Kriptográfia és Információbiztonság 1. előadás

MÁRTON Gyöngyvér

Sapientia Egyetem, Matematika-Informatika Tanszék Marosvásárhely, Románia mgyongyi@ms.sapientia.ro

2021

Követelmények, osztályozás

- Vizsga: dolgozat és plusz pontok
- Dolgozat:
 - legalább 4, de nem több mint 6 oldalas kell legyen (A4 lapméret, 11-es font, 1.5 sorköz),
 - tartalma tudományos jellegű kell legyen és kapcsolódnia kell a 21. századi adatbiztonsághoz,
 - határidőre kell beküldeni, és 10-15 percben be kell mutatni.
 - beküldési határidő: április 25 éjfél
 - bemutatási időpontok, megegyezés szerint az utolsó oktatási héten, illetve a vizsgaidőszakban
- Plusz pontok: kijelölt programozási feladatok megoldása és bemutatása laborórákon, a félév során (kivéve az utolsó oktatási hetet). Maximum 3 pluszpontot lehet szerezni, ami a dolgozatjegyet emeli.
- Pótvizsgák: szóbeli, ahol a diák kap egy tételsort, amelyre szóban kell válaszoljon. Egy tétel három, a törzsanyagból vett kérdést fog tartalmazni.

Kriptográfia és információbiztonság

- Kriptográfia (cryptography)
 - az információ elrejtése, rejtjelezése
 - bizalmas információ-csere
 - az adatok sértetlenségének a biztosítása
 - kommunikáló felek azonosítása
 - stb.
- Hozzáférési jogosultságok (access control)
 - hitelesítés (authentication): adott eszköz, felhasználó beléphet-e egy rendszerbe, hozzáférhet-e egy rendszer adataihoz
 - engedélyezés (authorization): milyen jogosultságokkal rendelkezik egy adott eszköz, felhasználó egy adott rendszeren belül
- Biztonsági protokollok (protocols): szabályok összessége, amelyeket adott helyzetben be kell tartani, ahhoz hogy a rendszer biztonsága ne sérüljön
- Szoftverek (software) az információ tárolására, továbbítására, feldolgozására, stb. szoftvereket használunk; pl egy vírus olyan szoftver, ami kárt tehet egy adott informatikai rendszerben

Alkalmazási terület

- A kommunikáció biztonsága:
 - a webforgalom biztonságát kriptográfiai eljárások biztosítják, a protokoll neve: HTTPS (RSA, Diffie-Hellman, AES, 3DES, RC4)
 - a wifi eszközök biztonságos adatmegosztását a WPA2 protokoll biztosítja
 - a mobil telefonok, a GSM alapú telefonok biztonságát folyamtitkosítási eljárás biztosítja: A5 titkosító család (linear feedback shift register)
 - bluetooth protokoll biztonságát folyamtitkosítási eljárás biztosítja:
 EO
- A merevlemez biztonsága: a Windows EFS (Encypting File System) titkosítása, régebbi verziókban DESX, az újabbakban AES, SHA, ECC
- 3 A Blu-ray, DVD, CD tartalmak biztonsága: AACS (Advanced Access Control System) másolásvédelmi tehnológia, a lemezen és a készüléken titkosító kulcsok vannak beállítva, amelyeket a lejárati idő után meg kell újítani
- **4** ...

Kriptográfia, törzsanyag

- Klasszikus kriptográfiai rendszerek (Caesar és változatai, Affin, Hill)
- Titkos-kulcsú titkosító rendszerek (secret-key encryption systems, symmetric encryption systems)
 - Matematikai modell, biztonság, tervezés
 - Folyam-titkosító rendszerek (stream ciphers): OTP, álvéletlen-szám generátorok, RC4, LFSR, A5/1, Salsa20,
 - Blokk-titkosító módok (block cipher mode)(ECB, CBC, CFB, OFB, CTR)
 - Blokk-titkosító rendszerek (block ciphers): DES és változatai, TEA, AFS.
- üzenet-hitelesítő kódok (message authentication codes): HMAC
- hash-függvények (hash functions): követelmények, biztonság, tervezés, az SHA-1 hashfüggvény

Kriptográfia, törzsanyag

- Nyilvános-kulcsú kriptorendszerek (public-key cryptography)
 - Titkosító rendszerek
 - matematikai modell, biztonság
 - a faktorizációs problémán alapuló titkosító rendszerek: RSA, RSA-OAEP,
 - a kvadratikus maradék problémán alapuló titkosító rendszerek: Rabin, SAEP,
 - Álvéletlen számgenerátorokon alapuló titkosító rendszerek: Blum-Goldwasser, Goldreich-Levin
 - A diszkrét logaritmus problémán alapuló rendszerek: Diffie-Hellman kulcscsere, elliptikus görbéken alapuló kriptográfia
 - Digitális aláírások (digital signatures): matematikai modell, biztonság, az RSA, a DSA digitális aláírás

Könyvészet I



Freud R., Gyarmati E., Számelmélet, Nemzeti Tankönyvkiadó, Budapest, 2000.



