



اسم المادة : احصاء رياضي

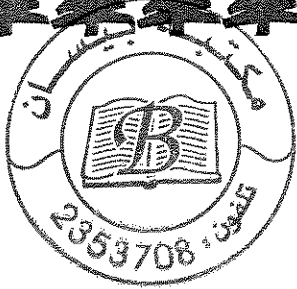
تجمع طلبة كلية التكنولوجيا والعلوم التطبيقية - جامعة القدس المفتوحة

acadeclub.com

وُجد هذا الموقع لتسهيل تعلمنا نحن طلبة كلية التكنولوجيا والعلوم التطبيقية وغيرها من خلال توفير وتجميع **كتب وملخصات وأسئلة سنوات سابقة** للمواد الخاصة بالكلية, بالإضافة لمجموعات خاصة بتواصل الطلاب لكافة المواد:

ل للوصول للموقع مباشرة اضغط **هنا**

وفقكم الله في دراستكم وأعانكم عليها ولا تنسوا فلسطين من الدعاء



(أسئلة سنوات سابقة)
"النهائي"

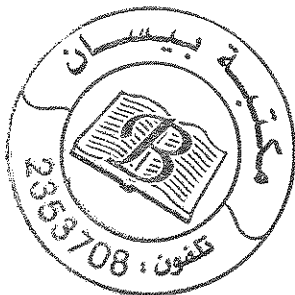


الإحصاء الرياضي

مكتبة بيسان للخدمات الجامعية
قرب جامعة القدس المفتوحة / فرع نابلس
(أسئلة سنوات سابقة / تعيينات /
ملخصات / مشاريع تخرج / تصوير شخصي)
للتواصل معنا:

عبر الهاتف: 092353708

تابعوا صفحتنا على الفيس بوك :

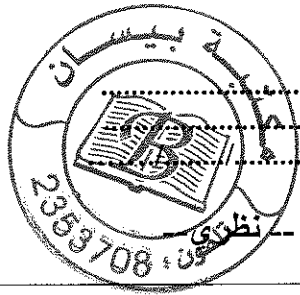


facebook

مكتبة بيسان للخدمات الجامعية



مكتبة بيسان .. نتميز عندما يتشابه الآخرون



اسم الطالب:
رقم الطالب:
تاريخ الامتحان:

بسم الله الرحمن الرحيم



جامعة القدس المفتوحة
الامتحان النهائي للفصل الاول "1171"
2018/2017

اسم المقرر: احصاء رياضي.....
رقم المقرر: 1404(5462).....
مدة الامتحان: ساعة ونصف.....
عدد الاسئلة: ستة.....

عزيزي الطالب: 1. عبيء كافة المعلومات المطلوبة عنك في دفتر الاجابة وعلى ورقة الاسئلة.
2. ضع رقم السؤال ورموز الاجابة الصحيحة للاسئلة الموضوعية (ان وجدت) على الجدول المخصص في دفتر الاجابة.
3. ضع رقم السؤال للاسئلة المقالية واجب على دفتر الاجابة.

(20 علامة)

السؤال الأول:

اجب بنعم أم لا فيما يلي ثم انقل اجابتك الى الجدول المخصص لذلك:

- (1) خاصية MLR تعني لها نسبة ارجحية وحيدة النمط.
- (2) يشير الدليل \max في $L(\omega)$ الى النهاية العظمى للدالة $L(\theta)$.
- (3) نرفض الفرضية العدمية كلما كانت النسبة $\lambda = \frac{L(\hat{\omega})}{L(\hat{\Omega})}$ صغيرة في اختبار نسبة الارجحية.
- (4) المنطقة الحرجة هي المنطقة التي تحتوي على قيم دالة الاختبار الاحصائي التي تؤدي الى قبول H_0 .
- (5) إذا كانت $X_1, X_2, X_3, \dots, X_n$ عينة عشوائية من التوزيع الطبيعي $N(\theta, \sigma^2)$ ، فإن $T = \bar{X}$ احصاء فعالاً للمعلمة θ .
- (6) اختبار نسبة الارجحية العظمى يرمز له بالرمز LRT .
- (7) مستوى المعنوية يكون مساوياً للمقدار $1 - \alpha$.
- (8) الاختبار الأكثر فاعلية سيؤدي الى رفض الفرضية العدمية عندما تكون $-2 \log \lambda > C$.
- (9) إذا كان X متغيراً عشوائياً يتبع توزيع جاما $\Gamma(\alpha, 2)$ ، فإن دالة الكثافة الاحتمالية للمتغير X تنتمي الى عائلة التوزيعات الاسية ذات المعلمة الوحيدة.
- (10) إذا كانت $X_1, X_2, X_3, \dots, X_n$ عينة عشوائية من مجتمع دالة كثافته الاحتمالية $f(x, \theta) = \frac{1}{\theta} e^{-\frac{x}{\theta}}$ ، $x > 0, \theta > 0$.

لاختبار الفرضية $H_0: \theta = \theta_0$ مقابل الفرضية $H_a: \theta \neq \theta_0$ فإن $L(\hat{\Omega}) = \left(\frac{1}{\bar{x}}\right)^n e^{-\frac{\sum x}{\bar{x}}}$

(30 علامة)

السؤال الثاني:

اختر الاجابة الصحيحة فيما يلي ثم انقل اجابتك الى الجدول المخصص لذلك

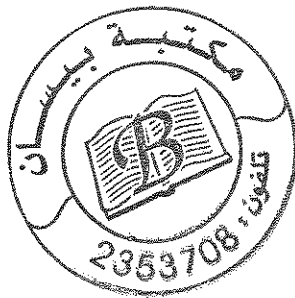
- (1) إذا كان z متغير عشوائي يتبع التوزيع الطبيعي المعياري، اوجد $p(z < 1.96)$:
(أ) 0.025 (ب) 0.975 (ج) 0.95 (د) 0.05
- (2) إذا كان x متغير عشوائي يتبع التوزيع المنتظم $X: U(0, \theta)$ فإن:
(أ) $0 < x < 1$ (ب) $0 < x < \theta$ (ج) $x > 0$ (د) $x > \theta$
- (3) الخطأ من النوع الثاني هو:
أ- احتمال رفض الفرضية الصفرية وهي صحيحة
ب- احتمال رفض الفرضية الصفرية وهي خاطئة
ج- احتمال قبول الفرضية الصفرية وهي خاطئة
د- احتمال قبول الفرضية الصفرية وهي صحيحة
- (4) قوة الاختبار $\beta(\theta)$ تعني:
أ- احتمال رفض H_0 وهي صحيحة
ب- احتمال قبول H_0 وهي صحيحة
ج- احتمال رفض H_0 وهي خاطئة
د- احتمال قبول H_0 وهي خاطئة

(5) إذا كانت $X_1, X_2, X_3, \dots, X_n$ عينة عشوائية من التوزيع $f(x, \theta) = \theta^x (1 - \theta)^{1-x}$ ، $0 < x < 1$ وعند استخدام اختبار نسبة الارجحية لاختبار الفرضية $H_0: \theta = \theta_0$ ضد الفرضية $H_a: \theta \neq \theta_0$ غير صحيحة، فإن $\max[L(\theta), \theta \in \omega]$ يساوي

- أ- $\theta^x (1 - \theta)^{n-x}$ ب- $\theta^{\sum x} (1 - \theta)^{n-\sum x}$ ج- $\theta^{\sum x} (1 - \theta)^{n-\sum x}$ د- $\theta^{\sum x} (1 - \theta)^{1-\sum x}$

(6) الاحصاء الغير متحيز بأقل تباين ممكن من بين مجموعة الاحصاءات غير المتحيزة للمعلمة هو:

- أ- الاحصاء المتميز ب- الاحصاء الفعال ج- الاحصاء الوصفي د- الاحصاء الكامل
- (7) مجموعة القيم الممكنة للمعلمة تعرف على أنها:
أ- فضاء المعلمة ب- المقدّر الفعال ج- الكفاية د- الاختبار



(8) أي المتغيرات التالية لا تتمتع بخاصية MLR يكون لها نسبة ارجحية وحيدة النمط:
أ- توزيع بواسون ب- توزيع ذات الحدين

ج- $x: N(\theta, \sigma^2)$ وكانت μ, σ^2 غير معلومة د- توزيع جاما عندما تكون β معلومة $\alpha = \theta$



(9) إذا كان x يتبع التوزيع الطبيعي $x: N(0, \theta)$ فإن $\frac{x^2}{\theta}$ يتبع توزيع:

أ- χ_1^2 ب- χ_n^2 ج- $N(0,1)$ د- $\Gamma(\alpha, \beta)$

(10) إذا كان X متغير عشوائي يتبع توزيع ذات الحدين $B(1, \theta)$ فإن:

أ) $0 \leq \theta \leq 1$ ب) $\theta \geq 0$ ج) $\theta \leq 1$ د) $\theta \geq 1$

(11) الاختبار الغير متحيز الاكثر فاعلية هو:
أ) MP ب) UMP ج) UMPU د) لا شيء مما ذكر

(12) التوزيع الاحتمالي التقاربي للمقدار $-2 \log \lambda$ هو توزيع

أ) t ب) χ^2 ج) F د) لا شيء مما ذكر

(13) إذا كان X متغير عشوائي يتبع توزيع ذات الحدين $B(1, \theta)$ فإنه ايضاً يتبع توزيع

أ) بيرنولي ب) بواسون ج- كاي تربيع د- لا شيء مما ذكر

(14) لايجاد $L(\hat{\theta})$ في اختبار نسبة الارحية يجب ايجاد:

أ- تقدير الارحية العظمى ب- فترة ثقة ج- تقدير بيز د- لا شيء مما ذكر

(15) في اختبار نسبة الارحية λ هي عبارة عن:

أ- احصاء لا تعتمد على المعالم المجهولة ب- احصاء تعتمد على المعالم المجهولة ج- ثابت د- لا شيء مما ذكر

السؤال الثالث:

إذا كانت x_1, x_2, \dots, x_n متغيرات عشوائية متناظرة مستقلة تتبع التوزيع الطبيعي $N(\mu, \sigma^2)$ وافترض أن σ اختبار الفرضية $H_0: \theta = \mu_0$ مقابل الفرضية $H_1: \theta \neq \mu_0$ ، أثبت أن المنطقة الحرجة لاختبار نسبة الارحية يمكن كتابتها على الصيغة

$$\left[\frac{\sqrt{n}(\bar{x} - \mu_0)}{\sigma} \right]^2$$

السؤال الرابع:

إذا كان x يتبع التوزيع الطبيعي $N(\mu, \sigma^2)$ ، إذا كانت σ معلومة و $\mu = \theta$ أثبت انه ينتمي لعائلة التوزيعات الاسية.

أجب عن أحد السؤالين التاليين

(20 علامة)

السؤال الخامس:

افترض ان x_1, x_2, \dots, x_n متغيرات عشوائية متناظرة مستقلة $i.i.d$ من توزيع ذات الحدين $B(1, \theta)$ وافرض ان $\theta_0 < \theta_1$ ، اوجد الاختبار الاكثر فاعلية MP ذو الحجم α وذلك لاختبار الفرضية العدمية $H_0: \theta = \theta_0$ مقابل الفرضية البديلة $H_1: \theta = \theta_1$.

