



Department of
Computer Engineering

به نام خدا



Amirkabir University of Technology
(Tehran Polytechnic)

دانشگاه صنعتی امیرکبیر
دانشکده مهندسی کامپیوتر
اصول علم ربات

تمرین سری دوم

نام و نام خانوادگی	حمیدرضا همتی
شماره دانشجویی	۹۶۳۱۰۷۹
تاریخ ارسال گزارش	۲۰ اردیبهشت

فهرست گزارش سوالات

سوال ۱ – بازوی رباتی.....	۳
orientation – سوال ۲.....	۴
kinematic – سوال ۳.....	۵
گام اول.....	۶
گام دوم.....	۱۰
گام سوم.....	۱۴

سوال ۱ – بازوی رباتی

$$R_{ab} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$R_{ba} = R_{ab}^T = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & -1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$P_A = R_{ab} P_B \Rightarrow P_B = (R_{ab})^{-1} P_A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & -1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow P_B = \begin{bmatrix} 1 \\ -3 \\ 2 \end{bmatrix} \Rightarrow (1, -3, 2)$$

forward kinematic:

$$x = d_3 \cos(\theta_2) \cos(\theta_1)$$

$$y = d_3 \cos(\theta_2) \sin(\theta_1)$$

$$z = a - d_3 \sin(\theta_2)$$

$$\begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} d_3 \cos(\theta_2) \cos(\theta_1) \\ d_3 \cos(\theta_2) \sin(\theta_1) \\ a - d_3 \sin(\theta_2) \end{bmatrix}$$

inverse kinematic:

$$\tan(\theta_1) = (y/x) \rightarrow \theta_1 = \arctan(y/x)$$

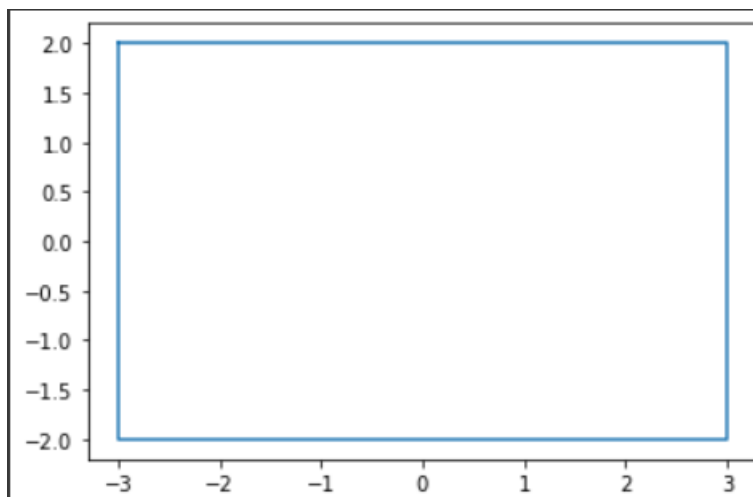
$$z - a = d_3 \sin(\theta_2) \quad \& \quad \frac{y}{\sin(\theta_1)} = d_3 \cos(\theta_2)$$

$$\Rightarrow \tan \theta_2 = \frac{-d_3 \sin \theta_2}{d_3 \cos \theta_2} = \frac{z - a}{\frac{y}{\sin \theta_1}} \Rightarrow \theta_2 = \arctan \left(\frac{z - a}{\frac{y}{\sin \theta_1}} \right)$$

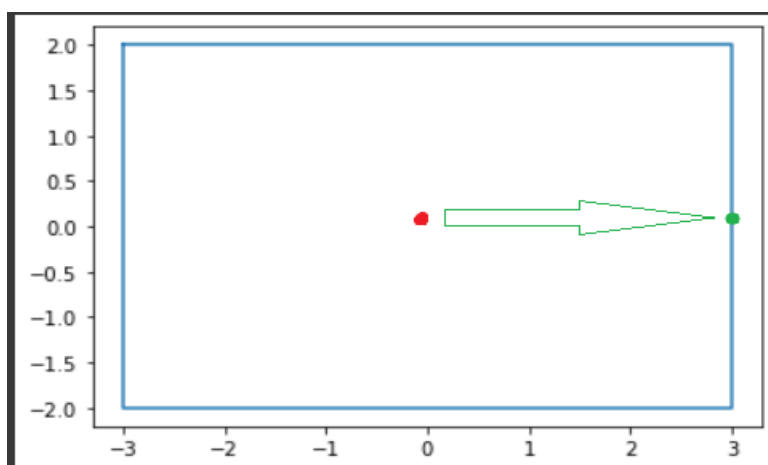
$$\rightarrow \theta_2 = \arctan \left(\frac{z - a}{\frac{y}{\sin \theta_1}} \right)$$

