Instructions.  
3 end
```

Algorithme 1 : Strictement positif

```
1 if  $q > 0$  then  
2   |   Ecrire( $q, 'DH'$ )  
3 end
```

Algorithme 2 : Appartenance à un intervalle

```
1 if  $(x \geq a)$  et  $(x \leq b)$  then  
2   |   Ecrire( $x, ' \in [a, b]'$ )  
3 end
```

- ▶ Il arrive assez souvent qu'en fonction de la valeur d'une **condition**, le programme doit exécuter des instructions si elle est **vraie** et **d'autres** instructions si elle est **fausse**.

- ▶ Il arrive assez souvent qu'en fonction de la valeur d'une **condition**, le programme doit exécuter des instructions si elle est **vraie** et **d'autres** instructions si elle est **fausse**.
- ▶ Plutôt que de **tester** une condition puis son contraire, il est possible d'utiliser la structure **If..then ..else**.

- ▶ Il arrive assez souvent qu'en fonction de la valeur d'une **condition**, le programme doit exécuter des instructions si elle est **vraie** et **d'autres** instructions si elle est **fausse**.
- ▶ Plutôt que de **tester** une condition puis son contraire, il est possible d'utiliser la structure **If..then ..else**.

Syntaxe

```
1 if condition then  
2   |   Instructions 1;  
3 else  
4   |   Instructions 2;  
5 end
```

- ▶ Il arrive assez souvent qu'en fonction de la valeur d'une **condition**, le programme doit exécuter des instructions si elle est **vraie** et **d'autres** instructions si elle est **fausse**.
- ▶ Plutôt que de **tester** une condition puis son contraire, il est possible d'utiliser la structure **If..then ..else**.

Syntaxe

```
1 if condition then  
2   | Instructions 1;  
3 else  
4   | Instructions 2;  
5 end
```

Remarque

Les instructions peuvent contenir eux mêmes des **branchement conditionnelles**.

Algorithme 3 : Parité

```
1 Var  $a$  : Entier

2 if ( $a \% 2 = 0$ ) then
3   |   Ecrire( $a$ , 'est pair');
4 else
5   |   Ecrire( $a$ , 'est impair');
6 end
```

Exercice

Ecrire un **algorithme** qui demande la saisie de **deux** réels , et affiche **le signe** de leur **produit**. **sans le calculer**

Exercice

Ecrire un **algorithme** qui demande la saisie de **deux** réels , et affiche **le signe** de leur **produit**. **sans le calculer**

```
1 Var a, b : Réel

2 Ecrire('Donner deux réels : ')
3 lire(a)
4 lire(b)
5 if ((a > 0 et b > 0) ou (a < 0 et b < 0))
   then
6   |   Ecrire('Le produit est positif')
7 else
8   |   Ecrire('Le produit est négatif')
9 end
```

Exercice

Développer un **algorithme** qui demande la saisie de 3 entiers, puis informe l'utilisateur s'ils sont **rangés** dans un ordre **monotone**.

Exercice

Développer un **algorithme** qui demande la saisie de 3 entiers, puis informe l'utilisateur s'ils sont **rangés** dans un ordre **monotone**.

Algorithme 5 : If imbriquée