(20 علامة)

السؤال السادس:

إذا كانت x_1, x_2, \dots, x_n متغيرات عشوائية متناظرة مستقلة تتبع التوزيع الطبيعي $N(\theta, 1)$ وافترض أن $\theta_0 < \theta_1$ أوجد الاختبار

الاكثر فاعلية MP ذو الحجم α للفرضيات
 $H_0: \theta = \theta_0$
 $H_1: \theta = \theta_1$

انتهت الاسئلة

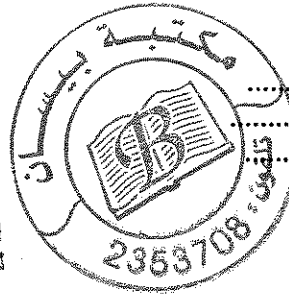
اسم الطالب:
رقم الطالب:
تاريخ الامتحان:/...../.....

بسم الله الرحمن الرحيم



جامعة القدس المفتوحة
إجابة الامتحان النهائي
للفصل الاول "1171"

2018/2017



اسم المقرر: احصاء رياضي.....
رقم المقرر: 1404(5462).....
مدة الامتحان: ساعة ونصف.....
عدد الاسئلة: ستة.....

-- نظري --

ملاحظة:

يرجى قراءة الاجابة ادناه وتدقيقها وفي حال وجود اخطاء فيها يرجى ارسال التعديلات والاستفسارات ...الخ التي ترون انها بحاجة الى تعديل خلال 24 ساعة كحد اقصى من عقد الامتحان الى عمادة القبول والتسجيل والامتحانات على النموذج الخاص بالاستفسارات ليتسنى لنا تعميمها على اعضاء هيئة التدريس قبل تصحيح الامتحان.

(20 علامة)

السؤال الاول:

أجب بنعم أم لا فيما يلي ثم انقل اجابتك الى الجدول المخصص لذلك

رقم السؤال	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
رمز الاجابة	نعم	نعم	نعم	لا	نعم	نعم	لا	نعم	نعم	نعم

(30 علامة)

السؤال الثاني:

اختر الاجابة الصحيحة فيما يلي ثم انقل اجابتك الى الجدول المخصص لذلك

رقم السؤال	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
رمز الاجابة	ب	ب	ج	أ	ج	ب	أ	ج	أ	أ	ب	ب	أ	أ	أ

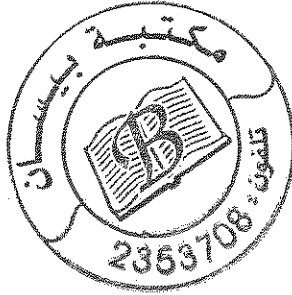
(20 علامة)

السؤال الثالث:

إذا كانت x_1, x_2, \dots, x_n متغيرات عشوائية متناظرة مستقلة تتبع التوزيع الطبيعي $N(\mu, \sigma^2)$ وافترض أن σ اختبار الفرضية $H_0: \theta = \mu_0$ مقابل الفرضية $H_1: \theta \neq \mu_0$ ، أثبت أن المنطقة الحرجة لاختبار نسبة الارحية يمكن كتابتها على الصيغة

$$\left[\frac{\sqrt{n}(\bar{x} - \mu_0)}{\sigma} \right]^2$$

$$\hat{\mu}_\Omega = \bar{x}, \quad \hat{\mu}_\omega = \mu_0$$



$$L(\hat{\Omega}) = \left(\frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} \right)^n \exp \left\{ -\frac{1}{2\sigma^2} \sum (x_i - \bar{x})^2 \right\}$$

$$L(\hat{\omega}) = \left(\frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} \right)^n \exp \left\{ -\frac{1}{2\sigma^2} \sum (x_i - \mu_0)^2 \right\}$$

$$\lambda = \left(\frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} \right)^n \exp \left\{ -\frac{1}{2\sigma^2} \sum (x_i - \bar{x})^2 \right\}$$

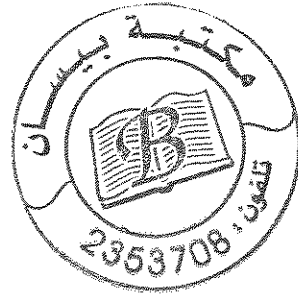
$$= \exp \left\{ \frac{-1}{2\sigma^2} \left[\sum x_j^2 - 2n\mu_0\bar{x} + n\mu_0^2 - \sum x_j^2 + n\bar{x} \right] \right\}$$

$$= \exp \left\{ \frac{-1}{2\sigma^2} \left[n(\bar{x}^2 - 2\mu_0\bar{x} + \mu_0^2) \right] \right\}$$

$$= \exp \left\{ \frac{-n}{2\sigma^2} (\bar{x} - \mu_0)^2 \right\}$$

$$-2 \log \lambda = \frac{n}{\sigma^2} (\bar{x} - \mu_0)^2$$

$$\phi(z) = \begin{cases} 1 & \left[\frac{\sqrt{n}(\bar{x} - \mu_0)}{\sigma} \right]^2 > C \\ 0 & \text{ow} \end{cases}$$



السؤال الرابع: (10 علامات)
إذا كان x يتبع التوزيع الطبيعي $N(\mu, \sigma^2)$ ، إذا كانت σ معلومة و $\mu = \theta$ أثبت انه ينتمي لعائلة التوزيعات الاسية.

$$f(x; \theta) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} \exp\left(-\frac{\theta^2}{2\sigma^2}\right) \exp\left(\frac{\theta}{\sigma^2} x\right) \exp\left(-\frac{1}{2\sigma^2} x^2\right), \quad \theta \in \mathcal{R}$$

$$C(\theta) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} \exp\left(-\frac{\theta^2}{2\sigma^2}\right), \quad Q(\theta) = \frac{\theta}{\sigma^2}, \quad T(x) = x, \quad h(x) = \exp\left(-\frac{1}{2\sigma^2} x^2\right)$$

أجب عن أحد السؤالين التاليين

السؤال الخامس: (20 علامة)
افترض ان x_1, x_2, \dots, x_n متغيرات عشوائية متناظرة مستقلة $i.i.d$ من توزيع ذات الحدين $B(1, \theta)$ وافرض ان $\theta_0 < \theta_1$ ، اوجد الاختبار الاكثر فاعلية MP ذو الحجم α وذلك لاختبار الفرضية العدمية $H_0: \theta = \theta_0$ مقابل الفرضية البديلة $H_1: \theta = \theta_1$.

$$f(x, \theta_i) = \theta_i^x (1 - \theta_i)^{1-x}, \quad i = 0, 1$$

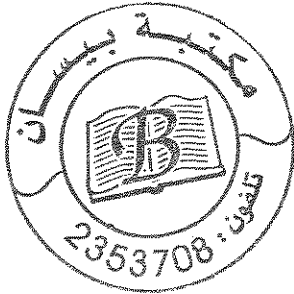
$$R(z, \theta_0, \theta_1) = \frac{\theta_1^x (1 - \theta_1)^{n-x}}{\theta_0^x (1 - \theta_0)^{n-x}}$$

$$X = \sum X_i$$

$$\log R = X \log \frac{\theta_1}{\theta_0} + (n - x) \log \frac{(1 - \theta_1)}{(1 - \theta_0)}$$

$$X > C_0$$

$$C_0 = \frac{\left\{ \log C - n \log \frac{(1 - \theta_1)}{(1 - \theta_0)} \right\}}{\log \frac{\theta_1 (1 - \theta_0)}{\theta_0 (1 - \theta_1)}}$$



$$\phi(z) = \begin{cases} 1 & \sum x_i > C_0 \\ \gamma & \sum x_i = C_0 \\ 0 & O.W \end{cases}$$

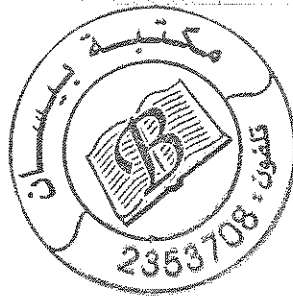
السؤال السادس: (20 علامة)
إذا كانت x_1, x_2, \dots, x_n متغيرات عشوائية متناظرة مستقلة تتبع التوزيع الطبيعي $N(\theta, 1)$ وافترض ان $\theta_0 < \theta_1$ أوجد الاختبار

الاكثر فاعلية MP ذو الحجم α للفرضيات
 $H_0: \theta = \theta_0$
 $H_1: \theta = \theta_1$

$$f(x, \theta_i) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2}(x - \theta_i)^2} \quad i = 0, 1$$

$$R(z; \theta_0, \theta_1) = e^{-\frac{1}{2}(\sum (y_j - \theta_1))^2 - \sum (y_j - \theta_0)^2}$$

$$\text{Log} R(z; \theta_0, \theta_1) = \frac{1}{2} \sum [(x_j - \theta_0)^2 - (x_j - \theta_1)^2]$$

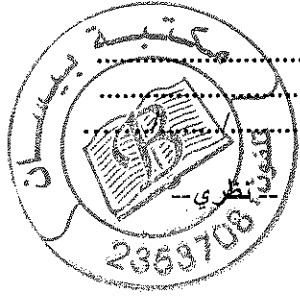


$$C_0 = \frac{1}{n} \left[\frac{\log C}{\theta_1 - \theta_0} + \frac{n(\theta_0^* + \theta_1)}{2} \right]$$

$$\Phi(z) = \begin{cases} 1 & \bar{x} > c_0 \\ 0 & o.w \end{cases}$$

$$\bar{X} : N\left(\theta, \frac{1}{n}\right) \text{ حيث}$$

انتهت الاجابة



اسم الطالب:
رقم الطالب:
تاريخ الامتحان:

بسم الله الرحمن الرحيم



جامعة القدس المفتوحة
الامتحان النهائي البديل (غير المكتمل)
للفصل الثاني "1162"
2017/2016

اسم المقرر: إحصاء رياضي
رقم المقرر: 1404 (5462)
مدة الامتحان: ساعة ونصف
عدد الاسئلة: 6

- عزيزي الطالب:
1. عيء كافة المعلومات المطلوبة منك في دفتر الإجابة وعلى ورقة الاسئلة.
 2. ضع رقم السؤال ورموز الإجابة الصحيحة للاسئلة الموضوعية (ان وجدت) على الجدول المخصص في دفتر الإجابة.
 3. ضع رقم السؤال للاسئلة المقالية واجب على دفتر الإجابة.