گام اول

در این بخش باید ربات را بر روی یک مسیر مستطیلی شکل همانند زیر با استفاده از دو عملگر حرکت به سمت مقصد و چرخش 90° به سمت چپ کنترل کنیم. از آنجایی که در حرکت و چرخش ربات خطا وجود دارد با استفاده از این دو عملگر نمیتوان کنترل خوبی بر روی حرکت ربات داشت. چون که ربات مسیر حرکت خود را کنترل نمیکند و صرف نظر از خطایی که الان دارد صرفاً دستوراتی را اجرا میکند.



نقطه شروع ربات در مرکز این مستطیل و نقطه 0 و 0 است. پس ربات ابتدا باید از خارج از محیط مستطیل خود را به محیط مستطیل برساند سپس حرکت خود را بر روی مستطیل شروع کند. در شکل زیر مسیر اولیه ایی که ربات برای رسیدن به path انجام میدهد را مشاهده میکنید. ابتدا ربات از نقطه 0 و 0 به نقطه $x=3$ و $y=0$ میرود و 90° درجه به سمت چپ چرخش میکند.



در کد این بخش با استفاده از دو state تعریف شده on_path و of_path مدیریت میشود. در ابتدای شروع حرکت ربات state ربات of_path است و ربات به سمت نقطه $x=3$ و $y=0$ حرکت میکند و بعد از rotate ربات state به حالت on_path تغییر میکند. در تابع controller در شکل زیر این قسمت را میتوانید مشاهده کنید.

```

153 def controller(self):
154     counter = 0
155     rospy.sleep(1)
156     while not rospy.is_shutdown():
157         if self.state == self.OFF_PATH:
158             ## beginning of the code
159             dist = self.calculate_distance()
160             self.move(dist)
161             # self.rotate(self.goal[0], self.goal[1])
162             self.rotate_90degree(90)
163             self.state = self.ON_PATH
164             print("goal: ", self.goal[0], self.goal[1])
165             dist = self.calculate_distance()
166             self.move(dist)
167             self.goal = next(self.path)
168             # self.rotate(self.goal[0], self.goal[1])
169             self.rotate_90degree(90)
170
171             if counter == 5:
172                 break
173             counter += 1
174
175     plt.title("AVG error: {:.2f}".format(sum(self.errors)/len(self.errors)))
176     plt.plot(list(range(1, len(self.errors) + 1)), self.errors)
177     plt.show()

```

کد بخش حرکت ربات به سمت نقطه بعدی در شکل زیر آمده است.

```

120 def move(self, distance):
121     travelled_dist = 0
122     start_x = self.position.x
123     start_y = self.position.y
124
125     twist = Twist()
126
127     while distance > travelled_dist:
128         twist.linear.x = self.linear_speed
129         self.cmd_publisher.publish(twist)
130         travelled_dist = abs(self.position.y - start_y) + abs(self.position.x - start_x)
131
132         self.x_histogram.append(self.position.x)
133         self.y_histogram.append(self.position.y)
134         self.errors.append(min(min(abs(X1 - self.position.x) + abs(Y1 - self.position.y)), min(abs(X2 - self.position.x) + abs(Y2 - self.position.y)),
135                                min(abs(X3 - self.position.x) + abs(Y3 - self.position.y)), min(abs(X4 - self.position.x) + abs(Y4 - self.position.y))))
136
137         print("distance: ", distance, " travelled: ", travelled_dist)
138
139     self.cmd_publisher.publish(Twist())
140     rospy.sleep(1)