```
1  Var a, b, c : Réel
2  Var test : Booléen
3  Ecrire('Donner trois réels : ')
4  lire(a);lire(b);lire(c)
5  if a > b then
6      |   if b > c then
7          |       test ← true
8      |   else
9          |       test ← false
10     |   end
11 else
12     |   if b < c then
13         |       test ← true
14     |   else
15         |       test ← false
16     |   end
17 end
18 if test then
19     |   Ecrire('Ordre monotone')
20 else
21     |   Ecrire('Pas d ordre')
22 end
```

- ▶ Certains **algorithmes** nécessitent de **répéter** des **instructions** afin d'obtenir un résultat.

- ▶ Certains **algorithmes** nécessitent de **répéter** des **instructions** afin d'obtenir un résultat.
- ▶ Cette **répétition** est réalisée en utilisant une structure de contrôle de type **itératif** nommée **boucle**.

- ▶ Certains **algorithmes** nécessitent de **répéter** des **instructions** afin d'obtenir un résultat.
- ▶ Cette **répétition** est réalisée en utilisant une structure de contrôle de type **itératif** nommée **boucle**.
- ▶ Il existe **trois** type de boucle :

- ▶ Certains **algorithmes** nécessitent de **répéter** des **instructions** afin d'obtenir un résultat.
- ▶ Cette **répétition** est réalisée en utilisant une structure de contrôle de type **itératif** nommée **boucle**.
- ▶ Il existe **trois** type de boucle :

- ▶ Certains **algorithmes** nécessitent de **répéter** des **instructions** afin d'obtenir un résultat.
- ▶ Cette **répétition** est réalisée en utilisant une structure de contrôle de type **itératif** nommée **boucle**.
- ▶ Il existe **trois** type de boucle :
 - ▷ **For**

- ▶ Certains **algorithmes** nécessitent de **répéter** des **instructions** afin d'obtenir un résultat.
- ▶ Cette **répétition** est réalisée en utilisant une structure de contrôle de type **itératif** nommée **boucle**.
- ▶ Il existe **trois** type de boucle :
 - ▷ **For**
 - ▷ **While**

- ▶ Certains **algorithmes** nécessitent de **répéter** des **instructions** afin d'obtenir un résultat.
- ▶ Cette **répétition** est réalisée en utilisant une structure de contrôle de type **itératif** nommée **boucle**.
- ▶ Il existe **trois** type de boucle :
 - ▷ **For**
 - ▷ **While**
 - ▷ **Repeat... until**

- ▶ La boucle **For** est utilisée pour **répéter** un ensemble d'instructions.
- ▶ le nombre de répétition *n* est souvent **connu à l'avance**.
- ▶ L'usage principal de la boucle **For** est la gestion de l'évolution d'un **compteur**(type entier).

- ▶ La boucle **For** est utilisée pour **répéter** un ensemble d'instructions.
- ▶ le nombre de répétition *n* est souvent **connu à l'avance**.
- ▶ L'usage principal de la boucle **For** est la gestion de l'évolution d'un *compteur*(type entier).

Syntaxe

```
1 for i= val1 à val2 do  
2   |   Instructions  
3 end
```

Algorithme 6 : Répétition

```
1 Var a : Entier  
  
2 for  $a = 1$  à  $10$  do  
3   |   Ecrire(a)  
4 end
```

Algorithme 7 : ???

```
1 Var a,i,S : Entier  
  
2 Ecrire('donner un entier : ')  
3 lire(a)  
4  $S \leftarrow 0$   
5 for  $i = 1$  à  $100$  do  
6   |    $S \leftarrow S + a$   
7   |   Ecrire(S)  
8 end
```

Exercice

Soit $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ une suite **donnée**. Ecrire un algorithme qui demande la saisie d'un entier n , puis affiche la **somme partielle** S_n de la série $\sum u_n$.

$$S_n = \sum_{i=0}^n u_i$$

Exercice

Soit $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ une suite **donnée**. Ecrire un algorithme qui demande la saisie d'un entier n , puis affiche la **somme partielle** S_n de la série $\sum u_n$.

$$S_n = \sum_{i=0}^n u_i$$

Algorithme 9 : Somme partielle d'une série

```
1 Var i, n : Entier
2 Var U, S , Réel
3 Ecrire( 'Donner n = ' );lire(n)
4  $S \leftarrow 0$ 
5 for  $i = 0$  à  $n$  do
6    $U \leftarrow u_i$ 
7    $S \leftarrow U$ 
8 end
9 Ecrire('Sn= ',S)
```

Factoriel

Ecrire un algorithme qui demande la saisie d'un **entier** *n*, puis affiche son *factoriel*.

Factoriel

Ecrire un algorithme qui demande la saisie d'un **entier** **n**, puis affiche son **factoriel**.

Maximum

Ecrire un algorithme qui demande **successivement** **20** nombres à l'utilisateur, et qui lui dise ensuite quel était le **plus grand** parmi ces 20 nombres.

Factoriel

Ecrire un algorithme qui demande la saisie d'un **entier** *n*, puis affiche son **factoriel**.

Maximum

Ecrire un algorithme qui demande **successivement** *20* nombres à l'utilisateur, et qui lui dise ensuite quel était le **plus grand** parmi ces 20 nombres.

Algorithme 12 : Maximum de 20 valeurs