(30 علامة)

السؤال الاول:

ضع دائرة حول الإجابة الصحيحة ثم أنقل الإجابة علي الجدول المخصص في جدول الإجابة

1. المتغير $\frac{\sqrt{n}(\bar{X} - \theta)}{\sigma}$ يتبع توزيع
 - أ. $N(0,1)$
 - ب. χ^2_{n-1}
 - ج. t_{n-1}
 - د. غير ذلك
2. المقدار $\left[\frac{\sqrt{n}(\bar{X} - \theta)}{\sigma} \right]^2$ يتبع توزيع
 - أ. χ^2
 - ب. $N(0,1)$
 - ج. t_{n-1}
 - د. غير ذلك
3. الإحصاء غير المتحيز للمعلمة θ الذي له أقل تباين من بين مجموعة الإحصاءات غير المتحيزة للمعلمة θ يسمى مقدر
 - أ. فعال
 - ب. كافي
 - ج. فريد
 - د. غير ذلك
4. الدالة التي تكون دائماً غير متناقصة أو دائماً غير متزايدة هي دالة:
 - أ. وحيدة النمط
 - ب. دالة متزايدة
 - ج. دالة متناقصة
 - د. غير ذلك
5. رفض الفرضية الصفرية و هي صحيحة هو.
 - أ. خطأ من النوع الثاني
 - ب. خطأ من النوع الأول
 - ج. أ.ب
 - د. غير ذلك
6. إذا كان X_1, X_2, \dots, X_n عينة عشوائية متناظرة و مستقلة لها دالة كثافة احتمالية تنتمي إلى عائلة التوزيعات الأسية ذات المعلمة الوحيدة فإن الإحصاء الكافي يساوي
 - أ. $Q^* = \sum_{i=1}^n Q(x_i)$
 - ب. $T^* = \sum_{i=1}^n T(x_i)$
 - ج. $C(\theta)$
 - د. غير ذلك
7. في اختبار الفرضيات الإحصائية عند مستوى دلالة معين فإننا نرغب في الحصول على اختبار احصائي يجعل قوة الاختبار
 - أ. أصغر ما يمكن
 - ب. أكبر ما يمكن
 - ج. تساوي مستوى الدلالة
 - د. غير ذلك
8. إذا كان T إحصاء كافياً للمعلمة θ وكانت $C = g(\cdot, \theta)$ عائلة كاملة و كان $U = U(T)$ إحصاء غير متحيز للمعلمة θ و هي داله في T فإن الإحصاء U هو إحصاء
 - أ. كامل
 - ب. كافي
 - ج. فريد
 - د. غير ذلك
9. المقدار $-2 \log \lambda$ يتبع توزيع
 - أ. $F_{n,m}$
 - ب. χ^2_{n+m}
 - ج. χ^2_{n-m}
 - د. غير ذلك
10. عند اختبار الفرضية $H_0: \theta \in w$ مقابل $H_a: \theta \in w^c$ فإن فضاء المعلمة θ هو:
 - أ. $w \cup w^c$
 - ب. w
 - ج. w^c
 - د. غير ذلك
11. α هي أصغر حد أعلي لاحتمال الوقوع في الخطأ من
 - أ. النوع الأول
 - ب. النوع الثاني
 - ج. أ.ب
 - د. غير ذلك
12. إذا كانت U تتبع توزيع χ^2_m و Z يتبع التوزيع الطبيعي المعياري $N(0,1)$ فإن المقدرا $\frac{Z}{\sqrt{U/m}}$ يتبع توزيع
 - أ. t_m
 - ب. χ^2_{n+m}
 - ج. χ^2_{n-m}
 - د. غير ذلك
13. التوزيع الذي يمكن وضعه علي صورة توزيع أسّي يكون التوزيع له نسبة أرجحية ويحده النمط إذا كان
 - أ. Q متزايد
 - ب. Q متناقص
 - ج. أ.ب
 - د. غير ذلك
14. إذا كانت $X_1, X_2, X_3, \dots, X_n$ عينة عشوائية من التوزيع الطبيعي $(N(\theta, \sigma^2))$ ، σ^2 معلوم، فإن $T = \bar{X}$ إحصاء
 - أ. متحيز للمعلمة θ
 - ب. فعال للمعلمة θ
 - ج. أ.ب صحيحان
 - د. غير ذلك

15. الإحصاء المنتظم غير المتحيز ذو الأقر تبين يسمى
 أ. مقدر كافي ب. مقدر متحيز ج. مقدر فعال د. غير ذلك

السؤال الثاني:

(20 علامة)

ضع علامة \checkmark أو \times أمام العبارات الآتية ثم أنقل الإجابة علي الجدول المخصص في دفتر الإجابة

1. إذا كانت ω أو ω^c تحتوي علي نقطة واحدة فقط فيقال أن الفرضية بسيطة
2. الإحصاء الفعال إذا كانت كثافة الاحتمال الشرطية لمشاهدات العينة بمعلومية هذا الإحصاء غير مستقلة عن المعالم المجهولة
3. نستطيع استخدام اختبار نسبة الأرجحية فقط عندما تكون كلا من الفرضية الصفرية والفرضية البديلة بسيطة
4. منطقة الرفض هي جزء من فراغ العينة وفيها نقبل الفرضية الصفرية
5. الفرضية الاحصائية هي ادعاء أو تخمين حول التوزيع الاحتمالي لمتغير عشوائي أو أكثر وعادة ما يكون حول معالم المجتمع
6. تستخدم نظرية نيومان بيرسون الأساسية في اختبار الفرضيات المركبة.
7. قوة الاختبار هو احتمال رفض الفرضية العدمية في حين أنها خاطئة
8. يسمى الإحصاء الفريد الإحصاء المنتظم غير المتحيز ذو الأقر تبين.
9. توزيع بواسون لا ينتمي لعائلة التوزيعات الأسية
10. المقدر الفريد للمعلمة θ هو مقدر وحيد

السؤال الثالث:

(15 علامة)

بين أن الدالة $f(X, \theta) = \binom{n}{x} \theta^x (1-\theta)^{n-x}$ $0 < \theta < 1, X = 0, 1, 2, \dots, n$ تنتمي الى عائلة التوزيعات الأسية.

السؤال الرابع:

(15 علامة)

افترض أن (X_1, X_2, \dots, X_n) متغيرات عشوائية متناظرة مستقلة تتبع التوزيع الطبيعي $N(\theta, 1)$ علي فرض أن $\theta_0 < \theta_1$ ، أوجد الاختبار الأكثر فاعلية ذو الحجم α للفرضيات $H_0: \theta = \theta_0, H_1: \theta = \theta_1$.

أجب علي سؤال واحد فقط من الأسئلة الآتية

السؤال الخامس:

(20 علامة)

إذا كان X_1, X_2, \dots, X_n عينة عشوائية متناظرة و مستقلة من التوزيع الطبيعي $N(\mu, \sigma^2)$ حيث كل من μ, σ^2 مجهولتان , أوجد المقدر الفعال لكل من μ, σ^2 .

السؤال السادس:

(20 علامة)

إذا كان X_1, X_2, \dots, X_n عينة عشوائية متناظرة و مستقلة من التوزيع الطبيعي $N(\mu, \sigma^2)$ و افترض أن σ معلومة , باستخدام نسبة الأرجحية اختبر الفرضية $H_0: \mu = \mu_0, H_a: \mu \neq \mu_0$

انتهت الأسئلة

اسم الطالب:
رقم الطالب:
تاريخ الامتحان:/...../.....

بسم الله الرحمن الرحيم

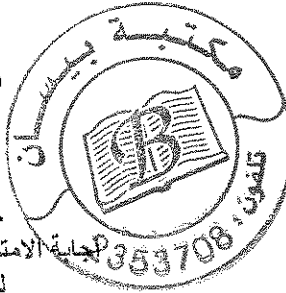


جامعة القدس المفتوحة

لجاية الامتحان النهائي البديل (غير المكتمل)

للفصل الثاني "1162"

2017/2016



اسم المقرر: إحصاء رياضي
رقم المقرر: 1404 (5462)
مدة الامتحان: ساعة ونصف
عدد الاسئلة: 6

-- نظري --

جدول رقم (1)

اجابة السؤال رقم (الثاني) من نوع (أجب بنعم أو لا) أو (√ أو ×) (20 علامة) (علامتان لكل فرع)

الفرع	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
الصحيحة	√	×	×	×	√	×	√	×	×	×
	147	112	200	146	147	152	147	121	127	111

جدول رقم (2)

اجابة السؤال الأول من نوع (اختيار من متعدد) (30 علامة) (علامتان لكل فرع)

الفرع	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
الصحيحة	أ	أ	أ	أ	ب	ب	ب	ج	ج	أ	أ	أ	أ	ب	ج
	190	197	110	180	147	120	149	110	195	145	147	173	175	114	125

(15 علامة)

السؤال الثالث:

بين أن الدالة $f(X, \theta) = \binom{n}{x} \theta^x (1-\theta)^{n-x}$ $0 < \theta < 1$, $X = 0, 1, 2, \dots, n$ تنتمي الى عائلة التوزيعات الأسية.

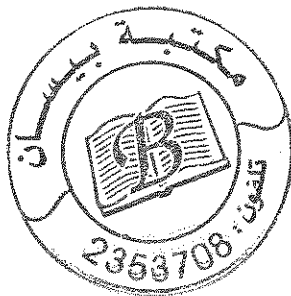
$$f(X, \theta) = \binom{n}{x} \theta^x (1-\theta)^{n-x} = \binom{n}{x} \left(\frac{\theta}{1-\theta} \right)^x (1-\theta)^n = \binom{n}{x} e^{x \ln \left(\frac{\theta}{1-\theta} \right)} (1-\theta)^n$$

$$c(\theta) = (1-\theta)^n, \quad Q(\theta) = \ln \left(\frac{\theta}{1-\theta} \right), \quad T(x) = x, \quad h(x) = \binom{n}{x}$$

(15 علامة)

السؤال الرابع:

افترض أن (X_1, X_2, \dots, X_n) متغيرات عشوائية متناظرة مستقلة تتبع التوزيع الطبيعي $N(\theta, 1)$ علي فرض أن $\theta_0 < \theta_1$ أوجد الاختبار الأكثر فاعلية ذو الحجم α للفرضيات $H_A: \theta = \theta_1, H_0: \theta = \theta_0$.



$$R(z, \theta_0, \theta_1) = e^{-\frac{1}{2} \sum_{j=1}^n (x_j - \theta_1)^2 - \sum_{j=1}^n (x_j - \theta_0)^2}$$

$$\log R(z; \theta_0, \theta_1) = \frac{1}{2} \sum_{j=1}^n [(x_j - \theta_1)^2 - (x_j - \theta_0)^2]$$

$$C_0 = \frac{1}{n} \left[\frac{\log C}{\theta_0 - \theta_1} + \frac{n(\theta_0 + \theta_1)}{2} \right]$$

$$\phi(z) = \begin{cases} 1, & \bar{X} > C_0 \\ 0, & \text{otherwise} \end{cases}$$

أجب عن أحد السؤالين التاليين:

(20 علامة)

السؤال الخامس:

إذا كان X_1, X_2, \dots, X_n عينة عشوائية متناظرة و مستقلة من التوزيع الطبيعي $N(\mu, \sigma^2)$ حيث كل من μ, σ^2 مجهولتان , أوجد المقدار الفعال لكل من μ, σ^2 .

بوضع أن $\theta = (\mu, \sigma^2)$ بوضع $g_1(\theta) = \mu, g_2(\theta) = \sigma^2$ بوضع $S^2 = \frac{1}{n} \sum_{j=1}^n (X_j - \bar{X})^2$ فإن \bar{X}, S^2 إحصاء كافي للمعلمة

θ

$$U_1 = \bar{X}, U_2 = \frac{nS^2}{n-1} \text{ افرض أن}$$

$$E\left(\frac{nS^2}{n-1}\right) = \sigma^2 \text{ أي أن } E\left(\frac{nS^2}{\sigma^2}\right) = n-1 \quad E(U_1) = \mu$$

ينتج أن U_1, U_2 هما مقدرين غير متحيزين لكل من μ, σ^2 حيث أنهما يعتمدان فقط على الاحصاء الكافي و الكامل \bar{X}, S^2 فينتج أنهما المقدران الفعالان للمعلمتين \bar{X}, S^2 .