```

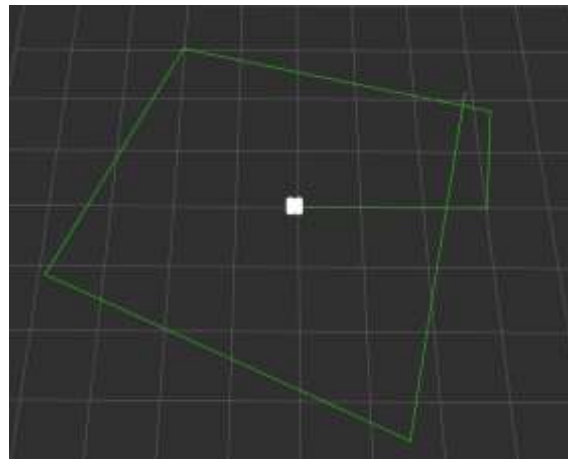
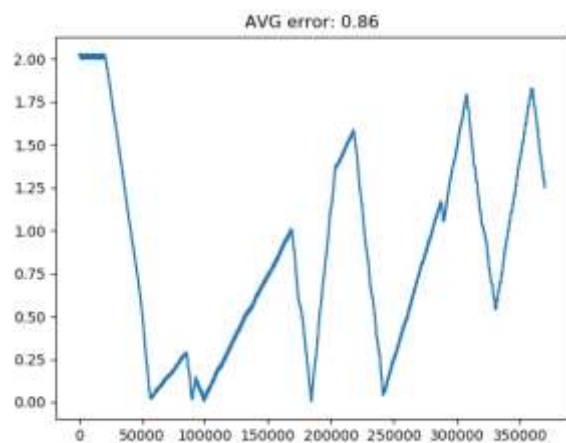
کد چرخش ۹۰ درجه به سمت چپ در شکل زیر آمده است.

```

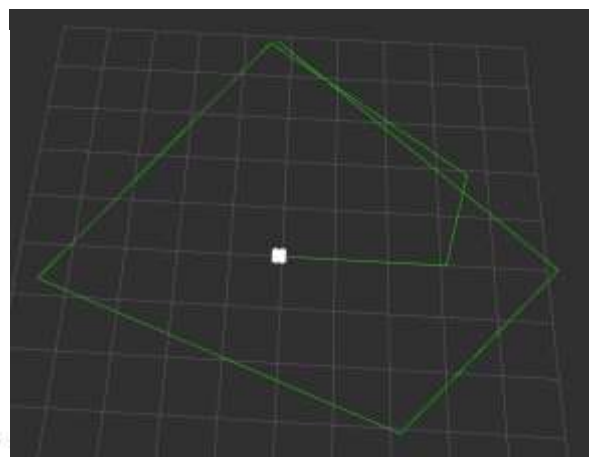
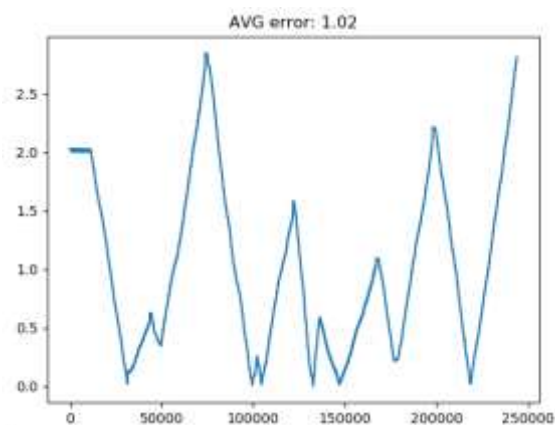
80 def rotate_90degree(self, degree):
81     remaining = math.radians(degree)
82     prev_angle = abs(self.yaw)
83
84     twist = Twist()
85     twist.angular.z = self.angular_speed
86     self.cmd_publisher.publish(twist)
87
88     while remaining >= self.epsilon:
89         current_angle = abs(self.yaw)
90         delta = abs(prev_angle - current_angle)
91         remaining -= delta
92         print("yaw: ", math.degrees(current_angle), " remaining: ", math.degrees(remaining))
93         prev_angle = current_angle
94
95     twist.angular.z = 0
96     self.cmd_publisher.publish(twist)
97     self.cmd_publisher.publish(Twist())
98     rospy.sleep(1)