```
1 Var a,i,max : Entier
2 Ecrire('Donner une valeur : ');
  lire(max)
3 for i = 1 à 19 do
4   |   Ecrire('Donner une valeur : ');
      lire(a)
5   |   if a > max then
6   |   |   max ← a
7   |   end
8 end
9 Ecrire('max est :',max)
```

- ▶ Dans certains **problèmes**, on ne connaît pas à l'avance le nombre de **répétition** du procédé **itératif**, mais plutôt une **condition** logique pour **terminer** les itérations.

- ▶ Dans certains **problèmes**, on ne connaît pas à l'avance le nombre de **répétition** du procédé **itératif**, mais plutôt une **condition** logique pour **terminer** les itérations.
- ▶ Dans ce cas, on utilise la structure de **contrôle While**.

- ▶ Dans certains **problèmes**, on ne connaît pas à l'avance le nombre de **répétition** du procédé **itératif**, mais plutôt une **condition** logique pour **terminer** les itérations.
- ▶ Dans ce cas, on utilise la structure de **contrôle While**.

While

```
1 while (Condition) do  
2   | Instructions  
3 end
```

- ▶ Dans certains **problèmes**, on ne connaît pas à l'avance le nombre de **répétition** du procédé **itératif**, mais plutôt une **condition** logique pour **terminer** les itérations.
- ▶ Dans ce cas, on utilise la structure de **contrôle While**.

While

```
1 while (Condition) do  
2   | Instructions  
3 end
```

- ▶ Dans certains **problèmes**, on ne connaît pas à l'avance le nombre de **répétition** du procédé **itératif** , mais plutôt une **condition** logique pour **terminer** les itérations.
- ▶ Dans ce cas, on utilise la structure de **contrôle While**.

While

```
1 while (Condition) do  
2   | Instructions  
3 end
```

Remarque

les **instructions** de la boucle **While** ne seront **jamais exécutées**, si la **Condition** est fausse au **départ**.

Algorithme 13 : Countdown

```
1 while ( $n > 0$ ) do  
2   |   Ecrire( $n$ )  
3   |    $n \leftarrow n - 1$   
4 end
```

Algorithme 14 : $\max\{k \mid \sum_{i=0}^k i < A\}$

```
1  $i \leftarrow 0$   
2  $S \leftarrow 0$   
3 while ( $S < A$ ) do  
4   |    $i \leftarrow i + 1$   
5   |    $S \leftarrow S + i$   
6 end  
7 Ecrire( $i - 1$ )
```

Exercice 1

Ecrire un algorithme qui demande la **saisie** d'un entier A , puis affiche le plus grand entier i , tel que

$$i! \leq A$$

Exercice 1

Ecrire un algorithme qui demande la **saisie** d'un entier **A**, puis affiche le plus grand entier **i**, tel que

$$i! \leq A$$

Exercice 2

Développer un algorithme qui demande une **suite** d'entiers **positifs** se terminant avec **-1**. puis calcul :

1. leur **min**.
2. leur **somme**.
3. leur **moyenne**

Exercice 1

Ecrire un algorithme qui demande la **saisie** d'un entier **A**, puis affiche le plus grand entier **i**, tel que

$$i! \leq A$$

Exercice 2

Développer un algorithme qui demande une **suite** d'entiers **positifs** se terminant avec **-1**. puis calcul :

1. leur **min**.
2. leur **somme**.
3. leur **moyenne**

Algorithme 17 : Statistiques

```

1  Var a,count : Entier
2  Var min,S :Entier
3  Var moy : Réel

4  S ← 0 ; min ← 0 ; count ← 0
5  Ecrire('Donner une valeur : ');lire(a)
6  while (a ≠ -1) do
7      |   count ← count + 1
8      |   S ← a
9      |   if a > max then
10         |       max ← a
11         end
12 end
13 if count > 0 then
14     |   moy ←  $\frac{S}{count}$ 
15 end
16 Ecrire('somme= ',S)
17 Ecrire('max= ',max)
18 Ecrire('moyenne= ',moy)

```

- ▶ Parfois on a besoin d'exécuter les instructions d'une boucle **au moins un fois** avant de passer au **test**.
- ▶ pour cela on devrait utiliser la boucle **repeat ... until**.

- ▶ Parfois on a besoin d'exécuter les instructions d'une boucle **au moins un fois** avant de passer au **test**.
- ▶ pour cela on devrait utiliser la boucle **repeat ... until**.

Syntaxe

```
1 repeat  
2   | Instructions  
3 until (Condition);
```

exemple

```
1 repeat
2   |   écrire("Donner un nombre positif :");
3   |   lire(A)
4 until (A > 0);
```

exemple

```
1 repeat
2   |   ecrire("Donner un nombre positif :");
3   |   lire(A)
4 until (A > 0);
```

exemple

```
1 repeat
2   |   ecrire("Est ce que vous voulez continuer (O=Oui,N=Non) :");
3   |   lire(c)
4 until ((c='O') OU (c='N'));
```