(20 علامة)

السؤال السادس:

إذا كان X_1, X_2, \dots, X_n عينة عشوائية متناظرة و مستقلة من التوزيع الطبيعي $N(\mu, \sigma^2)$ و افترض أن σ معلومة , باستخدام

$$H_0 : \mu = \mu_0, H_a : \mu \neq \mu_0$$

مقدرا الأرجحية العظمي للمعلمة μ هو $\hat{\mu}_\Omega = \bar{X}$ و من الفرضية الصفرية $\hat{\mu}_\Omega = \mu_0$



$$L(\hat{\Omega}) = \frac{1}{(\sqrt{2\pi}\sigma)^n} \exp\left\{-\frac{1}{2\sigma^2} \sum_{j=1}^n (X_j - \bar{X})^2\right\}$$

$$L(\hat{\omega}) = \frac{1}{(\sqrt{2\pi}\sigma)^n} \exp\left\{-\frac{1}{2\sigma^2} \sum_{j=1}^n (X_j - \mu_0)^2\right\}$$

$$\lambda = \exp\left\{-\frac{1}{2\sigma^2} \left[\sum_{j=1}^n (X_j - \mu_0)^2 - \sum_{j=1}^n (X_j - \bar{X})^2 \right]\right\}$$

$$\lambda = \exp\left\{\frac{-n}{2\sigma^2} (\bar{X} - \mu_0)^2\right\}$$

$$-2 \log \lambda = \frac{n}{\sigma^2} (\bar{X} - \mu_0)^2$$

يكون اختبار نسبة الأرجحية يساوي

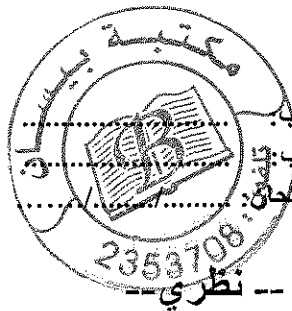
$$\phi(z) = \begin{cases} 1 & \left[\frac{\sqrt{n}}{\sigma} (\bar{X} - \mu_0) \right]^2 > c \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$$

$$P(\chi_1^2 > c) = \alpha$$

رجحية



انتهت الاجابة.



اسم الطالب:
رقم الطالب:
تاريخ الامتحان:

نظري

بسم الله الرحمن الرحيم



جامعة القدس المفتوحة

الامتحان النهائي البديل (غير المكتمل)

للدورة الصيفية الاولى والثانية "1154 / 1153"

2015/2016

اسم المقرر: الاحصاء الرياضي

رقم المقرر: 1404 (5462)

مدة الامتحان: ساعة ونصف

عدد الاسئلة: ستة أسئلة

- عزيزي الطالب: 1. عبيء كافة المعلومات المطلوبة عنك في دفتر الاجابة وعلى ورقة الاسئلة.
2. ضع رقم السؤال ورموز الاجابة الصحيحة للاسئلة الموضوعية (ان وجدت) على الجدول المخصص في دفتر الاجابة.
3. ضع رقم السؤال للاسئلة المقالية واجب على دفتر الاجابة.

(20 علامة)

السؤال الاول

- اجب بنعم أو لا على كل فقرة من الفقرات التالية، وانقل الإجابة على الجدول 1 في دفتر الإجابة
- 1- في اختبار نسبة الأرجحية نرفض H_0 عندما تكون λ كبيرة ولذا فإننا نرفض H_0 عندما يكون المقدار $-2 \ln \lambda$ صغيراً
 - 2- الإحصاء الفعال هو الإحصاء غير المتحيز الأكثر تبايناً من بين جميع الإحصاءات المتحيزة للمعلمة θ
 - 3- الاختبار الأكثر فاعلية MP لاختبار الفرضية البسيطة $H_0: \theta = \theta_0$ مقابل الفرضية البسيطة $H_1: \theta = \theta_1$ هو اختبار نسبة أرجحية
 - 4- إذا كان T إحصاء كافياً للمعلمة θ وكان $\hat{\theta}$ تقدير الأرجحية العظمى الوحيد للمعلمة θ فإن $\hat{\theta}$ دالة في T
 - 5- إذا كان X متغيراً يتبع توزيع جاما $\Gamma(\alpha, 2)$ فإن دالة الكثافة الاحتمالية للمتغير X تنتمي إلى عائلة التوزيعات الأسية ذات المعلمة الوحيدة
 - 6- نسبة الأرجحية وحيدة النمط صفة تطلق على نسبة الأرجحية عندما تتوفر فيها شروط تتعلق بتزايد و تناقص نسبة الأرجحية
 - 7- إذا كانت $X_1, X_2, X_3, \dots, X_n$ عينة عشوائية من توزيع ذو الحدين $B(1, \theta)$ فإن $T = \sum_{i=1}^n X_i$ إحصاء كامل للمعلمة θ
 - 8- إذا كان $T = \sum x$ إحصاء كافياً للمعلمة θ فإن $e^{\sum x}$ إحصاء كافياً للمعلمة θ
 - 9- إذا كانت $X_1, X_2, X_3, \dots, X_n$ عينة عشوائية من التوزيع $f(x, \theta) = \frac{1}{\theta}$, $0 < x < \theta$ فإن $T = \max\{X_i\}$ إحصاء كافى للمعلمة θ
 - 10- إذا كانت $X_1, X_2, X_3, \dots, X_n$ عينة عشوائية من التوزيع الطبيعي $N(\theta, \sigma^2)$ ، σ^2 معلوم، فإن \bar{X} إحصاء فعالاً للمعلمة θ

(30 علامة)

السؤال الثاني:

فيما يلي 15 فقرة ، يلي كلا منها 4 إجابات ، واحدة منها فقط صحيحة ، انقل رمز الإجابة الصحيحة على الجدول 2 في دفتر الإجابة

- 1- احدى العبارات التالية صحيحة
 - 2- في اختبار نسبة الأرجحية، نرفض الفرضية الصفرية إذا كانت
 - 3- في اختبار نسبة الأرجحية، احدى العبارات التالية صحيحة
 - 4- إذا كان $P(\chi^2_2 > c) = 0.05$ ، أوجد قيمة c
 - 5- إذا كان $Z: N(0,1)$ فإن $P(Z < 1)$ يساوي
- أ- $\frac{L(\hat{\Omega})}{L(\hat{\omega})}$ صغيرة ب- $\frac{L(\hat{\omega})}{L(\hat{\Omega})}$ صغيرة ج- $\frac{L(\hat{\omega})}{L(\hat{\Omega})}$ كبيرة د- $\frac{L(\omega)}{L(\Omega)}$ كبيرة
- أ- $\frac{L(\hat{\omega})}{L(\hat{\Omega})} > 1$ ب- $0 < \frac{L(\hat{\omega})}{L(\hat{\Omega})} \leq 1$ ج- $\frac{L(\hat{\omega})}{L(\hat{\Omega})} < 0$ د- لا شيء مما ذكر
- أ- 3.84 ب- 5.991 ج- 15.667 د- 27.226
- أ- 0.3413 ب- 0.8413 ج- 0 د- 1

6- إذا كانت $X_1, X_2, X_3, \dots, X_n$ عينة عشوائية من التوزيع الطبيعي $N(\mu, \sigma^2)$ ، σ^2 غير معلوم، وكانت الفرضية الصفرية $H_0: \mu = \mu_0$ فان:

أ- $\omega = \{(\mu, \sigma^2): \mu \in R, \sigma^2 > 0\}$ ب- $\omega = \{(\mu, \sigma^2): \mu \in R, \sigma^2 = 0\}$ ج- $\omega = \{(\mu, \sigma^2): \mu = \mu_0, \sigma^2 > 0\}$ د- $\omega = \{\mu: 0 < \mu < \infty\}$

7- إذا كانت $X_1, X_2, X_3, \dots, X_n$ عينة عشوائية من التوزيع الطبيعي $N(10, \sigma^2)$ ، σ^2 معلوم، فان المقدار $\left[\frac{\sqrt{n}(\bar{x} - 10)}{\sigma} \right]^2$ يتبع توزيع

أ- t_{n-1} ب- Z ج- χ^2_1 د- χ^2_n

8- إذا كانت X متغير عشوائي يتبع توزيع ذو الحدين $B(5, \theta)$ فان $E(X)$ يساوي

أ- θ ب- 5 ج- 5θ د- $1/5$

9- إذا كانت $X_1, X_2, X_3, \dots, X_n$ عينة عشوائية من توزيع ذو الحدين $B(1, \theta)$ فان $T = \sum_{i=1}^n X_i$ يتبع توزيع

أ- $B(1, \theta)$ ب- χ^2_1 ج- $B(n, \theta)$ د- Z

10- إذا كانت $X_1, X_2, X_3, \dots, X_n$ عينة عشوائية من توزيع بواسون $P(\theta)$ وكان $T = \sum_{i=1}^n X_i$ فان

أ- $h(t, \theta) = \frac{(n\theta)^t e^{-n\theta}}{t!} \quad t = 0, 1, 2, \dots$ ب- $h(t, \theta) = \frac{(\theta)^t e^{-\theta}}{t!} \quad t = 0, 1, 2, \dots$

ج- $h(t, \theta) = \frac{e^{-n\theta}}{t!} \quad t = 0, 1, 2, \dots$ د- $h(t, \theta) = \frac{(n\theta)^t}{t!} \quad t = 0, 1, 2, \dots$

11- تستخدم نظرية لتحليل دالة الارجحية لايجاد الإحصاء الكافي
أ- فشر-نيمان ب- نيمان بيرسون الأساسية ج- ليمان - شيفي د- لا شيء مما ذكر

12- إذا كانت $X_1, X_2, X_3, \dots, X_n$ عينة عشوائية من التوزيع $f(x, \theta) = \theta^x (1 - \theta)^{1-x}$ ، $x = 0, 1$ وعلمت ان مقدر الارجحية

العظمى للمعلمة θ هو $\hat{\theta} = \bar{x}$ فان مقدر الارجحية العظمى للمعلمة $\frac{\theta}{2}$ هو

أ- $\frac{\bar{x}}{2}$ ب- $2\bar{x}$ ج- \bar{x} د- لا شيء مما ذكر

13- إذا كان $T = \sum x$ إحصاء كافيا للمعلمة θ فان أحد التالية إحصاء كافيا للمعلمة θ :

أ- $e^{\sum x}$ ب- \bar{x} ج- $2\bar{x} + 3$ د- جميع ما ذكر

14- أي المتغيرات التالية له دالة كثافة احتمالية تنتمي الى عائلة التوزيعات الأسية

أ- المتغير X يتبع توزيع ذات الحدين ب- المتغير X يتبع توزيع بواسون ج- أ+ب د- لا شيء مما ذكر

15- إذا كانت $X_1, X_2, X_3, \dots, X_n$ عينة عشوائية من توزيع ذات الحدين $B(1, \theta)$ فان $T = \sum X_i$ إحصاء للمعلمة θ

أ- كافى ب- كامل ج- أ+ب صحيحان د- لا شيء مما ذكر

السؤال الثالث: (15 علامة)