```

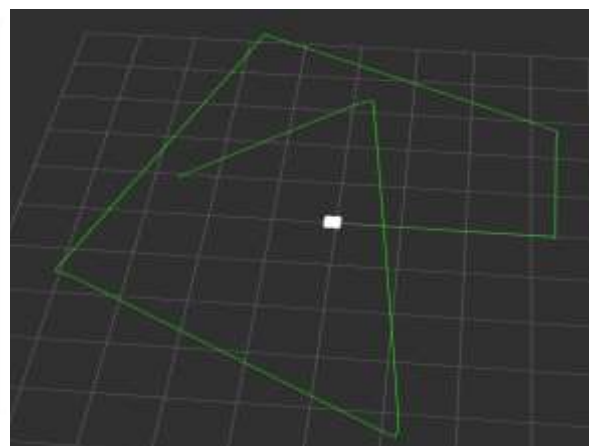
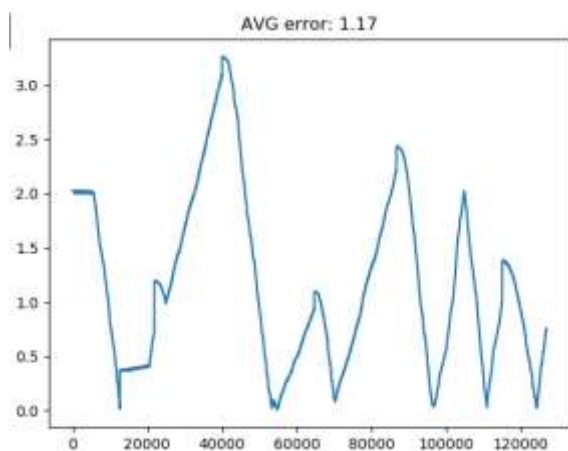
در شکل ها زیر نماهای تولید شده توسط RViz به ازای هر سرعت خطی همراه با خطای انحراف از مسیر مشخص شده است.



سرعت خطی برابر ۰٫۲



سرعت خطی برابر ۰٫۴



سرعت خطی برابر ۰٫۸

سوال: آیا افزایش سرعت خطی باعث افزایش انحراف ربات شده است؟

بله. با افزایش سرعت خطی ربات، مقدار انحراف ربات در گوشه های مسیر بیشتر میشود. دلیل این امر این است که هنگامی که ربات به نقطه ای میرسد که باید توقف کند به دلیل اینرسی که در سرعت های بالا دارد باعث میشود ربات مقداری سر بخورد و از مسیر اصلی خارج شود. همچنین باعث میشود که ربات در گوشه ها مقداری کج هم بشود.

گام دوم

توجه: برای گام دوم و سوم کنترلر زاویه برای همه سناریو ها P است

در کل برای کنترل کردن mobile robot هایی که بر روی زمین حرکت میکنند (منظور این است که مانند کوادرو کوپتر ها قرار نیست پرواز کنند و در یک ارتفاع hover بکنند) و هدف کنترلشان رسیدن از یک نقطه به نقطه دیگر است کنترلر P کافی است و نیازی به مقادیر I و D نیست. در همین گزارش هم شکل مسیر طی شده توسط ربات با استفاده از کنترلر P آمده است که بسیار خوب است.

البته مطلب گفته شده در پاراگراف قبل موقعی صادق است که زمین اصطکاک زیادی نداشته باشد. مثلاً فرض کنید که یک ربات بر روی یک موکت ضخیم قرار است از یک نقطه به هدف برود. در این صورت هنگامی که به نزدیکی هدف میرسد با اینکه مقدار error هنوز صفر نشده است ولی چون مقدار آن بسیار اندک هست و همچنین چون که اصطکاک زمین زیاد است موتور های ربات قدرت کافی برای ایجاد گشتاور ندارند و حرکت ربات ندارند. در این حالت یک steady state error به وجود آمده است. این سناریو مشابه سناریو کوادرو کوپتری هست که میخواهد در یک ارتفاع ثابت قرار بگیرد. در این حالت تنها استفاده از مقدار P برای کنترل کافی نیست و باید از مقدار I هم استفاده کرد.