Cormen T.H., Leiserson C.E., Rivest R.L., Algoritmusok, Műszaki Könyvkiadó, Budapest, 2001.



Rónyai L. Ivanyos G., Szabó R., Algoritmusok, Typotex, Budapest, 2004



Buttyán L., Vajda I.: Kriptográfia és alkalmazásai, Typotex, Budapest, 2004.



Márton Gy, Kriptográfiai alapismeretek, Scientia Kiadó, Kolozsvár, 2008.



Buchmann J., Introduction to cryptography, Springer, 2002.



Boneh D.: Introduction to Cryptography. Online Cryptography. https://www.coursera.org/



Hoffstein J., Pipher J., Silverman J.H., An Introduction to Mathematical Cryptograhy, Springer, 2008.

Könyvészet II



Menezes J., van Oorschot P.C., Vanstone S.A., Handbook of Applied Cryptography, CRC Press, Boca Raton, Florida, 1997.



Stallings W., Cryptography and network security. Principles and practice, Pearson, 2011.



Stamp M., Infromation security. Principles and practice, John Wiley&Sons, 2006.



Stinson D.R., Cryptography theory and practice, Chapman&HallCRC, 2006.

Történelmi háttér

- i.e. IV század: spártaiak titkosítása, szkütalé használata (transzpozíció/felcserélés)
- i.e. I. század: Caesar-titkosító (szubsztitúció/helyettesítés)
- Megjegyzés: a mai titkosító rendszerek alapműveletei: transzpozíció és szubsztitúció
- 1926. Vernam titkosító
- 1949, Shannon: tökéletes biztonság (perfect secrecy)
- 1970, DES (Data Encryption Standard): Horst Feistel
- 1976, Diffie-Hellman: publikus-kulcsú kriptográfia alapjai
- 1977, RSA kriptorendszer: Rivest, Shamir, Adleman
- 1985, ElGamal kriptorendszer: Taher ElGamal
- 1994, RSA-OAEP titkosító rendszer, új biztonságértelmezések: Bellare, Rogaway
- 1998, Cramer-Shoup titkosító rendszer (az ElGamal egy kiterjesztett változata)
- 2001, AES (Advanced Encryption Standard): Daemen, Rijmen

Bevezető

- Klasszikus rendszerek
 - alkalmazásuk: diplomáciai-katonai életben, csak titkosítást végeztek,
 - könnyen feltörhetőek statisztikai számítások segítségével.
- & Kibővült feladatkör: kulcs-csere, hitelesítés, titok-megosztás, elektronikus szavazás, stb.
- Alapfogalmak: bemeneti ábécé (input alphabet), nyílt-szöveg (plaintext), titkosított-szöveg (ciphertext), kulcs (key), titkosítás/rejtjelezés (encryption), visszafejtés (decryption),
- Kerchoff elv: a titkosító, a hitelesítő algoritmus nyilvános, csak a rendszerben alkalmazott kulcsok titkosak.

Bevezető

- Támadási célok:
 - meghatározni a kulcsot,
 - megfejteni egy bizonyos titkosított-szöveget,
 - megfejteni egy részét egy bizonyos titkosított szövegnek,
 - különbséget tenni, két, különböző nyilvános-szöveg titkosított értékei között.
- 2 Alapelv: standardizált rendszerek alkalmazása

Caesar titkosító

• $M=C=\{0,1,\ldots,25\}^*$, az angol ábécé 26 betűjének megfelelő számkód:

- $K = \{0, 1, \dots, 25\},\$
- Megjegyzés: key = 0 nincs titkosítás.
- Gen: kulcsgenerálás, kiválaszt egy key kulcsot,
- Enc_{key} : titkosítás, $c = (m + key) \pmod{26}$,
- Dec_{kev} : visszafejtés $m = (c + 26 key) \pmod{26}$.
- key = 3, az eredeti Caesar titkosító

Példa, Caesar titkosító

Ha a nyílt szöveg a következő:

THISISAPLAINTEXT,

• és, ha a kulcs 5, akkor a következő titkosított szöveget kapjuk:

YMNXNXFUQFNSYJCY,

ahol a megfelelő titkosító tábla a következő:

 Feltörési módszer: az összes lehetséges kulcs kipróbálása (exhaustive key search): 26 lehetséges kulcs van.