إذا كانت $X_1, X_2, X_3, \dots, X_n$ عينة عشوائية من مجتمع دالة كثافته الاحتمالية $f(x, \theta) = \frac{1}{\theta} e^{-x/\theta}$ ، $x > 0, \theta > 0$ ، لا اختبار

الفرضية $H_0: \theta = \theta_0$ مقابل الفرضية $H_a: \theta \neq \theta_0$ ، أثبت أن المنطقة الحرجة لاختبار نسبة الارجحية يمكن كتابتها على الصيغة

$\bar{x} \cdot e^{-\bar{x}/\theta_0} \leq k$ (مساعدة $\hat{\theta}_0 = \bar{x}$)

(15 علامة)

السؤال الرابع:

يمثل الجدول التالي عدد الأخطاء المطبعية التي وردت في كتاب مؤلف من 100 صفحة

عدد الأخطاء في الصفحة	0	1	2 فأكثر
عدد الصفحات	60	30	10

اختبر الفرضية القائلة بأن عدد الأخطاء المطبعية تتبع توزيع بواسون بمتوسط خطأ واحد في الصفحة عند $\alpha = 0.05$

أجب عن أحد السؤالين التاليين

(20 علامة)

السؤال الخامس:

إذا كانت $X_1, X_2, X_3, \dots, X_n$ عينة عشوائية من التوزيع $f(x, \theta) = \theta x^{\theta-1}$, $0 < x < 1$

(10 علامات)

1- بين أن الدالة $f(X, \theta) = \theta x^{\theta-1}$, $0 < x < 1$ تنتمي إلى عائلة التوزيعات الأسية

(10 علامات)

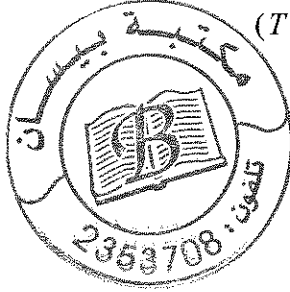
2- استخدم نظرية فيشر - نيمان لإيجاد إحصاء كاف للمعلمة θ

(20 علامة)

السؤال السادس:

إذا كانت X_1, X_2 عينة عشوائية من توزيع جاما $GAM(1, \theta)$ حيث $x > 0$ $f(x, \theta) = \frac{1}{\theta} e^{-x/\theta}$ ، مستخدماً تعريف الإحصاء

الكافي، أثبت أن $T = X_1 + X_2$ إحصاء كاف للمعلمة θ . (ارشاد $(T : GAM(2, \theta))$)



انتهت الاسئلة

اسم الطالب:

رقم الطالب:

تاريخ الامتحان:/...../.....

بسم الله الرحمن الرحيم



جامعة القدس المفتوحة

إجابة الامتحان النهائي البديل (غير المكتمل)
للدورة الصيفية الاولى والثانية "1153 /

"1154

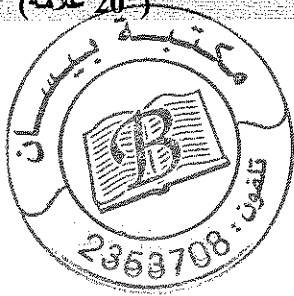
2015/2016

اسم المقرر: الاحصاء الرياضي
رقم المقرر: 1404(5462)
مدة الامتحان: ساعة ونصف
عدد الاسئلة: ستة أسئلة

-- نظري --

السؤال الاول

(20 علامة)



إجابة السؤال رقم (1)

الفرع	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
الإجابة	لا	لا	نعم	نعم	نعم	نعم	نعم	نعم	نعم	نعم
الوحدة	2	3	2	3	3	2	3	3	3	3
الصفحة	183	280	184	266	282	244	271	261	258	280

تعطى علامتان لكل إجابة صحيحة

السؤال الثاني:

(30 علامة)

الفقرة	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
الإجابة	ب	ب	ب	ب	ب	ج	ج	ج	ج	أ	أ	أ	د	ج	ج
الوحدة	2	2	2	2	2	2	2	2	3	3	3	3	3	3	3
الصفحة	182	183	183	204	208	186	186	205	254	258	259	267	268	287	254

(15 علامة)

السؤال الثالث: (الوحدة 2 صفحة 185)

إذا كانت $X_1, X_2, X_3, \dots, X_n$ عينة عشوائية من مجتمع دالة كثافته الاحتمالية $f(x, \theta) = \frac{1}{\theta} e^{-\frac{x}{\theta}}$, $x > 0, \theta > 0$ ، لاختبار الفرضية $H_0: \theta = \theta_0$ مقابل الفرضية $H_a: \theta \neq \theta_0$ ، أثبت أن المنطقة الحرجة لاختبار نسبة الارحجية يمكن كتابتها على الصيغة $\bar{x} \cdot e^{-\bar{x}/\theta_0} \leq k$ (مساعدة $\hat{\theta}_\Omega = \bar{x}$)

$$\hat{\theta}_\Omega = \bar{x}$$

$$\hat{\theta}_w = \theta_0$$

(4 علامات)

$$\lambda = \frac{L(\hat{\omega})}{L(\hat{\Omega})} = \frac{\left(\frac{1}{\theta_0}\right)^n e^{-\sum \frac{x}{\theta_0}}}{\left(\frac{1}{\bar{x}}\right)^n e^{-\sum \frac{x}{\bar{x}}}} = \left(\frac{\bar{x}}{\theta_0}\right)^n e^{-n\bar{x}\left(\frac{1}{\theta_0} - \frac{1}{\bar{x}}\right)}$$

(6 علامات)

$$\lambda \leq c \Rightarrow \left(\frac{\bar{x}}{\theta_0}\right)^n e^{-n\bar{x}\left(\frac{1}{\theta_0} - \frac{1}{\bar{x}}\right)} \leq c$$

$$\Rightarrow \left(\frac{\bar{x}}{\theta_0} \right) e^{-\bar{x}(\frac{1}{\theta_0} - \frac{1}{\theta})} \leq c^{1/n}$$

$$\Rightarrow \bar{x} e^{-\bar{x}/\theta_0} \leq \frac{c^{1/n} \theta_0}{e} \Rightarrow \bar{x} e^{-\bar{x}/\theta_0} \leq K \text{ where } K = \frac{c^{1/n} \theta_0}{e} \quad (5 \text{ علامات})$$

(15 علامة)

السؤال الرابع: (الوحدة 2 صفحة 204)
يمثل الجدول التالي عدد الأخطاء المطبعية التي وردت في كتاب مؤلف من 100 صفحة

عدد الأخطاء في الصفحة	0	1	2 فأكثر
عدد الصفحات	60	30	10

اختبر الفرضية القائلة بأن عدد الأخطاء المطبعية تتبع توزيع بواسون بمتوسط خطأ واحد في الصفحة عند $\alpha = 0.05$
 H_0 : عدد الأخطاء المطبعية في الصفحة يتبع توزيع بواسون بمتوسط واحد

H_1 : عدد الأخطاء المطبعية في الصفحة لا يتبع توزيع بواسون بمتوسط واحد (علامتان)



(6 علامات)

x_i	0	1	2 فأكثر
التكرار المشاهد	60	30	10
$P(X = x_i)$	0.37	0.37	0.26
التكرار المتوقع	37	37	26

وعليه فإن دالة الاختبار

$$\chi^2_w = \sum_{j=1}^k \frac{(x_j - np_{j0})^2}{np_{j0}} = \frac{529}{37} + \frac{49}{37} + \frac{256}{26} = 25.47 \quad (5 \text{ علامات})$$

$$\alpha = 0.05 \Rightarrow \text{نرفض الفرضية الصفرية عند } \chi^2_{2,0.05} = 5.991 \quad (\text{علامتان})$$

أجب عن أحد السؤالين التاليين

(20 علامة)

السؤال الخامس:

إذا كانت $X_1, X_2, X_3, \dots, X_n$ عينة عشوائية من التوزيع $f(x, \theta) = \theta x^{\theta-1}$, $0 < x < 1$

1- بين أن الدالة $f(X, \theta) = \theta x^{\theta-1}$, $0 < x < 1$ تنتمي إلى عائلة التوزيعات الأسية (10 علامات) (الوحدة 3 صفحة 282)

$$f(X, \theta) = \theta x^{\theta-1} = \theta e^{(\theta-1)\log x} = \theta e^{\theta \log x - \log x} \quad (5 \text{ علامات})$$

$$c(\theta) = \theta, \quad Q(\theta) = \theta, \quad T(x) = \log x, \quad h(x) = e^{-\log x} = \frac{1}{x} \quad (5 \text{ علامات})$$

2- استخدم نظرية فيشر – نيومان لإيجاد إحصاء كاف للمعلمة θ (10 علامات) (الوحدة 3 صفحة 259)

$$f(\underline{x}, \theta) = \prod f(x_i, \theta) = \prod \theta x_i^{\theta-1} = \theta^n \frac{\left(\prod x_i \right)^{\theta}}{\prod x_i} \quad (4 \text{ علامات})$$

$$g(t, \theta) = \theta^n \left(\prod x_i \right)^{\theta} \quad (3 \text{ علامات})$$

$$h(x) = \frac{1}{\prod x_i} \quad (3 \text{ علامات})$$

$t = \prod x_i \Leftarrow$ يكون إحصاء كافيا للمعلمة θ

(20 علامة)

السؤال السادس: (الوحدة 3 صفحة 257)

إذا كانت X_1, X_2 عينة عشوائية من توزيع جاما $GAM(2, \theta)$ حيث $x > 0$ $f(x, \theta) = \frac{1}{\theta} e^{-x/\theta}$ ، مستخدما تعريف الإحصاء الكافي، أثبت أن إحصاء كاف للمعلمة θ . (ارشاد $T : GAM(2, \theta)$)

$$f(x, \theta) = \frac{1}{\theta^2} e^{-(x_1+x_2)/\theta}$$

(4 علامات)

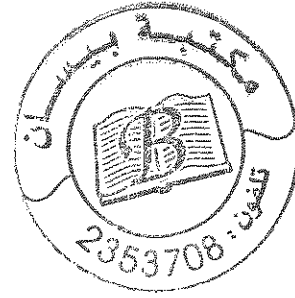
$$h(t, \theta) = \frac{t e^{-1/\theta}}{\theta^2}$$

(4 علامات)

$$f(x|t, \theta) = \frac{f(x, \theta)}{h(t, \theta)} = \frac{\frac{1}{\theta^2} e^{-(x_1+x_2)/\theta}}{\frac{t e^{-1/\theta}}{\theta^2}} = \frac{1}{t}$$

(8 علامات)

وهذا المقدار خالي من المعلمة θ وعليه فإن $T = X_1 + X_2$ إحصاء كاف للمعلمة θ (4 علامات)



انتهت الإجابة

اسم الطالب:
رقم الطالب:
تاريخ الامتحان:/...../.....

بسم الله الرحمن الرحيم



جامعة القدس المفتوحة

الامتحان النهائي للفصل الثاني "1152"

2016/2015

اسم المقرر: احصاء رياضي.....
رقم المقرر: 1404(5462)
مدة الامتحان: ساعة ونصف.....
عدد الاسئلة: ستة.....