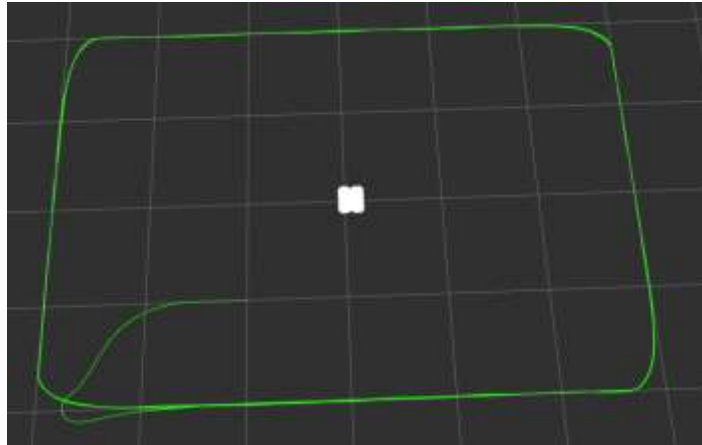
مقدار D هم برای smooth کردن تغییرات حرکت ربات ها استفاده میشود. از آنجایی با عملیات مشتق گیری انگار که داریم آینده را پیشبینی میکنیم میتوانیم از تغییرات ناگهانی در حرکت ربات جلوگیری کنیم. مثلاً برای کنترل یک ربات wall following هنگامی که ربات به گوشه یک دیوار میرسد و باید تغییر زیادی در قرارگیری خود انجام دهد اگر مقدار D به درستی tune شده باشد میتوان از تغییرات ناگهانی ربات جلوگیری کرد و ربات در این صورت در مسیر smooth تری تغییر جهت میدهد.

تأثیرات ضرایب P, I و D بر روی کنترلر ربات:

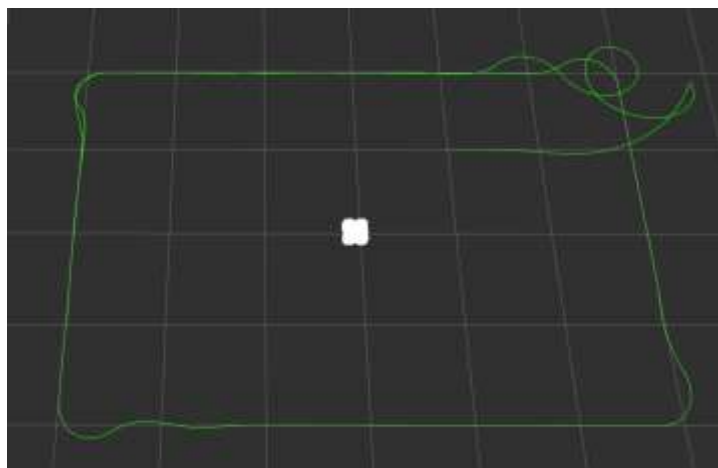
ضریب P: هرچه قدر مقدار KP کوچکتر باشد سرعت ربات در کم کردن مقدار error کمتر میشود. با توجه به معادله زیر هم هرچه قدر ضریب KP بزرگتر باشد سرعت بیشتری داریم. اما مقدار زیاد KP یک تأثیر بد خواهد داشت که باعث میشود عملکرد ربات جالب نباشد. اگر KP خیلی زیاد باشد باعث overshoot کردن ربات میشود چون وقتی فاصله با هدف کم میشود به دلیل مقدار زیاد ضریب باز هم بزرگ میشود و نمیتواند به موقع ربات را متوقف یا سرعت آن را به خوبی کاهش دهد.