Helyettesítéses rejtjelezés

- $M = C = \{0, 1, \dots, 25\}$
- K, a 26 szimbólum összes lehetséges permutációja,
- $Enc(m) = Perm(m) \pmod{26}$,
- $Dec(c) = Perm^{-1}(c) \pmod{26}$.
- Feltörési módszerek:
 - az összes lehetséges kulcs kipróbálása nem működik, mert 26! = 403291461126605635584000000
 - működik: betű, betű-pár, betű-hármas, szavak gyakoriság vizsgálat.
- egyik változata: Keyword Caesar módszere.

Példa, Keyword Caesar titkosító

• Ha a nyílt szöveg a következő:

THISISAPLAINTEXT,

• és, ha a kulcs (7, PASWD), akkor a következő titkosított szöveget kapjuk:

PLMZMZEVQEMTPIDP,

ahol a megfelelő titkosító tábla a következő:

• Feltörési módszer: betű, betű-pár, szó gyakoriság vizsgálat.

Az Affin rejtjelezés

- helyettesítéses, monoalfabetikus rejtjelezés,
- $M = C = \{0, 1, \dots, 25\}^* = \mathbb{Z}_{26}, K = \{(a, b) \in \mathbb{Z}_{26}, gcd(a, 26) = 1\},$
- key = (a, b)
- $Enc(m) = (a \cdot m + b) \pmod{26} \Rightarrow c$,
- $Dec(c) = a1 \cdot (c + 26 b) \pmod{26}$.
- Megjegyzés:
 - 1 a1, az a multiplikatív inverze (mod 26) szerint, ami azt jelenti, hogy meg kell határozni azt az a1 értéket, amelyre fennáll:

$$a \cdot a1 = 1 \pmod{26}$$
.

- Feltörési módszerek:
 - gyakoriság vizsgálat
 - 2 az összes lehetséges kulcs kipróbálása, kulcsok száma: 312
 - ismert nyílt-szöveg támadás: ha rendelkezünk két betű rejtjelezett értékével

Az Affin rejtjelezés - példa

Ha a kulcs (5,2) és a nyílt-szöveg a következő:

AMATHEMATICIAN,

akkor a titkosított-szöveg:

CKCTLWKCTQMQCP,

 ahol a titkosított-szöveg első 6 karakterét a következőképpen határoztuk meg:

```
A -> C: (5 \cdot 0 + 2) = 2 \pmod{26}

M -> K: (5 \cdot 12 + 2) = 10 \pmod{26}

A -> C: (5 \cdot 0 + 2) = 2 \pmod{26}

T -> T: (5 \cdot 19 + 2) = 19 \pmod{26}

H -> L: (5 \cdot 7 + 2) = 11 \pmod{26}

E -> W: (5 \cdot 4 + 2) = 22 \pmod{26}
```

• A visszafejtéshez szükséges kulcs: (21,2), mert $5 \cdot 21 = 105 = 1 \pmod{26}$, azaz, 5 multiplikatív inverze (mod 26) szerint 21.

Az Affin rejtjelezés - ismert nyílt-szöveg támadás

• Ha ismertek az m_1, m_2, c_1, c_2 , akkor a következő kongruencia-rendszer megoldásával, megállapítható a titkosításhoz használt (a, b) kulcs:

$$m_1 \cdot a + b = c_1 \pmod{26}$$

$$m_2 \cdot a + b = c_2 \pmod{26}.$$

$$(m_1 - m_2) \cdot a = (c_1 - c_2) \pmod{26}$$

$$a = (m_1 - m_2)^{-1} \cdot (c_1 - c_2) \pmod{26}$$

$$b = (c_1 - m_1 \cdot a) \pmod{26}$$

$$vagy$$

$$b = (c_2 - m_2 \cdot a) \pmod{26}$$

- Ha létezik multiplikatív inverz, akkor az meghatározható :
 - a kiterjesztett Eukleidészi algoritmussal,
 - az összes érték kipróbálásával (26 szorzás szükséges).