-- نظري --

عزيزي الطالب :
1. عيى كافة المعلومات المطلوبة عنك في دفتر الاجابة وعلى ورقة الاسئلة.
2. ضع رقم السؤال ورموز الاجابة الصحيحة للاسئلة الموضوعية (ان وجدت) على الجدول المخصص في دفتر الاجابة.
3. ضع رقم السؤال للاسئلة المقالية واجب على دفتر الاجابة.

(30 علامة)

السؤال الاول:

اختر الاجابة الصحيحة فيما يلي ثم انقلها الى الجدول المخصص لذلك:

(1) x_1, x_2, \dots, x_n عينة عشوائية تتبع توزيع بواسون $P(\theta)$ فان قيمة تباين $\sum x_i$ هو:

أ- θ ب- $\frac{\theta}{n}$ ج- $n\theta$ د- $n^2\theta^2$

(2) إذا كان x_1, \dots, x_n عينة عشوائية تتبع التوزيع الطبيعي $x: N(\mu, \sigma^2)$ فان توزيع المقدّر $\left[\frac{\sqrt{n}(\bar{x} - \mu)}{\sigma} \right]^2$ هو:

أ- $x: N(0,1)$ ب- χ_1^2 ج- χ_n^2 د- $x: N(\mu, \sigma^2)$

(3) إذا كان x متغير عشوائي يتبع التوزيع المنتظم $X: U(0, \theta)$ فان :

أ- $0 < x < 1$ ب- $0 < x < \theta$ ج- $x > 0$ د- $x > \theta$

(4) إذا كانت x_1, x_2, \dots, x_{20} عينة عشوائية تتبع توزيع ذات الحدين $b: (1, p)$ فان توقع $\sum_{i=1}^{20} x_i$ يساوي:

أ- p ب- $20p$ ج- $\frac{20}{p}$ د- $\frac{p}{20}$

(5) إذا كانت x_1, x_2, \dots, x_n عينة عشوائية تتبع توزيع ذات الحدين $b: (n, p)$ فان :

أ- $0 < p < 1$ ب- $p > 1$ ج- $p < 0$ د- $-\infty < p < \infty$

(6) مجموعة القيم الممكنة للمعلمة تعرف على أنها:

أ- فضاء المعلمة ب- المقدّر الفعّال ج- الكفاية د- الاختبار

(7) إذا كان $T = \sum x$ إحصاء كافياً للمعلمة θ فان أحد التالية إحصاء كافياً للمعلمة θ :

أ- $e^{\sum x}$ ب- \bar{x} ج- $2\bar{x} + 3$ د- جميع ما ذكر

(8) إذا كانت x_1, x_2, \dots, x_8 عينة عشوائية من توزيع جاما $\Gamma(\alpha, 2)$ فان $\sum_{i=1}^8 x_i$ متغير عشوائي يتبع:

أ- $\Gamma(8\alpha, 2)$ ب- $\Gamma(\alpha, 16)$ ج- $\Gamma(\frac{\alpha}{8}, 2)$ د- $\Gamma(2\alpha, 16)$

(9) الاحصاء الفعّال للمعلمة θ هو:

أ- الاحصاء غير المتحيز ذو التباين الأكبر من بين جميع الاحصاءات غير المتحيزة للمعلمة θ .

ب- الاحصاء المتحيز ذو التباين الأقل من بين جميع الاحصاءات المتحيزة للمعلمة θ .

ج- الاحصاء غير المتحيز ذو التباين الأقل من بين جميع الاحصاءات غير المتحيزة للمعلمة θ .

د- الاحصاء المتحيز ذو التباين الأكبر من بين جميع الاحصاءات المتحيزة للمعلمة θ .

(10) نسبة الأرجحية λ هي عبارة عن :

أ- احصاء لا تعتمد على المعالم المجهولة ب- احصاء تعتمد على المعالم المجهولة ج- ثابت د- معلمة

(11) إذا كانت x_1, x_2, \dots, x_n عينة عشوائية من توزيع جاما $\frac{\theta^{-\alpha} e^{-\frac{\theta}{\beta}}}{\Gamma(\alpha)\beta^\alpha}$ فان :

أ- $\theta > 1$ ب- $\theta \geq 0$ ج- $\theta \geq 1$ د- $-\infty < \theta < \infty$

(12) إذا كانت x_1, x_2, \dots, x_n عينة عشوائية من توزيع χ_n^2 اذن هي تتبع توزيع:

أ- $X: \Gamma(2, \frac{n}{2})$ ب- $X: \Gamma(1, n)$ ج- $X: N(\mu, \sigma^2)$ د- $X: N(0, 1)$

(13) نستخدم في اختبار جودة المطابقة جدول:

أ- جدول كاي تربيع ب- جدول التوزيع الطبيعي ج- جدول بواسون د- جدول ذات الحدين

(14) إذا كان $X : N(60, 100)$ فإن $P(X < 80)$ تساوي:

أ- 2 ب- 2 ج- 0.9772 د- 0.0228

(15) الاختبار غير المتحيز المنتظم الأكثر فاعلية هو:

أ- MLR ب- MP ج- UMP د- UMPU

السؤال الثاني: (20 علامة)

ضع نعم أمام العبارة الصحيحة وكلمة لا أمام العبارة الخاطئة ثم انقلها الى الجدول المخصص لذلك:

1- إذا كانت X_1, X_2, \dots, X_n عينة عشوائية من توزيع $P(\theta)$ فإن $T = \sum X_i$ احصاء كاف للمعلمة θ .

2- إذا كانت X_1, X_2, \dots, X_n عينة عشوائية من توزيع $f(x, \theta) = \frac{1}{\theta} \quad 0 < x < \theta$ فإن $T = \max\{X_i\}$ احصاء كاف للمعلمة θ .

3- ان قيمة α هي أصغر حد أعلى لاحتمال الوقوع في خطأ من النوع الاول.

4- المقدار $\frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{\sigma^2}$ يتبع توزيع χ^2 بدرجات حرية n .

5- إذا علمنا قيمة الاحصاء الكافي فاننا لن نكون بحاجة لقيم العينة لانها لن تعطينا معلومات أكثر حول المعلمة θ .

6- يشير الدليل $\max L(\omega)$ في $L(\omega)$ إلى النهاية العظمى للدالة $L(\theta)$.

7- نرفض الفرضية العدمية كلما كانت النسبة $\lambda = \frac{L(\hat{\omega})}{L(\hat{\Omega})}$ صغيرة في اختبار نسبة الأرجحية.

8- الاختبار المنتظم الأكثر فاعلية (UMP) يطلق على الاختبار الاحصائي بمستوى معنوية α والذي له أكبر قوة ممكنة من بين جميع الاختبارات الاحصائية الاخرى بنفس مستوى المعنوية α .

9- مستوى المعنوية يكون مساوياً للمقدار $1 - \alpha$.

10- الاختبار الأكثر فاعلية سيؤدي إلى رفض الفرضية العدمية عندما تكون $-2 \log \lambda > C$.

السؤال الثالث: (20 علامة)

إذا كانت x_1, x_2, \dots, x_n متغيرات عشوائية متناظرة مستقلة تتبع التوزيع الطبيعي $N(\mu, \sigma^2)$ وافرض أن σ معلومة. اختبر الفرضية $H_0: \theta = \mu_0$ مقابل الفرضية $H_1: \theta \neq \mu_0$ ، وأثبت أن المنطقة الحرجة لاختبار نسبة الأرجحية يمكن كتابتها على الصيغة

$$\left[\frac{\sqrt{n}(\bar{x} - \mu_0)}{\sigma} \right]^2$$

السؤال الرابع: (10 علامات)

أثبت أنها تنتمي الى عائلة التوزيعات الأسية. $f(X, \theta) = \binom{n}{x} \theta^x (1-\theta)^{n-x} \quad 0 < \theta < 1, X = 0, 1, 2, \dots, n$

اجب عن أحد السؤالين التاليين

السؤال الخامس: (20 علامة)

أ- نتكن $\tau = \left\{ f(., \theta); f(x; \theta) = e^{-\theta} \frac{\theta^x}{x!}, \quad \theta \in (0, \infty), \quad x = 0, 1, \dots \right\}$ فاثبت أن العائلة τ كاملة. 10 علامات

ب- إذا كان $f(x; \theta) = e^{-\theta} \frac{\theta^x}{x!}, \quad \theta \in (0, \infty), \quad x = 0, 1, \dots$ أثبت أن $T(X) = \sum X$ احصاء كاف للمعلمة θ . 10 علامات

السؤال السادس: (20 علامة)

أ- نتكن $\tau = \left\{ f(., \theta); f(x; \theta) = \binom{n}{x} \theta^x (1-\theta)^{n-x}, \quad \theta \in (0, 1), \quad x = 0, 1, \dots, n \right\}$ فاثبت أن العائلة τ كاملة. (10 علامات)

ب- إذا كان X_1, \dots, X_n مجموعة من المتغيرات العشوائية المتناظرة المستقلة التي تتبع توزيع ذات الحدين $B(1, \theta)$. أثبت أن

$$T(X) = \sum X \text{ احصاء كاف للمعلمة } \theta. \quad (10 \text{ علامات})$$

انتهت الاسئلة

اسم الطالب:
رقم الطالب:
تاريخ الامتحان:/...../.....

بسم الله الرحمن الرحيم



جامعة القادسية المفتوحة
إجابة الامتحان النهائي
للفصل الثاني "1152"
2016/2015

اسم المقرر: احصاء رياضي.....
رقم المقرر: 1404(5462).....
مدة الامتحان: ساعة ونصف.....
عدد الاسئلة: ستة.....

-- نظري --

(30 علامة)

السؤال الاول:

اختر الاجابة الصحيحة فيما يلي ثم انقل اجابتك الى الجدول المخصص لذلك:

رقم السؤال	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
رمز الاجابة	ج	ب	ب	ب	ا	ا	د	ا	ج	ج	ب	ا	ا	ج	د
	256	163	256	252	181	253	251	278	181	252	252	194	206	119	

(20 علامة)

السؤال الثاني:

أجب بنعم أم لا فيما يلي ثم انقل اجابتك الى الجدول المخصص لذلك:

رقم السؤال	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
رمز الاجابة	نعم	نعم	نعم	لا	نعم	نعم	نعم	نعم	لا	نعم
	286	260	181	256	255	180	181	181	181	181

(20 علامة)

السؤال الثالث:

إذا كانت x_1, x_2, \dots, x_n متغيرات عشوائية متناظرة مستقلة تتبع التوزيع الطبيعي $N(\mu, \sigma^2)$ وافرض أن σ معلومة. اختبر الفرضية $H_0: \theta = \mu_0$ مقابل الفرضية $H_1: \theta \neq \mu_0$ ، وأثبت أن المنطقة الحرجة لاختبار نسبة الارجحية يمكن كتابتها

$$\left[\frac{\sqrt{n}(\bar{x} - \mu_0)}{\sigma} \right]^2 \text{ على الصيغة}$$



$$\hat{\mu}_\Omega = \bar{x}, \quad \hat{\mu}_\theta = \mu_0$$

$$L(\hat{\Omega}) = \left(\frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} \right)^n \exp \left\{ -\frac{1}{2\sigma^2} \sum (x_i - \bar{x})^2 \right\}$$

$$L(\hat{\omega}) = \left(\frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} \right)^n \exp \left\{ -\frac{1}{2\sigma^2} \sum (x_i - \mu_0)^2 \right\}$$

$$\lambda = \frac{L(\hat{\omega})}{L(\hat{\Omega})} = \exp \left\{ \frac{-1}{2\sigma^2} \left[\sum x_j^2 - 2n\mu_0\bar{x} + n\mu_0^2 - \sum x_j^2 + n\bar{x}^2 \right] \right\}$$

$$= \exp \left\{ \frac{-1}{2\sigma^2} \left[n(\bar{x}^2 - 2\mu_0\bar{x} + \mu_0^2) \right] \right\}$$

$$= \exp \left\{ \frac{-n}{2\sigma^2} (\bar{x} - \mu_0)^2 \right\}$$

$$-2 \log \lambda = \frac{n}{\sigma^2} (\bar{x} - \mu_0)^2$$

$$\phi(z) = \begin{cases} 1 & \left[\frac{\sqrt{n}(\bar{x} - \mu_0)}{\sigma} \right]^2 > C \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$$