$$P = k_p * (goal - current)$$

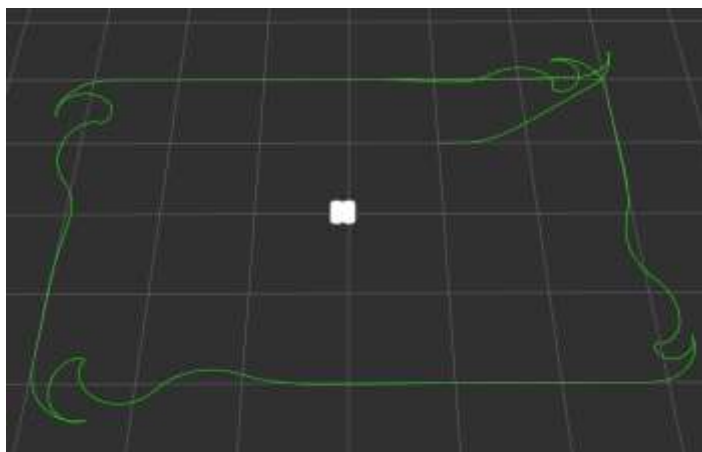
برای مدیریت کردن این مشکل باید بتوان مقدار K_P را با آزمون و خطا tune کرد. در شکل های زیر دو نمونه از کنترلر P با مقدار K_P زیاد و کم نشان داده شده است. همانطور که مشاهده میشود مقدار overshoot با افزایش مقدار k_p زیاد میشود.



$K_p = 0.5$

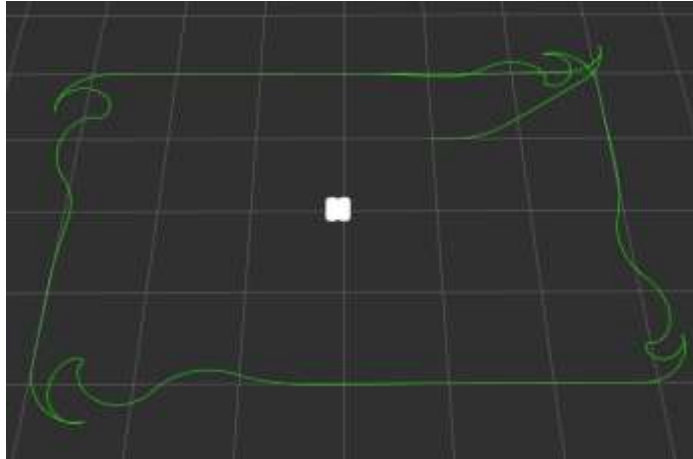


$K_p = 1$

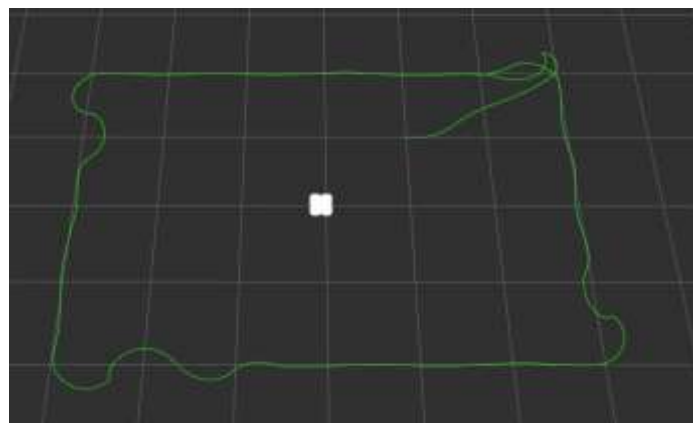


$K_p = 2$

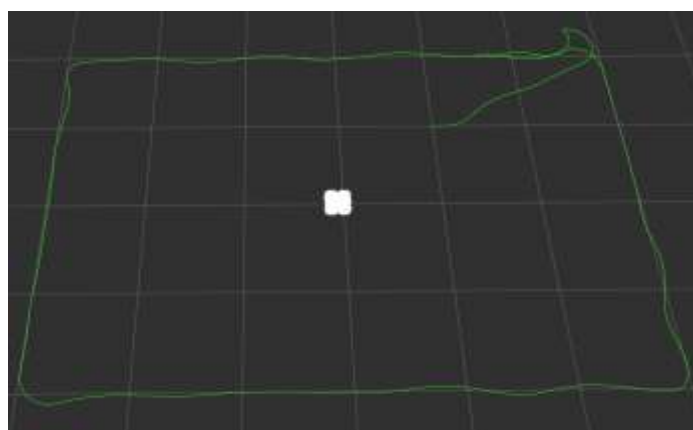
ضریب D: این ضریب برای کم کردن تغییرات ناگهانی و smooth کردن حرکات ربات اضافه میشود. هرچقدر مقدار KD بیشتر باشد سرعت تغییرات ربات کمتر میشود. برای تست کردن این ویژگی در شکل های زیر ابتدا حالتی که k_p برابر ۲ و k_d برابر ۰ است آورده شده. سپس میبینیم که اگر از مقدار مناسبی برای k_d استفاده کنیم میتوان overshoot را کنترل کرد.



$K_p = 2, k_i = 0, K_D = 0$

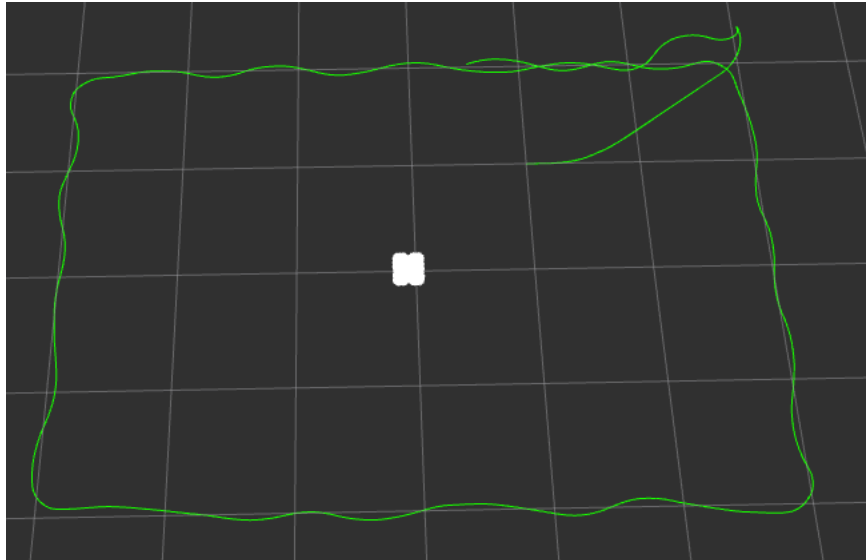


$K_p = 2, K_i = 0, K_D = 10$



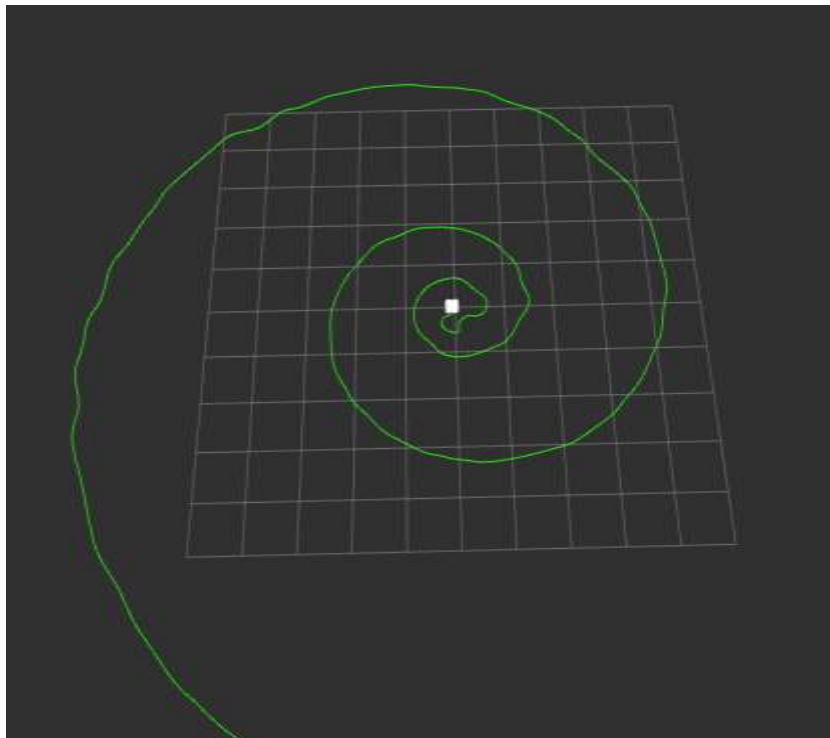
$K_p = 2, K_i = 0, K_D = 20$

ضریب I: از انتگرال برای حذف steady state error استفاده میشود و باعث میشود که ربات کاملاً بر روی مسیر خود حرکت نکند. البته اگر مقدار آن درست انتخاب نشود باعث oscillation میشود. معمولاً مقدار ضریب I همیشه خیلی کم انتخاب میشود که مانند شکل زیر به این مشکل برخوردیم.