(10 علامات)

السؤال الرابع:

أثبت أنها تنتمي الى عائلة التوزيعات الأسية. $f(X, \theta) = \binom{n}{x} \theta^x (1-\theta)^{n-x}$ $0 < \theta < 1, X = 0, 1, 2, \dots, n$

$$f(x, \theta) = (1-\theta)^n \exp\left[x \log \frac{\theta}{1-\theta}\right] \binom{n}{x}$$

$$C(\theta) = (1-\theta)^n, \quad Q(\theta) = \log \frac{\theta}{1-\theta}, \quad T(x) = x \quad h(x) = \binom{n}{x}$$

ص 281

اختياري / أجب عن أحد السؤالين التاليين

(20 علامة)

السؤال الخامس:

أ- لتكن $\tau = \left\{ f(., \theta); f(x; \theta) = e^{-\theta} \frac{\theta^x}{x!}, \quad \theta \in (0, \infty), \quad x = 0, 1, \dots \right\}$. فاثبت أن العائلة τ كاملة.

$$E_{\theta} g(x) = \sum_{x=0}^{\infty} g(x) e^{-\theta} \frac{\theta^x}{x!}$$

$$= e^{-\theta} \sum_{x=0}^{\infty} \frac{g(x)}{x!} \theta^x = 0$$

(10 علامات)

إذا كان $E_{\theta} g(x) = 0$

$$g(x) = 0 \quad \forall x \Leftarrow \frac{g(x)}{x!} = 0 \quad \forall x \Leftarrow \theta \in (0, \infty)$$

ص 270

ب- إذا كان $f(x; \theta) = e^{-\theta} \frac{\theta^x}{x!}$ $\theta \in (0, \infty), \quad x = 0, 1, \dots$ أثبت أن $T(X) = \sum X$ احصاء كاف للمعلمة θ .

$$f(\underline{x}, \theta) = \prod_{i=1}^n f(x_i, \theta) = \prod_{i=1}^n \frac{\theta^{x_i} e^{-\theta}}{x_i!} = \frac{e^{-n\theta} \theta^{\sum x_i}}{\prod_{i=1}^n x_i!}$$

$$T = \sum x$$

(10 علامات)

$$x : P(\theta) \rightarrow \sum x : P(n\theta)$$

$$h(t, \theta) = \frac{(n\theta)^t e^{-n\theta}}{t!} \quad t = 1, 2, \dots$$

$$f(\underline{x}, \theta / T = t) = \frac{f(\underline{x}, \theta)}{h(t, \theta)} = \frac{e^{-n\theta} \theta^{\sum x_i} t!}{(\prod x_i!) e^{-n\theta} (n\theta)^t} = \frac{\sum x_i!}{(\prod x_i!) n^{\sum x_i}} \quad , \quad t = \sum X$$

نجد من هنا أنه لا يعتمد على θ إذن $T(X) = \sum X$ هو احصاء كاف

ص 256

أ. لتكن $\tau = \left\{ f(., \theta); f(x; \theta) = \binom{n}{x} \theta^x (1-\theta)^{n-x}, \theta \in (0,1), x = 0,1,\dots,n \right\}$. فاثبت أن العائلة τ كاملة.

$$E_{\theta} g(X) = \sum_{x=0}^n g(x) \theta^x (1-\theta)^{n-x} = (1-\theta)^n \sum_{x=0}^n g(x) \binom{n}{x} \rho^x$$

$$\rho = \frac{\theta}{1-\theta}$$

$E_{\theta} g(x) = 0$ لجميع قيم $\theta \in (0,1)$ تكافئ

$$\sum_{x=0}^n g(x) \binom{n}{x} \rho^x = 0 \quad (10 \text{ علامات})$$

$$g(x) \binom{n}{x} = 0 \quad x = 0,1,\dots,n$$

ص 269

أ- إذا كان X_1, \dots, X_n مجموعة من المتغيرات العشوائية المتناظرة المستقلة التي تتبع توزيع ذات الحدين $B(1, \theta)$. أثبت أن

$$T(X) = \sum X \text{ احصاء كاف للمعلمة } \theta.$$

$$T(X) = \sum X$$

$$T : B(n, \theta)$$

$$f_T(t; \theta) = \binom{n}{t} \theta^t (1-\theta)^{n-t}; \quad t = 0,1,2,\dots,n$$

$$= \frac{\theta^{x_1} (1-\theta)^{1-x_1}, \dots, \theta^{x_n} (1-\theta)^{1-x_n}}{\binom{n}{t} \theta^t (1-\theta)^{n-t}} = \frac{\theta^t (1-\theta)^{n-t}}{\binom{n}{t} \theta^t (1-\theta)^{n-t}} = \frac{1}{\binom{n}{t}}$$

(10 علامات)

لا تعتمد على المعلمة θ إذن هو احصاء كاف

ص 253

انتهت الاجابة



اسم المقرر: احصاء رياضي.....
رقم المقرر: 5462.....
مدة الامتحان: ساعة ونصف.....
عدد الاسئلة: ستة.....

بسم الله الرحمن الرحيم



جامعة القادسية المفتوحة
الامتحان النهائي البديل (غير المكتمل) للفصل الثاني
"1142"
2015/2014

اسم الطالب:
رقم الطالب:
تاريخ الامتحان:/...../.....

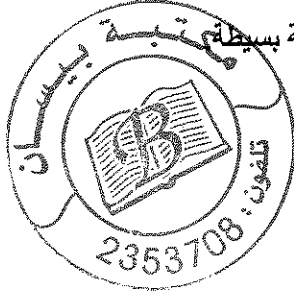
-- نظري --

عزيزي الطالب:

1. عيء كافة المعلومات المطلوبة عندك في دفتر الاجابة وعلى ورقة الاسئلة.
2. ضع رقم السؤال ورموز الاجابة الصحيحة للاسئلة الموضوعية (ان وجدت) على الجدول المخصص في دفتر الاجابة.
3. ضع رقم السؤال للاسئلة المقالية واجب على دفتر الاجابة.

السؤال الأول:

(20 علامة)



- اجب بنعم أم لا فيما يلي ثم انقل إجابتك إلى الجدول المخصص لذلك:
- (1) نستطيع استخدام اختبار نسبة الأرجحية فقط عندما تكون كلا من الفرضية الصفريية والفرضية البديلة بسيطة.
 - (2) يشير الدليل max في $L(\omega)$ إلى النهاية العظمى للدالة $L(\theta)$.
 - (3) نرفض الفرضية العدمية كلما كانت النسبة $\lambda = \frac{L(\hat{\omega})}{L(\hat{\Omega})}$ صغيرة في اختبار نسبة الأرجحية.
 - (4) يعتبر T إحصاء كاف إذا كانت كثافة الاحتمال الشرطية للمتجه العشوائي x تعتمد على θ .
 - (5) الإحصاء الفعال للمعلمة θ هو الإحصاء المتحيز ذو التباين الأكبر.
 - (6) يسمى الإحصاء بالفريد إذا كانت T إحصاءاً كافياً للمعلمة θ وكانت $C = g(., \theta)$ عائلة كاملة وكان $U(T)$ إحصاء غير متحيز للمعلمة θ وهو دالة في T .
 - (7) في اختبار نسبة الأرجحية يمكن تحديد درجات الحرية عن طريق عدد المعالم المستقلة التي تحددها الفرضية العدمية.
 - (8) مستوى المعنوية يكون مساوياً للمقدار $1 - \alpha$.
 - (9) الاختبار الأكثر فاعلية سيؤدي إلى رفض الفرضية العدمية عندما تكون $-2 \log \lambda > C$.
 - (10) لاستخدام اختبارات جودة المطابقة يجب وجود قيمة فعلية وقيمة مقدرة.

السؤال الثاني:

(30 علامة)

اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي ثم انقل إجابتك إلى الجدول المخصص لذلك:

(1) إذا كان x_1, \dots, x_n عينة عشوائية تتبع التوزيع الطبيعي $x: N(\mu, \sigma^2)$ فإن توزيع المقدّر $\left[\frac{\sqrt{n}(\bar{x} - \mu)}{\sigma} \right]^2$ هو:

(أ) $x: N(0,1)$ (ب) χ_1^2 (ج) χ_n^2 (د) $x: N(\mu, \sigma^2)$

(2) إذا كان x متغير عشوائي يتبع التوزيع المنتظم $X: U(0, \theta)$ فإن:

(أ) $0 < x < 1$ (ب) $0 < x < \theta$ (ج) $x > 0$ (د) $x > \theta$

(3) إذا كانت x_1, x_2, \dots, x_{20} عينة عشوائية تتبع توزيع ذات الحدين $b: (1, p)$ فإن توقع $\sum_{i=1}^{20} x_i$ يساوي:

(أ) p (ب) $20p$ (ج) $\frac{20}{p}$ (د) $\frac{p}{20}$

(4) إذا كان x_1, x_2, \dots, x_n وكان x يتبع التوزيع الطبيعي $N(\mu, \sigma^2)$ وكانت σ معلومة فإن تقدير الأرجحية العظمى يساوي:

(أ) \bar{x} (ب) $\sum x^2$ (ج) $\prod x_i$ (د) $-\sum \log x_i$

(5) إذا كانت $X_1, X_2, X_3, \dots, X_n$ عينة عشوائية من التوزيع $f(x, \theta) = \theta^x (1 - \theta)^{1-x}$, $0 < x < 1$ وعند استخدام اختبار نسبة

الأرجحية لاختبار الفرضية $H_0: \theta = \theta_0$ ضد الفرضية $H_1: \theta \neq \theta_0$ غير صحيحة، فإن $\max [L(\theta), \theta \in \omega]$ يساوي

(أ) $\theta^x (1 - \theta)^{n-x}$ (ب) $\theta^{\sum x} (1 - \theta)^{n-\sum x}$ (ج) $\theta^{\sum x} (1 - \theta)^{n-\sum x}$ (د) $\theta^{\sum x} (1 - \theta)^{1-\sum x}$

(6) الإحصاء الغير متحيز بأقل تباين ممكن من بين مجموعة الإحصاءات غير المتحيزة للمعلمة هو:

(أ) الإحصاء المتميز (ب) الإحصاء الفريد (ج) الإحصاء الوصفي (د) الإحصاء الكامل

(7) مجموعة القيم الممكنة للمعلمة تعرف على أنها:

(أ) فضاء المعلمة (ب) المقدّر الفعال (ج) التقاية (د) الاختبار

- (8) أي المتغيرات التالية له دالة كثافة احتمالية تنتمي إلى عائلة التوزيعات الأسية: الوحدة الثالثة
- أ- توزيع بواسون ب- توزيع ذات الحدين السالب ج- $x: N(\theta, \sigma^2)$ وكانت σ^2 معلومة د- جميع ما ذكر
- (9) إذا كانت x_1, x_2, \dots, x_8 عينة عشوائية من توزيع جاما $\Gamma(\alpha, 2)$ فإن $\sum_{i=1}^8 x_i$ متغير عشوائي يتبع:

- أ- $\Gamma(8\alpha, 2)$ ب- $\Gamma(\alpha, 16)$ ج- $\Gamma(\frac{\alpha}{8}, 2)$ د- $\Gamma(2\alpha, 16)$

(10) إذا كان X متغير عشوائي يتبع توزيع ذات الحدين $b(1, \theta)$ فإن:

- أ) $0 \leq \theta \leq 1$ ب) $\theta \geq 0$ ج) $\theta \leq 1$ د) $\theta \geq 1$

(20 علامة)

السؤال الثالث:

$$\tau = \left\{ f(., \theta); f(x; \theta) = e^{-\theta} \frac{\theta^x}{x!}, \theta \in (0, \infty), x = 0, 1, \dots \right\}$$

أ- فاثبت أن العائلة τ كاملة. 8 علامات

ب- أثبت أن $T(X) = \sum X$ احصاء كاف للمعلمة θ . 12 علامة

(10 علامات)

السؤال الرابع:

إذا كانت x_1, x_2, \dots, x_n متغيرات عشوائية متناظرة مستقلة تتبع التوزيع الاسي :

$$f(x, \theta) = \frac{1}{\theta} e^{-\frac{x}{\theta}}, \theta \in \Omega = (0, \infty), x > 0$$

اختياري / أجب عن أحد السؤالين التاليين

(20 علامة)

السؤال الخامس:

يريد احد الباحثين اختبار فيما اذا كان هناك علاقة بين مستوى التعليم ومكان السكن في احد المحافظات . قام الباحث بأخذ عينة من 30 شخص وكانت النتائج كما يلي:

O_{ij}	ثانوي فاكتر	ثانوي فاقل	اعدادي فاقل
ريف	3	7	5
مخيم	2	2	2
مدينة	2	4	3

هل تعطي هذه النتائج دليلاً كافياً على أن مستوى التحصيل يتأثر بمكان السكن على مستوى دلالة $\alpha = 0.05$.

(20 علامة)

السؤال السادس:

إذا كانت x_1, x_2, \dots, x_n متغيرات عشوائية متناظرة مستقلة تتبع التوزيع الطبيعي $N(\mu, \sigma^2)$ وافرض أن σ معلومة. اختبر الفرضية $H_0: \theta = \mu_0$ مقابل الفرضية $H_0: \theta \neq \mu_0$ ، وأثبت أن المنطقة الحرجة لاختبار نسبة الارجحية يمكن كتابتها على الصيغة

$$\left[\frac{\sqrt{n}(\bar{x} - \mu_0)}{\sigma} \right]^2$$

انتهت الاسئلة

اسم الطالب:
رقم الطالب:
تاريخ الامتحان:/...../.....

بسم الله الرحمن الرحيم



جامعة القادسيه المفتوحة
إجابة الامتحان النهائي البديل (غير المكنمل)
للفصل الثاني "1142"
2015/2014

اسم المقرر: احصاء رياضي.....
رقم المقرر: 5462.....
مدة الامتحان: ساعة ونصف.....
عدد الاسئلة: ستة.....

-- نظري --

- عزيزي الطالب:
1. عبء كافة المعلومات المطلوبة منك في دفتر الاجابة وعلى ورقة الاسئلة.
 2. ضع رقم السؤال ورموز الاجابة الصحيحة للاسئلة الموضوعية (ان وجدت) على الجدول المخصص في دفتر الاجابة.
 3. ضع رقم السؤال للاسئلة المقالية واجب على دفتر الاجابة.

(20 علامة)

السؤال الاول:

أجب بنعم أم لا فيما يلي ثم انقل اجابتك الى الجدول المخصص لذلك

رقم السؤال	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
رمز الاجابة	لا	نعم	نعم	لا	لا	نعم	نعم	لا	نعم	نعم

(30 علامة)

السؤال الثاني:

اختر الاجابة الصحيحة فيما يلي ثم انقل اجابتك الى الجدول المخصص لذلك

رقم السؤال	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
رمز الاجابة	ب	ب	ب	أ	ج	ب	أ	د	ب	أ

(20 علامة)

السؤال الثالث:

$$\tau = \left\{ f(., \theta); f(x; \theta) = e^{-\theta} \frac{\theta^x}{x!}, \quad \theta \in (0, \infty), \quad x = 0, 1, \dots \right\}$$

أ. فاثبت أن العائلة τ كاملة.

$$E_{\theta} g(x) = \sum_{x=0}^{\infty} g(x) e^{-\theta} \frac{\theta^x}{x!}$$

$$= e^{-\theta} \sum_{x=0}^{\infty} \frac{g(x)}{x!} \theta^x = 0$$

(8 علامات)

إذا كان $E_{\theta} g(x) = 0$

$$g(x) = 0 \quad \forall x \Leftarrow \frac{g(x)}{x!} = 0 \quad \forall x \Leftarrow \theta \in (0, \infty)$$

ب. أثبت أن $T(X) = \sum X$ احصاء كاف للمعلمة θ .

$$f(\underline{x}, \theta) = \prod_{i=1}^n f(x_i, \theta) = \prod_{i=1}^n \frac{\theta^{x_i} e^{-\theta}}{x_i!} = \frac{e^{-n\theta} \theta^{\sum x_i}}{\prod_{i=1}^n x_i!}$$

$$T = \sum x$$

$$x: P(\theta) \rightarrow \sum x: P(n\theta)$$

(12 علامة)

$$h(t, \theta) = \frac{(n\theta)^t e^{-n\theta}}{t!} \quad t = 1, 2, \dots$$

$$f(\underline{x}, \theta / T = t) = \frac{f(\underline{x}, \theta)}{h(t, \theta)} = \frac{e^{-n\theta} \theta^{\sum x_i} t!}{(\prod x_i!) e^{-n\theta} (n\theta)^t} = \frac{\sum x_i!}{(\prod x_i!) n^{\sum x_i}} \quad t = \sum X$$

نجد من هنا أنه لا يعتمد على θ إذن $T(X) = \sum X$ هو احصاء كاف

(10 علامات)

السؤال الرابع:

إذا كانت x_1, x_2, \dots, x_n متغيرات عشوائية متناظرة مستقلة تتبع التوزيع الاسي :

$$f(x, \theta) = \frac{1}{\theta} e^{-\frac{x}{\theta}}, \quad \theta \in \Omega = (0, \infty), \quad x > 0.$$

$T(X) = \sum X$ وهو احصاء كاف وكامل للمعلمة θ
 $\hat{\theta} = \bar{X} = U$ وهو احصاء غير متحيز للمعلمة θ
ومن هنا نستنتج أنه مقدر فعال لهذه المعلمة
 $\phi(T) = E_0(U/T) = \frac{1}{n} E(\sum Xi / \sum Xi) = \bar{X}$
وهو المقدر الفعال الوحيد للمعلمة θ

اختياري / اختر احد السؤالين

اختياري / أجب عن أحد السؤالين التاليين

(20 علامة)

السؤال الخامس:
يريد احد الباحثين اختبار فيما اذا كان هناك علاقة بين مستوى التعليم ومكان السكن في احد المحافظات . قام الباحث بأخذ عينة من 30 شخص وكانت النتائج كما يلي:

O_{ij}	ثانوي فأكثر	ثانوي فأقل	اعدادي فأقل	المجموع
ريف	3	7	5	15
مخيم	2	2	2	6
مدينة	2	4	3	9
المجموع	7	13	10	30

هل تعطي هذه النتائج دليل كاف على أن مستوى التحصيل يتأثر بمكان السكن على مستوى دلالة $\alpha = 0.05$.

e_{ij}	ثانوي فأكثر	ثانوي فأقل	اعدادي فأقل
ريف	3.5	6.5	5
مخيم	1.4	2.6	2
مدينة	2.1	3.9	3

$$\chi^2 = \frac{(3-3.5)^2}{3.5} + \frac{(7-6.5)^2}{6.5} + \frac{(5-5)^2}{5} + \frac{(2-1.4)^2}{1.4} + \frac{(2-2.6)^2}{2.6} + \frac{(2-2)^2}{2} + \frac{(2-2.1)^2}{2.1} + \frac{(4-3.9)^2}{3.9} + \frac{(3-3)^2}{3}$$

$$= 0.071 + 0.038 + 0.000 + 0.257 + 0.138 + 0.000 + 0.005 + 0.003 + 0.000 = 0.513$$

$$\chi^2_{4,0.05} = 9.488$$

نقبل الفرضية الصفرية
السؤال السادس:

(20 علامة)

إذا كانت x_1, x_2, \dots, x_n متغيرات عشوائية متناظرة مستقلة تتبع التوزيع الطبيعي $N(\mu, \sigma^2)$ وافترض أن σ معلومة. اختبر الفرضية $H_0: \theta = \mu_0$ مقابل الفرضية $H_0: \theta \neq \mu_0$ ، وأثبت أن المنطقة الحرجة لاختبار نسبة الارحجية يمكن كتابتها على الصيغة

$$\left[\frac{\sqrt{n}(\bar{x} - \mu_0)}{\sigma} \right]^2$$

$$\hat{\mu}_\Omega = \bar{x}, \quad \hat{\mu}_\omega = \mu_0$$

$$L(\hat{\Omega}) = \left(\frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} \right)^n \exp \left\{ -\frac{1}{2\sigma^2} \sum (x_i - \bar{x})^2 \right\}$$

$$L(\hat{\omega}) = \left(\frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} \right)^n \exp \left\{ -\frac{1}{2\sigma^2} \sum (x_i - \mu_0)^2 \right\}$$

$$\begin{aligned}
\lambda &= \left(\frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} \right)^n \exp \left\{ -\frac{1}{2\sigma^2} \sum (x_i - \bar{x})^2 \right\} \\
&= \exp \left\{ \frac{-1}{2\sigma^2} \left[\sum x_j^2 - 2n\mu_0 \bar{x} + n\mu_0^2 - \sum x_j^2 + n\bar{x}^2 \right] \right\} \\
&= \exp \left\{ \frac{-1}{2\sigma^2} \left[n(\bar{x}^2 - 2\mu_0 \bar{x} + \mu_0^2) \right] \right\} \\
&= \exp \left\{ \frac{-n}{2\sigma^2} (\bar{x} - \mu_0)^2 \right\} \\
-2 \log \lambda &= \frac{n}{\sigma^2} (\bar{x} - \mu_0)^2
\end{aligned}$$

$$\phi(z) = \begin{cases} 1 & \left[\frac{\sqrt{n}(\bar{x} - \mu_0)}{\sigma} \right]^2 > C \\ 0 & \text{ow} \end{cases}$$

انتهت الاجابة