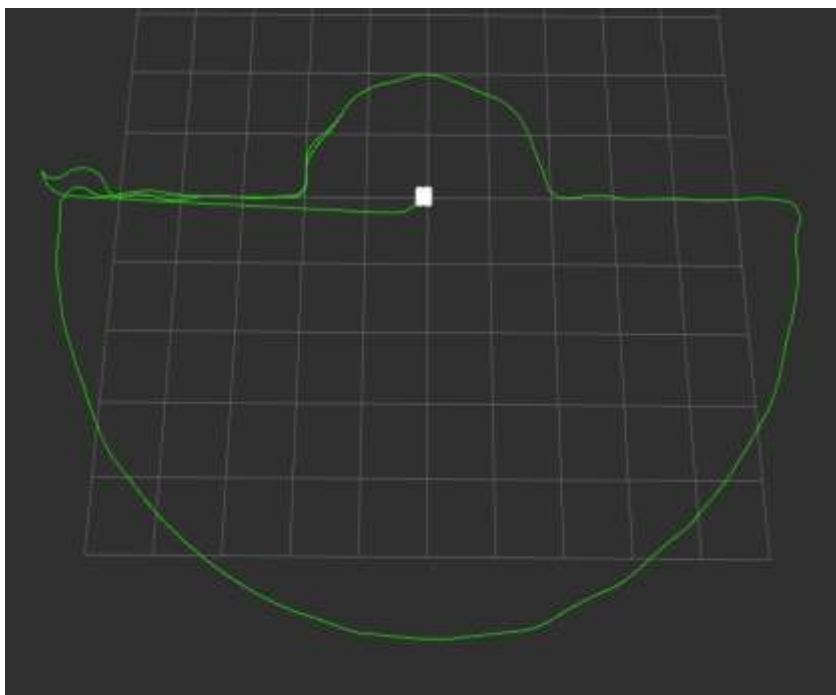


$K_p=2, K_i = 0.1, K_d = 20$

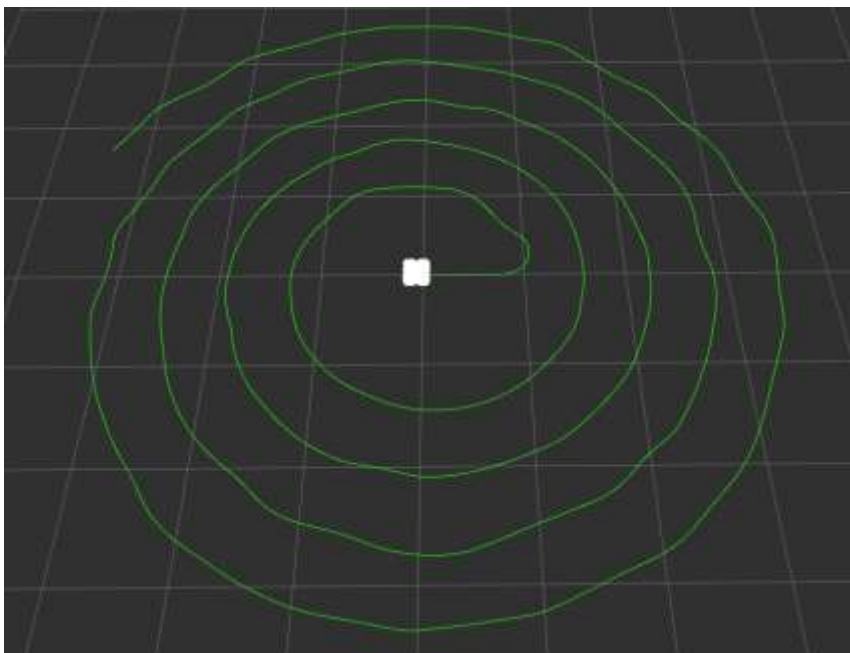
۱. مارپیچ لگاریتمی



۲. ترکیب دو نیم دایره



۳. ماریچ ارشمیدی



۴. هشت ضلعی منتظم

